



ปัญหาพิเศษ
เรื่อง

การจำลองแบบโปรแกรมระบบการให้บริการโทรศัพท์ติดตามตัว
ของ บริษัท อັทซีเอ็น เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด

โดย

- นายชนาวีร์ จงประสิทธิ์ผล
- นายประภาส โนธิพันธ์
- นายพงศา อาชายุทธการ
- นางสาววรุจิรา นุญสุวรรณ

๑/๗

๕149 ก

๒๕๓๖

เลขหมู่.....

เลขทะเบียน.....

วัน,เดือน,ปี.....

612549/72

ปัญหาพิเศษนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรวิทยาศาสตรบัณฑิต
ภาควิชาสถิติประยุกต์ คณะวิทยาศาสตร์
สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง
ปีการศึกษา ๒๕๓๖

Special Project

Simulation of Pagephone Service System
of Hutchison Telecommunication (Thailand) CO, LTD.

Mr. CHANAVEE CHONGPRASITTIPOL
Mr. PRAPAD POTIPUN
Mr. PONGSA ARCHAYUTHAKAN
Ms. WUJIRA BOONSUWAN

A Special Project Submitted in Partial Fulfillment
of the Requirement for the Degree of Bachelor of Science
Degree of Applied Statistics
Faculty of Science
King Mongkut's Institute of Technology Ladkrabang
1993

หน้าอนุมัติ

หัวข้อปัญหาพิเศษ การจำลองแบบปัญหาระบบการให้บริการโทรศัพท์ที่ติดตามตัว
ของ บริษัท อักษรีสัน เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด

โดย นายชนาวีร์ จงประสิทธิ์ผล
นายประภาส โพธิพันธ์
นายพงศา อาชายุทธการ
นางสาววุจิรา บุญสุวรรณ

ภาควิชา สถิติประยุกต์
อาจารย์ที่ปรึกษา อาจารย์วัลย์ลักษณ์ อัครีรวงศ์

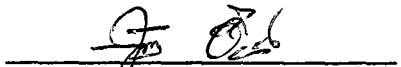
ภาควิชาสถิติประยุกต์ คณะวิทยาศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง
อนุมัติให้ปัญหาพิเศษฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรวิทยาศาสตรบัณฑิต



(ผศ. วีรศักดิ์ สุรพันธ์)

หัวหน้าภาค

คณะกรรมการปัญหาพิเศษ



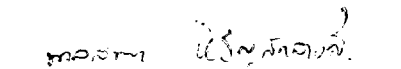
(อาจารย์วัลย์ลักษณ์ อัครีรวงศ์)

ประธานกรรมการ



(ผศ. วรารัตน์ เรืองรัตน์เมธี)

กรรมการ



(อาจารย์นวลสวาท หิรัญสกุลวงศ์)

กรรมการ

ลิขสิทธิ์ของภาควิชาสถิติประยุกต์ คณะวิทยาศาสตร์
สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง

บทคัดย่อ

ชื่อเรื่อง การจำลองแบบปัญหาระบบการให้บริการโทรศัพท์ติดตามตัว
ของ บริษัท อัทซีสัน เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด
โดย นายชนาวีร์ จงประสิทธิ์ผล
นายประภาส โพนิพันธ์
นายพงศา อาชายุทธการ
นางสาววุจิรา บุญสุวรรณ
อาจารย์ที่ปรึกษา อาจารย์วลัยลักษณ์ อัครีวงศ์
ภาควิชา สถิติประยุกต์
ปีการศึกษา 2536

การสื่อสารที่มีประสิทธิภาพเป็นหลักสำคัญเพื่อความสำเร็จในธุรกิจปัจจุบัน สำหรับผู้ประกอบการธุรกิจทุกระดับที่มีพนักงานในองค์กรที่ต้องเดินทาง หรือติดต่อสื่อสารเชื่อมโยงถึงกันตลอดเวลา ย่อมมีความจำเป็นในการใช้เครื่องมือสื่อสารที่มีประสิทธิภาพสูงและสามารถพกพาได้อย่างสะดวก โทรศัพท์ติดตามตัวจึงเป็นเครื่องมือสื่อสารที่มีผู้นิยมใช้กันอย่างแพร่หลาย

เนื่องจากความนิยมในการใช้โทรศัพท์ติดตามตัว จึงมีหลายบริษัทที่ทำธุรกิจทางด้านบริการให้บริการโทรศัพท์ติดตามตัว มีการแข่งขันทางด้านบริการ และพัฒนาประสิทธิภาพของโทรศัพท์ติดตามตัวให้สามารถใช้งานได้หลายด้าน แต่ปัจจัยสำคัญที่ลูกค้าพิจารณาในการใช้โทรศัพท์ของบริษัทใด ก็คือความมีประสิทธิภาพในการให้บริการ ความสะดวกรวดเร็วในการให้บริการ การลดเวลาการรอคอยของลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความก็เป็นการเพิ่มประสิทธิภาพการให้บริการได้วิธีหนึ่ง ซึ่งสามารถทำได้ด้วยการจัดจำนวนพนักงานให้เหมาะสมกับจำนวนลูกค้าใช้บริการฝากข้อความในแต่ละช่วงเวลา โดยการให้ทฤษฎีแถวคอย (QUEUEING THEORY) และเทคนิคการจำลองแบบปัญหา (SIMULATION TECHNIQUE)

ในการศึกษาครั้งนี้ได้มีการเก็บรวบรวมข้อมูล 2 ชนิด คือ ข้อมูลจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในแต่ละชั่วโมง และข้อมูลเวลาในการให้บริการฝากข้อความโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คนในแต่ละชั่วโมง เป็นเวลา 6 เดือน ระหว่างเดือนพฤษภาคม ถึงเดือนตุลาคม พ.ศ.2536 ในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 23.00 น. นำข้อมูลที่ได้

มาวิเคราะห์หาการแจกแจงความน่าจะเป็นโดยแบ่งเป็นวันหยุดและวันทำงาน และนำไปสร้างโปรแกรมคอมพิวเตอร์ด้วยภาษาปาสคาล เพื่อหาจำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสมในแต่ละชั่วโมง

ผลที่ได้จากโปรแกรมแบบจำลองจะเป็นจำนวนของพนักงานที่ให้บริการที่เหมาะสมกับจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการในแต่ละชั่วโมง ในกรณีที่พนักงานสามารถทำงานได้เต็มที่ตลอดเวลา 1 ชั่วโมง ซึ่งในระบบจริงแล้วพนักงานจะไม่สามารถทำงานตลอดเวลา 1 ชั่วโมงได้ ดังนั้นจำนวนพนักงานที่ได้จากแบบจำลองจะมีค่าต่ำกว่าจำนวนพนักงานในระบบจริง

Abstract

Special Problem Title : Simulation of Pagephone Service System
of Hutchison Telecommunication (Thailand)
CO.LTD,.

Name	Mr.Chanavee	Chongprasittipol
	Mr.Prapad	Potipun
	Mr.Pongsa	Achayutakarn
	Ms.Wujira	Boonsuwan

Special Project Advisor Mrs.Walailak Atthirawong
Department Applied Statistics
Academic Year 1993

At present, communication is very significant to most business. For all people who travel or need to be contacted all the time, they desire efficient communicator; that are easy for carrying. So pagephone becomes one of the most popular communicators.

Because of the popularity of pagephone, many companies are in the about pagephone business so there is serious competition to develop the efficiency of pagephone . The size and quick service are the key factor, considered for selection of pagephone. Increasing efficiency of service by decreasing waiting time is done by increasing operators. We can arrange suitable amount of operators. The operator-increment problem is analyzed by QUEUEING THEORY AND SIMULATION TECHNIQUE.

For this case study, 2 data are collected, one is the customers who call to entrust text of the messages for transmission and the another is the average time which the operator use to service the customers between May and October 1993, during 8:00 a.m. to 11:00 p.m.. Data are separated by workdays and holidays to test probability distribution and program is created with Pascal language to find amount of operators which suitable for each hour.

The result of this model program is the number of operators that suitable with the number of customers, who call in each hour. In this case operators can work for an hour long, while in the real situation operators can't work for an hour long. So the number of operators from the model is below the number of operators in the real situation.

กิติกรรมประกาศ

ปัญหาพิเศษเรื่องนี้ได้สำเร็จลุล่วงด้วยดีได้ด้วยความอนุเคราะห์จากบุคคลหลาย ๆ ท่าน

อาจารย์วลัยลักษณ์ อัครีรวงศ์ อาจารย์ที่ปรึกษาทางสถิติที่ให้คำแนะนำและแนวทาง
ในการทำปัญหาพิเศษครั้งนี้ และอาจารย์ท่านได้กรุณาสละเวลาให้คำปรึกษา ตรวจสอบ
และแก้ไขรายงานปัญหาพิเศษฉบับนี้

อาจารย์นวลสว่าง หิรัญกลวงค์ ให้คำปรึกษาในด้านการจำลองแบบปัญหา และ
ทางด้านการเขียนโปรแกรมการจำลองแบบปัญหา

ผศ. วรารัตน์ เรืองรัตนเมธี ให้คำแนะนำทางด้านสถิติ

ผศ. วีรศักดิ์ สุรพันธ์ ให้ความสะดวกในการทำปัญหาพิเศษ

ผ.ศ. อุมานร จันทศร ให้คำแนะนำเกี่ยวกับการวิเคราะห์ข้อมูลโดยวิธีโคโมโกรอฟ-
สเมอร์นอฟ และการใช้สถิติไรรพารามิเตอร์

อาจารย์น้อมจิต กิตติโชติพาณิชย์ ให้คำแนะนำในการนำเสนอผลการจำลองแบบ
และความรู้เบื้องต้นทางสถิติ

อาจารย์ประจำภาควิชาสถิติทุกท่าน ที่ให้คำแนะนำในการศึกษาปัญหาพิเศษเป็นอย่างดี
เจ้าหน้าที่ประจำภาควิชาสถิติประยุกต์ทุกท่าน ให้ความสะดวกในการติดต่อขอข้อมูล
และการทำรายงานปัญหาพิเศษ

คุณชัยรัตน์ กุลศิริวัฒน์ และ พนักงานบริษัท อีทีซีสัน เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์
(ประเทศไทย) จำกัดทุก ๆ ท่าน ที่ให้ความอนุเคราะห์ทางด้านข้อมูลในการทำปัญหาพิเศษ
ครั้งนี้

เพื่อน ๆ พี่ ๆ น้อง ๆ ชาวคณะวิทยาศาสตร์ สำหรับกำลังใจที่มีให้อย่างท่วมท้น

ผู้จัดทำ

สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อปัญหาพิเศษภาษาไทย.....	ก
บทคัดย่อปัญหาพิเศษภาษาอังกฤษ.....	ค
กิตติกรรมประกาศ.....	จ
สารบัญตาราง.....	ฉ
สารบัญภาพ.....	ณ
บทที่	
1. บทนำ.....	1
1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา.....	1
1.2 วัตถุประสงค์.....	2
1.3 ขอบเขตของปัญหา.....	2
1.4 ขั้นตอนการดำเนินการ.....	2
1.5 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ.....	3
2. ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง.....	4
2.1 ทฤษฎีแถวคอย.....	4
2.1.1 ความหมายของแถวคอย.....	4
2.1.2 ส่วนประกอบของแถวคอย.....	5
2.1.3 ลักษณะที่สำคัญของแถวคอย.....	6
2.1.4 สถานะถ่ายทอดและสถานะอยู่ตัว.....	8
2.1.5 สัญลักษณ์ที่ใช้ในรูปแบบการรอคอย.....	9
2.1.6 การแจกแจงความน่าจะเป็นที่ใช้ในทฤษฎีแถวคอย....	10
2.1.7 การทดสอบการแจกแจงโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ	11
2.1.8 การหาค่าคำตอบจากทฤษฎีแถวคอย.....	14
2.2 เทคนิคการจำลองแบบ.....	15
2.2.1 ความหมายของการจำลองแบบ.....	15
2.2.2 สาเหตุที่ต้องใช้เทคนิคการจำลองแบบ.....	16
2.2.3 ข้อจำกัดของการใช้เทคนิคการจำลองแบบปัญหา....	16
2.2.4 ประเภทของแบบจำลอง.....	17

	หน้า
2.2.5 เทคนิคมอนิเตอร์โล.....	19
2.2.5.1 การผลิตเลขลุ่ม.....	21
2.2.5.2 การผลิตตัวแปรลุ่มปกติโดยวิธี Log-and-Trig	22
2.2.6 การทดสอบความถูกต้องของแบบจำลอง.....	24
3. การเก็บรวบรวมข้อมูล.....	27
3.1 การเก็บรวบรวมข้อมูล.....	27
3.1.1 จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในแต่ละชั่วโมง.....	27
3.1.2 เวลาที่พนักงานใช้ในการให้บริการโดยเฉลี่ย ต่อลูกค้าหนึ่งคนในแต่ละชั่วโมง.....	28
4. การวิเคราะห์ข้อมูล.....	31
4.1 การทดสอบรูปแบบการแจกแจงของข้อมูล.....	31
4.1.1 จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ.....	32
4.1.1.1 ช่วงวันทำงาน.....	33
4.1.1.2 ช่วงวันหยุด.....	63
4.1.2 เวลาให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน	93
4.1.2.1 ช่วงวันทำงาน.....	94
4.1.2.2 ช่วงวันหยุด.....	124
4.2 ผลที่ได้จากการวิเคราะห์แบบจำลองรูปแบบการให้บริการ โทรศัพท์ที่ติดตามตัวของบริษัท อัทซึสัน เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด.....	154
4.2.1 ช่วงวันทำงาน.....	154
4.2.2 ช่วงวันหยุด.....	162
5. สรุปผลการวิเคราะห์แบบจำลองและข้อเสนอแนะ.....	170
5.1 สรุปผลการวิเคราะห์ระบบการให้บริการโทรศัพท์ที่ติดตามตัว ของบริษัท อัทซึสัน เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด	170
5.2 สรุปผลการวิเคราะห์ข้อมูลจากบริษัท อัทซึสัน เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด.....	170

	หน้า
5.3 ข้อเสนอแนะในการศึกษาคำคว่ำเพิ่มเติม.....	179
5.4 ปัญหาและอุปสรรค.....	179
บรรณานุกรม.....	180
ภาคผนวก.....	181
ก. คู่มือการใช้โปรแกรมการจำลองแบบปัญหา.....	181
ข. รายละเอียดเกี่ยวกับตัวแปร ผังงาน และโปรแกรม การจำลองแบบปัญหา.....	185
ค. โปรแกรมการจำลองแบบปัญหา.....	193
ง. ตารางค่า D.....	220
จ. ตาราง Z.....	221
ประวัตินักศึกษา.....	222

สารบัญตาราง

	หน้า
ตารางที่ 3-1 จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ (คน) ของเดือนพฤษภาคม พ.ศ. 2536.....	29
ตารางที่ 3-2 เวลาที่ใช้ในการให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน(วินาที) ของเดือนพฤษภาคม พ.ศ. 2536.....	30
ตารางที่ 4-1 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.....	33
ตารางที่ 4-2 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.....	35
ตารางที่ 4-3 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.....	37
ตารางที่ 4-4 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.....	39
ตารางที่ 4-5 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟของ จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.....	41
ตารางที่ 4-6 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.....	43
ตารางที่ 4-7 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.....	45

	หน้า
ตารางที่ 4-8 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.....	47
ตารางที่ 4-9 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.....	49
ตารางที่ 4-10 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.....	51
ตารางที่ 4-11 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.....	53
ตารางที่ 4-12 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.....	55
ตารางที่ 4-13 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.....	57
ตารางที่ 4-14 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.....	59
ตารางที่ 4-15 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.....	61

	หน้า
ตารางที่ 4-25 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.....	81
ตารางที่ 4-26 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.....	83
ตารางที่ 4-27 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.....	85
ตารางที่ 4-28 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.....	87
ตารางที่ 4-29 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.....	89
ตารางที่ 4-30 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.....	91
ตารางที่ 4-31 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.....	94
ตารางที่ 4-32 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.....	96
ตารางที่ 4-33 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในวันทำงานของ ช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.....	98

	หน้า
ตารางที่ 4-52 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.....	136
ตารางที่ 4-53 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.....	138
ตารางที่ 4-54 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.....	140
ตารางที่ 4-55 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.....	142
ตารางที่ 4-56 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.....	144
ตารางที่ 4-57 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.....	146
ตารางที่ 4-58 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.....	148
ตารางที่ 4-59 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.....	150
ตารางที่ 4-60 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในวันหยุดของ ช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.....	152
ตารางที่ 4-61 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.....	154
ตารางที่ 4-62 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.....	155

	หน้า
ตารางที่ 4-63 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.....	155
ตารางที่ 4-64 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.....	156
ตารางที่ 4-65 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.....	156
ตารางที่ 4-66 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.....	157
ตารางที่ 4-67 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.....	157
ตารางที่ 4-68 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.....	158
ตารางที่ 4-69 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.....	158
ตารางที่ 4-70 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.....	159
ตารางที่ 4-71 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.....	159
ตารางที่ 4-72 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.....	160
ตารางที่ 4-73 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.....	160
ตารางที่ 4-74 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.....	161
ตารางที่ 4-75 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันทำงานในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.....	161
ตารางที่ 4-76 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.....	162
ตารางที่ 4-77 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.....	162

ตารางที่ 4-78	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.....	163
ตารางที่ 4-79	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.....	163
ตารางที่ 4-80	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.....	164
ตารางที่ 4-81	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.....	164
ตารางที่ 4-82	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.....	165
ตารางที่ 4-83	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.....	165
ตารางที่ 4-84	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.....	166
ตารางที่ 4-85	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.....	166
ตารางที่ 4-86	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.....	167
ตารางที่ 4-87	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.....	167
ตารางที่ 4-88	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.....	168
ตารางที่ 4-89	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.....	168
ตารางที่ 4-90	แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองของวันหยุดในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.....	169

สารบัญภาพ

	หน้า
รูปที่ 2-1 ส่วนประกอบของระบบแถวคอย.....	5
รูปที่ 2-2 ระบบแถวคอย ช่องทางเดียว ชั้นตอนเดียว.....	7
รูปที่ 2-3 ระบบแถวคอย ช่องทางเดียว หลายชั้นตอน.....	7
รูปที่ 2-4 ระบบแถวคอย หลายช่องทาง ชั้นตอนเดียว.....	7
รูปที่ 4-1 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.	34
รูปที่ 4-2 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.	36
รูปที่ 4-3 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.	38
รูปที่ 4-4 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.	40
รูปที่ 4-5 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.	42
รูปที่ 4-6 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.	44
รูปที่ 4-7 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.	46
รูปที่ 4-8 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.	48
รูปที่ 4-9 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.	50
รูปที่ 4-10 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.	52
รูปที่ 4-11 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.	54

	หน้า
รูปที่ 4-54 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คนของวันหยุดในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.	141
รูปที่ 4-55 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คนของวันหยุดในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.	143
รูปที่ 4-56 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คนของวันหยุดในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.	145
รูปที่ 4-57 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คนของวันหยุดในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.	147
รูปที่ 4-58 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คนของวันหยุดในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.	149
รูปที่ 4-59 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คนของวันหยุดในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.	151
รูปที่ 4-60 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คนของวันหยุดในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.	153
รูปที่ 5-1 กราฟแสดงจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการในช่วง 8.00 น. ถึง 9.00 น. โดยเปรียบเทียบระหว่างวันทำงานและวันหยุด	172
รูปที่ 5-2 กราฟแสดงจำนวนพนักงานให้บริการฝากข้อความที่ได้จากแบบจำลอง ในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 23.00 น ของวันทำงานและวันหยุด	178
รูปที่ ก-1 แสดงหน้าจอการเลือกวัน.....	182
รูปที่ ก-2 แสดงหน้าจอการเลือกเวลา.....	182
รูปที่ ก-3 แสดงภาพหน้าจอการเริ่มคำนวณตามวัน เวลาที่เลือก.....	183
รูปที่ ก-4 แสดงหน้าจอขณะคำนวณ.....	183
รูปที่ ก-5 แสดงภาพหน้าจอการเลือก INSERT.....	184
รูปที่ ก-3 แสดงภาพหน้าจอการกรอกค่าใหม่.....	184
รูปที่ ข-1 ผังงานโปรแกรมหลัก.....	187
รูปที่ ข-2 ผังงานการเข้ามาของลูกค้า (1).....	188
รูปที่ ข-3 ผังงานการเข้ามาของลูกค้า (2).....	189
รูปที่ ข-4 ผังงานการให้บริการของพนักงาน.....	190

บทที่ 1

บทนำ

1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

ในปัจจุบันนี้โทรศัพท์ติดตามตัวเป็นอุปกรณ์การสื่อสารที่จำเป็นในชีวิตประจำวัน เนื่องจากประโยชน์ใช้สอยและความสะดวกสบายในการพกพา อีกทั้งราคาก็ไม่สูงเกินไป เมื่อเทียบกับอุปกรณ์การสื่อสารประเภทอื่นๆ ทำให้การให้บริการเช่าซื้อโทรศัพท์ติดตามตัวเป็นธุรกิจที่มีการแข่งขันกันอย่างมาก แต่ละบริษัทที่ทำธุรกิจให้เช่าซื้อโทรศัพท์ติดตามตัวมีการเสนอบริการหลาย ๆ ด้านให้กับลูกค้า เพื่อที่จะจูงใจลูกค้าให้มาใช้บริการเช่าซื้อโทรศัพท์ติดตามตัวของบริษัทตน มีการพัฒนาประสิทธิภาพของโทรศัพท์ติดตามตัวให้สูงขึ้น แต่ประเด็นสำคัญที่มีผลต่อความนิยมของลูกค้าคือความสะดวกรวดเร็วในการรับบริการฝากข้อความของลูกค้า ซึ่งขึ้นอยู่กับการจัดระบบในการให้บริการและจำนวนพนักงานที่ให้บริการว่ามีเพียงพอกับความต้องการใช้บริการหรือไม่

บริษัท อัทชีสัน เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด เป็นบริษัทหนึ่งที่ทำเนินธุรกิจทางด้านโทรศัพท์ติดตามตัว โดยให้บริการโทรศัพท์ติดตามตัวใน 2 ระบบด้วยกันคือระบบตัวเลข (161) จะสามารถฝากได้เฉพาะเบอร์โทรศัพท์ที่จะให้ติดต่อกลับไปเท่านั้น ซึ่งระบบนี้จะใช้เครื่องคอมพิวเตอร์ในการให้บริการ จึงไม่มีปัญหาทางด้านของพนักงานในการให้บริการ และระบบฝากข้อความ (162) ซึ่งจะใช้พนักงานในการให้บริการรับฝากข้อความ จึงเป็นประเด็นที่น่าสนใจว่า จำนวนของพนักงานที่ให้บริการรับฝากข้อความในแต่ละชั่วโมงนั้น เหมาะสมกับจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการในแต่ละชั่วโมงหรือไม่

ในการศึกษาครั้งนี้จะศึกษาระบบการให้บริการรับฝากข้อความของทางบริษัทอัทชีสันฯ โดยเลือกระบบการให้บริการโทรศัพท์ติดตามตัวระบบฝากข้อความ (162) ซึ่งทางบริษัทฯ ได้ประสานงานกับองค์การโทรศัพท์แห่งประเทศไทยในการให้บริการ และใช้เครื่อง ACD (Automatic Call Distribution) ในการจัดลำดับการขอรับบริการฝากข้อความของลูกค้าให้กับพนักงานที่ว่าง โดยในที่นี้จะใช้เทคนิคการจำลองแบบปัญหาเพื่อจำลองรูปแบบการให้บริการขึ้นมา และมีการเก็บข้อมูลจากการให้บริการจริง ๆ ของทางบริษัท ซึ่งข้อมูลที่สนใจก็จะประกอบด้วยเวลาการให้บริการของพนักงานแต่ละคนโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน และจำนวนผู้ใช้บริการที่โทรเข้ามา และนำข้อมูลที่ได้นำมาทำการหาการแจกแจง

ความน่าจะเป็นโดยใช้วิธีทางสถิติเพื่อพิจารณาว่าข้อมูลมีการแจกแจงตามรูปแบบมาตรฐานใด จากนั้นจะทำการสร้างแบบจำลองของการให้บริการขึ้นมาโดยการเขียนโปรแกรมด้วยภาษา ปาสคาล เพื่อคำนวณหาจำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสมในแต่ละชั่วโมง

1.2 วัตถุประสงค์

1.2.1 ศึกษาทฤษฎีแถวคอยและการใช้เทคนิคการจำลองแบบปัญหาแก้ปัญหาในระบบธุรกิจ

1.2.2 ศึกษาระบบการให้บริการโทรศัพท์ที่ติดตามตัวของ บริษัท อีทซีไลน์ เทเลคอม-มิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด

1.2.3 หาจำนวนพนักงานให้บริการรับฝากข้อความที่เหมาะสมกับการให้บริการในแต่ละชั่วโมง เพื่อลดเวลารอคอยของผู้ที่ใช้บริการฝากข้อความ

1.3 ขอบเขตของการศึกษา

1.3.1 การศึกษาปัญหาพิเศษนี้จะทำการศึกษารูปแบบการให้บริการรับฝากข้อความ โทรศัพท์ที่ติดตามตัว ของบริษัท อีทซีไลน์ เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด

1.3.2 ศึกษาการให้บริการในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 23.00 น. ซึ่งเป็นช่วงเวลาที่มีอัตราการให้บริการฝากข้อความสูง โดยจะแบ่งการพิจารณาออกเป็นในวันหยุด (วันเสาร์ วันอาทิตย์ และวันหยุดราชการ) และวันทำงาน (วันจันทร์-วันศุกร์)

1.3.3 จะถือว่าไม่มีความแตกต่างของประสิทธิภาพในการให้บริการของพนักงานแต่ละคน

1.3.4 กำหนดให้จำนวนเครื่องที่ใช้ในการให้บริการสูงสุดเป็น 200 เครื่อง (เป็นข้อกำหนดของทางบริษัท อีทซีไลน์ ฯ)

1.4 ขั้นตอนการดำเนินงาน

1.4.1 ศึกษารายละเอียดเกี่ยวกับรูปแบบการให้บริการรับฝากข้อความของพนักงาน จำนวนเครื่องที่ใช้ในการให้บริการสูงสุด ช่วงเวลาที่มีการให้บริการรับฝากข้อความมากที่สุด จำนวนผู้ใช้บริการฝากข้อความของโทรศัพท์ที่ติดตามตัว

1.4.2 วิเคราะห์ปัญหาและกำหนดขอบเขตของการศึกษา

1.4.3 เก็บรวบรวมข้อมูล

1.4.4 วิเคราะห์ข้อมูล โดยหารูปแบบการแจกแจงของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามา
บริการฝากข้อความ รูปแบบการแจกแจงของเวลาการให้บริการของพนักงานโดยเฉลี่ย
ต่อลูกค้า 1 คน

1.4.5 หาค่าต่าง ๆ ที่แสดงสถานะของแถวคอยในระบบจริง เช่น จำนวนพนักงาน
บริการที่เหมาะสม จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการ เวลาในการรอคอยของลูกค้าโดยเฉลี่ย
เวลาว่างของพนักงาน เป็นต้น

1.4.6 สร้างโปรแกรมการจำลองแบบปัญหา เพื่อให้ในการวิเคราะห์ระบบแถวคอย
ของผู้ใช้บริการฝากข้อความ

1.4.7 ทดสอบความถูกต้องของแบบจำลอง

1.5 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

1.5.1 เป็นข้อเสนอแนะว่าจำนวนพนักงานที่ให้บริการรับฝากข้อความในแต่ละชั่วโมง
ควรจะมีจำนวนเป็นเท่าไรให้เหมาะสมกับจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ

1.5.2 สามารถนำเอาผลที่ได้จากแบบจำลองมาเป็นข้อมูลในการตัดสินใจ เกี่ยวกับการ
จัดจำนวนพนักงานที่ให้บริการให้เหมาะสมกับสภาวะการณ์ในปัจจุบัน

1.5.3 สามารถนำโปรแกรมที่ใช้ในการจำลองแบบปัญหามาใช้ในการวิเคราะห์ระบบ
แถวคอยได้ทั้งในปัจจุบันและอนาคต โดยการเปลี่ยนข้อกำหนดต่าง ๆ

1.5.4 เป็นแนวทางในการศึกษาต่อหรือค้นคว้าเพิ่มเติมในเรื่องที่เกี่ยวข้องต่อไป

บทที่ 2

ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

ทฤษฎีที่เกี่ยวข้องกับปัญหาพิเศษเรื่องนี้แบ่งออกเป็น 2 ส่วนคือ

- ทฤษฎีแถวคอย (QUEUEING THEORY)
- เทคนิคการจำลองแบบ (SIMULATION TECHNIQUE)

2.1 ทฤษฎีแถวคอย

2.1.1 ความหมายของแถวคอย

โดยทั่ว ๆ ไปแล้ว ปัญหาแถวคอยจะเป็นปัญหาที่พบมากทางด้านธุรกิจ ซึ่งธุรกิจนั้นจะประกอบด้วย ลูกค้าที่รอรับบริการ และหน่วยที่ให้บริการ สถานการณ์เกิดแถวคอยโดยทั่วไปจะเกิดจากการที่อัตราความต้องการรับบริการสูงกว่าอัตราความสามารถในการให้บริการ ตัวอย่างเช่น ถ้ามีผู้รอรับบริการ 15 คนต่อชั่วโมง แต่หน่วยให้บริการสามารถให้บริการได้เพียง 5 คนต่อชั่วโมง ในลักษณะเช่นนี้ การที่หน่วยบริการไม่สามารถให้บริการได้ทัน เนื่องจากความไม่แน่นอนของอัตราการเข้ารับบริการ การรอคอยนี้สามารถเห็นได้จากชีวิตประจำวัน เช่น การเดินทางมาทำงานนอกบ้านจะประสบปัญหาการจราจรติดขัด รถจะต้องเข้าคิวคอยเป็นแถว การไปซื้อตั๋วเพื่อเข้าภาพยนตร์ส่วนใหญ่จะไปซื้อตั๋วหน้าโรงภาพยนตร์ใกล้เวลาแสดง ก็จะประสบปัญหาคือต้องไปยืนเข้าแถวคอยซื้อตั๋วภาพยนตร์ เป็นต้น

ระบบการให้บริการที่ก่อให้เกิดแถวคอยจะมีลักษณะดังต่อไปนี้ คือ

2.1.1.1 มีผู้ต้องการรับบริการ

2.1.1.2 จำนวนผู้รับบริการมีไม่แน่นอนและเข้ามาไม่สม่ำเสมอ

2.1.1.3 มีผู้ให้บริการ

2.1.1.4 เวลาในการให้บริการไม่แน่นอน

2.1.1.5 ผู้รับบริการมีพฤติกรรมแตกต่างกัน เช่น บางคนอาจเข้าต่อในแถวคอย

ในขณะที่บางคนอาจไม่เข้าต่อในแถวคอย

จากลักษณะเฉพาะทั้ง 5 ประการ จะเห็นว่าปัญหาเรื่องแถวคอยเกี่ยวข้องกับความไม่แน่นอนอยู่มาก ถ้าหน่วยบริการจัดผู้ให้บริการไว้น้อยเกินไป ผู้รับบริการก็ต้องรอคอยเป็นเวลานาน แถวคอยก็จะยาว ลูกค้าหรือผู้รับบริการบางคนอาจจะไม่เข้ามาใช้บริการ ทำให้เสียโอกาสในการทำกำไรจากการให้บริการ แต่การจัดให้มีผู้ให้บริการจำนวนน้อยก็ทำให้เสียค่าใช้จ่ายในการลงทุนสร้างเครื่องมือในการให้บริการ และพนักงานในการให้บริการน้อย ในทางตรงกันข้ามถ้าหน่วยบริการจัดให้มีผู้ให้บริการจำนวนมาก ก็จะทำให้เสียค่าใช้จ่ายทางด้านเครื่องมือในการให้บริการและพนักงานในการให้บริการมาก แต่ผู้รับบริการก็ไม่ต้องรอคอยนาน ทำให้มีโอกาสนในการทำกำไรจากการให้บริการเพิ่มขึ้น

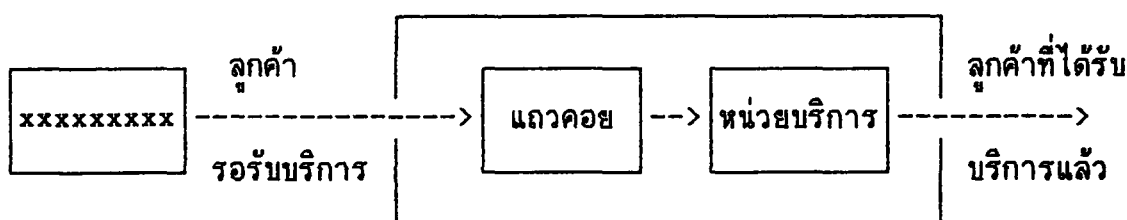
2.1.2 ส่วนประกอบของแถวคอย

2.1.2.1 หน่วยรับบริการ (Customer) จะเรียกหน่วยที่เข้าสู่ระบบ (Input) ว่าหน่วยเข้ารับบริการ และเรียกหน่วยที่ออกจากระบบ (Output) ว่าหน่วยที่ได้รับบริการแล้ว (Served Customer หรือ Departure) ในที่นี้หน่วยรับบริการคือ ผู้ที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความของโทรศัพท์ติดตามตัว

2.1.2.2 แถวคอย (Queue)

2.1.2.3 หน่วยให้บริการ (Service Channel หรือ Server) ในที่นี้คือพนักงานที่ให้บริการรับฝากข้อความโทรศัพท์ติดตามตัว

สำหรับขบวนการการเกิดแถวคอยแสดงได้ดังรูปต่อไปนี้



รูปที่ 2-1 ส่วนประกอบของระบบแถวคอย

2.1.3 ลักษณะที่สำคัญของระบบแถวคอย

ระบบแถวคอยจะประกอบด้วยลักษณะที่สำคัญ 5 ลักษณะดังนี้ คือ

2.1.3.1 ขบวนการการเข้ามาสู่ระบบแถวคอย จะประกอบไปด้วย

- จำนวนหน่วยรับบริการหรือจำนวนลูกค้า อาจมีจำนวนจำกัดหรือไม่จำกัด โดยจำนวนของผู้ที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความผ่านโทรศัพท์ที่ติดตามตัวมีจำนวนไม่จำกัด

- รูปแบบการเข้ามารับบริการ (Arrival Pattern) ถ้าหน่วยรับบริการเข้ารับบริการเป็นเวลาที่แน่นอน ก็จะสามารถจัดให้มีหน่วยบริการเพียงพอตามเวลานั้น ๆ เพื่อลดปัญหาแถวคอยลงได้ แต่เนื่องจากการมาของหน่วยรับบริการขึ้นอยู่กับปัจจัยภายนอกหลาย ๆ อย่าง จึงทำให้ในช่วงเวลาหนึ่ง ๆ หน่วยรับบริการเข้ามารับบริการมากบ้าง น้อยบ้างตามปัจจัยภายนอกนั้น ๆ ดังนั้นถ้าพิจารณาถึงรูปแบบการเข้ามารับบริการ จะมีรูปแบบการแจกแจงความน่าจะเป็นทางทฤษฎีได้ต่าง ๆ กัน ซึ่งสามารถหารูปแบบการแจกแจงการเข้ามาสู่ระบบ (Distribution of Arrival) จากหน่วยบริการที่เข้ามาสู่ระบบในเวลาหนึ่ง ๆ ซึ่งมักจะมีรูปแบบการแจกแจงเป็นปัวซอง (Poisson) เออร์แลงค์ (Erlang) สม่าเสมอ (Uniform) เป็นต้น ถ้าแถวคอยมีหน่วยเข้ารับบริการรอรับบริการอยู่น้อย อัตราการเข้ามาสู่ระบบจะสูง ในทางตรงกันข้ามถ้ามีหน่วยเข้ารับบริการรอคอยอยู่มาก อัตราการเข้าสู่ระบบจะลดลง

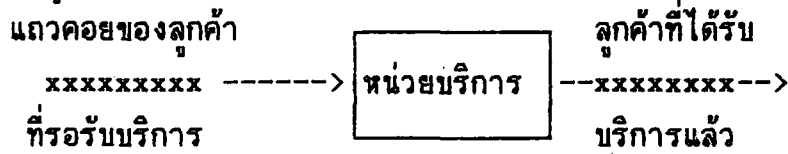
ในที่นี้รูปแบบการเข้ามารับบริการของผู้ที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความมีการแจกแจงความน่าจะเป็นแบบปกติ

2.1.3.2 รูปแบบการบริการ

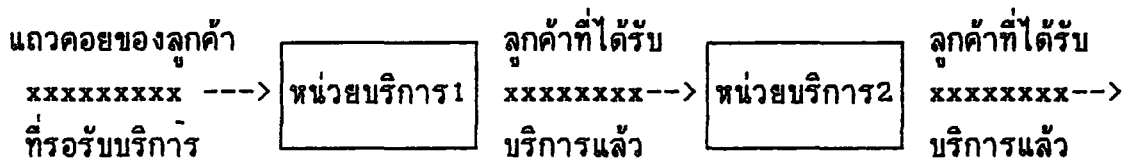
สำหรับเวลาที่ใช้ในการให้บริการตั้งแต่เริ่มต้นจนเสร็จสิ้น (Service Time) จะมากหรือน้อยขึ้นอยู่กับปริมาณงานที่ต้องทำและความชำนาญของหน่วยให้บริการ เวลาที่ใช้ในการบริการอาจจะเท่ากันหรือไม่เท่ากันสำหรับแต่ละหน่วยที่ได้รับบริการ จำนวนหน่วยที่อยู่ในแถวคอยอาจจะมียกข้อยกเว้นต่ออัตราการให้บริการได้ในการทำงานบางประเภท เช่น ถ้ามีลูกค้ารอรับบริการทำผมอยู่มาก ช่างทำผมจะพยายามทำงานให้เร็วขึ้น ซึ่งอาจจะมีผลทำให้การบริการเปลี่ยนแปลงไป นั่นคือคุณภาพของการให้บริการอาจจะลดลง แต่การให้บริการบางอย่างที่ไม่มีการเปลี่ยนแปลงไม่ว่าจะมีลูกค้ารออยู่มากเท่าใดก็ตาม เช่น กรณีที่หน่วยให้บริการเป็นเครื่องจักร ซึ่งจะให้บริการในอัตราที่แน่นอน

2.1.3.3 ลักษณะการจัดหน่วยให้บริการ

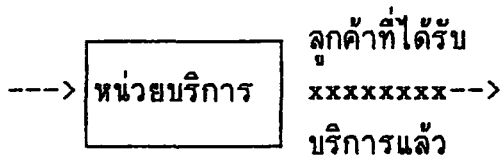
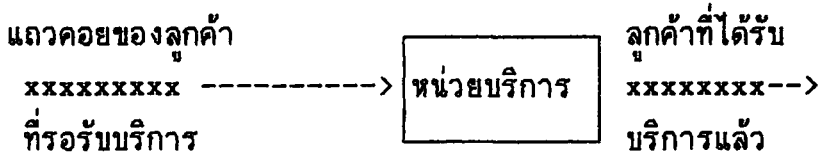
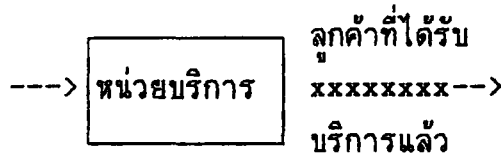
ผู้ให้บริการอาจจะจัดให้บริการเป็นแบบช่องทางเดียวหรือหลายช่องทาง นอกจากนี้ในแต่ละช่องทางอาจจะมีขั้นตอนการให้บริการขั้นตอนเดียวหรือแบบหลายขั้นตอนก็ได้ ดังแสดงในรูป



รูปที่ 2-2 ระบบแถวคอย ช่องทางเดียว ขั้นตอนเดียว



รูปที่ 2-3 ระบบแถวคอย ช่องทางเดียว หลายขั้นตอน



รูปที่ 2-4 ระบบแถวคอย หลายช่องทาง ขั้นตอนเดียว

สำหรับลักษณะการจัดหน่วยให้บริการของระบบแถวคอยของการให้บริการฝากข้อความของโทรศัพท์ที่ติดตามตัว ของบริษัท อีทีซีสัน ๙ จะมีลักษณะเป็นระบบแถวคอยแบบหลายแถวคูลานาน ดังรูปที่ 2-4

2.1.3.4 ลักษณะการให้บริการ

สำหรับการจัดลูกค้าเข้ารับบริการหรือการให้บริการแก่ลูกค้าอาจจะจัดได้หลายแบบ เช่น

- ให้บริการตามลำดับก่อนหลัง (First In First Out = FIFO)
- ให้บริการลูกค้าคนสุดท้ายก่อน (First In Last Out = FILO)
- จัดตามความสะดวกไม่มีหลักเกณฑ์ใด

2.1.3.5 ขีดจำกัดของระบบแถวคอย

ขีดจำกัดของจำนวนลูกค้าสูงสุดที่ให้อยู่ได้ในระบบอาจจะเป็นจำนวนที่นับได้หรือนับไม่ได้ ขึ้นอยู่กับการวางระบบอุปกรณ์ในการให้บริการ ตัวอย่างเช่น การให้บริการบางชนิด อนุญาตให้ลูกค้ารอได้เป็นจำนวนจำกัด ในขณะที่ ลูกค้าที่มาถึงใหม่จะได้รับอนุญาตให้มาคอยคิวจนกว่าจะถึงจำนวนสูงสุด ทั้งนี้ได้รวมบุคคลที่ออกจากคิวเพราะรอคอยไม่ไหว

2.1.4 สถานะถ่ายถอดและสถานะอยู่ตัว

ในการวิเคราะห์ระบบการรอคอย จะศึกษาเกี่ยวกับพฤติกรรมที่เกิดขึ้นในระยะเวลานานมากพอ ระบบการรอคอยจะอยู่ในสถานะถ่ายถอด (Transient State) ถ้าพฤติกรรมต่าง ๆ ขึ้นอยู่กับเวลา ซึ่งมักจะปรากฏในระยะแรกของเวลาการดำเนินงาน เพราะพฤติกรรมต่าง ๆ ยังขึ้นอยู่กับเงื่อนไขเบื้องต้น แต่เมื่อการดำเนินงานเป็นไปในระยะเวลานานมากพอพฤติกรรมต่าง ๆ ก็จะเป็นอิสระจากเวลา นั่นคือระบบการรอคอยเข้าสู่สถานะอยู่ตัว (Steady State)

เงื่อนไขที่จำเป็นในการที่ระบบจะอยู่ในสถานะอยู่ตัว คือเวลาทั้งหมดตั้งแต่เริ่มต้นการดำเนินงานจะต้องมากเพียงพอ (ในทางคณิตศาสตร์ ถือว่าเวลาทั้งหมดมากจนเข้าสู่ค่าอนันต์) แต่เงื่อนไขนี้ยังไม่เพียงพอที่ระบบจะเข้าสู่สถานะอยู่ตัว จะต้องดูพารามิเตอร์ของระบบด้วย เช่น ถ้าอัตราการเข้ามารับบริการมากกว่าอัตราการให้บริการ ในกรณีนี้ระบบจะไม่เข้าสู่สถานะอยู่ตัวเพราะแถวคอยจะยิ่งเพิ่มขึ้น เมื่อเวลาเพิ่มมากขึ้นจนกระทั่งความยาวของแถวคอยเข้าสู่ค่าอนันต์ได้

2.1.5 สัญลักษณ์ที่ใช้ในรูปแบบการรอคอย

- n = จำนวนหน่วยที่เข้ารับบริการในระบบ
- $N(t)$ = จำนวนหน่วยรับบริการที่อยู่ในแถวคอย ที่เวลา t ใด ๆ ($t > 0$)
- $P_n(t)$ = ความน่าจะเป็นที่มีหน่วยเข้ารับบริการ n หน่วยในระบบที่เวลา t ใด ๆ ในสถานะถ่ายถอด (โดยสมมติว่าระบบเริ่มต้นที่เวลา $t=0$)
- P_n = ความน่าจะเป็นที่มีหน่วยเข้ารับบริการ n หน่วยในระบบ ในสถานะอยู่ตัว
- λ_n = อัตราการมา เมื่อระบบมีหน่วยเข้ารับบริการอยู่ n หน่วย
- λ = อัตราการมาโดยเฉลี่ย (จำนวนหน่วยเข้ารับบริการที่มาต่อ 1 หน่วยเวลา)
- $1/\lambda$ = ช่วงเวลาระหว่างการเข้ามาของลูกค้า 2 คนโดยเฉลี่ย
- μ_n = อัตราการบริการ เมื่อระบบมีหน่วยเข้ารับบริการอยู่ n หน่วย
- μ = อัตราการบริการโดยเฉลี่ย (จำนวนหน่วยรับบริการที่ได้รับบริการต่อ 1 หน่วยเวลา)
- $1/\mu$ = เวลาในการให้บริการโดยเฉลี่ย
- s = จำนวนหน่วยให้บริการ
- ρ = λ/μ = ความหนาแน่นในระบบการให้บริการ
- W_n = ค่าคาดหวังเวลาการรอคอยของหน่วยเข้ารับบริการ 1 หน่วยในระบบ
- W_q = ค่าคาดหวังเวลาการรอคอยของหน่วยเข้ารับบริการ 1 หน่วยในแถวคอย
- L_n = ค่าคาดหวังของจำนวนหน่วยเข้ารับบริการ 1 หน่วยในระบบ
- L_q = ค่าคาดหวังของจำนวนหน่วยเข้ารับบริการ 1 หน่วยในแถวคอย

สำหรับในสถานะอยู่ตัว จะสมมติให้อัตราการเข้ารอรับบริการ = λ และอัตราการให้บริการ = μ

ดังนั้นความสัมพันธ์ระหว่าง L_q , L_s , W_q และ W_s จะเป็นดังนี้

$$L_q = \lambda W_q$$

$$L_s = \lambda W_s$$

$$W_q = W_s - 1/\mu$$

คูณด้วย λ ทั้งสองข้าง

$$\lambda W_q = \lambda W_s - \lambda/\mu$$

$$L_q = L_s - \rho$$

2.1.6 การแจกแจงความน่าจะเป็นที่ใช้ในทฤษฎีแถวคอย

การแจกแจงความน่าจะเป็นที่ใช้ในทฤษฎีแถวคอย เพื่อใช้อธิบายรูปแบบการแจกแจงการเข้ามารับบริการในระบบ และอธิบายรูปแบบการแจกแจงของการให้บริการ ซึ่งอาจมีการแจกแจงเป็นแบบปัวซอง (Poisson) เอกซ์โปเนนเชียล(Exponential) แกมมา(Gamma) เออร์แลงก์(Erlang) หรือแบบปกติ(Normal) เป็นต้น

สำหรับระบบแถวคอยของการเข้ารับบริการโทรศัพท์ที่ติดตามตัวของ บริษัท อีทีเอส เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด จะมีรูปแบบการแจกแจงความน่าจะเป็นเข้ามาเกี่ยวข้องคือ การแจกแจงแบบปกติ

2.1.7 การทดสอบการแจกแจงโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

เป็นการทดสอบที่แนะนำขึ้นโดย Kolmogorov (1933) ใช้ได้กับข้อมูลชนิดมาตราเรียงลำดับ (Ordinal Scale) การทดสอบนี้จะช่วยทำให้ทราบว่า การแจกแจงของกลุ่มตัวอย่างที่สุ่มมา เหมือนกับการแจกแจงของประชากรที่เราสนใจหรือไม่ หรืออธิบายได้ว่า คณะนจากตัวอย่างสามารถพูดได้อย่างมีเหตุผลหรือไม่ว่ามาจากประชากรที่มีการแจกแจงทางทฤษฎีอันหนึ่ง หรือคือ การทดสอบการแจกแจงนั่นเอง จะใช้เมื่อตัวแปรที่สนใจมีการแจกแจงแบบต่อเนื่อง และการทดสอบนี้จะมีอำนาจการทดสอบมากกว่าการทดสอบแบบไคส์-สแควร์ เพราะการทดสอบแบบไคส์-สแควร์จำเป็นต้องรวมกลุ่มด้วยกันเมื่อ $E_i < 5$ ทำให้สูญเสียข้อมูลไป

H_0 : ไม่มีความแตกต่างระหว่างความถี่ที่ได้จากการสังเกตและความถี่ที่คาดหวังตามทฤษฎี หรือ ประชากรมีการแจกแจงแบบ... (ปกติ, อื่น ๆ)

H_1 : มีความแตกต่างระหว่างความถี่ที่ได้จากการสังเกตและความถี่ที่คาดหวังตามทฤษฎี หรือ ประชากรไม่มีการแจกแจงแบบ... (ปกติ, อื่น ๆ)

- ให้ $s(x)$ เป็นความถี่สะสมของข้อมูลที่สังเกตได้ N จำนวน ในรูปสัดส่วน คือ $s(x) = k/N$ เมื่อ $k =$ จำนวนของค่าสังเกต ที่เท่ากับหรือน้อยกว่า x
 $N =$ จำนวนค่าสังเกตทั้งหมด

- ให้ $F(x)$ เป็นความถี่ที่คาดหวังในรูปของสัดส่วน หรือค่าสัดส่วนที่คาดหวังว่าจะมีคะแนนเท่ากับหรือน้อยกว่า x ภายใต้สมมติฐาน H_0

- ให้ $D = \text{maximum } |F(x) - s(x)|$ ค่า D นี้สามารถหาการแจกแจงตัวอย่างได้ และได้มีตารางสำเร็จรูปแสดงค่า D ภายใต้พื้นที่ต่าง ๆ ดังตารางที่แสดงในภาคผนวก

การตัดสินใจ จะปฏิเสธ H_0 ถ้าค่า $D_{\text{คำนวณ}} \geq D_{\text{ตาราง}}$

วิธีการทดสอบ

1. เรียงลำดับข้อมูล
 2. หาคความถี่ของข้อมูลในแต่ละค่า
 3. หาฟังก์ชันการแจกแจงสะสมของข้อมูลตัวอย่าง คือ $s(x) = k/N$
 4. หาฟังก์ชันการแจกแจงสะสมตามทฤษฎี คือ $F(x)$
 5. เปรียบเทียบค่า $s(x)$ และ $F(x)$ แต่ละคู่
 6. หาค่าสูงสุดของ $|F(x) - s(x)|$ คือ D
 7. เปรียบเทียบค่า D กับค่า $D_{0, N}$ จากตารางที่แสดงค่าวิกฤตของโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอนอฟ จะปฏิเสธ H_0 เมื่อค่า $D_{\text{คำนวณ}}$ สูงกว่าค่า $D_{\text{ตาราง}}$ ในภาคผนวก
- สำหรับในกรณีศึกษาที่ค่า N จะมีขนาดใหญ่ไม่สามารถเปิดค่า D จากตารางได้ จึงคำนวณค่าขอบเขตวิกฤตโดยใช้สูตร (ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05)

$$1.36 / N^{1/2}$$

ตัวอย่างเช่น ถ้าข้อมูลชุดหนึ่งเป็นดังนี้

-5	-3	0	1	2	4	7	8	-1	-1
1	1	2	1	4	2	4	2	1	2

จะสรุปได้หรือไม่ว่า ข้อมูลชุดนี้มาจากประชากรที่มีการแจกแจงแบบปกติ ด้วยค่าเฉลี่ย 1.6 และความแปรปรวน 8.99

H_0 : ประชากรมีการแจกแจงแบบปกติ ด้วยค่าเฉลี่ย 1.6 และความแปรปรวน 8.99

H_1 : ประชากรไม่มีการแจกแจงแบบปกติ ด้วยค่าเฉลี่ย 1.6 และความแปรปรวน 8.99

จะใช้การทดสอบของ โคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ซึ่งทำเป็นขั้นตอนดังนี้

1. เรียงลำดับข้อมูล
2. หาคำความถี่ของข้อมูลในแต่ละค่า
3. หาฟังก์ชันการแจกแจงสะสมของข้อมูลจะได้ดังตาราง

X	ความถี่	P(X)	S(x)
-5	1	0.05	0.05
-3	1	0.05	0.10
-1	2	0.10	0.20
0	1	0.05	0.25
1	5	0.25	0.50
2	5	0.25	0.75
4	3	0.15	0.90
7	1	0.05	0.95
8	1	0.05	1.00
รวม	20	1.00	

4. หาฟังก์ชันการแจกแจงสะสมตามทฤษฎี

จากค่าเฉลี่ยและค่าความแปรปรวน ที่กำหนดในสมมติฐานเบื้องต้น หากคะแนนมาตรฐานของคะแนนแต่ละค่าและจะทำให้ทราบค่าความน่าจะเป็นจากตารางปกติมาตรฐานได้ นั่นคือ หาฟังก์ชันการแจกแจงสะสมตามทฤษฎี $F(X)$

5. เปรียบเทียบค่า $S(X)$ และ $F(X)$ แต่ละคู่จะได้ดังตาราง

ทำการทดสอบโดยวิธีโครโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ จะทำการคำนวณดังแสดงในตาราง

X	F(x)	P(X)	S(x)	$ F(X)-S(X) $
-5	0.0139	0.05	0.05	0.036
-3	0.0630	0.05	0.10	0.037
-1	0.1922	0.10	0.20	0.008
0	0.2981	0.05	0.25	0.048
1	0.4207	0.25	0.50	0.079
2	0.5517	0.25	0.75	0.198
4	0.7881	0.15	0.90	0.112
7	0.9641	0.05	0.95	0.014
8	1	0.05	1.00	0.000
รวม	20	1.00		

6. หาค่า $D = \max |F(x) - S(x)| = 0.198$

7. ใช้ $\alpha = 0.05$ จากตาราง D ที่ในภาคผนวก $D_{0.05, 20} = 0.294$

สรุปได้ว่ายอมรับ H_0 นั่นคือ ประชากรมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 1.6 และความแปรปรวน 8.99 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

2.1.8 การหาค่าคำตอบจากทฤษฎีแถวคอย

ในการวิเคราะห์ระบบแถวคอย จะเป็นการหาค่าการดำเนินงานของระบบ ซึ่งจะนำค่าต่าง ๆ ที่ได้นี้ไปประกอบการตัดสินใจในการปรับปรุงระบบการดำเนินงานให้ดีขึ้น ตัวอย่างเช่น

- ความน่าจะเป็นที่จะมีหน่วยเข้ารับบริการ n หน่วยอยู่ในระบบที่เวลา t ใด ๆ
- ค่าคาดหวังเวลาการรอคอยของหน่วยเข้ารับบริการ 1 หน่วยในระบบ
- ค่าคาดหวังเวลาการรอคอยของหน่วยเข้ารับบริการ 1 หน่วยในแถวคอย
- ค่าคาดหวังของจำนวนหน่วยเข้ารับบริการในระบบ
- ค่าคาดหวังของจำนวนหน่วยเข้ารับบริการในแถวคอย

โดยที่ในปัญหาแถวคอยส่วนใหญ่ จะพบว่าการแจกแจงการเข้ามารับบริการในระบบจะเป็นแบบปัวซอง เออร์แลงก์ สม่่าเสมอ เป็นต้น และการแจกแจงของเวลาการให้บริการจะเป็นแบบเอกซ์โปเนนเชียล แกมมา ปกติ เป็นต้น ดังนั้นจึงได้มีการคิดค้นรูปแบบสมการทางคณิตศาสตร์ขึ้น เพื่อหาค่าคำตอบจากแถวคอยที่มีรูปแบบการแจกแจงความน่าจะเป็นตามรูปแบบการแจกแจงมาตรฐานนั้น ๆ

สำหรับระบบแถวคอยที่มีการแจกแจงไม่เข้ารูปแบบใด ๆ เลขนั้น การหาค่าคำตอบจากแถวคอยอาจจะหาได้จากการสร้างรูปแบบสมการทางคณิตศาสตร์ สำหรับหาค่าคำตอบขึ้นมาใหม่ตามเงื่อนไขของระบบนั้น หรือใช้เทคนิคการจำลองแบบ (Simulation Technique) ซึ่งจะกล่าวถึงต่อไปเข้าช่วย



2.2 เทคนิคการจำลองแบบปัญหา

สำหรับปัญหาต่าง ๆ ที่ได้กล่าวมาแล้วซึ่งเป็นปัญหาที่สามารถแสดงปัญหาได้ในรูปแบบของของสมการทางคณิตศาสตร์ แต่ในทางปฏิบัติแล้วพบว่ามีปัญหาอยู่ไม่น้อยที่ไม่สามารถแสดงหรือเขียนออกมาในรูปแบบของสมการหรือสมการได้ หรืออาจจะแสดงออกมาได้แต่มีความซับซ้อนมาก ดังนั้นในการแก้ปัญหาในรูปแบบดังกล่าวจะใช้เทคนิคของการจำลองแบบปัญหา (Simulation Technique)

2.2.1 ความหมายของการจำลองแบบปัญหา

การจำลองแบบปัญหา คือ วิธีการทำการทดลองโดยอาศัยหลักการทางสถิติเพื่อใช้ศึกษาพฤติกรรมของกระบวนการหรือระบบในเวลาต่าง ๆ การจำลองแบบปัญหาเป็นวิธีการซึ่งแตกต่างจากการใช้ตัวแบบทางคณิตศาสตร์ โดยตัวแบบทางคณิตศาสตร์ทั่วไปจะเป็นการหาผลลัพธ์ หรือคำตอบของพฤติกรรมของกระบวนการหรือระบบเมื่อกระบวนการหรือระบบนั้น ๆ อยู่ในสภาวะอยู่ตัว แต่ผลลัพธ์ที่ได้จากตัวแบบการจำลองแบบปัญหานั้นเป็นผลลัพธ์ซึ่งแสดงพฤติกรรมของกระบวนการหรือระบบในเวลาต่าง ๆ ก่อนที่จะเข้าสู่สภาวะคงตัว

การทดลองโดยใช้เทคนิคการจำลองแบบปัญหา จะแตกต่างจากการทดลองในระบบจริง ๆ เนื่องจากการทดลองโดยใช้แบบจำลองสามารถทำได้โดยใช้หลักการทางสถิติและอาศัยการทดลองด้วยตัวเลขสุ่ม (Random Number) โดยวิธีการจำลองแบบปัญหาผู้วิเคราะห์สามารถศึกษาถึงพฤติกรรมของกระบวนการหรือระบบ โดยไม่จำเป็นต้องทำการทดลองกับระบบโดยตรงตัวอย่างเช่น การจำลองสถานการณ์การโยนเหรียญได้โดยใช้ตัวเลขสุ่มแทนการออกหัวหรือก้อย ทำให้สามารถสร้างหรือจำลองสถานการณ์การโยนเหรียญได้โดยไม่จำเป็นต้องโยนเหรียญจริง ๆ นอกจากนี้แล้วยังสามารถใช้เทคนิคการจำลองแบบปัญหาในการประเมินผลของการใช้นโยบายต่าง ๆ ในการดำเนินงานของระบบภายใต้ข้อกำหนดที่วางไว้ เพื่อศึกษาถึงผลที่ได้จากการดำเนินงานของระบบก่อนที่จะนำข้อกำหนดนั้นไปใช้กับระบบจริง

ซึ่งจากคำจำกัดความดังกล่าวจะเห็นได้ว่า กระบวนการของการจำลองแบบปัญหานั้นแบ่งเป็นสองส่วน คือ การสร้างแบบจำลองส่วนหนึ่งและการนำเอาแบบจำลองนั้นไปใช้งานเชิงวิเคราะห์อีกส่วนหนึ่ง ดังนั้นจะเห็นได้ว่ากลไกของวิธีการของการจำลองแบบปัญหานั้นอยู่กับแบบจำลองและการใช้แบบจำลอง แบบจำลองที่ใช้ในการจำลองแบบปัญหานี้อาจใช้เป็นระบบ แต่ต้องสามารถช่วยให้ผู้วิเคราะห์เข้าใจในระบบงานจริงเพื่อประโยชน์ในการอธิบายและเพื่อการปรับปรุงการดำเนินงานของระบบจริง

2.2.2 สาเหตุที่ต้องใช้การจำลองแบบ

2.2.2.1 การใช้เทคนิคการจำลองแบบปัญหาปัญหาอาจเป็นวิธีเดียว ซึ่งสามารถใช้ศึกษากระบวนการหรือระบบที่ต้องการศึกษา เช่น การจำลองสถานการณ์การโคจรของยานอวกาศ

2.2.2.2 ปัญหาที่ต้องการแก้ไม่สามารถสร้างเป็นตัวแทนคณิตศาสตร์ได้หรือสามารถสร้างตัวแทนคณิตศาสตร์ได้แต่มีขั้นตอนที่ยุ่งยากซับซ้อน ซึ่งทำให้เสียเวลา แรงงาน ฯลฯ

2.2.2.3 การทดลองกับกระบวนการ หรือ ระบบจริงมีต้นทุนค่าใช้จ่ายสูง ตัวอย่าง เช่น การทดลองใช้ระบบเครือข่ายคอมพิวเตอร์

2.2.2.4 การทดลองกับกระบวนการหรือระบบจริง อาจจะใช้เวลานานในการได้ผลลัพธ์

2.2.2.5 การทดลองกับกระบวนการหรือระบบจริงอาจจะมีความยุ่งยากซับซ้อน เช่น การทดลองเปรียบเทียบวิธีการจัดการจราจรในกรุงเทพ เป็นต้น

2.2.2.6 ไม่สามารถหาข้อมูลจากระบบจริงได้

2.2.2.7 กรณีที่ต้องการประมาณค่าพารามิเตอร์บางตัว เพื่อนำผลที่ได้มาช่วยในการตัดสินใจเลือกใช้ระบบนั้น

2.2.3 ข้อจำกัดของการใช้เทคนิคการจำลองแบบปัญหา

การใช้เทคนิคการจำลองแบบปัญหาในการแก้ปัญหาต่าง ๆ มีข้อจำกัดดังนี้ คือ

2.2.3.1 คำตอบที่ได้จากตัวแบบจำลองไม่ใช่คำตอบที่ดีที่สุด ในเชิงคณิตศาสตร์ ทั้งนี้เนื่องจากวิธีการใช้เทคนิคการจำลองแบบปัญหา เป็นเพียงวิธีการที่สามารถหาคำตอบที่เหมาะสมและน่าพอใจเท่านั้น คำตอบที่ได้จากการใช้เทคนิคการจำลองแบบปัญหาอาจจะมีการเปลี่ยนแปลงไป เมื่อมีการแก้ปัญหาใหม่หรืออีกนัยหนึ่ง คือ ถ้าแก้ปัญหาด้วยตัวแบบจำลองหลาย ๆ ครั้ง คำตอบที่ได้อาจจะไม่เท่ากัน

2.2.3.2 ตัวแบบจำลองที่ดีและสามารถให้ผลลัพธ์ที่ใกล้เคียงกับสภาพการณ์จริงของกระบวนการหรือระบบนั้นจะต้องใช้เวลาและค่าใช้จ่ายสูง

2.2.3.3 ตัวแบบจำลองไม่สามารถใช้กับการแก้ปัญหาได้ทุกลักษณะปัญหาที่เหมาะสมกับการใช้เทคนิคการจำลองแบบปัญหา จะต้องเป็นปัญหาที่เกี่ยวข้องกับความไม่แน่นอนของเหตุการณ์ที่สามารถรวบรวมข้อมูลและให้ผลทางสถิติได้

2.2.4 ประเภทของแบบจำลอง

2.2.4.1 แบบจำลองทางกายภาพ (Physical or Iconic Models) เป็นแบบจำลองที่มีรูปร่างหน้าตาเหมือนระบบงานจริง อาจมีขนาดเท่าของจริงหรือมีขนาดเล็กกว่าหรือใหญ่กว่า อาจเป็นแบบจำลองของระบบงานในมิติใดมิติหนึ่งหรือทั้งสองมิติ ตัวอย่างของแบบจำลองประเภทนี้ได้แก่ เครื่องยนต์ต้นแบบที่สร้างขึ้นเพื่อทดสอบสมรรถนะก่อนการผลิตจริงแบบจำลองส่วนควบคุมการบินของเครื่องบิน เครื่องบินขนาดจำลองที่ใช้ทดสอบในอุโมงค์ลม แบบจำลองผังโรงงาน รูปแสดงการเกาะเกี่ยวของอะตอม

2.2.4.2 แบบจำลองสัญลักษณ์ (Symbolic Models) หรือ แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ (Mathematical Models) เป็นแบบจำลองที่ใช้สัญลักษณ์และฟังก์ชันทางคณิตศาสตร์แทนองค์ประกอบในระบบงานจริง ตัวอย่างเช่น การใช้กราฟแสดงความสัมพันธ์ของสิ่งต่าง ๆ ที่สามารถวัดค่าได้ เช่น ความสัมพันธ์ระหว่างค่าใช้จ่ายในการผลิตกับจำนวนสินค้าที่ผลิตซึ่งเป็นแบบจำลองที่ใช้ขนาดความยาวของเส้นกราฟแสดงค่าของเงินหรือจำนวนสินค้า การใช้แผนภูมิการจัดการองค์การเป็นแบบจำลองที่ใช้ลิ้นเหลี่ยมรูปกล่องและเส้นแสดงความสัมพันธ์และหน้าที่รับผิดชอบของบุคลากรในระดับต่าง ๆ การใช้แผนภูมิการไหลของวัตถุดิบผ่านขบวนการการผลิต

2.2.4.3 แบบจำลองขั้นตอน (Procedural Models) เป็นการจำลองขั้นตอนของระบบหนึ่ง ๆ และนำมาจัดลำดับก่อนหลังตามสภาพของระบบประกอบกันเข้าเป็นตัวแบบขั้นตอนจะถูกจำลองเป็นสัญลักษณ์ทางตรรกวิทยาและเลขคณิต (Logical and Arithmetic Expression) ซึ่งคอมพิวเตอร์จะเข้ามามีบทบาทอย่างมากในแบบจำลองประเภทนี้ โดยภาษาคอมพิวเตอร์ที่ใช้ในการจำลองแบบ เช่น BASIC, FORTRAN, ALGOL, Pascal และมีการพัฒนาภาษาขึ้นใช้โดยเฉพาะ ได้แก่ GPSS, SIMSCRIPT, GASP, SIMULATE

แบบจำลองขั้นตอนยังสามารถแบ่งได้เป็น 2 ประเภทคือ

- ประเภทที่ 1 การเคลื่อนที่ไปของเวลาการจำลองในแต่ละครั้งเป็นหน่วยเวลาที่เท่า ๆ กัน ซึ่งเรียกว่า ตัวแบบจำลองประเภทเคลื่อนไปเป็นหน่วยเวลา (Unit-time Advance) โดยเอาเวลาของการจำลองแบบทั้งหมดมาแบ่งเป็น N หน่วย แต่ละหน่วยเป็นช่วงเวลาที่เล็ก ๆ ที่เท่ากัน (Δt) การจำลองจะบันทึกสถานะของระบบ ณ จุดเวลา $n\Delta t$, $n = 0, 1, 2, \dots, N$ ถ้า Δt ค่ามากเกินไป จะทำให้เหตุการณ์บางเหตุการณ์ไม่ได้รับการบันทึก เนื่องจากเหตุการณ์ที่หน่วยรับบริการเข้าสู่ระบบและออกจากระบบ เป็นเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นในช่วงเวลาการบันทึกก็ได้ แต่ถ้า Δt เล็กเกินไป อาจพบว่าสถานะของระบบ ณ จุดเวลา $n\Delta t$ และ $(n+1)\Delta t$ ไม่มีการเปลี่ยนแปลงใด ๆ เลยคือไม่มีเหตุการณ์

เกิดขึ้น ณ ช่วงเวลา $n\Delta t$ ถึง $(n+1)\Delta t$ จึงไม่เกิดประโยชน์ ดังนั้นการกำหนด Δt จึงมีความสำคัญมาก การจำลองแบบประเภทนี้เหมาะกับเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นต่อเนื่องกันไป ซึ่งสถานะของระบบมีการเปลี่ยนแปลงตลอดเวลา เช่น ข้อมูลระดับน้ำในเขื่อน เป็นต้น

การเคลื่อนที่ตามเวลาของเวลาในแบบจำลองกระทำได้โดยการกำหนดเวลาเริ่มต้นบนนาฬิกาจำลอง (Simulated Clock) แล้วให้เวลาบนนาฬิกาจำลองเคลื่อนที่โดยการบวกด้วยค่าคงที่ของเวลา (Fixed Time Increment) ตัวอย่างเช่น ถ้าเราให้ค่าคงที่ของเวลาเป็น 5 นาที ถ้าเริ่มต้นเวลาในแบบจำลองที่ 8.00 น. เวลาบนนาฬิกาจำลองเมื่อเริ่มต้นจะเป็น 8.00 น. เวลาที่จะปรากฏบนนาฬิกาจำลองถัดไปจะเป็น 8.05 น., 8.10 น., 8.15 น.,... ตามลำดับ

- ประเภทที่ 2 ตัวแบบจำลองประเภทเคลื่อนไปแบบเหตุการณ์ต่อเหตุการณ์ (event-to-event advance) ช่วงเวลาการจำลองที่เคลื่อนที่ไปแต่ละครั้งไม่จำเป็นต้องเท่ากันแต่จะเท่ากับช่วงเวลาระหว่างเหตุการณ์ 2 เหตุการณ์ ดังนั้นการจำลองจึงสามารถบันทึกการเปลี่ยนแปลงของระบบได้ทั้งหมด รวมทั้งเวลาที่แน่นอนระหว่างเหตุการณ์ด้วย ในระบบแถวคอย สถานะของระบบกำหนด โดยจำนวนหน่วยรับบริการที่อยู่ในระบบก็ได้ เหตุการณ์ที่จะเปลี่ยนสถานะของระบบในกรณีนี้จะมี 2 อย่างคือ มีหน่วยรับบริการเข้าสู่ระบบ และมีหน่วยรับบริการออกจากระบบการบันทึกสถานะของระบบจะทำทุกครั้งที่มีการเกิดเหตุการณ์หนึ่งในสองเหตุการณ์ที่กล่าวมาแล้วเกิดขึ้น ดังนั้นจะเห็นว่า ในตัวแบบจำลองประเภทนี้จะไม่มีการบันทึกสถานะของระบบ หากไม่มีเหตุการณ์เกิดขึ้น ซึ่งแตกต่างจากแบบจำลองประเภทที่หนึ่ง การจำลองแบบประเภทนี้เหมาะกับเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นแบบไม่ต่อเนื่อง

การเคลื่อนที่ตามเหตุการณ์ของเวลาในแบบจำลอง กระทำได้โดยการกำหนดเวลาเริ่มต้นบนแบบจำลอง แล้วให้เวลาบนนาฬิกาจำลองเคลื่อนที่ไปตามเหตุการณ์ ดังนั้นการเคลื่อนที่ของเวลาดังวิธีนี้ จะต้องทราบว่ามีเหตุการณ์ใดบ้างเกิดขึ้นที่เวลาใดบ้าง ตัวอย่างเช่น ถ้าเหตุการณ์ที่ 1 เกิดขึ้นที่เวลา 8.03 น. เหตุการณ์ที่ 2 เกิดขึ้นที่เวลา 8.22 น. เหตุการณ์ที่ 3 เกิดขึ้นที่เวลา 8.45 น. เป็นต้น ถ้าในตอนเริ่มต้นนาฬิกาจำลองแสดงเวลา 8.00 น. เวลาที่ปรากฏบนนาฬิกาจำลองถัด ๆ ไปจะเป็น 8.03 น., 8.22 น., 8.45 น.,... ตามลำดับ

2.2.5 เทคนิคมอนติคาร์โล

ในปัญหาที่ต้องใช้การจำลองแบบปัญหาทั่วไป โดยเฉพาะในการจำลองแบบปัญหาที่แบบจำลองสามารถแทนองค์ประกอบและ ความสัมพันธ์ระหว่างองค์ประกอบด้วยข้อมูลเชิงปริมาณ ซึ่งโดยปกติแล้วข้อมูลเชิงปริมาณมักจะมีค่าที่ไม่แน่นอน ดังนั้นจึงเป็นปัญหาในการคำนวณนั้น เราจะใช้ค่าใดจึงจะทำให้ผลลัพธ์ที่ได้จากแบบจำลองคล้ายคลึงใกล้เคียงกับผลลัพธ์ที่ได้จากระบบงานจริง คำตอบก็คือ ค่าเชิงปริมาณที่ใส่เข้าไปในแบบจำลองนั้นต้องมีลักษณะที่ไม่แน่นอนเหมือนกับลักษณะข้อมูลจริง ดังนั้นในการจำลองแบบปัญหาดังกล่าวจึงมีปัญหาว่า ทำอย่างไรจึงจะสามารถใส่ข้อมูลที่มีลักษณะเหมือนข้อมูลจริงเข้าไปในแบบจำลอง และทำอย่างไรจึงจะทำให้แบบจำลองสามารถสร้างข้อมูลที่มีลักษณะเหมือนข้อมูลจริงได้ ในกรณีที่ค่าไม่แน่นอนสามารถหาค่าความไม่แน่นอนในรูปของค่าความน่าจะเป็น เทคนิคที่นิยมใช้ในการแก้ปัญหาลักษณะความไม่แน่นอนของค่าเชิงปริมาณก็คือ เทคนิคมอนติคาร์โล (Monte Carlo)

เทคนิคมอนติคาร์โล คือเทคนิคในการสร้างข้อมูลโดยใช้ตัวเลขสุ่มและความน่าจะเป็นสะสม ตัวเลขสุ่มที่ได้มาจากตารางเลขสุ่ม โปรแกรมเลขสุ่ม ลูกเต๋า ฯลฯ ซึ่งสามารถสร้างตัวเลขที่มีลักษณะการกระจายของความน่าจะเป็นอย่างสม่ำเสมอ ส่วนความน่าจะเป็นสะสมอาจได้มาจากข้อมูลในอดีตหรือจากการทดลอง หรือทราบจากลักษณะการกระจายของความน่าจะเป็น จากตัวเลขทั้งสองอย่าง จะนำมาสร้างข้อมูลที่ต้องการได้ดังนี้

1. สร้างกราฟหรือตารางความน่าจะเป็นสะสม ($S(x)$) ของข้อมูลที่ต้องการ
2. เลือกตัวเลขสุ่ม (RN) โดยใส่จุดทศนิยมให้มีค่าอยู่ระหว่าง 0 ถึง 1
3. ใช้ตัวเลขสุ่มในข้อ 2. แทนค่าความน่าจะเป็นสะสม
4. อ่านค่าของข้อมูลจากตารางหรือกราฟ ซึ่งมีค่าความน่าจะเป็นสะสมเท่ากับตัวเลขในข้อ 3 ค่าที่ได้ก็คือ ค่าของข้อมูลที่ต้องการ
5. ทำซ้ำข้อ 2. ถึง ข้อ 4. จนกว่าจะได้ข้อมูลมากตามที่ต้องการ

และเพื่อความสะดวกในการหาค่าตัวแปรสุ่ม จึงมักกำหนดช่วงของตัวแปรสุ่มสำหรับแต่ละค่าของตัวแปรแบบสุ่ม เพื่อให้ดูง่ายขึ้นโดยไม่ต้องใส่จุดทศนิยมให้กับตัวเลขนั้นดังตัวอย่างต่อไปนี้

ตัวอย่าง

สมมติตัวแปรสุ่ม x มีค่าความน่าจะเป็น แสดงได้ดังตารางต่อไปนี้

x	$P(x)$
0	0.02
1	0.08
2	0.22
3	0.34
4	0.18
5	0.09
6	0.07

การสร้างข้อมูลโดยอาศัยเทคนิคมอนติคาร์โล จะต้องอาศัยค่าความน่าจะเป็นสะสม
ดังนั้น จะสร้างตารางใหม่ และหาช่วงของตัวเลขสุ่ม (RN) ได้ดังนี้

x	$P(x)$	$S(x)$	RN
0	0.02	0.02	00-01
1	0.08	0.10	02-09
2	0.22	0.32	10-31
3	0.34	0.66	32-65
4	0.18	0.84	66-83
5	0.09	0.93	84-92
6	0.07	1.00	93-99

ทำการสุ่มตัวเลขจากตารางเลขสุ่มหรือจากวิธีการสร้างเลขสุ่มแบบอื่น ๆ นำตัวเลข
สุ่ม (RN) ที่ได้เทียบกับช่วงของ RN ว่าตกอยู่ในช่วงใด เช่น ถ้าสุ่มได้ RN = 66 ค่า x
ที่สร้างได้คือ 4 ถ้าสุ่มได้ RN = 24 ค่า x ที่สร้างได้คือ 2 เป็นต้น

2.2.5.1 การผลิตเลขสุ่ม

ตามปกติการวิเคราะห์หาค่าสถิติต่าง ๆ จะเกิดจากการนำข้อมูลที่เก็บรวบรวมได้มาใช้ในการคำนวณค่าสถิติเหล่านั้น เช่น ค่าตัวกลาง ค่าความแปรปรวน เป็นต้น แต่ในการจำลองแบบปัญหา จะต้องทำในสิ่งตรงกันข้ามคือ เมื่อทำการตรวจสอบว่าเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นจริงมีการกระจายของข้อมูลใกล้เคียงกับการกระจายมาตรฐานแบบใดแล้ว ก็จะมีการผลิตตัวเลขสุ่มที่มีการกระจายเหมือนการกระจายมาตรฐานนั้นและ โดยอาศัยพารามิเตอร์ที่ได้จากข้อมูลจริงและฟังก์ชันความน่าจะเป็นของการกระจายมาตรฐานแบบนั้น ๆ โดยวิธีการนี้ ตัวแปรสุ่มที่ผลิตได้จะถือว่าเป็นตัวแทนของเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นจริง และตัวแปรสุ่มเหล่านี้จะใช้ในการจำลองแบบปัญหา ดังนั้นความสำเร็จของการจำลองแบบปัญหาจะขึ้นอยู่กับคุณภาพของตัวเลขสุ่มและอัลกอริทึม (Algorithm) ที่ใช้เป็นส่วนใหญ่

เลขสุ่ม (Random Number) คือ ชุดของตัวเลขที่มีการกระจายแบบสม่ำเสมอ (Uniformly Distribution) การผลิตเลขสุ่มมีอยู่หลายวิธี วิธีที่เหมาะสมสำหรับการใช้คอมพิวเตอร์ในการจำลองแบบปัญหาก็คือ การผลิตตัวเลขสุ่มโดยการโปรแกรม เป็นการผลิตเลขสุ่มจากความสัมพันธ์ที่ย้อนซ้ำขึ้นตอนเดิม (Recurrence Relation) คือ ตัวเลขถัดไปเกิดจากการดำเนินการทางเลขคณิตศาสตร์และตรรกศาสตร์ ด้วยตัวเลขปัจจุบันหรือกลุ่มของตัวเลขในอดีต ดังนั้นเลขสุ่มเหล่านี้จึงไม่ใช่เลขสุ่มที่แท้จริง และอาจมีตัวเลขซ้ำ ๆ เกิดขึ้นเมื่อผลิตเลขไปได้ระยะหนึ่งคืออนุกรมของเลขที่ผลิตได้ในลักษณะนี้จะมีคาบ เลขสุ่มเหล่านี้จะต้องมีการทดสอบเชิงสถิติ เพื่อที่จะอนุมานได้ว่า เป็นตัวเลขสุ่มด้วยเหตุนี้เอง เลขสุ่มเหล่านี้จึงเรียกว่าเป็นเลขคล้ายสุ่ม (Pseudo-random Number)

คุณสมบัติของเลขสุ่ม

โปรแกรมที่ใช้ผลิตเลขสุ่มควรมีคุณสมบัติขั้นพื้นฐานดังต่อไปนี้

1. เลขที่ผลิตด้วยการโปรแกรมจะต้องมีสหสัมพันธ์อ่อนระหว่างกัน
2. การแจกแจงของเลขที่ผลิตจากโปรแกรม จะต้องใกล้เคียงกับการแจกแจงสม่ำเสมอมากที่สุดเท่าที่จะมากได้
3. โปรแกรมที่ใช้ในการผลิตเลขสุ่มจะต้องมีเสถียรภาพ คือการแจกแจงของตัวเลขจะต้องไม่เปลี่ยนแปลงไปตามจำนวนตัวเลขที่ผลิตออกมา

2.2.5.2 การผลิตตัวแปรสุ่มปกติโดยใช้วิธี Log-and-Trig

วิธี Log-and-Trig เป็นวิธีที่ใช้ในการผลิตเลขสุ่มปกติจากเลขสุ่มแจกแจงสม่ำเสมอเท่านั้น การผลิตเลขสุ่มปกติหนึ่งตัวโดยใช้ Central Limit Theorem นั้นต้องใช้เลขสุ่มแจกแจงสม่ำเสมอหลาย ๆ ตัว ประสิทธิภาพของการผลิตจึงต่ำ ซึ่งข้อบกพร่องนี้ได้ถูกกำจัดไปโดยวิธีการนี้ ในการผลิตเลขสุ่มปกติหนึ่งตัวโดยวิธี Log-and-Trig นั้นอาจกล่าวได้ว่าใช้เลขสุ่มสม่ำเสมอเพียงหนึ่งตัวเท่านั้น

ให้ Y_1 และ Y_2 เป็นตัวแปรสุ่มปกติมาตรฐานและเป็นอิสระจากกัน การแจกแจงร่วมของตัวแปรสุ่ม Y_1 และ Y_2 จึงเขียนได้เป็น

$$f(y_1, y_2) = (1/2\pi) e^{-\frac{(y_1^2 + y_2^2)}{2}} \tag{2.1}$$

ค่าคู่หนึ่งของตัวแปรสุ่ม Y_1 และ Y_2 จะกำหนดจุด ๆ หนึ่งในยูคลิเดียนที่มีมิติเท่ากับ 2 จุดสุ่มนี้อาจเขียนแสดงได้ด้วยแกนโพลาร์ (Polar Coordinate) (R, θ) ดังนี้

$$Y_1 = R \cos \theta \tag{2.2}$$

และ

$$Y_2 = R \sin \theta \tag{2.3}$$

จาโคเบียนของการแปลงตามสมการ (2.2) และ (2.3) เขียนได้เท่ากับ r การแจกแจงตามสมการ (2.1) ในเทอมของ R และ θ จึงเขียนได้ดังนี้

$$f_{r,\theta}(r, \theta) = (r/2\pi) e^{-\frac{r^2}{2}} \tag{2.4}$$

โดย $r > 0$ และ $0 \leq \theta < 2\pi$ จากสมการ (2.4) อาจสรุปได้ว่าการแจกแจงของ θ เป็นการแจกแจงที่สม่ำเสมอ ทั้งนี้เนื่องจาก

$$\int r e^{-\frac{r^2}{2}} dr = 1 \tag{2.5}$$

ดังนั้น การกระจายของตัวแปรสุ่ม ϕ จึงเขียนได้เป็น

$$f_{\phi}(y) = \begin{cases} 1/2\tau & 0 \leq y \leq 2\tau \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases} \quad (2.6)$$

เมื่อพิจารณาสมการ (2.6) ร่วมกับ (2.4) อาจสรุปการกระจายของตัวแปรสุ่ม R ได้ดังนี้

$$f_R(r) = \begin{cases} re^{-r/\tau} & r > 0 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases} \quad (2.7)$$

จากสมการที่ (2.6) และ (2.7) แล้วสมการ (2.5) จึงอาจเขียนได้เป็น

$$f_{R,\phi}(r,y) = f_R(r) f_{\phi}(y) \quad (2.8)$$

ซึ่งแสดงว่าตัวแปรสุ่ม R และ ϕ เป็นอิสระต่อกัน จึงสรุปได้ว่า ถ้า Y_1 และ Y_2 เป็นตัวแปรสุ่มคู่หนึ่งที่เป็นอิสระต่อกันและต่างก็มีการแจกแจงปกติมาตรฐาน ตัวแปรสุ่ม R และ ϕ ซึ่งเกิดจากการแปลงยูคลิเดียน (Euclidean coordinates) เป็นแกนโพลาจะเป็นอิสระต่อกัน ดังนั้นหากสมการที่ผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงตามสมการ (2.6) และ (2.7) และเป็นอิสระต่อกัน เลขสุ่มมาตรฐานที่อาจคำนวณได้จากสมการ (2.2) และ (2.3)

เลขสุ่มตามการแจกแจงในสมการ (2.6) สามารถผลิตได้โดยง่ายจากเลขสุ่มการแจกแจงสม่ำเสมอมาตรฐาน โดยใช้การแปลงดังต่อไปนี้

$$y_1 = 2\tau x_{11} \quad (2.9)$$

โดย x_{11} เป็นเลขสุ่มแจกแจงสม่ำเสมอมาตรฐาน และเลขสุ่มที่มีการแจกแจงตามสมการ (2.6) อาจผลิตจากเลขสุ่มแจกแจงสม่ำเสมอโดยใช้วิธีผกผันจากสมการ (2.10) ดังต่อไปนี้

$$r_1 = [-2 \ln x_{21}]^{1/2} \quad (2.10)$$

โดย x_{2i} เป็นเลขลุ่มแจกแจงสมมาตรมาตรฐานและเป็นอิสระต่อเลขลุ่มแจกแจงสมมาตร x_{1i} ดังนั้นเลขลุ่มแจกแจงปกติมาตรฐาน y_{1i} และ y_{2i} ซึ่งเป็นอิสระต่อกันสามารถคำนวณจากสมการต่อไปนี้ ซึ่งแทนตัวแปรลุ่ม R และ θ โดยใช้สมการ (2.9) และ (2.10) ในสมการ (2.2) และ (2.3)

$$y_{1i} = [-2 \ln x_{2i}]^{1/2} \cos(2\pi x_{1i}) \quad (2.11)$$

$$y_{2i} = [-2 \ln x_{2i}]^{1/2} \sin(2\pi x_{1i}) \quad (2.12)$$

จะเห็นว่าการผลิตเลขลุ่มปกติมาตรฐาน 2 ตัว ใช้เลขลุ่มแจกแจงสมมาตรเพียง 2 ตัวเท่านั้น การใช้เลขลุ่มแจกแจงสมมาตรในการผลิตเลขลุ่มปกติมาตรฐานด้วยวิธี Log-and-Trig จึงน้อยกว่าการผลิตเลขลุ่มปกติโดยใช้ Central Limit Theorem ประสิทธิภาพจึงดีกว่าในแง่นี้

2.2.6 การทดสอบความถูกต้องของแบบจำลอง

การทดสอบความถูกต้องของแบบจำลอง เป็นกระบวนการในการสร้างความมั่นใจให้กับผู้สร้างและผู้ใช้แบบจำลอง ว่าผลที่ได้จากแบบจำลองนั้นควรจะเป็นผลที่ถูกต้องนำไปใช้งานได้ตามวัตถุประสงค์ของการสร้างแบบจำลอง การทดสอบความถูกต้องนั้นไม่มีวิธีการทดสอบที่จะบอกได้ว่าแบบจำลองนั้นเป็นแบบจำลองที่ถูกต้องของระบบงานหรือไม่ ความถูกต้องของแบบจำลองในที่นี้ก็คือ ความมั่นใจว่าเป็นแบบจำลองที่ถูกต้องสามารถนำไปใช้งานได้ตามความมั่นใจดังกล่าวจะได้มาจากความเข้าใจในระบบงาน ความละเอียดถี่ถ้วนในการตรวจสอบความเหมาะสมขององค์ประกอบ พฤติกรรมต่าง ๆ ขององค์ประกอบและค่าเชิงปริมาณที่ใช้แทนองค์ประกอบ และความสัมพันธ์ต่าง ๆ การทดสอบพฤติกรรมที่ได้มาจากแบบจำลองเทียบกับองค์ประกอบของระบบงานจริง ฯลฯ

กรรมวิธีที่ใช้ในการทดสอบความถูกต้องของแบบจำลองที่ใช้กันอยู่ ประกอบด้วย 3 ขั้นตอน คือ

2.2.6.1 การพิสูจน์ยืนยัน (Verification) เป็นการทำให้แน่ใจว่าแบบจำลองมีพฤติกรรมอย่างที่ผู้สร้างต้องการให้เป็น วิธีการที่ใช้ในขั้นตอนนี้ได้แก่

- การสอบถามความเห็นจากผู้เชี่ยวชาญ (Face Validity) เป็นการถามความเห็นจากผู้ที่มีความรู้ความเชี่ยวชาญจากการใช้งานองค์ประกอบต่าง ๆ ในระบบงาน และการใช้ระบบงาน ว่าองค์ประกอบและระบบงานนั้น ๆ มีพฤติกรรมอย่างไรภายใต้

เงื่อนไขต่าง ๆ และการที่องค์ประกอบในแบบจำลองและแบบจำลองมีพฤติกรรมต่าง ๆ ควรจะมีพฤติกรรมที่สอดคล้องกับพฤติกรรมขององค์ประกอบและระบบงานจริงหรือไม่

- การทดสอบความถูกต้องของกลไกภายในแบบจำลอง (Internal Validity) เป็นการทดสอบองค์ประกอบในแบบจำลอง โดยการใส่เงื่อนไข เช่น ให้ค่าตัวแปรเข้าเป็นค่าคงที่แล้วดูว่าผลที่ได้จากองค์ประกอบหรือแบบจำลองหลาย ๆ ครั้งมีความแปรปรวนมากน้อยเพียงใด ถ้ามีความแปรปรวนมาก แสดงว่าองค์ประกอบในแบบจำลองหรือแบบจำลองนั้นไม่ถูกต้องควรจะต้องมีการแก้ไข

- การทดสอบความถูกต้องของตัวแปรและพารามิเตอร์ (Variables-Parameters Validity) เป็นการทดสอบความไวของการเปลี่ยนแปลงค่าของตัวแปรและค่าพารามิเตอร์ว่ามีผลกระทบต่อผลลัพธ์ที่ได้จากองค์ประกอบในแบบจำลอง และแบบจำลองอย่างไร ถ้าผลที่ได้มีการเปลี่ยนแปลงไวต่อค่าตัวแปรหรือพารามิเตอร์ใด ก็เป็นเครื่องแสดงบอกให้เรารู้ว่าจะต้องระมัดระวังให้มากต่อการประมาณค่าตัวแปร และพารามิเตอร์เหล่านั้น นอกจากนั้นแล้วการทดสอบความไวนี้ยังช่วยให้ผู้สร้างแบบจำลองได้เห็นว่าองค์ประกอบในแบบจำลอง และแบบจำลองประพฤตินออย่างที่ควรจะเป็นหรือไม่ เพราะถ้าเราทราบว่าการเปลี่ยนแปลงค่าของตัวแปรและพารามิเตอร์ จะทำให้ผลที่ได้จากระบบงานจริงนั้นเปลี่ยนไป แต่ถ้าจากการทดลองกับแบบจำลองแล้วได้ผลเป็นอย่างอื่น แบบจำลองนั้นก็สมควรจะถูกต้องและควรจะต้องมีการแก้ไข

- การทดสอบความถูกต้องของสมมติฐาน (Hypothesis Validity) เป็นการทดสอบความถูกต้องทางสถิติว่าผลที่ได้จากองค์ประกอบในแบบจำลองกับผลที่ได้จากองค์ประกอบของระบบงานจริงนั้นเหมือนกัน โดยอาจใช้เงื่อนไขต่าง ๆ ที่มีปรากฏจากข้อมูลในอดีตใส่ให้กับองค์ประกอบในแบบจำลอง แล้วเปรียบเทียบผลที่ได้กับผลที่ได้จากอดีตว่าสามารถยอมรับว่าเหมือนกันโดยมีระดับนัยสำคัญที่ยอมรับได้

2.2.6.2 การทดสอบความถูกต้อง (Validation) เป็นการทดสอบความสอดคล้องระหว่างพฤติกรรมของแบบจำลองกับพฤติกรรมของระบบงานจริง ทั้งนี้โดยอาศัยการเปรียบเทียบระหว่างข้อมูลที่ได้จากแบบจำลองกับข้อมูลในอดีตของระบบงานจริงที่เงื่อนไขของการใช้ระบบงานที่เหมือนกัน

- การทดสอบสมมติฐานในการเปรียบเทียบค่าพารามิเตอร์ของแบบจำลองกับของระบบงานจริง

- การทดสอบสมมติฐานของลักษณะการกระจายของ ความน่าจะเป็นของข้อมูลจากแบบจำลอง เปรียบเทียบกับของระบบงานจริง

- การประมาณค่าพารามิเตอร์ของแบบจำลองเปรียบเทียบกับค่าโดยประมาณของพารามิเตอร์ของระบบงานจริง

- การพยากรณ์ความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรและพารามิเตอร์ในแบบจำลองเปรียบเทียบกับระบบงานจริง

2.2.6.3 การวิเคราะห์ปัญหา (Problem Analysis) เป็นการทดลองใช้แบบจำลองในการพยากรณ์พฤติกรรมต่าง ๆ ของระบบงานเปรียบเทียบกับพฤติกรรมจริงของระบบงานการวิเคราะห์อาศัยเทคนิคทางสถิติเช่นเดียวกับข้อ 2

จากขั้นตอนต่าง ๆ ตามกรรมวิธีที่กล่าวมานี้ จะช่วยให้ผู้สร้างแบบจำลองมีความมั่นใจในแบบจำลองที่สร้างขึ้นว่า น่าจะใช้แทนระบบงานจริงตามวัตถุประสงค์ที่ตั้งไว้

โดยสรุป การสร้างความมั่นใจในความถูกต้องของแบบจำลองอาจได้มาจาก

- การใช้วิจารณ์และตรรกวิทยา
- การใช้ความรู้ความเข้าใจในระบบงาน
- การทำการทดสอบโดยเทคนิคทางสถิติในส่วนของข้อมูลเชิงปริมาณ
- การให้ความสนใจ ไตร่ตรอง ตรวจสอบรายละเอียดต่างๆ ในการสร้างแบบจำลอง
- การตรวจสอบว่าแบบจำลองประพฤติกรรมได้อย่างที่เราอยากให้มีเป็น
- การวิเคราะห์ความไวของตัวแปรและพารามิเตอร์
- เปรียบเทียบข้อมูลเข้าและข้อมูลออก (Input-Output) ระหว่างแบบจำลองกับระบบงานจริง
- การทดสอบการใช้งานจริงของแบบจำลอง

บทที่ 3

การเก็บรวบรวมข้อมูล

ข้อมูลที่ได้จากทางบริษัท อัทซึสัน เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด เป็นข้อมูลที่ทางบริษัททำการเก็บบันทึกเอาไว้เป็นสถิติเกี่ยวกับอัตราการให้บริการของลูกค้าและอัตราการให้บริการของพนักงาน ซึ่งข้อมูลที่ได้รับจากทางบริษัทประกอบด้วย

1. จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความทั้งหมดในแต่ละชั่วโมง ระหว่างเดือนพฤษภาคมถึงเดือนตุลาคม พ.ศ. 2536

2. เวลาที่พนักงานใช้ในการให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้าหนึ่งคนในแต่ละชั่วโมง ระหว่างเดือนพฤษภาคมถึงเดือนตุลาคม พ.ศ. 2536

แต่เนื่องจากการแข่งขันทางด้านธุรกิจข้อมูลทั้ง 2 ชุดจึงเป็นข้อมูลที่บิดเบือนความลับทางธุรกิจ ดังนั้นข้อมูลที่ได้มาจึงเป็นข้อมูลที่ทางบริษัทได้ปรุงแต่งขึ้นโดยอ้างอิงจากข้อมูลจริง

3.1 การเก็บรวบรวมข้อมูล

ข้อมูลที่เก็บรวบรวมมาได้นั้นเป็นข้อมูลทุติยภูมิทั้งหมด ซึ่งได้มาจากการบันทึกของแผนกสถิติ บริษัท อัทซึสัน เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด

3.1.1 จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความทั้งหมดในแต่ละชั่วโมง ช่วงเดือนพฤษภาคมถึงเดือนตุลาคม พ.ศ. 2536

เป็นข้อมูลจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามา เพื่อให้บริการฝากข้อความผ่านทางพนักงานให้บริการฝากข้อความทั้งหมดภายในหนึ่งชั่วโมง ข้อมูลนี้จะถูกบันทึกโดยเครื่องคอมพิวเตอร์ของทางบริษัท ฯ เมื่อพิจารณาข้อมูลที่ได้มาพบว่า

- จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาเพื่อให้บริการในแต่ละชั่วโมงแตกต่างกันโดยแบ่งออกได้เป็นช่วงเวลาที่มีการโทรเข้ามาเพื่อให้บริการมากคือในช่วง 8.00 น. ถึง 23.00 น. ส่วนในช่วง 23.00 น. ถึง 7.00 น. พบว่าจะมีจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการน้อย ดังนั้นในการทำปัญหาพิเศษครั้งนี้จึงพิจารณาเฉพาะในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 23.00 น. ซึ่งจะเป็นช่วงเวลาที่มีความจำเป็นในการหาจำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสมมากกว่าในช่วงเวลาที่มีการโทรเข้ามาใช้บริการน้อย

- จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาเพื่อใช้บริการจะแตกต่างกันออกไปในแต่ละวัน แต่พอจะแบ่งออกได้เป็นช่วงเวลาที่มีการโทรเข้ามาเพื่อใช้บริการมาก คือในช่วงจันทร์ถึงวันศุกร์ ส่วนในช่วงวันเสาร์และวันอาทิตย์และวันหยุดราชการ พบว่าจะมีจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการน้อย ดังนั้นในการทำปัญหาพิเศษครั้งนี้จึงแบ่งการพิจารณาออกเป็นในช่วงวันทำงานและช่วงวันหยุด

3.1.2 เวลาที่พนักงานใช้ในการให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้าหนึ่งคนในแต่ละชั่วโมง ช่วงเดือนพฤษภาคมถึงเดือนตุลาคม พ.ศ. 2536

เป็นเวลาที่พนักงานแต่ละคนใช้ในการให้บริการต่อลูกค้าหนึ่งคนในแต่ละชั่วโมง มีหน่วยเป็นวินาที ซึ่งแบ่งการพิจารณาออกเป็นช่วงวันหยุดและช่วงวันทำงาน และจะพิจารณาเฉพาะในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 23.00 น.

ตารางที่ 3-1 และ 3-2 แสดงตัวอย่างของข้อมูลที่ได้จากบริษัท อัททิสัน เทเลคอม-มิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด ในเดือนพฤษภาคม 2536

ตารางที่ 3-1 จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ (คน)
ของเดือนพฤษภาคม พ.ศ. 2536

ช่วงเวลา	วัน						
	จันทร์	อังคาร	พุธ	พฤหัสบดี	ศุกร์	เสาร์	อาทิตย์
08.00 น. - 09.00 น.	3307	4402	3058	6821	4593	4564	4361
09.00 น. - 10.00 น.	4287	6703	4189	7344	6667	6917	6632
10.00 น. - 11.00 น.	4911	7242	4766	7512	7238	7000	7451
11.00 น. - 12.00 น.	4908	7465	4764	6233	7336	7437	7122
12.00 น. - 13.00 น.	5135	5961	4318	7189	6143	5974	5863
13.00 น. - 14.00 น.	5414	6955	4460	7389	7280	7067	6874
14.00 น. - 15.00 น.	5344	7199	4385	7382	7539	7270	6749
15.00 น. - 16.00 น.	5487	7273	4312	7342	7514	7206	6979
16.00 น. - 17.00 น.	5534	7465	4389	6551	7777	7113	6860
17.00 น. - 18.00 น.	5041	6647	4434	5796	7175	6601	6289
18.00 น. - 19.00 น.	4690	6114	4428	5333	6157	5572	5510
19.00 น. - 20.00 น.	4533	5575	4428	4642	5611	5239	5145
20.00 น. - 21.00 น.	3980	5083	3979	3739	4900	4446	4588
21.00 น. - 22.00 น.	3448	4207	3314	2916	4407	3751	3520
22.00 น. - 23.00 น.	3748	4557	2114	4516	4127	4451	1250

ตารางที่ 3-2 เวลาที่ใช้ในการให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน (วินาที)
ของเดือนพฤษภาคม พ.ศ. 2536

ช่วงเวลา	วัน						
	จันทร์	อังคาร	พุธ	พฤหัสบดี	ศุกร์	เสาร์	อาทิตย์
08.00 น. - 09.00 น.	25	26	26	25	26	26	26
09.00 น. - 10.00 น.	23	26	26	25	26	25	26
10.00 น. - 11.00 น.	24	26	26	26	28	26	26
11.00 น. - 12.00 น.	24	26	26	26	26	25	26
12.00 น. - 13.00 น.	24	26	26	27	26	26	26
13.00 น. - 14.00 น.	25	25	26	26	25	26	26
14.00 น. - 15.00 น.	25	26	27	26	26	26	26
15.00 น. - 16.00 น.	25	27	26	26	26	28	26
16.00 น. - 17.00 น.	25	26	26	26	26	26	26
17.00 น. - 18.00 น.	25	26	26	26	26	27	26
18.00 น. - 19.00 น.	26	26	26	27	26	26	26
19.00 น. - 20.00 น.	26	26	26	27	26	26	26
20.00 น. - 21.00 น.	27	26	26	28	26	29	26
21.00 น. - 22.00 น.	28	27	26	27	26	26	28
22.00 น. - 23.00 น.	28	27	26	28	26	26	26

บทที่ 4

การวิเคราะห์ข้อมูล

ข้อมูลที่น่ามาวิเคราะห์เป็นจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการและเวลาที่ใช้ในการให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้าหนึ่งคนในช่วงเดือนพฤษภาคม 2536 ถึง เดือนตุลาคม 2536 ของบริษัท อีทีซีสัน เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด โดยแบ่งข้อมูลทั้ง 2 ชุด ออกเป็น 2 ช่วง คือช่วงวันหยุด และช่วงวันทำงาน

จากการพิจารณาข้อมูลพบว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาในแต่ละวันและในแต่ละชั่วโมง มีจำนวนแตกต่างกัน โดยพบว่าในช่วงวันเสาร์-อาทิตย์และวันหยุดราชการจะมีจำนวนลูกค้าที่โทรเข้าน้อยกว่าในช่วงวันจันทร์ถึงวันศุกร์และในช่วง 8.00 น. ถึง 23.00 น. จะเป็นช่วงเวลาที่มียอดลูกค้าที่โทรเข้าสูงมากกว่าในช่วงเวลาอื่น ๆ ดังนั้นในการศึกษารังนี้ จึงแบ่งพิจารณาศึกษาออกเป็นในช่วงเวลาแต่ละชั่วโมงของวันหยุด (วันเสาร์-วันอาทิตย์ และวันหยุดราชการ) และวันทำงาน (วันจันทร์-วันศุกร์)

เมื่อรวบรวมข้อมูลทั้งหมดได้แล้ว ก็จะนำข้อมูลในแต่ละช่วงมาหารูปแบบการแจกแจง เพื่อ นำไปสร้างเป็นแบบจำลองในการหาจำนวนผู้ให้บริการที่เหมาะสมในแต่ละช่วงเวลา โดยทั่วไปแล้วสามารถหาจำนวนผู้ให้บริการที่เหมาะสมได้โดยใช้โปรแกรมสำเร็จรูป QSB+ แต่เนื่องจากโปรแกรมดังกล่าวใช้ได้ในกรณีที่มีจำนวนหน่วยให้บริการไม่เกิน 20 แต่ในกรณี ที่ศึกษานี้มีจำนวนหน่วยให้บริการสูงสุดถึง 200 หน่วย จึงจำเป็นต้องสร้างแบบจำลองขึ้น เองโดยใช้ภาษา Pascal เขียนเป็นโปรแกรมตามข้อกำหนดต่าง ๆ ของระบบงานจริง

4.1 การทดสอบรูปแบบการแจกแจงของข้อมูล

ทดสอบรูปแบบการแจกแจงของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ และเวลาที่ใช้ ในการให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้าหนึ่งคน และใช้โปรแกรม STATGRAPHICS ช่วยในการ วิเคราะห์ข้อมูลพบว่าข้อมูลทั้ง 2 ชุดไม่มีการแจกแจงรูปแบบมาตรฐานตามทฤษฎีแถวคอย ๆ เลย (ทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.05) นำข้อมูลมาวาดกราฟเพื่อดูแนวโน้มการแจกแจงโดย ให้ทางแกนนอนเป็นอันตรภาคชั้นของข้อมูล แกนตั้งเป็นความถี่ของข้อมูลในแต่ละอันตรภาคชั้น พบว่ามีแนวโน้มการแจกแจงเป็นแบบปกติ จึงใช้วิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ (KOLMOGOROV-SMIRNOV) เพื่อทดสอบการแจกแจงของข้อมูลว่าเป็นแบบปกติหรือไม่

4.1.1 จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ

แบ่งจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการออกเป็น 2 ส่วนคือ

- ในส่วนของวันทำงานจะได้ข้อมูลในแต่ละชั่วโมง 124 ค่า ($N = 124$) ทดสอบการแจกแจงแบบปกติด้วยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 นำค่า D จากการคำนวณเปรียบเทียบกับค่าขอบเขตวิกฤตคือ $1.36/(124)^{1/2} = 0.1221$

- ในส่วนของวันหยุดจะได้จำนวนข้อมูลในแต่ละชั่วโมง 60 ค่า ($N = 60$) ทดสอบการแจกแจงแบบปกติด้วยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 นำค่า D จากการคำนวณเปรียบเทียบกับค่าขอบเขตวิกฤตคือ $1.36/(60)^{1/2} = 0.1756$

ได้ผลการทดสอบการแจกแจงความน่าจะเป็นดังตารางที่ 4-1 ถึง ตารางที่ 4-30 และกราฟแจกแจงความน่าจะเป็นดังรูปที่ 4-1 ถึง รูปที่ 4-30

4.1.1.1 ช่วงวันทำงาน

- ช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.

H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4444.540 คน และ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 398.6439 คน

H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4444.540 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 398.6439 คน

ตารางที่ 4-1 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

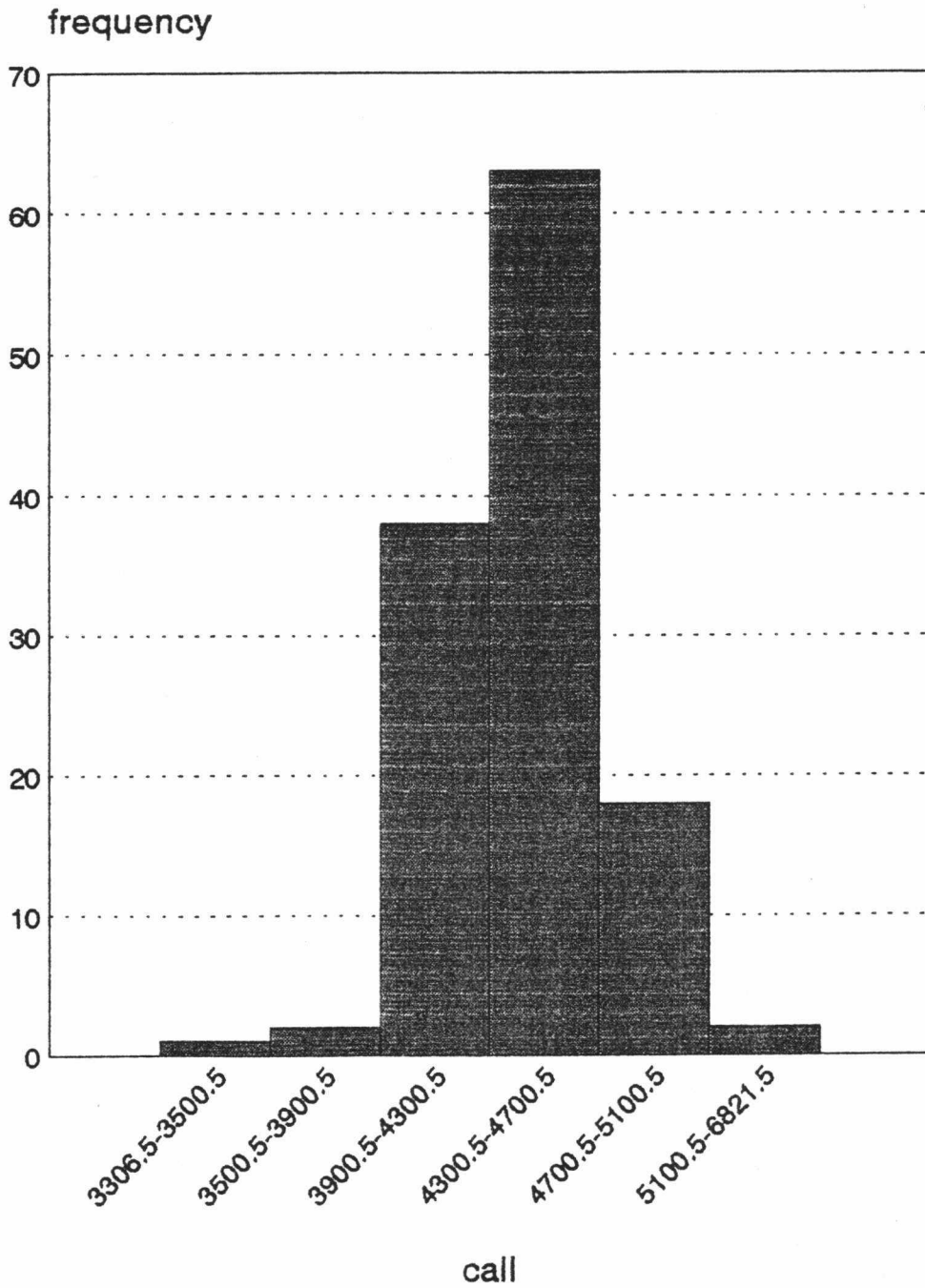
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
3306.5 - 3500.5	1	0.0080	0.0080	0.0089	0.0009
3500.5 - 3900.5	2	0.0161	0.0241	0.0869	0.0628
3900.5 - 4300.5	38	0.3064	0.3306	0.3594	0.0288
4300.5 - 4700.5	63	0.5080	0.8387	0.7389	0.0998
4700.5 - 5100.5	18	0.1451	0.9838	0.9505	0.0333
5100.5 - 6821.5	2	0.0161	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0998$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4444.540 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 398.6439 คน

รูปที่ 4-1 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ
ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.



- ช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 6874.5081 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 498.5758 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 6874.5081 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 498.5758 คน

ตารางที่ 4-2 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร်นอฟ

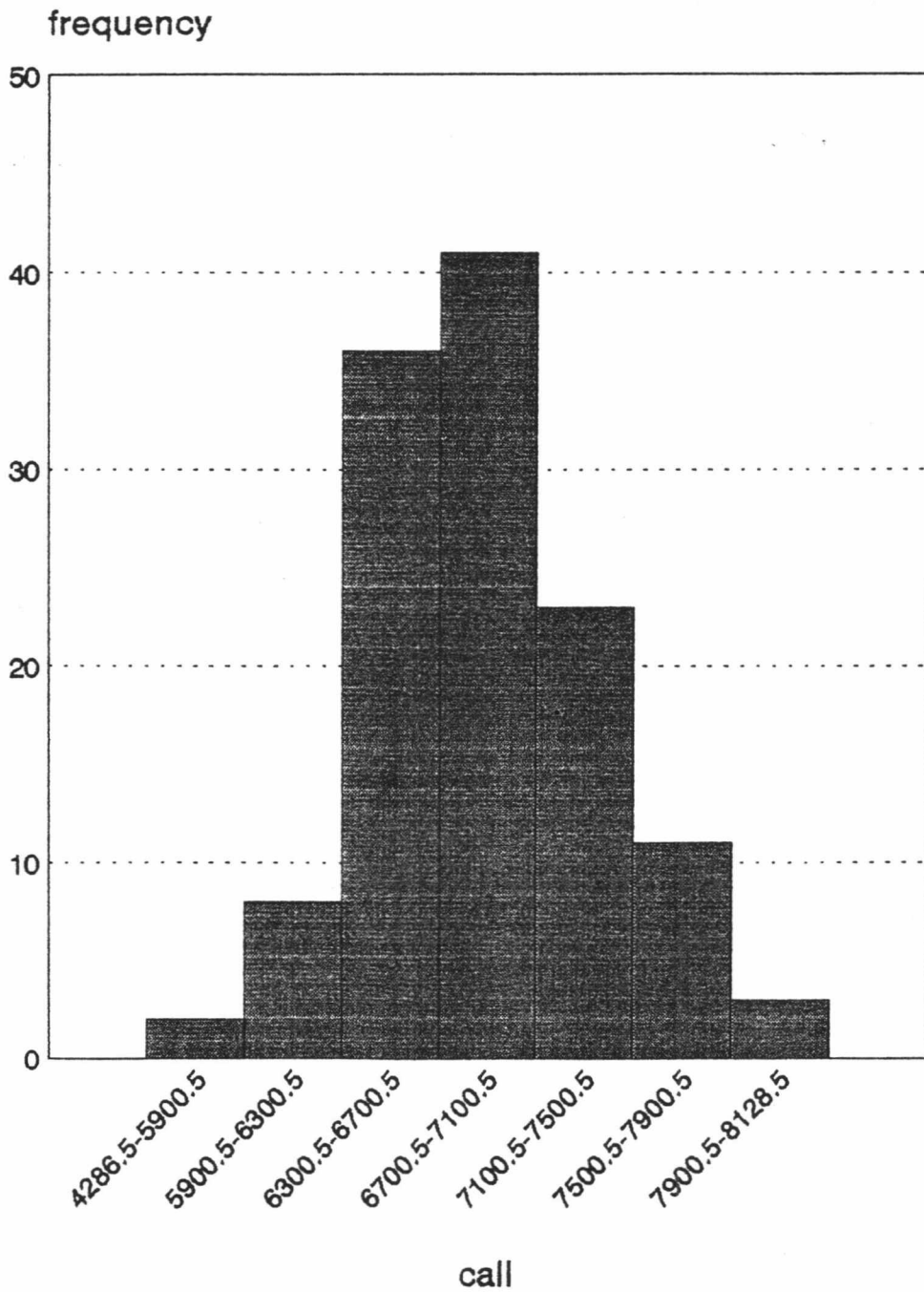
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
4286.5 - 5900.5	2	0.0161	0.0161	0.0256	0.0095
5900.5 - 6300.5	8	0.0645	0.0806	0.1251	0.0445
6300.5 - 6700.5	36	0.2903	0.3710	0.3632	0.0078
6700.5 - 7100.5	41	0.3306	0.7016	0.6736	0.0280
7100.5 - 7500.5	23	0.1855	0.8871	0.8962	0.0091
7500.5 - 7900.5	11	0.0887	0.9758	0.9803	0.0045
7900.5 - 8128.5	3	0.0242	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max}=0.0445$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 6874.5081 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 498.5758 คน

รูปที่ 4-2 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.



- ช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7562.3387 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 659.4895 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7562.3387 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 659.4895 คน

ตารางที่ 4-3 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

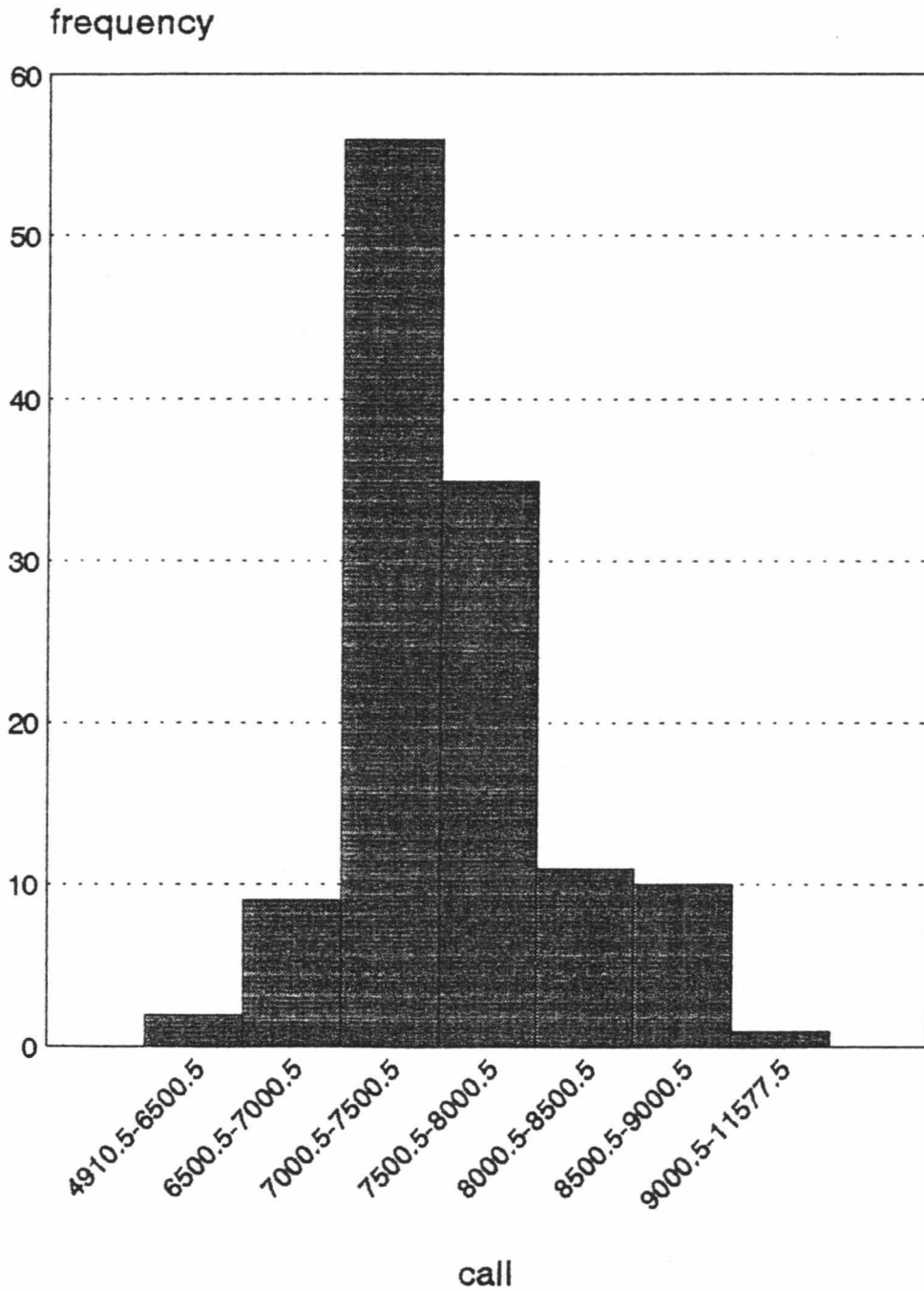
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
4910.5 - 6500.5	2	0.0161	0.0161	0.0537	0.0376
6500.5 - 7000.5	9	0.0726	0.0887	0.1977	0.1090
7000.5 - 7500.5	56	0.4516	0.5403	0.4641	0.0762
7500.5 - 8000.5	35	0.2823	0.8226	0.7454	0.0772
8000.5 - 8500.5	11	0.0887	0.9113	0.9222	0.0109
8500.5 - 9000.5	10	0.0806	0.9919	0.9854	0.0065
9000.5 - 11577.5	1	0.0081	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.1090$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7562.3387 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 659.4895 คน

รูปที่ 4-3 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ
ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.



- ช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7524.935 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 586.9773 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7524.935 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 586.9773 คน

ตารางที่ 4-4 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

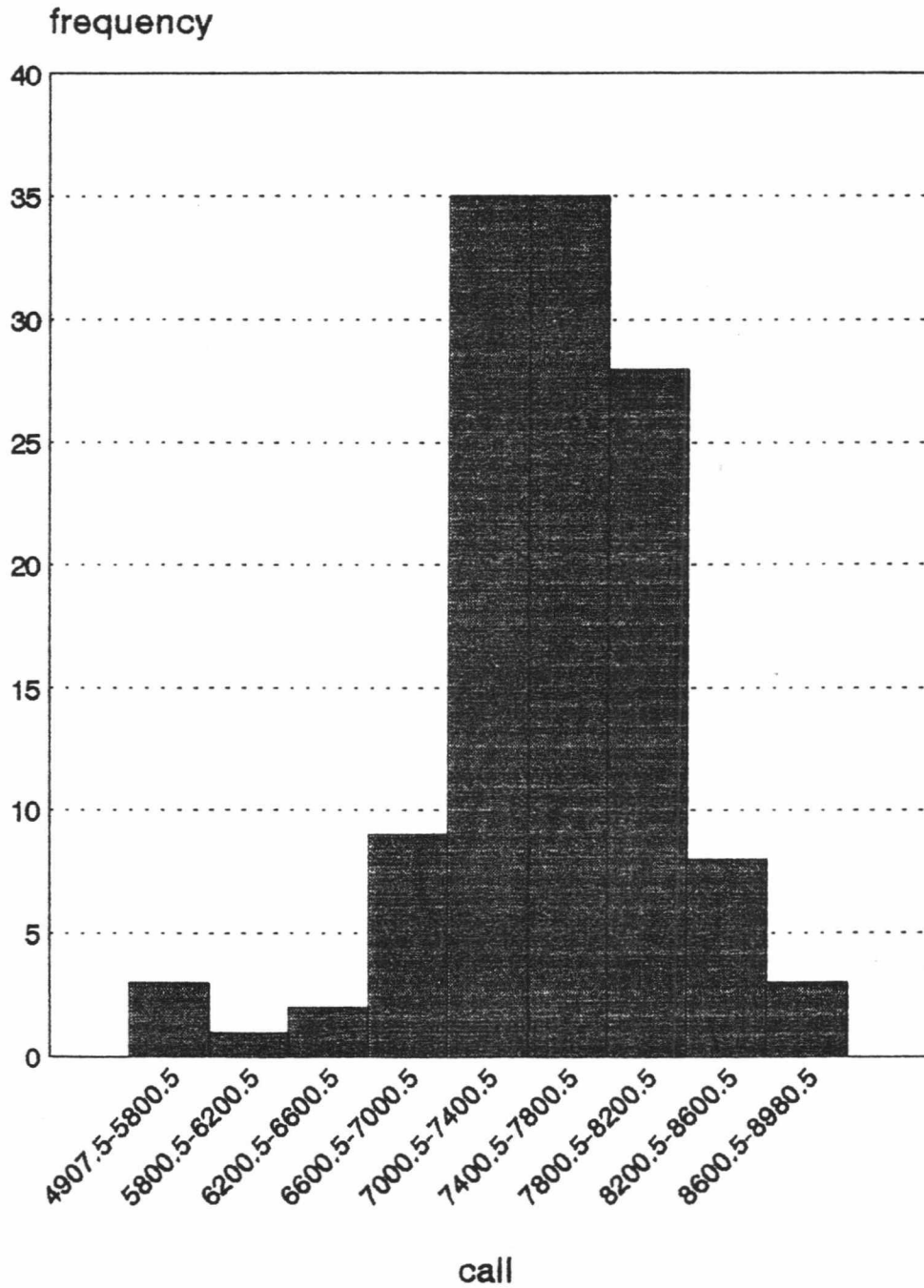
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
4907.5 - 5800.5	3	0.0242	0.0242	0.0016	0.0226
5800.5 - 6200.5	1	0.0081	0.0081	0.0119	0.0038
6200.5 - 6600.5	2	0.0161	0.0484	0.0582	0.0098
6600.5 - 7000.5	9	0.0726	0.1210	0.1867	0.0657
7000.5 - 7400.5	35	0.2823	0.4032	0.4168	0.0136
7400.5 - 7800.5	35	0.2823	0.6855	0.6808	0.0047
7800.5 - 8200.5	28	0.2258	0.9113	0.8749	0.0364
8200.5 - 8600.5	8	0.0645	0.9758	0.9664	0.0094
8600.5 - 8980.5	3	0.0242	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0657$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7524.935 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 586.9773 คน

รูปที่ 4-4 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ
ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.



- ช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 6525.8065 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 612.9061 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 6525.8065 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 612.9061 คน

ตารางที่ 4-5 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

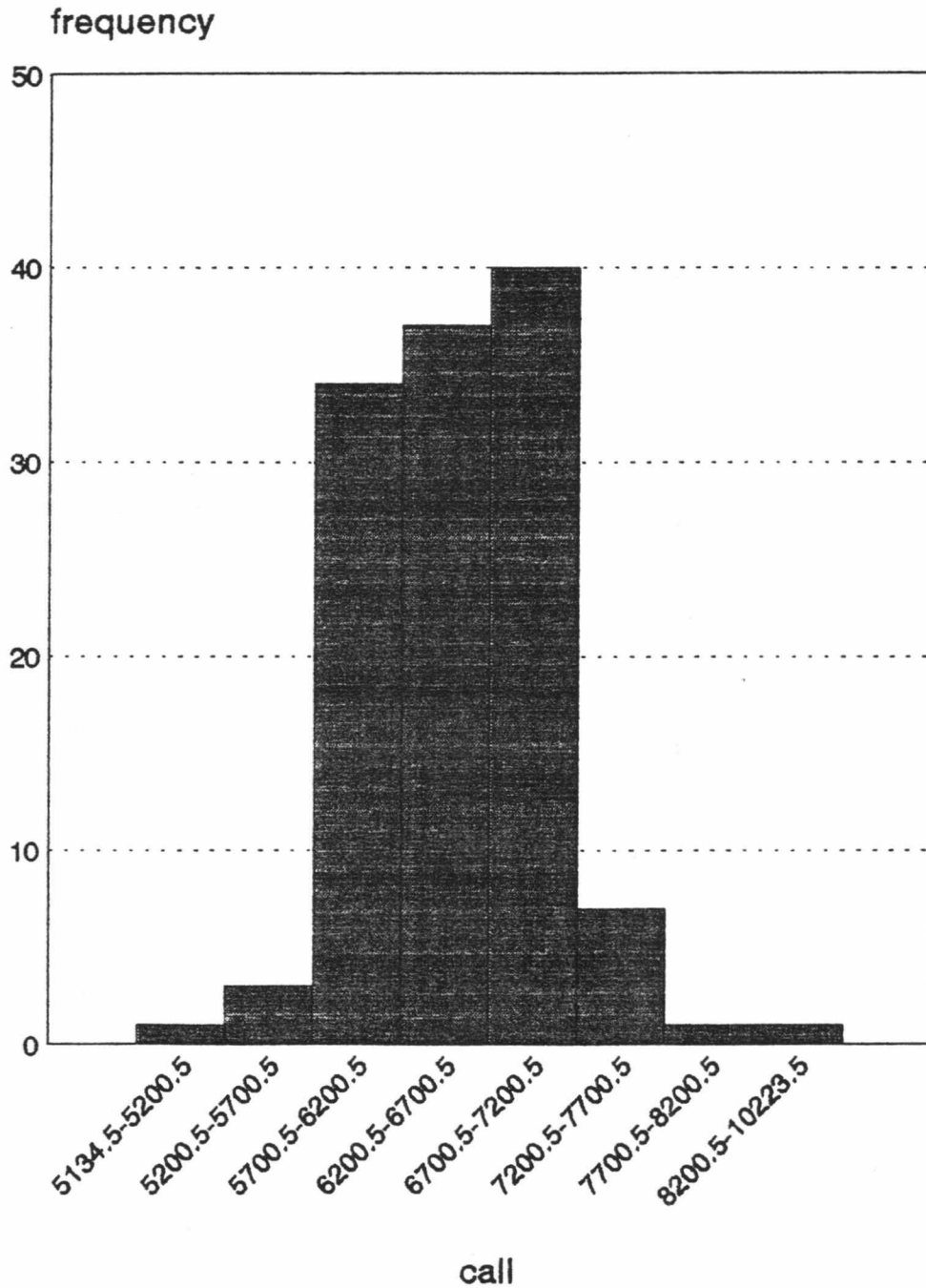
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
5134.5 - 5200.5	1	0.0081	0.0081	0.0154	0.0073
5200.5 - 5700.5	3	0.0242	0.0323	0.0855	0.0532
5700.5 - 6200.5	34	0.2742	0.3065	0.2981	0.0084
6200.5 - 6700.5	37	0.2984	0.6048	0.6141	0.0093
6700.5 - 7200.5	40	0.3226	0.9274	0.8643	0.0631
7200.5 - 7700.5	7	0.0565	0.9839	0.9726	0.0113
7700.5 - 8200.5	1	0.0081	0.9919	0.9968	0.0049
8200.5 - 10223.5	1	0.0081	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0631$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 6525.8065 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 612.9061 คน

รูปที่ 4-5 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.



- ช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7543.1694 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 587.1138 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7543.1694 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 587.1138 คน

ตารางที่ 4-6 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

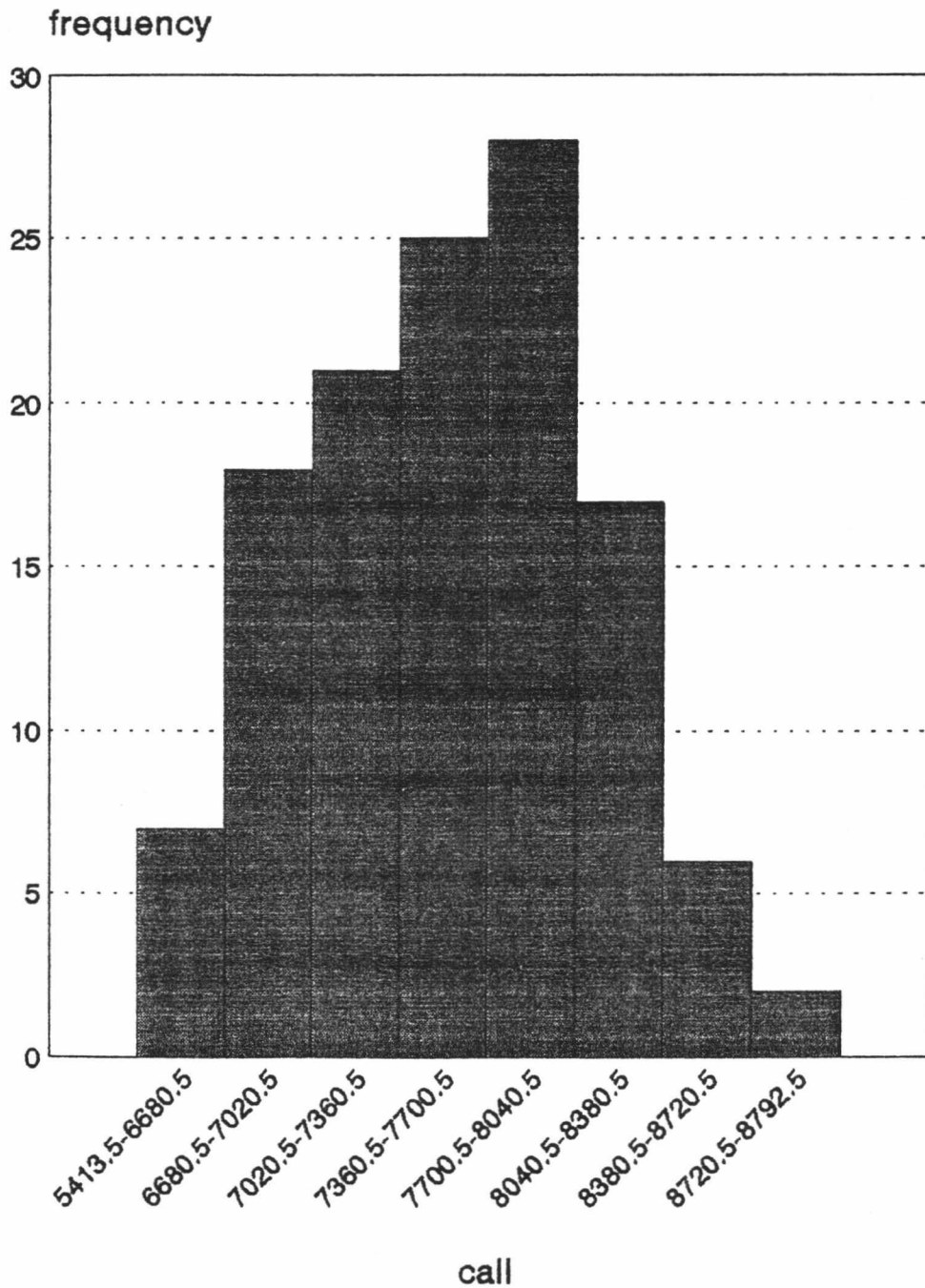
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
5413.5 - 6680.5	7	0.0565	0.0565	0.0708	0.0143
6680.5 - 7020.5	18	0.1452	0.2016	0.1867	0.0149
7020.5 - 7360.5	21	0.1694	0.3710	0.3783	0.0073
7360.5 - 7700.5	25	0.2016	0.5726	0.6064	0.0338
7700.5 - 8040.5	28	0.2258	0.7984	0.8023	0.0039
8040.5 - 8380.5	17	0.1371	0.9355	0.9236	0.0119
8380.5 - 8720.5	6	0.0483	0.9839	0.9778	0.0061
8720.5 - 8792.5	2	0.0161	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0338$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7543.1694 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 587.1138 คน

รูปที่ 4-6 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ
ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.



- ช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7762.895 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 654.9742 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7762.895 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 654.9742 คน

ตารางที่ 4-7 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

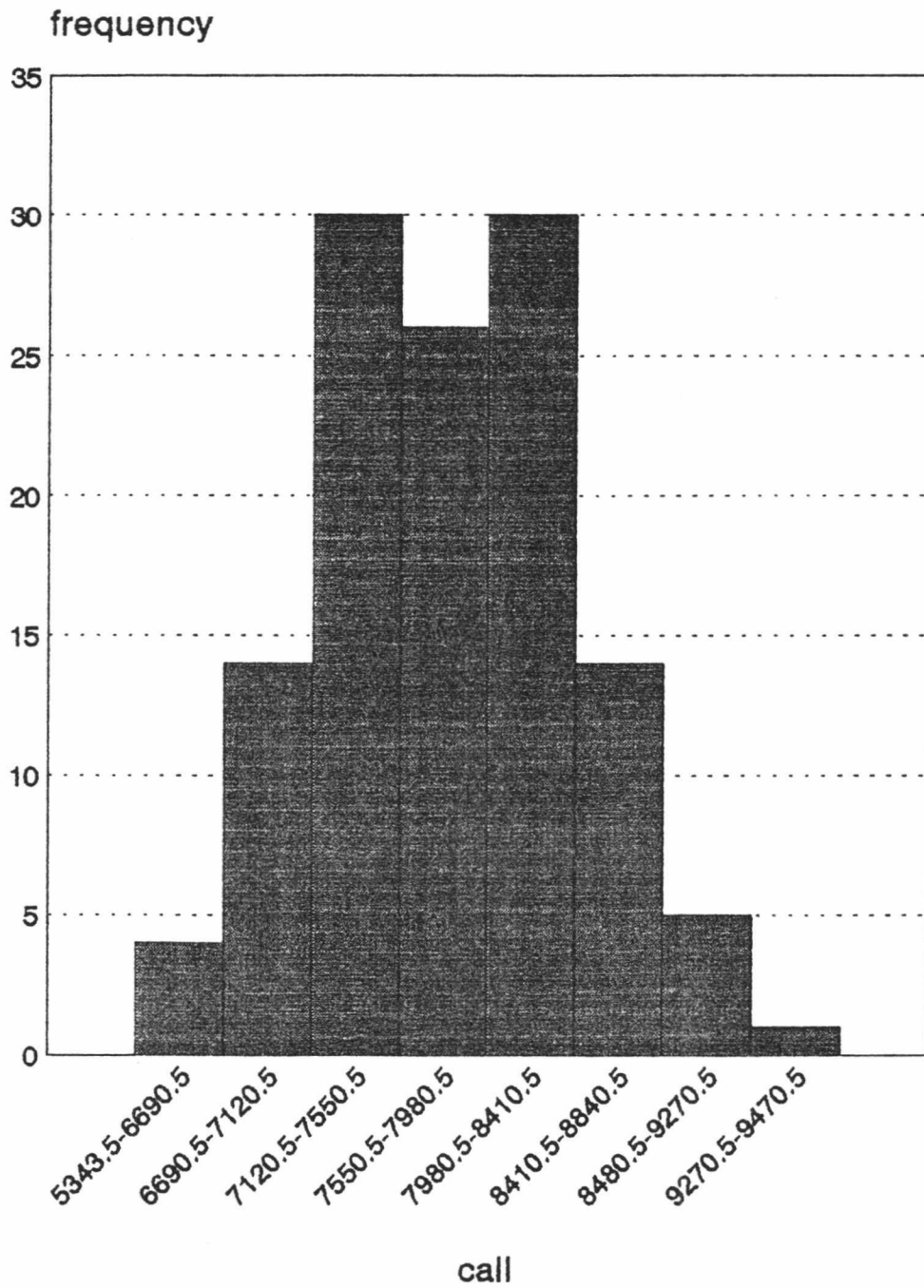
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
5343.5 - 6690.5	4	0.0323	0.0323	0.0505	0.0182
6690.5 - 7120.5	14	0.1129	0.1452	0.1635	0.0183
7120.5 - 7550.5	30	0.2419	0.3871	0.3745	0.0126
7550.5 - 7980.5	26	0.2097	0.5968	0.6293	0.0325
7980.5 - 8410.5	30	0.2419	0.8387	0.8389	0.0002
8410.5 - 8840.5	14	0.1129	0.9516	0.9505	0.0011
8840.5 - 9270.5	5	0.0403	0.9919	0.9893	0.0026
9270.5 - 9470.5	1	0.0081	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0325$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7762.895 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 654.9742 คน

รูปที่ 4-7 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.



- ช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7660 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 596.1689 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7660 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 596.1689 คน

ตารางที่ 4-8 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร်นอม

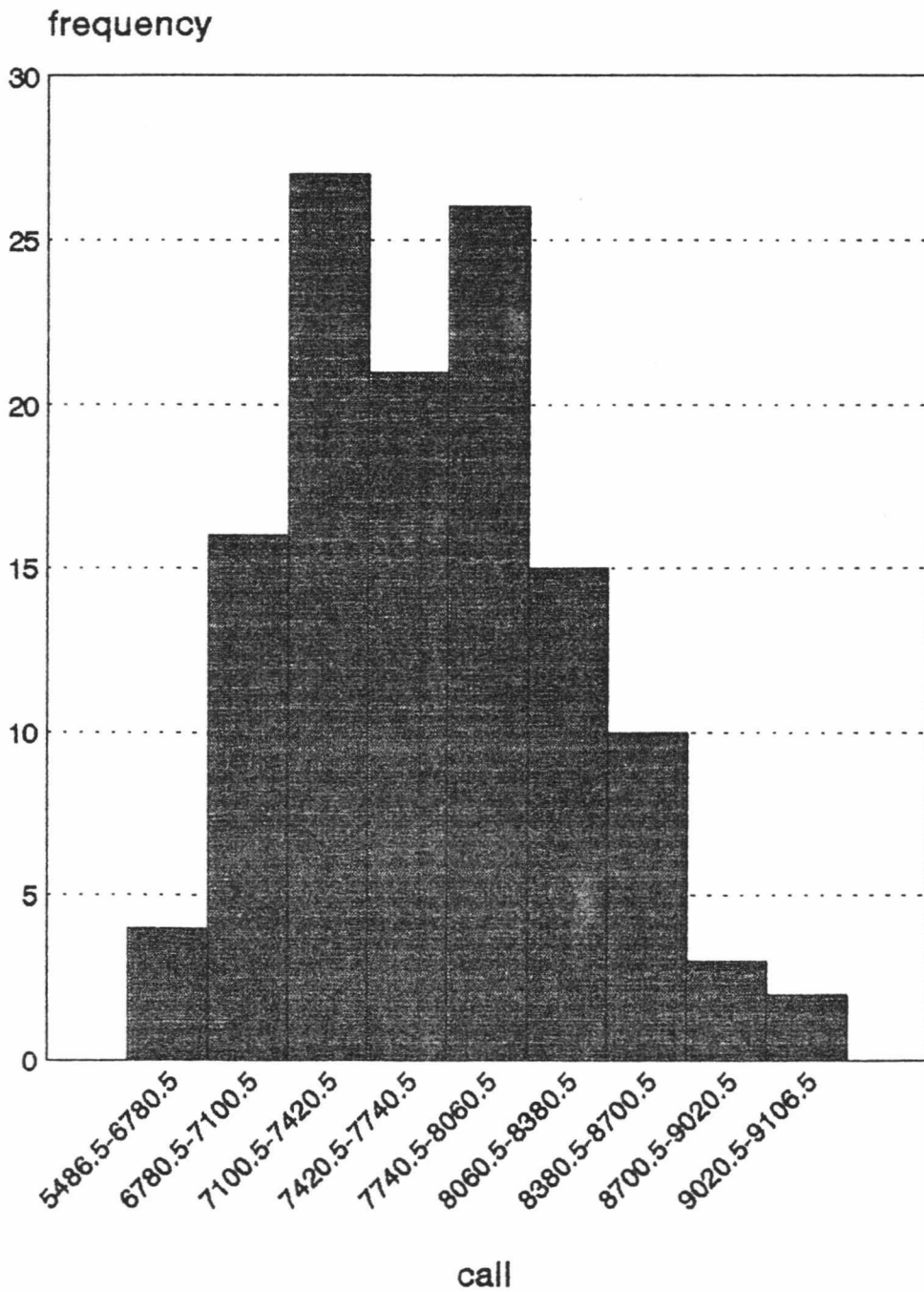
จำนวนลูกค้าที่โทร/ชั่วโมง	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
5486.5 - 6780.5	4	0.0323	0.0323	0.0694	0.0371
6780.5 - 7100.5	16	0.1290	0.1613	0.1736	0.0123
7100.5 - 7420.5	27	0.2177	0.3790	0.3446	0.0344
7420.5 - 7740.5	21	0.1694	0.5484	0.5557	0.0073
7740.5 - 8060.5	26	0.2097	0.7581	0.7486	0.0095
8060.5 - 8380.5	15	0.1210	0.8790	0.8869	0.0079
8380.5 - 8700.5	10	0.0806	0.9597	0.9599	0.0002
8380.5 - 9020.5	3	0.0242	0.9839	0.9887	0.0048
9020.5 - 9106.5	2	0.0161	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0344$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7760 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 596.1689 คน

รูปที่ 4-8 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.



- ช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7768.8468 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 705.3577 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7768.8468 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 705.3577 คน

ตารางที่ 4-9 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร်นอฟ

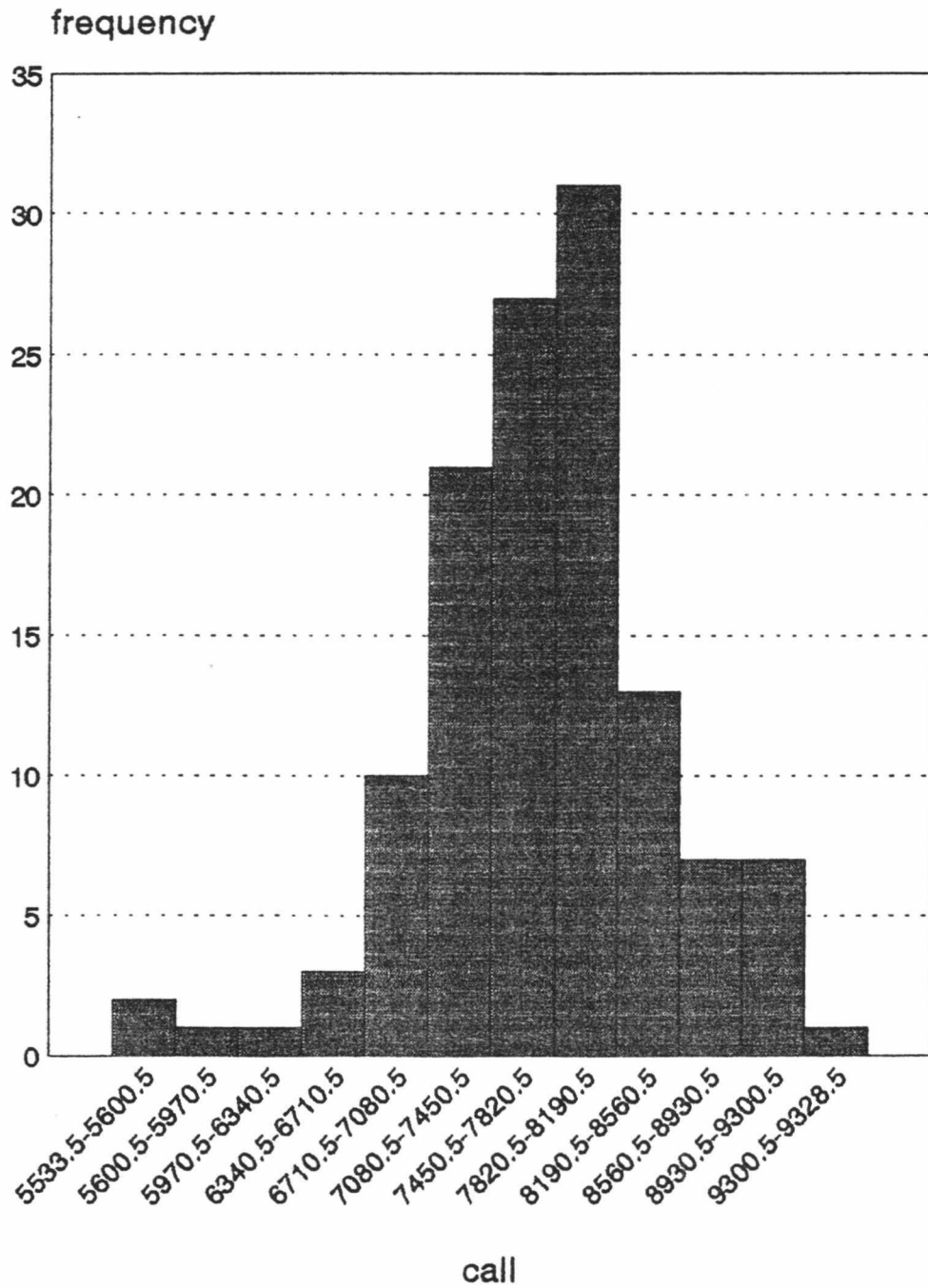
จำนวนลูกค้าที่โทร/ชั่วโมง	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
5533.5 - 5600.5	2	0.0161	0.0161	0.0011	0.0150
5600.5 - 5970.5	1	0.0081	0.0242	0.0054	0.0188
5970.5 - 6340.5	1	0.0081	0.0322	0.0217	0.0105
6340.5 - 6710.5	3	0.0242	0.0565	0.0668	0.0123
6710.5 - 7080.5	10	0.0806	0.1371	0.1685	0.0314
7080.5 - 7450.5	21	0.1693	0.3065	0.3264	0.0199
7450.5 - 7820.5	27	0.2177	0.5242	0.5279	0.0037
7820.5 - 8190.5	31	0.2500	0.7742	0.7257	0.0485
8190.5 - 8560.5	13	0.1048	0.8790	0.8686	0.0104
8560.5 - 8930.5	7	0.0565	0.9355	0.9505	0.0150
8930.5 - 9300.5	7	0.0565	0.9919	0.9850	0.0069
9300.5 - 9328.5	1	0.0081	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0485$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7768.8468 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 705.3577 คน

รูปที่ 4-9 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.



- ช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7025.370 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 635.6594 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7025.370 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 635.6594 คน

ตารางที่ 4-10 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอน

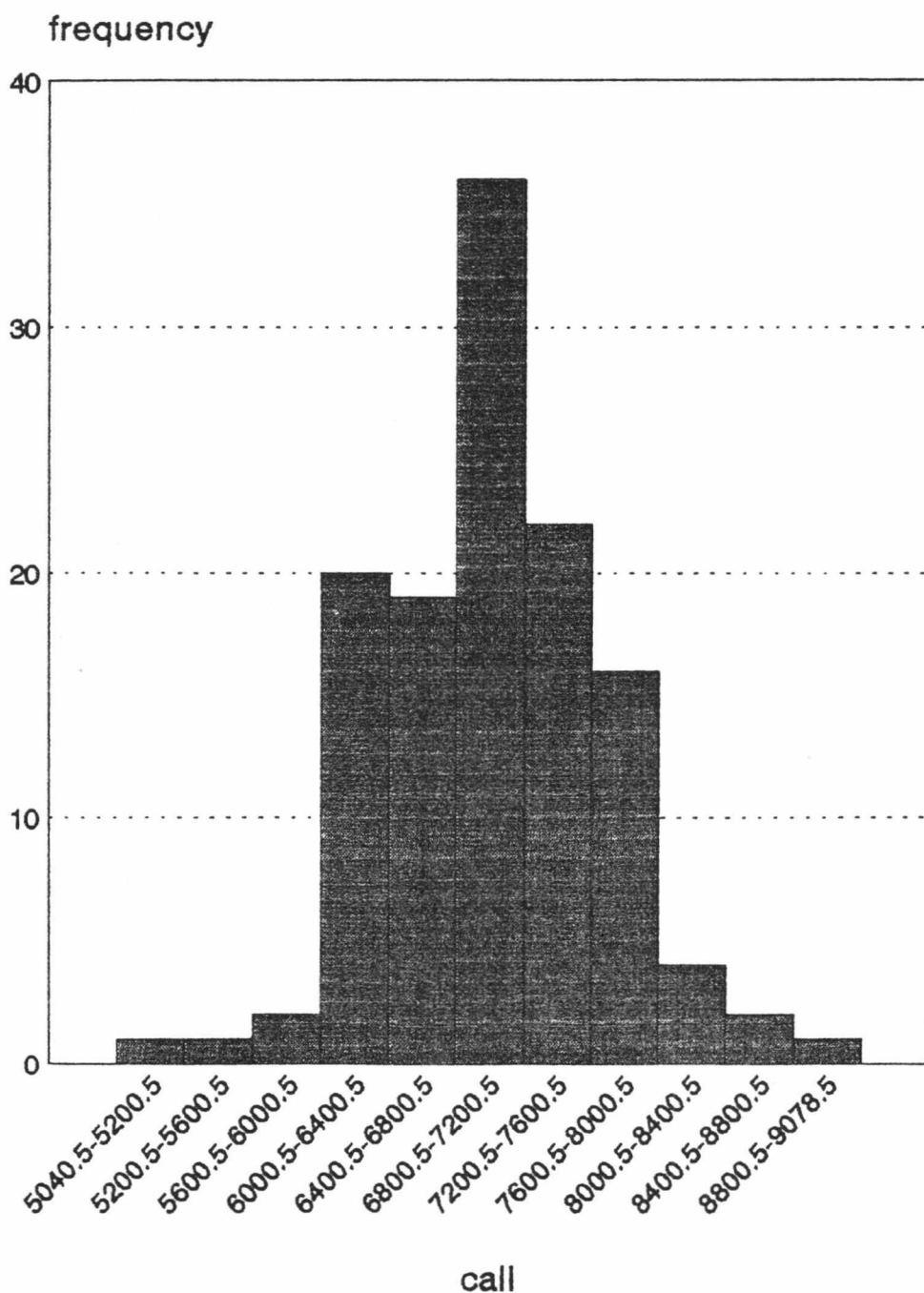
จำนวนลูกค้าที่โทร/ชั่วโมง	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
5040.5 - 5200.5	1	0.0081	0.0081	0.0021	0.0060
5200.5 - 5600.5	1	0.0081	0.0161	0.0125	0.0036
5600.5 - 6000.5	2	0.0161	0.0323	0.0537	0.0214
6000.5 - 6400.5	20	0.1613	0.1935	0.1685	0.0250
6400.5 - 6800.5	19	0.1532	0.3468	0.3635	0.0167
6800.5 - 7200.5	36	0.2903	0.6371	0.6103	0.0267
7200.5 - 7600.5	22	0.1774	0.8145	0.8159	0.0014
7600.5 - 8000.5	16	0.1290	0.9435	0.9370	0.0065
8000.5 - 8400.5	4	0.0322	0.9758	0.9846	0.0088
8400.5 - 8800.5	2	0.0161	0.9919	0.9974	0.0055
8800.5 - 9078.5	1	0.0081	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0268$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 7025.370 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 635.6594 คน

รูปที่ 4-10 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.



- ช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 6245.5484 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 602.3501 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 6245.5484 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 602.3501 คน

ตารางที่ 4-11 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

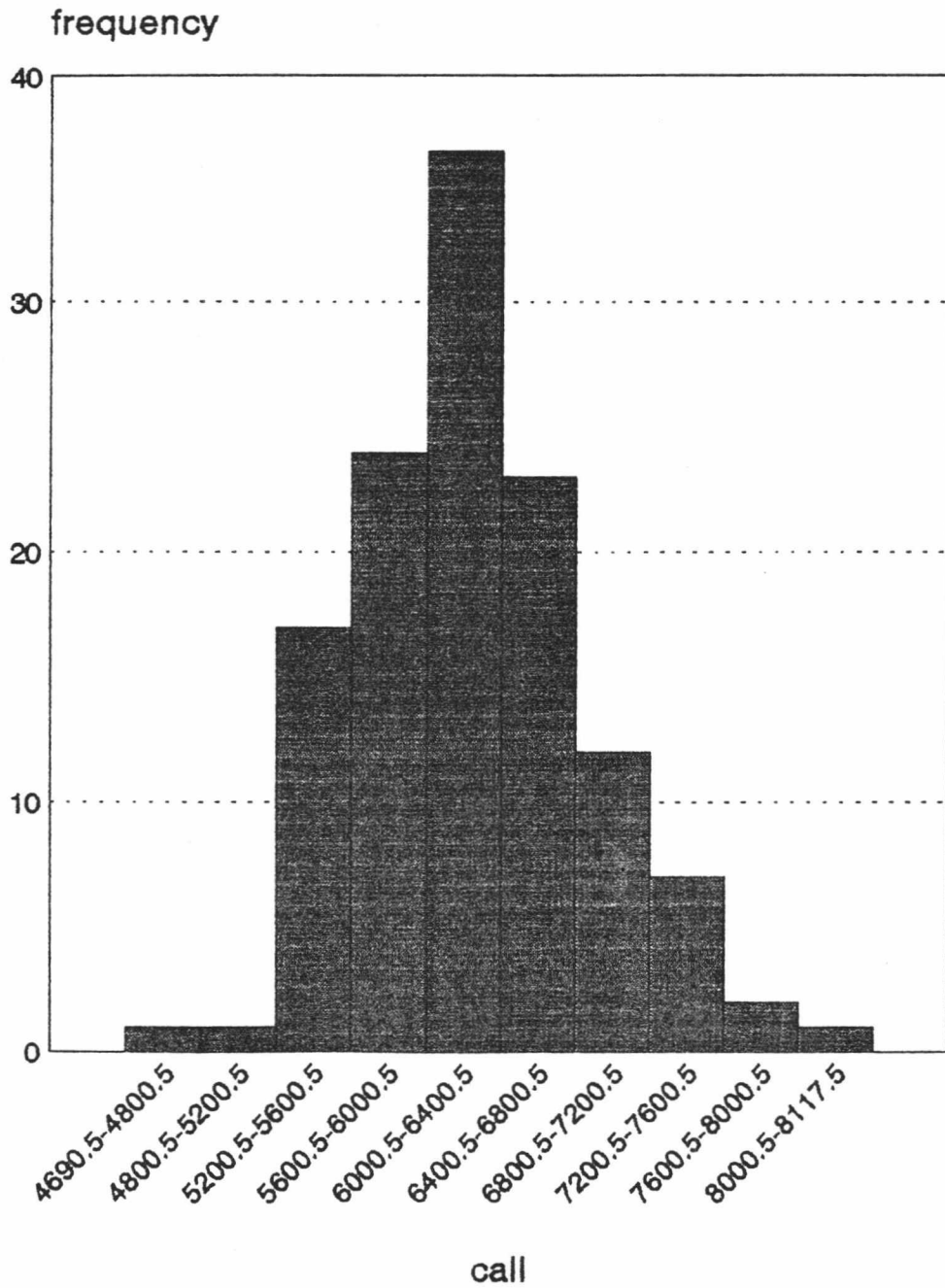
จำนวนลูกค้าที่โทร/ชั่วโมง	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
4690.5 - 4800.5	1	0.0081	0.0081	0.0082	0.0001
4800.5 - 5200.5	1	0.0081	0.0161	0.0418	0.0257
5200.5 - 5600.5	17	0.1371	0.1532	0.1423	0.0109
5600.5 - 6000.5	24	0.1935	0.3468	0.3409	0.0059
6000.5 - 6400.5	36	0.2903	0.6371	0.6025	0.0345
6400.5 - 6800.5	23	0.1855	0.8226	0.8212	0.0014
6800.5 - 7200.5	12	0.0968	0.9194	0.9441	0.0247
7200.5 - 7600.5	7	0.0565	0.9758	0.9878	0.0120
7600.5 - 8000.5	2	0.0161	0.9919	0.9982	0.0063
8000.5 - 8117.5	1	0.0081	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0345$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 6245.5484 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 602.3501 คน

รูปที่ 4-11 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.



- ช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 5704.9113 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 474.8583 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 5704.9113 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 474.8583 คน

ตารางที่ 4-12 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

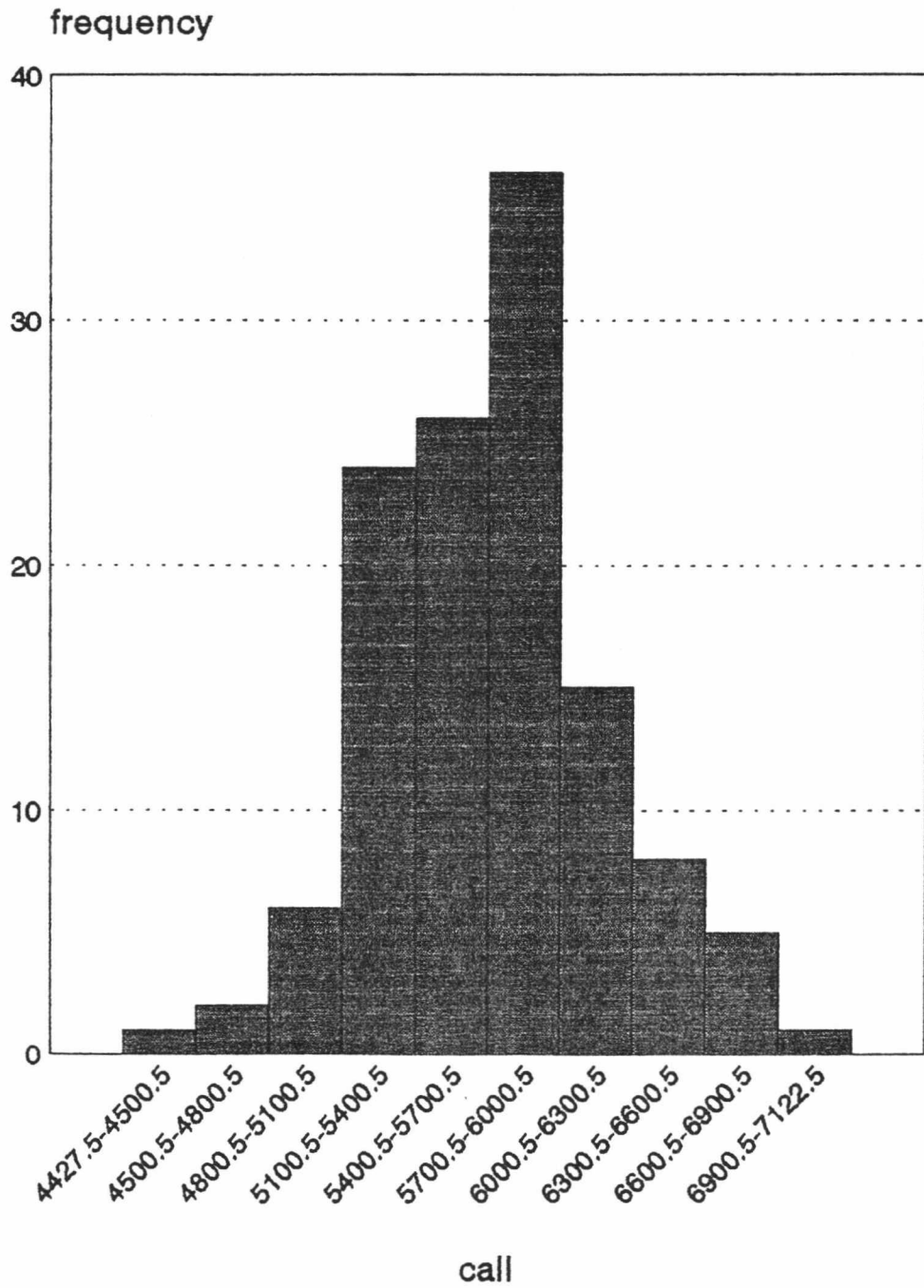
จำนวนลูกค้าที่โทร/ชั่วโมง	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
4427.5 - 4500.5	1	0.0081	0.0081	0.0055	0.0026
4500.5 - 4800.5	2	0.0161	0.0242	0.0287	0.0045
4800.5 - 5100.5	6	0.0483	0.0726	0.1020	0.0294
5100.5 - 5400.5	24	0.1935	0.2661	0.2611	0.0050
5400.5 - 5700.5	26	0.2097	0.4758	0.4602	0.0156
5700.5 - 6000.5	36	0.2903	0.7661	0.7324	0.0337
6000.5 - 6300.5	15	0.1210	0.8870	0.8944	0.0074
6300.5 - 6600.5	8	0.0645	0.9516	0.9706	0.0190
6600.5 - 6900.5	5	0.0403	0.9919	0.9941	0.0022
6900.5 - 7122.5	1	0.0081	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0337$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 5704.9113 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 474.8583 คน

รูปที่ 4-12 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ
ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.



- ช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 5041.145 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 477.2495 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 5041.145 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 477.2495 คน

ตารางที่ 4-13 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

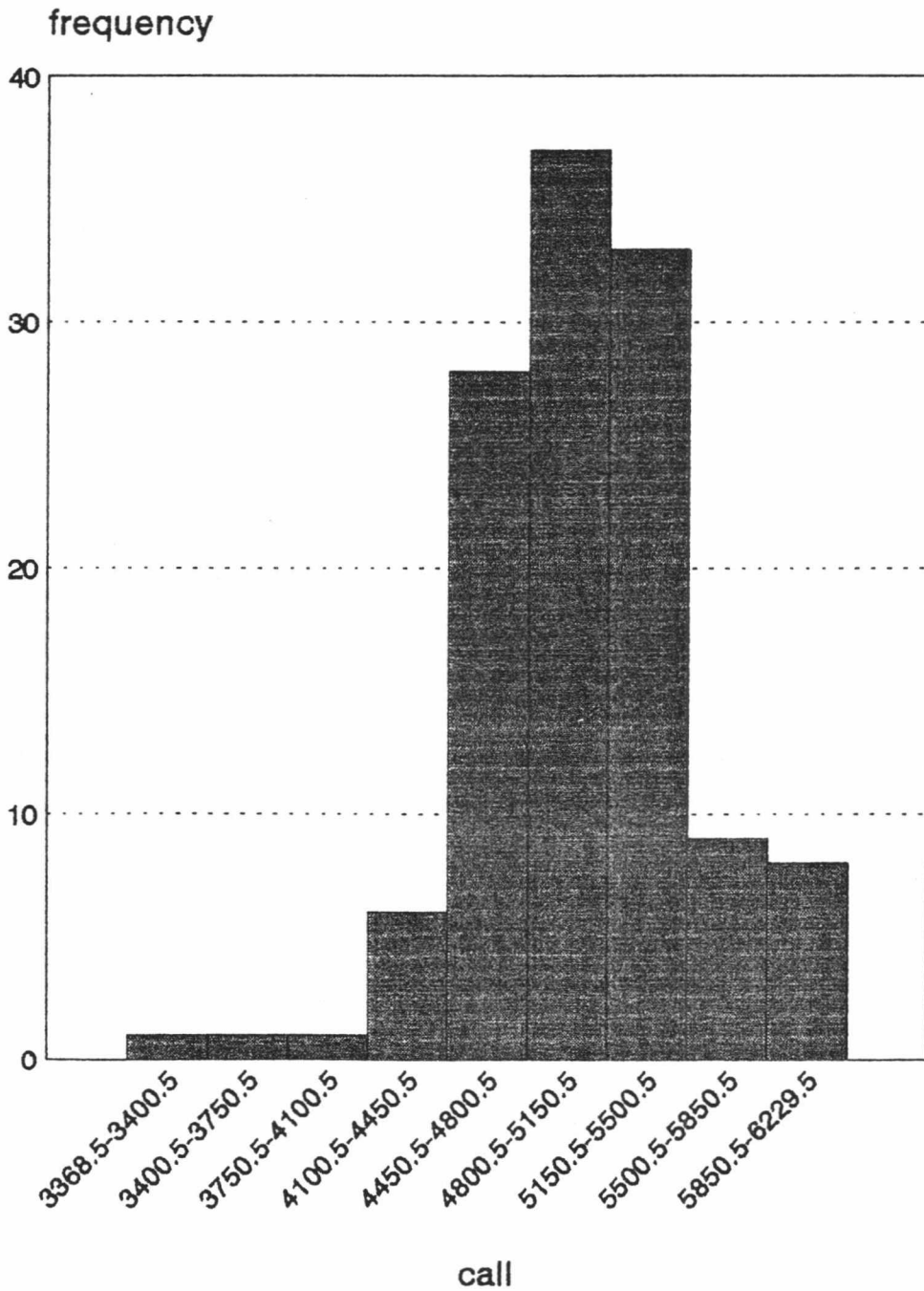
จำนวนลูกค้าที่โทร/ชั่วโมง	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
3368.5 - 3400.5	1	0.0081	0.0081	0.0003	0.0078
3400.5 - 3750.5	1	0.0081	0.0161	0.0035	0.0126
3750.5 - 4100.5	1	0.0081	0.0242	0.0244	0.0002
4100.5 - 4450.5	6	0.0484	0.0726	0.1075	0.0349
4450.5 - 4800.5	28	0.2258	0.2984	0.3085	0.0101
4800.5 - 5150.5	37	0.2984	0.5968	0.5910	0.0058
5150.5 - 5500.5	33	0.2661	0.8629	0.8315	0.0314
5500.5 - 5850.5	9	0.0726	0.9355	0.9554	0.0199
5850.5 - 6229.5	8	0.0645	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0349$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 5041.145 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 477.2495 คน

รูปที่ 4-13 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ
ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.



- ช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4171.3790 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 424.668 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4171.3790 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 424.668 คน

ตารางที่ 4-14 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

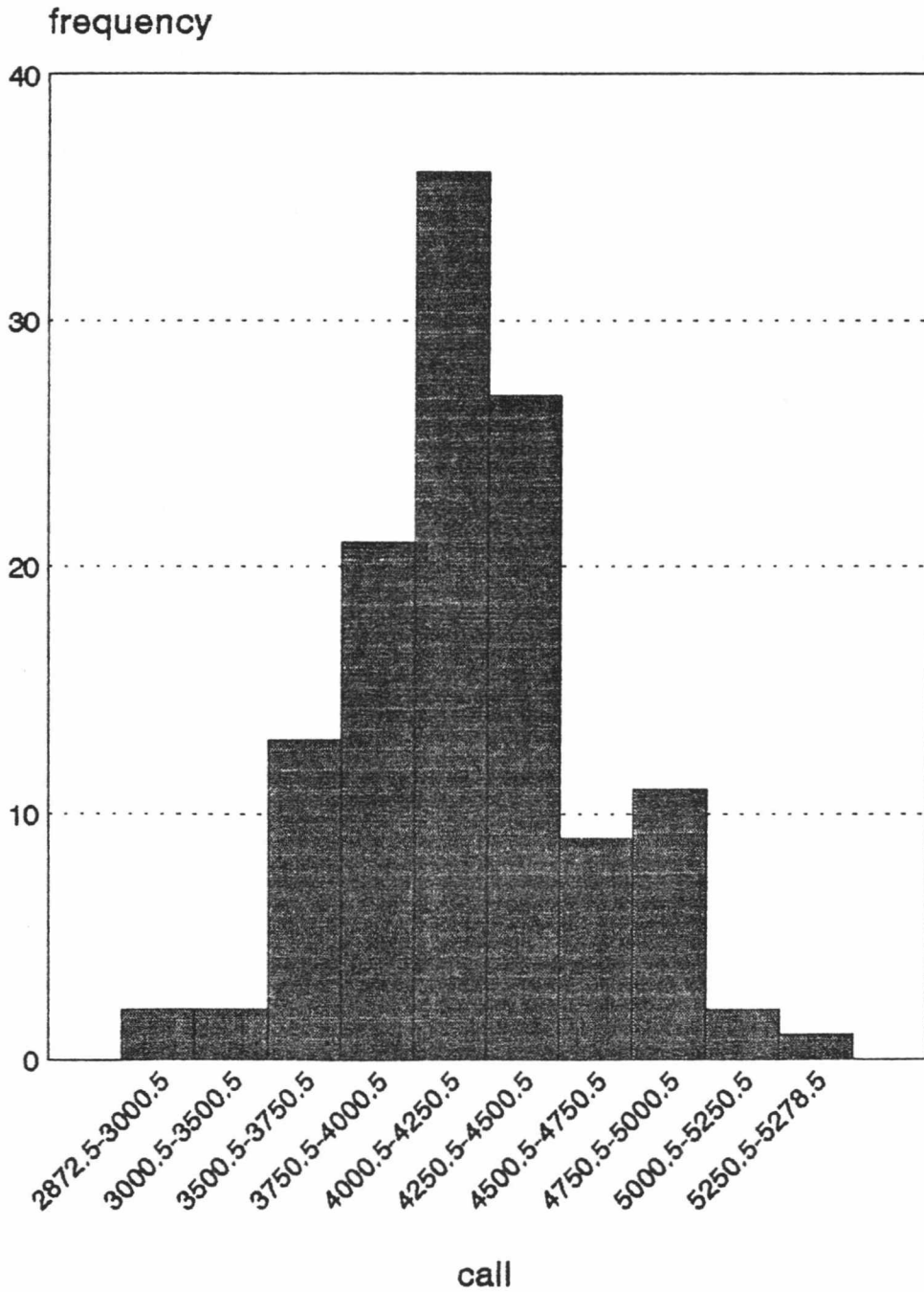
จำนวนลูกค้าที่โทร/ชั่วโมง	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
2872.5 - 3000.5	2	0.0161	0.0161	0.0029	0.0132
3000.5 - 3500.5	2	0.0161	0.0323	0.0571	0.0248
3500.5 - 3750.5	13	0.1048	0.1371	0.1661	0.0290
3750.5 - 4000.5	21	0.1694	0.3065	0.3446	0.0381
4000.5 - 4250.5	36	0.2903	0.5968	0.5759	0.0209
4250.5 - 4500.5	27	0.2177	0.8145	0.7823	0.0322
4500.5 - 4750.5	9	0.0726	0.8871	0.9131	0.0260
4750.5 - 5000.5	11	0.0887	0.9758	0.9744	0.0014
5000.5 - 5250.5	2	0.0161	0.9919	0.9945	0.0026
5250.5 - 5278.5	1	0.0081	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0381$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4171.3790 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 424.668 คน

รูปที่ 4-14 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.



- ช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 3322.1694 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 450.0217 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 3322.1694 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 450.0217 คน

ตารางที่ 4-15 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

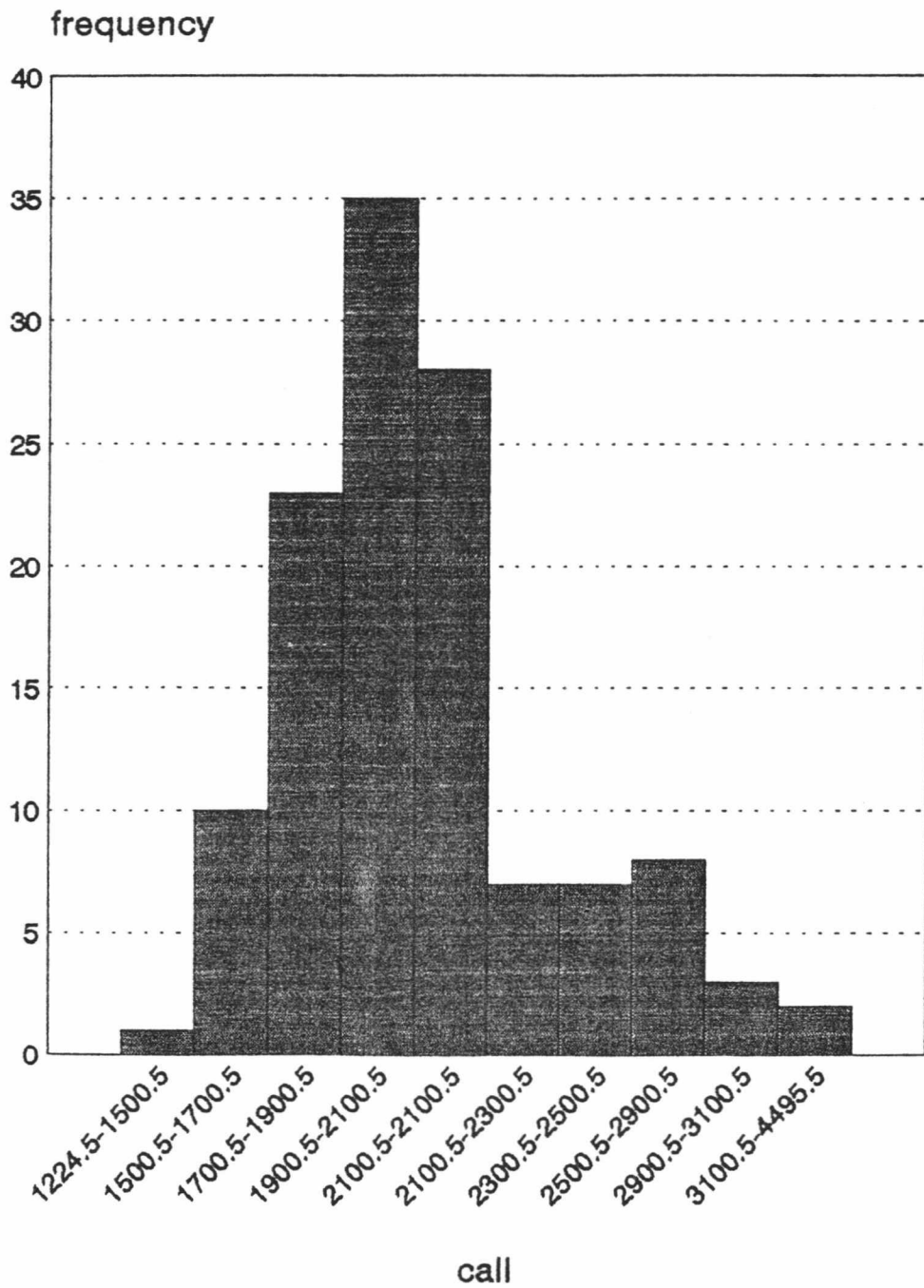
จำนวนลูกค้าที่โทร/ชั่วโมง	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
1224.5 - 1500.5	1	0.0081	0.0081	0.0375	0.0294
1500.5 - 1700.5	10	0.0806	0.0887	0.1112	0.0225
1700.5 - 1900.5	23	0.1855	0.2742	0.2578	0.0164
1900.5 - 2100.5	35	0.2823	0.5565	0.4761	0.0804
2100.5 - 2300.5	28	0.2258	0.7823	0.6844	0.0979
2300.5 - 2500.5	7	0.0565	0.8387	0.8531	0.0144
2500.5 - 2700.5	7	0.0565	0.8952	0.9474	0.0522
2700.5 - 2900.5	8	0.0645	0.9597	0.9857	0.0260
2900.5 - 3100.5	3	0.0242	0.9839	0.9970	0.0131
3100.5 - 4495.5	2	0.0161	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0979$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 3322.1694 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 450.0217 คน

รูปที่ 4-15 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันทำงานในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.



4.1.1.2 ช่วงวันหยุด

- ช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.

H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 2859.8166 คนและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 690.5687 คน

H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 2859.8166 คน และ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 690.5687 คน

ตารางที่ 4-16 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร်นอฟ

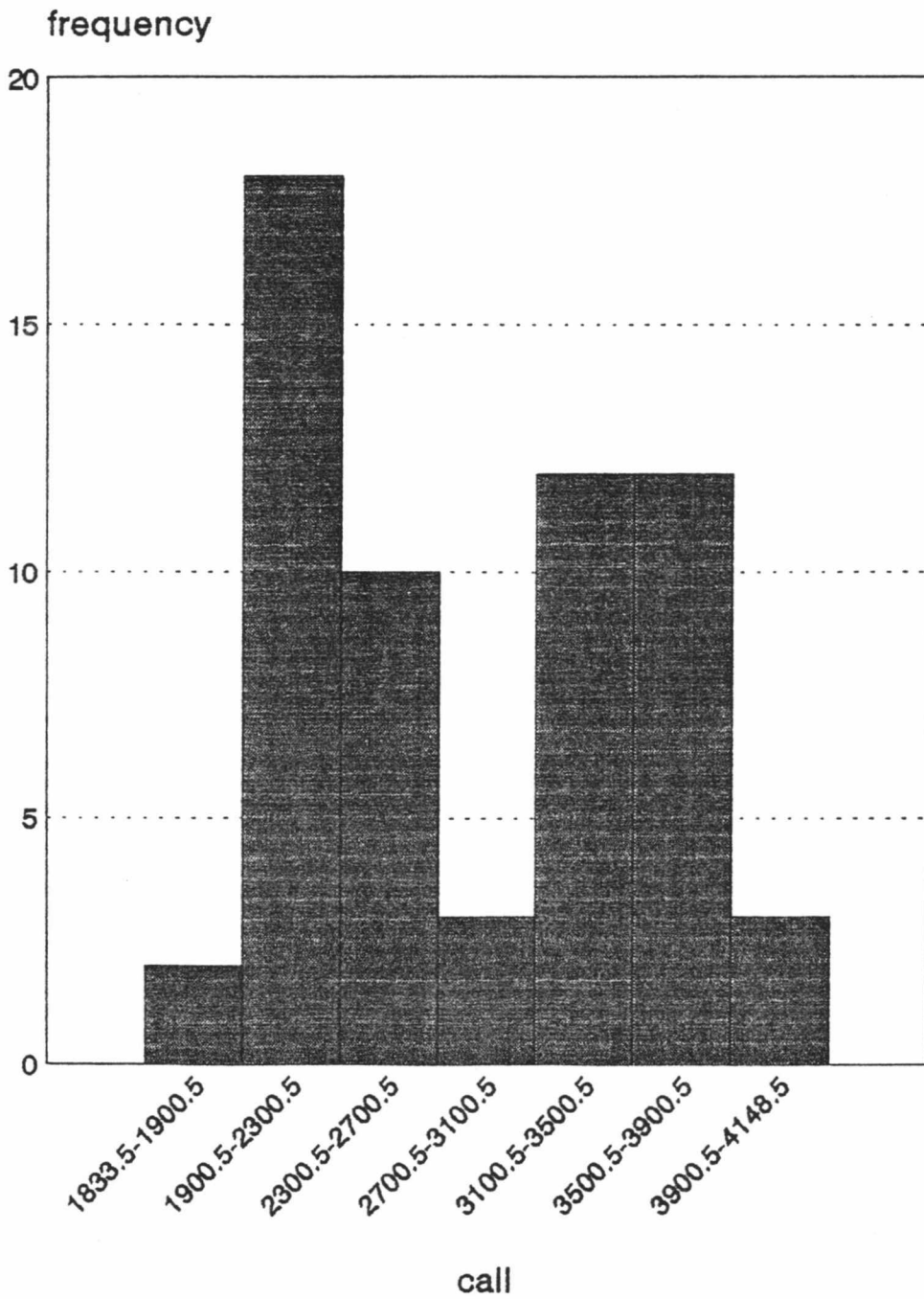
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
1833.5 - 1900.5	2	0.0333	0.0333	0.0838	0.0505
1900.5 - 2300.5	18	0.3000	0.3333	0.2090	0.1243
2300.5 - 2700.5	10	0.1666	0.5000	0.4090	0.0910
2700.5 - 3100.5	3	0.0500	0.5500	0.6368	0.0868
3100.5 - 3500.5	12	0.2000	0.7500	0.8238	0.0738
3500.5 - 3900.5	12	0.2000	0.9500	0.9345	0.0155
3900.5 - 4148.5	3	0.0500	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max}=0.1243$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 2859.8166 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 690.5687 คน

รูปที่ 4-16 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.



- ช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4099.5166 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1163.5956 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4099.5166 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1163.5956 คน

ตารางที่ 4-17 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร်นอฟ

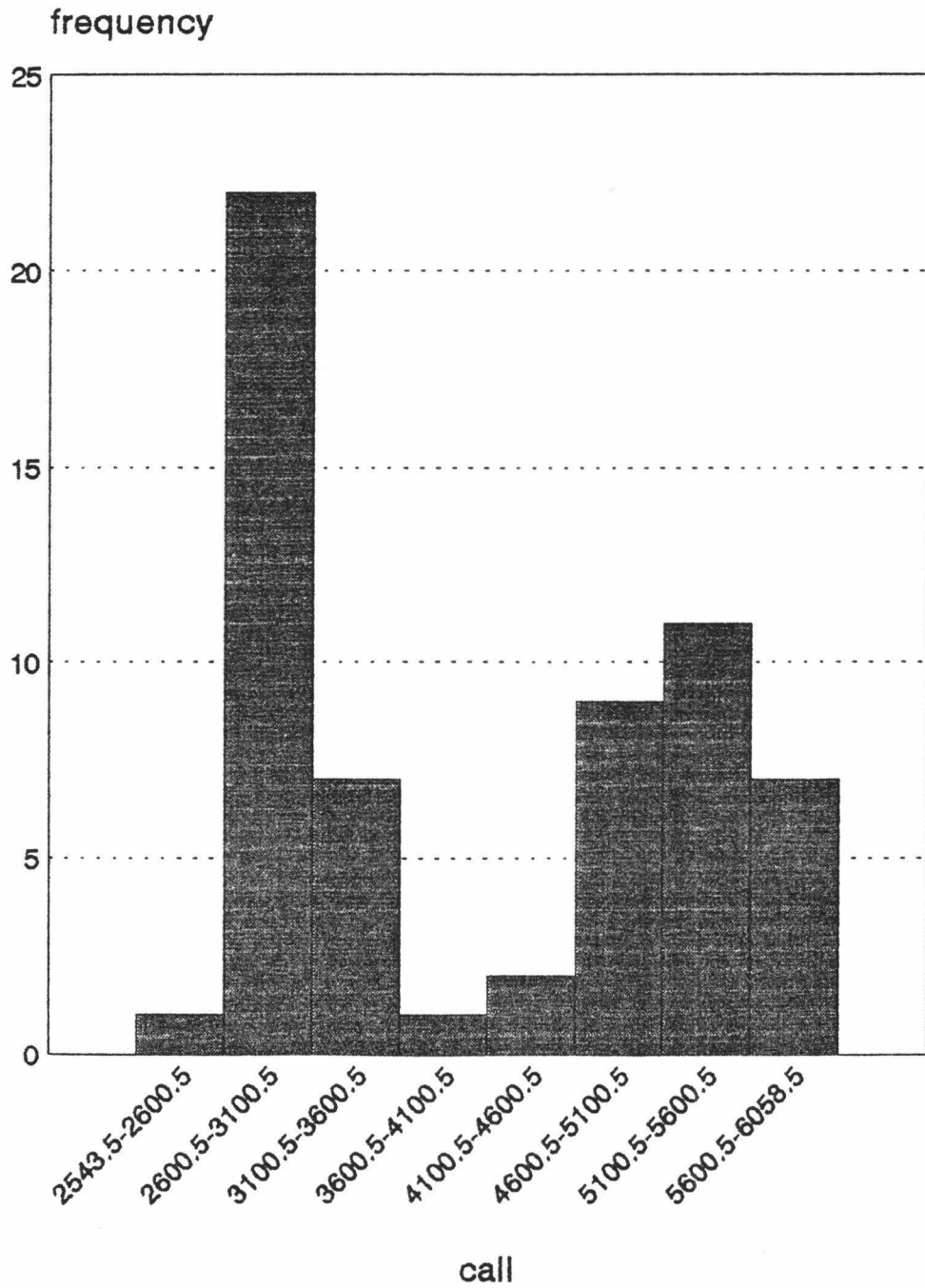
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	F(x)-S(x)
2543.5 - 2600.5	1	0.0166	0.0166	0.1003	0.0836
2600.5 - 3100.5	22	0.3667	0.3833	0.1977	0.1856
3100.5 - 3600.5	7	0.1167	0.5000	0.3336	0.1664
3600.5 - 4100.5	1	0.0167	0.5166	0.5000	0.0166
4100.5 - 4600.5	2	0.0333	0.5500	0.6664	0.1164
4600.5 - 5100.5	9	0.0150	0.7000	0.8051	0.1051
5100.5 - 5600.5	11	0.0168	0.8383	0.9015	0.0632
5600.5 - 6058.5	7	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1866$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05, 60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4099.5166 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1163.5956 คน จึงใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างตัวแปรสุ่ม

รูปที่ 4-17 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.



- ช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4696.616 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1366.263 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4696.616 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1366.263 คน

ตารางที่ 4-18 ทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

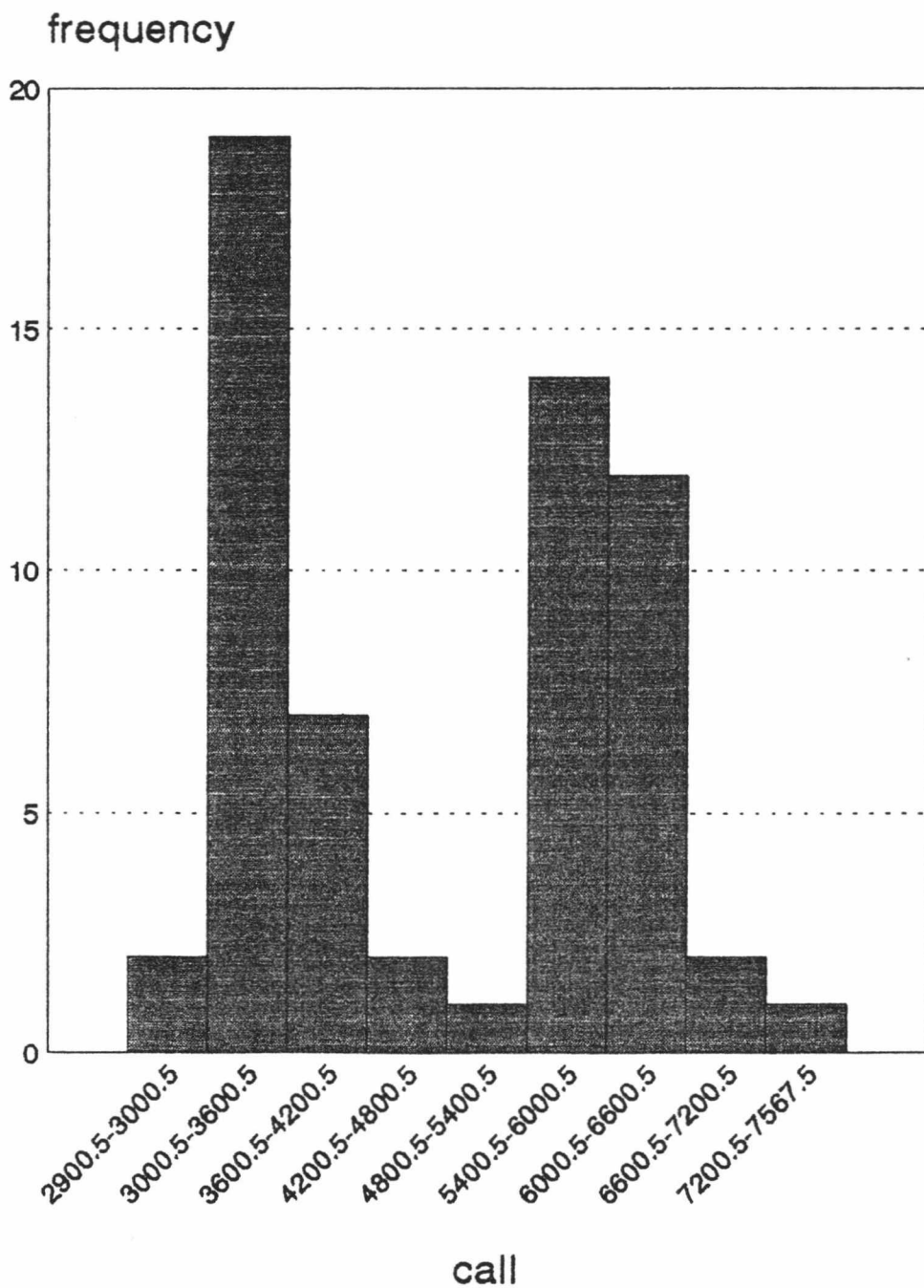
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
2900.5 - 3000.5	2	0.0333	0.0333	0.1075	0.0742
3000.5 - 3600.5	19	0.3167	0.3500	0.2119	0.1381
3600.5 - 4200.5	7	0.1166	0.4666	0.3594	0.1072
4200.5 - 4800.5	2	0.0333	0.4999	0.5279	0.0280
4800.5 - 5400.5	1	0.0167	0.5116	0.6950	0.1834
5400.5 - 6000.5	14	0.2333	0.7500	0.8289	0.0789
6000.5 - 6600.5	12	0.2000	0.9500	0.9177	0.0323
6600.5 - 7200.5	2	0.0333	0.9833	0.9664	0.0169
7200.5 - 7567.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1784$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05, 60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4696.616 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1366.263 คน จึงใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างตัวแปรสุ่ม

รูปที่ 4-18 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.



- ช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น. ของวันหยุดที่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4733.1333 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1307.2947 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4733.1333 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1307.2947 คน

ตารางที่ 4-19 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

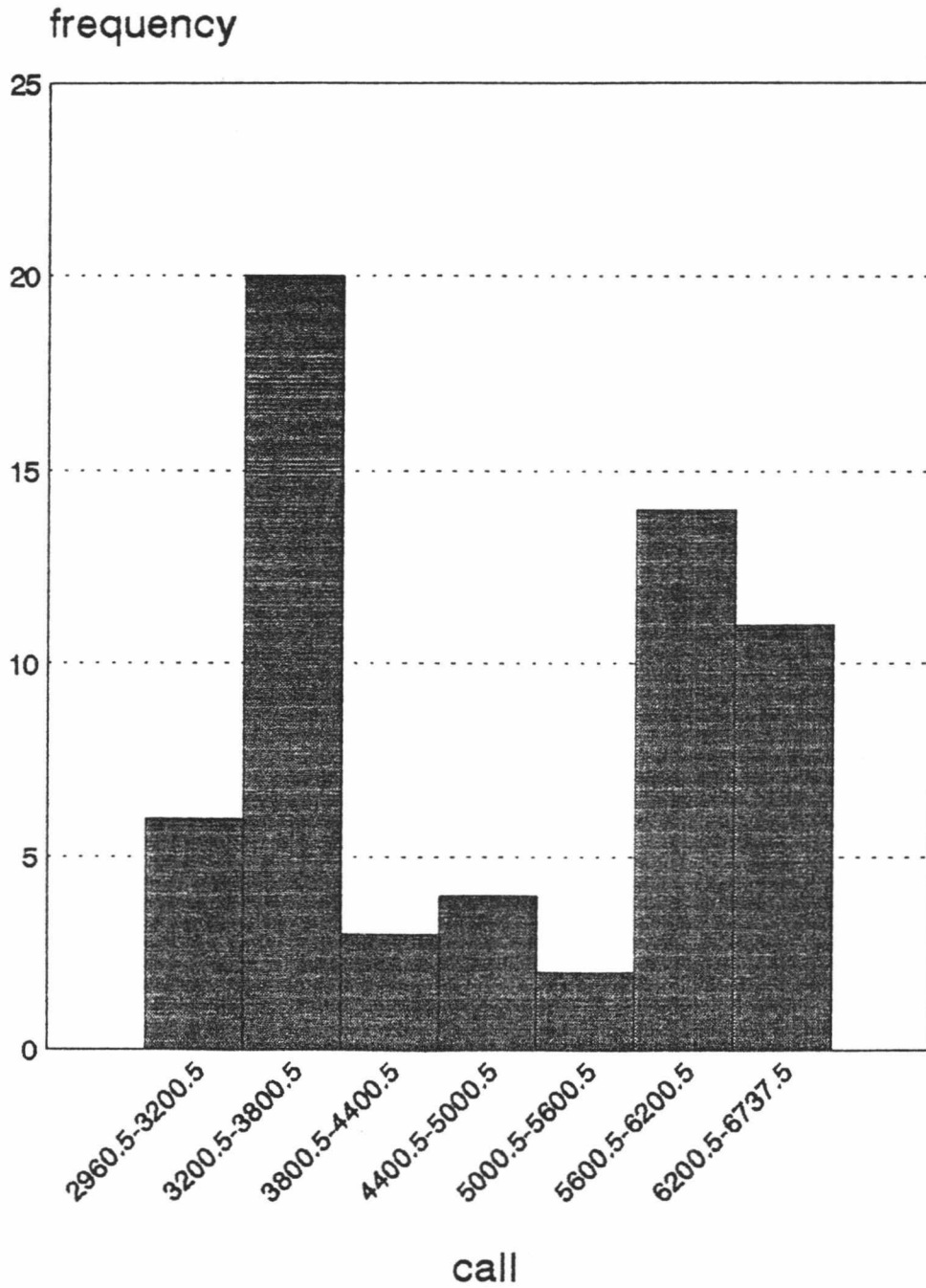
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
2960.5 - 3200.5	6	0.1000	0.1000	0.1210	0.0210
3200.5 - 3800.5	20	0.3333	0.4333	0.2389	0.1944
3800.5 - 4400.5	3	0.0500	0.4833	0.4013	0.0820
4400.5 - 5000.5	4	0.0666	0.5500	0.5793	0.0293
5000.5 - 5600.5	2	0.0333	0.5833	0.7454	0.1621
5600.5 - 6200.5	14	0.2333	0.8167	0.8686	0.0519
6200.5 - 6737.5	11	0.1833	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1944$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05,60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4733.1333 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1307.2947 คน จึงใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างตัวแปรสุ่ม

รูปที่ 4-19 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ
ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.



- ช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4521.6833 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 968.5209 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4521.6833 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 968.5209 คน

ตารางที่ 4-20 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

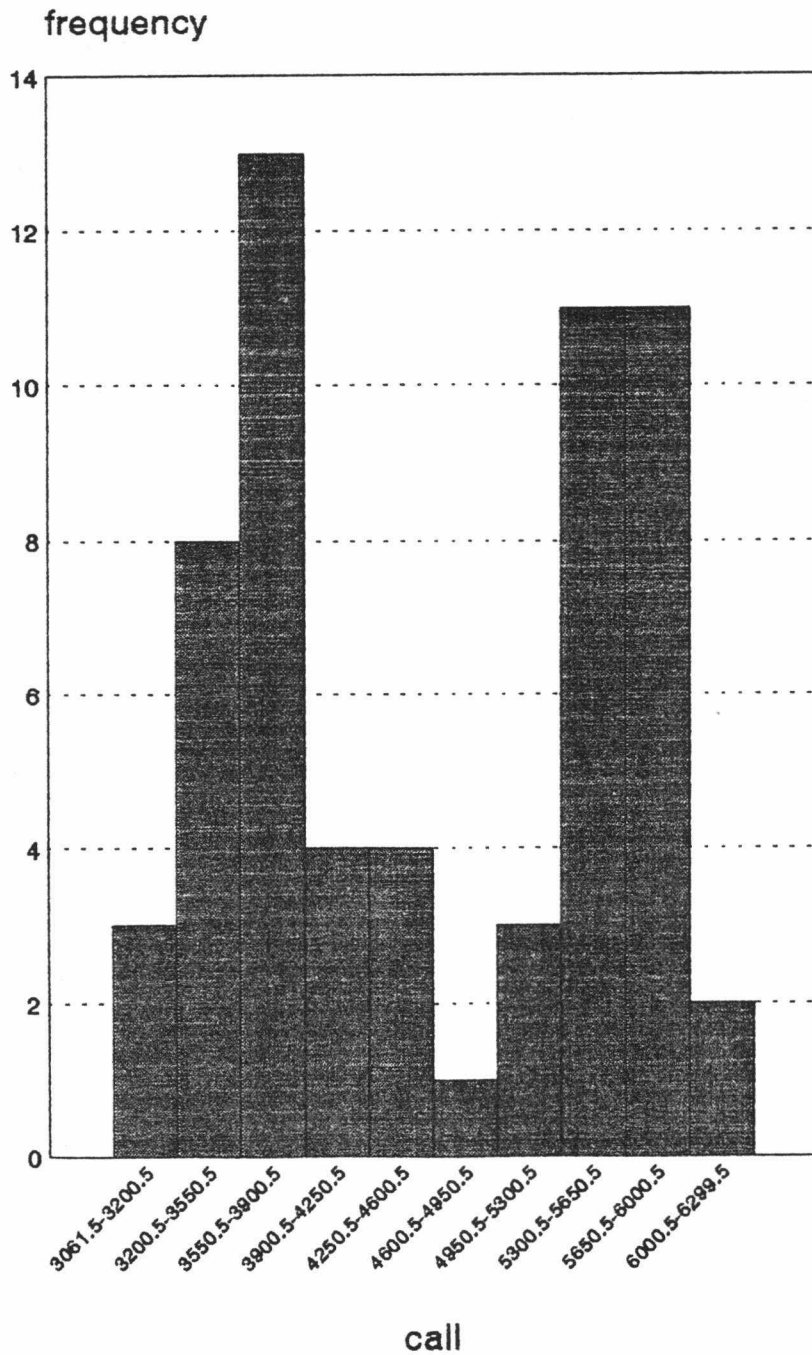
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
3061.5 - 3200.5	3	0.0500	0.0500	0.0869	0.0369
3200.5 - 3550.5	8	0.1333	0.1833	0.1587	0.0246
3550.5 - 3900.5	13	0.2167	0.4000	0.2611	0.1389
3900.5 - 4250.5	4	0.0667	0.4667	0.3936	0.0731
4250.5 - 4600.5	4	0.0667	0.5334	0.5319	0.0015
4600.5 - 4950.5	1	0.0167	0.5501	0.6700	0.1199
4950.5 - 5300.5	3	0.5000	0.6001	0.7881	0.1880
5300.5 - 5650.5	11	0.1833	0.7834	0.8770	0.0936
5650.5 - 6000.5	11	0.1833	0.9667	0.9357	0.0310
6000.5 - 6299.5	2	0.0333	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1880$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05, 60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4521.6833 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 968.5209 คน

รูปที่ 4-20 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.



- ช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4548.7 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1119.3756 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4548.7 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1119.3756 คน

ตารางที่ 4-21 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

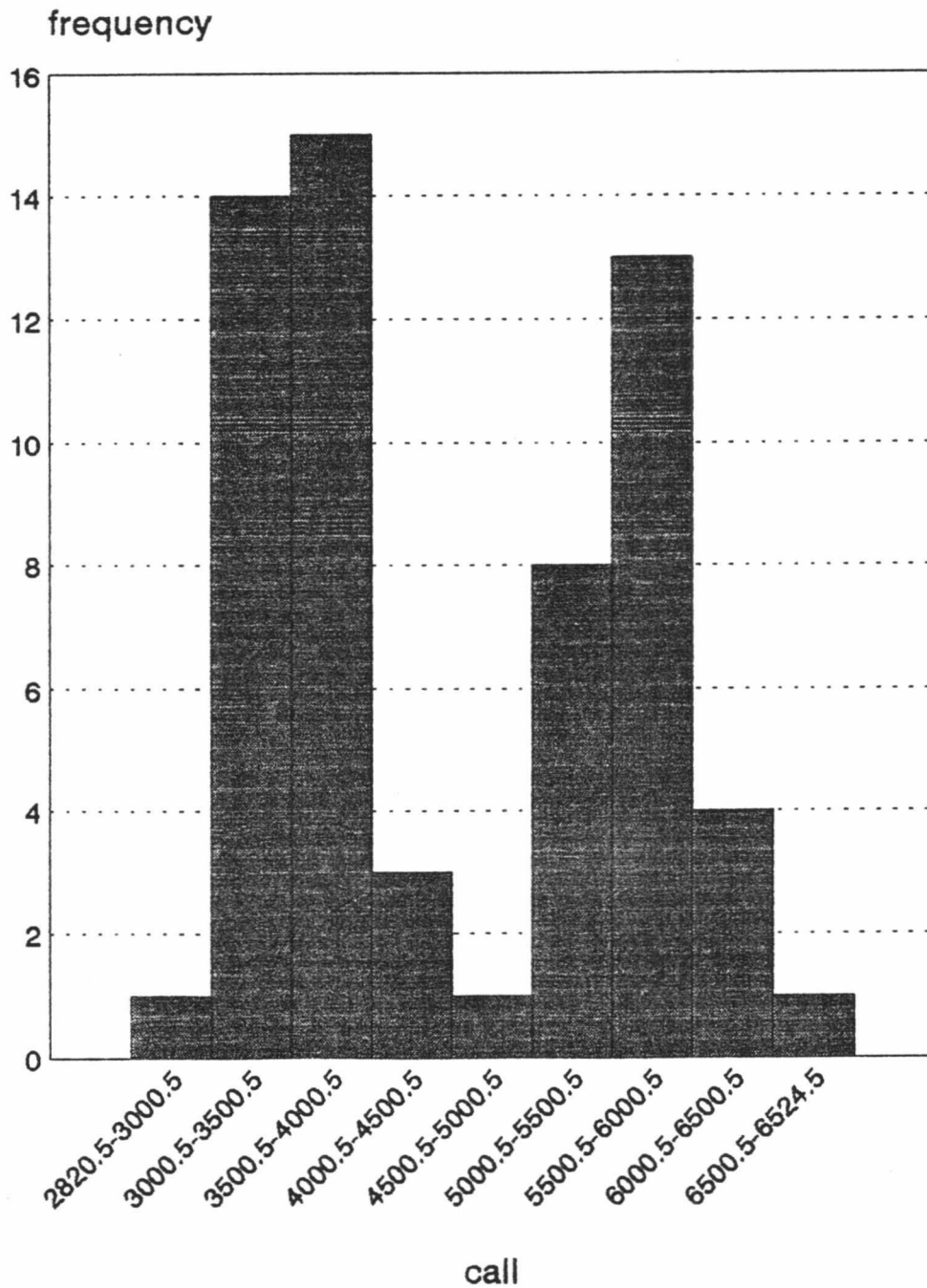
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
2820.5 - 3000.5	1	0.0167	0.0167	0.0838	0.0671
3000.5 - 3500.5	14	0.2333	0.2500	0.1762	0.0738
3500.5 - 4000.5	15	0.2500	0.5000	0.3121	0.1879
4000.5 - 4500.5	3	0.0500	0.5500	0.4840	0.0660
4500.5 - 5000.5	1	0.0167	0.5667	0.6554	0.0887
5000.5 - 5500.5	8	0.1333	0.7000	0.8023	0.1023
5500.5 - 6000.5	13	0.2167	0.9167	0.9015	0.0152
6000.5 - 6500.5	4	0.0667	0.9833	0.9591	0.0242
6500.5 - 6524.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1879$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05,60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4548.7 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1119.3756 คน จึงใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างตัวแปรสุ่ม

รูปที่ 4-21 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.



- ช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4534.95 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1146.697 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4534.95 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1146.697 คน

ตารางที่ 4-22 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

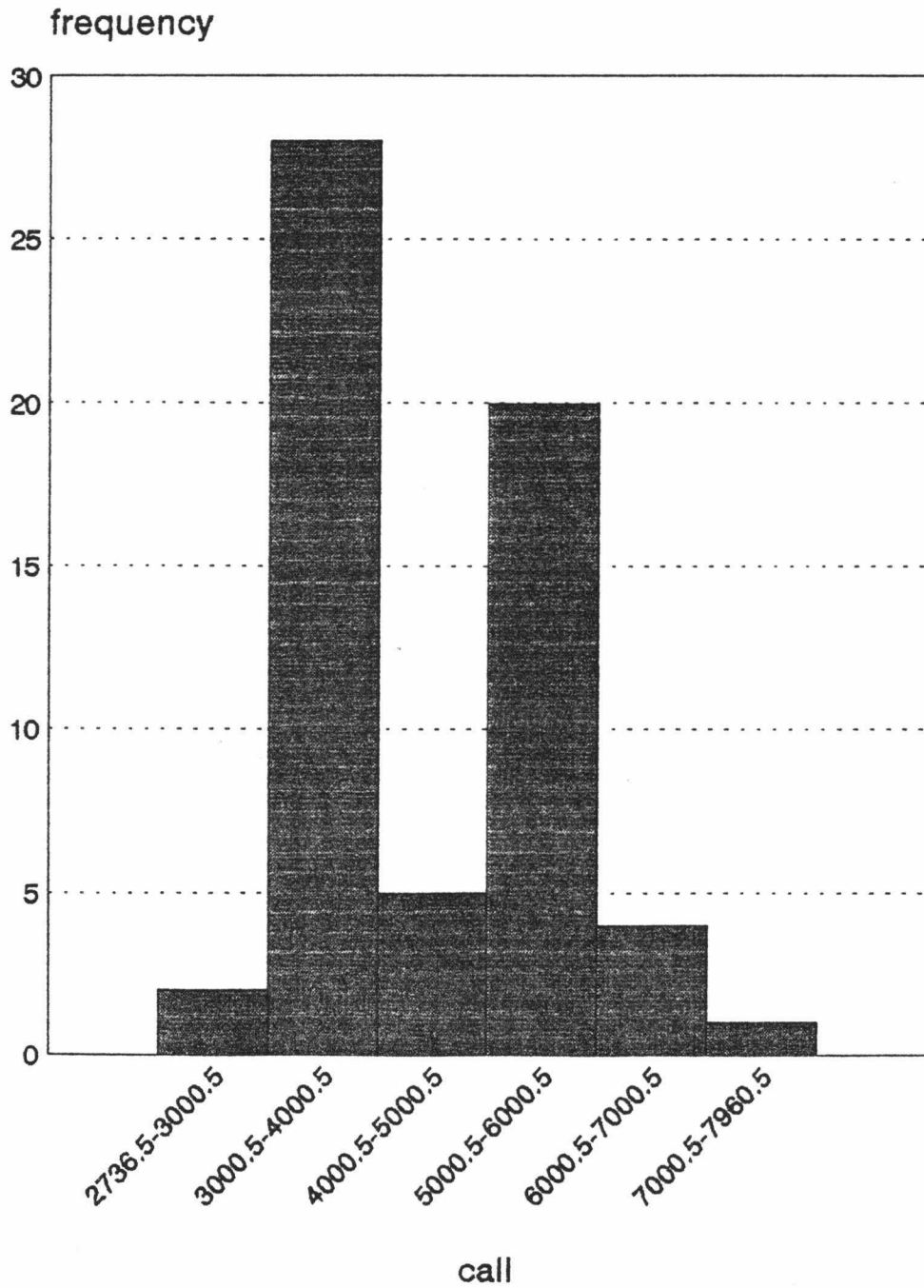
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
2736.5 - 3000.5	2	0.0333	0.0333	0.0901	0.0568
3000.5 - 4000.5	28	0.4667	0.5000	0.3228	0.1772
4000.5 - 5000.5	5	0.0833	0.5833	0.6591	0.0758
5000.5 - 6000.5	20	0.3333	0.9167	0.8997	0.0170
6000.5 - 7000.5	4	0.0667	0.9833	0.9842	0.0009
7000.5 - 7960.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1772$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05,60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4534.95 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1146.697 คน จึงใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างตัวแปรสุ่ม

รูปที่ 4-22 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.



- ช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4479.1333 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1139.5747 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4479.1333 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1139.5747 คน

ตารางที่ 4-23 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

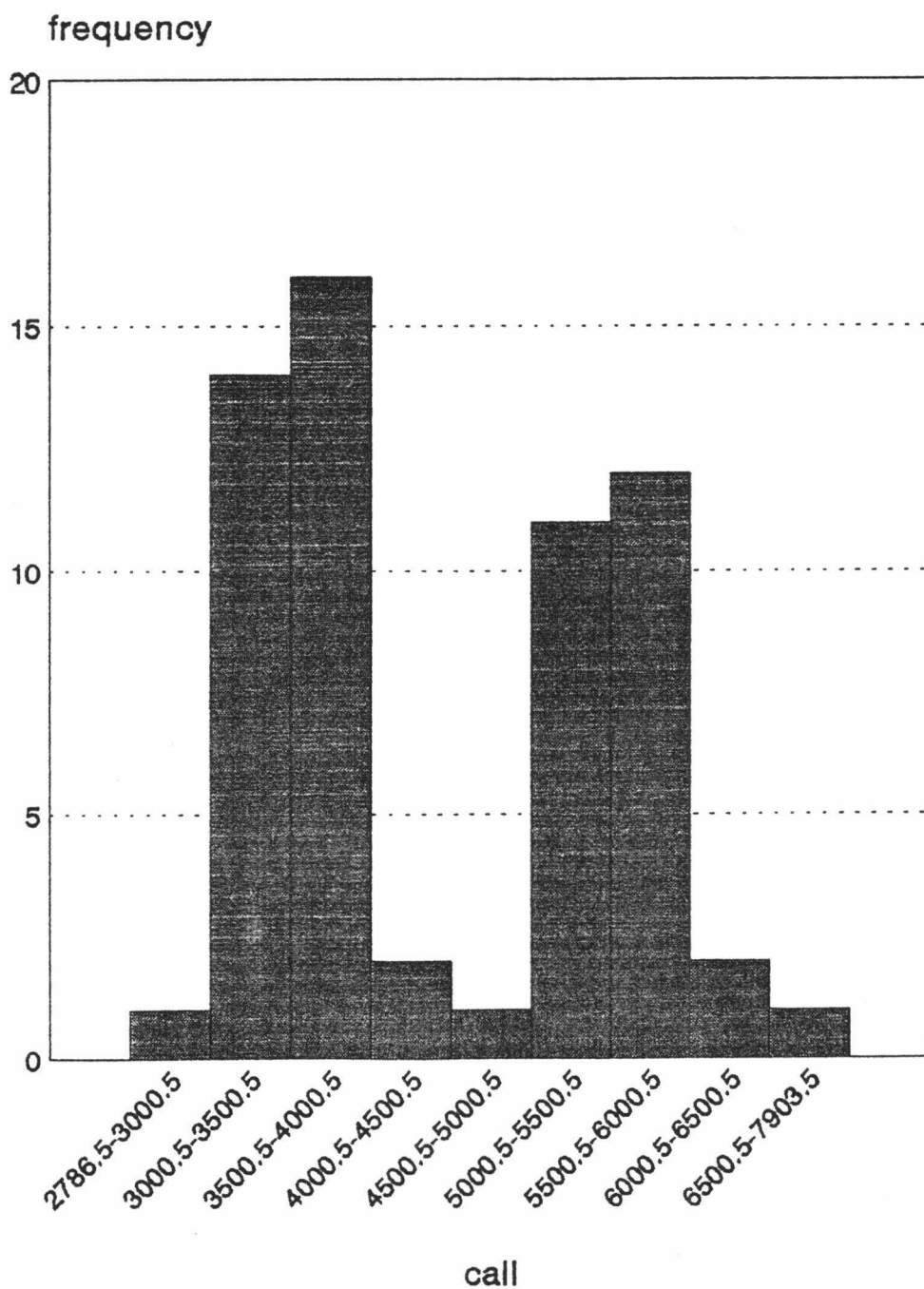
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
2786.5 - 3000.5	1	0.0167	0.0167	0.0985	0.0818
3000.5 - 3500.5	14	0.2333	0.2500	0.1977	0.0523
3500.5 - 4000.5	16	0.2667	0.5167	0.3372	0.1795
4000.5 - 4500.5	2	0.0333	0.5500	0.5040	0.0460
4500.5 - 5000.5	1	0.0167	0.5667	0.6736	0.1069
5000.5 - 5500.5	11	0.1833	0.7500	0.8133	0.0633
5500.5 - 6000.5	12	0.2000	0.9500	0.9082	0.0418
6000.5 - 6500.5	2	0.0333	0.9833	0.9616	0.0217
6500.5 - 7903.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1795$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05,60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4479.1333 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1139.5747 คน จึงใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างตัวแปรสุ่ม

รูปที่ 4-23 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.



- ช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4673.05 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1112.2781 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4673.05 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1112.2781 คน

ตารางที่ 4-24 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

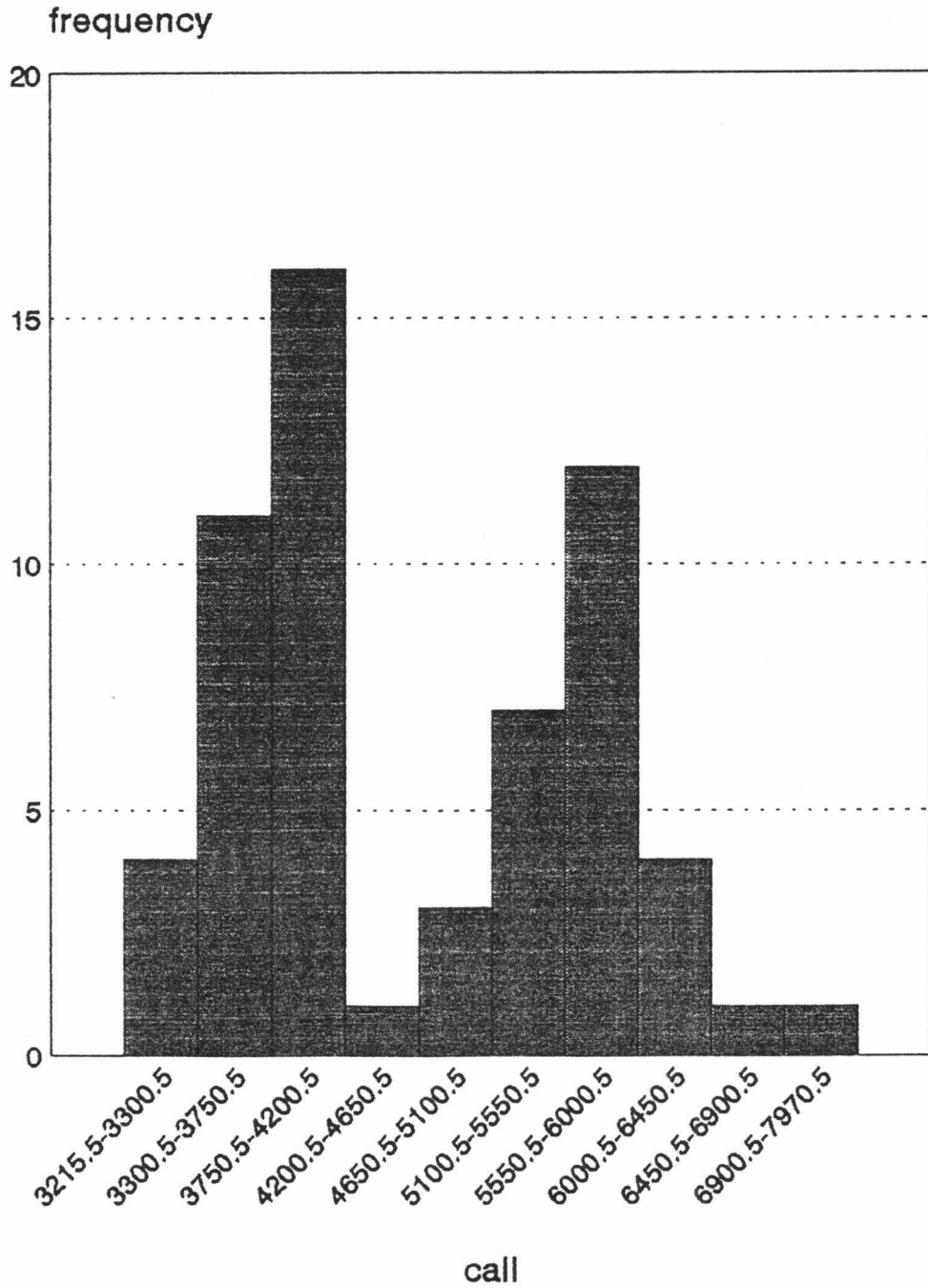
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
3215.5 - 3300.5	4	0.0667	0.0667	0.1093	0.0426
3300.5 - 3750.5	11	0.1833	0.2500	0.2061	0.0439
3750.5 - 4200.5	16	0.2667	0.5167	0.3372	0.1795
4200.5 - 4650.5	1	0.0667	0.5333	0.4207	0.1126
4650.5 - 5100.5	3	0.0500	0.5833	0.6480	0.0647
5100.5 - 5550.5	7	0.1167	0.7000	0.7823	0.0823
5550.5 - 6000.5	12	0.2000	0.9000	0.8832	0.0168
6000.5 - 6450.5	4	0.0667	0.9667	0.9441	0.0226
6450.5 - 6900.5	1	0.0167	0.9833	0.9772	0.0061
6900.5 - 7970.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1795$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05,60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4673.05 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1112.2781 คน จึงใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างตัวแปรสุ่ม

รูปที่ 4-24 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.



- ช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ของวันหยุดที่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4569.1166 คนและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1027.2061 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4569.1166 คนและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1027.2061 คน

ตารางที่ 4-25 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

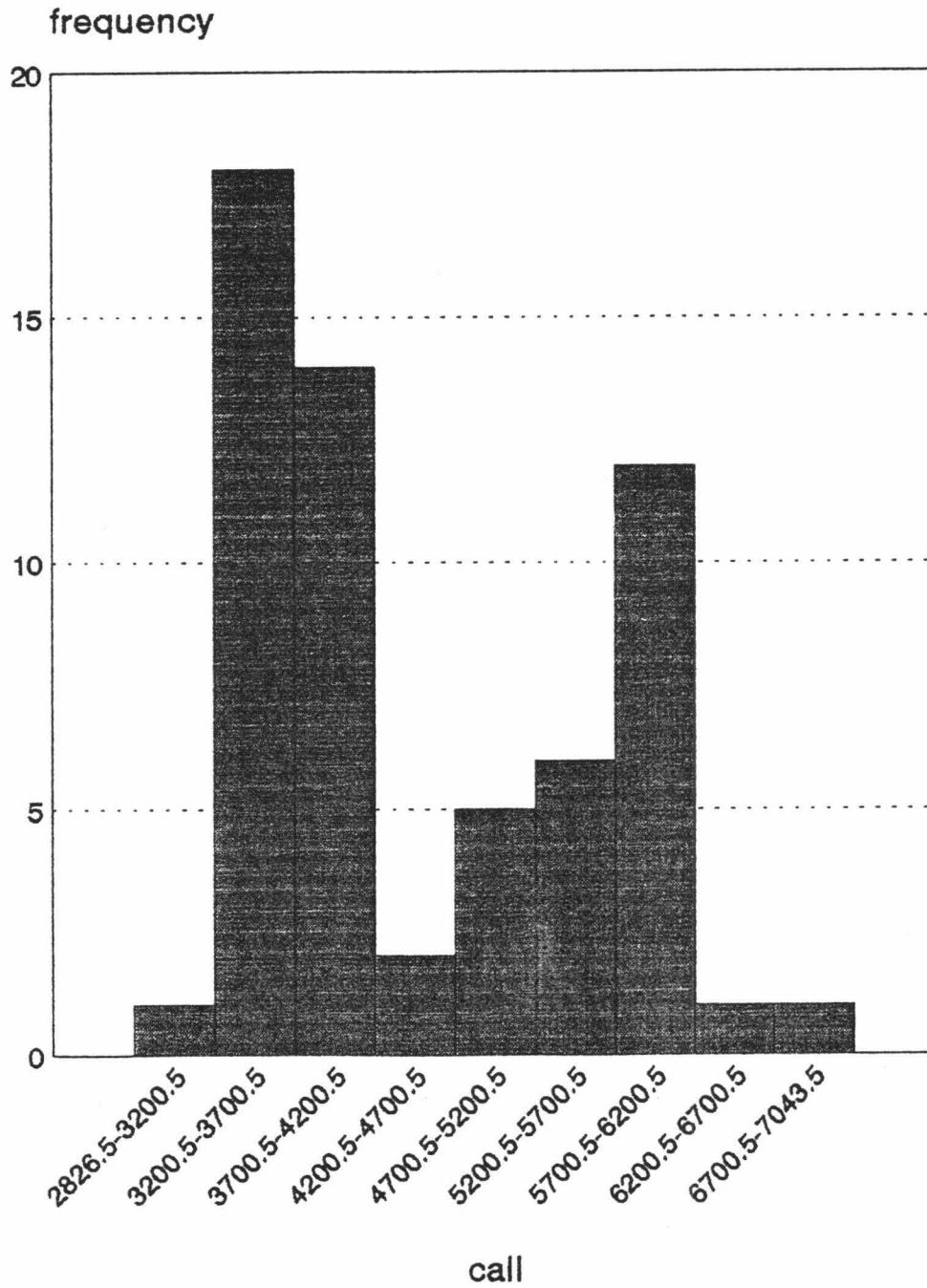
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
2826.5 - 3200.5	1	0.0167	0.0167	0.0918	0.0751
3200.5 - 3700.5	18	0.3000	0.3167	0.2005	0.1162
3700.5 - 4200.5	14	0.2334	0.5501	0.3594	0.1907
4200.5 - 4700.5	2	0.0333	0.5834	0.5517	0.0317
4700.5 - 5200.5	5	0.0833	0.6667	0.7291	0.0624
5200.5 - 5700.5	6	0.1000	0.7667	0.8643	0.0976
5700.5 - 6200.5	12	0.2000	0.9667	0.9429	0.0238
6200.5 - 6700.5	1	0.0167	0.9833	0.9808	0.0025
6700.5 - 7043.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1907$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4569.1166 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1027.2061 คน

รูปที่ 4-25 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ
ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.



- ช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4659.116 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 841.0317 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4659.116 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 841.0317 คน

ตารางที่ 4-26 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

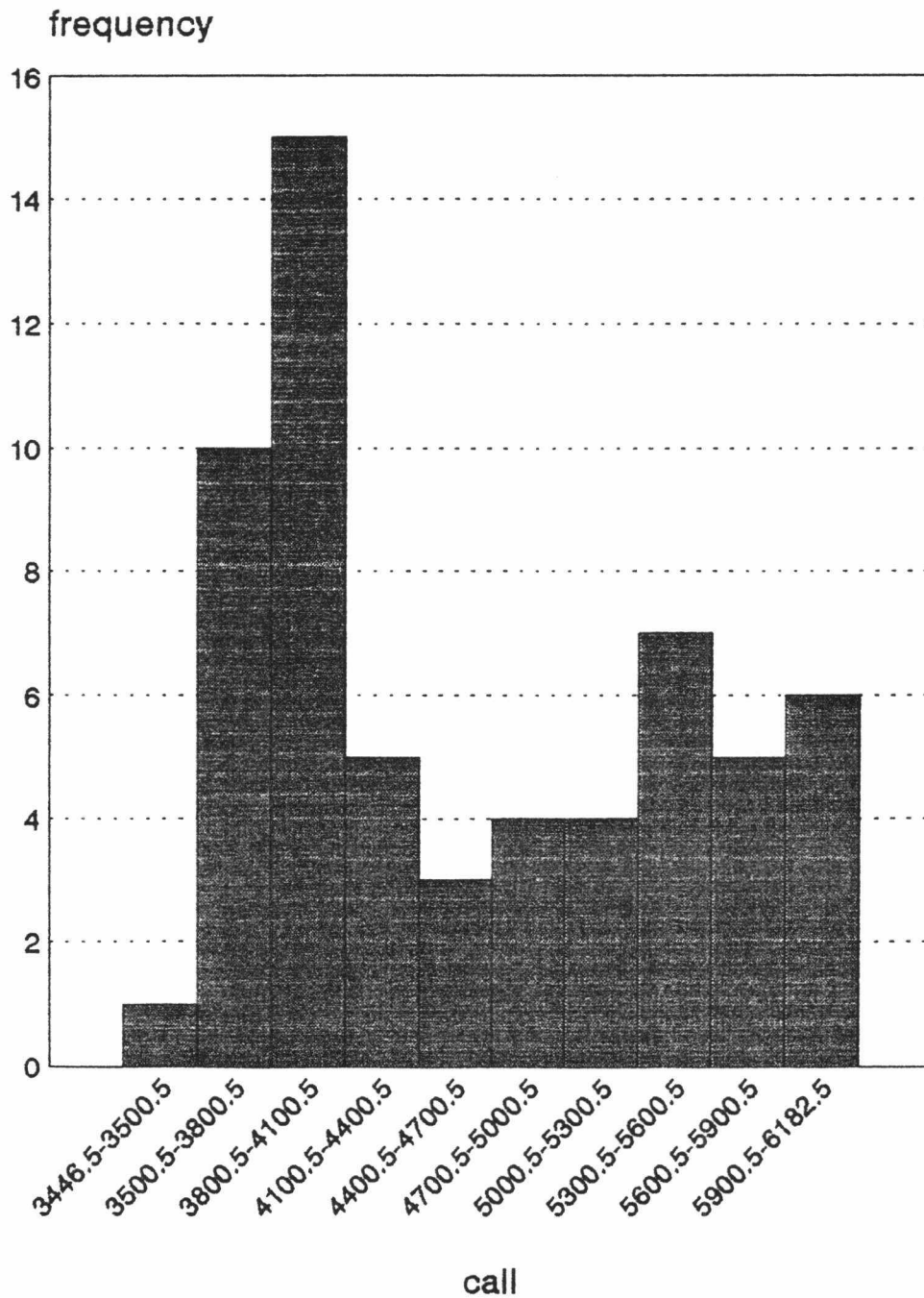
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
3446.5 - 3500.5	1	0.0167	0.0167	0.0853	0.0686
3500.5 - 3800.5	10	0.1667	0.1833	0.1539	0.0294
3800.5 - 4100.5	15	0.2500	0.4333	0.2546	0.1787
4100.5 - 4400.5	5	0.0833	0.5166	0.3821	0.1345
4400.5 - 4700.5	3	0.0500	0.5666	0.5160	0.0506
4700.5 - 5000.5	4	0.0667	0.6333	0.6554	0.0221
5000.5 - 5300.5	4	0.0667	0.7000	0.7764	0.0764
5300.5 - 5600.5	7	0.1167	0.8167	0.8665	0.0498
5600.5 - 5900.5	5	0.0833	0.9000	0.9292	0.0292
5900.5 - 6182.5	6	0.1000	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1787$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05,60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4659.116 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 841.0317 คน จึงใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างตัวแปรสุ่ม

รูปที่ 4-26 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.



- ช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4613.0666 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 685.8408 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4613.0666 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 685.8408 คน

ตารางที่ 4-27 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

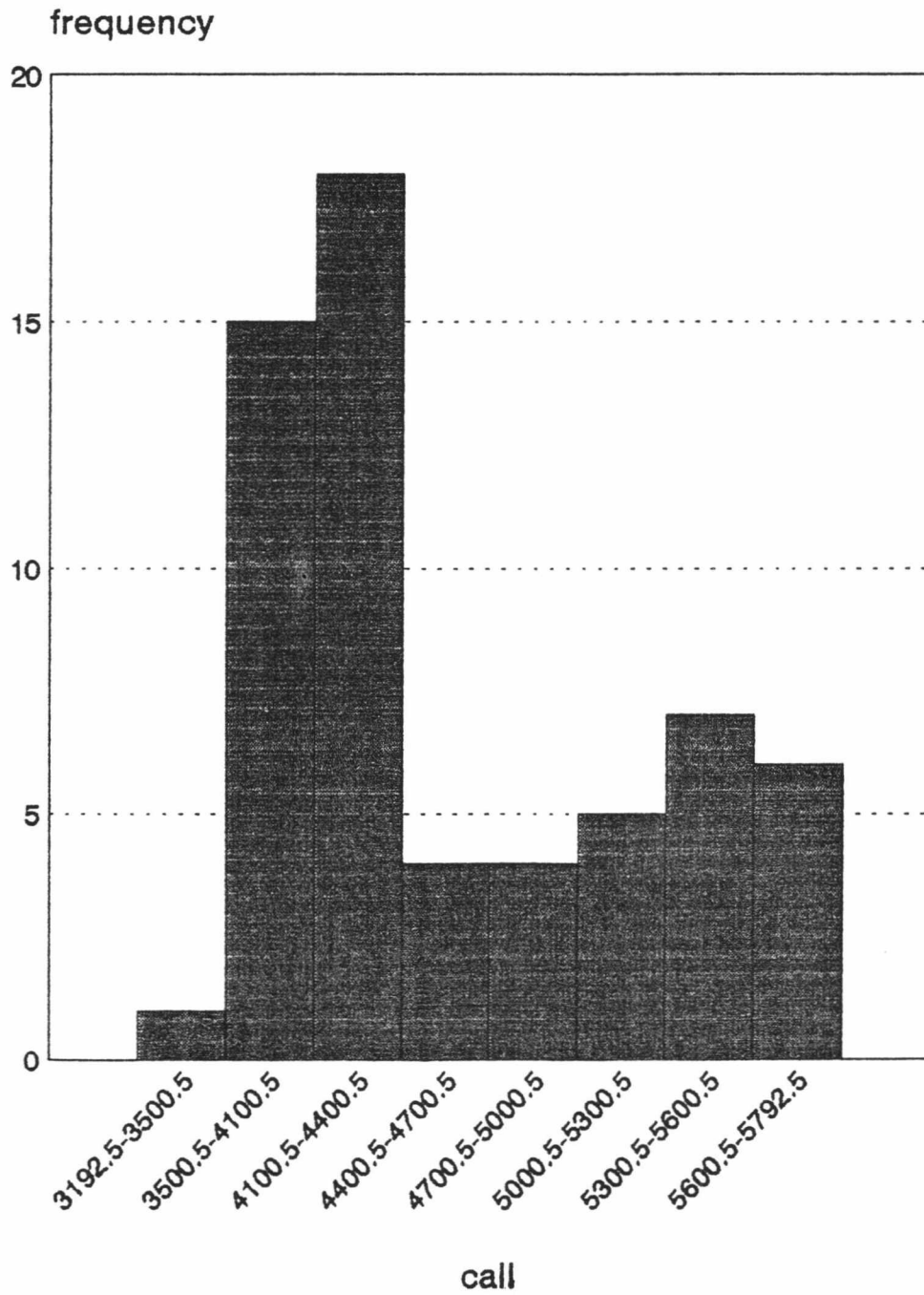
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
3192.5 - 3500.5	1	0.0167	0.0167	0.0526	0.0359
3500.5 - 4100.5	15	0.2500	0.2667	0.2296	0.0371
4100.5 - 4400.5	18	0.3000	0.5667	0.3821	0.1846
4400.5 - 4700.5	4	0.0667	0.6334	0.5438	0.0896
4700.5 - 5000.5	4	0.0667	0.7001	0.7123	0.0122
5000.5 - 5300.5	5	0.0833	0.7834	0.8413	0.0579
5300.5 - 5600.5	7	0.1166	0.9000	0.9236	0.0236
5600.5 - 5792.5	6	0.1000	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1846$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05, 60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4613.0666 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 685.8408 คน จึงใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างตัวแปรสุ่ม

รูปที่ 4-27 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.



- ช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4300.6 คน และ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 641.5238 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4300.6 คน และ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 641.5238 คน

ตารางที่ 4-28 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอน

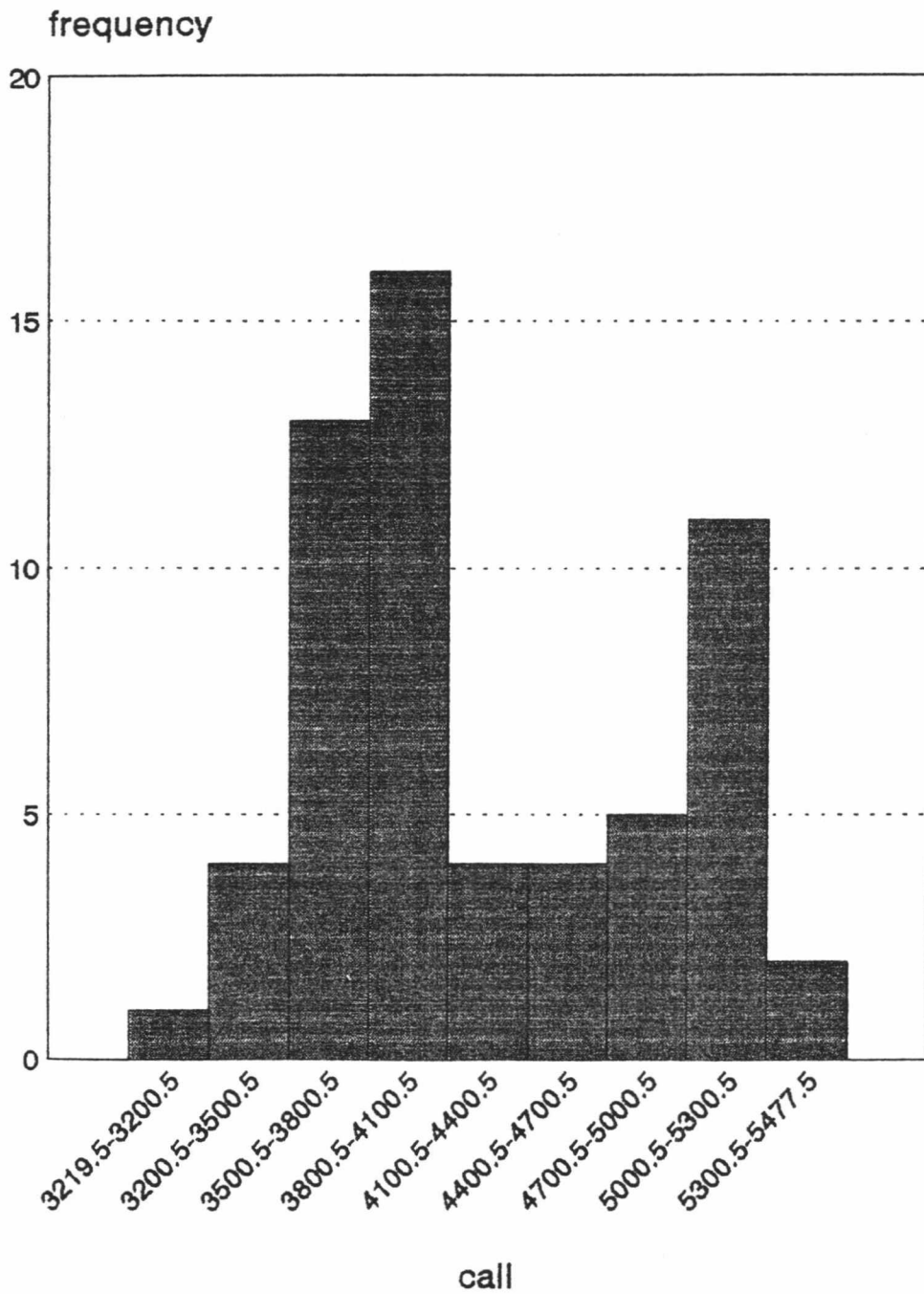
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
3219.5 - 3200.5	1	0.0167	0.0167	0.0446	0.0279
3200.5 - 3500.5	4	0.0667	0.0833	0.1075	0.0242
3500.5 - 3800.5	13	0.2166	0.2999	0.2206	0.0793
3800.5 - 4100.5	16	0.2667	0.5666	0.3783	0.1883
4100.5 - 4400.5	4	0.0667	0.6333	0.5596	0.0737
4400.5 - 4700.5	4	0.0667	0.7000	0.7324	0.0324
4700.5 - 5000.5	5	0.0833	0.7833	0.8621	0.0788
5000.5 - 5300.5	11	0.1833	0.9667	0.9394	0.0273
5300.5 - 5477.5	2	0.0333	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1833$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05,60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 4300.6 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 641.5238 คน จึงให้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างตัวแปรสุ่ม

รูปที่ 4-28 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.



- ช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 3691.5333 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 777.4516 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 3691.5333 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 777.4516 คน

ตารางที่ 4-29 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

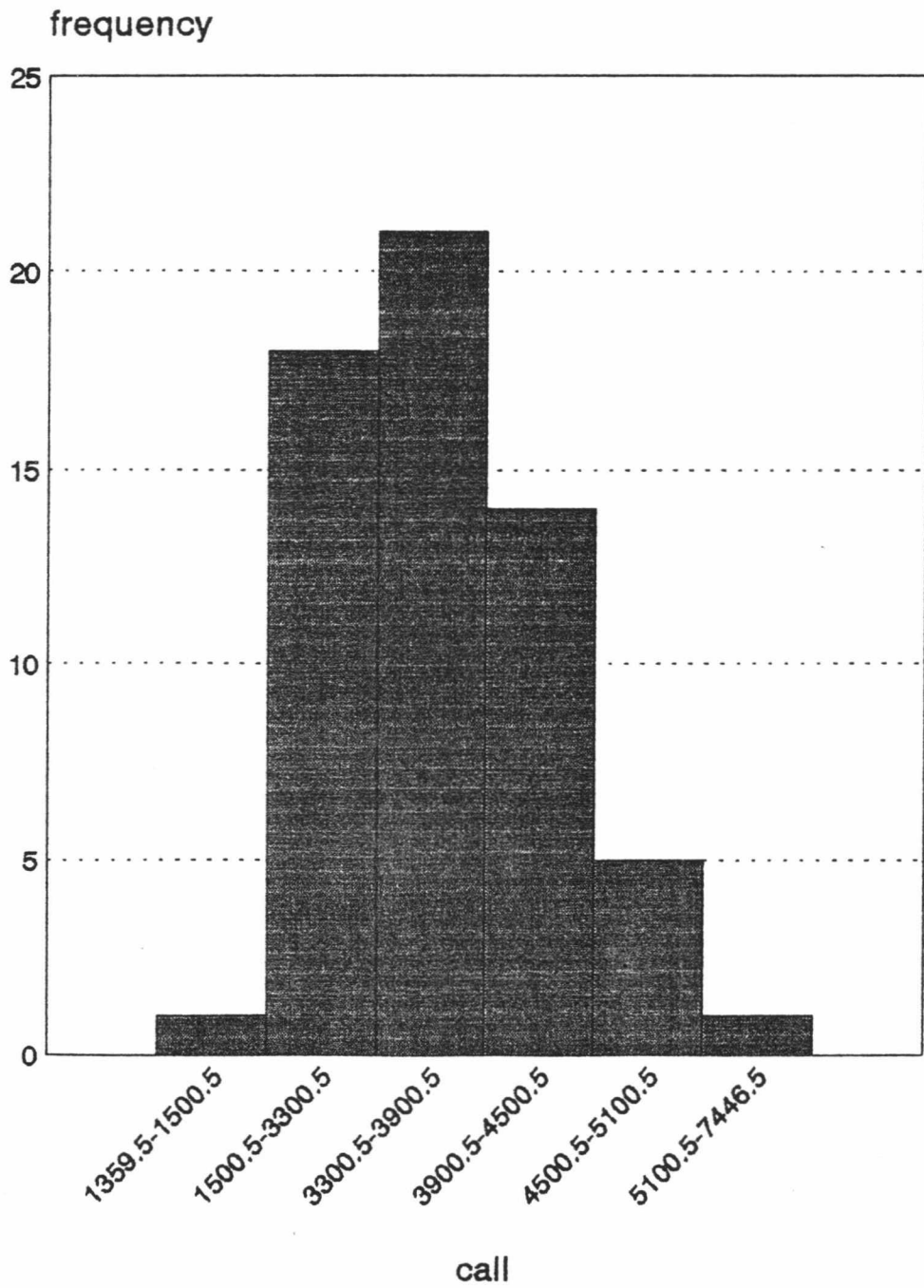
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
1359.5 - 1500.5	1	0.0167	0.0167	0.0025	0.0142
1500.5 - 3300.5	18	0.3000	0.3167	0.3085	0.0082
3300.5 - 3900.5	21	0.3500	0.6667	0.6026	0.0641
3900.5 - 4500.5	14	0.2333	0.9000	0.8508	0.0492
4500.5 - 5100.5	5	0.0833	0.9833	0.9649	0.0184
5100.5 - 7446.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.0641$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 3691.5333 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 777.4516 คน

รูปที่ 4-29 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ
ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.



- ช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.

- H_0 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 3088.383 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 529.7022 คน
- H_1 : จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 3088.383 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 529.7022 คน

ตารางที่ 4-30 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

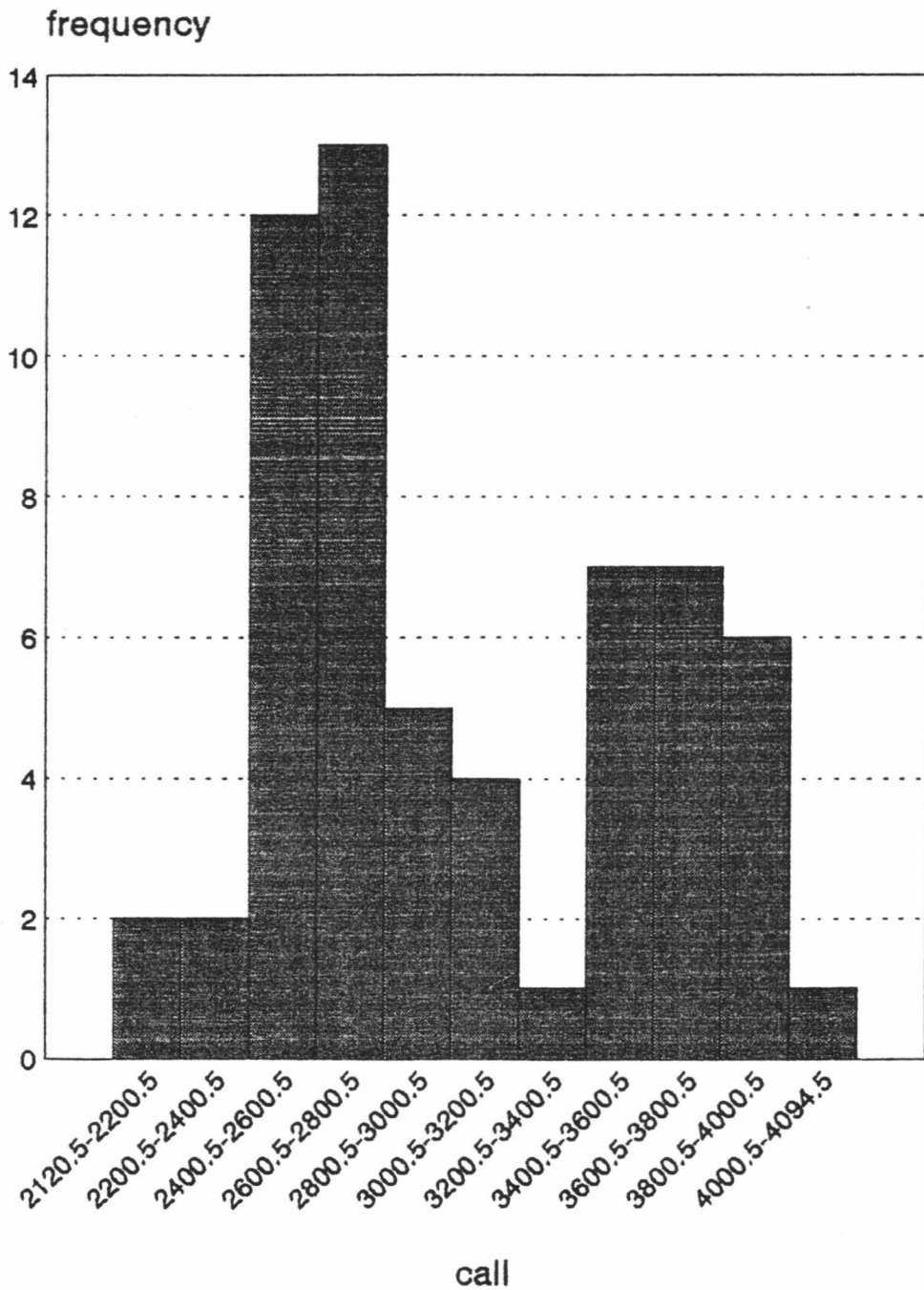
จำนวนลูกค้าที่โทร/ช.ม.	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
2120.5 - 2200.5	2	0.0333	0.0333	0.0475	0.0142
2200.5 - 2400.5	2	0.0333	0.0667	0.0985	0.0318
2400.5 - 2600.5	12	0.2000	0.2667	0.1788	0.0879
2600.5 - 2800.5	13	0.2166	0.4833	0.2946	0.1887
2800.5 - 3000.5	5	0.0833	0.5666	0.4364	0.1302
3000.5 - 3200.5	4	0.0667	0.6333	0.5832	0.0501
3200.5 - 3400.5	1	0.0167	0.6500	0.7190	0.0690
3400.5 - 3600.5	7	0.1167	0.7667	0.8315	0.0648
3600.5 - 3800.5	7	0.1167	0.8833	0.9099	0.0266
3800.5 - 4000.5	6	0.1000	0.9833	0.9573	0.0260
4000.5 - 4094.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1889$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05,60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงเป็นแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 3088.383 คน และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 529.7022 คน จึงใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างตัวแปรสุ่ม

รูปที่ 4-30 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ
ฝากข้อความ ของวันหยุดในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.



4.1.2 เวลาในการให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน

แบ่งเวลาที่ใช้ในการให้บริการของพนักงานโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คนออกเป็น 2 ส่วนคือ

- ในส่วนของวันทำงานจะได้ข้อมูลในแต่ละชั่วโมง 124 ค่า ($N = 124$) ทดสอบการแจกแจงแบบปกติด้วยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 นำค่า D จากการคำนวณเปรียบเทียบกับค่าขอบเขตวิกฤตคือ $1.36/(124)^{1/2} = 0.1221$

- ในส่วนของวันหยุดจะได้จำนวนข้อมูลในแต่ละชั่วโมง 60 ค่า ($N = 60$) ทดสอบการแจกแจงแบบปกติด้วยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 นำค่า D จากการคำนวณเปรียบเทียบกับค่าขอบเขตวิกฤตคือ $1.36/(60)^{1/2} = 0.1756$

ได้ผลการทดสอบการแจกแจงความน่าจะเป็นดังตารางที่ 4-31 ถึง ตารางที่ 4-60 และกราฟแจกแจงความน่าจะเป็นดังรูปที่ 4-31 ถึง รูปที่ 4-60

4.1.2.1 ช่วงวันทำงาน

- ช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.0645 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.3060 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.0645 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.3060 วินาที

ตารางที่ 4-31 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

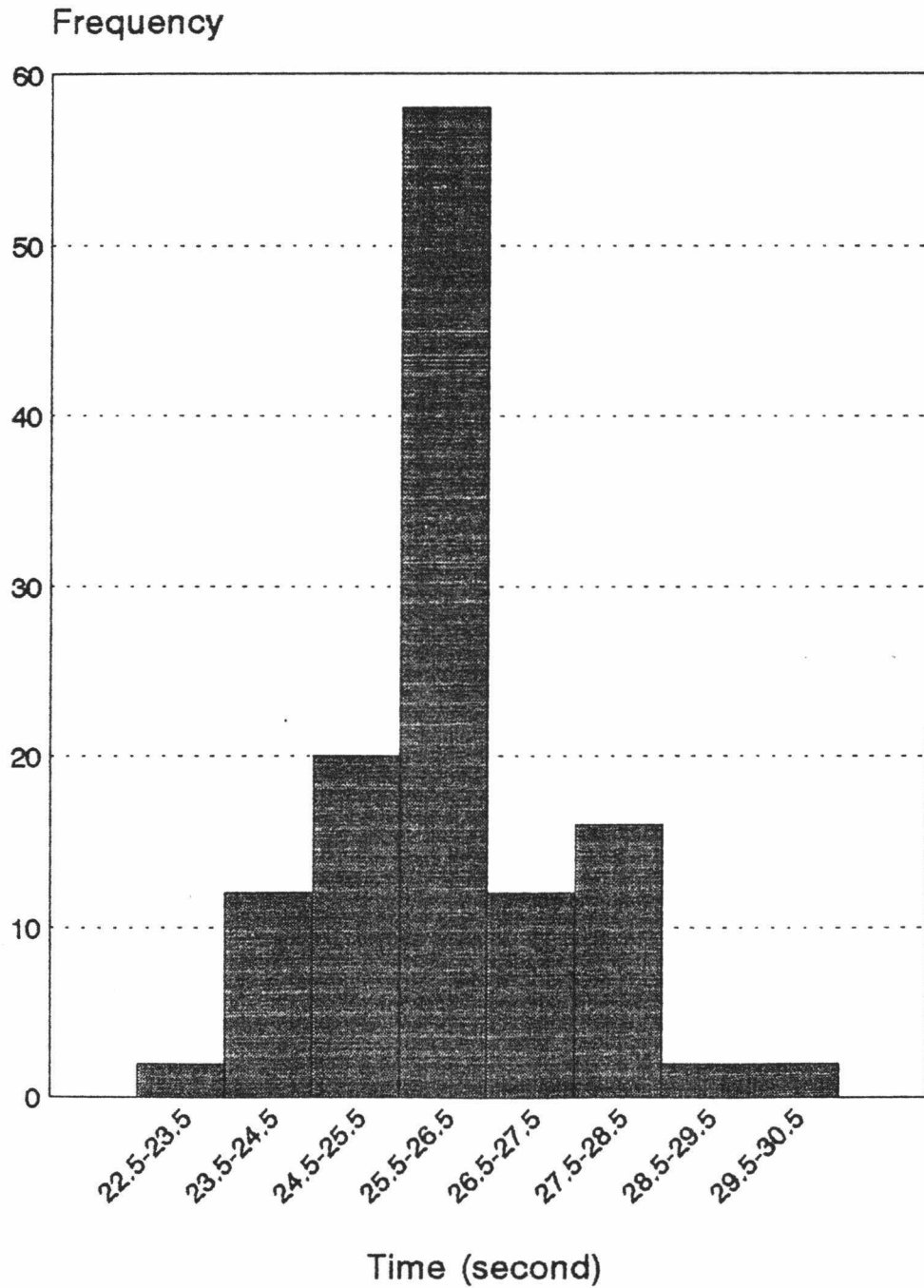
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
22.5 - 23.5	2	0.0161	0.0161	0.0250	0.0089
23.5 - 24.5	12	0.0967	0.1129	0.1335	0.0206
24.5 - 25.5	20	0.1612	0.2741	0.3336	0.0595
25.5 - 26.5	58	0.4677	0.7419	0.6293	0.1126
26.5 - 27.5	12	0.0967	0.8387	0.8643	0.0256
27.5 - 28.5	16	0.1290	0.9677	0.9686	0.0009
28.5 - 29.5	2	0.0161	0.9838	0.9957	0.0119
29.5 - 30.5	2	0.0161	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.1126$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.0645 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.3060 วินาที

รูปที่ 4-31 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.



- ช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 25.7097 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.1762 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 25.7097 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.1762 วินาที

ตารางที่ 4-32 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร်นอฟ

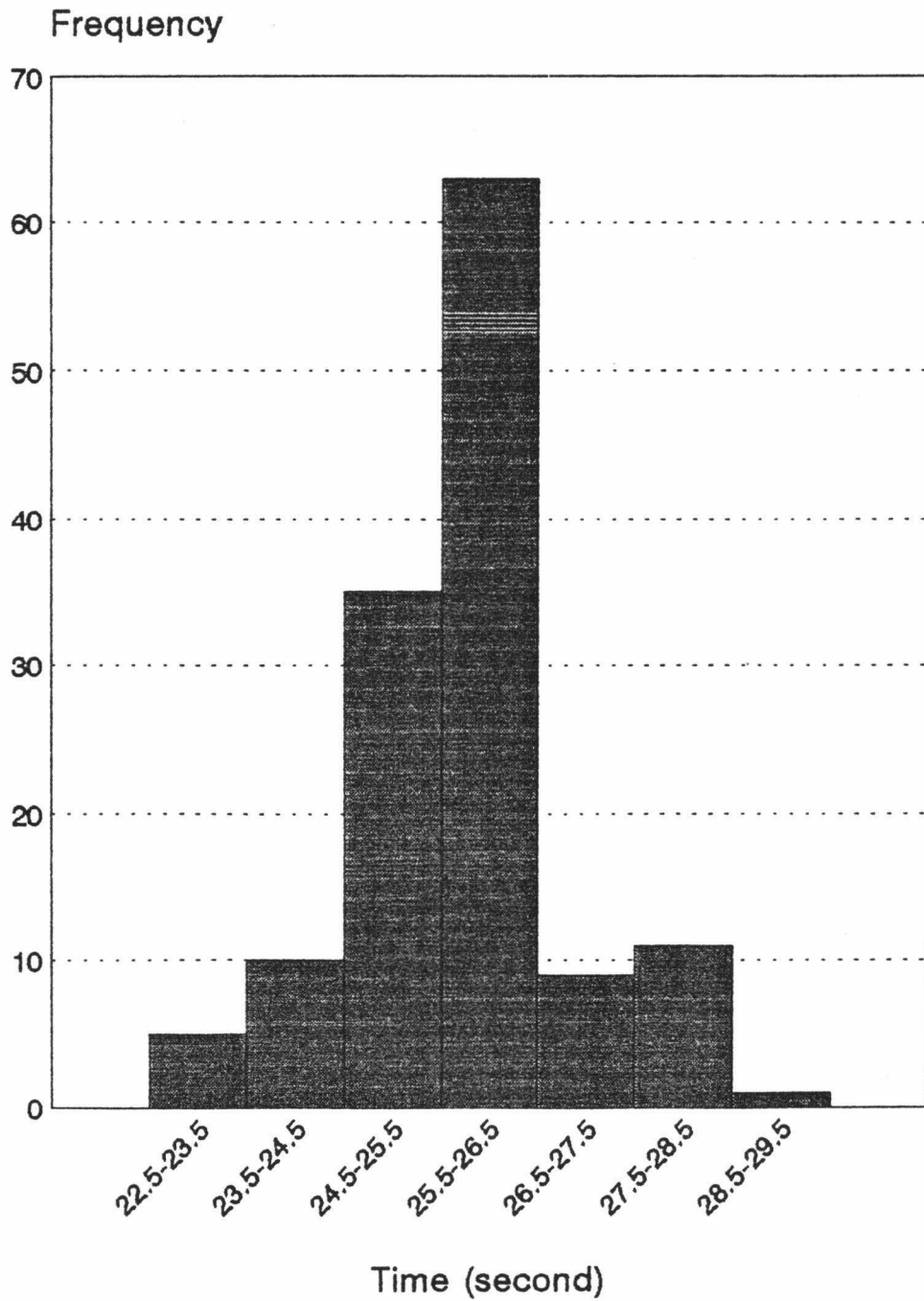
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
22.5 - 23.5	5	0.0403	0.0403	0.0307	0.0096
23.5 - 24.5	10	0.0806	0.1209	0.1539	0.0330
24.5 - 25.5	35	0.2822	0.4032	0.4325	0.0293
25.5 - 26.5	53	0.4274	0.8306	0.7486	0.0820
26.5 - 27.5	9	0.0725	0.9032	0.9357	0.0325
27.5 - 28.5	11	0.0887	0.9919	0.9911	0.0008
28.5 - 29.5	1	0.0080	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0820$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คนในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 25.7097 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.1762 วินาที

รูปที่ 4-32 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.



- ช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.0968 วินาที และ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.0733 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.0968 วินาทีและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.0733 วินาที

ตารางที่ 4-33 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

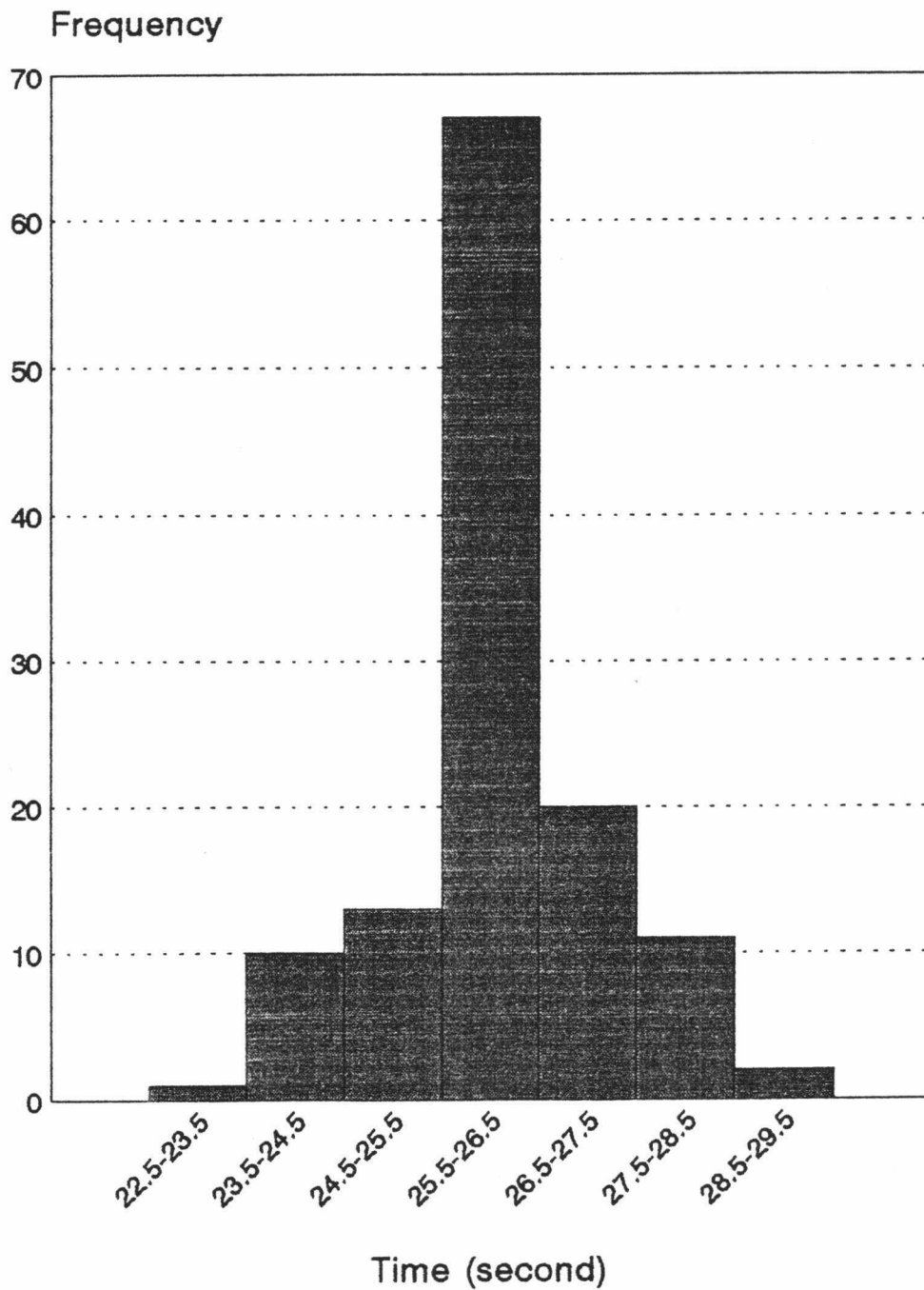
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
22.5 - 23.5	1	0.0080	0.0080	0.0078	0.0002
23.5 - 24.5	10	0.0806	0.0887	0.0694	0.0193
24.5 - 25.5	13	0.1048	0.1935	0.2912	0.0977
25.5 - 26.5	67	0.5403	0.7338	0.6443	0.0895
26.5 - 27.5	20	0.1612	0.8951	0.9049	0.0098
27.5 - 28.5	11	0.0887	0.9838	0.9817	0.0021
28.5 - 29.5	2	0.0161	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max}=0.0977$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คนในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.0968 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.0733 วินาที

รูปที่ 4-33 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.



- ช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.3871 วินาที และ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2424 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.3871 วินาที และ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2424 วินาที

ตารางที่ 4-34 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

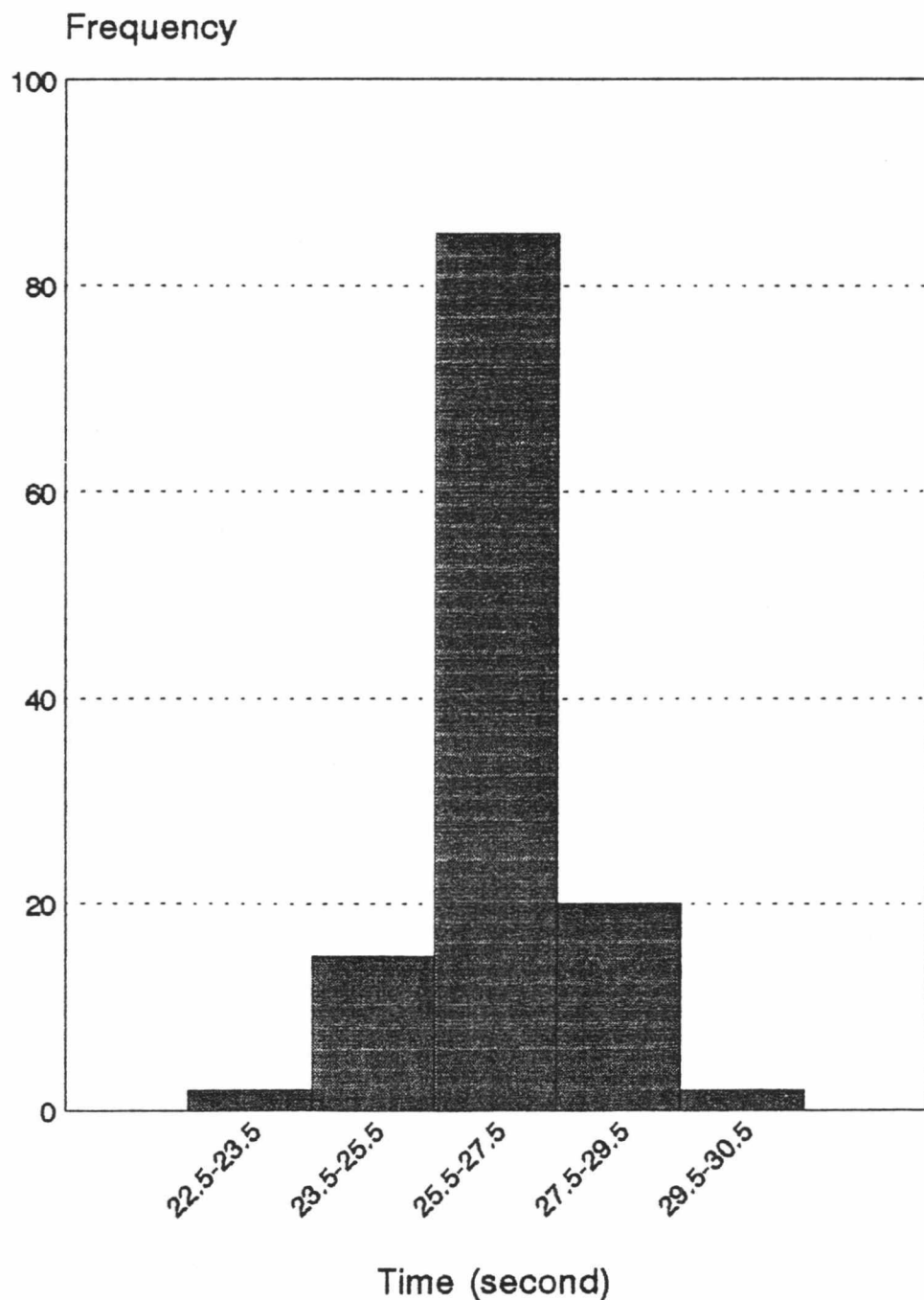
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
22.5 - 23.5	2	0.0161	0.0161	0.0102	0.0059
23.5 - 25.5	15	0.1209	0.1370	0.2389	0.1019
25.5 - 27.5	85	0.6854	0.8225	0.8133	0.0092
27.5 - 29.5	20	0.1612	0.9838	0.9938	0.0100
29.5 - 30.5	2	0.0161	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.1019$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คนในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.3871 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2424 วินาที

รูปที่ 4-34 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.



- ช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.8226 วินาที และ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4202 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.8226 วินาที และ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4202 วินาที

ตารางที่ 4-35 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

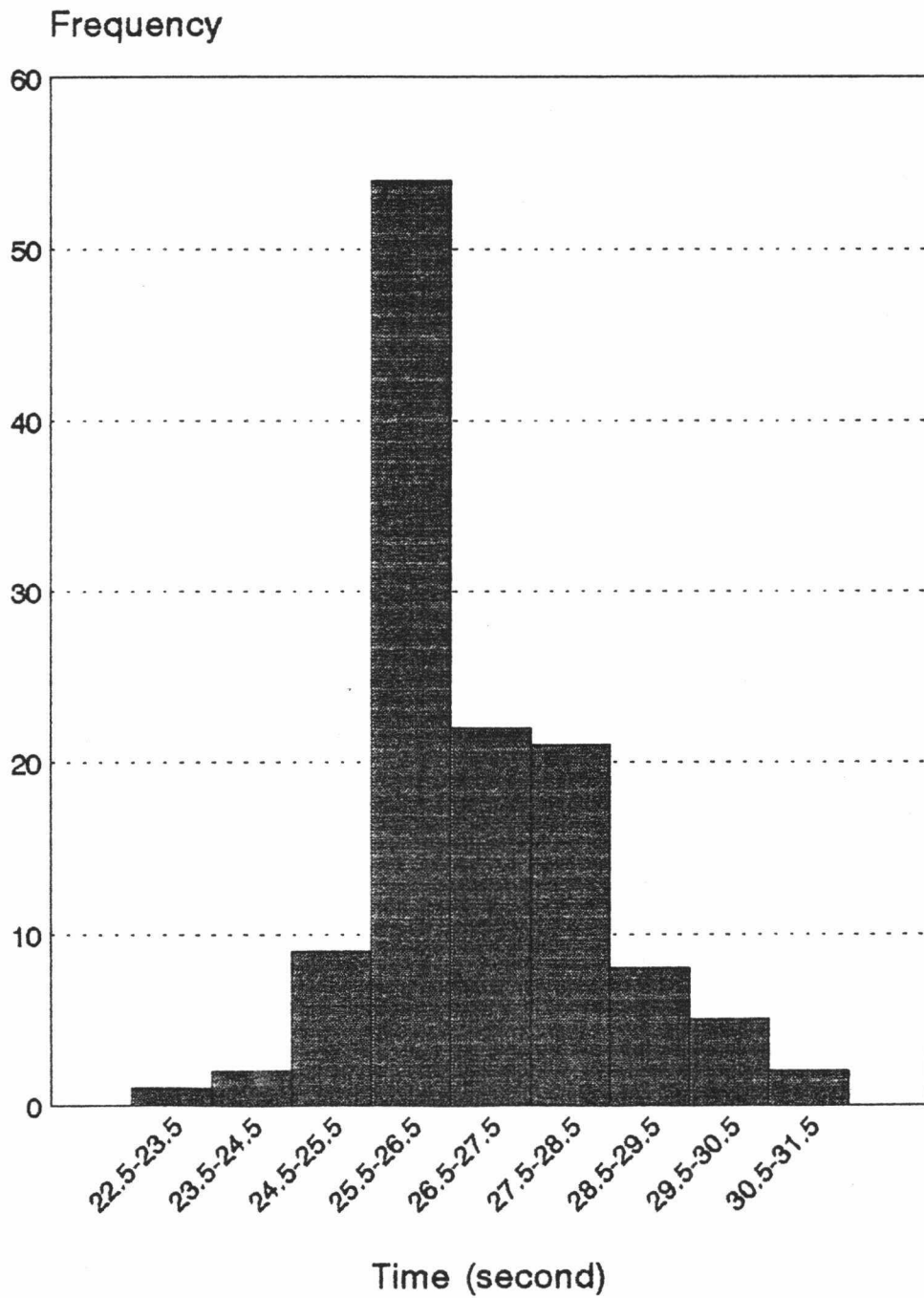
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
22.5 - 23.5	1	0.0080	0.0080	0.0099	0.0019
23.5 - 24.5	2	0.0161	0.0241	0.0505	0.0264
24.5 - 25.5	9	0.0725	0.0967	0.1762	0.0795
25.5 - 26.5	54	0.4354	0.5322	0.4129	0.1193
26.5 - 27.5	22	0.1774	0.7096	0.6808	0.0288
27.5 - 28.5	21	0.1693	0.8790	0.8810	0.0020
28.5 - 29.5	8	0.0645	0.9435	0.9699	0.0264
29.5 - 30.5	5	0.0403	0.9838	0.9952	0.0114
30.5 - 31.5	2	0.0161	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max}=0.1193$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.8226 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4202 วินาที

รูปที่ 4-35 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.



- ช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.5887 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.1571 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.5887 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.1571 วินาที

ตารางที่ 4-36 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร်นอฟ

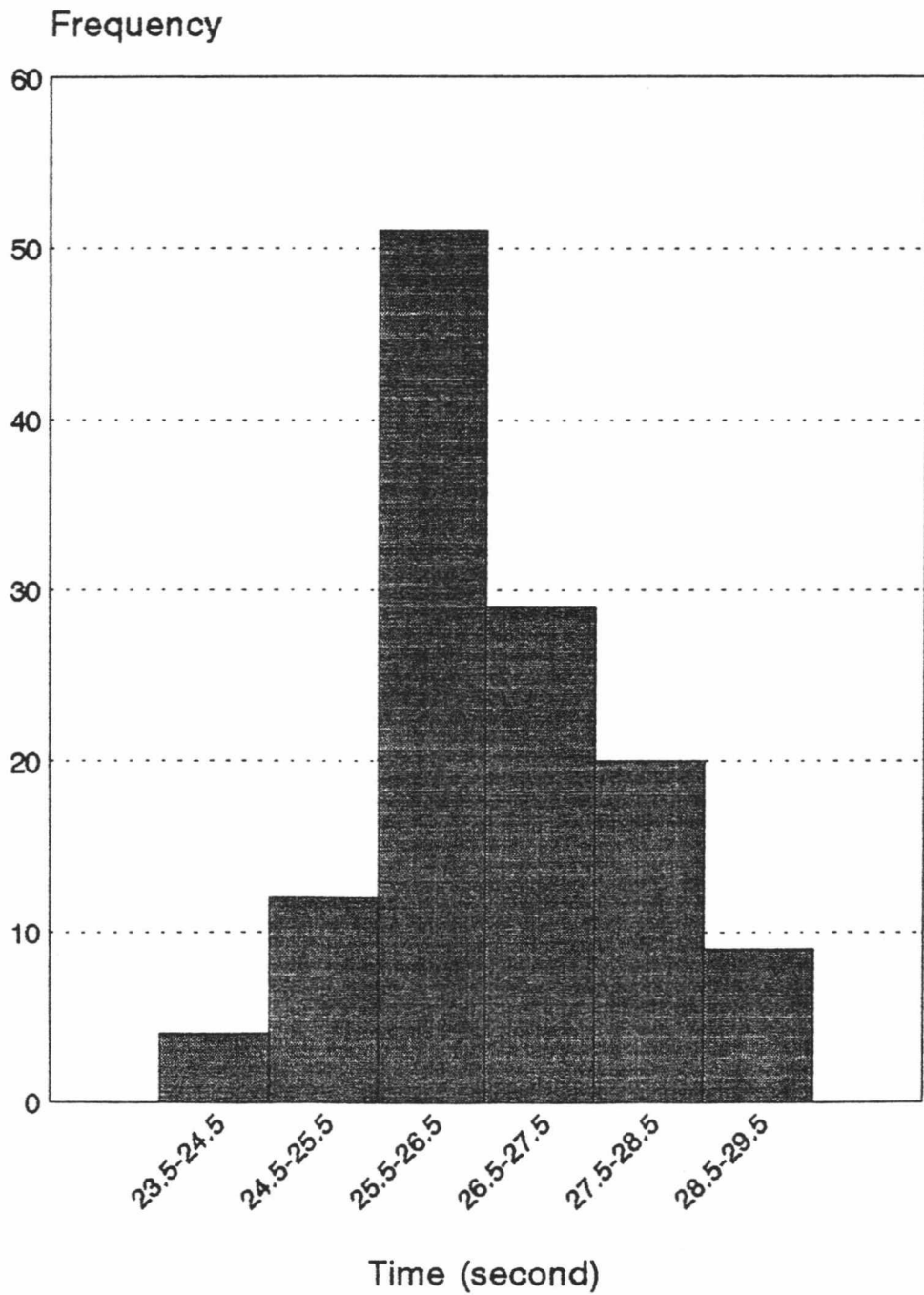
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
23.5 - 24.5	4	0.0322	0.0322	0.0359	0.0037
24.5 - 25.5	12	0.0967	0.1290	0.1736	0.0446
25.5 - 26.5	51	0.4112	0.5403	0.4721	0.0682
26.5 - 27.5	29	0.2338	0.7741	0.7823	0.0082
27.5 - 28.5	20	0.1612	0.9354	0.9505	0.0151
28.5 - 29.5	8	0.0645	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max}=0.0682$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.5887 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.1571 วินาที

รูปที่ 4-36 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.



- ช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.8710 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2506 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.8710 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2506 วินาที

ตารางที่ 4-37 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

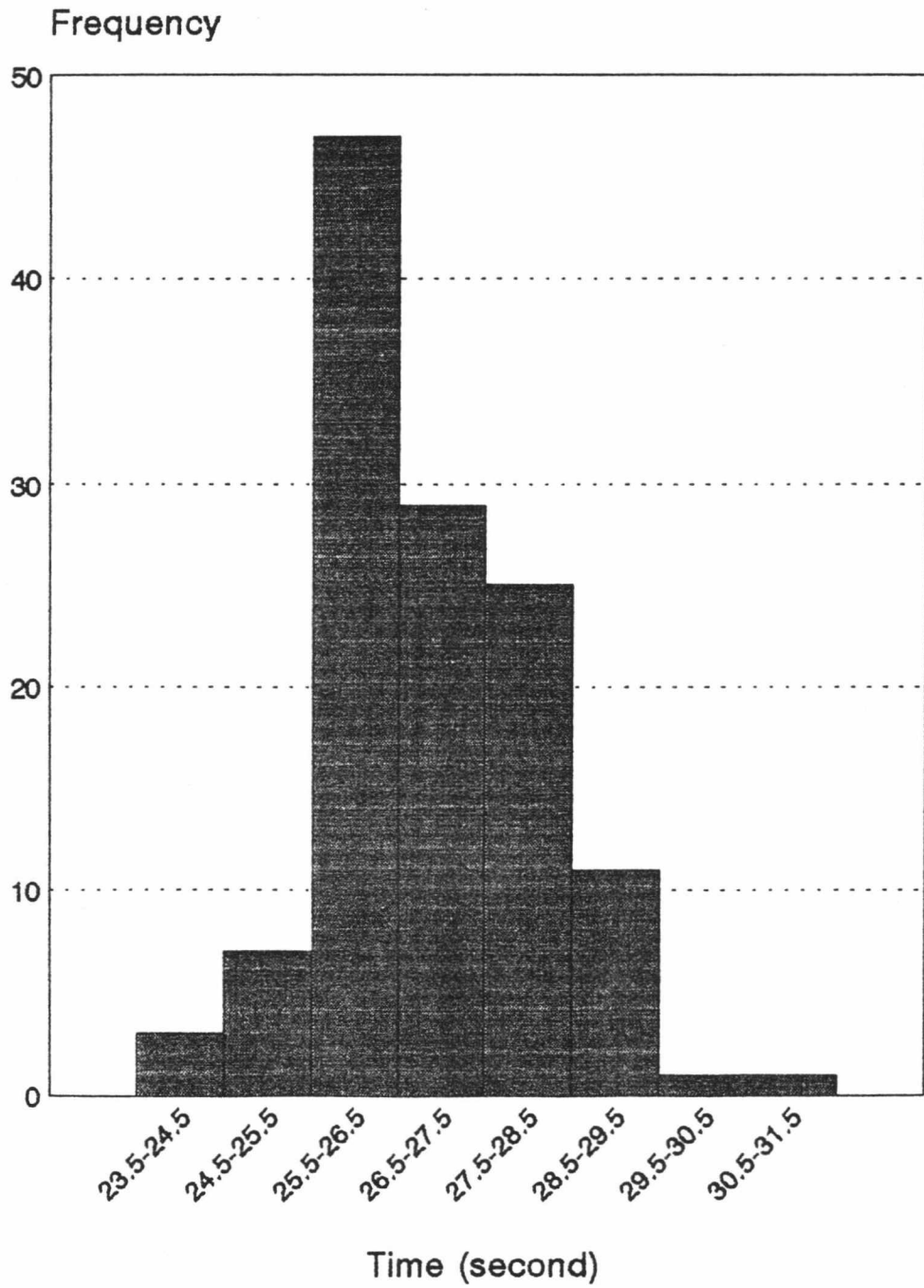
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
23.5 - 24.5	3	0.0241	0.0241	0.0294	0.0053
24.5 - 25.5	7	0.0564	0.0806	0.1379	0.0573
25.5 - 26.5	47	0.3790	0.4596	0.3859	0.0737
26.5 - 27.5	29	0.2338	0.6935	0.6915	0.0020
27.5 - 28.5	25	0.2016	0.8951	0.9032	0.0081
28.5 - 29.5	11	0.0887	0.9838	0.9821	0.0017
29.5 - 30.5	1	0.0080	0.9919	0.9981	0.0062
30.5 - 31.5	1	0.0080	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0737$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.8710 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2506 วินาที

รูปที่ 4-37 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.



- ช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.5807 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.5714 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.5807 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.5714 วินาที

ตารางที่ 4-38 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

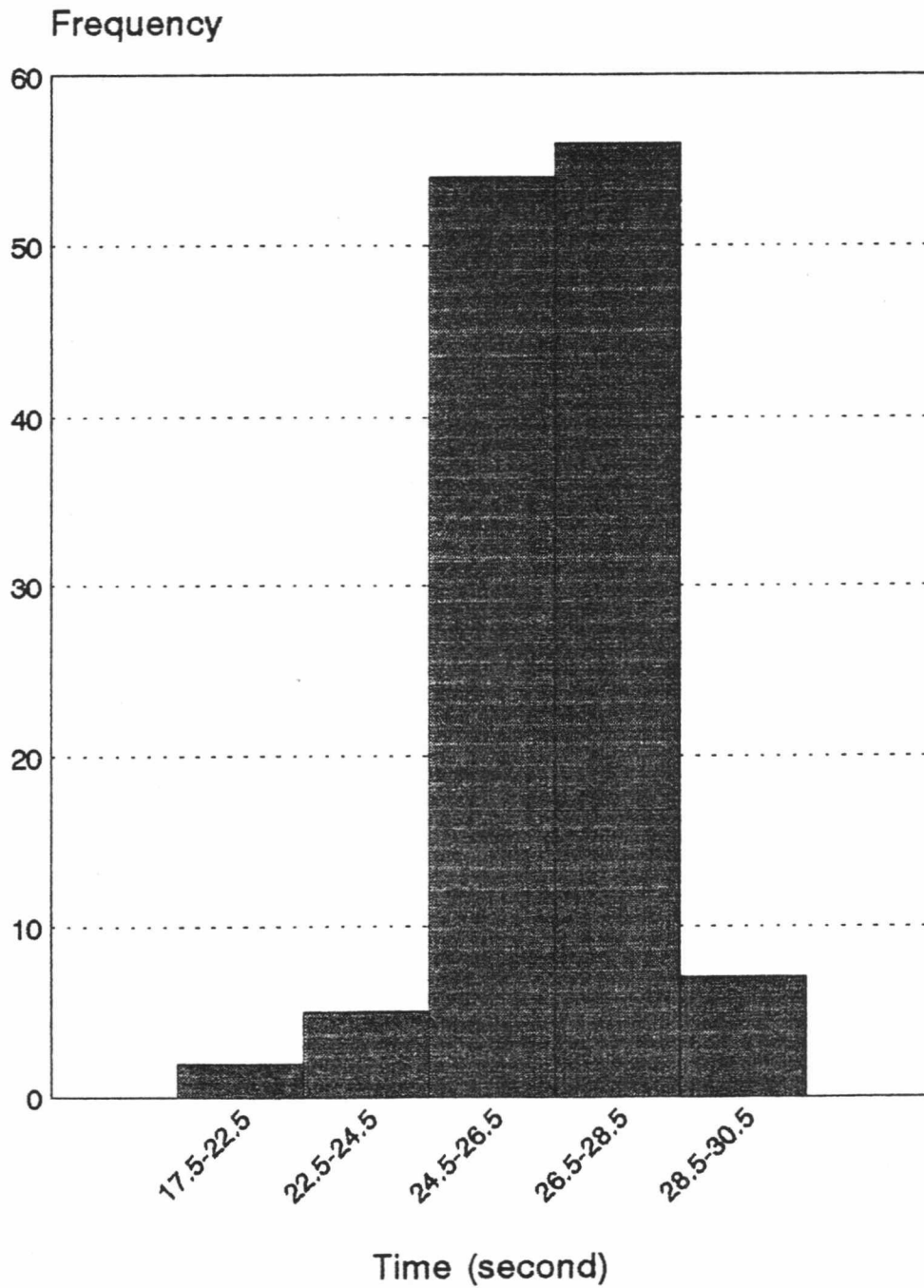
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
17.5 - 22.5	2	0.0161	0.0161	0.0048	0.0113
22.5 - 24.5	5	0.0403	0.0564	0.0934	0.0370
24.5 - 26.5	54	0.4354	0.4919	0.4801	0.0118
26.5 - 28.5	56	0.4516	0.9435	0.8888	0.0547
28.5 - 30.5	7	0.0564	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max}=0.0547$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.5807 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.5741 วินาที

รูปที่ 4-38 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.



- ช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.9032 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.6383 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.9032 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.6383 วินาที

ตารางที่ 4-39 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอน

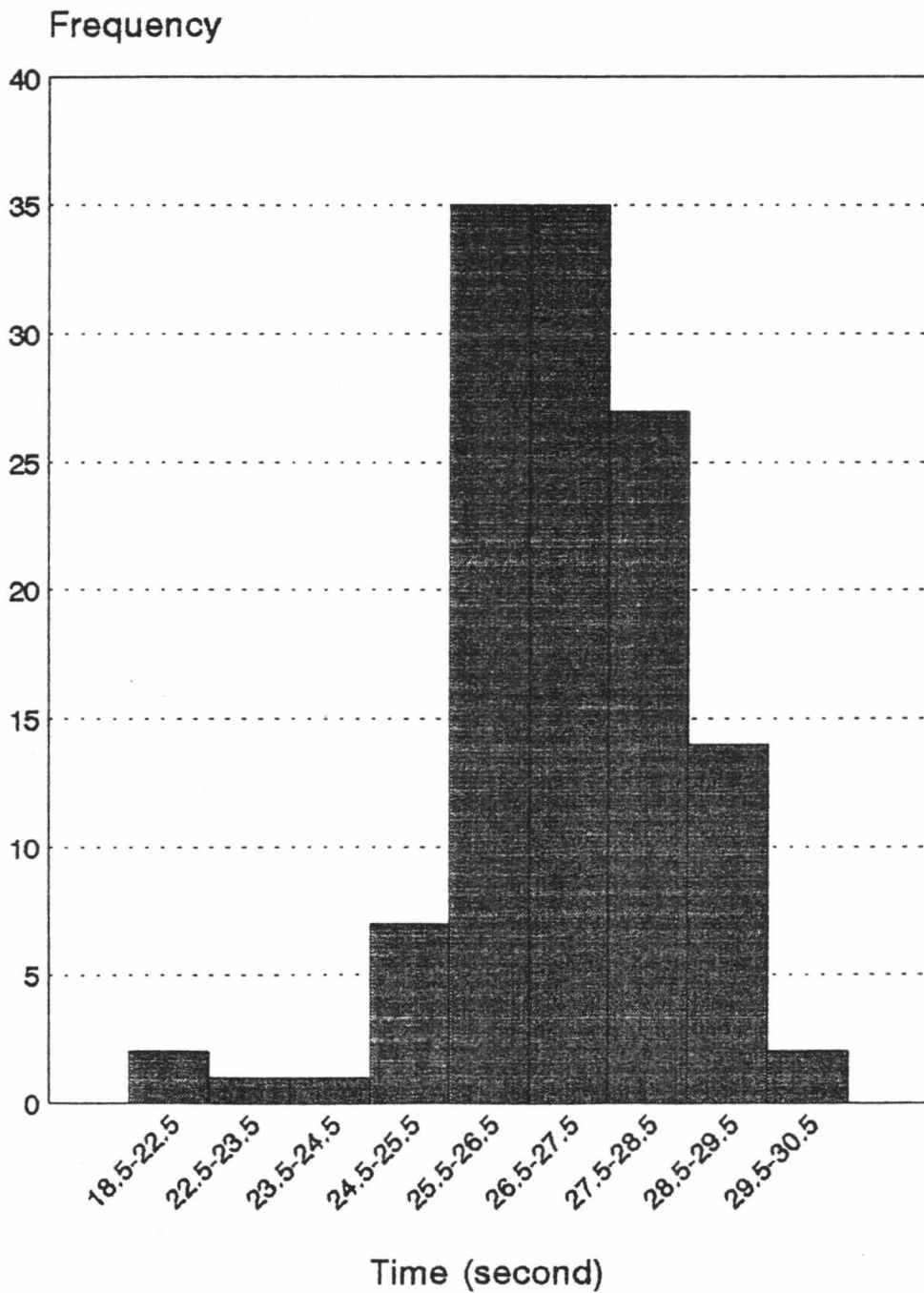
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
18.5 - 22.5	2	0.0161	0.0161	0.0036	0.0125
22.5 - 23.5	1	0.0080	0.0241	0.0192	0.0049
23.5 - 24.5	1	0.0080	0.0322	0.0722	0.0400
24.5 - 25.5	7	0.0564	0.0837	0.1977	0.1140
25.5 - 26.5	35	0.2822	0.3709	0.4013	0.0304
26.5 - 27.5	35	0.2822	0.6532	0.6406	0.0126
27.5 - 28.5	27	0.2177	0.8709	0.8340	0.0369
28.5 - 29.5	14	0.1129	0.9838	0.9429	0.0409
29.5 - 30.5	2	0.0161	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.1140$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.9032 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.6383 วินาที

รูปที่ 4-39 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.



- ช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.

H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.9839 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.5964 วินาที

H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.9839 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.5964 วินาที

ตารางที่ 4-40 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

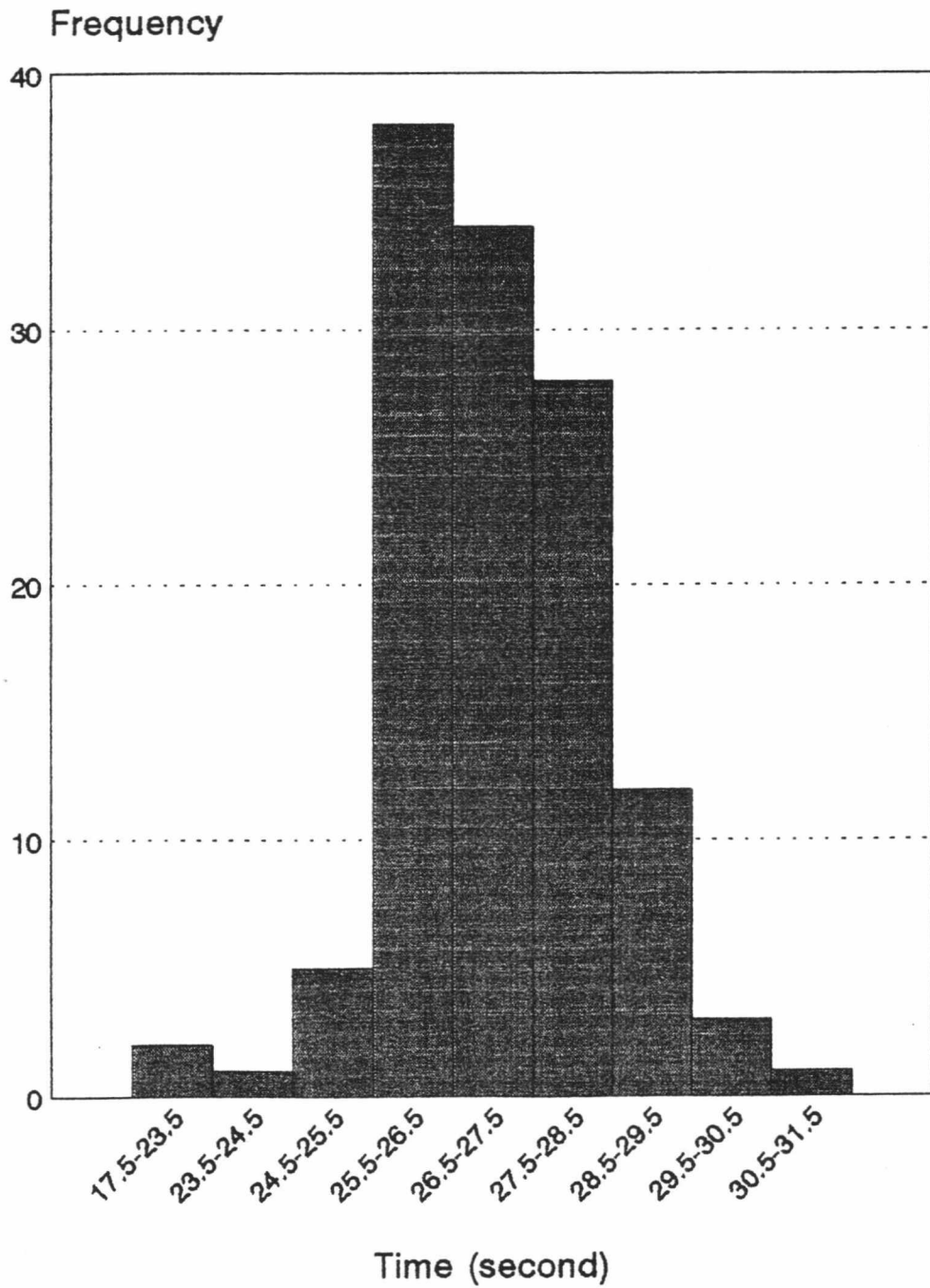
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
17.5 - 23.5	2	0.0161	0.0161	0.0146	0.0015
23.5 - 24.5	1	0.0080	0.0241	0.0606	0.0365
24.5 - 25.5	5	0.0403	0.0645	0.1788	0.1143
25.5 - 26.5	38	0.3064	0.3709	0.3821	0.0112
26.5 - 27.5	34	0.2741	0.6451	0.6217	0.0234
27.5 - 28.5	38	0.2258	0.8709	0.8289	0.0420
28.5 - 29.5	12	0.0967	0.9677	0.9418	0.0259
29.5 - 30.5	3	0.0241	0.9919	0.9861	0.0058
30.5 - 31.5	1	0.0080	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.1142$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คนในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.9839 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.5964 วินาที

รูปที่ 4-40 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.



- ช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.8952 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4855 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.8952 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4855 วินาที

ตารางที่ 4-41 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

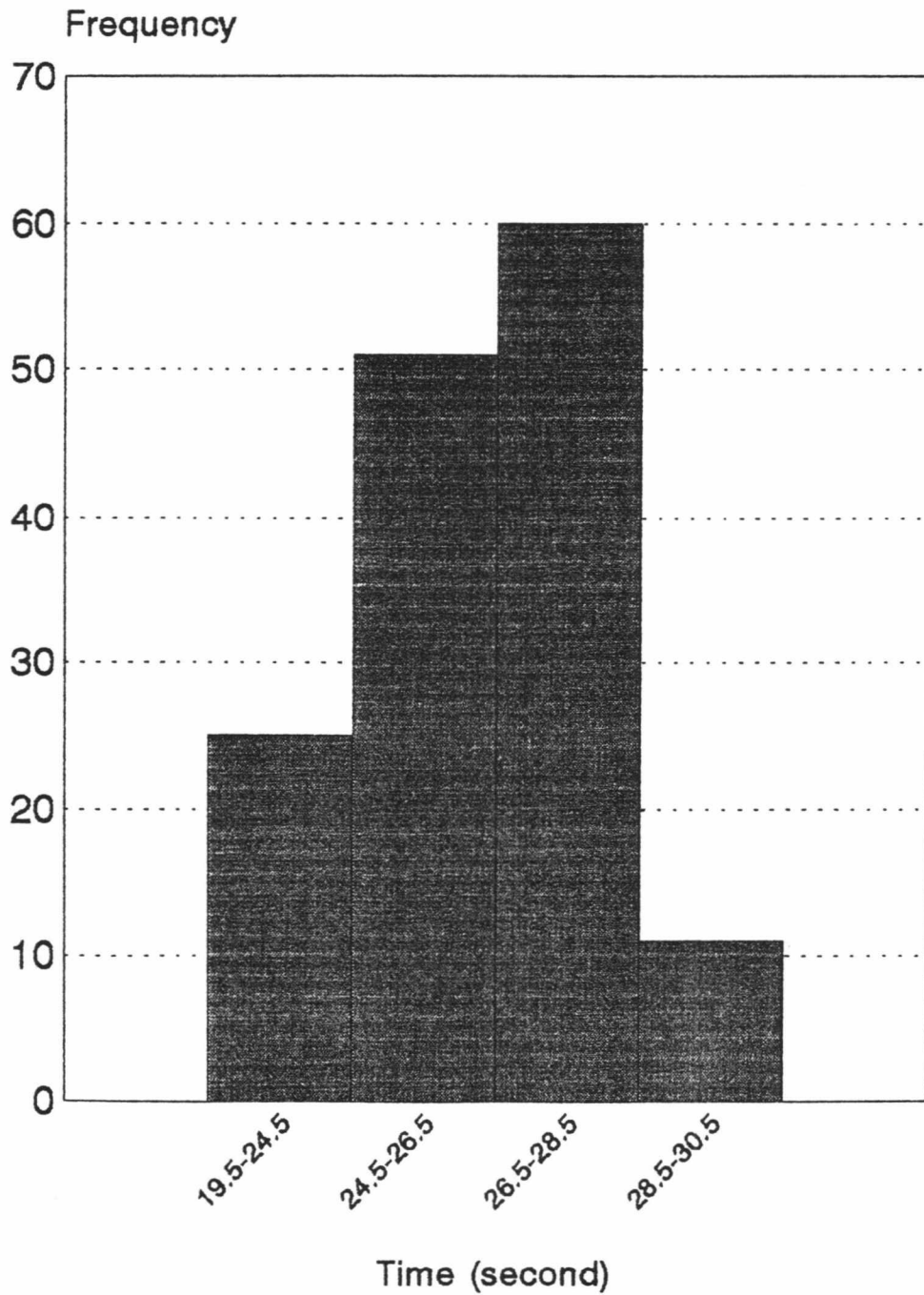
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
19.5 - 24.5	25	0.0161	0.0161	0.0537	0.0376
24.5 - 26.5	51	0.4112	0.4274	0.3974	0.0300
26.5 - 28.5	60	0.4838	0.9112	0.8599	0.0513
28.5 - 30.5	11	0.0887	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0513$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.8952 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4855 วินาที

รูปที่ 4-41 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.



- ช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.8790 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.3713 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.8790 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.3713 วินาที

ตารางที่ 4-42 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

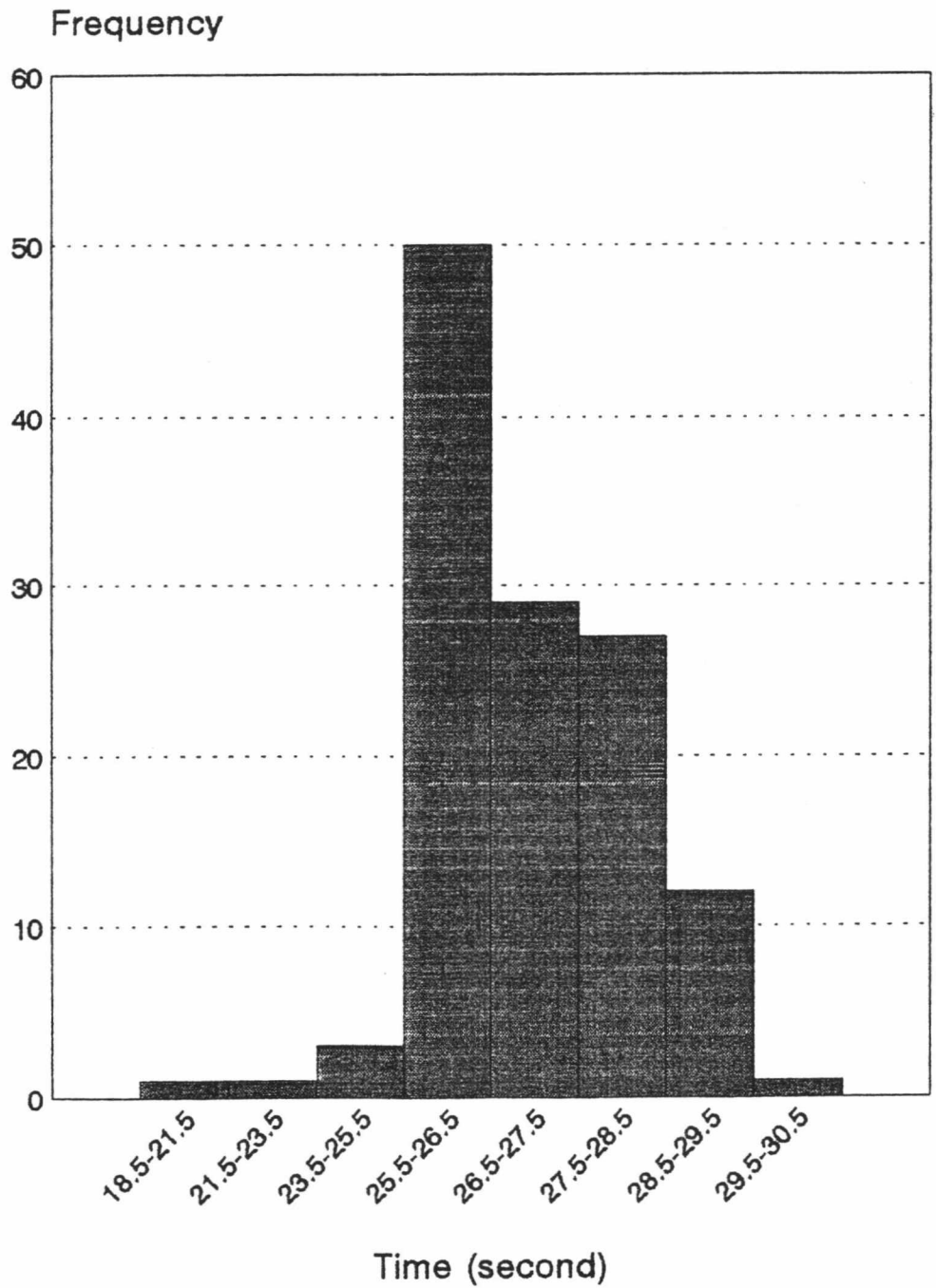
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
18.5 - 21.5	1	0.0081	0.0081	0.0000	0.0081
21.5 - 24.5	1	0.0081	0.0161	0.0069	0.0092
23.5 - 25.5	3	0.0242	0.0403	0.1587	0.1184
25.5 - 26.5	50	0.4032	0.4435	0.3936	0.0499
27.5 - 27.5	29	0.2339	0.6774	0.6736	0.0038
29.5 - 28.5	27	0.2177	0.8952	0.8810	0.0142
28.5 - 29.5	12	0.0968	0.9919	0.9719	0.0200
29.5 - 30.5	1	0.0081	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.1184$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.8790 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.3713 วินาที

รูปที่ 4-42 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.



- ช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4516 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2849 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4516 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2849 วินาที

ตารางที่ 4-43 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

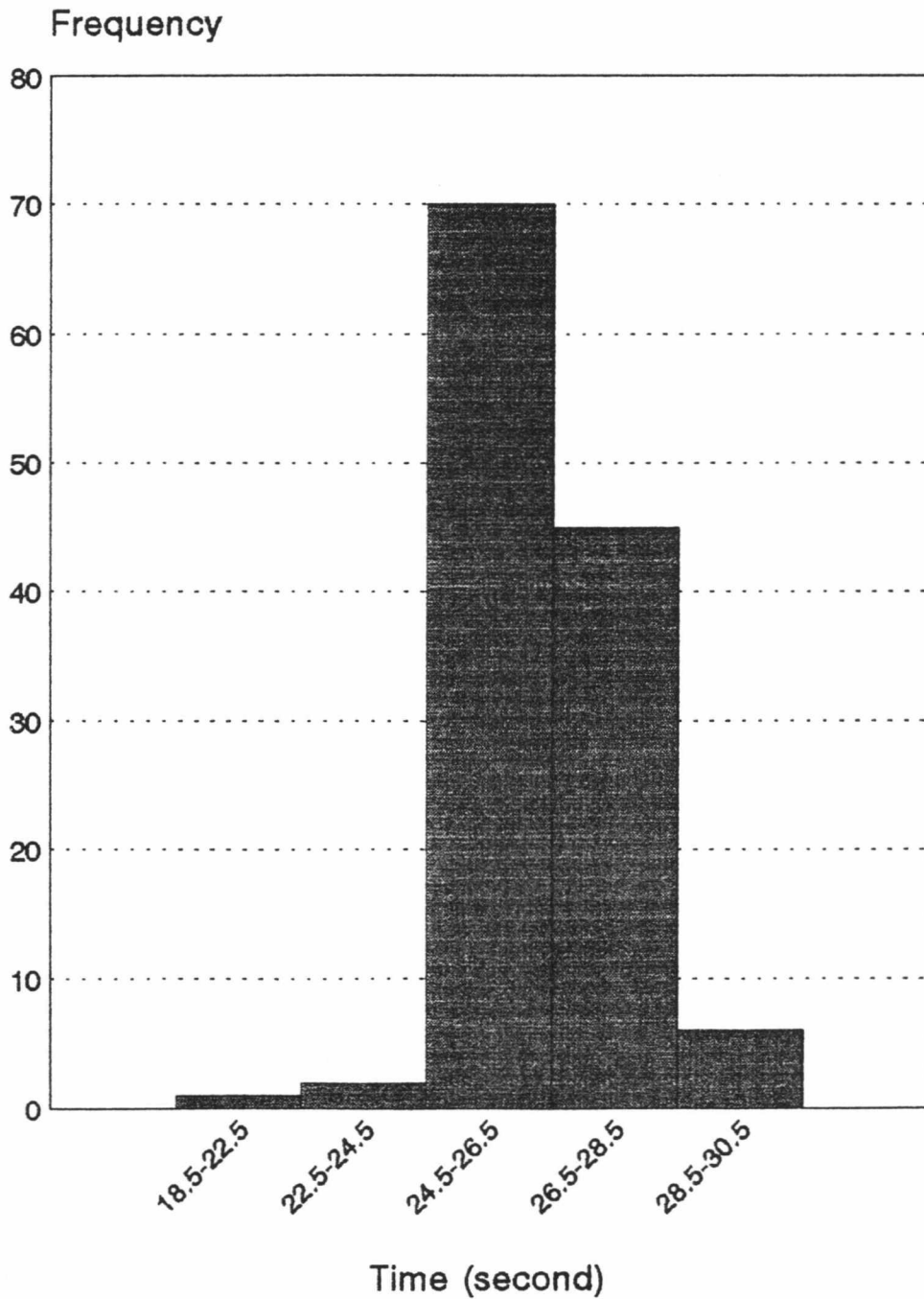
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
18.5 - 22.5	1	0.0081	0.0081	0.0011	0.0070
22.5 - 24.5	2	0.0161	0.0242	0.0643	0.0401
24.5 - 26.5	70	0.5645	0.5887	0.5160	0.0727
26.5 - 28.5	45	0.3629	0.9516	0.9441	0.0075
28.5 - 30.5	6	0.0484	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.0727$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4516 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2849 วินาที

รูปที่ 4-43 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.



- ช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 27.1129 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4658 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. ของวันทำงานไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 27.1129 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4658 วินาที

ตารางที่ 4-44 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

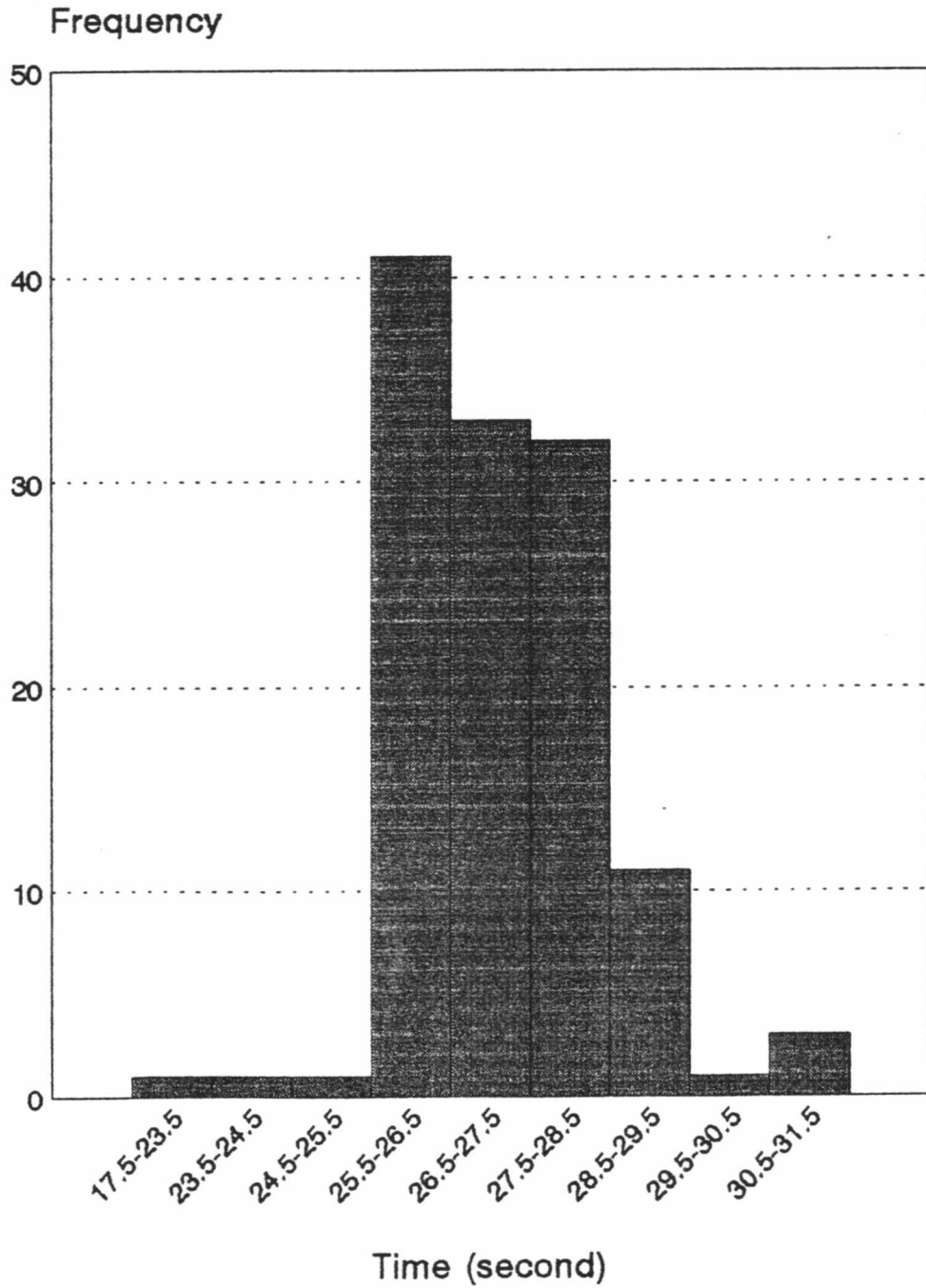
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
17.5 - 23.5	1	0.0080	0.0080	0.0041	0.0039
23.5 - 24.5	1	0.0080	0.0161	0.0375	0.0214
24.5 - 25.5	1	0.0080	0.0241	0.1357	0.1116
25.5 - 26.5	41	0.3306	0.3548	0.3372	0.0176
26.5 - 27.5	33	0.2661	0.6209	0.6026	0.0183
27.5 - 28.5	32	0.2580	0.8790	0.8264	0.0526
28.5 - 29.5	11	0.0887	0.9677	0.9474	0.0203
29.5 - 30.5	1	0.0080	0.9758	0.9896	0.0138
30.5 - 31.5	3	0.0241	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.1116$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 27.1129 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4658 วินาที

รูปที่ 4-44 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.



- ช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.9274 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.5143 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.9274 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.5143 วินาที

ตารางที่ 4-45 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

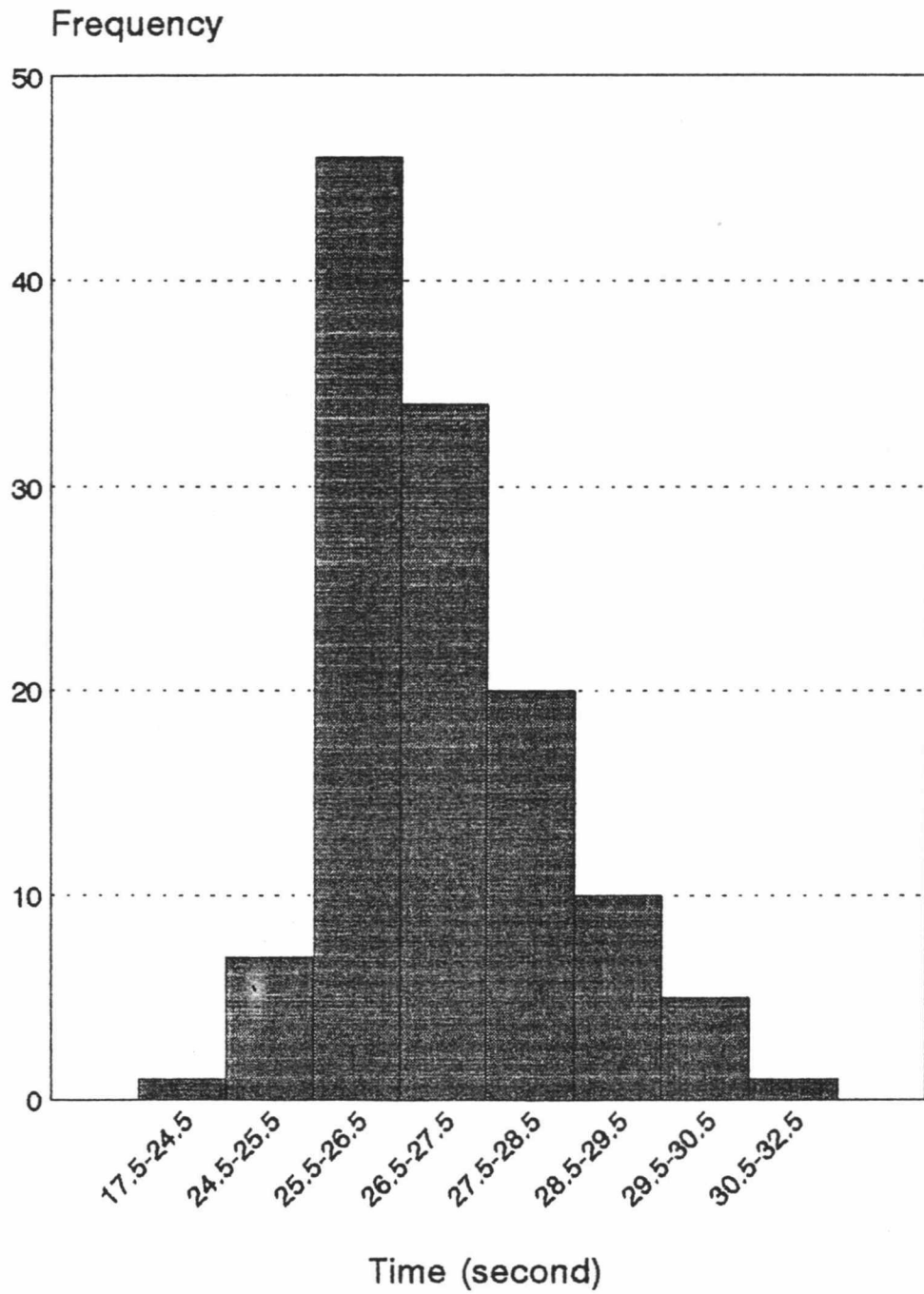
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
17.5 - 24.5	1	0.0080	0.0080	0.0548	0.0468
24.5 - 25.5	7	0.0564	0.0645	0.1736	0.1091
25.5 - 26.5	46	0.3709	0.4354	0.3897	0.0457
26.5 - 27.5	34	0.2741	0.7096	0.6443	0.0653
27.5 - 28.5	20	0.1612	0.8709	0.8485	0.0224
28.5 - 29.5	10	0.0806	0.9516	0.9545	0.0029
29.5 - 30.5	5	0.0403	0.9919	0.9906	0.0013
30.5 - 32.5	1	0.0080	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	124	1.0000			$D_{max} = 0.1091$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 124} = 0.1221$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 124}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันทำงานมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.9274 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.5143 วินาที

รูปที่ 4-45 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันทำงานในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.



4.1.2.2 ช่วงวันหยุด

- ช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 25.8666 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4314 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 25.8666 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4314 วินาที

ตารางที่ 4-46 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

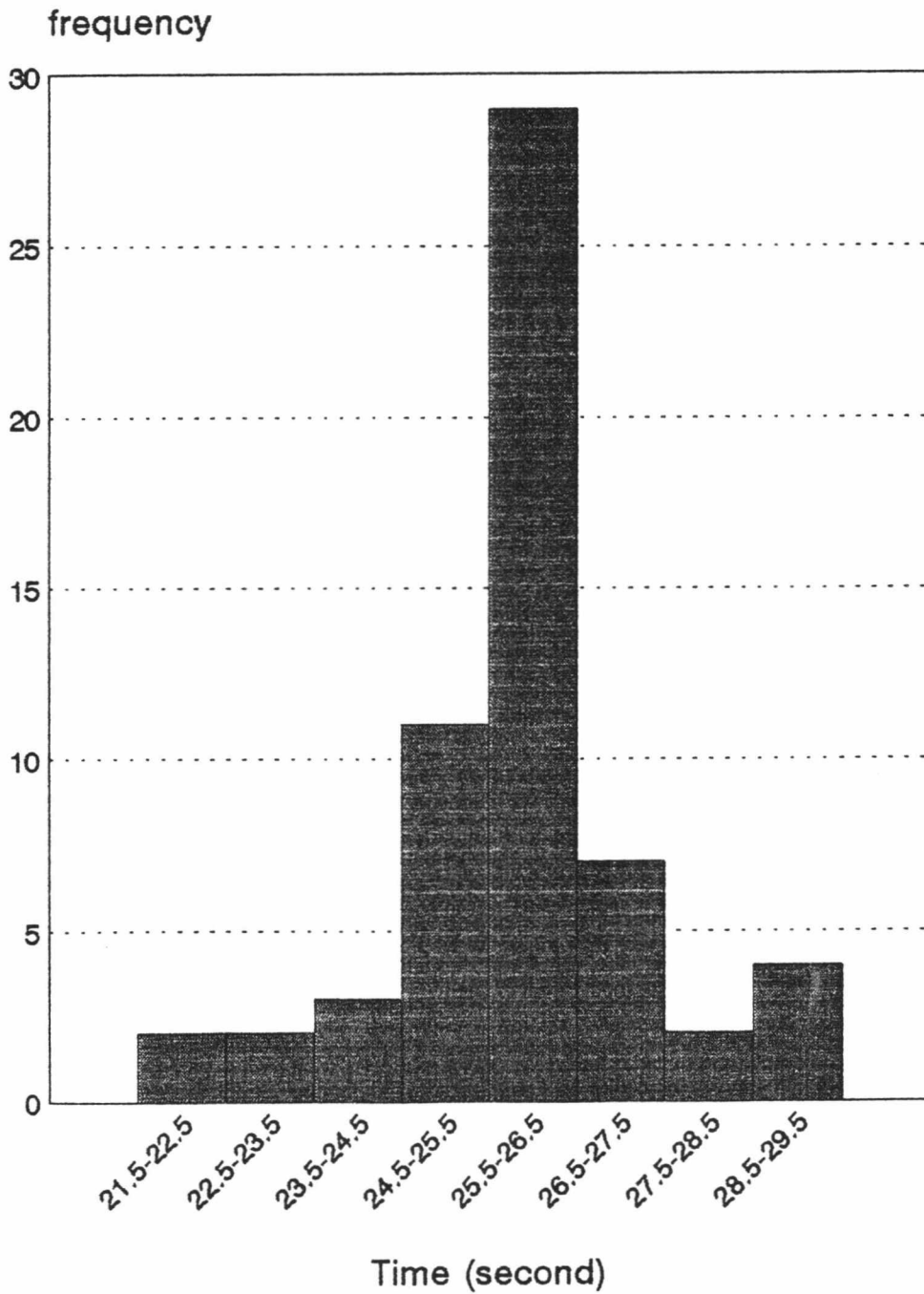
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
21.5 - 22.5	2	0.0333	0.0333	0.0094	0.0239
22.5 - 23.5	2	0.0333	0.0667	0.0495	0.0172
23.5 - 24.5	3	0.0500	0.1167	0.1711	0.0544
24.5 - 25.5	11	0.1833	0.3000	0.4013	0.1013
25.5 - 26.5	29	0.4833	0.7833	0.6700	0.1133
26.5 - 27.5	7	0.1167	0.9000	0.8729	0.0271
27.5 - 28.5	2	0.0333	0.9333	0.9664	0.0331
28.5 - 29.5	4	0.0667	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1133$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 25.8666 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4314 วินาที

รูปที่ 4-46 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.



- ช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 25.5 วินาที และ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.3601 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 25.5 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.3601 วินาที

ตารางที่ 4-47 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

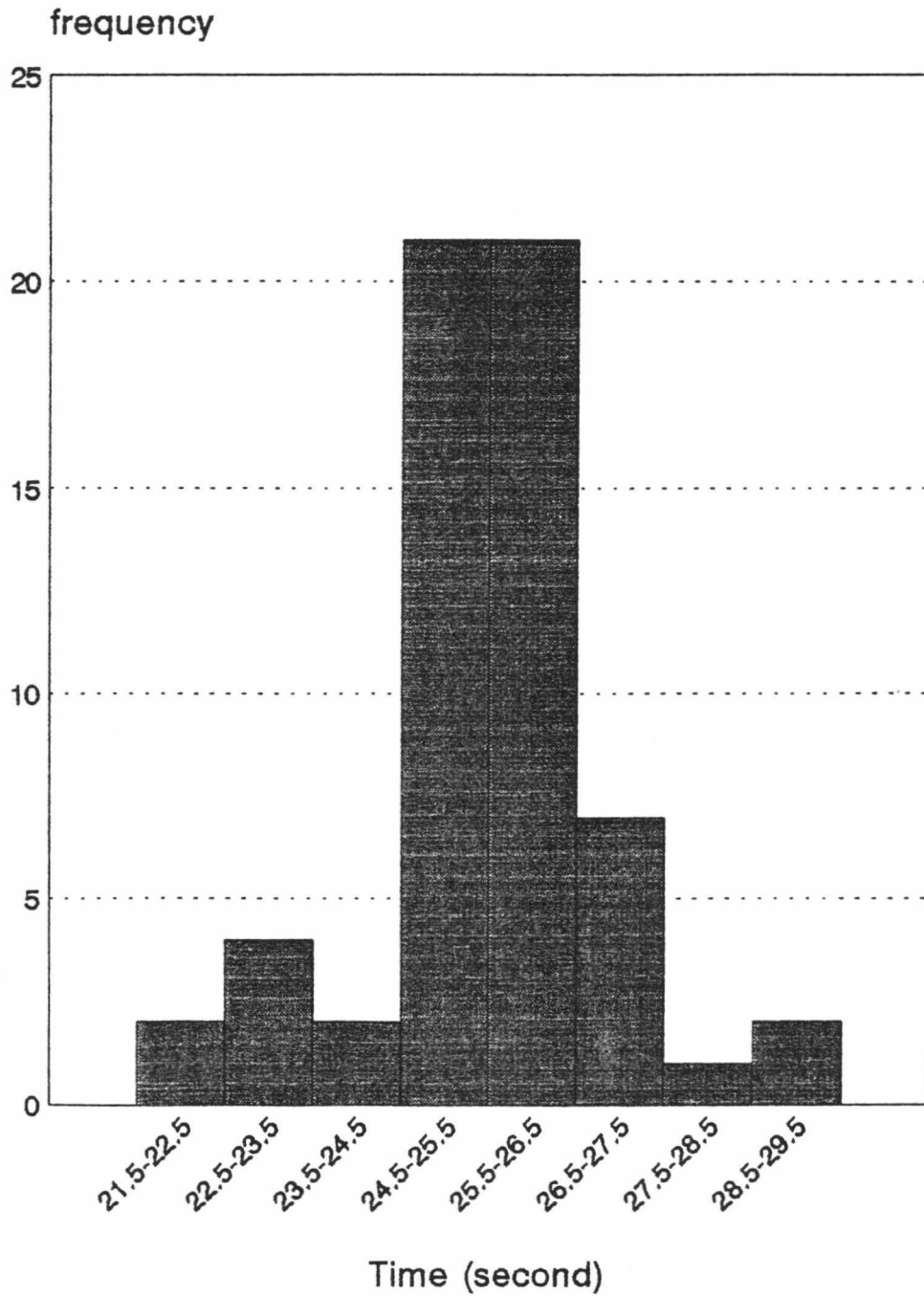
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
21.5 - 22.5	2	0.0333	0.0333	0.0139	0.0194
22.5 - 23.5	4	0.0667	0.1000	0.0708	0.0292
23.5 - 24.5	2	0.0333	0.1333	0.2327	0.0994
24.5 - 25.5	21	0.3500	0.4833	0.5000	0.0167
25.5 - 26.5	21	0.3500	0.8333	0.7389	0.0944
26.5 - 27.5	7	0.1167	0.9500	0.9292	0.0208
27.5 - 28.5	1	0.0167	0.9667	0.9816	0.0149
28.5 - 29.5	2	0.0333	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.0994$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05, 60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 25.5 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.3601 วินาที

รูปที่ 4-47 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.



- ช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 25.7333 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2092 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 25.7333 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2092 วินาที

ตารางที่ 4-48 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

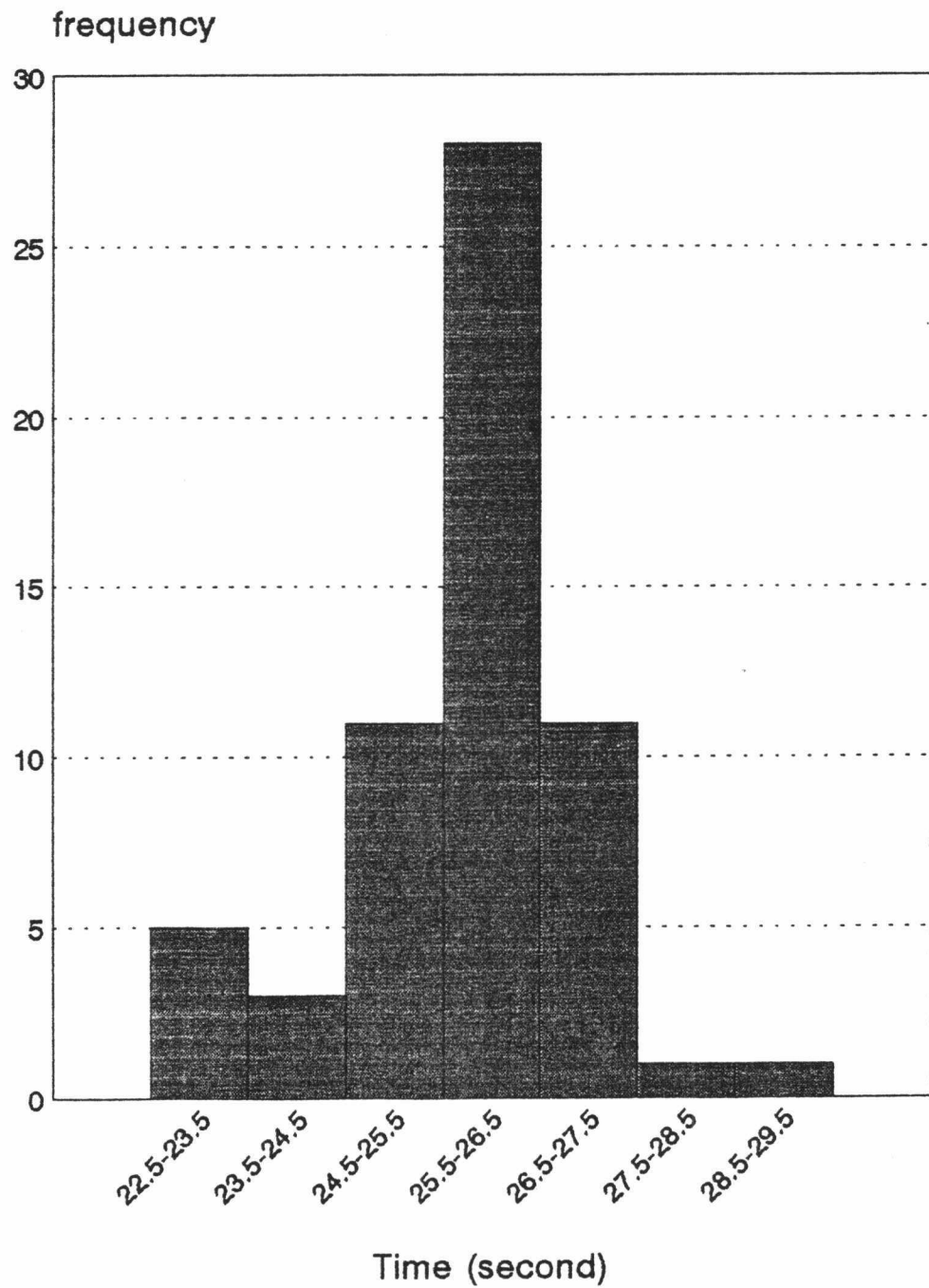
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
22.5 - 23.5	5	0.0833	0.0833	0.0323	0.0510
23.5 - 24.5	3	0.0500	0.1333	0.1562	0.0229
24.5 - 25.5	11	0.1833	0.3167	0.4245	0.1078
25.5 - 26.5	28	0.4667	0.7833	0.7198	0.0635
26.5 - 27.5	11	0.1833	0.9667	0.9277	0.0390
27.5 - 28.5	1	0.0167	0.9833	0.9886	0.0053
28.5 - 29.5	1	0.0167	1.0000	1.0003	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1078$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 25.7333 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2092 วินาที

รูปที่ 4-48 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.



- ช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.0667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2763 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.0667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2763 วินาที

ตารางที่ 4-49 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

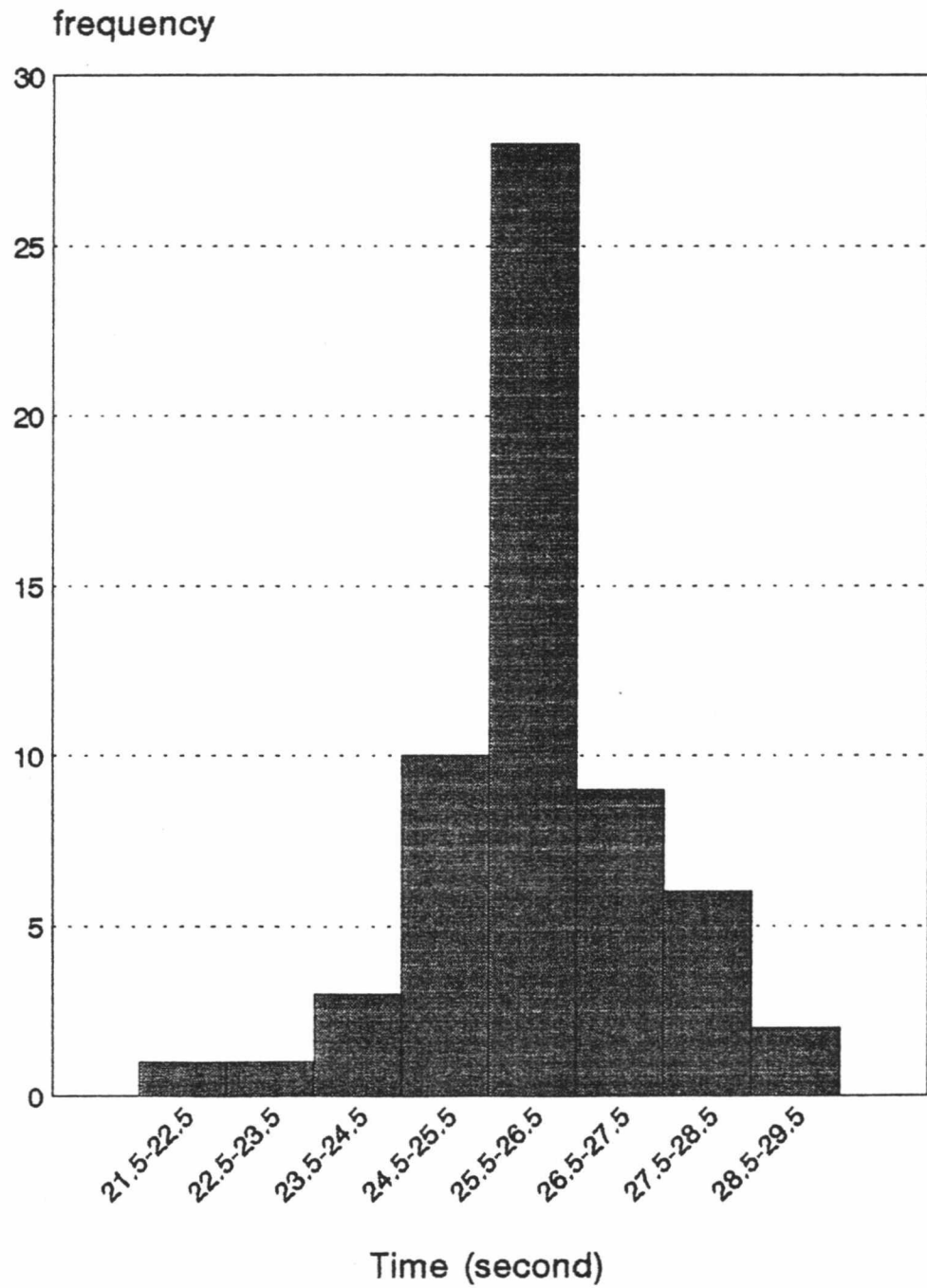
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
21.5 - 22.5	1	0.0167	0.0167	0.0026	0.0141
22.5 - 23.5	1	0.0167	0.0333	0.0220	0.0113
23.5 - 24.5	3	0.0500	0.0833	0.1112	0.0279
24.5 - 25.5	10	0.1667	0.2500	0.3300	0.0800
25.5 - 26.5	28	0.4667	0.7167	0.6293	0.0874
26.5 - 27.5	9	0.1500	0.8667	0.8686	0.0019
27.5 - 28.5	6	0.1000	0.9667	0.9716	0.0049
28.5 - 29.5	2	0.0333	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.0874$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.0667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2763 วินาที

รูปที่ 4-49 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.



- ช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4333 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2023 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4333 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2023 วินาที

ตารางที่ 4-50 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

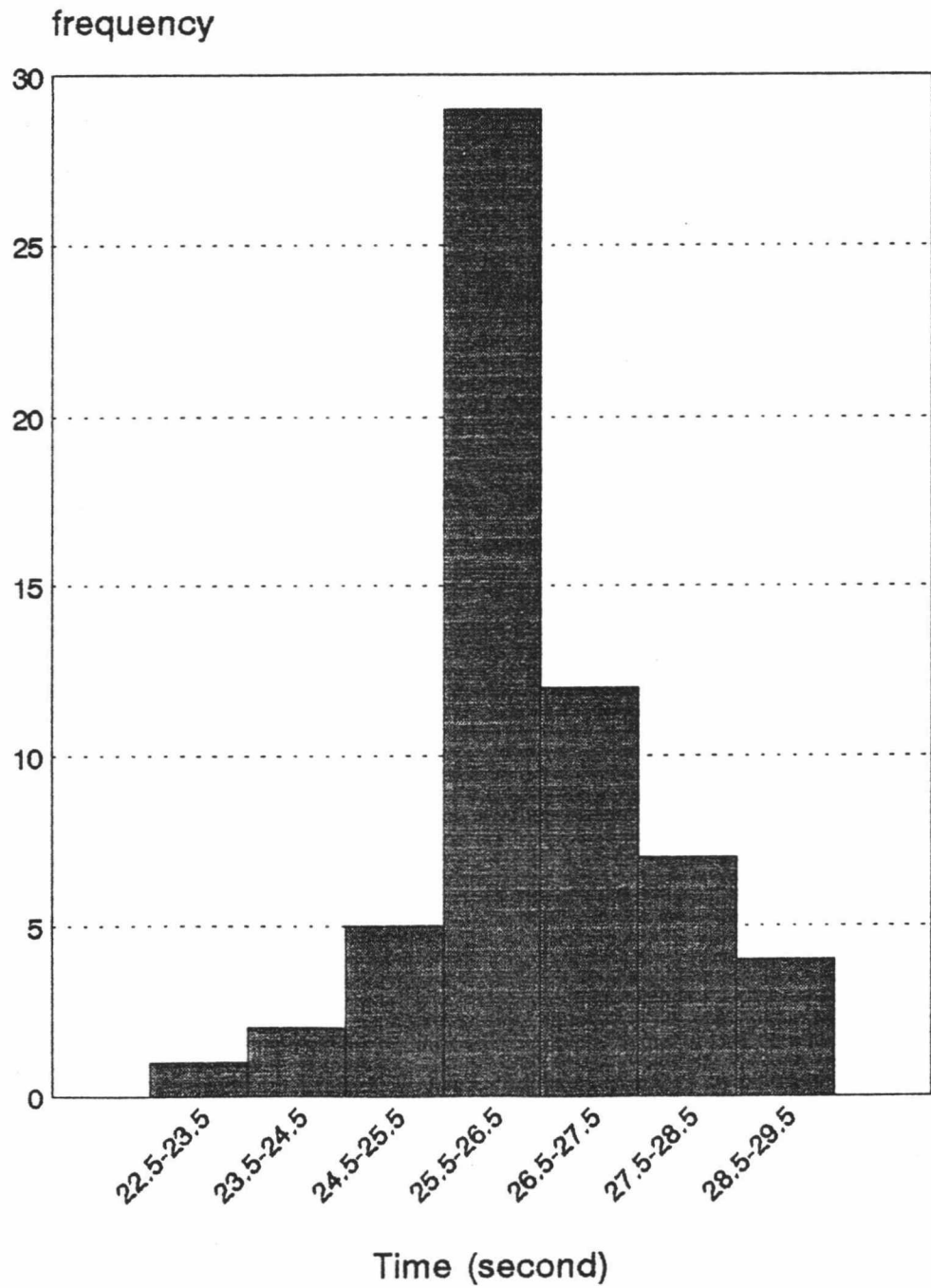
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
22.5 - 23.5	1	0.0167	0.0167	0.0075	0.0092
23.5 - 24.5	2	0.0333	0.0500	0.0548	0.0048
24.5 - 25.5	5	0.0833	0.1333	0.2206	0.0873
25.5 - 26.5	29	0.4833	0.6167	0.5199	0.0968
26.5 - 27.5	12	0.2000	0.8167	0.8106	0.0061
27.5 - 28.5	7	0.1167	0.9333	0.9564	0.0231
28.5 - 29.5	4	0.0667	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.0967$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4333 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2023 วินาที

รูปที่ 4-50 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.



- ช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.5667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2957 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.5667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2957 วินาที

ตารางที่ 4-51 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร်นอฟ

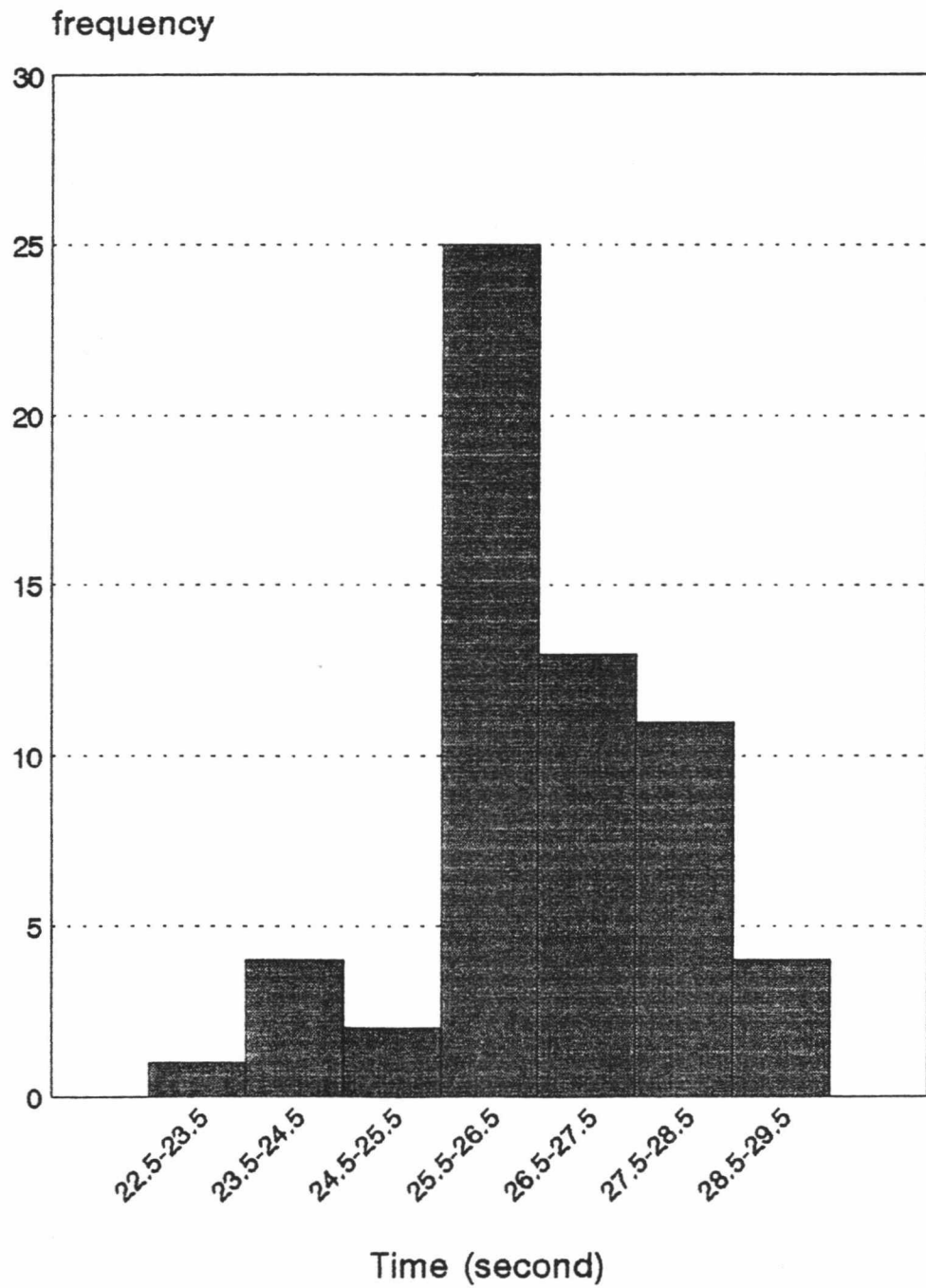
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
22.5 - 23.5	1	0.0167	0.0167	0.0091	0.0076
23.5 - 24.5	4	0.0667	0.0833	0.0559	0.0274
24.5 - 25.5	2	0.0333	0.1167	0.2061	0.0894
25.5 - 26.5	25	0.4167	0.5333	0.4801	0.0532
26.5 - 27.5	13	0.2167	0.7500	0.7642	0.0142
27.5 - 28.5	11	0.1833	0.9333	0.9319	0.0014
28.5 - 29.5	4	0.0667	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max}=0.0894$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.5667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2957 วินาที

รูปที่ 4-51 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.



- ช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.65 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.3641 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.65 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.3641 วินาที

ตารางที่ 4-52 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอน

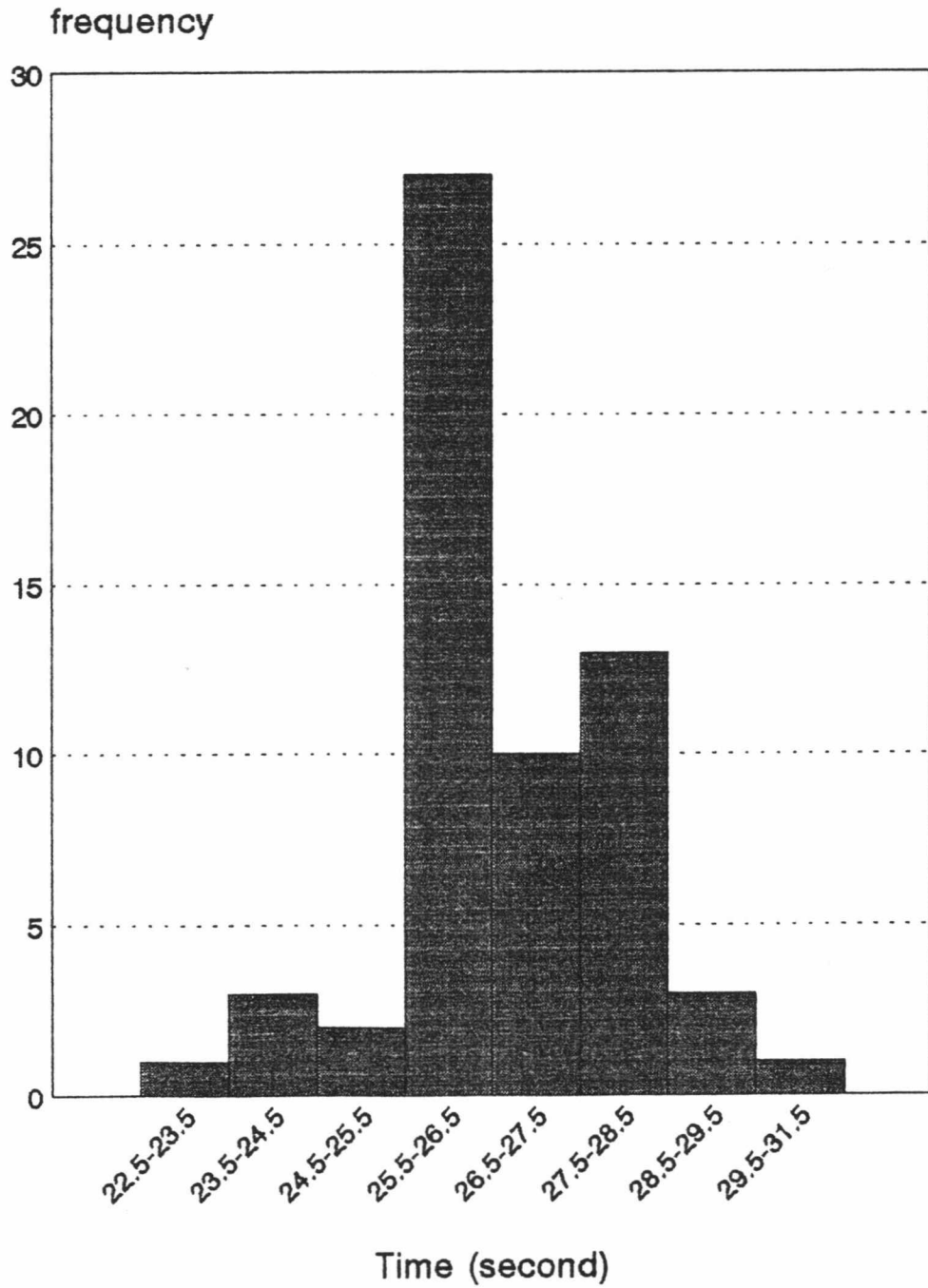
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
22.5 - 23.5	1	0.0167	0.0167	0.0137	0.0030
23.5 - 24.5	3	0.0500	0.0667	0.0582	0.0085
24.5 - 25.5	2	0.0333	0.1000	0.2005	0.1005
25.5 - 26.5	27	0.4500	0.5500	0.4602	0.0898
26.5 - 27.5	10	0.1667	0.7167	0.7324	0.0157
27.5 - 28.5	13	0.2167	0.9333	0.9115	0.0218
28.5 - 29.5	3	0.0500	0.9833	0.9812	0.0021
29.5 - 31.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1005$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.65 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.3641 วินาที

รูปที่ 4-52 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.



- ช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.2667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.1954 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.2667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.1954 วินาที

ตารางที่ 4-53 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร်นอฟ

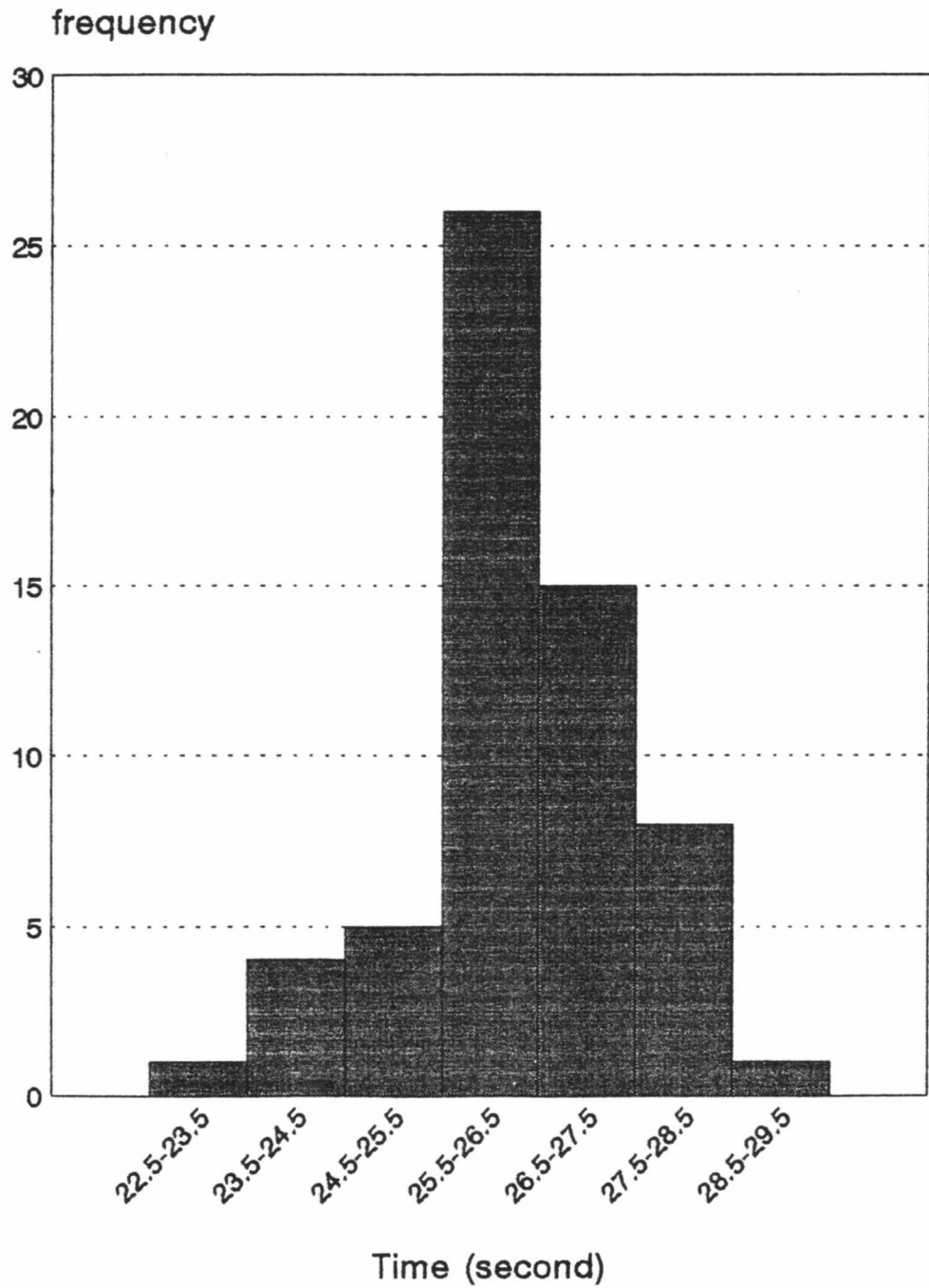
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
22.5 - 23.5	1	0.0167	0.0167	0.0104	0.0063
23.5 - 24.5	4	0.0667	0.0833	0.0708	0.0125
24.5 - 25.5	5	0.0833	0.1667	0.2611	0.0944
25.5 - 26.5	26	0.4333	0.6000	0.5753	0.0247
26.5 - 27.5	15	0.2500	0.8500	0.8485	0.0015
27.5 - 28.5	8	0.1333	0.9833	0.9686	0.0147
28.5 - 29.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.0944$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.2667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.1954 วินาที

รูปที่ 4-53 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.



- ช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2175 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2175 วินาที

ตารางที่ 4-54 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

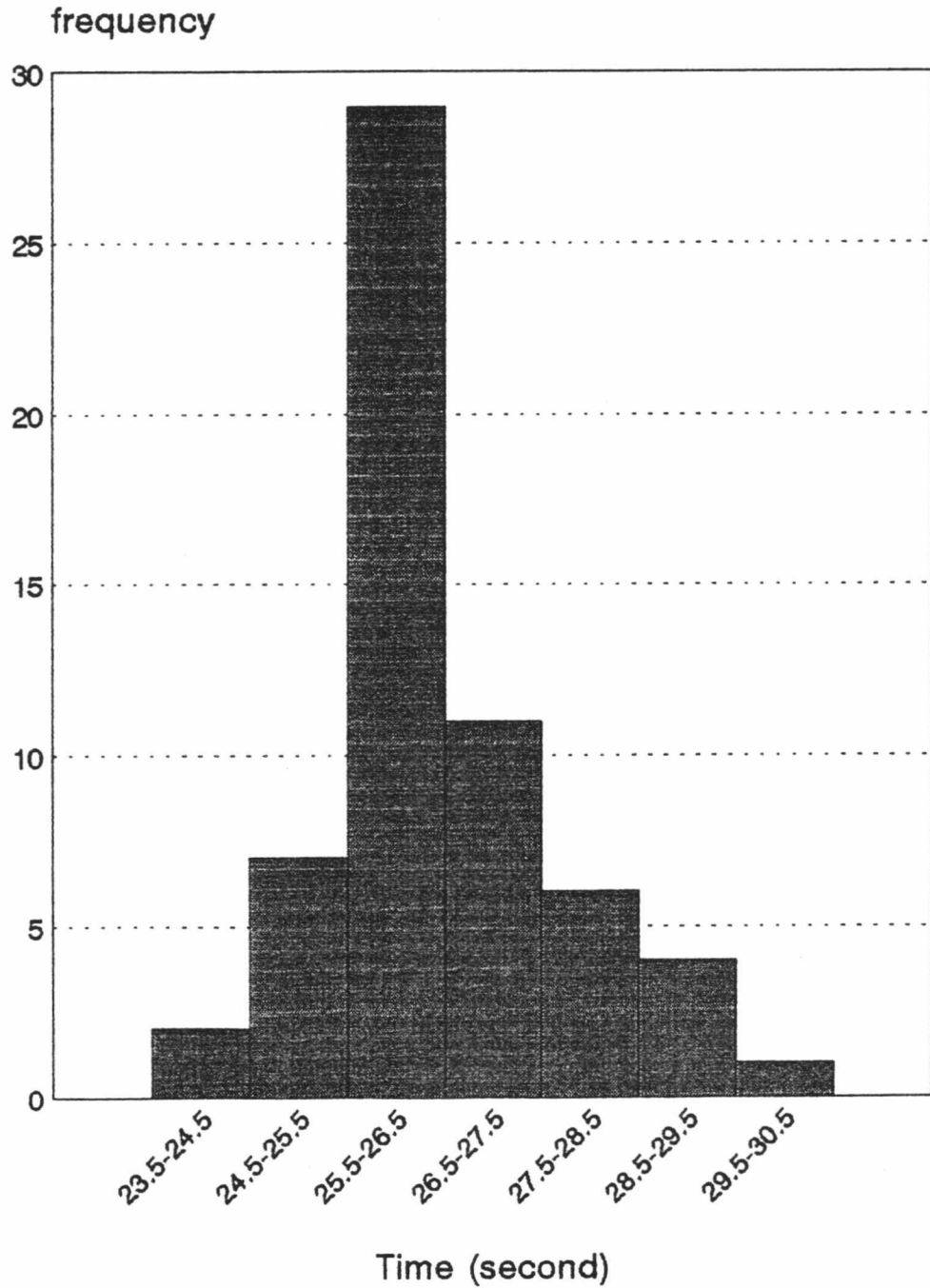
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
23.5 - 24.5	2	0.0333	0.0333	0.0537	0.0204
24.5 - 25.5	7	0.1167	0.1500	0.2148	0.0648
25.5 - 26.5	29	0.4833	0.6333	0.5080	0.1253
26.5 - 27.5	11	0.1833	0.8167	0.7995	0.0172
27.5 - 28.5	6	0.1000	0.9167	0.9525	0.0358
28.5 - 29.5	4	0.0667	0.9833	0.9936	0.0103
29.5 - 30.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1253$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.2175 วินาที

รูปที่ 4-54 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.



- ช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ของวันหยุดที่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.6833 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.6980 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.6833 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.6980 วินาที

ตารางที่ 4-55 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

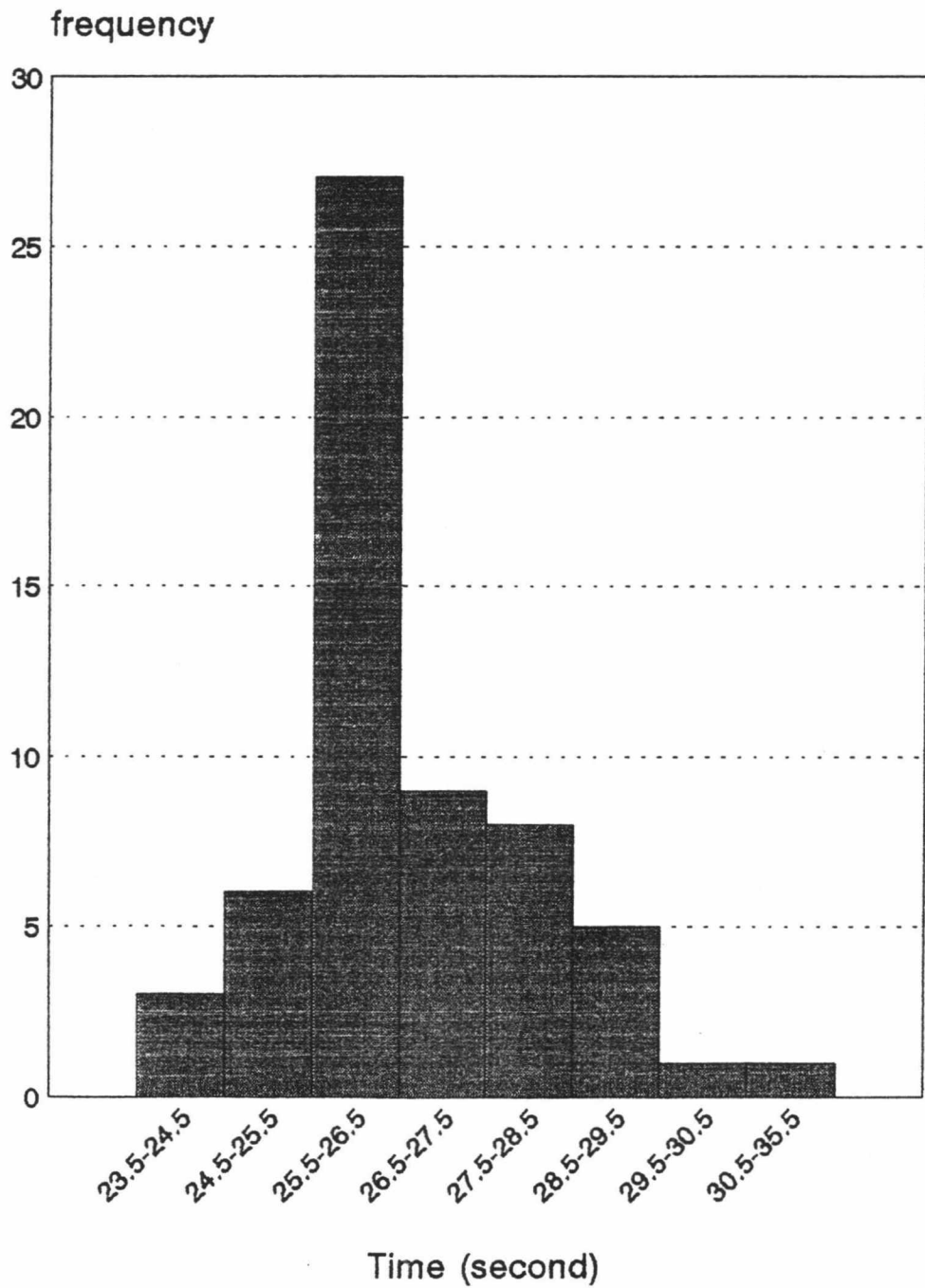
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
23.5 - 24.5	3	0.0500	0.0500	0.0571	0.0071
24.5 - 25.5	6	0.1000	0.1500	0.1611	0.0111
25.5 - 26.5	27	0.4500	0.6000	0.3446	0.2554
26.5 - 27.5	9	0.1500	0.7500	0.5714	0.1786
27.5 - 28.5	8	0.1333	0.8833	0.7794	0.1039
28.5 - 29.5	5	0.0833	0.9667	0.9131	0.0536
29.5 - 30.5	1	0.0167	0.9833	0.9744	0.0089
30.5 - 35.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.2554$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05, 60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} > D_{0.05, 60}$ จึงปฏิเสธสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่า เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.6833 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.6980 วินาที จึงใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างตัวแปรสุ่ม

รูปที่ 4-55 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.



- ช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.

H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.5167 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4317 วินาที

H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.5167 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4317 วินาที

ตารางที่ 4-56 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร်นอฟ

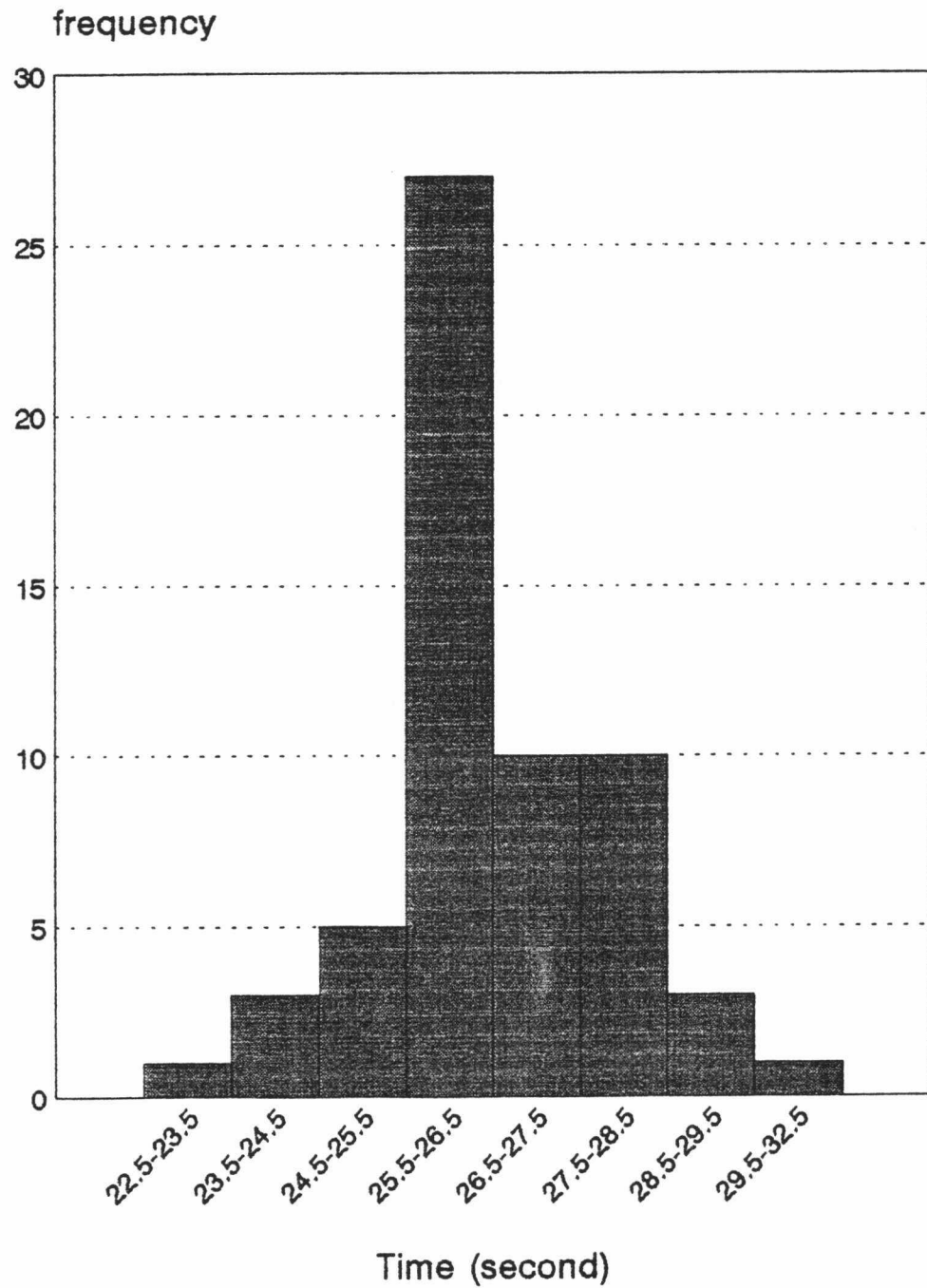
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
22.5 - 23.5	1	0.0167	0.0167	0.0179	0.0012
23.5 - 24.5	3	0.0500	0.0667	0.0808	0.0141
24.5 - 25.5	5	0.0833	0.1500	0.2389	0.0889
25.5 - 26.5	27	0.4500	0.6000	0.4562	0.1438
26.5 - 27.5	10	0.1667	0.7667	0.7517	0.0150
27.5 - 28.5	10	0.1667	0.9333	0.9162	0.0171
28.5 - 29.5	3	0.0500	0.9833	0.9812	0.0021
29.5 - 32.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1438$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.5167 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4317 วินาที

รูปที่ 4-56 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.



- ช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.0873 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.0873 วินาที

ตารางที่ 4-57 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

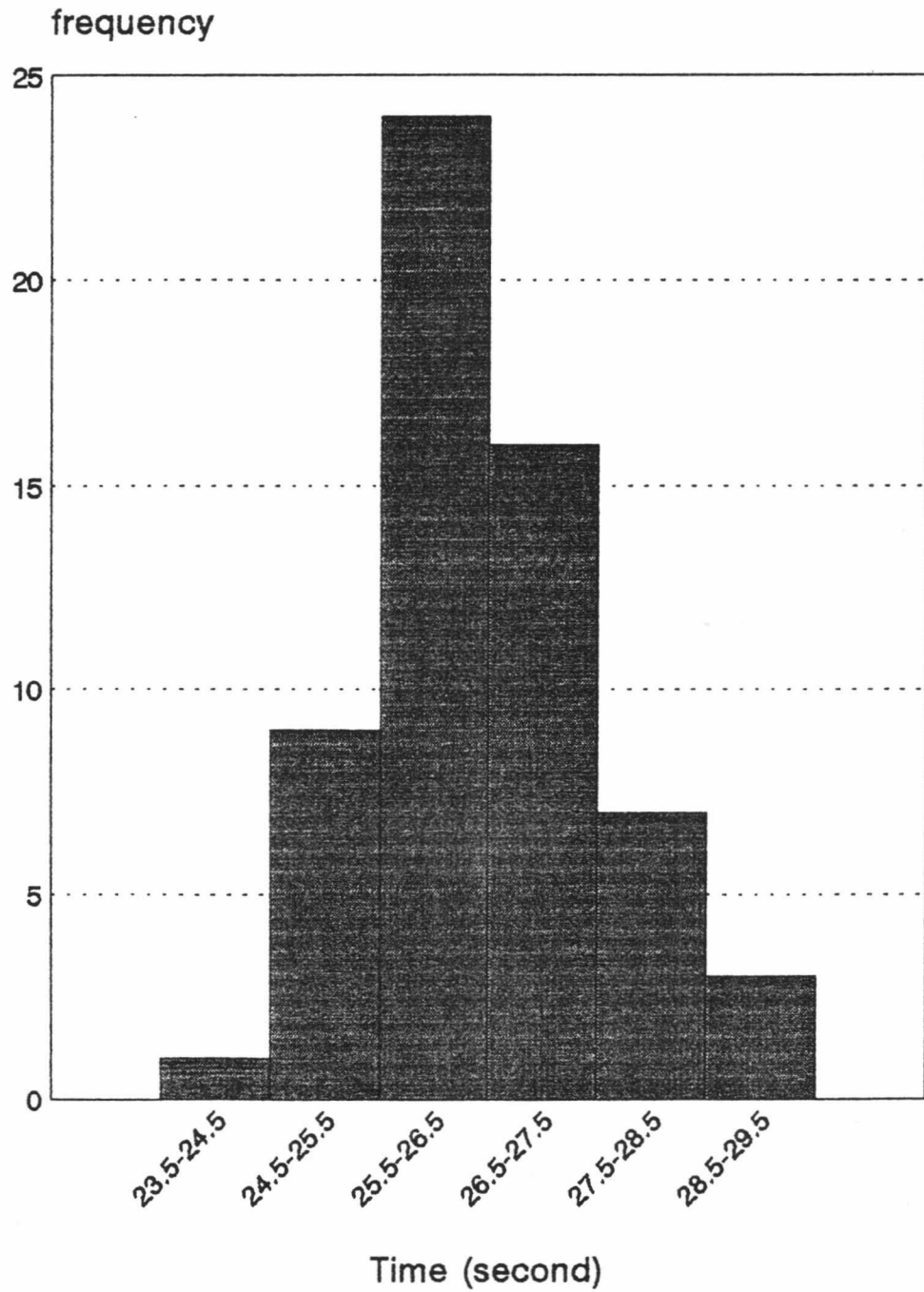
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
23.5 - 24.5	1	0.0167	0.0167	0.0359	0.0192
24.5 - 25.5	9	0.1500	0.1667	0.1894	0.0227
25.5 - 26.5	24	0.4000	0.5667	0.5210	0.0457
26.5 - 27.5	16	0.2667	0.8333	0.8289	0.0044
27.5 - 28.5	7	0.1167	0.9500	0.9693	0.0193
28.5 - 29.5	3	0.0500	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.0547$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.0873 วินาที

รูปที่ 4-57 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.



- ช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.0873 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.0873 วินาที

ตารางที่ 4-58 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

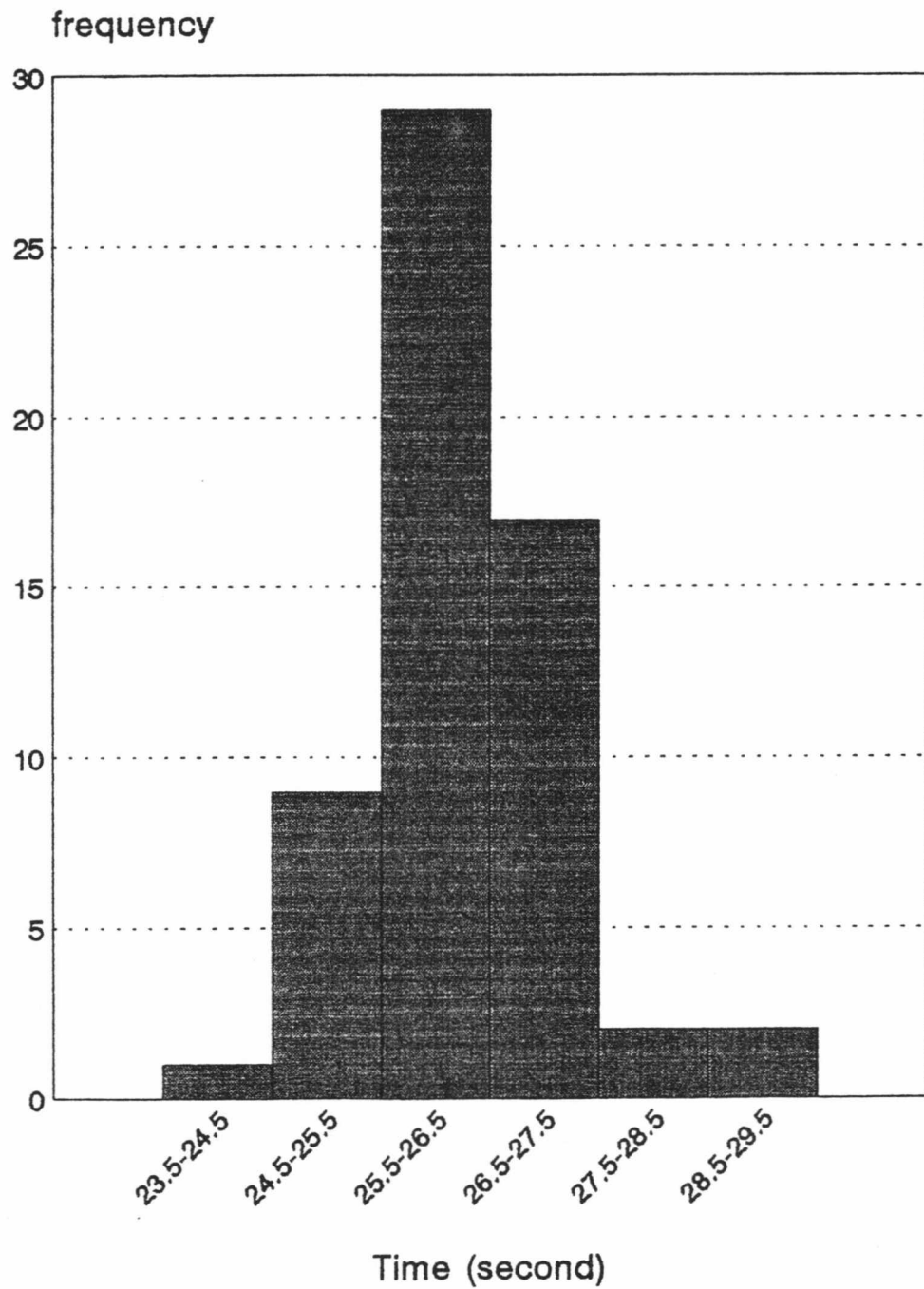
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
23.5 - 24.5	1	0.0167	0.0167	0.0287	0.0120
24.5 - 25.5	9	0.1500	0.1667	0.2061	0.0394
25.5 - 26.5	29	0.4833	0.6500	0.5987	0.0513
26.5 - 27.5	17	0.2833	0.9333	0.9082	0.0251
27.5 - 28.5	2	0.0333	0.9667	0.9918	0.0251
28.5 - 29.5	2	0.0333	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.0513$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.4667 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.0873 วินาที

รูปที่ 4-58 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.



- ช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.7 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.1874 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.7 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.1874 วินาที

ตารางที่ 4-59 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

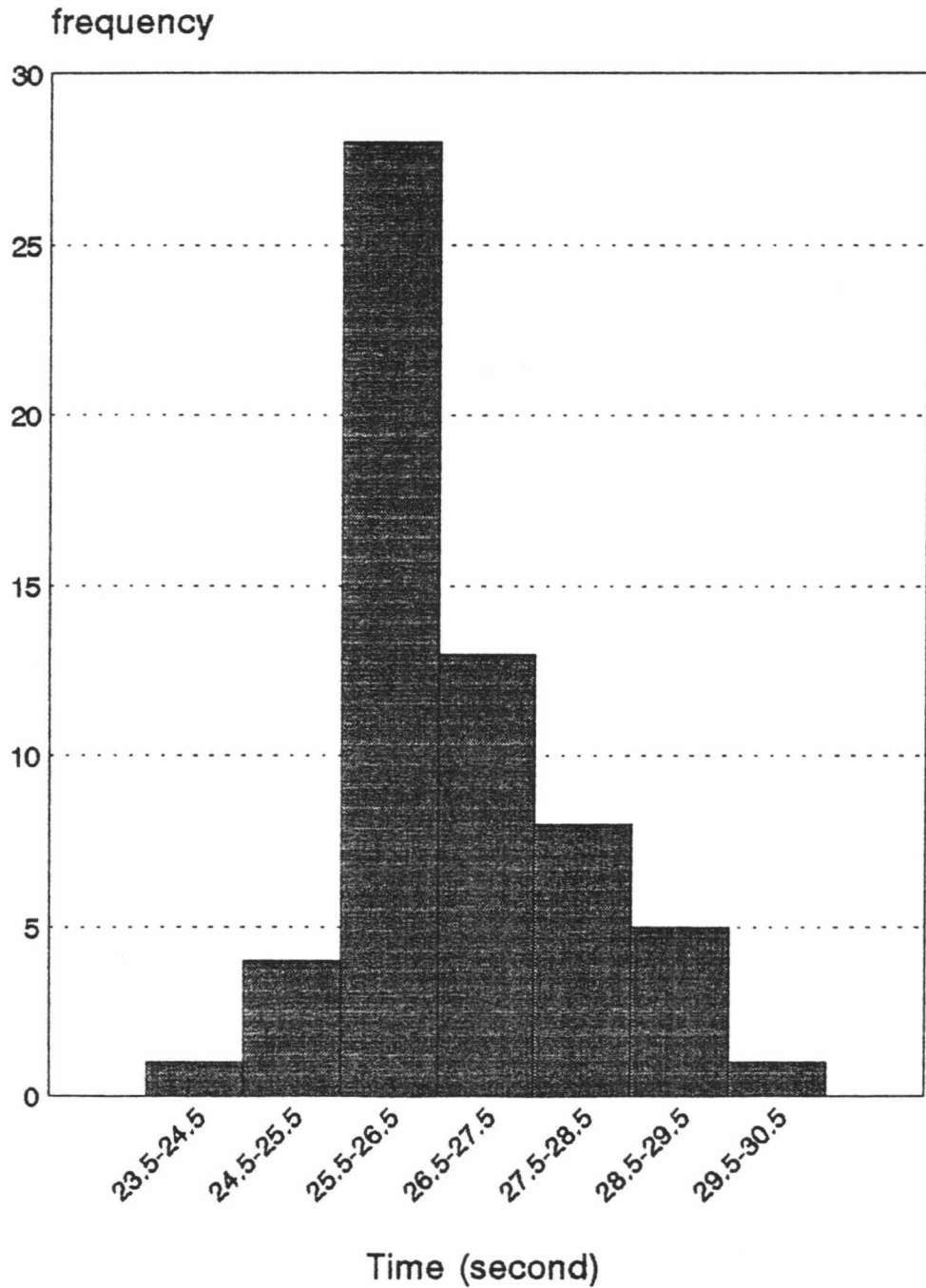
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
23.5 - 24.5	1	0.0167	0.0167	0.0322	0.0155
24.5 - 25.5	4	0.0667	0.0833	0.1562	0.0729
25.5 - 26.5	28	0.4667	0.5500	0.4364	0.1136
26.5 - 27.5	13	0.2167	0.7667	0.7486	0.0181
27.5 - 28.5	8	0.1333	0.9000	0.9345	0.0345
28.5 - 29.5	5	0.0833	0.9833	0.9906	0.0073
29.5 - 30.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max}=0.1136$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่าเวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.7 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.1874 วินาที

รูปที่ 4-59 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.



- ช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.

- H_0 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.3333 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4568 วินาที
- H_1 : เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันหยุดไม่มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.3333 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4568 วินาที

ตารางที่ 4-60 การทดสอบการแจกแจงแบบปกติโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

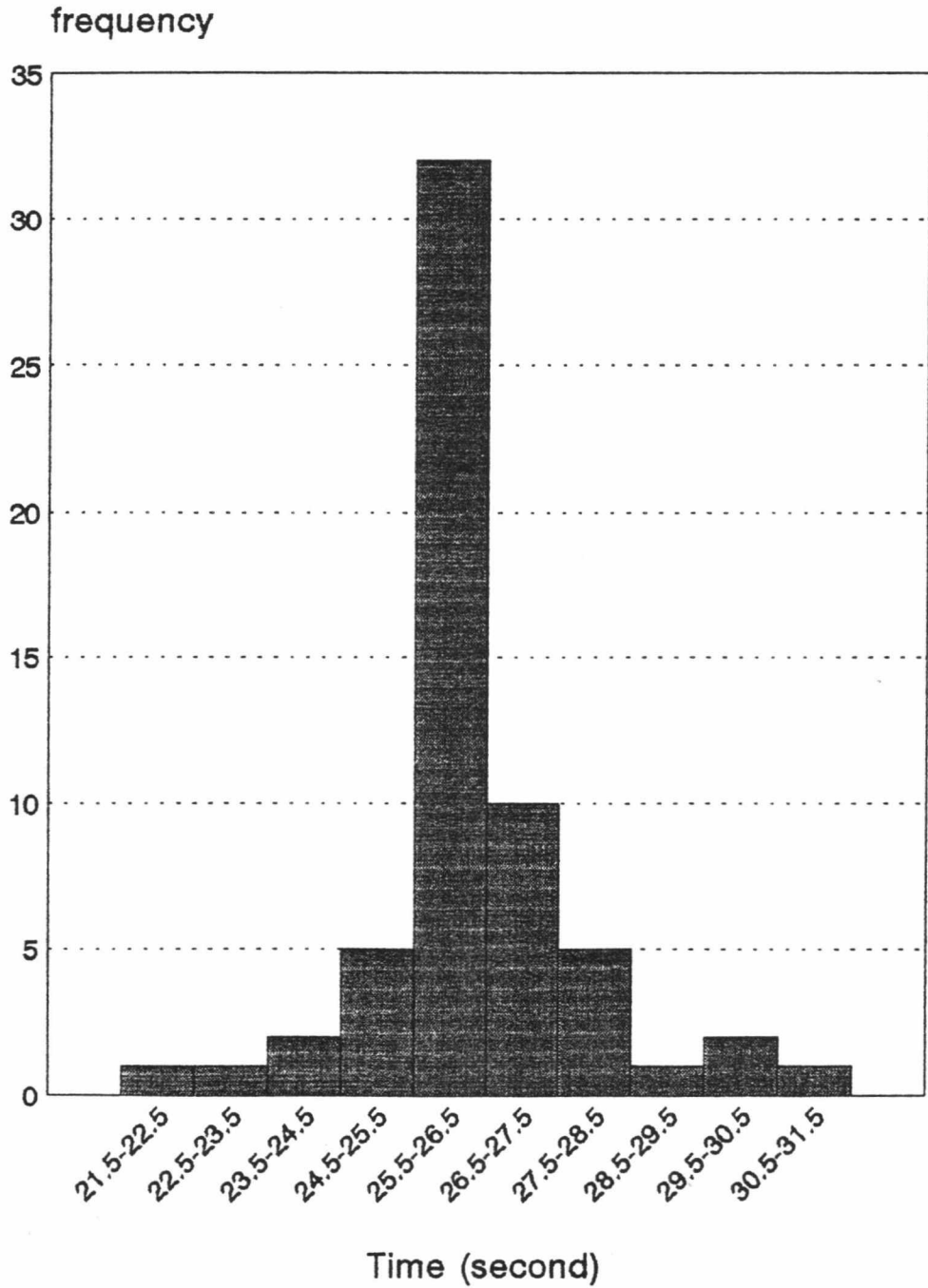
เวลาให้บริการ/ลูกค้า 1 คน	ความถี่	P(x)	S(x)	F(x)	$ F(x)-S(x) $
21.5 - 22.5	1	0.0167	0.0167	0.0043	0.0124
22.5 - 23.5	1	0.0167	0.0333	0.0262	0.0071
23.5 - 24.5	2	0.0333	0.0667	0.1056	0.0389
24.5 - 25.5	5	0.0833	0.1500	0.2843	0.1343
25.5 - 26.5	32	0.5333	0.6833	0.5438	0.1395
26.5 - 27.5	10	0.1667	0.8500	0.7881	0.0619
27.5 - 28.5	5	0.0833	0.9333	0.9306	0.0027
28.5 - 29.5	1	0.0167	0.9500	0.9850	0.0350
29.5 - 30.5	2	0.0333	0.9833	0.9979	0.0146
30.5 - 31.5	1	0.0167	1.0000	1.0000	0.0000
รวม	60	1.0000			$D_{max} = 0.1395$

ค่า D จากตาราง คือ $D_{0.05,60} = 0.1756$

ค่า $D_{max} < D_{0.05,60}$ จึงยอมรับสมมติฐานหลัก

นั่นคือที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 สามารถสรุปได้ว่า เวลาที่ให้บริการโดยเฉลี่ยของพนักงานต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันหยุดมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 26.3333 วินาที และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน 1.4568 วินาที

รูปที่ 4-60 กราฟแสดงการแจกแจงความถี่ของเวลาให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน
ของวันหยุดในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.



นำผลจากการทดสอบการแจกแจงความน่าจะเป็นที่ได้และข้อกำหนดต่าง ๆ ในการให้บริการของบริษัท ๔ เป็นข้อมูลในการสร้างแบบจำลองเพื่อหาจำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสมในแต่ละชั่วโมง โดยข้อกำหนดของแบบจำลองดังนี้ คือ

- สมมติพนักงานที่ให้บริการในแบบจำลองสามารถทำงานได้เต็มที่ตลอดเวลาไม่มีการพักผ่อนในแต่ละชั่วโมง
- กำหนดให้การโทรเข้าสู่ศูนย์บริการเมื่อโทรติดแล้วจะมีเวลารอคอยไม่เกิน 4 วินาที

4.2 ผลที่ได้จากการวิเคราะห์แบบจำลองรูปแบบการให้บริการโทรศัพท์ติดตามตัวของบริษัท อีทีซีเอ็น เทเลคอมมิวนิเคชันส์ (ประเทศไทย) จำกัด

เมื่อนำผลที่ได้การวิเคราะห์ข้อมูลของทางบริษัท ๔ ไปคำนวณโดยใช้แบบจำลองที่สร้างขึ้นได้ผลดังนี้

4.2.1 ในช่วงวันทำงาน

ตารางที่ 4-61 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	32
จำนวนลูกค้าที่เข้ามารับบริการทั้งหมด (คน)	4,267.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	4,233.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.4991
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	81.0253
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	2.2504
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	97.7495
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	54.9573

ตารางที่ 4-62 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	51
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	6,701.0000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	6,652.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.1128
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	66.6108
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	1.8502
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	98.1497
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	46.3292

ตารางที่ 4-63 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	54
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	7,399.0000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	7,347.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.3445
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	38.3727
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	1.0658
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	98.9341
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	66.4464

ตารางที่ 4-64 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	54
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	7,406.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	7,345.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	2.9111
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	19.5162
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	0.5420
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	99.4579
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	88.6600

ตารางที่ 4-65 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	48
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	6,321.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	6,275.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.6707
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	55.4307
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	1.5397
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	98.4602
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	60.0088

ตารางที่ 4-66 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	55
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	7419.0000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	7361.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.7567
เวลารว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	41.2695
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	1.1463
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	98.8536
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	68.4861

ตารางที่ 4-67 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	57
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	7,621.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	7,562.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.9355
เวลารว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	32.9552
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	0.9153
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	99.0846
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	72.9063

ตารางที่ 4-68 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	56
จำนวนลูกค้าที่เข้ามารับบริการทั้งหมด (คน)	7,518.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	7,464.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.3476
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	46.7293
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	1.2980
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	98.7020
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	59.6585

ตารางที่ 4-69 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	57
จำนวนลูกค้าที่เข้ามารับบริการทั้งหมด (คน)	7,617.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	7,557.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	2.0446
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	35.6374
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	0.9898
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	99.0101
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	71.0165

ตารางที่ 4-70 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	52
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	6,852.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	6,799.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.6861
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	52.0960
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	1.4470
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	98.5530
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	63.4369

ตารางที่ 4-71 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	46
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	6,068.0000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	6,018.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.7584
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	52.6887
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	1.4635
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	98.5365
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	62.5935

ตารางที่ 4-72 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	42
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	5,570.0000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	5,527.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.5816
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	45.6408
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	1.2677
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	98.7322
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	68.1485

ตารางที่ 4-73 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	37
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	4,854.0000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	4,818.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.5291
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	89.2169
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	2.4780
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	97.5220
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	48.9592

ตารางที่ 4-74 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	31
จำนวนลูกค้าที่เข้ามารับบริการทั้งหมด (คน)	3,994.0000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	3,962.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	2.0304
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	74.0245
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	2.0560
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	97.9444
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	62.1947

ตารางที่ 4-75 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	25
จำนวนลูกค้าที่เข้ามารับบริการทั้งหมด (คน)	3,081.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	3,058.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.9321
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	163.6318
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	4.5449
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	95.4550
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	46.4467

4.2.2 ช่วงวันหยุด

ตารางที่ 4-76 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 9.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	23
จำนวนลูกค้าที่เข้ามารับบริการทั้งหมด (คน)	2,707.0000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	2,689.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	3.1376
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	381.9912
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	10.6079
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	89.3920
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	37.5998

ตารางที่ 4-77 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 9.00 น. ถึง 10.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	27
จำนวนลูกค้าที่เข้ามารับบริการทั้งหมด (คน)	3,641.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	3,612.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	3.9033
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	116.8280
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	3.2447
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	96.7558
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	65.5842

ตารางที่ 4-78 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 10.00 น. ถึง 11.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	37
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	4,533.0000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	4,507.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	3.8479
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	265.9210
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	7.3865
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	92.6134
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	42.4906

ตารางที่ 4-79 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 11.00 น. ถึง 12.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	36
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	4,540.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	4,505.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	3.9191
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	202.8104
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	5.6333
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	94.3667
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	54.2667

ตารางที่ 4-80 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 12.00 น. ถึง 13.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	31
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	4,075.0000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	4,040.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	3.8522
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	93.5604
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	2.5984
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	97.4015
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	71.2613

ตารางที่ 4-81 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 13.00 น. ถึง 14.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	32
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	4,118.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	4,083.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	2.7744
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	132.4923
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	3.6798
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	96.3201
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	60.7922

ตารางที่ 4-82 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 14.00 น. ถึง 15.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	36
จำนวนลูกค้าที่เข้ามารับบริการทั้งหมด (คน)	4,298.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	4,264.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	3.4650
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	277.2939
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	7.7022
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	92.2977
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	39.7570

ตารางที่ 4-83 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 15.00 น. ถึง 16.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	31
จำนวนลูกค้าที่เข้ามารับบริการทั้งหมด (คน)	3,856.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	3,829.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	2.7149
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	196.6206
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	5.4614
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	94.5385
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	52.8805

ตารางที่ 4-84 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 16.00 น. ถึง 17.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	37
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	4,512.0000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	4,480.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	3.1367
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	240.6892
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	6.6856
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	93.3143
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	40.3821

ตารางที่ 4-85 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	32
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	4,239.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	4,205.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	3.2394
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	137.8674
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	3.8292
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	96.1707
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	48.4011

ตารางที่ 4-86 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 18.00 น. ถึง 19.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	33
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	4,379.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	4,346.5000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	2.7667
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	71.4955
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	1.9859
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	98.0140
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	70.2019

ตารางที่ 4-87 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 19.00 น. ถึง 20.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	33
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	4,290.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	4,263.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	1.8963
เวลาว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	97.6565
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	2.7125
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	97.2874
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	57.4141

ตารางที่ 4-88 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 20.00 น. ถึง 21.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	30
จำนวนลูกค้าที่เข้ามารับบริการทั้งหมด (คน)	4,130.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	4,098.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	3.1680
เวลารว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	44.7930
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	1.2441
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	98.7558
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	78.5879

ตารางที่ 4-89 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	26
จำนวนลูกค้าที่เข้ามารับบริการทั้งหมด (คน)	3,413.0000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	3,386.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	3.7815
เวลารว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	77.1885
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	2.1438
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	97.8561
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	73.7413

ตารางที่ 4-89 แสดงผลที่ได้จากแบบจำลองในช่วงเวลา 22.00 น. ถึง 23.00 น.

	ค่าจากแบบจำลอง
จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม (คน)	22
จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด (คน)	2,807.5000
จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ (คน)	2,785.0000
เวลาในการรอคอยของลูกค้าเฉลี่ย (วินาที)	3.0920
เวลารว่างของพนักงาน/คน (วินาที)	150.6302
โอกาสที่พนักงานว่าง (%)	4.6302
โอกาสที่พนักงานทำงาน (%)	95.8165
โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย (%)	58.8938

สามารถอธิบายผลจากตารางได้ดังนี้

- จำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม คือ จำนวนพนักงานให้บริการที่เพียงพอ กับจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ โดยพนักงานเหล่านี้จะต้องทำงานตลอดเวลา
- จำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการทั้งหมด คือ จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ
- เวลาในการรอคอยของลูกค้าโดยเฉลี่ย คือ เวลารอคอยทั้งหมด/จำนวนลูกค้า
- เวลารว่างของพนักงาน/คน คือ เวลารว่างของพนักงาน/จำนวนพนักงาน
- โอกาสที่พนักงานว่าง คือ เปอร์เซ็นต์ของเวลารว่างงานของพนักงานใน 1 ชั่วโมง โดยคำนวณจาก $(\text{เวลารว่างงานใน 1 ชม.} / 3600 \text{ วินาที}) * 100$
- โอกาสที่พนักงานทำงาน คือ เปอร์เซ็นต์ของเวลาทำงานของพนักงานใน 1 ชั่วโมง โดยคำนวณจาก $(\text{เวลาทำงานใน 1 ชม.} / 3600 \text{ วินาที}) * 100$
- โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย คือ เปอร์เซ็นต์ที่ลูกค้าจะต้องรอคอยการรับบริการ โดยคำนวณจาก $(\text{จำนวนลูกค้าในระบบ} / \text{จำนวนลูกค้าในแถวคอย}) * 100$

บทที่ 5

สรุปผลการวิเคราะห์แบบจำลอง และข้อเสนอแนะ

5.1 ระบบการให้บริการโทรศัพท์ที่ติดตามตัวของ บริษัท อักซิชั่น เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด

ผลจากการวิเคราะห์ระบบการทำงานของบริษัทพบว่า ระบบการให้บริการโทรศัพท์ที่ติดตามตัวของบริษัท อักซิชั่น เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด ได้มีการร่วมมือกับทางองค์การโทรศัพท์ เมื่อผู้ใช้กดหมายเลขโทรศัพท์ 162 เพื่อใช้บริการฝากข้อความทางองค์การโทรศัพท์ก็จะทำการแปลงหมายเลขดังกล่าว ให้เป็นหมายเลขโทรศัพท์ 7 ตัว (ทางบริษัท 4 ได้จองหมายเลขเอาไว้จำนวน 300 หมายเลข) เพื่อเข้าสู่ศูนย์รับฝากข้อความของทางบริษัท

ศูนย์รับฝากข้อความของทางบริษัท มีการควบคุมการรับฝากข้อความ โดยเครื่อง ACD (Automatic Call Distribution) ซึ่งเครื่องนี้จะทำหน้าที่รับสัญญาณของผู้ใช้บริการจากทางหมายเลขที่ผ่านชุมสายต่าง ๆ ของทางองค์การโทรศัพท์ เพื่อจัดเรียงสัญญาณที่ได้รับ แล้วจึงส่งสัญญาณไปยังพนักงานรับฝากข้อความที่ว่างอยู่

พนักงานแต่ละคนจะมีช่วงเวลาการทำงานที่ไม่เหมือนกัน โดยทางบริษัทจะกำหนดไว้ว่าพนักงาน 4 แต่ละคนจะต้องทำงานวันละ 10 ชั่วโมง และจะต้องทำงานในช่วงเวลาเดียวกันนาน 15 วัน จึงจะเปลี่ยนช่วงเวลาการทำงานได้ ดังนั้นจำนวนพนักงานรับฝากข้อความในแต่ละชั่วโมงจะไม่แน่นอนมีการเปลี่ยนแปลงอยู่ตลอดเวลา

5.2 สรุปผลการวิเคราะห์ระบบการให้บริการโทรศัพท์ที่ติดตามตัว ของ บริษัท อักซิชั่น เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด

จากการวิเคราะห์จำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความ และเวลาที่พนักงานใช้ในการให้บริการโดยเฉลี่ย/พนักงานหนึ่งคนใน 1 ชั่วโมง ในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 23.00 น. พบว่าในข้อมูลแต่ละตัวสามารถแบ่งออกได้เป็น 2 ช่วง คือช่วงวันทำงาน (วันจันทร์ถึงวันศุกร์) และช่วงวันหยุด (วันหยุดราชการ วันเสาร์และวันอาทิตย์) ซึ่งได้นำมาทำเป็นกราฟเส้นเปรียบเทียบให้เห็นความแตกต่างระหว่างจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้

บริการฝากข้อความในวันทำงานและวันหยุดได้ดังแสดงในรูปที่ 5-1 จะเห็นว่ามีความแตกต่างกันอย่างชัดเจนระหว่างจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการในแต่ละชั่วโมงในช่วงวันทำงานและวันหยุด ส่วนเวลาที่พนักงานใช้ในการให้บริการโดยเฉลี่ย/พนักงาน 1 คน ใน 1 ชั่วโมงจะไม่มี ความแตกต่างกันในระหว่างวันทำงานและวันหยุดจึงได้นำมาทำเป็นกราฟเปรียบเทียบ

นำข้อมูลทั้งหมดมาวิเคราะห์หารูปแบบการแจกแจงความน่าจะเป็นโดยวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ ได้ดังนี้

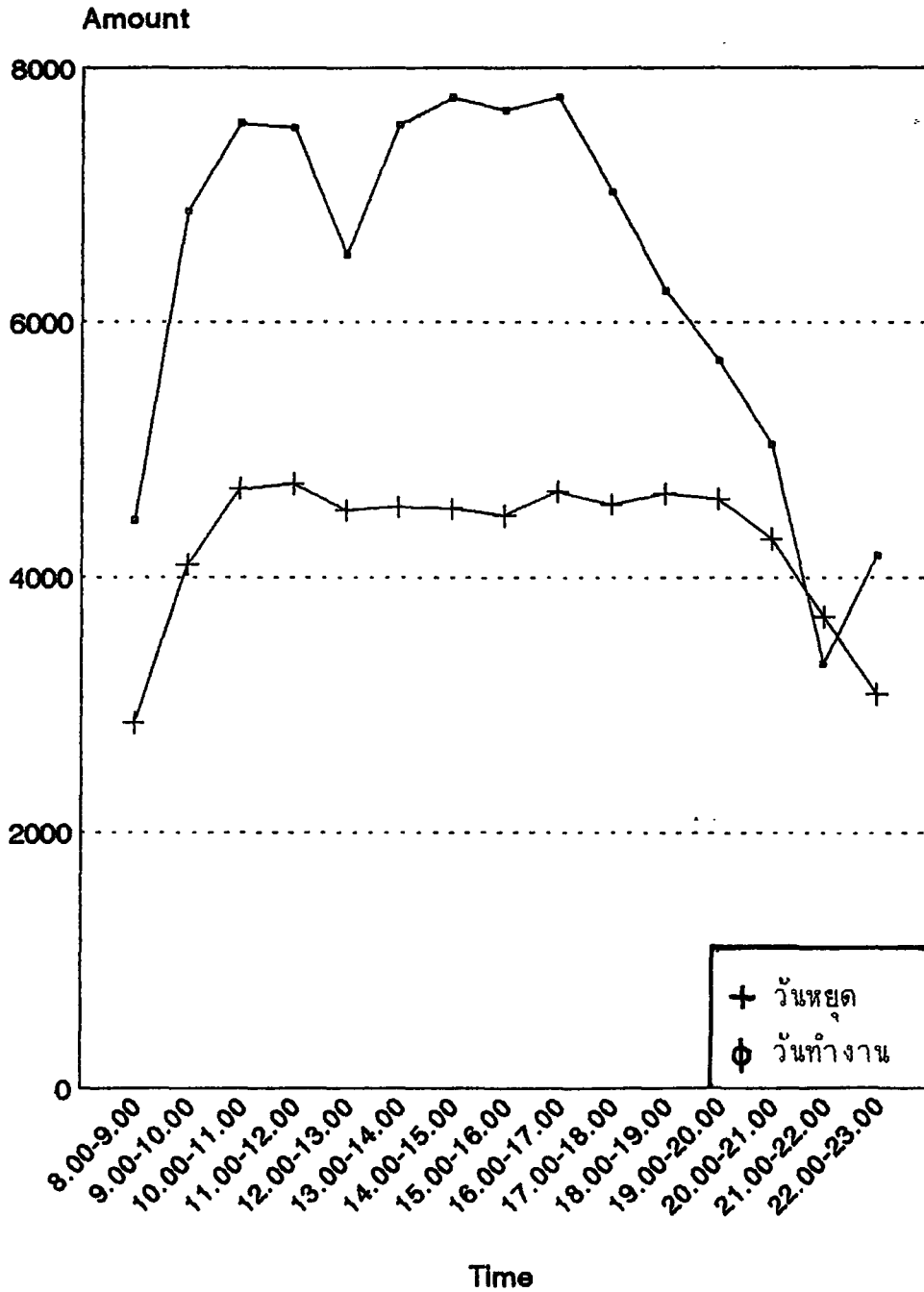
5.1.1 ข้อมูลจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงวันทำงาน จะมีการแจกแจงเป็นแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ยและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานดังแสดงในตารางที่ 5-1

5.1.2 ข้อมูลจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการฝากข้อความในช่วงวันหยุดส่วนใหญ่ จะไม่มีการแจกแจงเป็นแบบปกติ จึงต้องใช้เทคนิคมอนติคาร์โลช่วยในการสร้างตัวเลขสุ่ม ยกเว้นในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. และช่วงเวลา 21.00 น. ถึง 22.00 น. จะมีการแจกแจงเป็นแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ยและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ดังแสดงในตารางที่ 5-2

5.1.3 ข้อมูลเวลาที่ใช้ในการให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงวันทำงาน จะมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ยและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานดังแสดงในตารางที่ 5-3

5.1.4 ข้อมูลเวลาที่ใช้ในการให้บริการโดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คน ในช่วงวันหยุดจะมีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ยและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานดังแสดงในตารางที่ 5-4 ยกเว้นในช่วงเวลา 17.00 น. ถึง 18.00 น. ไม่สามารถยอมรับได้ว่าการแจกแจงแบบปกติจึงต้องใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการสร้างเลขสุ่มเพื่อใช้ในแบบจำลอง

รูปที่ 5-1 กราฟแสดงจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามาใช้บริการ (คน) ในช่วง 8.00 น. ถึง 9.00 น. โดยเปรียบเทียบระหว่างวันทำงานและวันหยุด



ตารางที่ 5-1 แสดงค่าเฉลี่ยและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามา
ใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันทำงาน

ช่วงเวลา	ค่าเฉลี่ย(คน)	ส่วนเบี่ยงเบนฯ(คน)	หมายเหตุ
08.00 น. - 09.00 น.	4,444.5400	398.6439	แจกแจงแบบปกติ
09.00 น. - 10.00 น.	6,874.5080	498.5758	แจกแจงแบบปกติ
10.00 น. - 11.00 น.	7,562.3387	659.4895	แจกแจงแบบปกติ
11.00 น. - 12.00 น.	7,524.9350	586.9773	แจกแจงแบบปกติ
12.00 น. - 13.00 น.	6,525.8064	612.9061	แจกแจงแบบปกติ
13.00 น. - 14.00 น.	7,543.1693	587.1138	แจกแจงแบบปกติ
14.00 น. - 15.00 น.	7,762.8950	655.9742	แจกแจงแบบปกติ
15.00 น. - 16.00 น.	7,660.0000	596.1689	แจกแจงแบบปกติ
16.00 น. - 17.00 น.	7,768.8467	705.3577	แจกแจงแบบปกติ
17.00 น. - 18.00 น.	7,025.3700	635.6594	แจกแจงแบบปกติ
18.00 น. - 19.00 น.	6,245.5483	602.3501	แจกแจงแบบปกติ
19.00 น. - 20.00 น.	5,704.9112	474.8583	แจกแจงแบบปกติ
20.00 น. - 21.00 น.	5,041.1450	477.2495	แจกแจงแบบปกติ
21.00 น. - 22.00 น.	3,322.1693	450.0217	แจกแจงแบบปกติ
22.00 น. - 23.00 น.	4,171.3790	424.6680	แจกแจงแบบปกติ

ตารางที่ 5-2 แสดงค่าเฉลี่ยและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของจำนวนลูกค้าที่โทรเข้ามา
ใช้บริการฝากข้อความในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันหยุด

ช่วงเวลา	ค่าเฉลี่ย(คน)	ส่วนเบี่ยงเบนฯ (คน)	หมายเหตุ
08.00 น. - 09.00 น.	2,859.8166	2,859.8166	ใช้วิธีมอนติคาร์โล
09.00 น. - 10.00 น.	4,099.5166	1,163.5956	ใช้วิธีมอนติคาร์โล
10.00 น. - 11.00 น.	4,696.6160	1,366.2630	ใช้วิธีมอนติคาร์โล
11.00 น. - 12.00 น.	4,733.1333	1,307.2947	ใช้วิธีมอนติคาร์โล
12.00 น. - 13.00 น.	4,521.6833	968.5208	ใช้วิธีมอนติคาร์โล
13.00 น. - 14.00 น.	4,587.7000	1,119.3756	ใช้วิธีมอนติคาร์โล
14.00 น. - 15.00 น.	4,534.9500	1,146.6970	ใช้วิธีมอนติคาร์โล
15.00 น. - 16.00 น.	4,479.1333	1,139.5747	ใช้วิธีมอนติคาร์โล
16.00 น. - 17.00 น.	4,673.0500	1,112.2781	ใช้วิธีมอนติคาร์โล
17.00 น. - 18.00 น.	4,569.1166	1,027.2061	แจกแจงแบบปกติ
18.00 น. - 19.00 น.	4,659.1160	841.0317	ใช้วิธีมอนติคาร์โล
19.00 น. - 20.00 น.	4,613.0666	685.8480	ใช้วิธีมอนติคาร์โล
20.00 น. - 21.00 น.	4,300.6000	641.5238	ใช้วิธีมอนติคาร์โล
21.00 น. - 22.00 น.	3,691.5333	777.4519	แจกแจงแบบปกติ
22.00 น. - 23.00 น.	3,088.3830	529.7022	ใช้วิธีมอนติคาร์โล

ตารางที่ 5-3 แสดงค่าเฉลี่ยและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของข้อมูลเวลาในการให้บริการ โดยเฉลี่ยต่อลูกค้า 1 คนในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 23.00 น. ของวันทำงาน

ช่วงเวลา	ค่าเฉลี่ย(คน)	ส่วนเบี่ยงเบนฯ(คน)	หมายเหตุ
08.00 น. - 09.00 น.	26.0645	1.3059	แจกแจงแบบปกติ
09.00 น. - 10.00 น.	25.7096	1.1762	แจกแจงแบบปกติ
10.00 น. - 11.00 น.	26.0967	1.0732	แจกแจงแบบปกติ
11.00 น. - 12.00 น.	26.3870	1.2424	แจกแจงแบบปกติ
12.00 น. - 13.00 น.	26.8225	1.4201	แจกแจงแบบปกติ
13.00 น. - 14.00 น.	26.5887	1.1571	แจกแจงแบบปกติ
14.00 น. - 15.00 น.	26.8709	1.2505	แจกแจงแบบปกติ
15.00 น. - 16.00 น.	26.5806	1.5714	แจกแจงแบบปกติ
16.00 น. - 17.00 น.	26.9032	1.6383	แจกแจงแบบปกติ
17.00 น. - 18.00 น.	26.9838	1.5963	แจกแจงแบบปกติ
18.00 น. - 19.00 น.	26.8951	1.4855	แจกแจงแบบปกติ
19.00 น. - 20.00 น.	26.8790	1.3713	แจกแจงแบบปกติ
20.00 น. - 21.00 น.	26.4516	1.2848	แจกแจงแบบปกติ
21.00 น. - 22.00 น.	27.1129	1.4657	แจกแจงแบบปกติ
22.00 น. - 23.00 น.	26.9274	1.5143	แจกแจงแบบปกติ

นำผลที่ได้จากตาราง 5-1 ถึง ตาราง 5-4 มาสร้างเป็นข้อมูลและข้อกำหนดในการเขียนโปรแกรมด้วยภาษา Pascal เพื่อใช้คำนวณหาจำนวนพนักงานที่เหมาะสมในการบริการกับจำนวนคนที่โทรเข้ามาในแต่ละชั่วโมงได้ดังตารางที่ 5-5

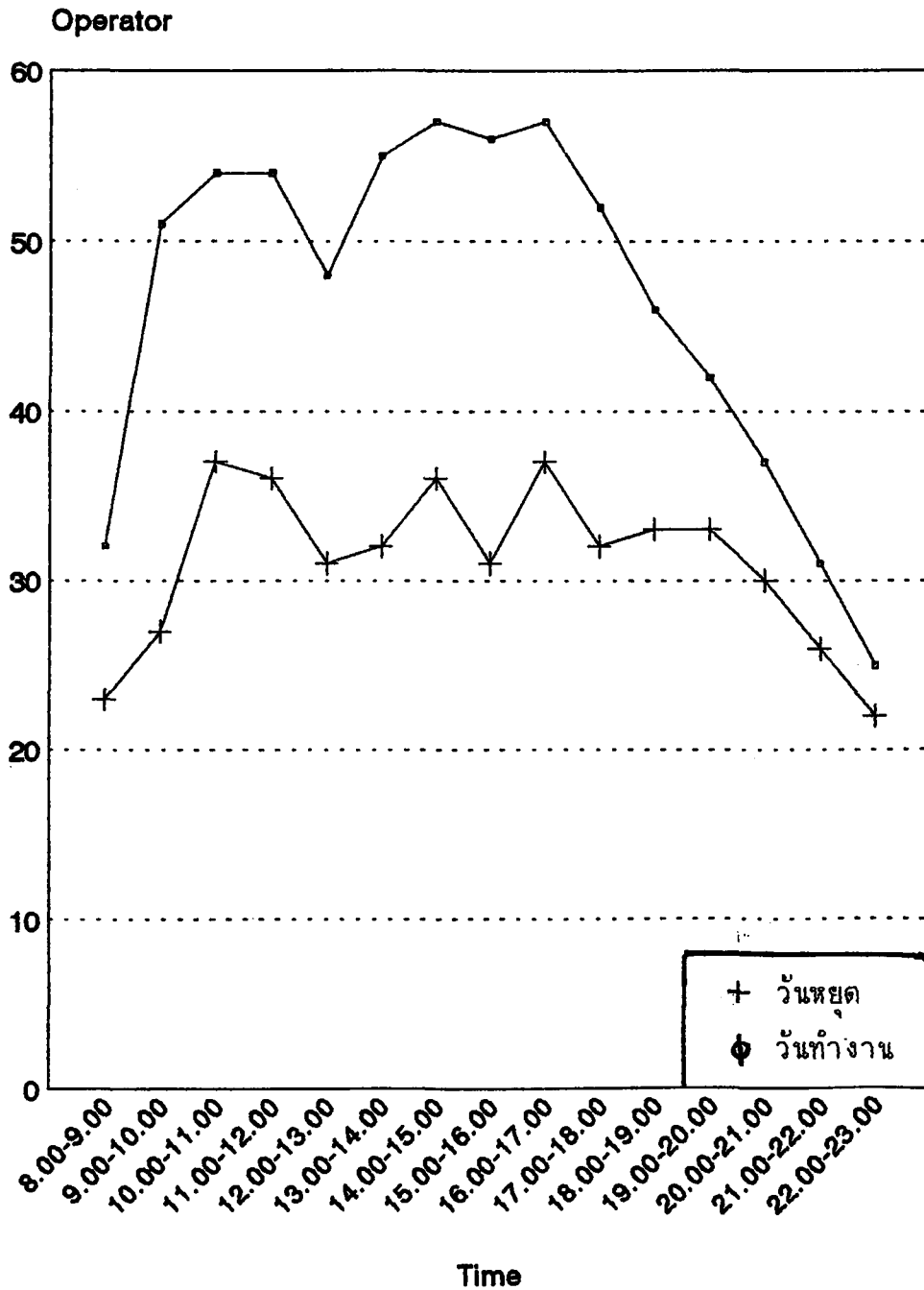
ตารางที่ 5-5 แสดงจำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสมจากแบบจำลอง (คน) ในช่วงเวลา 8.00 น. ถึง 23.00 น.

ช่วงเวลา	วันหยุด	วันทำงาน
08.00 น. - 09.00 น.	23	32
09.00 น. - 10.00 น.	27	51
10.00 น. - 11.00 น.	37	54
11.00 น. - 12.00 น.	36	54
12.00 น. - 13.00 น.	31	48
13.00 น. - 14.00 น.	32	55
14.00 น. - 15.00 น.	36	57
15.00 น. - 16.00 น.	31	56
16.00 น. - 17.00 น.	37	57
17.00 น. - 18.00 น.	32	52
18.00 น. - 19.00 น.	33	46
19.00 น. - 20.00 น.	33	42
20.00 น. - 21.00 น.	30	37
21.00 น. - 22.00 น.	26	31
22.00 น. - 23.00 น.	22	25

จำนวนพนักงานในแต่ละชั่วโมงในวันหยุดและวันทำงานจะแตกต่างกันดังแสดงตารางที่ 5-5 และรูปที่ 5-2

จำนวนพนักงานที่ได้จากแบบจำลองเป็นกรณีที่พนักงานที่ทำงานตลอด 1 ชั่วโมงซึ่งค่าในระบบจริงอาจจะต้องใช้พนักงานมากกว่านี้ เนื่องจากในการให้บริการจริง ๆ พนักงานไม่สามารถทำงานได้ตลอดเวลา อาจจะมีการพักผ่อนในระหว่างช่วงเวลาย่าง

รูปที่ 5-2 กราฟแสดงจำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสม(คน)ที่ได้จากแบบจำลองช่วง 8.00 น. ถึง 9.00 น. โดยเปรียบเทียบระหว่างวันทำงานและวันหยุด



5.3 ข้อเสนอแนะ

5.3.1 ข้อเสนอแนะเพื่อการจัดจำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสมในแต่ละชั่วโมง จากกราฟ 5-1 และ 5-2 สามารถสรุปแนวโน้มของการจัดจำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสมในชั่วโมงต่าง ๆ ได้ดังนี้

5.3.1.1 วันทำงาน พบว่าในช่วงเวลาทำงาน คือ 8.00 น. ถึง 12.00 น. และ 13.00 น. ถึง 18.00 น. จะใช้จำนวนพนักงานให้บริการสูงกว่าในเวลาพักงาน คือ 12.00 น. ถึง 13.00 น. ซึ่งเป็นเวลาพักเที่ยง และช่วง 18.00 น. ถึง 23.00 น. ซึ่งเป็นเวลาเลิกงาน

5.3.1.2 วันหยุด พบว่าในแต่ละชั่วโมงจะมีจำนวนพนักงานไม่ต่างกันมาก แต่จะน้อยกว่าในช่วงวันทำงาน

5.3.2 ข้อเสนอแนะเพื่อการศึกษาเพิ่มเติม

5.3.2.1 ในระบบจริงแล้วการจัดจำนวนพนักงานให้บริการที่เหมาะสมจะมีการคำนึงถึงค่าใช้จ่ายต่าง ๆ ด้วย เช่น ค่าอุปกรณ์ในการให้บริการ ค่าจ้างพนักงาน แต่ในกรณีการศึกษาไม่ได้คำนึงถึงค่าใช้จ่ายที่เกี่ยวข้องจึงอาจทำให้จำนวนพนักงานที่ได้มีความคลาดเคลื่อนจากระบบจริงบ้าง

5.3.2.2 ในการสร้างแบบจำลองให้มีประสิทธิภาพ ควรมีการเก็บข้อมูลจากระบบจริงอาจจะเป็นการสุ่มเก็บเพียง 2-3 วัน เพื่อให้ได้ข้อมูลที่ละเอียดยิ่งขึ้น เนื่องจากข้อมูลที่ทางบริษัทเก็บรวบรวมเป็นค่าเฉลี่ยของข้อมูลจากข้อมูลจริง

5.4 ปัญหาและอุปสรรค

5.4.1 เนื่องจากข้อมูลเกี่ยวกับค่าใช้จ่ายที่ทางบริษัทใช้ในการให้บริการเป็นความลับทางธุรกิจ ดังนั้นในการจำลองปัญหาจึงคำนวณจำนวนพนักงานที่เหมาะสม โดยไม่ได้คำนึงถึงค่าใช้จ่ายที่เหมาะสมด้วย

5.4.2 เนื่องจากการแข่งขันทางธุรกิจข้อมูลของทางบริษัทจึงเป็นความลับดังนั้นข้อมูลที่ได้เป็นข้อมูลที่ทางบริษัทสมมติขึ้นโดยอ้างอิงจากข้อมูลจริงมา จึงไม่สามารถตรวจสอบความถูกต้องของแบบจำลองจากระบบงานจริงได้

บรรณานุกรม

1. กัลยา วาณิชัญญา, การวิจัยขั้นดำเนินงานและการประยุกต์, โรงพิมพ์จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย กรุงเทพฯ, 2532
2. นายกฤษฎา บุศรา, นางสาวนาลัย คทาวัชรกุล, นายวีระ ชนาเลิศกุล, การจำลองแบบปัญหาระบบแถวคอยของรถยนต์ที่ใช้บริการบนทางด่วนพิเศษสายดาวคะนอง-ท่าเรือ ณ ด้าน เก็บค่าผ่านทางพิเศษ สุขสวัสดิ์, ปัญหาพิเศษ ภาควิชาสถิติประยุกต์ คณะวิทยาศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง, 2532
3. คณาจารย์ในภาควิชาสถิติประยุกต์ คณะพาณิชยศาสตร์และการบัญชี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, หลักสถิติ, หน้า 88-151, 232-233, จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย กรุงเทพฯ, 2532
4. ดร. วิชิต หล่อจิระชนห์กุล, AS644 การจำลองแบบปัญหา, หน้า 3.1-3.27 สถาบันบัณฑิตพัฒนบริหารศาสตร์, 2529
5. พ.ต. ประพันธ์ อภิโยภาค, เรียนอาร์วาร์ดกราฟิกส์ ด้วยตนเอง, หน้า 13-43, บริษัท ซีเอ็ดดูเคชั่น จำกัด, 2521
6. บุญเลิศ เอี่ยมทัศนาศ, เรียนรู้ภาษาปาสคาลด้วยเทอร์โบปาสคาล 4.0-5.0, หน้า 13-273, เอช-เอน การพิมพ์ กรุงเทพฯ, 2532
7. ผศ. วิภาวรรณ สิงห์รุ่ง, การวิจัยการดำเนินงาน, หน้า 114-118, สำนักพิมพ์ โอเดียนสโตร์กรุงเทพฯ, 2529
8. ผศ. อุมพร จันทกร, เอกสารประกอบคำสอน วิชาสถิติที่ไม่ใช่พารามิเตอร์, หน้า 8.11-8.16, ภาควิชาสถิติประยุกต์ คณะวิทยาศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหาร ลาดกระบัง , 2536
9. ศิริจันทร์ ทองประเสริฐ, การจำลองแบบปัญหา, หน้า 1-104, จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย กรุงเทพฯ, 2535
10. Draw Partner, Harvard Graphics 2.3, pp. 4.1-8.15, 11.24-11.25, SPC SOFTWARE PUBLISHING, 1990
11. STATISTICAL GRAPHICS CORPORATION, STATGRAPHICS USER'S GUIDE, pp. 12.1-12.5, STSC, Inc., 198

ภาคผนวก ก.

คู่มือการใช้โปรแกรมการจำลองแบบปัญหา

วิธีการใช้โปรแกรม

รายละเอียดเกี่ยวกับโปรแกรมจำลองแบบปัญหาระบบการให้บริการโทรศัพท์ติดตามตัว
ของ บริษัท อัททิลัน เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด

โปรแกรมนี้ได้สร้างขึ้นด้วยภาษาปาสคาล เวอร์ชัน 5.5 สามารถใช้ได้กับเครื่อง
ไมโครคอมพิวเตอร์ ทั่ว ๆ ไป เพื่อให้คำแนะนำการจำลองแบบปัญหาระบบการให้บริการ
โทรศัพท์ติดตามตัว ของ บริษัท อัททิลัน เทเลคอมมิวนิเคชั่นส์ (ประเทศไทย) จำกัด

มีคีย์ควบคุมการทำงานของโปรแกรม ดังนี้

[ESC] เป็นคีย์ใช้ในการยกเลิกการปฏิบัติงานต่าง ๆ ขณะนั้น

[ENTER] เป็นคีย์ที่รับคำสั่งที่กำหนดให้โปรแกรมปฏิบัติงาน

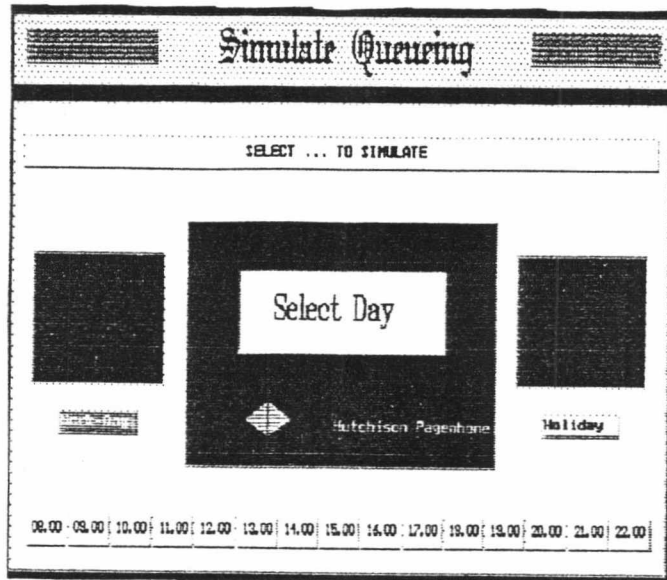
[<- ->] เป็นคีย์ที่ใช้เลือกตัวเลือก

การเริ่มปฏิบัติงานของโปรแกรม

เริ่มการปฏิบัติงานด้วยการเรียกใช้โปรแกรม ดังนี้

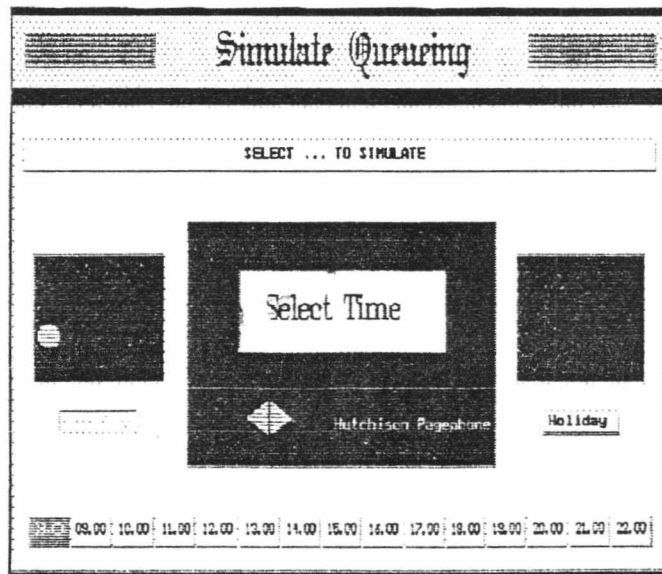
พิมพ์ A:\>SIMULATE.EXE [ENTER]

จะเริ่มเข้าสู่โปรแกรม โดยให้เลือกวัน เป็นวันทำงาน [WORK DAY] หรือ วันหยุด
[HOLIDAY] ดังรูป ก-1



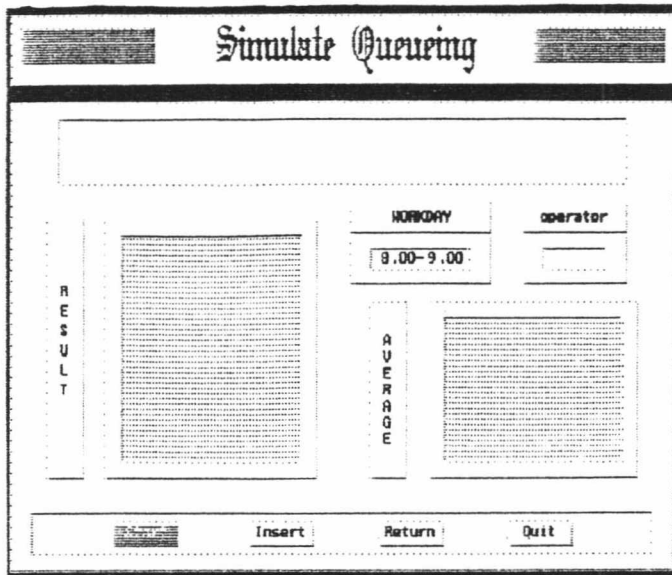
รูปที่ ก-1 แสดงภาพหน้าจอการเลือกวัน

จากนั้นให้เลือกช่วงเวลา เริ่มจากชั่วโมงที่ 08.00 น. ถึง 22.00 น. ดังรูป ก-2

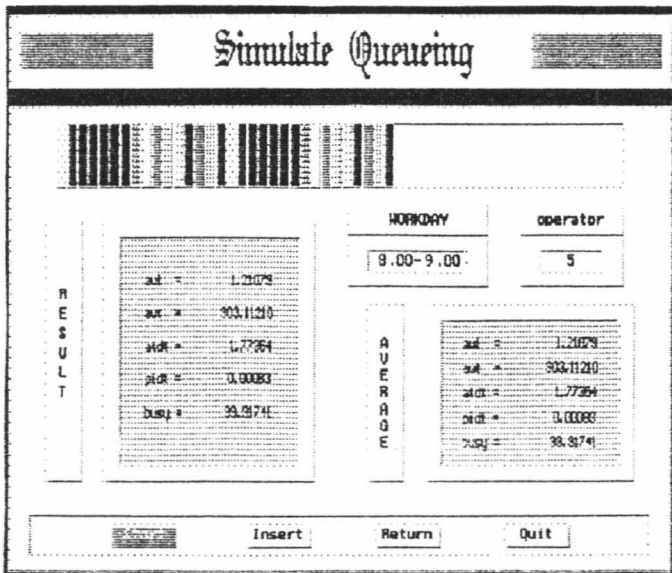


รูปที่ ก-2 แสดงภาพหน้าจอการเลือกเวลา

เมื่อผู้ใช้เลือกวัน และเวลาที่ต้องการจำลองแล้ว การปฏิบัติงานต่อไปของโปรแกรม จะปรากฏ ดังรูป ก-3



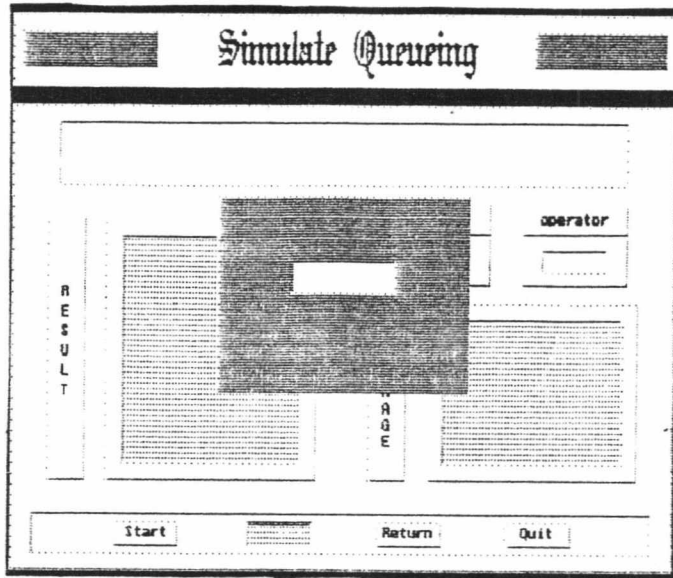
รูปที่ ก-3 แสดงภาพหน้าจอการเริ่มคำนวณตามวัน เวลาที่เลือก
ซึ่งในส่วนนี้ ผู้ใช้สามารถเริ่มการคำนวณด้วยการเลือก [START] โดยจะแสดง
ผลที่ได้ในแต่ละรอบของการคำนวณทางซ้ายมือ ส่วนทางขวามือเป็นค่าเฉลี่ยของผลที่ได้
ทุกรอบ ดังรูป ก-4



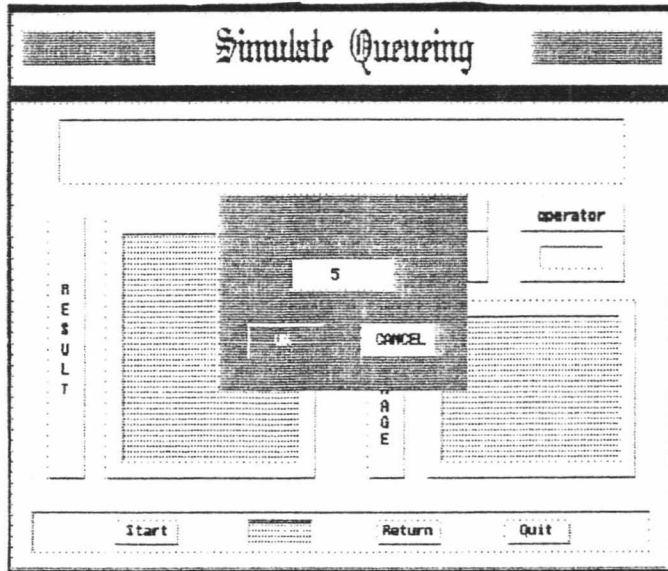
รูปที่ ก-4 แสดงภาพหน้าจอขณะคำนวณ

ผู้ใช้สามารถเปลี่ยนค่าจำนวนพนักงานให้บริการในแต่ละชั่วโมง
โดยการเลือก [INSERT] ดังรูป

ตามที่ต้องการ



รูปที่ ก-5 แสดงภาพหน้าจอของการเลือก INSERT



รูปที่ ก-6 แสดงภาพหน้าจอของการกรอกค่าใหม่
สำหรับการกลับสู่หน้าจอแรก เพื่อเลือก วัน และ เวลา ใหม่ สามารถทำได้โดย
เลือก [RETURN]
เมื่อผู้ใช้ต้องการเลิกโปรแกรม เลือก [QUIT] เพื่อกลับสู่ DOS PROMPT

ภาคผนวก ข.

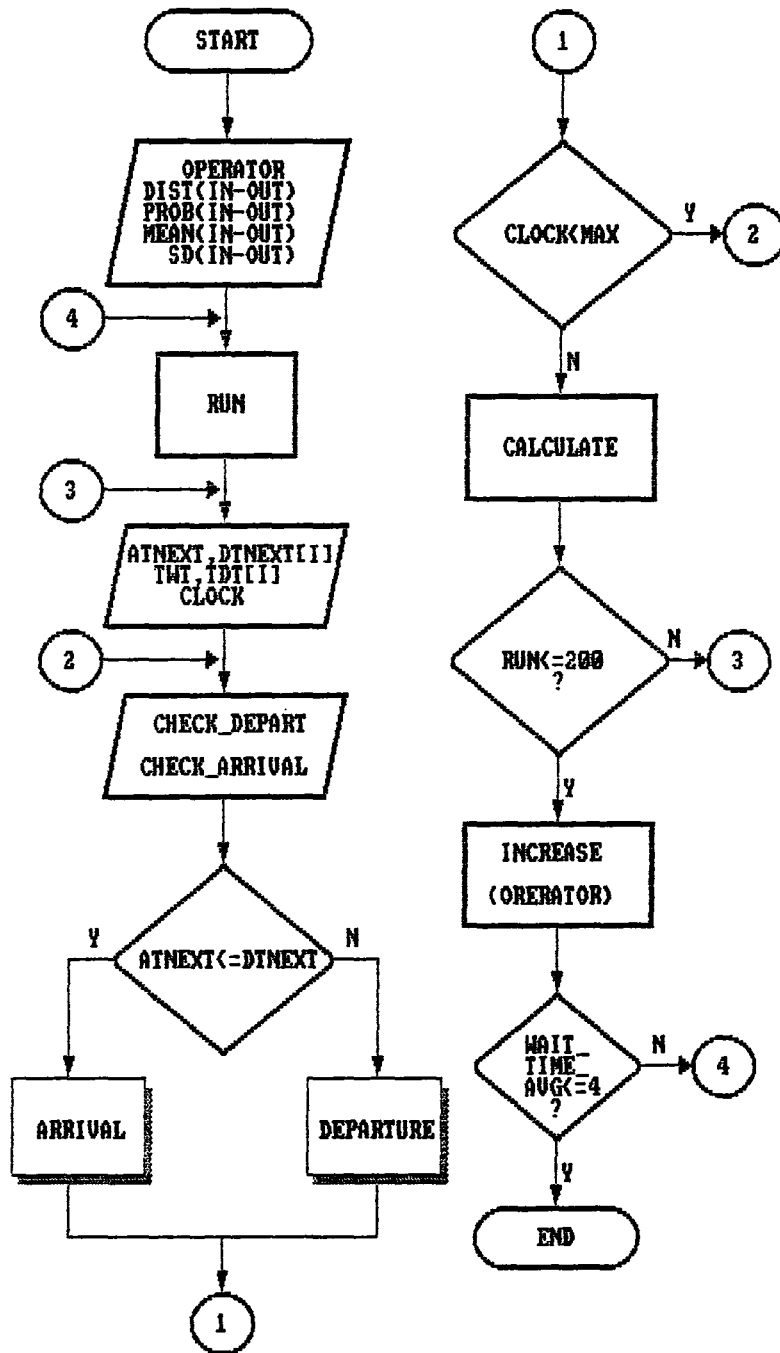
รายละเอียดเกี่ยวกับตัวแปร ด้งงาน
และโปรแกรมการจำลองแบบปัญหา

ตัวแปรที่ใช้ในโปรแกรม

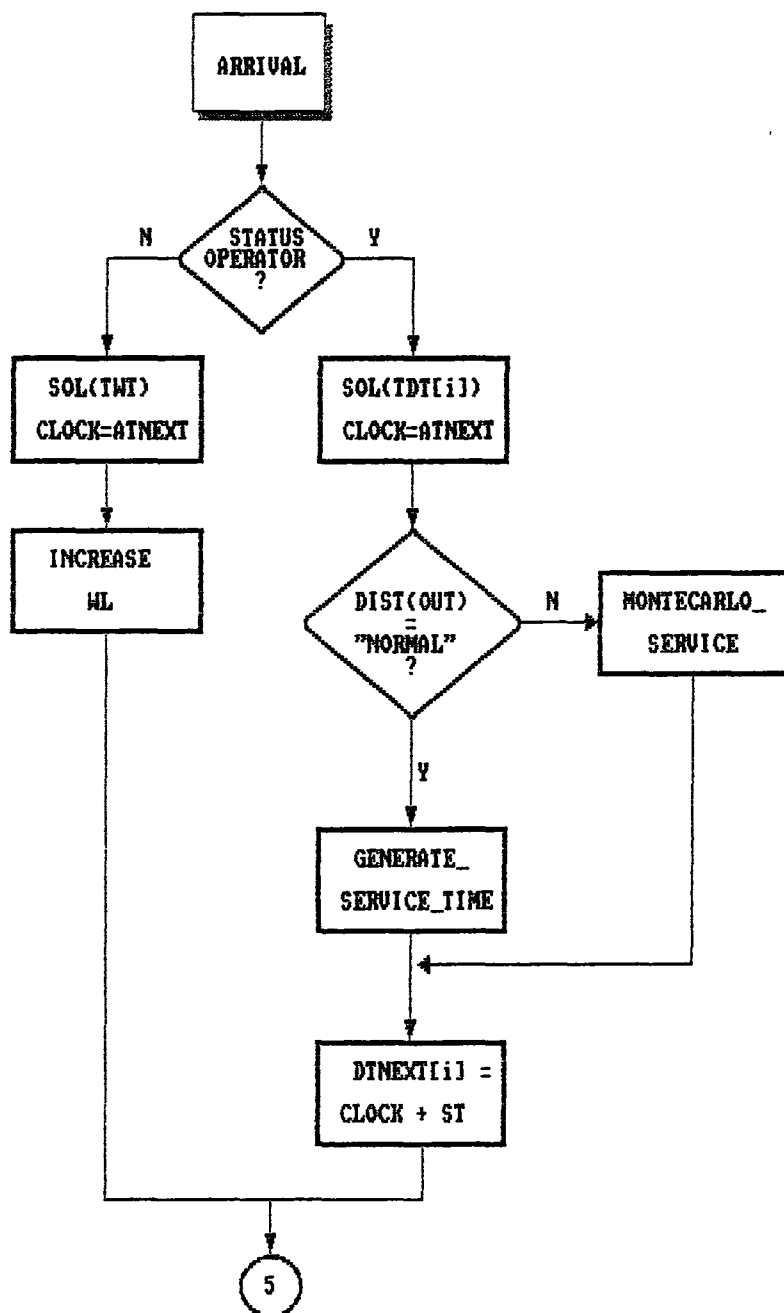
wait,wait_avg	-	โอกาสที่ลูกค้าจะต้องคอย
tdt,tdt_avg	-	เวลาว่างของพนักงาน
awt,awt_avg	-	เวลารอคอยของลูกค้าเฉลี่ย/คน
atdt,atdt_avg	-	เวลาว่างของพนักงานเฉลี่ย/คน
busy,busy_avg	-	โอกาสที่พนักงานทำงาน
pidt,pidt_avg	-	โอกาสที่พนักงานว่าง
wl	-	จำนวนลูกค้าในแถวคอย
twt	-	เวลารอคอยของลูกค้า
set_at	-	ตัวแปรในการคำนวณหา at
at	-	ระยะเวลาที่ลูกค้าเข้ามาในแต่ละครั้ง
st	-	เวลาที่ให้บริการ
clock	-	เวลาที่จำลอง
units	-	จำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการ
ATNEXT	-	เวลาที่เข้ารับบริการของลูกค้าคนถัดไป
DTNEXT[i]	-	เวลาที่ออกจากระบบของลูกค้า
run	-	จำนวนรอบในการคำนวณผลลัพธ์
status_y	-	สถานะภาพของค่าตัวแปร y
status[i]	-	สถานะภาพของพนักงาน(ว่าง/ไม่ว่าง)
check_depart	-	ตัวตรวจสอบการออก
check_arrival	-	ตัวตรวจสอบการเข้า
check_status_monte	-	ตัวตรวจสอบความน่าจะเป็นของ Monte Carlo
check_status_operator	-	ตัวตรวจสอบสถานะภาพของพนักงาน
operator	-	จำนวนพนักงาน
total_arrival	-	จำนวนคนเข้าระบบทั้งหมด
total_wl	-	จำนวนคนที่เข้าในแถวคอย
dist_in	-	การแจกแจงการเข้ามาของลูกค้า
dist_out	-	การแจกแจงการให้บริการของพนักงาน
prob_in[i]	-	ความน่าจะเป็นสะสมการเข้ามาของลูกค้า
prob_out[i]	-	ความน่าจะเป็นสะสมการให้บริการของพนักงาน

<code>mean_in</code>	-	ค่าเฉลี่ยของจำนวนคนที่เข้ามาที่มีการแจกแจงแบบปกติ
<code>mean_out</code>	-	ค่าเฉลี่ยของเวลาให้บริการที่มีการแจกแจงแบบปกติ
<code>sd_in</code>	-	ค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของจำนวนคนที่เข้ามาที่มีการแจกแจงแบบปกติ
<code>sd_out</code>	-	ค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของเวลาให้บริการที่มีการแจกแจงแบบปกติ
<code>mean_monte_in</code>	-	ค่าเฉลี่ยของจำนวนคนที่เข้ามาที่ไม่มีการแจกแจงแบบมาตรฐาน
<code>mean_monte_out</code>	-	ค่าเฉลี่ยของเวลาให้บริการที่ไม่มีการแจกแจงแบบมาตรฐาน
<code>count, count_monte, i, j</code>	-	ตัวนับ
<code>x, x1, x2, y, y1, y2, y3</code>	-	ตัวแปรในการผลิตเลขสุ่ม

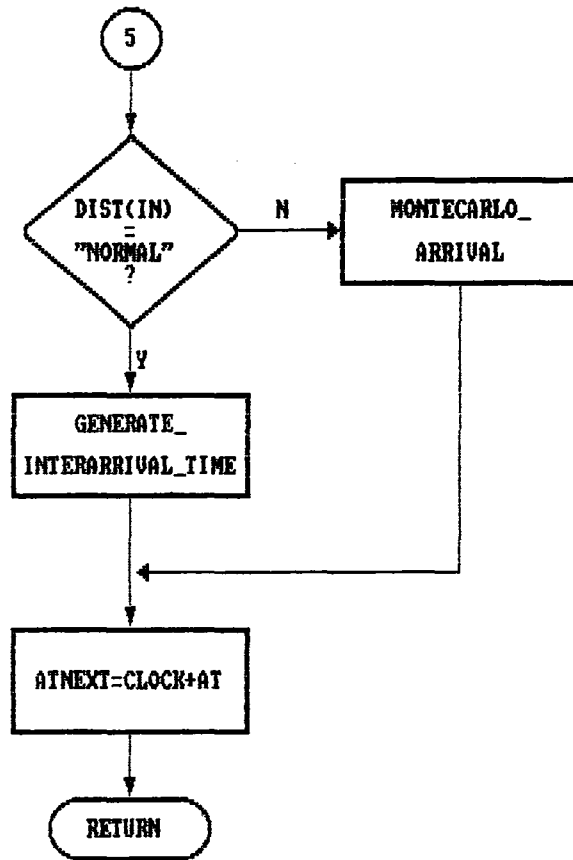
รูปที่ ข-1 ผังงานโปรแกรมหลัก



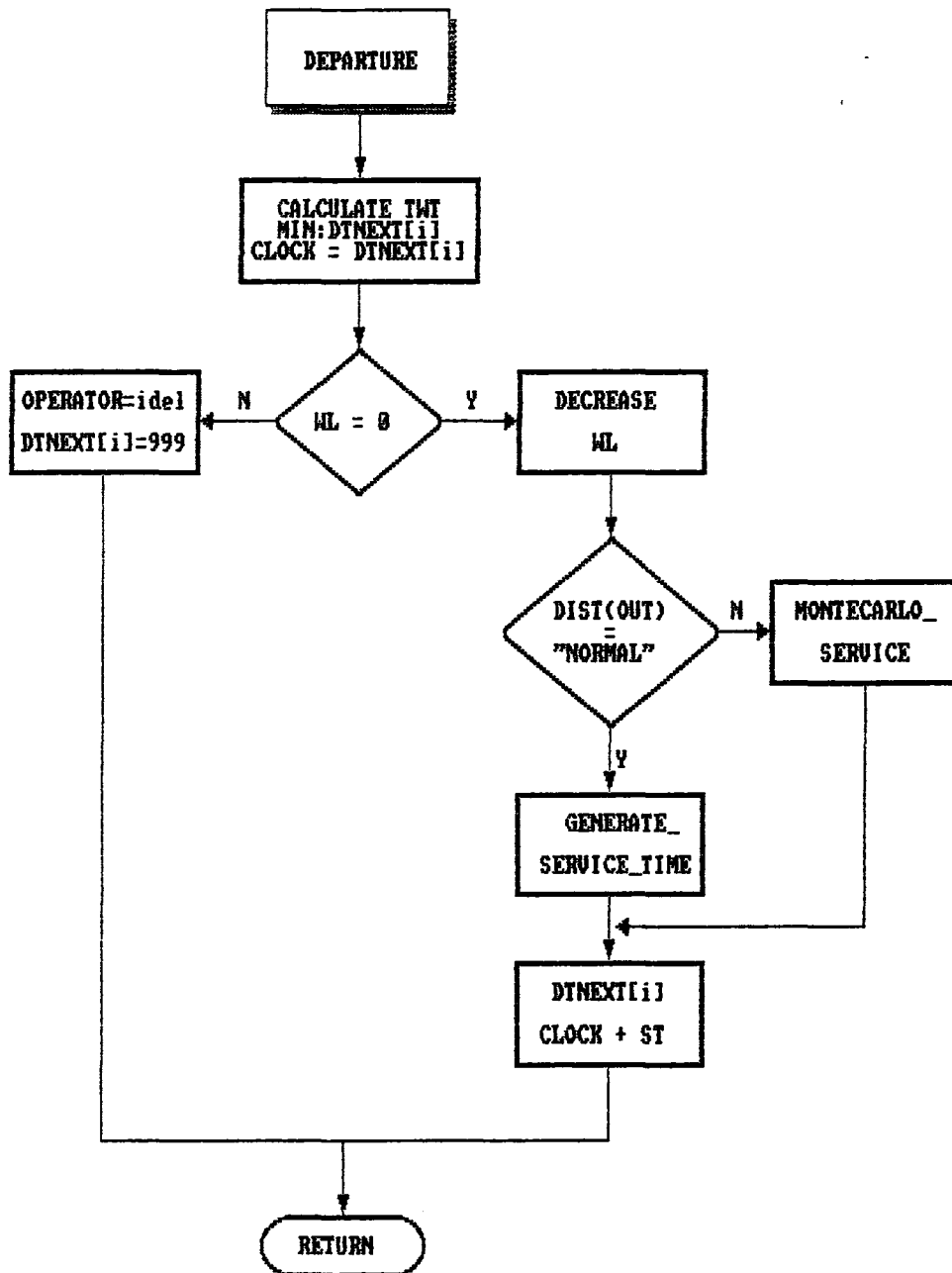
รูปที่ ข-2 ผังงานการเข้ามาของลูกค้า (1)



รูปที่ ข-3 ผังงานการเข้ามาของลูกค้า (2)



รูปที่ ข-4 ผังงานการให้บริการของพนักงาน



รายละเอียดผังงาน

ผังแสดงขั้นตอนการจำลองแบบปัญหาระบบการให้บริการโทรศัพท์ติดตามตัว
ของบริษัท อัททิสัน เทเลคอมมิวนิเคชั่น (ประเทศไทย) จำกัด

โปรแกรมหลัก

1. กำหนดจำนวนพนักงาน, การแจกแจงการเข้ามาใช้บริการของลูกค้าและการให้บริการของพนักงาน, ค่าเฉลี่ย, ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน
2. ตรวจสอบเวลาระหว่าง ATNEXT และ DTNEXT[i]
 - 2.1 $ATNEXT \leq DTNEXT[i]$ เข้าสู่ PROCEDURE ARRIVAL
 - 2.2 $ATNEXT > DTNEXT[i]$ เข้าสู่ PROCEDURE DEPARTUREคำนวณค่าเฉลี่ยต่าง ๆ และใช้เวลาในการจำลองจนครบ 1 ชั่วโมง (3600 วินาที)
3. เพิ่มจำนวนรอบขึ้น 1 รอบทำตั้งแต่ข้อ 1 จนกว่าจะเท่ากับ 200 รอบ
4. เพิ่มจำนวนพนักงานขึ้น 1 คนทำตั้งแต่ข้อ 1 จนกว่าเวลารอคอยเฉลี่ยของลูกค้าจะไม่เกิน 4 วินาที

PROCEDURE ARRIVAL

ตรวจสอบสถานะของพนักงานว่ามีพนักงานว่างหรือไม่

1. ถ้ามีพนักงานว่าง
 - 1.1 คำนวณเวลาว่างของพนักงานสะสม
 - 1.2 ปรับเวลาปัจจุบันตาม ATNEXT
 - 1.3 ตรวจสอบการแจกแจงการให้บริการของพนักงานว่าเป็น Normal หรือไม่
 - 1.3.1 ถ้าการแจกแจงเป็น Normal คำนวณเวลาโดยใช้ PROCEDURE GENERATE_SERVICE_TIME
 - 1.3.2 ถ้าการแจกแจงไม่เป็น Normal คำนวณเวลาโดยใช้ PROCEDURE MONTECARLO_SERVICE

1.4 จำนวน DTNEXT[i] ของพนักงานคนที่ i โดยรวมเวลาปัจจุบันกับค่าเวลาที่ให้บริการที่คำนวณได้

2. ถ้าไม่มีพนักงานว่าง

2.1 คำนวณเวลารอคอยของลูกค้าสะสม

2.2 ปรับเวลาปัจจุบันตาม ATNEXT

2.3 เพิ่มจำนวนคนในแถวคอยขึ้น 1 คน

3. ประมาณเวลาที่ลูกค้าคนต่อไปจะเข้ามาใช้บริการ โดยตรวจสอบการแจกแจงการเข้ามาใช้บริการของลูกค้าว่าเป็น Normal หรือไม่

3.1 ถ้าการแจกแจงเป็น Normal คำนวณเวลาโดยใช้ PROCEDURE GENERATE_INTERARRIVAL_TIME

3.2 ถ้าการแจกแจงไม่เป็น Normal คำนวณเวลาโดยใช้ PROCEDURE MONTECARLO_ARRIVAL

4. คำนวณค่า ATNEXT โดยรวมเวลาปัจจุบันกับระยะเวลาที่ลูกค้าเข้ามาในแต่ละครั้ง

PROCEDURE DEPARTURE

คำนวณเวลารอคอยของลูกค้าสะสม ปรับเวลาปัจจุบันตาม DTNEXT[i] ที่น้อยที่สุด ตรวจสอบจำนวนลูกค้าในแถวคอย

1. ถ้ามีลูกค้าในแถวคอย

1.1 ลดจำนวนลูกค้าในแถวคอยลง 1 คน

1.2 ตรวจสอบการแจกแจงการให้บริการของพนักงานว่าเป็น Normal หรือไม่

1.2.1 ถ้าการแจกแจงเป็น Normal คำนวณเวลาโดยใช้ PROCEDURE GENERATE_SERVICE_TIME

1.2.2 ถ้าการแจกแจงไม่เป็น Normal คำนวณเวลาโดยใช้ PROCEDURE MONTECARLO_SERVICE

1.3 จำนวน DTNEXT[i] ของพนักงานคนที่ i โดยรวมเวลาปัจจุบันกับค่าเวลาที่ให้บริการที่คำนวณได้

2. ถ้าไม่มีลูกค้าในแถวคอย

2.1 กำหนดสถานภาพของพนักงานคนนั้นให้ว่าง

2.2 ปรับ DTNEXT[i] ให้ 999

ภาคผนวก ค.

โปรแกรมการจำลองแบบปัญหา

โปรแกรมแบบจำลอง

```
Program simulate;
Uses crt,printer;
Const LOOP = 1000;lst = '';
Var   awt,awt_avg,atdt,atdt_avg           : real;
      y,y1,y2,y3,x1,x2,set_at,at,st      : real;
      wait,wait_avg,pidt,pidt_avg        : real;
      busy,busy_avg,total_arrival_avg    : real;
      mean_in,mean_out,sd_in,sd_out      : real;
      total_tdt,tdt_avg                  : real;
      twt,twt_avg,units_avg,wl_avg       : real;
      ATNEXT                             : real;
      clock,max                          : real;
      x,wl,total_wl,total_arrival,units  : longint;
      count,count_monte                  : integer;
      status_y                            : integer;
      run,i,j                             : integer;
      operator,operator_new              : integer;
      times,types                         : integer;
      check_depart,check_arrival         : boolean;
      check_status_monte,check_status_operator : boolean;
      DTNEXT                              : array[1..LOOP] of real;
      tdt,status                          : array[1..LOOP] of real;
      prob_in,prob_out                    : array[1..15] of real;
      mean_monte_in,mean_monte_out       : array[1..15] of real;
      dist_in,dist_out                    : string[10];
```

```
Procedure randoms;  
Var k,n :longint;  
Begin  
    k := 99;  
    n := 4096;  
    randomize;  
    x := random(40906);  
    x := x * k;  
    x := x mod n;  
    y := x / (n-1);  
End;
```

* สุ่มค่าตัวเลขจำนวนนับที่มีค่าไม่เกิน 4096 นำมาคำนวณด้วย การใช้เศษเหลือของ
ผลคูณ (Multiplicative Congruential Method) ได้ค่า y มีค่า ระหว่าง 0 ถึง 1

```
Procedure randoms_normal;  
Begin  
    if status_y = 1 then  
        begin  
            randoms;  
            x1 := y;  
            randoms;  
            x2 := y;  
            while (x1 = 1) do  
                begin  
                    randoms;  
                    x1 := y;  
                    randoms;  
                    x2 := y;  
                end;  
            y1 := sqrt((-2)*(ln(1-x1))) * cos(2*3.14*x2);  
            y2 := sqrt((-2)*(ln(1-x1))) * sin(2*3.14*x2);  
        end;  
end;
```

```
if status_y = 1 then
  begin
    y3 := y1;
    status_y := 2;
  end
else
  begin
    y3 := y2;
    status_y := 1;
  end;
end;
```

End;

* ผลิตตัวเลขสุ่มสำหรับการแจกแจงแบบ Normal ด้วยวิธี Log And Trig โดย
นำค่าตัวเลขสุ่ม(y) 2 ค่า มาคำนวณ ได้ค่าตัวเลขสุ่มใหม่ 2 ค่าคือ y1,y2
* นำตัวเลขสุ่มที่คำนวณได้ (y1,y2) นำตัวเลขสุ่มที่คำนวณได้ (y1,y2)

Procedure generate_interarrival_time;

Begin

```
  randoms_normal;
  set_at := (sd_in * y3) + mean_in ;
  at := 3600 / set_at;
```

End;

* นำตัวเลขสุ่มที่ได้จาก randoms_normal หาช่วงเวลาที่ถูกคัดค้านต่อไปจะเข้า
มารับบริการ

```
Procedure generate_service_time;  
Begin  
    randoms_normal;  
    st := (sd_out * y3) + mean_out ;  
End;
```

* นำตัวเลขสุ่มที่ได้จาก randoms_normal หาเวลาที่ใช้ในการบริการลูกค้า

```
Procedure montecarlo_arrival;  
Begin  
    randoms;  
    count_monte := 0;  
    check_status_monte := false;  
    while (check_status_monte = false) do  
        begin  
            inc(count_monte);  
            if y <= prob_in[count_monte] then  
                begin  
                    set_at := mean_monte_in[count_monte];  
                    check_status_monte := true;  
                end;  
            end;  
            end; st := 3600 / set_at;  
End;
```

* เมื่อการมาของลูกค้าไม่เข้ารูปแบบการแจกแจงมาตรฐานใช้เทคนิค Montecarlo หาช่วงเวลาของลูกค้าคนต่อไปจะเข้ารับบริการ โดยตรวจสอบตัวเลขสุ่มกับความน่าจะเป็นสะสมของข้อมูลในอดีต

```
Procedure montecarlo_service;  
Begin  
    randoms;  
    count_monte := 0;  
    check_status_monte := false;  
    while (check_status_monte = false) do  
        begin  
            inc(count_monte);  
            if y <= prob_out[count_monte] then  
                begin  
                    st := mean_monte_out[count_monte];  
                    check_status_monte := true;  
                end;  
            end;  
        end;  
End;
```

* เมื่อเวลาที่ให้บริการของลูกค้าไม่เข้ารูปแบบการแจกแจงมาตรฐานใช้เทคนิค Monte carlo หาเวลาให้บริการของลูกค้า โดยตรวจสอบตัวเลขสุ่มกับความน่าจะเป็นสะสมของข้อมูลในอดีต

```
Procedure calculate;  
Begin  
    for i := 1 to operator do  
        total_tdt := total_tdt + tdt[i];  
        swt := twt/total_wl;  
        atdt := total_tdt/operator;  
        pidt := 100 * (atdt/clock);  
        busy := 100 * ((clock - atdt)/clock);  
        wait := 100 * (total_wl/total_arrival);  
    end;  
End;
```

* คำนวณค่าผลลัพธ์จากการประมวลผลโปรแกรมใน 1 รอบ

Procedure print;

Begin

```
  clrscr;
  if types = 1 then
    writeln(' work :', times)
  else
    writeln(' holiday :', times);
  writeln('operator      = ', operator:15);
  writeln('total_arrival = ', total_arrival:15);
  writeln('units         = ', units:15);
  writeln('awt           = ', awt:15:5);
  writeln('atdt          = ', atdt:15:5);
  writeln('pidt           = ', pidt:15:5);
  writeln('busy            = ', busy:15:5);
  writeln('wait            = ', wait:15:5);
  writeln('');
```

End;

* นำเสนอผลลัพธ์จากการประมวลผลโปรแกรมใน 1 รอบ

Procedure arrival;

Begin

```
  check_status_operator := false;
  for i := 1 to operator do
    begin
      if status[i] = 0 then check_status_operator := true;
    end;
  if check_status_operator = true then
    begin
      for i := 1 to operator do
```

```
begin
    if status[i] = 0 then
        tdt[i] := tdt[i] + (ATNEXT - clock);
    end;
    i := 1;
    while status[i] <> 0 do inc(i);
    clock := ATNEXT; status[i] := 1;
    if dist_out = 'normal'
        then generate_service_time
    else if dist_out = 'montecarlo'
        then montecarlo_service;
    DTNEXT[i] := clock + st;
end
else
begin
    twt := twt + (wl * (ATNEXT - clock));
    clock := ATNEXT; inc(wl); inc(total_wl);
end;
if dist_in = 'normal' then generate_interarrival_time
else if dist_in = 'montecarlo' then montecarlo_arrival;
ATNEXT := clock + at;
inc(total_arrival);
End;
```

- * ตรวจสอบการทำงานของพนักงาน
- * ถ้ามีพนักงานคนใดว่างจะเก็บช่วงเวลาว่างสะสมไว้ จัดลูกค้าให้แก่พนักงาน
- * ตรวจสอบการแจกแจงและหาเวลาที่ให้บริการของลูกค้า เพื่อคำนวณเวลาที่ลูกค้าออกจากการใช้บริการ
- * ถ้าไม่มีพนักงานคนใดว่างจะเก็บเวลารอคอยสะสมของลูกค้าที่อยู่ในแถวคอยทั้งหมด และเพิ่มจำนวนลูกค้าในแถวคอยขึ้น 1 คน
- * ตรวจสอบการแจกแจงและหาเวลาการมาของลูกค้าคนต่อไป และเพิ่มจำนวนลูกค้าที่เข้ามาใช้บริการ

Procedure departure;

Begin

```
count := 1;
for i := 1 to operator do
begin
    if DTNEXT[i] < DTNEXT[count] then count := i;
end;
i := count;
twl := twl + (wl * (DTNEXT[i] - clock));
clock := DTNEXT[i];
if wl = 0 then
begin
    status[i] := 0;
    DTNEXT[i] := 999999;
end
else
begin
    dec(wl);
    if dist_out = 'normal' then generate_service_time
    else if dist_out = 'montecarlo' then montecarlo_service;
    DTNEXT[i] := clock + st;
end;
inc(units);
```

End;

- * เปรียบเทียบ DTNEXT เพื่อหาลูกค้าที่ออกจากการใช้บริการคนต่อไป
- * เก็บเวลารอคอยสะสมของลูกค้าที่อยู่ในแถวคอยทั้งหมด
- * ถ้าไม่มีลูกค้าอยู่ในแถวคอยแล้ว กำหนดให้ พนักงานคนนั้นว่าง
- * ถ้ามีลูกค้ารออยู่ในแถวคอย จะลดจำนวนลูกค้าในแถวคอยลง 1 คน
- * ตรวจสอบการแจกแจงและหาเวลาที่ให้บริการของลูกค้า เพื่อคำนวณเวลาที่ลูกค้าออกจากการใช้บริการ
- * เพิ่มจำนวนลูกค้าที่ได้รับบริการขึ้น 1 คน

Procedure cal_avg;

Begin

if run = 1 then

begin

total_arrival_avg := total_arrival;

units_avg := units;

awt_avg := awt;

atdt_avg := atdt;

pidt_avg := pidt;

busy_avg := busy;

wait_avg := wait;

end;

total_arrival_avg := (total_arrival + total_arrival_avg)/2;

units_avg := (units + units_avg)/2;

awt_avg := (awt + awt_avg)/2;

atdt_avg := (atdt + atdt_avg)/2;

pidt_avg := (pidt + pidt_avg)/2;

busy_avg := (busy + busy_avg)/2;

wait_avg := (wait + wait_avg)/2;

End;

* คำนวณค่าผลลัพธ์ของการประมวลผลโปรแกรมที่ทำการประมวลผลจำนวน 200 รอบ

```
Procedure print_cal_avg;
```

```
Begin
```

```
    writeln('operator          = ',operator:15);  
    writeln('total_arrival_avg = ',total_arrival_avg:15:5);  
    writeln('units_avg        = ',units_avg:15:5);  
    writeln('awt_avg          = ',awt_avg:15:5);  
    writeln('atdt_avg         = ',atdt_avg:15:5);  
    writeln('pidt_avg         = ',pidt_avg:15:5);  
    writeln('busy_avg         = ',busy_avg:15:5);  
    writeln('wait_avg         = ',wait_avg:15:5);
```

```
End;
```

* แสดงผลลัพธ์ของการประมวลผลโปรแกรมที่ทำการประมวลผลจำนวน 200 รอบ

```
Procedure run_simulate;
```

```
Begin
```

```
    awt_avg := 9999;  
    REPEAT  
        status_y := 1;  
        j := 0;  
        run := 1;  
    while (run <= 200) do  
        begin  
            check_status_operator := false;  
            twt := 0;  
            total_tdt := 0;  
            wl := 0;  
            total_arrival:= 0;  
            total_wl :=0;  
            units := 0;  
            clock := 0;  
            max := 3600;  
            ATNEXT:= 0;
```

```
for i := 1 to operator do
begin
    tdt[i] := 0;
    status[i] := 0;
    DTNEXT[i] := 999999;
end;
while (clock < max) do
begin
    i := 1;
    check_depart := false;
    check_arrival := false;
    while (check_depart = false) and (check_arrival = false) do
    begin
        if i <= operator then
        begin
            if ATNEXT > DTNEXT[i] then check_depart := true
            else inc(i);
        end
        else check_arrival := true;
    end;
    if check_depart = true then departure
    else if check_arrival = true then arrival;
end;
calculate;
print;
cal_avg;
inc(run);
end;
print_cal_avg;
inc(operator);
UNTIL (awt_avg <= 4) ;
End;
```

- * กำหนดค่าเริ่มต้นให้กับตัวแปรต่าง ๆ
 - * เปรียบเทียบเวลาเข้าของลูกค้าคนต่อไป (ATNEXT) กับเวลาออกของลูกค้าที่กำลังใช้บริการ (DTNEXT[i])
 - ถ้า $ATNEXT > DTNEXT[i]$ จะพิจารณาการออกของลูกค้า
 - ถ้า $ATNEXT \leq DTNEXT[i]$ จะพิจารณาการเข้าของลูกค้า
- จนกว่าจะครบ 1 ชั่วโมง
- * คำนวณค่าผลลัพธ์จากการประมวลผลโปรแกรมใน 1 รอบ
 - * นำผลลัพธ์ที่ได้มาหาค่าเฉลี่ย
 - * คำนวณผลลัพธ์จนครบ 200 รอบ
 - * แสดงผลลัพธ์ที่ได้จากการเฉลี่ย 200 รอบ
 - * เพิ่มจำนวนพนักงานจนกว่าเวลาในการรอคอยเฉลี่ยของลูกค้าไม่เกิน 4 วินาที

Procedure define; -

Begin

if types = 1 then

begin

case times of

8 : begin

operator := 20;
dist_in := 'normal';
mean_in := 4444.540;
sd_in := 398.6439;
dist_out := 'normal';
mean_out := 26.06451;
sd_out := 1.305953;

end;

9 : begin

operator := 50;
dist_in := 'normal';
mean_in := 6874.508;
sd_in := 498.5758;
dist_out := 'normal';
mean_out := 26.70968;
sd_out := 1.176203;

end;

10 : begin

operator := 54;
dist_in := 'normal';
mean_in := 7562.336;
sd_in := 659.4895;
dist_out := 'normal';
mean_out := 26.09677;
sd_out := 1.073277;

end;

```
11 : begin
      operator := 54;
      dist_in  := 'normal';
      mean_in  := 7524.935;
      sd_in    := 586.9773;
      dist_out := 'normal';
      mean_out := 26.38709;
      sd_out   := 1.242459;
    end;

12 : begin
      operator := 48;
      dist_in  := 'normal';
      mean_in  := 6525.906;
      sd_in    := 612.9061;
      dist_out := 'normal';
      mean_out := 26.82258;
      sd_out   := 1.420179;
    end;

13 : begin
      operator := 55;
      dist_in  := 'normal';
      mean_in  := 7543.169;
      sd_in    := 587.1138;
      dist_out := 'normal';
      mean_out := 26.58870;
      sd_out   := 1.671100;
    end;

14 : begin
      operator := 57;
      dist_in  := 'normal';
      mean_in  := 7762.895;
      sd_in    := 654.9742;
      dist_out := 'normal';
      mean_out := 26.87096;
      sd_out   := 1.250598;
    end;
```

```
15 : begin
      operator := 56;
      dist_in  := 'normal';
      mean_in  := 7660;
      sd_in    := 596.1689;
      dist_out := 'normal';
      mean_out := 26.58064;
      sd_out   := 1.571401;
    end;

16 : begin
      operator := 57;
      dist_in  := 'normal';
      mean_in  := 7768.846;
      sd_in    := 705.3577;
      dist_out := 'normal';
      mean_out := 26.90322;
      sd_out   := 1.638347;
    end;

17 : begin
      operator := 52;
      dist_in  := 'normal';
      mean_in  := 7025.376;
      sd_in    := 635.6594;
      dist_out := 'normal';
      mean_out := 26.98377;
      sd_out   := 1.598395;
    end;

18 : begin
      operator := 46;
      dist_in  := 'normal';
      mean_in  := 6245.548;
      sd_in    := 602.3501;
      dist_out := 'normal';
      mean_out := 26.89516;
      sd_out   := 1.485513;
    end;
```

```
19 : begin
      operator := 42;
      dist_in  := 'normal';
      mean_in  := 5704.911;
      sd_in    := 474.8583;
      dist_out := 'normal';
      mean_out := 26.87903;
      sd_out   := 1.371323;
    end;

20 : begin
      operator := 37;
      dist_in  := 'normal';
      mean_in  := 5041.145;
      sd_in    := 477.2455;
      dist_out := 'normal';
      mean_out := 26.45161;
      sd_out   := 1.284867;
    end;

21 : begin
      operator := 31;
      dist_in  := 'normal';
      mean_in  := 4171.379;
      sd_in    := 424.6680;
      dist_out := 'normal';
      mean_out := 27.11290;
      sd_out   := 1.465790;
    end;

22 : begin
      operator := 25;
      dist_in  := 'normal';
      mean_in  := 3922.169;
      sd_in    := 450.0217;
      dist_out := 'normal';
      mean_out := 26.92741;
      sd_out   := 1.514394;
    end;
```

```
end;
else if types = 2 then
begin
  case times of
    8 : begin
      operator := 22;
      dist_in   := 'normal';
      mean_in   := 2859.81;
      sd_in     := 690.568;
      dist_out  := 'normal';
      mean_out  := 25.8666;
      sd_out    := 1.43139;
    end;
    9 : begin
      operator := 25;
      dist_in  := 'montecarlo';
      mean_monte_in[1] := 2572;
      mean_monte_in[2] := 2850;
      mean_monte_in[3] := 3350;
      mean_monte_in[4] := 3850;
      mean_monte_in[5] := 4350;
      mean_monte_in[6] := 4850;
      mean_monte_in[7] := 5350;
      mean_monte_in[8] := 5829;
      prob_in[1] := 0.016666;
      prob_in[2] := 0.383333;
      prob_in[3] := 0.500000;
      prob_in[4] := 0.516666;
      prob_in[5] := 0.550000;
      prob_in[6] := 0.700000;
      prob_in[7] := 0.833333;
      prob_in[8] := 1;
      dist_out  := 'normal';
      mean_out  := 25.5;
      sd_out    := 1.36014;
    end;
  end;
end;
```

```
10 : begin
    operator := 30;
    dist_in := 'montecarlo';
    mean_monte_in[1] := 2950;
    mean_monte_in[2] := 3300;
    mean_monte_in[3] := 3900;
    mean_monte_in[4] := 4500;
    mean_monte_in[5] := 5100;
    mean_monte_in[6] := 5700;
    mean_monte_in[7] := 6300;
    mean_monte_in[8] := 6900;
    mean_monte_in[9] := 7383;
    prob_in[1] := 0.033333;
    prob_in[2] := 0.350000;
    prob_in[3] := 0.466666;
    prob_in[4] := 0.499999;
    prob_in[5] := 0.516666;
    prob_in[6] := 0.750000;
    prob_in[7] := 0.950000;
    prob_in[8] := 0.983333;
    prob_in[9] := 1;
    dist_out := 'normal';
    mean_out := 25.73333;
    sd_out := 1.20922;
end;
11 : begin
    operator := 30;
    dist_in := 'montecarlo';
    mean_monte_in[1] := 3080;
    mean_monte_in[2] := 3500;
    mean_monte_in[3] := 4100;
    mean_monte_in[4] := 4700;
    mean_monte_in[5] := 5300;
    mean_monte_in[6] := 5900;
    mean_monte_in[7] := 6468;
```

```
prob_in[1] := 0.100000;
prob_in[2] := 0.433333;
prob_in[3] := 0.483333;
prob_in[4] := 0.550000;
prob_in[5] := 0.583333;
prob_in[6] := 0.816666;
prob_in[7] := 1;
dist_out   := 'normal';
mean_out   := 26.0666;
sd_out     := 1.27627;
end;
12 : begin
  operator   := 30;
  dist_in    := 'montecarlo';
  mean_monte_in[1] := 3131;
  mean_monte_in[2] := 3375;
  mean_monte_in[3] := 3725;
  mean_monte_in[4] := 4075;
  mean_monte_in[5] := 4425;
  mean_monte_in[6] := 4775;
  mean_monte_in[7] := 5125;
  mean_monte_in[8] := 5475;
  mean_monte_in[9] := 5825;
  mean_monte_in[10] := 6149;
  prob_in[1] := 0.050000;
  prob_in[2] := 0.183333;
  prob_in[3] := 0.400000;
  prob_in[4] := 0.466700;
  prob_in[5] := 0.533400;
  prob_in[6] := 0.550100;
  prob_in[7] := 0.600100;
  prob_in[8] := 0.783400;
  prob_in[9] := 0.966700;
  prob_in[10] := 1;
```

```
dist_out := 'normal';
mean_out := 26.43333;
sd_out := 1.232310;
end;
13 : begin
operator := 30;
dist_in := 'montecarlo';
mean_monte_in[1] := 2910;
mean_monte_in[2] := 3250;
mean_monte_in[3] := 3750;
mean_monte_in[4] := 4250;
mean_monte_in[5] := 4750;
mean_monte_in[6] := 5250;
mean_monte_in[7] := 5750;
mean_monte_in[8] := 6250;
mean_monte_in[9] := 6512;
prob_in[1] := 0.016700;
prob_in[2] := 0.250000;
prob_in[3] := 0.500000;
prob_in[4] := 0.550000;
prob_in[5] := 0.566700;
prob_in[6] := 0.700000;
prob_in[7] := 0.916700;
prob_in[8] := 0.983333;
prob_in[9] := 1;
dist_out := 'normal';
mean_out := 26.56666;
sd_out := 1.295710;
end;
14 : begin
operator := 32;
dist_in := 'montecarlo';
mean_monte_in[1] := 2868;
mean_monte_in[2] := 3500;
mean_monte_in[3] := 4500;
mean_monte_in[4] := 5500;
```

```
mean_monte_in[5] := 6500;
mean_monte_in[6] := 7480;
prob_in[1] := 0.033333;
prob_in[2] := 0.500000;
prob_in[3] := 0.583333;
prob_in[4] := 0.916666;
prob_in[5] := 0.983333;
prob_in[6] := 1;
dist_out := 'normal';
mean_out := 26.65000;
sd_out := 1.36412;
end;
15 : begin
    operator := 28;
    dist_in := 'montecarlo';
    mean_monte_in[1] := 2893;
    mean_monte_in[2] := 3250;
    mean_monte_in[3] := 3750;
    mean_monte_in[4] := 4250;
    mean_monte_in[5] := 4750;
    mean_monte_in[6] := 5250;
    mean_monte_in[7] := 5750;
    mean_monte_in[8] := 6250;
    mean_monte_in[9] := 7201;
    prob_in[1] := 0.016700;
    prob_in[2] := 0.250000;
    prob_in[3] := 0.516700;
    prob_in[4] := 0.550000;
    prob_in[5] := 0.566700;
    prob_in[6] := 0.750000;
    prob_in[7] := 0.950000;
    prob_in[8] := 0.983333;
    prob_in[9] := 1;
    dist_out := 'normal';
    mean_out := 26.26666;
    sd_out := 1.195369;
```

```
end;
16 : begin
    operator := 30;
    dist_in  := 'montecarlo';
    mean_monte_in[1] := 3258;
    mean_monte_in[2] := 3525;
    mean_monte_in[3] := 3975;
    mean_monte_in[4] := 4425;
    mean_monte_in[5] := 4875;
    mean_monte_in[6] := 5325;
    mean_monte_in[7] := 5775;
    mean_monte_in[8] := 6225;
    mean_monte_in[9] := 6675;
    mean_monte_in[10] := 7435;
    prob_in[1] := 0.066666;
    prob_in[2] := 0.250000;
    prob_in[3] := 0.516666;
    prob_in[4] := 0.533333;
    prob_in[5] := 0.583333;
    prob_in[6] := 0.700000;
    prob_in[7] := 0.900000;
    prob_in[8] := 0.966666;
    prob_in[9] := 0.983333;
    prob_in[10] := 1;
    dist_out   := 'normal';
    mean_out   := 26.46666;
    sd_out     := 1.21746;
end;
17 : begin
    operator := 31;
    dist_in  := 'montecarlo';
    mean_monte_in[1] := 3013;
    mean_monte_in[2] := 3450;
    mean_monte_in[3] := 3950;
    mean_monte_in[4] := 4450;
    mean_monte_in[5] := 4950;
```

```
mean_monte_in[6] := 5450;
mean_monte_in[7] := 5950;
mean_monte_in[8] := 6450;
mean_monte_in[9] := 6871;
prob_in[1] := 0.016700;
prob_in[2] := 0.316700;
prob_in[3] := 0.550100;
prob_in[4] := 0.583400;
prob_in[5] := 0.666667;
prob_in[6] := 0.766667;
prob_in[7] := 0.966667;
prob_in[8] := 0.983333;
prob_in[9] := 1;
dist_out := 'montecarlo';
mean_monte_out[1] := 23;
mean_monte_out[2] := 24;
mean_monte_out[3] := 25;
mean_monte_out[4] := 26;
mean_monte_out[5] := 27;
mean_monte_out[6] := 28;
mean_monte_out[7] := 29;
mean_monte_out[8] := 30;
prob_out[1] := 0.050000;
prob_out[2] := 0.150000;
prob_out[3] := 0.600000;
prob_out[4] := 0.750000;
prob_out[5] := 0.883333;
prob_out[6] := 0.966666;
prob_out[7] := 0.983333;
prob_out[8] := 1;
end;
18 : begin
    operator := 32;
    dist_in := 'montecarlo';
    mean_monte_in[1] := 3473;
    mean_monte_in[2] := 3650;
```

```
mean_monte_in[3] := 3950;
mean_monte_in[4] := 4250;
mean_monte_in[5] := 4550;
mean_monte_in[6] := 4850;
mean_monte_in[7] := 5150;
mean_monte_in[8] := 5450;
mean_monte_in[9] := 5750;
mean_monte_in[10] := 6041;
prob_in[1] := 0.016700;
prob_in[2] := 0.183333;
prob_in[3] := 0.433333;
prob_in[4] := 0.516666;
prob_in[5] := 0.566666;
prob_in[6] := 0.633333;
prob_in[7] := 0.700000;
prob_in[8] := 0.816700;
prob_in[9] := 0.900000;
prob_in[10] := 1;
dist_out := 'normal';
mean_out := 26.51888;
sd_out := 1.431680;
end;
```

19 : begin

```
operator := 32;
dist_in := 'montecarlo';
mean_monte_in[1] := 3346;
mean_monte_in[2] := 3800;
mean_monte_in[3] := 4400;
mean_monte_in[4] := 4700;
mean_monte_in[5] := 5000;
mean_monte_in[6] := 5300;
mean_monte_in[7] := 5600;
mean_monte_in[8] := 5696;
```

```
prob_in[1] := 0.016700;
prob_in[2] := 0.266700;
prob_in[3] := 0.566700;
prob_in[4] := 0.633400;
prob_in[5] := 0.700100;
prob_in[6] := 0.783400;
prob_in[7] := 0.900000;
prob_in[8] := 1;
dist_out := 'normal';
mean_out := 26.46666;
sd_out := 1.087300;
end;
20 : begin
    operator := 25;
    dist_in := 'montecarlo';
    mean_monte_in[1] := 3200;
    mean_monte_in[2] := 3350;
    mean_monte_in[3] := 3650;
    mean_monte_in[4] := 3950;
    mean_monte_in[5] := 4250;
    mean_monte_in[6] := 4550;
    mean_monte_in[7] := 4850;
    mean_monte_in[8] := 5150;
    mean_monte_in[9] := 5388;
    prob_in[1] := 0.016700;
    prob_in[2] := 0.083300;
    prob_in[3] := 0.299900;
    prob_in[4] := 0.566600;
    prob_in[5] := 0.633300;
    prob_in[6] := 0.700000;
    prob_in[7] := 0.783300;
    prob_in[8] := 0.966700;
    prob_in[9] := 1;
    dist_out := 'normal';
    mean_out := 26;
    sd_out := 1.65;
```

```
end;
21 : begin
    operator := 25;
    dist_in  := 'normal';
    mean_in  := 3691.533;
    sd_in    := 777.4515;
    dist_out := 'normal';
    mean_out := 26.7;
    sd_out   := 1.18743;
end;
22 : begin
    operator := 21;
    dist_in  := 'montecarlo';
    mean_monte_in[1] := 2160;
    mean_monte_in[2] := 2300;
    mean_monte_in[3] := 2500;
    mean_monte_in[4] := 2700;
    mean_monte_in[5] := 2900;
    mean_monte_in[6] := 3100;
    mean_monte_in[7] := 3300;
    mean_monte_in[8] := 3500;
    mean_monte_in[9] := 3700;
    mean_monte_in[10] := 3900;
    mean_monte_in[11] := 4047;
    prob_in[1] := 0.033300;
    prob_in[2] := 0.066700;
    prob_in[3] := 0.266700;
    prob_in[4] := 0.483500;
    prob_in[5] := 0.566600;
    prob_in[6] := 0.633300;
    prob_in[7] := 0.650000;
    prob_in[8] := 0.766700;
    prob_in[9] := 0.883300;
    prob_in[10] := 0.983300;
    prob_in[11] := 1;
    dist_out := 'normal';
```

```
        mean_out := 26.3333;  
        sd_out   := 1.45678;  
    end;  
end;  
End;
```

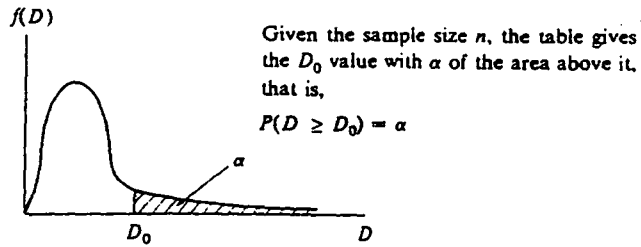
```
BEGIN  
    types := 1;  
    repeat  
        times := 8;  
        repeat  
            define;  
            run_simulate;  
            inc(times);  
        until times > 22;  
        inc(types);  
    until types > 2;  
END.
```

* กำหนดให้โปรแกรมจำลองปัญหา โดยเริ่มตั้งแต่ วันทำงาน 8:00 - 23:00 น.
ถึงวันหยุด 8:00 - 23:00 น.

ภาคผนวก ง.

ตาราง D แสดงค่าวิกฤต
ของวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ

ตารางค่า D แสดงค่าวิกฤตของวิธีโคโมโกรอฟ-สเมอร์นอฟ



n	α level		
	0.10	0.05	0.01
1	0.95	0.98	0.995
2	0.78	0.84	0.93
3	0.64	0.71	0.83
4	0.56	0.62	0.73
5	0.51	0.56	0.67
6	0.47	0.52	0.62
7	0.44	0.49	0.58
8	0.41	0.46	0.54
9	0.39	0.43	0.51
10	0.37	0.41	0.49
11	0.35	0.39	0.47
12	0.34	0.38	0.45
13	0.33	0.36	0.43
14	0.31	0.35	0.42
15	0.30	0.34	0.40
16	0.30	0.33	0.39
17	0.29	0.32	0.38
18	0.28	0.31	0.37
19	0.27	0.30	0.36
20	0.26	0.29	0.36
25	0.24	0.27	0.32
30	0.22	0.24	0.29
35	0.21	0.23	0.27
40	0.19	0.21	0.25
50	0.17	0.19	0.23
> 50	$\frac{1.22}{\sqrt{n}}$	$\frac{1.36}{\sqrt{n}}$	$\frac{1.63}{\sqrt{n}}$

ภาคผนวก จ.

ตารางค่า Z

ประวัตินักศึกษา

ประวัตินักศึกษา

ชื่อ-นามสกุล นายชนาวีร์ จงประสิทธิ์ผล
วันเดือนปีเกิด 13 กันยายน 2516
สถานที่เกิด กรุงเทพฯ
สำเร็จชั้นมัธยมต้นจาก โรงเรียนอัสสัมชัญ ชลบุรี กรุงเทพฯ
สำเร็จชั้นมัธยมปลายจาก โรงเรียนอัสสัมชัญ ชลบุรี กรุงเทพฯ

ชื่อ-นามสกุล นายประภาส โพธิพันธ์
วันเดือนปีเกิด 18 สิงหาคม 2515
สถานที่เกิด ฉะเชิงเทรา
สำเร็จชั้นมัธยมต้นจาก โรงเรียนเบญจมราชรังสฤษฎิ์ ฉะเชิงเทรา
สำเร็จชั้นมัธยมปลายจาก โรงเรียนเบญจมราชรังสฤษฎิ์ ฉะเชิงเทรา

ชื่อ-นามสกุล นายพงศา อาชายทศการ
วันเดือนปีเกิด 17 กุมภาพันธ์ 2515
สถานที่เกิด กรุงเทพฯ
สำเร็จชั้นมัธยมต้นจาก โรงเรียนวัดราชบพิธ กรุงเทพฯ
สำเร็จชั้นมัธยมปลายจาก โรงเรียนวัดบวรมงคล กรุงเทพฯ

ชื่อ-นามสกุล นางสาวจุฑิรา บุญสุวรรณ
วันเดือนปีเกิด 8 ธันวาคม 2514
สถานที่เกิด ชลบุรี
สำเร็จชั้นมัธยมต้นจาก โรงเรียนชลกันยานุกูล ชลบุรี
สำเร็จชั้นมัธยมปลายจาก โรงเรียนชลกันยานุกูล ชลบุรี