

สำนักหอสมุดกลาง พระจอมเกล้าลาดกระบัง

การวิเคราะห์ข้อมูลงานทดลองปัจจัยเดียวที่ซับซ้อนด้วยภาษา C



นาย วัชรชัย พิเศษพิทักษ์

นางสาว สุนิศา วารมงคล

นาย มนต์รี นามิษฐ์เอกไพบูลย์

รฟ.  
ธ394ก  
2535

เลขหมู่.....  
เลขทะเบียน.....  
วัน,เดือน,ปี.....

619548558

ปัญหาพิเศษนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรวิทยาศาสตรบัณฑิต

ภาควิชา สถิติประยุกต์

คณะวิทยาศาสตร์

สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง

ปีการศึกษา 2534/5

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

หัวข้อโครงการพิเศษ การวิเคราะห์ข้อมูลงานทดลองปัจจัยเดียวที่ซับซ้อนด้วยภาษา C

โดย นาย ธวัชชัย พิเศษพัฒน์  
นางสาว สุพินดา วรมงคล  
นาย มนต์รี พานิชย์เอกไพบูลย์

ภาควิชา สถิติประยุกต์

อาจารย์ที่ปรึกษา อ. วีรศักดิ์ สุรพัฒน์

ภาควิชาสถิติประยุกต์ คณะวิทยาศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้า  
เจ้าคุณทหารลาดกระบัง อนุมัติให้นับโครงการพิเศษฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่งของการ  
ศึกษาตามหลักสูตรวิทยาศาสตรบัณฑิต



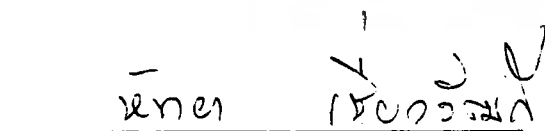
( อ. วีรศักดิ์ สุรพัฒน์ )

หัวหน้าภาค



( อ. วีรศักดิ์ สุรพัฒน์ )

ประธานกรรมการ



( ผ.ศ. หัตถยา เชื้อววัฒน์ )

กรรมการ

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

อนุชิต วรรณกุล

( อ. อนุชิต - ารจันทร์ )

กรรมการ

ลิขสิทธิ์ของภาควิชา สนิติประภคค์ คณะวิทยาศาสตร์  
สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

หัวข้อโครงการพิเศษ การวิเคราะห์ข้อมูลงานทดลองปัจจัยเดียวที่ซับซ้อนด้วยภาษา C

นักศึกษา

นาย ชวิษฐ์ พิระพัฒน์

นางสาว สุพินดา วรมงคล

นาย มนตรี พาณิชย์เอกไขบูลย์

อาจารย์ที่ปรึกษา

อาจารย์ วีรศักดิ์ สุระพัฒน์

ภาควิชา

สถิติประยุกต์

ปีการศึกษา

2534

บทคัดย่อ

ปัจจุบันสถิติด้านการวางแผนการทดลอง ได้เข้ามามีบทบาทสำคัญในงานวิจัยหลายแขนง โดยเฉพาะงานวิจัย ที่มีการเปรียบเทียบสิ่งทดลองหลาย ๆ สิ่งทดลอง โดยการใช้การวิเคราะห์ข้อมูล ในการวางแผนการทดลองนั้น จะใช้เทคนิคของการวิเคราะห์ความแปรปรวน เพื่อหาข้อสรุปจากแผนการทดลอง แต่การวิเคราะห์ความแปรปรวนนั้น มีขั้นตอนค่อนข้างยุ่งยาก ซับซ้อน ใช้เวลาค่อนข้างนานในการคำนวณ ทางคณะผู้จัดทำได้เล็งเห็นถึงปัญหาดังกล่าวข้างต้น จึงได้พัฒนาระบบโปรแกรมสำเร็จรูปที่ช่วยคำนวณการวิเคราะห์ความแปรปรวน

โปรแกรมนี้สามารถคำนวณการวิเคราะห์ความแปรปรวนได้อย่างมีประสิทธิภาพ คือให้ผลลัพธ์ที่ถูกต้องแม่นยำในเวลาอันรวดเร็ว อีกทั้งขั้นตอนการใช้โปรแกรม และการใส่ข้อมูลสะดวก และง่ายตาย นอกจากนั้นยังมีการแสดงผลลัพธ์ และการสรุปผลการทดลองที่ง่ายต่อการแปลผลอีกด้วย

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ซึ่งความสามารถของโปรแกรมดังกล่าวมาแล้วข้างต้น ได้บรรจุอยู่ในแผ่นดิสก์ขนาด 360 KB เพียงแผ่นเดียว และเครื่องคอมพิวเตอร์ที่ใช้ในการประมวลผล จะใช้เครื่อง IBM หรือ IBM Compatible ขนาด 16 bit ขึ้นไป มีหน่วยความจำ (RAM) ไม่น้อยกว่า 640 KB



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

Special Project Title    **Analysis of One Factor Experimental  
Data by C language**

Name                            **Tavatchai Peechapat  
Supinda Voramonkol  
Montree Phanichekphaiboon**

Special Project Advisor   **Prof. Veerasak Surapat**

Department                 **Applied Statistics**

Academic Year             **1991**

**Abstract**

Nowaday, Statistic in Experimental Design play importance role in many reseach, particularly that has comparison among the experiment.

In Experimental Design, data is analyzed by mean of "Analysis of Variance" (ANOVA) technique. But calculation process of ANOVA take long time and rather cumbersome.

Form this problem, we have an idea to employ computer program to overcome the problem.

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

This statistical package solves ANOVA problem efficiently in short time. Moreover this program has easy input-output system. Program is contained in 360 KB diskette, run on IBM or IBM compatible PC



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

### กิติกรรมประกาศ

ปัญหาพิเศษฉบับนี้สำเร็จลงไปได้ด้วยดี ทางคณะผู้จัดทำขอขอบคุณ บุคคลดังต่อไปนี้ ที่ได้ช่วยในเรื่องต่าง ๆ ให้ปัญหาพิเศษฉบับนี้มีความเรียบร้อยยิ่งขึ้น

อาจารย์ วีรศักดิ์ สุรพันธ์ ให้เกียรติเป็นอาจารย์ที่ปรึกษา และ เป็นผู้ให้การสนับสนุนช่วยเหลือในเกือบทุก ๆ ด้านมาโดยตลอด

ผู้ช่วยศาสตราจารย์ หักษา เชื้อววัฒน์ และ อาจารย์ บุญฤทธิ วรจันทร์ ให้เกียรติเป็นกรรมการ และช่วยสอบทานปัญหาพิเศษฉบับนี้

นาย สาธิต ทองเงิน และ นาย รวี อุดมธานี ให้คำปรึกษาทางด้านการเขียนโปรแกรม

นาย สามารถ จรุงอุทัยธรรม ช่วยงานในด้านการพิมพ์ ปัญหาพิเศษฉบับนี้

นาย สวัสดิ์ บุญะเวศ ช่วยในการเรียบเรียง และจัดเกลาเนื้อหา Abstract เพื่อน ๆ ภาควิชาคณิตศาสตร์ และวิทยาการคอมพิวเตอร์ ที่ให้ความช่วยเหลืออุปกรณ์ที่ใช้ในการทำปัญหาพิเศษ

และสุดท้ายนี้ขอขอบคุณคณาจารย์ภาควิชาสถิติประยุกต์ทุกท่าน ที่ประสิทธิ์ประสาทวิชาความรู้ ให้มีความสามารถในการทำปัญหาพิเศษฉบับนี้จนสำเร็จลงไปได้ด้วยดี

คณะผู้จัดทำ

นาย ธวัชชัย นีระพันธ์

นางสาว สุนิศา วรมงคล

นาย มนต์รี นามิษฐ์เอกไพบูลย์

## สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อปัญหาพิเศษภาษาไทย	ก-1
บทคัดย่อปัญหาพิเศษภาษาอังกฤษ	ข-1
กิตติกรรมประกาศ	ค
สารบัญตาราง	ง-1
สารบัญรูปภาพ	จ-1
บทที่ 1 บทนำ	1
บทที่ 2 ทฤษฎีและหลักเกณฑ์ที่เกี่ยวข้อง	6
บทที่ 3 ขั้นตอนการดำเนินงาน	62
บทที่ 4 ผลการวิจัย และวิจารณ์	64
บทที่ 5 สรุปผลการศึกษาวิจัยและข้อเสนอแนะ	116
ภาคผนวก	
- คู่มือการใช้โปรแกรม ANOVA	118
- คู่มือการใช้โปรแกรม INSET (โปรแกรมช่วยในการนิมนต์ผลลัพธ์จากหน้าจอ)	130
เอกสารอ้างอิง	135

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## สารบัญตาราง

ตารางที่	หน้า
2-1.1.1 ข้อมูลที่รวบรวมได้จาก $t$ ทรีตเมนต์ แต่ละทรีตเมนต์ที่มีจำนวนซ้ำเท่ากับ $r$	7
2-1.1.2 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD	9
2-1.1.3 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD เมื่อมีจำนวนซ้ำไม่เท่ากัน	10
2-1.1.4 ข้อมูลที่รวบรวมได้จาก $t$ ทรีตเมนต์ แต่ละทรีตเมนต์ที่มีจำนวนซ้ำเท่ากับ $r$ และภายในแต่ละซ้ำ หรือแต่ละหน่วยทดลองมีหน่วยตัวอย่างย่อยเท่ากับ $s$	12
2-1.1.5 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD เมื่อมีตัวอย่างย่อย	14
2-1.1.6 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD เมื่อมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน	16
2-1.1.7 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD เมื่อมีจำนวนซ้ำและ ตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน	18
2-1.2.1 ข้อมูลที่เก็บรวบรวมในการทดลองแบบ RBD	20
2-1.2.2 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ RBD	21
2-1.2.3 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวน RBD $t$ ทรีตเมนต์ จัดเป็น $r$ บล็อก และแต่ละหน่วยทดลองมีตัวอย่างย่อย $s$ ตัวอย่างย่อย	23
2-1.3.1 ข้อมูลที่เก็บรวบรวมในการทดลองแบบ LS	25
2-1.3.2 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ LS	27
2-1.3.3 ANOVA LS with sub-samples	29
2-2.1.1 การวิเคราะห์ความแปรปรวน เมื่อมีข้อมูลสุ่มหาย 1 ตัวแบบ RBD	32

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2-2.1.2	การวิเคราะห์ความแปรปรวน เมื่อมีข้อมูลสูญหายมากกว่า 1 ตัว แบบ RBD	33
2-2.2.1	การวิเคราะห์ความแปรปรวน เมื่อมีข้อมูลสูญหาย 1 ตัว แบบ LS	35
2-2.2.2	การวิเคราะห์ความแปรปรวน เมื่อมีข้อมูลสูญหายมากกว่า 1 ตัว แบบ LS	36
2-4.1	ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของ CRD	42
2-4.2	ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของ RBD	45
2-4.3	ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของ LS	48
2-5.1	การวิเคราะห์รวม p การทดลอง ที่วางแผนแบบ RBD ที่มี t ทรีตเมนต์ และ r ซ้ำ	51
2-5.2	ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ RBD ทำ 2 การทดลอง	56
2-5.3	ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนรวมของ RBD	57
2-5.4	ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD ทำ 2 การทดลอง	58
2-5.5	ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนรวมของ CRD	59
2-5.6	ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ LS ทำ 2 สแควร์	60
2-5.7	ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนรวมของ LS	61
4-1.1.1	Grain Yield of Rice Resulting from Use of Different Foliar and Granular Insecticides for the Control of Brown Planthoppers and Stem Borers, from a CRD Experiment with 4 (r) Replications and 7 (t) Treatments	65
4-1.1.2	ANOVA CRD with equal replication of Rice Yield Data in Table 4-1.1.1	66
4-1.1.3	แสดงข้อมูลแผนการทดลองแบบ CRD เมื่อมี 4 ทรีตเมนต์ และมีจำนวนซ้ำไม่เท่ากัน	67
4-1.1.4	ANOVA CRD with unequal replication of Data in Table 4-1.1.3	68

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4-1.1.5	ข้อมูลแผนการทดลองแบบ CRD เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์ ทำ 4 ซ้ำ และมีตัวอย่างย่อย 2 ตัวอย่างย่อย	69
4-1.1.6	ANOVA CRD with sub-samples of Data in Table 4-1.1.5	70
4-1.1.7	ข้อมูลแผนการทดลองแบบ CRD เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์ ทำ 4 ซ้ำ และมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน	72
4-1.1.8	ANOVA CRD with unequal sub-samples of Data in Table 4-1.1.7	73
4-1.1.9	แสดงข้อมูลแผนการทดลอง CRD เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์ มีจำนวนซ้ำ และ ตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน	74
4-1.1.10	ANOVA CRD with unequal replication and sub-samples of Data in Table 4-1.1.9	75
4-1.2.1	Grain Yield of Rice Variety IR8 with Six Different Rates of Seeding, from a RBD	76
4-1.2.2	ANOVA RBD with sub-samples of Data in Table 4-1.2.1	77
4-1.2.3	แสดงข้อมูลแผนการทดลองแบบ RBD เมื่อมี 4 ทรีตเมนต์ ทำ 3 ซ้ำ และมีตัวอย่างย่อย	78
4-1.2.4	ANOVA RBD with sub-samples of Data in Table 4-1.2.3	79
4-1.2.5	แสดงข้อมูลแผนการทดลองแบบ RBD เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์ ทำ 3 ซ้ำ และมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน	81
4-1.2.6	ANOVA RBD with unequal sub-samples of Data in Table 4-1.2.5	82
4-1.3.1	Grain Yield of Three Promising Maize Hybrids (A,B and D) and a Check Variety (C) from an Experiment with Latin Square Design	83

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4-1.3.2	ANOVA LS with sub-samples of Data in Table 4-1.3.1	84
4-1.3.3	แสดงข้อมูลแผนการทดลองแบบ LS เมื่อมี 4 ทรีตเมนต์ และมีตัวอย่างย่อย 3 ตัวอย่าง	85
4-1.3.4	ANOVA LS with sub-samples of Data in Table 4-1.3.3	86
4-1.3.5	แสดงข้อมูลแผนการทดลองแบบ LS เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์ และมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน	88
4-1.3.6	ANOVA LS with unequal sub-sampling of Data in Table 4-1.3.5	89
4-2.1.1	Percentage of White Heads of 14 Rice Varieties Tested in a RBD Design with Three Replications	92
4-2.1.2	Transformation of Data in Table 4-2.2.1 Using Square Root	93
4-2.1.3	ANOVA of Data in Table 4-2.2.2	94
4-2.2.1	Number of Living Larvae Recovered Following Different Insecticide Treatments	95
4-2.2.2	Data in Table 4-2.1.1 Transformed to Logarithmic Scale, $\log(X + 1)$	96
4-2.2.3	ANOVA of Data in Table 4-2.1.2	97
4-2.3.1	Percentage Survival of Zigzag Leafhoppers on 12 Rice Varieties Tested in a CRD Experiment with Three Replications	98
4-2.3.2	Transformation of Data in Table 4-2.3.1 with Arc-Sine Transformation	99
4-2.3.3	ANOVA of Data in Table 4-2.3.2	100

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4-3.1.1	Data from a RBD Design, with One Missing Observation	101
4-3.1.2	Data in Table 4-3.1.1 with the Missing Data Replaced by the Value Estimated from the Missing Data Formula Technique	102
4-3.1.3	ANOVA RBD of Data in Table 4-3.1.2 with One Missing Value Estimated by the Missing Data Formula Technique	103
4-3.1.4	ANOVA LS of Data in Table 4-1.3.1, with One Value Assumed Missing and Estimated by the Missing Data Formula Technique	105
4-3.2.1	Data from a RBD Design, with Two Missing Values, One of Which is Assigned an Initial Value, as the First Step in Estimating Missing Data Through the Iterative Procedure	107
4.3.2.2	ANOVA of Data in Table 4-3.2.1 with Two Missing Data Estimated through the Iterative Procedure	108
4-4.1.1	แสดงข้อมูลการทดลองแบบ CRD เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์ ทำ 7 ซ้ำ	110
4-4.1.2	ANCOVA CRD of Data in Table 4-4.1.1	111
4-4.2.1	แสดงข้อมูลแผนการทดลองแบบ RBD เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์ ทำ 3 ซ้ำ	113
4-4.2.2	ANCOVA RBD of Data in Table 4-4.2.1	114

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## สารบัญรูปภาพ

แผนภาพที่	หน้า
1.1.1 แสดงผลการวิเคราะห์ความแปรปรวนแบบ CRD เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	66
1.1.2 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA CRD with unequal replication เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	68
1.1.3 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA CRD with sub-samples เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	71
1.1.4 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA CRD with unequal sub-samples เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	73
1.1.5 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA CRD with unequal replication and sub-samples เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	75
1.2.1 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA RBD without sub-samples เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	77
1.2.2 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA RBD with sub-samples เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	80
1.2.3 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA RBD with unequal sub-samples เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	82
1.3.1 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA LS without sub-samples เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	84
1.3.2 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA LS with sub-samples เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	87
1.3.3 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA LS with unequal sub-samples เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	90

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2.1.1	แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA with Square-root Transformation เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	94
2.2.1	แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA with Logarithmic Transformation เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	97
2.3.1	แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA with Arc-sine Transformation เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	100
3.1.1	แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA RBD with One Missing Observation เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	104
3.1.2	แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA LS with One Missing Observation เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	106
3.1.3	แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA RBD with Two Missing Observation เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	109
4.1.1	แสดงผลการวิเคราะห์ ANCOVA CRD เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	112
4.2.1	แสดงผลการวิเคราะห์ ANCOVA RBD เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น	115
ก-1	แสดงคำสั่งเริ่มต้นโปรแกรม ANOVA	119
ก-2	แสดง Title ของโปรแกรม ANOVA	120
ก-3	แสดงเมนูหลักของโปรแกรม ANOVA	121
ก-4	แสดงหน้าจอเลือกแผนแบบการทดลอง	122
ก-5	แสดงเมนูให้เลือกว่า ต้องการใส่ค่าสังเกตที่มีตัวอย่างย่อยหรือไม่	123
ก-6	แสดงเมนูให้เลือกว่าลักษณะของค่าสังเกตนั้นมีจำนวนหน่วยตัวอย่างย่อยเท่ากันหรือไม่	124
ก-7	แสดงข้อความให้ใส่ชื่อ ทรีตเมนต์นั้นจนครบทุกทรีตเมนต์	125
ก-8	ข้อความให้ใส่จำนวนซ้ำ	126
ก-9	แสดงข้อความให้ใส่จำนวนตัวอย่างย่อย	126

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ก-10	แสดงข้อความให้ใส่ค่าสังเกต ตามลำดับเริ่มตั้งแต่ทรีตเมนต์แรก หน่วยตัวอย่างย่อยแรก จำนวนซ้ำแรก ไปจนครบ	127
ก-11	แสดงเมทริกซ์ความต้องการจะตรวจสอบข้อมูลค่าสังเกต ที่ใส่ไปแล้ว หรือไม่	128
ก-12	แสดงผลลัพธ์ของโปรแกรม ANOVA	129
ก-13	แสดงผลลัพธ์ของโปรแกรม ANOVA	129
ข-1	แสดงรูปของโปรแกรม SETUP	131



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## บทที่ 1

### บทนำ

#### ความสำคัญ/ที่มาของปัญหา

ปัจจุบันสถิติด้านการวางแผนการทดลอง ได้มีบทบาทสำคัญในงานวิจัยหลายแขนง โดยเฉพาะงานวิจัย ที่มีการเปรียบเทียบสิ่งทดลอง (Critical Experiments) งานวิจัยประเภทนี้ มักอาศัยรูปแบบของการทดลองที่แน่นอน เช่น แผนการทดลองแบบสุ่มตลอด (Completely Random Design) แผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ (Randomized Complete Block Design) ข้อดีของการเลือกใช้แผนการทดลองก็คือ การวิเคราะห์ข้อมูลเพื่อสรุปผลการทดลอง จะมีรูปแบบตายตัวตามแผนการทดลองนั้น ๆ

การวิเคราะห์ข้อมูล ในการวางแผนการทดลองนั้น จะใช้เทคนิคของการวิเคราะห์ความแปรปรวน เพื่อหาข้อสรุปจากผลการทดลอง แต่การวิเคราะห์ความแปรปรวนนั้น มีขั้นตอนที่ค่อนข้างยุ่งยาก ซับซ้อน ใช้เวลาค่อนข้างนานในการคำนวณ

ซึ่งปัจจุบันนี้ เทคโนโลยีด้านคอมพิวเตอร์ ได้ถูกพัฒนาขึ้นอย่างรวดเร็ว เครื่องไมโครคอมพิวเตอร์ มีประสิทธิภาพสูงขึ้น ในขณะที่ราคาถูกลงมาก จนขณะนี้ไมโครคอมพิวเตอร์ได้เข้ามามีบทบาทอย่างมาก ทางด้านวิทยาศาสตร์แขนงต่าง ๆ รวมทั้งวิทยาศาสตร์สาขาสถิติประยุกต์ด้วย ได้มีผู้ทำโปรแกรมสำเร็จรูปทางสถิติขึ้นมาหลาย เช่น SPSS/PC+ ซึ่งนักวิจัยสามารถนำโปรแกรมสำเร็จรูปนี้ มาช่วยวิเคราะห์ความแปรปรวนได้ แต่โปรแกรมเหล่านั้น ผู้ใช้ต้องศึกษาวิธีการเขียนคำสั่งตามรูปแบบของโปรแกรมนั้นก่อน จึงจะสามารถเขียนโปรแกรมตามจุดประสงค์ของตนเองได้ อีกทั้งการป้อนข้อมูลก็ไม่สะดวก นอกจากนั้นแล้วผลลัพธ์ของโปรแกรม ยังยากแก่การสรุปผลอีกด้วย

ทางคณะผู้จัดทำ ได้เล็งเห็นถึงปัญหาดังกล่าวข้างต้น จึงได้ออกแบบโปรแกรมสำเร็จรูปเพื่อช่วยคำนวณ การวิเคราะห์ความแปรปรวน โดยคำนึงถึงความง่าย สะดวก รวดเร็ว และความคล่องตัวในการใช้งานเป็นหลัก ผู้ใช้สามารถเลือกวิธีการวิเคราะห์-

ความแปรปรวนแบบต่าง ๆ ได้โดยง่าย ระบบการป้อนข้อมูล จะเป็นลักษณะแบบโต้ตอบ (Inter-active) คือ ผู้ใช้สามารถป้อนข้อมูล เข้าทางหน้าจอได้เลย นอกนั้นแล้วยังมีการแสดงผลการวิเคราะห์ และสรุปผล ที่ง่ายแก่การเข้าใจอีกด้วย

โปรแกรมนี้เขียนขึ้นโดยใช้ภาษาซี เนื่องจากภาษาซี มีลักษณะการเขียนโปรแกรมแบบโครงสร้าง (Structure Programming) ทำให้ง่ายแก่การเขียนโปรแกรมตรวจสอบความผิดพลาด และพัฒนาโปรแกรม อีกทั้งปัจจุบันนี้ มีตัวแปลภาษาซี ที่มีประสิทธิภาพมาก เช่น TURBO C ซึ่ง TURBO C นี้ มีฟังก์ชันให้เลือกใช้อย่างสะดวก นอกจากนั้นแล้ว TURBO C ยังมี Library ในโหมดกราฟิกให้เรียกใช้อีกด้วย คือ BGI (Borland Graphic Interface) ทำให้สามารถแสดงหน้าจอของโปรแกรมในกราฟิก โหมดได้อย่างสวยงามและรวดเร็ว

#### วัตถุประสงค์ของปัญหา

1. ศึกษาและสร้างโปรแกรมด้วยภาษา C เพื่อวิเคราะห์ข้อมูลสถิติด้านการวางแผนการทดลองปัจจัยเดียวที่ซับซ้อน
2. สร้างคู่มือการใช้งานของโปรแกรมนี้ เพื่อให้ นักวิจัยหรือผู้สนใจสามารถใช้โปรแกรมนี้ได้โดยง่าย
3. เพื่อเป็นพื้นฐาน และ แนวทางในการพัฒนาโปรแกรมที่เกี่ยวกับ การวิเคราะห์ความแปรปรวนหลายปัจจัยต่อไป

## ขอบเขตของปัญหา

### ขอบเขตของโครงการพิเศษนี้ มีดังนี้

1. สร้างโปรแกรมการวิเคราะห์ความแปรปรวนจากงานทดลองปัจจัยเดียว ที่ใช้กันมากได้แก่ Completely Random Design (CRD), Randomized Complete Block Design (RBD) และ Latin Square (LS) มีรายละเอียดดังนี้

ก. CRD ซึ่งแยกตามลักษณะข้อมูลดังนี้

- จำนวนซ้ำเท่ากัน (CRD with equal replications)
- จำนวนซ้ำไม่เท่ากัน (CRD with unequal replications)
- มีตัวอย่างย่อย (CRD with sub-samples)
- มีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน (CRD with unequal sub-samples)
- ทั้งจำนวนซ้ำ และตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน (CRD with unequal replications and sub-samples)

ข. RBD ซึ่งแยกตามลักษณะข้อมูลดังนี้

- ไม่มีตัวอย่างย่อย (RBD without sub-samples)
- มีตัวอย่างย่อย (RBD with sub-samples)
- มีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน (RBD with unequal sub-samples)

ค. Latin Square ซึ่งแยกตามลักษณะข้อมูลดังนี้

- ไม่มีตัวอย่างย่อย (LS without sub-samples)
- มีตัวอย่างย่อย (LS with sub-samples)
- มีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน (LS with unequal sub-samples)

2. สร้างโปรแกรมวิเคราะห์ข้อมูลที่มีลักษณะผิดปกติ ได้แก่

ก. มีข้อมูลสูญหาย

ข. ข้อมูลไม่ตรงตามเงื่อนไขทฤษฎีของการวิเคราะห์ความแปรปรวน โดยต้องแปลงข้อมูลก่อนการวิเคราะห์ (วิธีการแปลงข้อมูล ได้แก่ square root, logarithmic และ arcsin transformations)

3. สร้างโปรแกรมวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม (Analysis of Covariance)

ก. การวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของแผนการทดลอง CRD

ข. การวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของแผนการทดลอง RBD

ค. การวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของแผนการทดลอง LS

4. สร้างโปรแกรมคำนวณการวิเคราะห์ความแปรปรวนรวม (Combined Analysis of Variance) การวิเคราะห์ความแปรปรวนรวมหลายฤดูกาล หรือ หลายสถานที่ หรือ หลายเวลา (repetition in season or place or time) แยกตามแผนการทดลองทั้ง 3 คือ CRD RBD และ LS

ขั้นตอนในการดำเนินงาน

1. ศึกษาวิธีการวิเคราะห์ข้อมูลภายใต้ขอบเขตของปัญหาโดยละเอียด
2. ออกแบบโครงสร้างของโปรแกรม โดยใช้ Hierarchical Chart
3. เขียนโปรแกรมด้วยภาษาซี ตามที่ได้ออกแบบไว้
4. ทดสอบการทำงานของโปรแกรม โดยใช้ข้อมูลจริง
5. จัดทำคู่มือการใช้งาน (User's Manual)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## อุปกรณ์คอมพิวเตอร์ที่ใช้ในการประมวลผล

เครื่องคอมพิวเตอร์ที่ใช้ในการประมวลผล จะใช้เครื่อง IBM หรือ IBM Compatible ขนาด 16 bit ขึ้นไป มีหน่วยความจำ (RAM) ไม่น้อยกว่า 640 KB

## ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

1. ทำให้ขั้นตอนในการคำนวณ การวิเคราะห์ความแปรปรวน แบบปัจจัยเดียว สะดวก รวดเร็ว และง่ายขึ้น
2. ทำให้การวางแผนการทดลองที่ใช้วิธีวิเคราะห์ความแปรปรวน แบบปัจจัยเดียวเป็นที่รู้จักกันแพร่หลาย และนิยมใช้ในงานวิจัย
3. เพื่อเป็นแนวทางสำหรับผู้สนใจ สามารถนำไปศึกษา และทำการพัฒนาโปรแกรมให้ครอบคลุม การวางแผนการทดลองอื่นมากยิ่งขึ้น

## บทที่ 2

### ทฤษฎี และ หลักเกณฑ์ที่เกี่ยวข้อง

#### 1. การวิเคราะห์ความแปรปรวนปัจจัยเดียว

วิธีการวิเคราะห์ความแปรปรวน หรือ ความผันแปร เป็นวิธีการคำนวณแบบเลขคณิตเพื่อแบ่งแยกผลรวมกำลังสอง (sum of squares) ของความผันแปรทั้งหมดออกเป็น ส่วน ๆ ตามแหล่งกำเนิดหรือสาเหตุนั้น ๆ เช่น ความแตกต่างอาจเนื่องมาจากพันธุ์พืชต่างกัน เพศต่างกัน น้ำหนักต่างกัน หรือกินอาหารต่างกัน เป็นต้น วิธีการวิเคราะห์ความแปรปรวนออกตามสาเหตุนี้ ได้ถูกนำมาใช้ในทุกสาขาวิชาสำหรับวิเคราะห์สรุปผลจากข้อมูลแบบปริมาณ (quantitative data) แผนการทดลองที่ใช้ในการวิเคราะห์ความแปรปรวนนั้นมีหลายแบบ แยกตามลักษณะของแต่ละงานวิจัย ซึ่งสามารถแยกเป็นหัวข้อต่าง ๆ ได้ดังนี้

1.1 แผนการทดลองแบบสุ่มอย่างสมบูรณ์ชนิดซับซ้อน (complex completely randomized design, CRD)

#### การวางแผนแบบสุ่มตลอด (Completely Random Design)

การวางแผนงานทดลองมีหลายแบบ วิธีนี้เป็นแบบหนึ่งของการวางแผนวิจัยที่มีลักษณะง่าย ๆ และสะดวก แผนทดลองนี้เหมาะสมสำหรับกรณีที่สิ่งทดลอง (experimental material) มีความสม่ำเสมอมาก ไม่มีความแตกต่างเนื่องจากปัจจัยอื่น ๆ เช่น อายุ น้ำหนัก เป็นต้น หรือแม้จะมีก็จัดว่าน้อยมาก

วิธีสุ่ม (randomization) หรือการจัดสิ่งทดลองเข้ากับทรีตเมนต์ กระทำได้ 2 แบบคือ โดยวิธีจับฉลาก และใช้ตารางเลขสุ่ม เพื่อให้ทุก ๆ หน่วยทดลองมีโอกาสเท่า ๆ กันในการรับทรีตเมนต์ใด เช่น ถ้ามีสัตว์ 5 ตัว และมีทรีตเมนต์ในการทดลองอยู่ 5 อย่าง

โอกาสที่สัตว์ตัวใดตัวหนึ่งจะได้รับทรีตเมนต์หนึ่งจะเท่ากัน

รูปแบบของข้อมูลที่เกิดขึ้นรวบรวมได้จาก  $t$  ทรีตเมนต์ แต่ละทรีตเมนต์มีจำนวนซ้ำ เท่ากับ  $r$  แสดงได้ดังตาราง 2-1.1.1

ตารางที่ 2-1.1.1 ข้อมูลที่รวบรวมได้จาก  $t$  ทรีตเมนต์ แต่ละทรีตเมนต์มีจำนวนซ้ำ เท่ากับ  $r$

	ทรีตเมนต์					รวม
	1	2	3	...	$t$	
หน่วยทดลอง						
1	$X_{11}$	$X_{21}$	$X_{31}$	...	$X_{t1}$	
2	$X_{12}$	$X_{22}$	$X_{32}$	...	$X_{t2}$	
3	$X_{13}$	$X_{23}$	$X_{33}$	...	$X_{t3}$	
.	.	.	.	.	.	
.	.	.	.	.	.	
.	.	.	.	.	.	
$r$	$X_{1r}$	$X_{2r}$	$X_{3r}$	...	$X_{tr}$	
เฉลี่ย	$\bar{X}_1$	$\bar{X}_2$	$\bar{X}_3$	...	$\bar{X}_t$	$\bar{X}_{..}$

เมื่อ  $t$  คือ จำนวนทรีตเมนต์ และ  $r$  คือ จำนวนซ้ำ

$X_{ij}$  คือ ข้อมูลจากหน่วยทดลองที่  $j$  ในตัวอย่างจากประชากรที่  $i$  หรือข้อมูลจากหน่วยทดลองที่  $j$  ซึ่งได้รับทรีตเมนต์ที่  $i$

$$i = 1, 2, 3, \dots, t ; j = 1, 2, 3, \dots, r$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

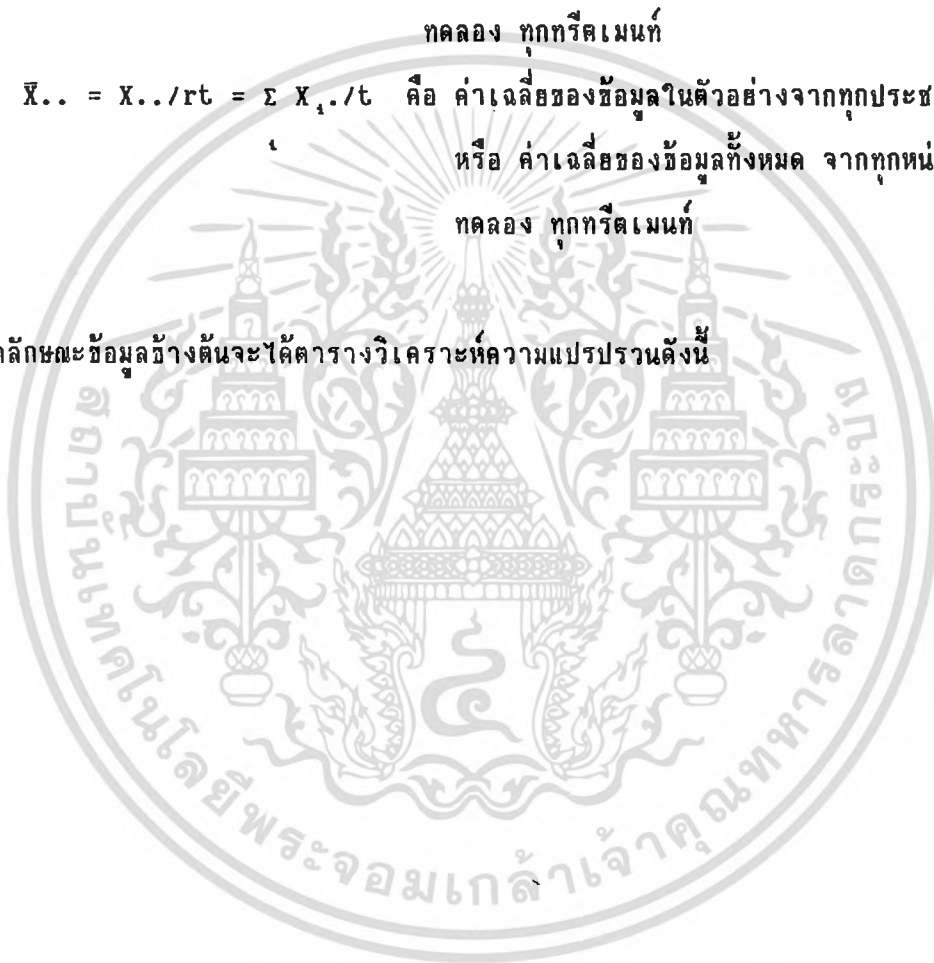
$X_{i.} = \sum X_{i,j}$  คือ ผลรวมของข้อมูลในตัวอย่างจากประชากรที่  $i$  หรือ ผลรวม  
ของข้อมูลจากหน่วยทดลองที่ได้รับทรีตเมนต์ที่  $i$

$\bar{X}_{i.} = X_{i.}/r$  คือ ค่าเฉลี่ยของข้อมูลในตัวอย่างจากประชากรที่  $i$  หรือ ค่าเฉลี่ย  
ของข้อมูลจากหน่วยทดลองที่ได้รับทรีตเมนต์ที่  $i$

$X_{..} = \sum \sum X_{i,j} = \sum X_{i.}$  คือ ผลบวกของข้อมูลทั้งหมดในตัวอย่างจากทุกประ  
ชากร หรือ ผลรวมของข้อมูลทั้งหมดจากทุกหน่วย  
ทดลอง ทุกทรีตเมนต์

$\bar{X}_{..} = X_{..}/rt = \sum X_{i.}/t$  คือ ค่าเฉลี่ยของข้อมูลในตัวอย่างจากทุกประชากร  
หรือ ค่าเฉลี่ยของข้อมูลทั้งหมด จากทุกหน่วย  
ทดลอง ทุกทรีตเมนต์

จากลักษณะข้อมูลข้างต้นจะได้ตารางวิเคราะห์ความแปรปรวนดังนี้



ตารางที่ 2-1.1.2 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD

Source of Variation	df	Sum of Squares		Mean Square
		Definition	Working	
Treatment	t-1	$\sum (\bar{X}_{i..} - \bar{X}_{..})^2$	$\frac{\sum (X_{i..})^2 - (X_{..})^2}{r}$	$\frac{SSTr}{t-1}$
Error	t(r-1)	$\sum \sum (X_{i.j} - \bar{X}_{i..})^2$	SST - SSTr	$\frac{SSE}{t(r-1)}$
Total	tr-1	$\sum \sum (X_{i.j} - \bar{X}_{..})^2$	$\frac{\sum \sum X_{i.j}^2 - (X_{..})^2}{tr}$	

SSTr = Sum of Square for treatment

SSE = Sum of Square for error

SST = Sum of Total

การตรวจสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์โดยวิธีทดสอบแบบ F นั้นจะใช้ MStrt/MSE อัตราส่วน F (F-ratio) นี้ ต้องมากกว่า 1 หากสมมติฐานไม่เป็นจริง ก็คาดว่าอัตราส่วน F ควรใกล้เคียง 1 ในกรณีที่อัตราส่วน F น้อยกว่า 1 แสดงว่าสมมติฐานเป็นจริงคือ ไม่มีความแตกต่างระหว่างทรีตเมนต์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนการทดลองแบบสุ่มอย่างสมบูรณ์เมื่อมีจำนวนซ้ำไม่เท่ากัน (CRD with unequal replication)

การทดลองแบบนี้อาจเกิดขึ้นได้เสมอเนื่องจาก ผู้ทดลองไม่สามารถเก็บข้อมูลจากหน่วยทดลองบางหน่วยได้ เช่นมีข้อมูลสูญหาย อันเป็นผลให้ที่รีดเมนต์แต่ละที่รีดเมนต์มีจำนวนซ้ำต่างกัน ตารางวิเคราะห์ความแปรปรวนจะมีลักษณะดังนี้

ตารางที่ 2-1.1.3 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของCRDเมื่อมีจำนวนซ้ำไม่เท่ากัน

SOV	df	SS		MS
		Definition	Working	
Treatment	t-1	$\sum_{i=1}^t r_i (\bar{X}_{i.} - \bar{X}_{..})^2$	$\sum_{i=1}^t \frac{(X_{i.})^2}{r_i} - \frac{(X_{..})^2}{N}$	$\frac{SSTrt}{t-1}$
Error	N-t	$\sum_{i=1}^t \sum_{j=1}^{r_i} (X_{i,j} - \bar{X}_{i.})^2$	SST - SSTrt	$\frac{SSE}{N-t}$
Total	N-1	$\sum_{i=1}^t \sum_{j=1}^{r_i} (X_{i,j} - \bar{X}_{..})^2$	$\sum_{i=1}^t \sum_{j=1}^{r_i} X_{i,j}^2 - \frac{X_{..}^2}{N}$	

โดยที่จำนวนหน่วยทดลองทั้งหมด  $N = r_1 + r_2 + r_3 + \dots + r_t$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

การตรวจสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์โดยวิธีทดสอบแบบ F นั้นจะใช้ MStr/MSE เช่นเดียวกับตาราง 2-1.1.2

การวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD แบบมีตัวอย่างย่อย (Hierarchical or Nested Design)

ถ้าหน่วยทดลองประกอบด้วยวัตถุ หรือวัสดุที่ใช้ในการทดลองหลายสิ่ง การเก็บข้อมูลจากหน่วยทดลอง ก็คือ การเก็บข้อมูลจากวัสดุแต่ละหน่วยที่อยู่ในหน่วยทดลองนั้นซึ่งจะเรียกว่า หน่วยตัวอย่างย่อย การที่แต่ละทรีตเมนต์ใช้หน่วยทดลองจำนวนหนึ่ง ผลที่ได้จากหน่วยทดลองแต่ละหน่วย ที่ได้รับทรีตเมนต์เดียวกันอาจแตกต่างกันออกไป จึงเหมือนกับการสุ่มตัวอย่างขนาดหนึ่งจากประชากรแต่ละชุด นั่นคือข้อมูลที่ได้จากหน่วยทดลอง เรียกว่าตัวอย่าง ดังนั้นข้อมูลที่ได้จากวัสดุแต่ละหน่วยที่อยู่ในหน่วยทดลอง จึงเรียกว่าตัวอย่างย่อย (sub-sample)

พิจารณาข้อมูลที่เก็บรวบรวมได้จาก  $t$  ทรีตเมนต์ แต่ละทรีตเมนต์มีจำนวนซ้ำเท่ากับ  $r$  และภายในแต่ละซ้ำ หรือ แต่ละหน่วยทดลองมีหน่วยตัวอย่างย่อยเท่ากับ  $s$  แสดงได้ดังตาราง 2-1.1.4

ตารางที่ 2-1.1.4 ข้อมูลที่รวบรวมได้จาก  $t$  ทรีตเมนต์ แต่ละทรีตเมนต์ที่มีจำนวนซ้ำเท่ากับ  $r$  และภายในแต่ละซ้ำ หรือแต่ละหน่วยทดลองมีหน่วยตัวอย่างย่อยเท่ากับ  $s$

ทรีตเมนต์ $i$	1	...	$t$	รวม
ตัวอย่างย่อย $k$	หน่วยทดลอง $j$			
	1	2 ... $r$	...	1 2 ... $r$
1	$X_{111}$	$X_{121}$ ... $X_{1r1}$	...	$X_{t11}$ $X_{t21}$ ... $X_{tr1}$
2	$X_{112}$	$X_{122}$ ... $X_{1r2}$	...	$X_{t12}$ $X_{t22}$ ... $X_{tr2}$
.	.	.	.	.
.	.	.	.	.
.	.	.	.	.
$s$	$X_{11s}$	$X_{12s}$ ... $X_{1rs}$	...	$X_{t1s}$ $X_{t2s}$ ... $X_{trs}$
รวมข้อมูลในหน่วยทดลอง	$X_{11\cdot}$	$X_{12\cdot}$ ... $X_{1r\cdot}$	...	$X_{t1\cdot}$ $X_{t2\cdot}$ ... $X_{tr\cdot}$
ค่าเฉลี่ยในหน่วยทดลอง	$\bar{X}_{11\cdot}$	$\bar{X}_{12\cdot}$ ... $\bar{X}_{1r\cdot}$	...	$\bar{X}_{t1\cdot}$ $\bar{X}_{t2\cdot}$ ... $\bar{X}_{tr\cdot}$
รวมข้อมูลในทรีตเมนต์		$X_{1\cdot\cdot}$	...	$X_{t\cdot\cdot}$
ค่าเฉลี่ยในทรีตเมนต์		$\bar{X}_{1\cdot\cdot}$	...	$\bar{X}_{t\cdot\cdot}$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

เมื่อ  $X_{i,j,k}$  คือ ข้อมูลจากหน่วยตัวอย่างย่อยที่  $k$  ในหน่วยทดลองที่  $j$  ซึ่งได้รับทรีตเมนต์ที่  $i$

$$i = 1, 2, 3, \dots, t ; j = 1, 2, 3, \dots, r ; k = 1, 2, 3, \dots, s$$

$X_{i,j.} = \sum_k X_{i,j,k}$  คือ ผลรวมของข้อมูลในหน่วยทดลองที่  $j$  ซึ่งได้รับทรีตเมนต์ที่  $i$

$\bar{X}_{i,j.} = X_{i,j.}/s$  คือ ค่าเฉลี่ยของข้อมูลในหน่วยทดลองที่  $j$  ซึ่งได้รับทรีตเมนต์ที่  $i$

$X_{i..} = \sum_j \sum_k X_{i,j,k}$  คือ ผลรวมของข้อมูลจากหน่วยทดลองที่ได้รับทรีตเมนต์ที่  $i$

$\bar{X}_{i..} = X_{i..}/rs$  คือ ค่าเฉลี่ยของข้อมูลจากหน่วยทดลองที่ได้รับทรีตเมนต์ที่  $i$

$$X_{...} = \sum_i \sum_j \sum_k X_{i,j,k} = \sum_i X_{i..}$$

คือ ผลรวมของข้อมูลทั้งหมดจากทุกตัวอย่างย่อยทุกหน่วยทดลอง และทุกทรีตเมนต์

$\bar{X}_{...} = X_{...}/trs$  คือ ค่าเฉลี่ยของข้อมูลทั้งหมดจากทุกตัวอย่างย่อย ทุกหน่วยทดลอง และ ทุกทรีตเมนต์

ตารางที่ 2-1.1.5 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD เมื่อมีตัวอย่างย่อย

SOV	df	SS	
		Definition	Working
Treatment	t-1	$\sum_{i=1}^t \sum_{j=1}^r \sum_{k=1}^s (\bar{X}_{i..} - \bar{X}_{...})^2$	$\frac{(X_{1..})^2}{rs} - \frac{(X_{...})^2}{trs}$
Experimental error	t(r-1)	$\sum_{i=1}^t \sum_{j=1}^r \sum_{k=1}^s (\bar{X}_{i.j.} - \bar{X}_{i..})^2$	$\sum_{i=1}^t \sum_{j=1}^r \frac{(X_{i.j.})^2}{s} - \sum_{i=1}^t \frac{(X_{i..})^2}{rs}$
Sampling error	tr(s-1)	$\sum_{i=1}^t \sum_{j=1}^r \sum_{k=1}^s (X_{i.j.k} - \bar{X}_{i.j.})^2$	SST - SSTrt - SSE
Total	trs-1	$\sum_{i=1}^t \sum_{j=1}^r \sum_{k=1}^s (X_{i.j.k} - \bar{X}_{...})^2$	$\sum_{i=1}^t \sum_{j=1}^r \sum_{k=1}^s X_{i.j.k}^2 - \frac{(X_{...})^2}{trs}$

การตรวจสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์ ในกรณีที่เป็นตัวแบบแบบสุ่ม (Random Model) จะใช้  $F = MSTrt/MSE$  เป็นตัวทดสอบ และเปิดตาราง F ที่ df (t-1) และ t(r-1) ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนด

การตรวจสอบอิทธิพลของหน่วยทดลองจะใช้  $F = MSE/MSSE$  เป็นตัวทดสอบ และเปิดตาราง F ที่ df t(r-1) และ tr(s-1) ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนด (เมื่อ MSSE = Mean Square for Sampling Error )

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

การวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD แบบมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน (CRD with unequal sub-samples)

การทดลองนี้อาจเกิดเนื่องจากมีตัวอย่างย่อยบางตัวหายไป หรือไม่สามารถจดข้อมูลได้ หรือตัวอย่างย่อยบางตัวปนกันอยู่ทำให้ต้องทิ้งไป หรือปัจจัยย่อยที่ประกอบอยู่ในปัจจัยใหญ่จำนวนไม่เท่ากัน ผลจะทำให้ข้อมูลในแต่ละหน่วยการทดลองหรือปัจจัยใหญ่มีไม่เท่ากัน

การวิเคราะห์ความแปรปรวนทำได้ดังตาราง 2-1.1.6



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 2-1.1.6 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD เมื่อมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน

SOV	df	SS
Treatment	t-1	$(X_{1..})^2 - \frac{(\sum X_{1..})^2}{\sum n_{1..}}$
Experimental error	t(r-1)	$(X_{1..})^2 - \frac{(\sum X_{1..})^2}{\sum n_{1..}}$
Sampling error	$\sum \sum s_{i,j} - rt$	SST - SSTrt - SSE
Total	t r	$\sum \sum s_{i,j} - X^2 \dots$

การวิเคราะห์หา F ratio เพื่อทดสอบอิทธิพลของที่วัดเม้นท์โดยใช้ MSTrt/MSE นั้น ไม่สามารถทำได้โดยตรง เพราะจะทำให้ค่าที่คำนวณได้ มีค่าสูงเกินความเป็นจริง Satterthwaite (1946) ได้แนะนำการทดสอบแบบ F ที่ถูกต้อง ดังนี้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

$$F = \frac{MStrt}{L}$$

โดยที่  $L = \frac{[1 - K_2/K_1]MSSE + [K_2/K_1]MSE}{L^2}$

d.f. L =  $\frac{[(1 - K_2/K_1)MSSE]^2/d.f.MSSE + [(K_2/K_1)MSE]^2/d.f.MSE}{}$

ให้  $N_{1.}$  คือ จำนวนทั้งหมดที่เกี่ยวข้องกับที่รีดเม้นท์แต่ละที่รีดเม้นท์

$N_{1A}$  คือ จำนวนข้อมูลที่อยู่ในแต่ละตัวอย่างย่อย

$N_{..}$  คือ จำนวนข้อมูลทั้งหมด

$$Q_1 = (\sum (N_{1A})^2 / N_{1.}) - (\sum (N_{1A})^2 / N_{..})$$

$$Q_2 = N_{..} - (\sum (N_{1A})^2 / N_{1.})$$

$Q_3 =$  d.f. ของที่รีดเม้นท์

$Q_4 =$  d.f. ของ Experimental Error

$$K_1 = Q_2 / Q_4$$

$$K_2 = Q_1 / Q_3$$

การวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD เมื่อมีทั้งจำนวนซ้ำ และตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน

(CRD with unequal replications and sub-samples)

การวิเคราะห์ความแปรปรวนทำได้ดังตาราง 2-1.1.7

ตารางที่ 2-1.1.7 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD เมื่อมีจำนวนซ้ำ และ ตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน

SOV	df	SS
Treatment	$t-1$	$\sum_i \frac{(X_{i..})^2}{r_i} - \frac{(\sum_i X_{i..})^2}{n}$
Experimental error	$\sum_i r_i - t$	$\sum_i \sum_j \frac{(X_{ij.})^2}{s_{ij}} - \sum_i \frac{(X_{i..})^2}{r_i}$
Sampling error	$\sum_i \sum_j s_{ij} - \sum_i r_i$	$SST - SSTr - SSE$
Total	$\sum_i \sum_j s_{ij}$	$\sum_i \sum_j \sum_k \frac{X_{ijk}^2}{1} - \frac{(\sum_i X_{i..})^2}{n}$

โดยที่  $t$  = จำนวนทรีตเมนต์

$A = r_i$  = จำนวนซ้ำของทรีตเมนต์  $i$

$B = s_{ij}$  = จำนวนตัวอย่างย่อยในแต่ละหน่วยการทดลอง

$i = 1, \dots, t ; j = 1, \dots, r_i$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

การทดสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์จะใช้วิธีเดียวกับ การวิเคราะห์ในแผนการทดลองแบบ CRD เมื่อมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน

## 1.2 แผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ชนิดซับซ้อน (complex Randomized Complete Block Design)

แผนงานทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ เขียนย่อว่า RBD เป็นแผนงานทดลองที่ใช้เมื่อหน่วยทดลองสามารถจำแนกออกเป็นกลุ่มโดยอาศัยลักษณะใดลักษณะหนึ่ง และให้มีจำนวนหน่วยทดลองภายในกลุ่ม เท่ากับจำนวนทรีตเมนต์ กลุ่มดังกล่าวเรียก "บล็อก" การจัดกลุ่มมีจุดประสงค์ให้หน่วยทดลองที่อยู่ในบล็อกเดียวกันมีลักษณะเหมือนกันมีความสม่ำเสมอมากที่สุด เพื่อที่เมื่อหน่วยทดลองได้รับทรีตเมนต์แล้ว ความแตกต่างที่พบ จะเป็นความแตกต่างของทรีตเมนต์เป็นส่วนใหญ่ และจุดประสงค์อีกอย่างก็คือให้มีความแปรผันระหว่างหน่วยทดลองที่อยู่ในแต่ละบล็อกต่างกันมากที่สุด เพื่อลดความคลาดเคลื่อนของงานทดลองให้เลิกกลางการจัดทรีตเมนต์ให้แก่หน่วยทดลองในแต่ละบล็อกกระทำโดยวิธีสุ่ม ในระหว่างดำเนินการทดลอง ต้องพยายามปฏิบัติต่อหน่วยทดลองภายในบล็อกเดียวกันให้เหมือนกันมากที่สุด

พิจารณาทรีตเมนต์  $t$  ทรีตเมนต์ โดยจะใช้  $r$  บล็อก ข้อมูลที่เก็บรวบรวมได้ แสดงดังตาราง 2-1.2.1

ตาราง 2-1.2.1 ข้อมูลที่เก็บรวบรวมในการทดลองแบบ RBD

บล็อก	ทรีตเมนต์				รวม	เฉลี่ย
	1	2	...	t		
1	$X_{11}$	$X_{21}$	...	$X_{t1}$	$X_{.1}$	$\bar{X}_{.1}$
2	$X_{12}$	$X_{22}$	...	$X_{t2}$	$X_{.2}$	$\bar{X}_{.2}$
.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.
r	$X_{1r}$	$X_{2r}$	...	$X_{tr}$	$X_{.r}$	$\bar{X}_{.r}$
รวม	$X_{1.}$	$X_{2.}$	...	$X_{t.}$	$X_{..}$	
เฉลี่ย	$\bar{X}_{1.}$	$\bar{X}_{2.}$	...	$\bar{X}_{t.}$		$\bar{X}_{..}$

$X_{i,j}$  คือ ค่าสังเกตจากทรีตเมนต์ที่  $i$  บล็อกที่  $j$   $i = 1, 2, \dots, t$   
 $j = 1, 2, \dots, r$

$X_{i.}$  คือ ผลบวกของค่าสังเกตจากทรีตเมนต์ที่  $i = \sum_j X_{i,j}$

$X_{.j}$  คือ ผลบวกของค่าสังเกตจากบล็อกที่  $j = \sum_i X_{i,j}$

$\bar{X}_{i.}$  คือ ค่าเฉลี่ยของค่าสังเกตที่เก็บจากทรีตเมนต์ที่  $i = X_{i.}/r$

$\bar{X}_{.j}$  คือ ค่าเฉลี่ยของค่าสังเกตที่เก็บจากบล็อกที่  $j = X_{.j}/t$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
 ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

$X_{..}$  คือ ผลรวมของค่าสังเกตที่รวบรวมได้ทั้งหมดจากการทดลอง

$$= \sum_i \sum_j X_{i,j} = \sum_i X_{i.} = \sum_j X_{.j}$$

$\bar{X}_{..}$  คือ ค่าเฉลี่ยของค่าสังเกตที่รวบรวมได้ทั้งหมดจากการทดลอง =  $X_{..}/tr$   
 การวิเคราะห์ความแปรปรวนหาได้จากตารางต่อไปนี้

ตาราง 2-1.2.2 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ RBD

SOV	df	SS		MS
		Definition	Working	
Treatment	t-1	$r \sum_i (\bar{X}_{i.} - \bar{X}_{..})^2$	$\frac{\sum_i (X_{i.})^2 - (X_{..})^2}{r}$	$\frac{SSTr}{t-1}$
Block	r-1	$t \sum_j (\bar{X}_{.j} - \bar{X}_{..})^2$	$\frac{\sum_j (X_{.j})^2 - (X_{..})^2}{t}$	$\frac{SSB}{r-1}$
Error	(t-1)(r-1)	$\sum_i \sum_j (X_{i,j} - \bar{X}_{i.})^2$	$SST - SSTr - SSB$	$\frac{SSE}{(t-1)(r-1)}$
Total	tr-1	$\sum_i \sum_j (X_{i,j} - \bar{X}_{..})^2$	$\frac{\sum_i \sum_j X_{i,j}^2 - (X_{..})^2}{tr}$	

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
 ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

เมื่อ  $SSB = \text{Sum Square for Block}$

และ  $MSB = \text{Mean Square for Block}$

การตรวจสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์โดยวิธีทดสอบแบบ  $F$  นั้นจะใช้  $MStrt/MSE$   
ส่วนการทดสอบอิทธิพลใน Block นั้นใช้  $MSB/MSE$  เป็นตัวทดสอบ

แผนการทดลองแบบ RBD เมื่อมีตัวอย่างย่อย (RBD with sub-sampling)

การวิเคราะห์ความแปรปรวนหาได้จากตารางต่อไปนี้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตาราง 2-1.2.3 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวน RBD t ทรีตเมนต์ จัดเป็น r บล็อก และแต่ละหน่วยทดลองมีตัวอย่างย่อย s ตัวอย่างย่อย

SOV	df	SS	MS
Treatment	t-1	$\frac{\sum (X_{1...})^2}{rs} - \frac{(\sum X_{...})^2}{trs}$	$\frac{SSTrt}{t-1}$
Block	r-1	$\frac{\sum (X_{.j.})^2}{ts} - \frac{(\sum X_{...})^2}{trs}$	$\frac{SSB}{r-1}$
Experimental Error	(t-1)(r-1)	$\sum \sum (X_{i.j.})^2 - STrt - SSB$	$\frac{SSE}{(t-1)(r-1)}$
Sampling Error	rt(s-1)	$SST - STrt - SSB - SSE$	$\frac{SSSE}{rt(s-1)}$
Total	rst-1	$\sum \sum \sum X_{i.j.k}^2 - \frac{(\sum X_{...})^2}{str}$	

การตรวจสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์ ในกรณีที่เป็นตัวแบบแบบสุ่ม ( Random Model) จะใช้  $F = MSTrt/MSE$  เป็นตัวทดสอบและเปิดตาราง F ที่ df (t-1) และ (t-1)(r-1) ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

การตรวจสอบอิทธิพลของบล็อกจะใช้  $F = MSB/MSE$  เป็นตัวทดสอบ และเปิดตาราง  $F$  ที่  $df t(r-1)$  และ  $tr(s-1)$  ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนด (เมื่อ  $MSSE = \text{Mean Square for Sampling Error}$ )

แผนการทดลองแบบ RBD เมื่อมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน (RBD with unequal sub-sampling)

การวิเคราะห์ความแปรปรวนแบบนี้มีหลายวิธีที่ Federer (1955) ได้แนะนำไว้ ในโครงการพิเศษนี้จะเลือกใช้วิธีหนึ่งที่ยาก ก็คือ วิธีหาค่าเฉลี่ยต่อหน่วยทดลอง (โดยไม่คำนึงว่าจำนวนข้อมูลต่อหน่วยการทดลองมีเท่าไร) จากนั้นนำค่าเฉลี่ย มาวิเคราะห์แบบ rbd ธรรมดา ข้อดีของวิธีนี้คือ การคำนวณกระทำได้ง่ายและรวดเร็ว และผลที่ได้ก็มีค่าพอที่จะสรุปได้ใกล้เคียงกับวิธีอื่น

1.3 แผนการทดลองแบบละตินสแควร์ที่ซับซ้อน (Complex Latin Square Design)

แผนการทดลองแบบละตินสแควร์ใช้เมื่อทราบว่าหน่วยทดลองมีความแปรผัน 2 แห่งหรือ 2 ทิศทาง ซึ่งต่างกับ RBD ที่หน่วยทดลองมีความแปรผันเพียงทิศทางเดียว

แผนการทดลองแบบละตินสแควร์ (LS)

พิจารณาตรีตเมนต์  $r$  ตรีตเมนต์ที่ให้แก่หน่วยทดลองจำนวน  $r \times r$  โดยแบ่งหน่วยทดลองเป็นแถวอน  $r$  แถว แถวตั้ง  $r$  แถว ข้อมูลที่เก็บรวบรวมได้มีดังนี้

ตารางที่ 2-1.3.1 ข้อมูลที่เก็บรวบรวมในการทดลองแบบ LS

แถวตั้ง แถวนอน	1	2	...	t	รวม	เฉลี่ย
1	$X_{11}$	$X_{21}$	...	$X_{r1}$	$X_{1\cdot}$	$\bar{X}_{1\cdot}$
2	$X_{12}$	$X_{22}$	...	$X_{r2}$	$X_{2\cdot}$	$\bar{X}_{2\cdot}$
.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.
r	$X_{r1}$	$X_{r2}$	...	$X_{rr}$	$X_{r\cdot}$	$\bar{X}_{r\cdot}$
รวม	$X_{\cdot 1}$	$X_{\cdot 2}$	...	$X_{\cdot r}$	$X_{\cdot\cdot}$	
เฉลี่ย	$\bar{X}_{\cdot 1}$	$\bar{X}_{\cdot 2}$	...	$\bar{X}_{\cdot r}$		$\bar{X}_{\cdot\cdot}$

$X_{i,j(k)}$  คือ ค่าสังเกตจากแถวนอนที่  $i$  แถวตั้งที่  $j$  ซึ่งรับที่ระดับที่  $k$   
 $i = 1, 2, \dots, r ; j = 1, 2, \dots, r$

$X_{i\cdot}$  คือ ผลบวกของค่าสังเกตจากแถวนอนที่  $i = \sum_j X_{i,j}$

$X_{\cdot j}$  คือ ผลบวกของค่าสังเกตจากแถวตั้งที่  $j = \sum_i X_{i,j}$

$\bar{X}_{i\cdot}$  คือ ค่าเฉลี่ยของค่าสังเกตที่เก็บจากแถวนอนที่  $i = X_{i\cdot}/r$

$\bar{X}_{\cdot j}$  คือ ค่าเฉลี่ยของค่าสังเกตที่เก็บจากแถวตั้งที่  $j = X_{\cdot j}/r$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
 ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

X.. คือ ผลรวมของค่าสังเกตที่รวบรวมได้ทั้งหมดจากการทดลอง

$$= \sum_{i=1}^r \sum_{j=1}^k X_{i,j} = \sum_{i=1}^r X_{i.} = \sum_{j=1}^k X_{.j}$$

X̄.. คือ ค่าเฉลี่ยของค่าสังเกตที่รวบรวมได้ทั้งหมดจากการทดลอง =  $X_{..}/r^2$   
การวิเคราะห์ความแปรปรวนแสดงได้ดังตารางต่อไปนี้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 2-1.3.2 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ LS

SOV	df	SS		MS
		Definition	Working	
Treatment	r-1	$r \sum_i (\bar{X}_{i(k)} - \bar{X}_{..})^2$	$\frac{\sum_k X_{i(k)}^2 - (X_{..})^2}{r}$	$\frac{SSTr}{r-1}$
Row	r-1	$r \sum_i (\bar{X}_{i.} - \bar{X}_{..})^2$	$\frac{\sum_i (X_{i.})^2 - (X_{..})^2}{r}$	$\frac{SSR}{r-1}$
Column	r-1	$r \sum_j (\bar{X}_{.j} - \bar{X}_{..})^2$	$\frac{\sum_j (X_{.j})^2 - (X_{..})^2}{r}$	$\frac{SSC}{r-1}$
Error	(r-1)(r-2)	SST-SSR-SSC-SSTr	SST-SSR-SSC-SSTr	$\frac{SSE}{(r-1)(r-2)}$
Total	r <sup>2</sup> -1	$r \sum_{i,j} (X_{i,j(k)} - \bar{X}_{..})^2$	$\frac{\sum_{i,j} X_{i,j(k)}^2 - (X_{..})^2}{r}$	

เมื่อ SSR = Sum Square for Row

และ SSC = Sum Square for Column

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

การตรวจสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์นั้น จะใช้  $MStrt/MSE$  ส่วนของแถวนอน และแถวตั้งก็จะใช้  $MSR/MSE$  และ  $MSC/MSE$  ตามลำดับ เมื่อ  $MSR$  และ  $MSC$  คือ Mean Square for Row และ Mean Square for Column ตามลำดับ

แผนการทดลองแบบละติสแควร์เมื่อมีตัวอย่างย่อย (LS with sub-samples)

การวิเคราะห์ความแปรปรวนคำนวณได้ดังตารางต่อไปนี้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 2-1.3.3 ANOVA LS with sub-samples

SOV	df	SS	MS
Treatment	t-1	$\sum_k X_{(k)}^2 - \frac{(X_{...})^2}{t}$	SSTrt
Row	t-1	$\sum_i (X_{i..})^2 - \frac{(X_{...})^2}{t}$	SSR
Column	t-1	$\sum_j (X_{.j.})^2 - \frac{(X_{...})^2}{t}$	SSC
Experimental Error	(t-1)(t-2)	$\sum_i \sum_j (X_{ij.})^2 - \frac{(X_{...})^2}{t} - \text{SSTrt} - \text{SSR} - \text{SSC}$	SSE
Sampling Error	t <sup>2</sup> (s-1)	SST - SSR - SSC - SSTrt - SSE	SSSE
Total	st <sup>2</sup> -1	$\sum_i \sum_j \sum_k X_{ijk}^2 - \frac{(X_{...})^2}{t}$	

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

การตรวจสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์จะให้  $F = MSTrt/MSE$  เป็นตัวทดสอบ และเปิดตาราง  $F$  ที่  $df (t-1)$  และ  $(t-1)(t-2)$  ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนด

การตรวจสอบอิทธิพลของแกวนอน และแกวตั้ง ในกรณีที่เป็นตัวแบบแบบสุ่ม (Random Model) จะให้  $F = MSR/MSE$  และ  $F = MSC/MSE$  เป็นตัวทดสอบตามลำดับ และเปิดตาราง  $F$  ที่  $df (t-1)$  และ  $(t-1)(t-2)$  ณ ระดับนัยสำคัญที่กำหนด

โดยที่  $t =$  จำนวนทรีตเมนต์ = จำนวนแกว = จำนวนคอลัมน์

$s =$  จำนวนตัวอย่างย่อย

แผนการทดลองแบบละตินสแควร์เมื่อมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน (LS with unequal sub-samples)

ปัญหานี้คล้ายคลึงกับ CRD และ RBD ที่กล่าวมาแล้ว วิธีการวิเคราะห์ใช้วิเคราะห์แบบประเมิน คล้ายคลึงกับแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์เมื่อมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน คือ หาค่าเฉลี่ยต่อหน่วยทดลอง (โดยไม่ว่าจำนวนข้อมูลต่อหน่วยทดลองมีเท่าใด) จากนั้นนำค่าเฉลี่ยมาวิเคราะห์แบบ LS ธรรมดา

## 2. การวิเคราะห์ข้อมูลเมื่อเกิดข้อมูลสูญหาย (Missing Data)

ในการทดลอง บางครั้งอาจมีค่าสังเกตสูญหาย หรือใช้ไม่ได้บ้าง เราอาจประมาณค่าสังเกตที่หายไปได้ ซึ่งค่าประมาณนี้มิได้ให้ข้อเท็จจริงเพิ่มเติม หากเป็นเพียงค่าที่ช่วยให้ความสะดวกในการวิเคราะห์ข้อมูลที่เหลือ โดยสามารถแยกตามแผนการทดลองดังนี้

### 2.1 แผนการทดลองแบบ RBD

- กรณีข้อมูลสูญหาย 1 ตัว

RBD แบบปกติเมื่อมีข้อมูลสูญหายนั้นจะต้องประเมินข้อมูลนั้นโดยใช้สูตรดังนี้

$$X = \frac{tT + rB - G}{(r-1)(t-1)}$$

โดยที่ X คือ ค่าประเมินของข้อมูลสูญหาย

T คือ ผลรวม (ที่เหลือ) ของทรีตเมนต์ชนิดเดียวกับข้อมูลสูญหาย

B คือ ผลรวม (ที่เหลือ) ของบล็อกที่ข้อมูลสูญหายปรากฏ

G คือ ผลรวมทั้งหมด (ที่เหลือ)

t, b คือ จำนวนทรีตเมนต์ และ บล็อก ตามลำดับ

นำค่า X มาทดแทนข้อมูลที่สูญหาย แล้วนำข้อมูลทั้งหมด ไปวิเคราะห์ความแปรปรวนตามปกติ ค่า d.f. จะเปลี่ยนแปลงโดยที่ d.f. total และ d.f. error ลดลงชนิดละ 1 เพราะ X เป็นข้อมูลที่สมมติขึ้น ไม่ใช่ค่าสังเกตจริง ๆ ตามปกติแล้วข้อมูลที่ประเมินนี้ ค่าประเมินจะค่อนข้างสูงกว่าความเป็นจริง จึงต้องมีการปรับค่า mean square ของทรีตเมนต์โดยใช้สูตรหาตัวปรับค่าดังนี้

$$A = [B - (t-1)X]^2 / [t(t-1)^2]$$

โดยนำไปลบออกจาก SSTrt ซึ่งแสดงได้ดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 2-2.1.1 การวิเคราะห์ความแปรปรวน เมื่อมีข้อมูลสุทธหาย 1 ตัว  
แบบ RBD

SOV	df	SS
Treatment	t - 1	SSTrt - A
Block	r - 1	SSB
Error	(t-1)(r-1)-1	SSE
Total	rt - 2	SST

- กรณีข้อมูลสุทธหายไปมากกว่า 1 ตัว

การคำนวณหาข้อมูลสุทธหาย ให้ประเมินค่าข้อมูลสุทธหายตัวใดตัวหนึ่ง จากสูตรเดียวกับกรณีข้อมูลสุทธหาย 1 ตัว ค่าที่เหมาะสมสำหรับตัวอื่น ๆ โดยหาจากสูตร

$$[(\text{ค่าเฉลี่ยของทรีตเมนต์ที่มีค่าสังเกตหายไป}) + (\text{ค่าเฉลี่ยของบล็อกที่มีค่าสังเกตหายไป})] / 2$$

แล้วใช้ค่าประเมินนี้รวมกับข้อมูลที่เหลือหาข้อมูลสุทธหายตัวถัดต่อไปทีละตัวจนครบ 1 รอบ จากนั้นนำค่าประเมินทั้งหมด (ยกเว้นตัวที่หนึ่ง) มาประเมินข้อมูลสุทธหายตัวแรกใหม่ เป็นรอบที่สองทำเช่นนี้ไปเรื่อย ๆ จนกว่าจะได้ค่าประเมินในรอบสุดท้ายเท่ากับค่าประเมิน

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ในรอบรองสุดท้าย หรือค่าประเมินข้อมูลสูญหายเริ่มมีค่าคงที่ทุกตัว ปกติทำประมาณ 2-3 รอบก็จะได้ค่าประเมินข้อมูลสูญหายที่นำมาวิเคราะห์ต่อไปได้และ d.f. ของ total และ error จะลดลงตามจำนวนข้อมูลสูญหาย ข้อมูลสูญหายเมื่อนำข้อมูลทั้งหมดมาวิเคราะห์ความแปรปรวนแล้ว ค่า SSTRt และ MSTRt จะสูงกว่าความเป็นจริงจะต้องปรับค่าเช่นเดียวกับกรณีสูญหาย 1 ตัว โดยวิเคราะห์ข้อมูลคืบทั้งหมด (ไม่รวมข้อมูลสูญหาย) แบบ CRD ซึ่งมีจำนวนซ้ำไม่เท่ากันโดยให้ Block เป็น treatments เมื่อได้ค่า SSE จากการวิเคราะห์หนึ่งให้เป็นตัวตั้ง ลบด้วย SSE ที่วิเคราะห์โดยใช้ค่าประเมินแบบ rbd ค่าที่ได้คือ SSTRt ที่ปรับค่าแล้ว

ตารางที่ 2-2.1.2 การวิเคราะห์ความแปรปรวน เมื่อมีข้อมูลสูญหายมากกว่า 1 ตัว

แบบ RBD

SOV	df	SS
Treatment	t - 1	adj.SSTRt
Block	r - 1	SSB
Error	(t-1)(r-1)-L	SSE
Total	(rt-1)-L	SST

เมื่อ L คือ จำนวนข้อมูลสูญหายทั้งหมด และ adj.SSTRt คือ ค่า SSTRt ที่ปรับค่าแล้ว

## 2.2 แผนการทดลองแบบ LS

- การมีข้อมูลสุทสุหาย 1 ตัว

LS แบบปกติเมื่อมีข้อมูลสุทสุหายนั้นจะต้องประเมินข้อมูลนั้นโดยให้สูตรดังนี้

$$X = \frac{t(R+C+T) - 2G}{(t-1)(t-2)}$$

โดยที่ X คือ ค่าประเมินของข้อมูลสุทสุหาย

T คือ ผลรวม (ที่เหลือ) ของทริตเมนต์ที่ชนิดเดียวกับข้อมูลสุทสุหาย

R คือ ผลรวม (ที่เหลือ) ของแถวที่ข้อมูลสุทสุหายปรากฏ

C คือ ผลรวม (ที่เหลือ) ของคอลัมน์ที่ข้อมูลสุทสุหายปรากฏ

G คือ ผลรวมทั้งหมด (ที่เหลือ)

t คือ จำนวนทริตเมนต์ = จำนวนแถว = จำนวนคอลัมน์

วิธีประเมินคล้ายทำคล้ายกับวิธีประเมินในแบบ rbd และตัวปรับค่า mean square ของทริตเมนต์เพื่อขจัดอคติ มีสูตรดังนี้

$$A = [G-R-C-(t-1)T]^2 / [(t-1)^2(t-2)^2]$$

จะได้ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนดังนี้

ตารางที่ 2-2.2.2 การวิเคราะห์ความแปรปรวน เมื่อมีข้อมูลสุ่มหลายมากกว่า 1 ตัว  
แบบ LS

SOV	df	SS
Treatment	$r - 1$	adj.SSTrt
Row	$r - 1$	SSR
Column	$r - 1$	SSC
Error	$(r-1)(r-2)-L$	SSE
Total	$(r^2-1)-L$	SST

เมื่อ  $L$  คือ จำนวนข้อมูลสุ่มทั้งหมด และ adj.SSTrt คือ ค่าของ SSTrt ที่ปรับ  
ค่าแล้ว โดยคำนวณได้เช่นเดียวกับแผนการทดลองแบบ RBD ที่มีข้อมูลสุ่มหลายมากกว่า  
1 ตัว

### 3. การแปลงข้อมูล (Transformation)

การตรวจสอบนัยสำคัญของผลการทดลองจำเป็นต้องตั้งข้อกำหนดว่าความคลาดเคลื่อนของการทดลอง จะต้องมีการกระจายแบบปกติอย่างอิสระ มีวาเรียนซ์ร่วมกัน ในงานทดลองเราใช้วิธีการสุ่มทรีตเมนต์ เพื่อให้ความเป็นอิสระกันระหว่างความคลาดเคลื่อน

ในบางครั้ง ความคลาดเคลื่อน อาจมีวาเรียนซ์ไม่เท่ากัน ซึ่งเนื่องมาจากการกระจายไม่เป็นแบบปกติ อาจมีลักษณะเบ้ที่เรียกว่า skewness ซึ่งสังเกตได้จากการที่บางทรีตเมนต์ มีค่าเฉลี่ยสูง และมีวาเรียนซ์ของค่าเฉลี่ยสูงกว่าทรีตเมนต์อื่น ๆ ในกรณีเช่นนี้ การวิเคราะห์ความแปรปรวนจากข้อมูลดิบโดยตรง จะทำให้เกิดข้อผิดพลาดได้ จึงจำเป็นต้องแปลงข้อมูลก่อน และจุดประสงค์ในการแปลงข้อมูลมีดังต่อไปนี้

1. ข้อมูลที่แปลงเป็นมาตราใหม่แล้ว ความคลาดเคลื่อนจะมีการกระจายเป็นแบบปกติ หรือใกล้เคียงกับแบบปกติ

2. ค่าเฉลี่ย และวาเรียนซ์ของทรีตเมนต์ข้อมูลที่แปลงแล้วเป็นอิสระกัน วาเรียนซ์ของทรีตเมนต์จะมีลักษณะคล้ายคลึงกัน (Homogeneous) สำหรับค่าสังเกตทั้งหมด การแปลงข้อมูลมีหลายวิธีดังจะได้กล่าวต่อไปนี้

#### 3.1 การแปลงโดยใช้รากที่สอง ( $\sqrt{x}$ Transformation )

การแปลงข้อมูลโดยวิธีถอดรากที่สอง ใช้กับข้อมูลที่มีค่าสังเกตมีค่าต่ำมาก เช่น การนับจำนวนโคโลนีของแบคทีเรีย การนับจำนวนเหตุการณ์ผิดปกติ หรืออุบัติเหตุต่าง ๆ เป็นต้น ข้อมูลเช่นนี้มักมีการกระจายแบบพัวซอง (Poisson) การแปลงเป็น  $\sqrt{x}$  จะช่วยทำให้ค่าเฉลี่ยและวาเรียนซ์เป็นอิสระจากกัน (การกระจายแบบพัวซอง มีค่าเฉลี่ยและวาเรียนซ์เท่ากัน) วาเรียนซ์ของข้อมูล แปลงเป็นรากที่สอง จะมีค่าใกล้เคียงกับ 0.25 ถ้าข้อมูลมีค่าสังเกตบางค่าต่ำมาก การแปลงควรใช้  $\sqrt{x+1}$  ซึ่งจะมีผลมากกว่า  $\sqrt{x}$  โดยเฉพาะ เมื่อบางค่าเท่ากับศูนย์ การแปลงข้อมูลแบบถอดรากที่สอง ใช้ได้กับข้อมูล ที่เป็นเปอร์เซ็นต์ และมีค่าอยู่ในช่วงแคบ ๆ เช่น 0 ถึง 20 เปอร์เซ็นต์ หรือ 80 ถึง 100 เปอร์เซ็นต์ ถ้าค่าอยู่ในช่วง 80

ถึง 100 เปอร์เซ็นต์ การคำนวณจะลบค่าสังเกตออกจาก 100 เปอร์เซ็นต์ก่อนทำการแปลง การแปลงค่าเฉลี่ยของทรีตเมนต์ กลับเป็นมาตราเดิม กระทำได้โดยการยกกำลังสองเฉลี่ยของค่าแปลง แต่อย่างไรก็ตาม ค่าเฉลี่ยแปลงกลับ จะมีค่าต่ำกว่าค่าเฉลี่ยเดิมเล็กน้อย เพราะค่าเฉลี่ยของข้อมูลแปลง โดยถอดรูดทั้งสอง จะมีค่าน้อยกว่ารูดสองของเฉลี่ยของข้อมูลเดิม การปรับแบบคร่าว ๆ อาจทำได้โดยการบวกความคลาดเคลื่อน MS จากการวิเคราะห์ข้อมูลแปลงให้กับค่าเฉลี่ยแปลงกลับแล้วของแต่ละทรีตเมนต์

### 3.2 การแปลงเป็นอาร์คไซน์สำหรับค่าสัดส่วน (Arcsin $\sqrt{X}$ Transformation)

การแปลงข้อมูลวิธีนี้เรียกว่า angular transformation ซึ่งคิดขึ้น เพื่อใช้แปลงข้อมูลที่เป็นสัดส่วนแบบไบโนเมียล (Binomial proportion) โดยค่าสังเกตคิดเป็นทศนิยมหรือเป็นเปอร์เซ็นต์ โดยแปลงค่าเดิม ที่คิดเป็นเปอร์เซ็นต์ ให้เป็นมุมวัดเป็นองศา ถ้าหากความคลาดเคลื่อนในข้อมูลเดิมกระจายแบบไบโนเมียล การแปลงโดยวิธีนี้จะเปลี่ยนรูปร่างการกระจายให้เป็นแบบปกติ และจะมีวาเรียนซ์คงที่โดยประมาณ คือวาเรียนซ์ของค่าแปลงเป็นมุมจะเท่ากับ  $821/n$  โดยประมาณ ถ้าวัดมุมเป็นองศา หากวัดมุมเป็นเรเดียน (radian) วาเรียนซ์จะเท่ากับ  $0.25/n$  โดย  $n$  เป็นตัวหารร่วมของค่าในข้อมูลเดิมที่คิดเป็นสัดส่วน จึงเห็นได้ว่าข้อมูลที่ให้คิดเป็นเปอร์เซ็นต์ ก็เพื่อจะได้มีตัวหารร่วมเท่ากัน คือ ร้อย (เอาร้อยไปหารข้อมูลเดิมทั้งหมดเพื่อทำให้เป็นสัดส่วน) หรือ อีกนัยหนึ่งเพื่อให้จำนวนค่าสังเกตเท่ากัน (คิดจากร้อย) อย่างไรก็ตาม ในกรณีที่ตัวหารร่วมมีค่าเท่ากัน เพียงโดยการประมาณ การแปลงแบบนี้ก็ยังใช้ได้

### 3.3 การแปลงเป็นค่าลอการิทึม (Logarithmic Transformation), $\log X$

การแปลงเป็นค่าลอการิทึม ใช้ในกรณีที่วาเรียนซ์มีค่าเป็นสัดส่วน กับกำลังสองของเฉลี่ยของทรีตเมนต์ หรืออีกนัยหนึ่ง coefficient of variation ของค่าเฉลี่ยของทรีตเมนต์เป็นค่าคงที่ การแปลงเป็นลอการิทึมจะทำให้ทุกทรีตเมนต์มีวาเรียนซ์เท่ากัน นอกจากนั้นการแปลงโดยวิธีนี้ จะทำให้อิทธิพลต่าง ๆ ที่มีผลแบบคูณในข้อมูลเดิมเปลี่ยนเป็นมีผล

แบบบวกในมาตราล้อยค อนึ่งการแปลงข้อมูลโดยวิธี  $\log$  ในกรณีที่มีข้อมูลมีค่าศูนย์ (0)  
การแปลงข้อมูลจะใช้แบบ  $\log(X+1)$  ซึ่งจะให้ผลดีกว่า



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

#### 4. การวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม ( Analysis of Covariance )

ในการทดลองทุกประเภทมีหลักสำคัญข้อหนึ่งคือ ผู้ทดลองต้องพยายามใช้วิธีการต่าง ๆ เพื่อควบคุมหรือลดความแปรปรวนในการทดลองให้น้อยที่สุด ซึ่งการควบคุมหรือลดความแปรปรวนในการทดลองหากพิจารณากว้าง ๆ อาจแยกได้เป็นสองประเภทคือ

- การควบคุมโดยตรง ทำโดยอาศัยเทคนิคต่าง ๆ ประกอบการทดลอง
- การควบคุมทางอ้อมโดยใช้สถิติช่วย โดยวิธีวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม

การวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม เป็นวิธีผสมผสานระหว่างการวิเคราะห์ความแปรปรวนกับรีเกรสชัน โดยแต่ละหน่วยการทดลองต้องเก็บข้อมูลของปัจจัย หรือลักษณะที่เกี่ยวข้องกับสิ่งทดลองอย่างน้อย 2 อย่าง หรือมีตัวแปรปรวน (Variable) 2 ตัว คือข้อมูลของปัจจัยหรือลักษณะที่สนใจเป็นตัวแปรปรวนตาม (Dependent Variable , Y) และข้อมูลของปัจจัย หรือลักษณะอื่นที่มีผลต่อข้อมูลแรก หรือตัวแปรปรวนอิสระ (Independent Variable , X) ตัวแปรปรวนทั้งสองนี้เรียกสั้น ๆ ว่าตัวแปรปรวน (Variate) และตัวแปรปรวนร่วม (Covariate) ตามลำดับ

##### 4.1 จุดมุ่งหมายและประโยชน์ของการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม

- เพิ่มความแน่นอนในการทดลองที่สุ่มจัดที่รีดเม้นท์ ลงในหน่วยทดลองต่าง ๆ
- เพื่อหาคืออิทธิพลของตัวแปรปรวนร่วมบางตัว ที่อาจมีผลต่อตัวแปรปรวนของปัจจัยที่สนใจในการศึกษาแบบสังเกต (Observed Studies)
- เพื่อช่วยขยายความในการแปลความและสรุปผลได้ชัดเจนยิ่งขึ้น

##### 4.2 สมมติฐานในการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม

สมมติฐานเหล่านี้ เป็นสมมติฐานที่รวมมาจากการวิเคราะห์ความแปรปรวน และรีเกรสชัน

- ตัวแปรปรวนร่วม (X) เป็นค่าคงที่และวัดโดยปราศจากความคลาดเคลื่อน

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

- หลังจากกำจัดความแตกต่างอันเนื่องมาจากบล็อก และทรีตเมนต์แล้ว รีเกรสชันของตัวแปรปรวน (Y) ที่ขึ้นต่อตัวแปรปรวนร่วม (X) เป็นเส้นตรง และเป็นอิสระจากทรีตเมนต์ และบล็อก

- ผลตกค้าง (Residual) หรือความคลาดเคลื่อน จะต้องกระจายตัวแบบปกติ ( Normal Distribution ) โดยมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 0 และ มีความแปรปรวนร่วมกัน ( Common Variance )

#### 4.3 การวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของแผนการทดลอง CRD

- แบบหุ่น

$$Y_{i,j} = \mu + T_i + \beta(X_{i,j} - x_{..}) + E_{i,j}$$

โดยที่  $Y_{i,j}$  คือ ค่าสังเกตที่ j ทรีตเมนต์ที่ i

$$i = 1, \dots, t$$

$$j = 1, \dots, r$$

$\mu$  คือ ค่าเฉลี่ยทั้งหมด

$T_i$  คือ อิทธิพลของทรีตเมนต์ที่ i

$\beta$  คือ สัมประสิทธิ์รีเกรสชันเฉลี่ย (จากทุกทรีตเมนต์)

$X_{i,j} - x_{..}$  คือ ค่าเบี่ยงเบนของตัวแปรปรวนร่วมที่ ij จากค่าเฉลี่ยทั้งหมดของตัวแปรปรวนร่วม

$E_{i,j}$  คือ ความคลาดเคลื่อนสุ่ม

- วิธีวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม

รูปแบบการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของ CRD แสดงในตารางที่ 2-4.1

ตารางที่ 2-4.1 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของ CRD

Source of Variation	Sum of Products			Y adjusted for X			
	d.f.	$\sum Y^2$	$\sum XY$	$\sum X^2$	d.f.	SS	MS
Total	$r. - 1$	$S_{yy}$	$S_{xy}$	$S_{xx}$	-	-	-
Treatment (T)	$t - 1$	$T_{yy}$	$T_{xy}$	$T_{xx}$	-	-	-
Error (E)	$r. - t$	$E_{yy}$	$E_{xy}$	$E_{xx}$	$(r. - t) - 1$	$E_{yy}$	$S^2_e$
T + E (กรณีเท่ากับ Total)	$r. - 1$	$S_{yy}$	$S_{xy}$	$S_{xx}$	$(r. - 1) - 1$	$S_{yy}$	
Treatments (adj. for average error regression)					$t - 1$	$S_{yy} - E_{yy}$	$S^2_t$

โดยที่  $r. = \sum_{i=1}^t r_i =$  จำนวนข้อมูลทั้งหมด

$r_i =$  จำนวนซ้ำของแต่ละตรัสเมนต์

$t =$  จำนวนตรัสเมนต์

ดังนั้นกรณีที่ตรัสเมนต์มีจำนวนซ้ำเท่ากัน  $\sum_{i=1}^t r_i = rt$

$$E_{yy} = E_{yy} - E_{xy}^2 / E_{xx}$$

$$S_{yy} = S_{yy} - S_{xy}^2 / S_{xx}$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

- ขั้นตอนในการคำนวณ

1. คำนวณหาค่า SS แต่ละองค์ประกอบทั้งพวก X และ พวก Y ตามแบบการวิเคราะห์ความแปรปรวนปกติ

2. คำนวณหาค่า SP (Sum of Products) แต่ละองค์ประกอบของ XY

$$C.F._{xy} = \frac{(\text{ผลรวมของ X})(\text{ผลรวมของ Y})}{\text{จำนวนข้อมูลที่ประกอบเป็นผลรวม}}$$

$$\text{Total SP } (S_{xy}) = \text{ผลรวมของ (ผลคูณระหว่าง X กับ Y)} - C.F._{xy}$$

$$\text{Treatments SP } (T_{xy}) = \frac{\text{ผลบวกของ (ผลคูณระหว่างผลรวม X กับ Y ในแต่ละทรีตเมนต์)}}{\text{จำนวนซ้ำ}} - C.F._{xy}$$

$$\text{Error SP } (E_{xy}) = S_{xy} - T_{xy}$$

- คำนวณ Error (adjusted) SS หรือ  $E_{xy}$

$$E_{xy} = E_{xy} - (E_{xy}^2 / E_{xx})$$

- คำนวณค่า Error (adj.) MS

$$= \text{Error (adj.) SS} / \text{d.f. Error (adj.)}$$

- คำนวณค่า  $S_{yy}$

$$S_{yy} = S_{yy} - (S_{xy}^2 / S_{xx})$$

- คำนวณค่า Treatments (adjusted for covariate) SS

$$= S_{yy} - E_{xy}$$

- หาค่า Trt. (adj.) MS

$$= \text{Trt. (adj.) MS} / \text{d.f. Trt.}$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

- ทดสอบแบบ F

$$F = \text{Trt. (adj.) MS} / \text{Error (adj.) MS}$$

- แสดงผลการวิเคราะห์ในตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม

- คำนวณค่าเฉลี่ยสัมประสิทธิ์รีเกรสชันของทรีตเมนต์ทั้งหมดซึ่งประเมินโดย

$$b_{yx} = E_{xy} / E_{xx}$$

การคำนวณค่าเฉลี่ยของทรีตเมนต์ต้องคำนวณจากค่าเฉลี่ยที่ปรับแล้ว (Adjustment of treatment means) โดยคำนวณได้ดังนี้

$$\hat{y}_{i.} = y_{i.} - b_{yx}(x_{i.} - x_{..})$$

เมื่อ  $y_{i.} = \sum_{j=1}^t y_{i,j}$ ,  $y_{i.} = y_{i.}/r$ ,  $x_{i.} = \sum_{j=1}^t x_{i,j}$ ,  $x_{i.} = x_{i.}/t$

$$x_{..} = \sum_{i=1}^r \sum_{j=1}^t x_{i,j}, \quad x_{..} = x_{..}/rt$$

#### 4.4 การวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของแผนการทดลอง RBD

- แบบหุ่น

$$Y_{i,j} = \mu + T_i + R_j + \beta(X_{i,j} - x_{..}) + E_{i,j}$$

โดยที่  $Y_{i,j}$  คือ ค่าสังเกตของทรีตเมนต์  $i$  ในซ้ำ  $j$

$$i = 1, \dots, t$$

$$j = 1, \dots, r$$

$\mu$  คือ ค่าเฉลี่ยทั้งหมด

$T_i$  คือ อิทธิพลของทรีตเมนต์  $i$

$R_j$  คือ อิทธิพลซ้ำ  $j$

$\beta$  คือ สัมประสิทธิ์รีเกรสชันเฉลี่ย (จากทุกทรีตเมนต์)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

$X_{i,j} - x_{..}$  คือ ค่าเบี่ยงเบนของตัวแปรปรวนร่วมที่  $ij$  จากค่าเฉลี่ยทั้งหมดของตัวแปรปรวนร่วม

$E_{i,j}$  คือ ความคลาดเคลื่อนสุ่ม

- วิธีวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม

รูปแบบการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของ RBD แสดงในตารางที่ 2-4.2

ตารางที่ 2-4.2 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของ RBD

Source of Variation	Sum of Products				Y adjusted for X		
	d.f.	$Y^2$	XY	$X^2$	d.f.	SS	MS
Total	$rt - 1$	$S_{yy}$	$S_{xy}$	$S_{xx}$	—	—	—
Replications	$r - 1$	$R_{yy}$	$R_{xy}$	$R_{xx}$	—	—	—
Treatment (T)	$t - 1$	$T_{yy}$	$T_{xy}$	$T_{xx}$	—	—	—
Error (E)	$(r-1)(t-1)$	$E_{yy}$	$E_{xy}$	$E_{xx}$	$(r-1)(t-1)-1$	$E_{yy}$	$S^2_e$
T + E	$r(t-1)$	$O_{yy}$	$O_{xy}$	$O_{xx}$	$r(t-1) - 1$	$O_{yy}$	
Treatments (adj. for average error regression)					$t - 1$	$O_{yy} - E_{yy}$	$S^2_x$

โดยที่  $r$  = จำนวนซ้ำ

$t$  = จำนวนทรีตเมนต์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

$$E_{yy} = E_{yy} - E_{xy}^2 / E_{xx}$$

$O_{yy}$  ,  $O_{xy}$  และ  $O_{xx}$  คือ  $(T_{yy} + E_{yy})$  ,  $(T_{xy} + E_{xy})$  และ  $(T_{xx} + E_{xx})$  ตามลำดับ

- ขั้นตอนในการคำนวณ

1. คำนวณค่า SS แต่ละองค์ประกอบทั้งพวก X และ พวก Y ตามแบบการวิเคราะห์ความแปรปรวนปกติ

2. คำนวณค่า SP (Sum of Products) แต่ละองค์ประกอบของ XY

$$C.F._{xy} = \frac{\text{(ผลรวมของ X (ผลรวมของ Y))}}{\text{จำนวนข้อมูลที่ประกอบเป็นผลรวม}}$$

$$\text{Total SP (S}_{xy}) = \text{ผลรวมของ (ผลคูณระหว่าง X กับ Y) - C.F.}_{xy}$$

Replications SP ( $R_{xy}$ )

$$= \frac{\text{ผลบวกของ (ผลคูณระหว่างผลรวม X กับ Y ในแต่ละซ้ำ)}}{\text{จำนวนข้อมูลที่ประกอบเป็นผลรวม}} - C.F._{xy}$$

จำนวนข้อมูลที่ประกอบเป็นผลรวม = จำนวนซ้ำ

$$\text{Treatments SP (T}_{xy}) = \frac{\text{ผลบวกของ (ผลคูณระหว่างผลรวม X กับ Y ในแต่ละรีตเมนต์)}}{\text{จำนวนข้อมูลที่ประกอบเป็นผลรวม}} - C.F._{xy}$$

จำนวนข้อมูลที่ประกอบเป็นผลรวม = จำนวนซ้ำ

$$\text{Error SP (E}_{xy}) = S_{xy} - R_{xy} - T_{xy}$$

- คำนวณ Error (adjusted) SS หรือ  $E_{yy}$

$$E_{yy} = E_{yy} - (E_{xy}^2 / E_{xx})$$

- คำนวณค่า Error (adj.) MS

$$= \text{Error (adj.) SS} / \text{d.f. Error (adj.)}$$

- คำนวณค่า  $O_{yy}$

$$O_{yy} = O_{yy} - (O_{xy}^2 / O_{xx})$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

- คำนวณค่า Treatments (adjusted for covariate) SS

$$= O_{vv} - E_{vv}$$

- ทาค่า Trt. (adj.) MS

$$= \text{Trt. (adj.) MS} / \text{d.f. Trt.}$$

- ทดสอบแบบ F

$$F = \text{Trt. (adj.) MS} / \text{Error (adj.) MS}$$

- แสดงผลการวิเคราะห์ในตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม

- คำนวณค่าเฉลี่ยสัมประสิทธิ์รีเกรสชั่นของทรีตเมนต์ทั้งหมดซึ่งประเมินโดย

$$b_{vx} = E_{vx} / E_{xx}$$

การคำนวณค่าเฉลี่ยของทรีตเมนต์ต้องคำนวณจากค่าเฉลี่ยที่ปรับแล้ว เช่นเดียว

กับแผนการทดลอง RBD

#### 4.5 การวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของแผนการทดลอง LS

- แบบหุ่น

$$Y_{ijk} = \mu + T_i + R_j + C_k + \beta(X_{ijk} - x_{...}) + E_{ijk}$$

โดยที่  $Y_{ijk}$  คือ ค่าสังเกตของทรีตเมนต์  $i$  ในแถว  $j$  และคอลัมน์  $k$

$$i = j = k = 1, \dots, t$$

$\mu$  คือ ค่าเฉลี่ยทั้งหมด

$T_i$  คือ อิทธิพลของทรีตเมนต์  $i$

$R_j$  คือ อิทธิพลแถว  $j$

$C_k$  คือ อิทธิพลคอลัมน์  $k$

$\beta$  คือ สัมประสิทธิ์รีเกรสชั่นเฉลี่ย (จากทุกทรีตเมนต์)

$X_{ijk} - x_{...}$  คือ ค่าเบี่ยงเบนของตัวแปรปรวนร่วมที่  $ijk$  จากค่าเฉลี่ยทั้งหมดของตัวแปรปรวนร่วม

$E_{ijk}$  คือ ความคลาดเคลื่อนสุ่ม

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

- วิธีวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม

รูปแบบการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของ LS แสดงในตารางที่ 2-4.3

ตารางที่ 2-4.3 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของ LS

Source of Variation	Sum of Products				Y adjusted for X		
	d.f.	$Y^2$	XY	$X^2$	d.f.	SS	MS
Total	$t^2 - 1$	$S_{yy}$	$S_{xy}$	$S_{xx}$	-	-	-
Rows	$t - 1$	$R_{yy}$	$R_{xy}$	$R_{xx}$	-	-	-
Columns	$t - 1$	$C_{yy}$	$C_{xy}$	$C_{xx}$	-	-	-
Treatment (T)	$t - 1$	$T_{yy}$	$T_{xy}$	$T_{xx}$	-	-	-
Error (E)	$(t-1)(t-2)$	$E_{yy}$	$E_{xy}$	$E_{xx}$	$(t-1)(t-2)-1$	$E_{yy}$	$S^2_e$
T + E	$(t-1)^2$	$O_{yy}$	$O_{xy}$	$O_{xx}$	$(t-1)^2 - 1$	$O_{yy}$	
Treatments (adj. for average error regression)					$t - 1$	$O_{yy} - E_{yy}$	$S^2_e$

โดยที่  $t$  = จำนวนทรีตเมนต์ = จำนวนแถว = จำนวนคอลัมน์

$O_{yy}$ ,  $O_{xy}$  และ  $O_{xx}$  คือ  $(T_{yy} + E_{yy})$ ,  $(T_{xy} + E_{xy})$  และ  $(T_{xx} + E_{xx})$  ตามลำดับ

$$O_{yy} = O_{yy} - (O_{xx}^2 / O_{xx})$$

เนื่องจากการวิเคราะห์คล้ายคลึงกับ CRD และ RBD จึงไม่กล่าวซ้ำอีก

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

### 5. การวิเคราะห์รวม (Combined Analysis of Variance)

การวิเคราะห์รวม คือการนำผลการทดลองที่ต่อเนื่องกันมาวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมกันเพื่อศึกษาอิทธิพลของสิ่งแวดล้อมต่อทรีตเมนต์ที่ศึกษา งานทดลองที่ต่อเนื่องกัน คือการทดลองชนิดเดียวกันทำซ้ำตั้งแต่ 2 การทดลองขึ้นไป เช่น ทดลองหลายฤดูกาล หลายปีหลายสถานที่ หรือทำซ้ำทั้งปี และสถานที่

ในการวิเคราะห์รวมนั้น ต้องให้แบบแผนการทดลองเป็นแบบเดียวกัน จะเป็น CRD, RBD หรือ Latin Square ก็ได้ และทรีตเมนต์ จำนวนซ้ำ และวิธีปฏิบัติในการทดลองต้องเหมือนกันทุกการทดลอง

เป็นการวิเคราะห์ผลการทดลองที่กระทำซ้ำในหลายสถานที่ (repetitions in place) หรือ การทดลองที่กระทำในหลายเวลา (repetitions in time)

#### 5.1 การวิเคราะห์รวมที่วางแผนแบบ RBD

แบบหุ่น (model)

แบบหุ่นจากแต่ละการทดลอง

$$Y_{ijk} = \mu_i + R_{j(i)} + T_{k(i)} + E_{ijk}$$

โดย  $Y_{ijk}$  คือ ค่าสังเกตของทรีตเมนต์ที่  $k$  ในซ้ำที่  $j$  ของการทดลองที่  $i$  ;

$$i = 1, \dots, p$$

$$j = 1, \dots, r$$

$$k = 1, \dots, t$$

$\mu_i$  คือ ค่าเฉลี่ยทั้งหมดของการทดลองที่  $i$

$R_{j(i)}$  คือ อิทธิพลทางทบของซ้ำที่  $j$  ในการทดลองที่  $i$

$T_{k(i)}$  คือ อิทธิพลทางทบของทรีตเมนต์ที่  $k$  ในการทดลองที่  $i$

$E_{ijk}$  คือ ความคลาดเคลื่อนสุ่ม (random error) ซึ่งค่าเฉลี่ยจากการทดลองเท่ากับ 0 และไม่มีความสัมพันธ์ระหว่างกัน ความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อนเหล่านี้คงที่ คือ  $\sigma_e^2$

แบบหนึ่งของชุดการทดลอง

$$Y_{ijk} = \mu + P_i + R_{j(i)} + T_k + (PT)_{ik} + E_{ijk}$$

โดยที่  $\mu$  คือ ค่าเฉลี่ยทั้งหมดจากการทดลอง

$P_i$  คือ อิทธิพลทางทบของการทดลอง\* ที่ i

$T_k$  คือ อิทธิพลทางทบของทรีตเมนต์ที่ k

\* การทดลอง อาจหมายถึง ฤดูกาล ปี สถานที่ ก็ได้

$(PT)_{ik}$  คือ อิทธิพลทางทบของปฏิริยาสัมพันธ์ ระหว่างการทดลอง i กับทรีตเมนต์ k

เทอมอื่น ๆ มีความหมายเช่นเดียวกับแบบหน้าที่ผ่านมา

จากแบบหน้าที่สอง จะเห็นว่า แบบหลังขยายมาจากแบบแรกดังนี้

$$\mu_i = \mu + P_i$$

$$T_{k(i)} = T_k + (PT)_{ik}$$

ขั้นตอนในการวิเคราะห์รวม

1. ก่อนคำนวณการวิเคราะห์รวม ทดสอบความแปรปรวนของแต่ละการทดลองว่าแตกต่างกันหรือไม่ โดยวิธี

- F test ในกรณีที่มี 2 การทดลอง โดย

$$F = \frac{\text{Larger error MS}}{\text{Smaller error MS}}$$

เปิดตาราง F ที่ df ของ error ของการวิเคราะห์รวม , df ของ error ของการวิเคราะห์รวม

- Bartlett's test ของ Bartlett (1937) ในกรณีที่มากกว่า 2 การทดลองเมื่อความแปรปรวนของแต่ละการทดลองไม่ต่างกันให้ดำเนินการต่อข้อ 2

2. คำนำเนตตารางวิเคราะห์รวม ซึ่งมีลักษณะดังตารางที่ 2-5.1

ตารางที่ 2-5.1 การวิเคราะห์รวม p การทดลอง ที่วางแผนแบบ RBD ที่มี t ทรีตเมนต์ และ r ซ้ำ

SOV	df	MS
Place (or Season, or Year)	p-1	P MS
Replication within Place	p(r-1)	R MS
-----		
Treatment	t-1	T MS
Places x Treatments	(p-1)(t-1)	I MS
Pooled Error	p(r-1)(t-1)	E MS
Total	prt-1	

$$\text{Place SS} = \sum_{i=1}^p \frac{(Y_{i..})^2}{rt} - C.F.$$

$$C.F. = \frac{(Y_{...})^2}{prt}$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

$$\text{Rep. within Place SS} = \sum_{i=1}^p (\text{SS Rep. ของการทดลองที่ } i)$$

$$= \sum_{i=1}^p \sum_{j=1}^r \frac{(Y_{i,j})^2}{t} - \frac{(Y_{i..})^2}{rt}$$

$$\text{Treatment SS} = \sum_{k=1}^t \frac{(Y_{..k})^2}{pr} - \text{C.F.}$$

$$\text{Interaction SS} = \sum_{i=1}^p \sum_{k=1}^t \frac{(Y_{i..k})^2}{r} - \sum_{i=1}^p \frac{(Y_{i..})^2}{rt} - \sum_{k=1}^t \frac{(Y_{..k})^2}{pr} + \text{C.F.}$$

$$\text{Error SS} = \sum_{i=1}^p (\text{SSE ของการทดลองที่ } i)$$

การตรวจสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์

การตรวจสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์โดยวิธีทดสอบแบบ F นั้น มีตัวทดสอบ หรือ ตัวหารที่อาจเป็นไปได้ 2 ตัว คือ MS ของความคลาดเคลื่อนรวม (E) หรือ MS ของปฏิกริยาสัมพันธ์ระหว่างสถานที และทรีตเมนต์ (I) จากค่า expected MS พบว่า MS ของทรีตเมนต์ขึ้นอยู่กับองค์ประกอบ 3 องค์ประกอบ คือ

- (1) ความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อน ( $\sigma^2$ )
- (2) ความแปรปรวนของปฏิกริยาสัมพันธ์ ( $\sigma^2_{P_T}$ )
- (3) ความแปรปรวนระหว่างค่าเฉลี่ยของทรีตเมนต์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

$(\sigma^2_{\tau}$  หรือ  $[rp/(t-1)] \Sigma(T_k - T)^2$  แล้วแต่กรณี )

ดังนั้นหากทดสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์โดย  $T/E$  จะทำให้ได้ค่า  $F$  แสดงความแตกต่างทางสถิติ (significance) มากกว่าปกติ หรือ ตามความเป็นจริง ซึ่งทรีตเมนต์ต่าง ๆ อาจให้ผลเท่ากัน หรือที่เรียกว่า ความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 (type I error) เนื่องจากในค่า mean square ของทรีตเมนต์ส่วนหนึ่งประกอบด้วยอิทธิพลของปฏิริยาสัมพันธ์ระหว่างสถานที่ และทรีตเมนต์ดังกล่าวข้างต้น ซึ่งองค์ประกอบส่วนนี้ อาจมีอิทธิพลอย่างมากในการตรวจสอบแบบ  $F$  ซึ่งเป็นดังนี้

$$F = T/E = \frac{[\sigma^2 + r\sigma^2_{p\tau} + \frac{rp}{(t-1)} \Sigma(T_k - T)^2]}{\sigma^2}$$

ค่า  $F$  ที่ได้มีอิทธิพลของปฏิริยาสัมพันธ์ปะปนอยู่กับอิทธิพลของทรีตเมนต์ ถ้าอิทธิพลของปฏิริยาสัมพันธ์มีมาก ค่า  $F$  ที่แสดงความแตกต่างทางสถิตินั้นส่วนหนึ่งเป็นผลจากปฏิริยาสัมพันธ์ กรณีนี้ความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 จะสูง ด้วยเหตุผลดังกล่าวมาพบว่าการใช้ปฏิริยาสัมพันธ์เป็นตัวทดสอบอิทธิพลทรีตเมนต์ ดังนี้

$$F = T/I = \frac{[\sigma^2 + r\sigma^2_{p\tau} + \frac{rp}{(t-1)} \Sigma(T_k - T)^2]}{[\sigma^2 + r\sigma^2_{p\tau}]}$$

ส่วนการทดสอบปฏิริยาสัมพันธ์ทำได้โดยใช้  $I/E$

$$F = I/E = \frac{[\sigma^2 + r\sigma^2_{p\tau}]}{\sigma^2}$$

ดังที่กล่าวมาแล้วว่าปัญหาในการวิเคราะห์ผลรวม มักพบเสมอโดยเฉพาะความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อนไม่คล้ายคลึงกัน ซึ่งการวิเคราะห์ผลทางสถิติขั้นต้นจะได้ค่าประเมินนี้ คือ MS ของความคลาดเคลื่อนจากแต่ละการทดลอง ผู้ทดลองยังไม่ทราบแน่ชัดว่า

ความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อนเหล่านี้คล้ายกันหรือไม่ จะต้องทดสอบความคล้ายคลึงกัน (test of homogeneity) ตามวิธีต่าง ๆ ดังกล่าวมาข้างต้น ในทำนองเดียวกัน ความแปรปรวนของปฏิกริยาสัมพันธ์ ก็จะต้องทดสอบความคล้ายคลึงกัน ก่อนที่วิเคราะห์ผลทางสถิติขั้นต่อไป เหตุผลในการทดสอบคล้ายคลึงกันเหล่านี้ ก็เนื่องจากค่า MS ของทรีตเมนต์ประกอบด้วย 3 องค์ประกอบดังกล่าวมาแล้ว นอกจากนี้ เพื่อให้เข้ากับหลักการวิเคราะห์ความแปรปรวนข้อที่กล่าวว่า ความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อนต้องคล้ายคลึงกันซึ่งมีความสำคัญมากในการสรุปแปลความผลการทดลอง

หากผลการทดสอบพบว่า ความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อน คล้ายคลึงกัน ปัญหาส่วนหนึ่งก็หมดไป แต่ถ้าหากไม่คล้ายคลึงกัน การทดสอบปฏิกริยาสัมพันธ์โดย I/E ก็อาจใช้ไม่ได้ และมีผลกระทบกระเทือนต่อการทดสอบอิทธิพลทรีตเมนต์โดย T/I ด้วย ดังนั้นกรณีที่ความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อนไม่คล้ายคลึงกัน ผู้ทดลองจำเป็นจะต้องพิจารณาปฏิกริยาสัมพันธ์ให้ดียิ่งขึ้น หากปฏิกริยาสัมพันธ์คล้ายคลึงกัน ก็ไม่มีข้อยุ่งยากมากนัก ในทางตรงข้ามถ้าปฏิกริยาสัมพันธ์มีความแปรปรวนไม่คล้ายคลึงกัน จะไม่สามารถใช้ MS ของปฏิกริยาสัมพันธ์ทดสอบอิทธิพลของสิ่งทดลอง ควรแก้ไขดังนี้

ก. การแปลงข้อมูล (transformation of data) ซึ่งจะใช้แก้ไขความไม่คล้ายคลึงกันไปได้บ้างในบางกรณี

ข. การแยกส่วน (partition) ค่า sum of square ของทรีตเมนต์ออกมาเป็นองค์ประกอบออร์ธอร์โกนอล ที่เหมาะสมตามลักษณะทรีตเมนต์ และความสนใจของผู้ทดลอง กล่าวคือหากเป็นลักษณะคุณภาพใช้ออร์ธอร์โกนอลคอมพาริซัน (orthogonal comparisons) หากเป็นลักษณะปริมาณ ใช้ออร์ธอร์โกนอลโพลิโนเมียล (orthogonal polynomials) จากนั้นค่า sum of square ของปฏิกริยาสัมพันธ์ระหว่างสถานที่กับทรีตเมนต์ก็แยกส่วนในทำนองเดียวกันกับทรีตเมนต์หรือให้สอดคล้องกันนั่นเอง ข้อเสียในการแยกส่วนคือ จะทำให้ d.f. ลดลงโดยเฉพาะตัวหาร ดังนั้นจะทำให้ความว่องไวในการทดสอบลดลง

สรุปหลักการวิเคราะห์ผลรวมของชุดการทดลอง

ในชุดการทดลองที่มีลักษณะการทดลองเหมือนกัน การวิเคราะห์ผลรวมสามารถทำได้โดยมีข้อพิจารณาบางอย่างที่สำคัญ เฉพาะอย่างยิ่งก็คือ ตัวหาร หรือ ตัวทดสอบในการทดสอบแบบ F ซึ่งมีหลักเกณฑ์ประกอบการพิจารณากว้าง ๆ ดังนี้

ก. หากปฏิกริยาสัมพันธ์ระหว่างการทดลองกับทรีตเมนต์ มีความสำคัญ หรือมีอิทธิพลมากกว่าตรวจสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์สามารถทำได้โดยใช้ Treatments MS / Interactions MS ซึ่งมีผลกระทบกระเทือนต่อการสรุปผลผลิตพลาน้อย ถึงแม้ว่า ความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อนไม่คล้ายคลึงกันก็ตาม แต่ที่ความแปรปรวนของตัวปฏิกริยาสัมพันธ์จะต้องคล้ายคลึงกัน

ข. หากปฏิกริยาสัมพันธ์ไม่เป็นเอกภาพสามารถแก้ไขโดยแยก SS ของทั้งทรีตเมนต์ และ ปฏิกริยาสัมพันธ์ออกมา เป็นองค์ประกอบออร์ธอร์โกนอลที่เหมาะสม หรือใช้การแปลงข้อมูล

ค. หากไม่เข้าหลักเกณฑ์ที่กล่าวมานี้ควรแยกการทดลองออกเป็นกลุ่ม ในแต่ละกลุ่มจัดให้ความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อนคล้ายคลึงกัน หรือบางกรณีไม่สามารถวิเคราะห์ผลรวมได้

ตัวอย่างการวิเคราะห์ผลรวมของ RBD แบบง่ายที่สุด

สมมติทำ 2 การทดลองได้ผลการวิเคราะห์เบื้องต้นดังตารางที่ 2-5.2

ตารางที่ 2-5.2 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ RBD ทำ 2 การทดลอง

Source of variation	d.f.	SS	
		1 <sup>st</sup> Experiment	2 <sup>nd</sup> Experiment
Replications	$r-1$	$R_1$	$R_2$
Treatments	$t-1$	$Tr_1$	$Tr_2$
Error	$(r-1)(t-1)$	$E_1$	$E_2$
Total	$tr-1$	$To_1$	$To_2$
Correction factor		$C.F._1$	$C.F._2$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 2-5.3 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนรวมของ RBD

Source of variations	d.f.	SS
Experiments (Places)	$p-1$	$(C.F._1 + C.F._2) - C.F._{com.}$
Reps. within expts.	$p(r-1)$	$R_1 + R_2$
Treatments ( $Tr._{com.}$ )	$t-1$	$[T_1^2 + \dots + T_t^2]/pr - C.F._{com.}$
Expts. x Treatments	$(p-1)(t-1)$	$(Tr_1 + Tr_2) - Tr._{com.}$
Pooled Error	$p(r-1)(t-1)$	$E_1 + E_2$
Total	$prt-1$	$[(To_1 + C.F._1) + (To_2 + C.F._2)] - C.F._{com.}$

โดยที่  $r$  คือ จำนวนซ้ำในแต่ละการทดลอง

$t$  คือ จำนวนทรีตเมนต์ในแต่ละการทดลอง

$p$  คือ จำนวนการทดลอง

$R_1$  คือ ค่า SS ของซ้ำในการทดลองที่ 1

$R_2$  คือ ค่า SS ของซ้ำในการทดลองที่ 2

เทอมอื่น ๆ ในตารางที่ 4.2 มีความหมายทำนองเดียวกัน

$T_1, \dots, T_t$  คือผลรวมข้อมูลจากทุกซ้ำและทุกการทดลองของแต่ละทรีตเมนต์

$$C.F._{com.} = \frac{[\text{ผลรวมของข้อมูลทั้งหมด}]^2}{\text{จำนวนข้อมูลทั้งหมด}}$$

$To_1 + C.F._1$  คือ uncorrected total SS ของการทดลองที่ 1

$To_2 + C.F._2$  คือ uncorrected total SS ของการทดลองที่ 2

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## 5.2 การวิเคราะห์รวมที่วางแผนแบบ CRD

สมมติทำ 2 การทดลอง รูปแบบตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนเบื้องต้น และการวิเคราะห์ความแปรปรวนรวมแบบง่ายที่สุด ดังแสดงในตารางที่ 2-5.4

ตารางที่ 2-5.4 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ CRD ทำ 2 การทดลอง

		SS	
Source of variation	d.f.	1 <sup>st</sup> Experiment	2 <sup>nd</sup> Experiment
Treatments	t-1	Tr <sub>1</sub>	Tr <sub>2</sub>
Error	t(r-1)	E <sub>1</sub>	E <sub>2</sub>
Total	rt-1	To <sub>1</sub>	To <sub>2</sub>
Correction factor		C.F. <sub>1</sub>	C.F. <sub>2</sub>

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 2-5.5 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนรวมของ CRD

Source of variation	d.f.	SS
Experiments	$p-1$	$(C.F._1 + C.F._2) - C.F._{com.}$
Treatments ( $Tr_{com.}$ )	$t-1$	$[T_1^2 + \dots + T_t^2] / pr - C.F._{com.}$
Expts. x Treatments	$(p-1)(t-1)$	$(Tr_1 + Tr_2) - Tr_{com.}$
Pooled Error	$pt(r-1)$	$E_1 + E_2$
Total	$prt-1$	$[(To_1 + C.F._1) + (To_2 + C.F._2)] - C.F._{com.}$

ความหมายของสัญลักษณ์ต่าง ๆ เช่นเดียวกับตารางที่ 2-4.3 ของ RBD

### 5.3 การวิเคราะห์ผลรวมของ LS

สมมติว่า 2 สแควร์ รูปแบบตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนเบื้องต้น และการวิเคราะห์ความแปรปรวน ดังแสดงในตารางที่ 2-5.6 และ ตารางที่ 2-5.7

ตารางที่ 2-5.6 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนของ LS ทำ 2 สแควร์

Source of variation	d.f.	SS	
		1 <sup>st</sup> Experiment	2 <sup>nd</sup> Experiment
		Rows	$t-1$
Columns	$t-1$	$Co_1$	$Co_2$
Treatments	$t-1$	$Tr_1$	$Tr_2$
Error	$(t-1)(t-1)$	$E_1$	$E_2$
Total	$t^2 - 1$	$To_1$	$To_2$
Correction factor		$C.F._1$	$C.F._2$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 2-5.7 ตารางการวิเคราะห์ความแปรปรวนรวมของ LS

Source of variation	d.f.	SS
Experiments (Squares)	p-1	$(C.F._1 + C.F._2) - C.F._{com.}$
Rows within expts.	p(t-1)	$Ro_1 + Ro_2$
Cols. within expts.	p(t-1)	$Co_1 + Co_2$
Treatments (Tr. <sub>com.</sub> )	t-1	$[T_1^2 + \dots + T_t^2] / pt - C.F._{com.}$
Expts. x Treatments	(p-1)(t-1)	$(Tr_1 + Tr_2) - Tr_{com.}$
Error within expts.	p(t-1)(t-2)	$E_1 + E_2$
		} Pooled Error
Total	$pt^2 - 1$	$[(To_1 + C.F._1) + (To_2 + C.F._2)] - C.F._{com.}$

ความหมายของสัญลักษณ์และวิธีการต่าง ๆ คล้ายคลึงกับ RBD และ CRD แต่นิยมนรวมค่าความคลาดเคลื่อนรวมและปฏิกริยาสัมพันธ์ระหว่างการทดลองกับทรีตเมนต์ เข้าด้วยกัน และใช้เป็นตัวทดสอบอิทธิพลของทรีตเมนต์ ซึ่งในตารางใช้คำว่า "Pooled Error"

## บทที่ 3

### ขั้นตอนการดำเนินงาน

ขั้นตอนในการดำเนินงานแบ่งออกเป็นการทำงานดังนี้

1. ศึกษาวิธีวิเคราะห์ข้อมูล ภายใต้ออบเซตของปัญหาโดยละเอียด โดยศึกษาถึงความเป็นไปได้ในการนำคอมพิวเตอร์มาช่วยในการวิเคราะห์ จากหนังสือต่าง ๆ ทั้งทางด้านทฤษฎีในการวิเคราะห์ข้อมูล และด้านคอมพิวเตอร์
2. ศึกษาโปรแกรมสำเร็จรูปที่มีอยู่แล้ว ที่สามารถวิเคราะห์ข้อมูล ภายใต้ออบเซตของปัญหาเดียวกัน ซึ่งโปรแกรมที่ศึกษาคือ โปรแกรมสำเร็จรูป SPSS/PC+ ซึ่งเป็นโปรแกรมสำเร็จรูปที่ใช้กันอย่างแพร่หลายในปัจจุบัน โดยสังเกตผลลัพธ์ที่ได้ และความยากง่ายในการใช้โปรแกรม เพื่อนำมาเป็นแนวทางในการออกผลลัพธ์ (Output) และเพื่อเปรียบเทียบลักษณะการใช้งาน
3. ศึกษาข้อจำกัดในการนำคอมพิวเตอร์มาช่วยในการวิเคราะห์ เช่น ผลลัพธ์ที่ออกทางหน้าจอ สามารถออกได้กี่ตัวอักษร
4. ออกแบบการรับข้อมูล (Input Data) ผลลัพธ์ (Output) ที่ไม่ยุ่งยากในการใช้ (User Friendly) และเข้าใจง่าย
5. เขียน Algorithm หรือ Flowchart แสดงขั้นตอนในการวิเคราะห์ข้อมูลตามขอบเขตของปัญหา
6. จาก Algorithm หรือ Flowchart ที่ได้นำมาเขียนโปรแกรมภาษา C

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

7. ทดสอบความถูกต้องของการวิเคราะห์ข้อมูล โดยใช้ข้อมูลจริงมาจากหนังสืออ้างอิง
8. นำโปรแกรมที่เสร็จสิ้นแล้ว ไปทดสอบกับผู้ใช้เพื่อหาสิ่งที่ผู้ใช้ไม่เข้าใจ
9. ปรับปรุงให้โปรแกรมสามารถใช้งาน และเข้าใจง่าย โดยเฉพาะสำหรับคอมพิวเตอร์ที่มีหน่วยความจำเพียง 640 KB
10. จัดทำคู่มือในการใช้งาน (User's Manual) เพื่อเป็นแนวทางในการใช้โปรแกรมนี้แก่ผู้ใช้โดยละเอียด



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## บทที่ 4

### ผลการวิจัย และ วิเคราะห์

ผลการวิเคราะห์ข้อมูลโดยใช้โปรแกรมภาษา C ที่เขียนแยกเป็นหัวข้อได้ดังนี้

#### 1.แผนการทดลองปัจจัยเดียวที่ซับซ้อน

##### 1.1 แผนการทดลองแบบ CRD

#### แผนการทดลองแบบ CRD เมื่อมีจำนวนซ้ำเท่ากัน

ตัวอย่างข้อมูลจริงต่อไปนี้ได้จาก Gomez 1984 หน้า 14 เป็นการทดลองแบบ CRD ประกอบด้วย 7 ทรัศเมนต์ ทำ 4 ซ้ำ ได้ผลการทดลองดังตารางต่อไปนี้

ตาราง 4-1.1.1 Grain Yield of Rice Resulting from Use of Different Foliar and Granular Insecticides for the Control of Brown Planthoppers and Stem Borers, from a CRD Experiment with 4 (r) Replications and 7 (t) Treatments

Treatment	Grain Yield, kg/ha			
Dol-Mix (1 kg)	2,537	2,069	2,104	1,797
Dol-Mix (2 kg)	3,366	2,591	2,211	2,544
DDT + $\gamma$ -BHC	2,536	2,459	2,827	2,385
Azodrin	2,387	2,453	1,556	2,116
Dimecron-Boom	1,997	1,679	1,649	1,859
Dimecron-Knap	1,796	1,704	1,904	1,320
Control	1,401	1,516	1,270	1,077

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตาราง 4-1.1.2 ANOVA CRD with equal replication of Rice Yield  
Data in Table 4-1.1.1

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	6	5,587,174	931,196	9.83**
Error	21	1,990,238	94,773	
Total	27	7,577,412		

แผนภาพที่ 1.1.1 แสดงผลการวิเคราะห์ความแปรปรวนแบบ CRD เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION				
ANOVA				
CRD No Subsampling Equal Replication				
SOV	df	SS	MS	F <sub>cal</sub>
Treatment	6	5587175.000	931175.812	9.826 **
Error	21	1990237.500	94773.211	
Total	27	7577412.500		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนการทดลองแบบ CRD เมื่อมีจำนวนซ้ำไม่เท่ากัน

ตัวอย่างข้อมูลจริงจาก สรพล, 2526 เป็นการทดลองแบบ CRD ประกอบด้วย 4 ทรีตเมนต์ คือ a, b, c และ d มีจำนวนซ้ำดังนี้ a = 3 ซ้ำ , b = 4 ซ้ำ , c = 4 ซ้ำ และ d = 4 ซ้ำ

ผลการทดลองแสดงดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-1.1.3 แสดงข้อมูลแผนการทดลองแบบ CRD เมื่อมี 4 ทรีตเมนต์ และมีจำนวนซ้ำไม่เท่ากัน

ทรีตเมนต์	ข้อมูล
a	2, 3, 4
b	5, 6, 6, 7
c	6, 6, 8, 10
d	3, 2, 3, 4

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-1.1.4 ANOVA CRD with unequal replication of Data in  
Table 4-1.1.3

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	3	57	19	12.34**
Error	11	17	1.54	
Total	14	74		

แผนภาพที่ 1.1.2 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA CRD with unequal  
replication เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALIBRATION				
CRD No Subsampling Unequal Replication				
SOV	df	SS	MS	Fcal
Treatment	3	57.000	19.000	12.294 ***
Error	11	17.000	1.545	
Total	14	74.000		

\*\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนการทดลองแบบ CRD เมื่อมีตัวอย่างย่อย (CRD with sub-sampling)

ตัวอย่างข้อมูลจริง จากสรุปผล, 2526 เป็นการทดลองแบบ CRD ประกอบด้วย 3 ทรีตเมนต์ คือ a, b และ c ทำ 4 ซ้ำ จากแต่ละซ้ำ เก็บข้อมูล 2 ตัว ได้ผลการทดลอง ดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-1.1.5 ข้อมูลแผนการทดลองแบบ CRD เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์ ทำ 4 ซ้ำ และมีตัวอย่างย่อย 2 ตัวอย่างย่อย

ทรีตเมนต์	ซ้ำ			
	1	2	3	4
a	1, 3	2, 1	1, 4	1, 1
b	3, 2	3, 1	3, 4	2, 2
c	3, 4	3, 2	5, 3	2, 4

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-1.1.6 ANOVA CRD with sub-samples of Data in

Table 4-1.1.5


SOV	df	SS	MS	F
Treatment	2	9	4.50	5.06*
Experimental Error	9	8	0.89	
Sampling Error	12	15	1.25	
Total	23	32		

หมายเหตุ ค่า F ที่คำนวณในตารางนี้ใช้ Experimental Error เป็นตัวหาร  
ในกรณีตัวแบบเป็นแบบสุ่ม (random model) ไม่ใช่เป็นตัวแบบคงที่ (fixed model)  
เพราะการทดลองส่วนใหญ่จะเป็นตัวแบบแบบสุ่ม ซึ่งในความเป็นจริงนั้นตัวแบบคงที่นั้นไม่  
ค่อยพบนัก เช่น การทดลองเกี่ยวกับพันธุ์พืชนั้นมีพันธุ์พืชตั้งมากมายหลายพันธุ์ถ้าจะนำมาทดสอบ  
ทั้งหมด ก็จะสิ้นเปลืองงบประมาณมากจึงทำการสุ่มมาเพียงบางพันธุ์พืชเท่านั้น ถ้าจะนำ  
พันธุ์พืชมาทดสอบคงทำไม่ได้

แผนภาพที่ 1.1.3 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA CRD with sub-samples  
เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION				
ANOVA				
CRD Equal Subsampling Equal Replication				
ANOVA				
SDU	df	SS	MS	F <sub>cal</sub>
Treatment	2	7.000	4.500	5.062 na
Error	9	8.000	0.889	0.711 na
Sampling	12	15.000	1.250	
Total	23	32.000		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
na = Not significant



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนการทดลองแบบ CRD เมื่อมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน (CRD with unequal sub-samples)

ตัวอย่างข้อมูลจริง จากสรุปผล, 2526 เป็นการทดลองแบบ CRD ประกอบด้วย  
ทรีตเมนต์ 3 ทรีตเมนต์คือ a, b และ c ทำ 4 ซ้ำ ได้ผลการทดลองดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-1.1.7 ข้อมูลแผนการทดลองแบบ CRD เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์ ทำ 4 ซ้ำ  
และมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน

ทรีตเมนต์	ซ้ำ			
	1	2	3	4
a	1	2, 2	3	2
b	2	1, 2	3, 2	1, 3
c	3	5, 4	4	5, 3

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-1.1.8 ANOVA CRD with unequal sub-samples of Data in  
Table 4-1.1.7

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	2	16	8	17.78**
Experimental Error	9	4.5	0.5	
Sampling Error	6	5.50	0.92	
Total	17	26		

แผนภาพที่ 1.1.4 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA CRD with unequal  
sub-samples เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION				
CRD Unequal Subsampling Equal Replicas				
SOV	df	SS	MS	Fcal
Treatment	2	16.000	8.000	17.793**
Error	9	4.500	0.500	
Sampling	6	5.500	0.917	
Total	17	26.000		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนการทดลองแบบ CRD เมื่อทั้งจำนวนซ้ำ และตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน (CRD with unequal replicatioins and sub-samples)

ตัวอย่างข้อมูลจริง จากสรุปผล, 2526 เป็นการทดลองแบบ CRD ประกอบด้วย 3 ทรีตเมนต์ คือ a, b และ c ทำซ้ำสูงสุด 4 ซ้ำ ในแต่ละซ้ำเก็บข้อมูลได้ดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-1.1.9 แสดงข้อมูลแผนการทดลอง CRD เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์ มีจำนวนซ้ำ และ ตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน

ทรีตเมนต์	ซ้ำ			
	1	2	3	4
a	1	2	2, 1	-
b	2	3, 4	3	3
c	3	5, 4	3, 4	5

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-1.1.10 ANOVA CRD with unequal replication and sub-samples of Data in Table 4-1.1.9

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	2	15	7.5	11.59**
Experimental Error	8	5	0.625	
Sampling Error	4	2	0.50	
Total	14	22		

แผนภาพที่ 1.1.5 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA CRD with unequal replication and sub-samples เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION				
ANOVA				
CRD Unequal Subsampling Unequal Replication				
SOV	df	SS	MS	Fcal
Treatment	2	15.000	7.500	11.621 **
Error	8	5.000	0.625	
Sampling	4	2.000	0.500	
Total	14	22.000		

\*\* = Significant at 1% level  
 \* = Significant at 5% level  
 ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
 ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## 1.2 แผนการทดลองแบบ RBD

### แผนการทดลองแบบ RBD เมื่อไม่มีตัวอย่างย่อย

ตัวอย่างข้อมูลจริงต่อไปนี้ได้จาก Gomez 1984 หน้า 26 เป็นการทดลองแบบ RBD 6 ทรีตเมนต์ และมี 4 บล็อก ผลการทดลองแสดงดังตารางต่อไป

ตารางที่ 4-1.2.1 Grain Yield of Rice Variety IR8 with Six Different Rates of Seeding, from a RBD Experiment with Four Replication

Treatment kg seed/ha	Grain Yield, kg/ha			
	Rep.1	Rep.2	Rep.3	Rep.4
25	5,113	5,398	5,307	4,678
50	5,346	5,952	4,719	4,264
75	5,272	5,713	5,483	4,749
100	5,164	4,831	4,986	4,410
125	4,804	4,848	4,432	4,748
150	5,254	4,542	4,919	4,098

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-1.2.2 ANOVA RBD without sub-samples of Data in  
Table 4-1.2.1

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	5	1,198,331	239,666	2.17 <sup>ns</sup>
Block	3	1,944,361	648,120	
Error	15	1,658,376	110,558	
Total	23	4,801,068		

แผนภาพที่ 1.2.1 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA RBD without sub-samples  
เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION					
RBD No Subsampling					
SOV	df	SS	MS	Fcal	
Treatment	5	1198330.875	239666.173	2.169	ns
Block	3	1944360.875	648120.250	5.862	*
Error	15	1658376.125	110558.414		
Total	23	4801068.000			

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนการทดลองแบบ RBD เมื่อมีตัวอย่างย่อย (RBD with sub-samples)

ตัวอย่างเช่น การทดลองแบบ RBD ประกอบด้วย 4 ทรีตเมนต์ คือ a,b, c และ d ทำ 3 ซ้ำ จากแต่ละหน่วยการทดลองเก็บข้อมูล 2 ตัว ได้ผลการทดลองดังตารางต่อไป

ตารางที่ 4-1.2.3 แสดงข้อมูลแผนการทดลองแบบ RBD เมื่อมี 4 ทรีตเมนต์ ทำ 3 ซ้ำ และมีตัวอย่างย่อย

ทรีตเมนต์	ซ้ำ		
	1	2	3
a	1,3	2,1	3,2
b	3,2	3,1	3,3
c	3,4	3,2	5,4
d	4,4	3,5	5,3

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-1.2.4 ANOVA RBD with sub-samples of Data in  
Table 4-1.2.3

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	3	15	5.00	15.15**
Block	2	4	2.00	6.06*
Experimental Error	6	2	0.33	
Sampling Error	12	11	0.91	
Total	32	26		

หมายเหตุ ค่า F ที่คำนวณในตารางนี้ใช้ Experimental Error เป็นตัวหาร ในกรณีตัวแบบเป็นแบบสุ่ม (random model) ไม่ใช่เป็นตัวแบบคงที่ (fixed model) ซึ่งใช้ Sampling Error เหตุผลดังกล่าวมาแล้วในแผนการทดลองแบบ CRD

แผนภาพที่ 1.2.2 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA RBD with sub-samples  
เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION				
RBD Equal Subsampling				
SDU	df	SS	MS	Fcal
Treatment	3	15.000	5.000	15.000 **
Block	2	4.000	2.000	6.000 *
Error	6	2.000	0.333	
Sampling	12	11.000	0.917	
Total	29	32.000		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนการทดลองแบบ RBD เมื่อมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน (RBD with unequal sub-samples)

ตัวอย่างเช่น การทดลองแบบ RBD มี 3 ทรียเมนต์ 3 ซ้ำ และแต่ละซ้ำมีจำนวนตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน ผลการทดลองได้ดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-1.2.5 แสดงข้อมูลแผนการทดลองแบบ RBD เมื่อมี 3 ทรียเมนต์ ทำ 3 ซ้ำ และมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน

ทรียเมนต์	ซ้ำ		
	1	2	3
a	3, 5, 4	2, 4	3, 4, 5
b	4, 5	5, 3, 4	7, 5, 6
c	7, 7	7, 6, 5	10, 8

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-1.2.6 ANOVA RBD with unequal sub-samples of Data  
in Table 4-1.2.5

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	2	20.67	10.335	31.08**
Block	2	6.00	3.00	9.023*
Experimental Error	4	1.33	0.3325	
Total	8	28.00		

แผนภาพที่ 1.2.3 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA RBD with unequal  
sub-samples เพื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION				
RBD Unequal Subsampling				
ANOVA				
SOV	df	SS	MS	Fcal
Treatment	2	21.056	10.528	39.154**
Block	2	6.056	3.028	8.385*
Error	4	1.444	0.361	
Total	8	28.556		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

### 1.3 แผนการทดลองแบบ Latin Square

#### แผนการทดลอง LS เมื่อไม่มีตัวอย่างย่อย

ตัวอย่างข้อมูลจริงต่อไปนี้ได้จาก Gomez 1984 หน้า 33 การทดลองแบบ LS ประกอบด้วย 4 ทรียเมนต์ คือ A,B,C และ D ผลการทดลองแสดงดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-1.3.1 Grain Yield of Three Promising Maize Hybrids (A,B and D) and a Check Variety (C) from an Experiment with Latin Square Design

Grain Yield, t/ha				
Row Number	Col.1	Col.2	Col.3	Col.4
1	1,640	1,210	1,425	1,345
Treatment	B	D	C	A
2	1.475	1.185	1.400	1.290
Treatment	C	A	D	B
3	1.670	0.710	1.665	1.180
Treatment	A	C	B	D
4	1.565	1.290	1.655	0.660
Treatment	D	B	A	C

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-1.3.2 ANOVA LS without sub-samples of Data in

Table 4-1.3.1

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	3	0.426842	0.142281	6.59*
Rows	3	0.030154	0.010051	
Columns	3	0.827342	0.275781	
Error	6	0.129585	0.021598	
Total	15	1.413923		

แผนภาพที่ 1.3.1 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA LS without sub-samples  
เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA REGISTRATION				
ANOVA				
Latin square No Subsampling				
SOV	df	SS	MS	Fcal
Treatment	3	0.427	0.142	6.588 *
Row	3	0.030	0.010	0.465 ns
Column	3	0.827	0.276	12.769 **
Error	6	0.130	0.022	
Total	15	1.414		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนการทดลองแบบ LS เมื่อมีตัวอย่างย่อย (LS with sub-samples)

ตัวอย่างข้อมูลจริง จาก สุรพล, 2526 เป็นการทดลองแบบ LS ประกอบด้วย 4 ทรีตเมนต์ คือ a ,b ,c และ d ในแต่ละหน่วยทดลองเก็บข้อมูล 3 ตัว ได้ผลการทดลองดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-1.3.3 แสดงข้อมูลแผนการทดลองแบบ LS เมื่อมี 4 ทรีตเมนต์ และมีตัวอย่างย่อย 3 ตัวอย่าง

		คอติมัน			
แถว		1	2	3	4
1	ทรีตเมนต์	1, 1, 1 d	1, 1, 1 b	1, 1, 1 a	3, 2, 1 c
2	ทรีตเมนต์	1, 1, 1 a	2, 2, 2 d	4, 1, 1 c	1, 1, 1 b
3	ทรีตเมนต์	4, 4, 4 c	3, 4, 2 a	2, 2, 2 b	1, 1, 1 d
4	ทรีตเมนต์	1, 2, 3 b	3, 3, 3 c	1, 1, 1 d	1, 1, 1 a

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-1.3.4 ANOVA LS with sub-samples of Data in  
Table 4-1.3.3

SOV	df	SS	MS	F
Treatments	3	16.50	5.50	7.33*
Rows	3	10.50	3.50	4.67
Columns	3	7.50	2.50	3.33
Experimental Error	6	4.50	0.75	
Sampling Error	32	12.00	0.375	
Total	47	51.00		

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ 1.3.2 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA LS with sub-samples  
เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION				
ANOVA				
Latin square Equal Subsampling				
SOU	df	SS	MS	Fcal
Treatment	3	16.500	5.500	7.333 *
Row	3	10.500	3.500	4.667 *
Column	3	7.500	2.500	3.333
Error	4	4.500	1.125	
Sampling	32	12.000	0.375	
Total	47	51.000		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนการทดลองแบบ LS เมื่อมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน (LS with unequal sub-samples)

ตัวอย่างข้อมูลจริง จาก สุรพล, 2526 การทดลองแบบ LS ประกอบด้วย 3  
ทรีตเมนต์ คือ a , b และ c ได้ผลการทดลองดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-1.3.5 แสดงข้อมูลแผนการทดลองแบบ LS เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์  
และมีตัวอย่างย่อยไม่เท่ากัน

		คอลัมน์		
แถว		1	2	3
1	ทรีตเมนต์	2, 3	4, 5, 5	6
2	ทรีตเมนต์	5, 6	7, 8	1, 3
3	ทรีตเมนต์	9, 10	1	4, 5, 6
	ทรีตเมนต์	c	a	b

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-1.3.6 ANOVA LS with unequal sub-sampling of Data  
in Table 4-1.3.5


SOV	df	SS	MS	F
Treatments	2	51.229	25.615	21.86 <sup>**</sup>
Rows	2	1.003	0.501	0.43 <sup>ns</sup>
Columns	2	4.336	2.168	1.85 <sup>ns</sup>
Sampling Error	2	2.344	1.172	
Total	8	58.912		

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ 1.3.3 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA LS with unequal sub-sampling เพื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION				
Latin square Equal Subsampling				
ANOVA				
SOU	df	SS	MS	Fcal
Treatment	2	51.220	25.614	21.897 *
Row	2	1.006	0.503	0.430 ns
Column	2	4.340	2.170	1.833 ns
Error	2	3.332	1.170	
Total	6	58.914		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## 2. การวิเคราะห์ความแปรปรวนเมื่อมีการแปลงข้อมูล (Data Transformation)

ข้อมูลที่ใช้ในการทดสอบโปรแกรมได้จาก Gomez 1984

### 2.1 Square-Root Transformation

ตัวอย่างเช่น การทดลอง RBD 14 ทรีตเมนต์ และมี 3 บล็อก ข้อมูลแสดงดัง  
ตารางต่อไปนี้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-2.1.1 Percentage of White Heads of 14 Rice Varieties Tested in a RBD Design with Three Replications

White Head, %			
Variety	Rep.1	Rep.2	Rep.3
IR5	1.89	1.42	3.13
IR20-1	8.93	4.88	7.44
C4-63G	8.08	4.29	2.41
C168-134	9.45	13.31	3.72
BPI-76	4.66	17.89	8.56
MRC 407-1	5.18	1.82	2.59
PARC 2-2	2.87	5.82	5.36
TN1	1.45	1.20	1.48
Rexoro	26.59	25.86	16.19
Luma-1	26.89	22.79	2.48
IR127-80-1	22.49	13.38	5.65
IR1108-3-5	4.08	3.12	3.41
IR1561-228-3-3	0.69	0.50	1.11
IR2061-464-2	0.50	4.14	4.94

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-2.1.2 Transformation of Data in Table 4-2.2.1  
Using Square Root

White Head, %			
Variety	Rep.1	Rep.2	Rep.3
IR5	1.37	1.19	1.77
IR20-1	2.99	2.21	2.73
C4-63G	2.84	2.07	1.55
C168-134	3.07	3.65	1.93
BPI-76	2.16	4.23	2.93
MRC 407-1	2.28	1.35	1.61
PARC 2-2	1.69	2.41	2.32
TN1	1.20	1.10	1.22
Rexoro	5.16	5.09	4.02
Luma-1	5.19	4.77	1.57
IR127-80-1	4.74	3.66	2.38
IR1108-3-5	2.02	1.77	1.85
IR1561-228-3-3	0.83	0.71	1.05
IR2061-464-2	0.71	2.03	2.22

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-2.1.3 ANOVA of Data in Table 4-2.2.2

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	13	48.0366	3.6951	5.88**
Block	2	2.3971	1.1986	
Experimental Error	26	16.3275	0.6280	
Total	41	66.7612		

แผนภาพที่ 2.1.1 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA with Square-root Transformation เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION				
RBD No Subsampling				
SOV	df	SS	MS	Fcal
Treatment	13	48.011	3.693	5.986 **
Block	2	2.401	1.200	1.914 ns
Error	26	16.309	0.627	
Total	41	66.720		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## 2.2 Logarithmic Transformation

ตัวอย่างเช่น การทดลอง RBD เมื่อมี 9 ทรีตเมนต์ และมี 4 บล็อก ข้อมูลดัง  
ตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-2.2.1 Number of Living Larvae Recovered Following  
Different Insecticide Treatments

Treatment		Larvae, no.			
Number	Description	Rep.1	Rep.2	Rep.3	Rep.4
1	Diazinon (4)	9	12	0	1
2	Diazinon (3)	4	8	5	1
3	Diazinon (2)	6	15	6	2
4	Diazinon (1)	9	6	4	5
5	Diazinon (2) + MLVC (2)	27	17	10	10
6	Diazinon (2) + MLVC + SLVC (2)	35	28	2	15
7	Diazinon (1) at 15% DH infestation	1	0	0	0
8	Diazinon (1) at 20% DH infestation	10	0	2	1
9	Control	4	10	15	5

\* Number in parentheses refers to number of times the chemicals were applied

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-2.2.2 Data in Table 4-2.1.1 Transformed to  
Logarithmic Scale,  $\log(X + 1)$

Larvae Number in Log Scale				
Treatment				
Number	Rep.1	Rep.2	Rep.3	Rep.4
1	1.0000	1.1139	0.0000	0.3010
2	0.6990	0.9542	0.7782	0.3010
3	0.8451	1.2041	0.8451	0.4771
4	1.0000	0.8451	0.6990	0.7782
5	1.4472	1.2553	1.0414	1.0414
6	1.5563	1.4624	0.4771	1.2041
7	0.3010	0.0000	0.0000	0.0000
8	1.0414	0.0000	0.4771	0.3010
9	0.6990	1.0414	1.2041	0.7782

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-2.2.3 ANOVA of Data in Table 4-2.1.2

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	8	3.98235	0.49779	5.70**
Block	3	0.95666	0.31889	
Experimental Error	24	2.09615	0.08734	
Total	35	7.03516		

แผนภาพที่ 2.2.1 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA with Logarithmic Transformation เพื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION				
Transformation				
RBD No Subsampling				
SOV	df	SS	MS	Fval
Treatment	8	3.982	0.498	5.700 **
Block	3	0.957	0.319	3.681 ns
Error	24	2.096	0.087	
Total	35	7.035		

\*\* = Significant at 1% level  
 \* = Significant at 5% level  
 ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

### 2.3 Arc-Sine Transformation

ตัวอย่างเช่น การทดลองแบบ CRD เมื่อมี 12 ทรัสต์เมนต์ และมี 3 ซ้ำ ข้อมูลแสดงดังตารางต่อไปนี้ (Statistical Procedure for Agricultural Research, Kwanchai A. Gomez, Arturo A. Gomez 307p.)

ตารางที่ 4-2.3.1 Percentage Survival of Zigzag Leafhoppers on 12 Rice Varieties Tested in a CRD Experiment with Three Replications

Variety	Survival %		
	Rep.1	Rep.2	Rep.3
ASD 7	44.00	25.33	48.00
Mudgo	21.33	49.33	80.00
Ptb 21	0.00	0.00	0.00
D 204-1	25.33	26.66	49.33
Su-Yai 20	24.00	26.66	54.66
Balamawee	0.00	0.00	20.00
DNJ 24	32.00	29.33	28.00
Ptb 27	0.00	0.00	0.00
Rathu Heenati	17.33	33.33	10.66
Taichung (N)1	93.33	100.00	100.00
DS 1	13.33	36.00	33.33
BJ 1	46.66	46.66	16.00

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-2.3.2 Transformation of Data in Table 4-2.3.1  
with Arc-Sine Transformation

Survival %			
Variety	Rep.1	Rep.2	Rep.3
ASD 7	41.55	30.22	43.85
Mudgo	27.51	44.62	63.43
Ptb 21	0.33	0.33	0.33
D 204-1	30.22	31.09	44.62
Su-Yai 20	29.33	31.09	47.67
Balanawee	0.33	0.33	26.57
DNJ 24	34.45	32.79	31.95
Ptb 27	0.33	0.33	0.33
Rathu Heenati	24.60	35.26	19.06
Taichung (N)1	75.03	89.67	89.67
DS 1	21.41	36.87	35.26
BJ 1	43.08	43.08	23.58

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-2.3.3 ANOVA of Data in Table 4-2.3.2

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	11	16,838.6368	1,530.7852	16.50**
Error	24	2,225.9723	92.7488	
Total	35	19,064.6091		

แผนภาพที่ 2.3.1 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA with Arc-sine Transformation เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION

Transform

CRD No Subsampling Equal Replication

SOV	df	SS	MS	Fcalc
Treatment	11	17063.027	1551.184	16.566 **
Error	24	2244.851	93.523	
Total	35	19307.878		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

### 3. การวิเคราะห์ความแปรปรวนเมื่อมีข้อมูลสูญหาย (Missing Data)

ข้อมูลที่ใช้ในการทดสอบโปรแกรมได้จาก Gomez 1984

#### 3.1 การมีข้อมูลสูญหาย 1 ตัว

##### แผนการทดลองแบบ RBD

ตัวอย่างเช่น การทดลองแบบ RBD ที่มี 6 ทรีตเมนต์ และมี 4 บล็อก ได้ผลการทดลองดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-3.1.1 Data from a RBD Design, with One Missing Observation

Grain Yield, kg/ha				
Treatment				
kg seed/ha	Rep. 1	Rep. 2	Rep. 3	Rep. 4
25	5,113	5,398	5,307	4,678
50	5,346	5,952	4,719	4,264
75	5,272	5,713	5,483	4,749
100	5,164	m*	4,986	4,410
125	4,804	4,848	4,432	4,748
150	5,254	4,542	4,919	4,098

\* = missing data

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-3.1.2 Data in Table 4-3.1.1 with the Missing Data Replaced by the Value Estimated from the Missing Data Formula Technique

Grain Yield, kg/ha				
Treatment				
kg seed/ha	Rep. 1	Rep. 2	Rep. 3	Rep. 4
25	5,113	5,398	5,307	4,678
50	5,346	5,952	4,719	4,264
75	5,272	5,713	5,483	4,749
100	5,164	5,265*	4,986	4,410
125	4,804	4,848	4,432	4,748
150	5,254	4,542	4,919	4,098

\* = Estimate of the missing data from the missing data formula technique

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-3.1.3 ANOVA RBD of Data in Table 4-3.1.2 with One Missing Value Estimateed by the Missing Data Formula Technique

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	5	1,139,955	227,991	2.07 <sup>ns</sup>
Block	3	2,188,739	729,580	
Error	14	1,540,726	110,052	
Total	22	4,869,420		

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ 3.1.1 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA RBD with One Missing Observation เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA with Missing Value Calculation				
	ANOVA			
SOU	df	SS	MS	Fcal
Treatment	5	1140544.000	227998.498	2.072 ns
Block	3	2188672.000	729557.312	6.629 **
Error	14	1510672.000	110448.000	
Total	22	4869888.000		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนการทดลองแบบ LS

ตัวอย่างเช่น การทดลองแบบ LS เมื่อมี 4 ทรัสต์เมนต์ ข้อมูลดังแสดงในตารางที่ 1.3.1 โดยให้ Yield value ที่ค่า 1.655 t/ha ในแถวที่ 4 และ คอลัมน์ที่ 3 เป็นค่าสูญหาย

ตารางที่ 4-3.1.4 ANOVA LS of Data in Table 4-1.3.1, with One Value<sup>a</sup> Assumed Missing and Estimated by the Missing Data Formula Technique

SOV	df	SS	MS	F
Treatments	3	0.383438	0.127813	5.05 <sup>a</sup>
Rows	3	0.039142	0.013047	< 1
Columns	3	0.793429	0.264476	10.44 <sup>*</sup>
Error	5	0.126658	0.025332	
Total	14	1.342667		

<sup>a</sup> = Yield value of 1.655 t/ha in the fourth row and the third column is assumed missing.

แผนภาพที่ 3.1.2 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA LS with One Missing  
Observation เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA				
Missing value calculation				
ANOVA				
SOU	df	SS	MS	Fcal
Treatment	3	0.406	0.128	3.043 ns
Row	3	0.039	0.013	0.516 ns
Column	3	0.793	0.264	10.439 **
Error	5	0.127	0.025	
Total	14	1.365		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

### 3.2 กรณีข้อมูลสูญหายมากกว่า 1 ค่า

ข้อมูลที่ใช้ในการทดสอบโปรแกรมได้จาก Gomez 1984

#### แผนการทดลองแบบ RBD

ตัวอย่างเช่น การทดลองแบบ RBD เมื่อมี 6 ทรัสต์เมนต์ ทำ 4 บล็อก โดยมี 2 ค่าที่สูญหายข้อมูลที่ได้แสดงดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-3.2.1 Data from a RBD Design, with Two Missing Values ,One of Which is Assigned an Initial Value, as the First Step in Estimating Missing Data Through the Iterative Procedure

Treatment kg seed/ha	Grain Yield, kg/ha			
	Rep.1	Rep.2	Rep.3	Rep.4
25	(5,148) <sup>a</sup>	5,398	5,307	4,678
50	5,346	5,952	4,719	4,264
75	5,272	5,713	5,483	4,749
100	5,164	m <sup>b</sup>	4,986	4,410
125	4,804	4,848	4,432	4,748
150	5,254	4,542	4,919	4,098

m<sup>b</sup> = missing data

<sup>a</sup> The initial value assigned to one of the two missing data.

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-3.2.2 ANOVA of Data in Table 4-3.2.1 with Two Missing Data Estimated through the Iterative Procedure

SOV	df	SS	MS	F
Treatment	5	1,252,358	250,472	2.20 <sup>**</sup>
Block	3	2,300,267	766,756	
Error	13	1,481,374	113,952	
Total	21	5,033,999		

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ 3.1.3 แสดงผลการวิเคราะห์ ANOVA RBD with Two Missing Observation เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANOVA CALCULATION				
Missing value calculation				
ANOVA				
SOU	df	SS	MS	Fcal
Treatment	5	1196821.250	239364.250	2.101 ns
Block	3	2300373.250	766791.062	6.729 **
Error	13	1481322.750	113947.906	
Total	21	5033984.000		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

#### 4. การวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม (Analysis of Covariance)

##### 4.1 การวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของแผนการทดลอง CRD

ข้อมูลที่ใช้ในการทดสอบโปรแกรมได้จาก สรุผล 2526

ตัวอย่างเช่น การทดลองแบบ CRD ประกอบด้วย 3 ทรีตเมนต์ (t) ทำ 7 ซ้ำ (r) ได้ผลการทดลองดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-4.1.1 แสดงข้อมูลการทดลองแบบ CRD เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์ ทำ 7 ซ้ำ

ทรีตเมนต์ที่ 1		ทรีตเมนต์ที่ 2		ทรีตเมนต์ที่ 3	
X	Y	X	Y	X	Y
3	6	4	8	3	6
1	4	5	9	2	7
3	5	5	7	2	7
1	3	4	9	3	7
2	4	3	8	4	8
1	3	1	5	1	5
4	6	2	7	4	7

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4-4.1.2 ANCOVA CRD of Data in Table 4-4.1.1

SOV	Sum of products				Y adjusted for X		
	df	Y <sup>2</sup>	XY	X <sup>2</sup>	df	SS	MS
Treatments	2	36.95	13.90	5.81	-	-	-
Error	18	26.86	22.29	30.00	17	10.30	0.61
Total	20	63.81	36.91	35.81	-	-	-
<hr/>							
T + E	20	63.81	36.91	35.81	19	27.24	
<hr/>							
Treatments (adjusted)					2	16.94	8.47**

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ 4.1.1 แสดงผลการวิเคราะห์ ANCOVA CRD เมื่อใช้โปรแกรม  
ที่สร้างขึ้น

ANCOVA CALCULATION				
Covariance CRD				
ANCOVA				
Sum of products				
SSV	df	YY	XY	XX
Total	20	63.810	36.190	35.810
Treatment (T)	2	36.952	13.905	5.810
Error (E)	18	26.857	22.286	30.000
T+E	20	63.810	36.190	35.810

Y adjusted for X				
SSV	df	SS	MS	F
Error	17	10.302	0.606	
T+E	17	27.234		
Treat (Y)	2	16.932	8.466	13.970**

ns = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
NS = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

#### 4.2 การวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วมของแผนการทดลอง RBD

ข้อมูลที่ใช้ในการทดสอบโปรแกรมได้จาก สรพล 2526

ตัวอย่างเช่น การทดลองแบบ RBD ประกอบด้วย 3 ทรีตเมนต์ (t) คือ A, B และ C ทำ 3 ซ้ำ (r) ได้ผลการทดลองดังตารางต่อไปนี้

ตารางที่ 4-4.2.1 แสดงข้อมูลแผนการทดลองแบบ RBD เมื่อมี 3 ทรีตเมนต์ ทำ 3 ซ้ำ

ทรีตเมนต์	ซ้ำที่ 1		ซ้ำที่ 2		ซ้ำที่ 3	
	X	Y	X	Y	X	Y
A	10	3	11	3	15	3
B	15	5	8	6	25	7
C	20	7	14	6	20	8

ตารางที่ 4-4.2.2 ANCOVA RBD of Data in Table 4-4.2.1

SOV	Sum of products				Y adjusted for X		
	df	$Y^2$	XY	$X^2$	df	SS	MS
Treatments	2	26	38	56	-	-	-
Block	2	2	14	122	-	-	-
Error	4	2	2	62	3	1.94	0.65
Total	8	30	54	240	-	-	-
<hr/>							
T + E	6	28	40	118	5	14.44	
<hr/>							
Treatments (adjusted)					2	12.50	6.25*

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ 4.2.1 แสดงผลการวิเคราะห์ ANCOVA RBD เมื่อใช้โปรแกรมที่สร้างขึ้น

ANCOVA CALCULATION				
Covariance Calculation				
Covariance RBD				
ANCOVA				
SOU	df	Sum of products		
		YY	XY	YX
Total	8	30.000	54.000	210.000
Treatment(T)	2	26.000	38.000	56.000
Block(B)	2	2.000	14.000	122.000
Error(E)	4	2.000	2.000	42.000
T+E	6	28.000	40.000	118.000

SOU	df	Y adjusted for X		
		SS	MS	F
Error	4	1.938	0.484	
T+E	6	18.041	3.007	
T(Adj)	2	12.505	6.253	9.692*

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
NS = Not significant

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## บทที่ 5

### สรุปผลการศึกษาวิจัย และ ข้อเสนอแนะ

#### สรุปผล

จากที่ได้พัฒนาโปรแกรมเพื่อวิเคราะห์ข้อมูลการวางแผนการทดลอง ตามขอบเขตที่ได้กำหนดมานี้จะเห็นได้ว่า สะดวกในการใช้งานเป็นอย่างมาก ซึ่งผู้ใช้ไม่จำเป็นต้องมีความรู้พื้นฐานเกี่ยวกับ Software มาก่อนเลย การนำตัวอย่างจริงมาทดสอบโปรแกรม จะทำให้ผู้ใช้เกิดความเข้าใจในการเลือกใช้โปรแกรมต่าง ๆ ได้อย่างสะดวก โดยเพียงแต่เทียบเคียงกับข้อมูลที่จะนำมาวิเคราะห์ว่าตรงกับตัวอย่างอื่นไหนเท่านั้น

อนึ่งโครงการพิเศษนี้ ได้พยายามสร้างขอบเขตในการวิเคราะห์ข้อมูลทั้งหมดให้ครอบคลุมถึงเนื้อหา และการวิเคราะห์ข้อมูลที่อยู่ยากซับซ้อน ในงานทดลองปัจจัยเดียวมากเพียงพอที่นักวิจัยส่วนใหญ่จะนำไปใช้ได้โดยง่าย

#### ข้อเสนอแนะ

เนื่องจากว่างานวิจัยโครงการพิเศษครั้งนี้เวลาจำกัด ขอบเขตของปัญหาซึ่งเอามาวิเคราะห์นั้นอาจจะมีข้อมูลบางอย่างที่อยู่นอกเหนือโครงการพิเศษนี้ ซึ่งยังครอบคลุมไปไม่ถึง แต่คาดว่าจะมีน้อยมากในงานทดลองจริง ซึ่งสามารถแยกออกเป็นสิ่งที่ควรจะมีในโปรแกรมนี้ ดังนี้

1. การวิเคราะห์รวม (Combined Analysis of Variance) ไม่สามารถบรรจุอยู่ในโปรแกรมได้ เพราะโปรแกรมที่เขียนขึ้นนี้ใช้ตัวแปรในการคำนวณแบบ Array ซึ่งต้องใช้ memory มาก ถ้าต้องการเขียนโปรแกรมที่ครอบคลุมถึงการวิเคราะห์รวมควรใช้ตัวแปรแบบ Pointer เพื่อประหยัด memory

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2. ควรเพิ่มเงื่อนไขในการเลือกใช้แบบทวน ( Model ) ซึ่งโปรแกรมนี้ใช้แบบทวนสุ่ม (Random Model) เพียงแบบเดียวเท่านั้น ควรจะมีให้เลือกว่าเป็นแบบทวนคงที่ (Fixed Model) , แบบทวนสุ่ม (Random Model) หรือ แบบทวนผสม (Mixed Model)

3. ควรให้ผลลัพธ์ของการวิเคราะห์ และ ข้อมูลออกทางเครื่องพิมพ์ (Printer) ได้ด้วย โดยกำหนดเป็น Function Key ขึ้นเมื่อกดคีย์นั้นแล้วก็จะทำการพิมพ์ข้อมูล และผลลัพธ์ตามที่วิเคราะห์ได้ ซึ่งโปรแกรมนี้ไม่สามารถออกทางเครื่องพิมพ์ได้ แต่ได้แนบโปรแกรม INSET และ Manual (ในภาคผนวก) มาให้แล้วซึ่งเป็นโปรแกรมที่สามารถนำผลจากหน้าจอออกทางเครื่องพิมพ์ได้

อย่างไรก็ดี รายละเอียดของโครงการพิเศษนี้ยังใช้เป็นพื้นฐานให้ผู้สนใจได้พัฒนาโปรแกรมภาษา C เพื่อใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูลที่ยุ่งยากซับซ้อนต่อไปได้เป็นอย่างดี



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## User's manual

ก่อนที่จะใช้โปรแกรมนี้ควรตรวจสอบข้อมูลว่าเป็นไปตามสมมติฐาน ในการคำนวณ การวิเคราะห์ความแปรปรวนหรือไม่ก่อน แต่ถ้าในกรณีที่มีข้อมูลที่มีค่าความแปรปรวนของ ทรีตเมนต์แตกต่างกัน สามารถใช้การ Transform ข้อมูล แก้ปัญหาได้ โดยเลือก การคำนวณจากเมนูหลัก ในหัวข้อ Transform

เมื่ออยู่ที่ระบบปฏิบัติการ และอยู่ที่ drive A: หน้าจอจะปรากฏเครื่องหมาย A: ให้ พิมพ์ชื่อโปรแกรมตามหลังเครื่องหมาย A: ดังแผนภาพที่ ก-1

แผนภาพที่ ก-1 แสดงคำสั่งเริ่มต้นโปรแกรม ANOVA

```
A:>anova
```

จะปรากฏหน้าจอแสดง Title ของโปรแกรกดังแผนภาพที่ ก-2 ให้กดปุ่มใด ๆ

หมายเหตุ สำหรับผู้ที่สนใจโปรแกรม และต้องการพัฒนาโปรแกรม ทางคณะผู้จัดทำได้ ให้ Source Code ของโปรแกรมไว้ที่ภาควิชาสถิติประยุกต์ คณะวิทยาศาสตร์ สถาบัน เทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ ก-2 แสดง Title ของโปรแกรม ANOVA



แล้วจะปรากฏเมนูหลักให้เลือก หน้าการทำงาน 5 หน้าด้วยกันดังนี้คือ

1. การคำนวณการวิเคราะห์ความแปรปรวนแบบพื้นฐาน (ANOVA)
2. การคำนวณการวิเคราะห์ความแปรปรวน กรณีที่มีข้อมูลสูญหาย (Missing)
3. การคำนวณการวิเคราะห์ความแปรปรวน เมื่อมีการแปลงข้อมูล (Transform)
4. การคำนวณการวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม (Covariance)
5. ออกจากโปรแกรม กลับสู่ระบบปฏิบัติการ (Exit)

ลักษณะของเมนูหลัก เป็นดังแผนภาพที่ ก-3

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



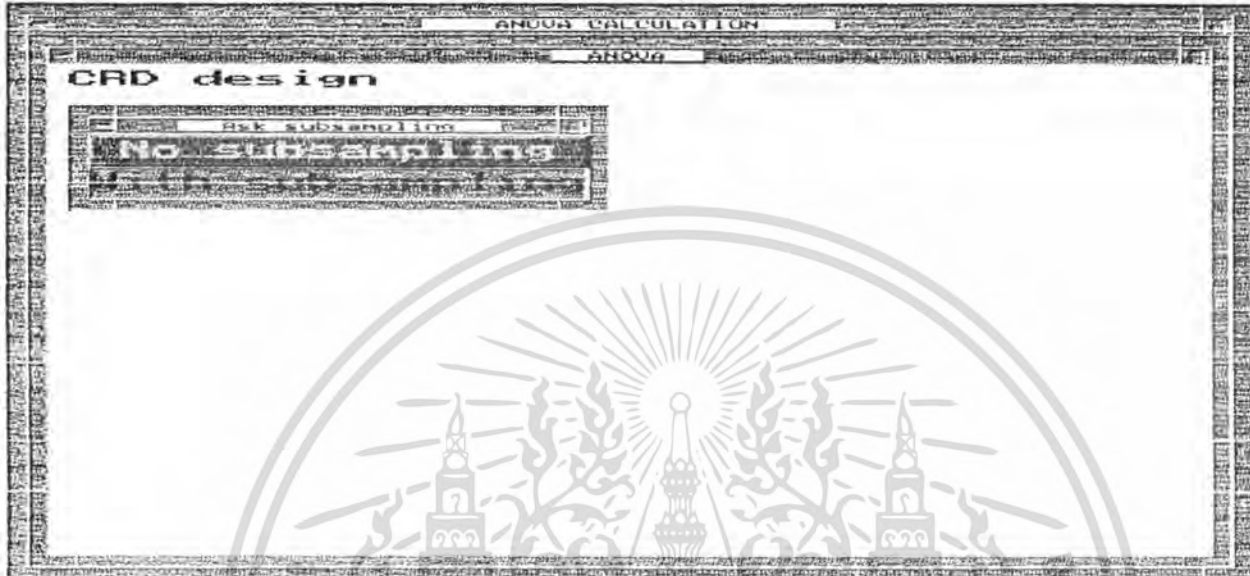
แผนภาพที่ ก-4 แสดงหน้าจอเลือกแผนแบบการทดลอง



เมื่อเลือกแผนแบบการทดลองแล้วกด Enter จะปรากฏเมนูให้เลือกรหัส ต้องการใส่  
คำสั่งเกิดสมการข้อใดหรือไม่ ดังแสดงในแผนภาพที่ ก-5

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ ก-5 แสดงเมนูให้เลือกว่า ต้องการใส่ค่าสิ่งตกที่มีตัวอย่างย่อยหรือไม่

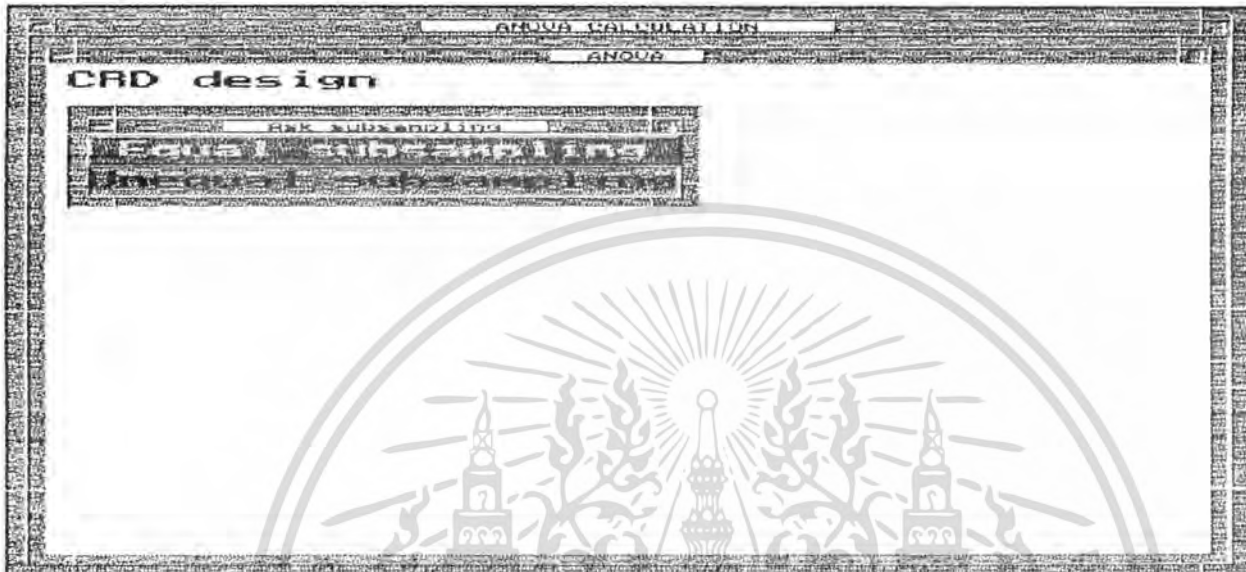


ให้เลื่อนแถบสว่างมาก Subsampling แล้วกด Enter จะปรากฏเมนูให้เลือกว่า  
ลักษณะของค่าสิ่งตกที่มีจำนวนหน่วยตัวอย่างย่อยเท่ากี่หรือไม่มี ดังแสดงตามแผนภาพ

↓  
ก ก-8

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ ก-6 แสดงเมนูให้เลือกว่าลักษณะของค่าสังเกตนั้นมีจำนวนหน่วยตัวอย่าง  
สอดคล้องหรือไม่



จากนั้นให้เลื่อนแถบสว่างมาก Equal Subsampling แล้วกดปุ่ม Enter จะ  
ปรากฏข้อความให้ใส่จำนวนทริคเมนต์ และหลังจากที่ใส่จำนวนทริคเมนต์ แล้วกดปุ่ม  
Enter แล้ว จะปรากฏข้อความให้ใส่ชื่อ ทริคเมนต์ในกรณีทริคเมนต์ ถึงแสดงตาม  
แผนภาพที่ ก-7

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ ก-7 แสดงข้อความที่ให้ใส่ชื่อ ทรีตเมนต์นี้จนครบทุกทรีตเมนต์

```
CRD Equal Subsampling Equal Replicati
Input number of treatment --> 4
Input name of treatment 1 --> a
Input name of treatment 2 --> b
Input name of treatment 3 --> c
Input name of treatment 4 --> d
```

ต่อไปจะปรากฏข้อความที่ให้ใส่จำนวนซ้ำ และจำนวนตัวอย่างย่อย ดังแสดงในแผนภาพที่ ก-8 และแผนภาพที่ ก-9 ตามลำดับ

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ ก-8 ข้อความให้ใส่จำนวนซ้ำ



แผนภาพที่ ก-9 แสดงข้อความให้ใส่จำนวนตัวอย่างย่อย



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ต่อไปจะปรากฏข้อความให้ใส่ค่าสังเกต ตามลำดับเริ่มตั้งแต่ทรีตเมนต์แรก หน่วยตัวอย่าง  
อย่างย่อแรก จำนวนซ้ำแรก ไปจนครบดังแสดงดังแผนภาพที่ ก-10

แผนภาพที่ ก-10 แสดงข้อความให้ใส่ค่าสังเกต ตามลำดับเริ่มตั้งแต่ทรีตเมนต์แรก  
หน่วยตัวอย่างอย่างย่อแรก จำนวนซ้ำแรก ไปจนครบ



เมื่อใส่ค่าสังเกตครบหมดแล้ว จะปรากฏเมนูถามว่าต้องการจะตรวจสอบข้อมูลค่า  
สังเกต ที่ใส่ไปแล้วหรือไม่ ดังแสดงรายละเอียดดังแผนภาพที่ ก-11

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ ก-11 แสดงเมนูตามความต้องการจะตรวจสอบข้อมูลค่าสังเกต ที่ใส่ไปแล้ว  
หรือไม่



ถ้าต้องการตรวจสอบความถูกต้องของค่าสังเกต ให้เลื่อนแถบสว่างมาที่ Yes แล้วกดปุ่ม Enter จะแสดงค่าสังเกตให้ดูทีละตัว ในแต่ละจำนวนซ้ำ ของแต่ละทริบเมนต์ โดยจะรอให้ตรวจสอบข้อมูล

ถ้าครบข้อมูลเรียบร้อยแล้วปรากฏว่าค่าสังเกตนั้นถูกต้องให้กดปุ่ม F1 ถ้าค่าสังเกตนั้น ๆ ผิดก็ให้กดปุ่ม F1 ในกรณีที่กรอกใส่ค่าสังเกตนั้นให้ถูกต้อง และถ้าไม่ต้องการตรวจสอบค่าสังเกตตัวถัดไปก็ให้กดปุ่ม Esc

เมื่อตรวจสอบข้อมูล หรือแก้ไขครบแล้วจะปรากฏเมนูตามแผนภาพที่ ก-11 อีก เพื่อเปิดโอกาสให้ตรวจค่าสังเกตได้ จนกว่าจะแน่ใจ เมื่อแน่ใจแล้ว ให้เลื่อนแถบสว่างไปที่ N แล้วกดปุ่ม Enter จะปรากฏหน้าจอแสดงผลเป็นดังแผนภาพที่ ก-12 และ ก-13 ตามลำดับ

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แผนภาพที่ ก-12 แสดงผลลัพท์ของโปรแกรม ANOVA

ANOVA CALCULATION				
ANOVA				
CRD Equal Subsampling Equal Replication				
ANOVA				
SOU	df	SS	MS	Fcal
Treatment	3	911.438	303.819	18.184 **
Error	8	132.667	16.708	1.293 *
Sampling	12	157.500	13.125	
Total	23	1202.625		

\*\* = Significant at 1% level  
\* = Significant at 5% level  
ns = Not significant

แผนภาพที่ ก-13 แสดงผลลัพท์ของโปรแกรม ANOVA

ANOVA CALCULATION	
ANOVA	
Treatment mean	
Treatment	Mean
1	27.153
2	42.500
3	41.500
4	34.887

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

โปรแกรม INSET เป็นโปรแกรมที่สามารถนำจุดทุกจุดที่แสดงบนหน้าจอคอมพิวเตอร์  
นำไปแสดงออกทางเครื่องพิมพ์ (Printer) ได้ ซึ่งผลที่ได้จะเหมือนกับที่แสดงอยู่บนจอ

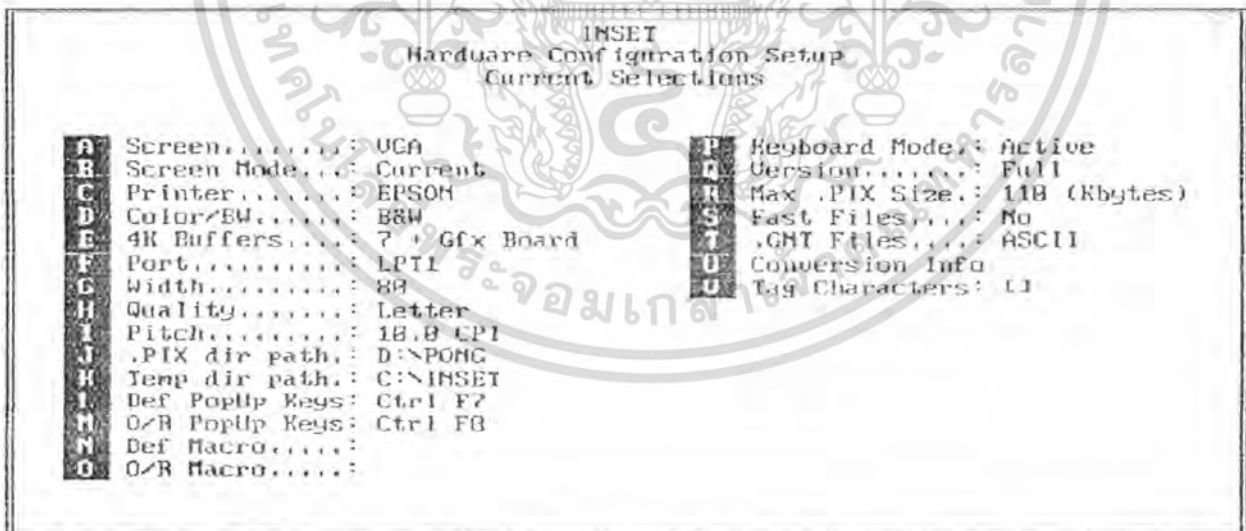
โปรแกรม INSET เป็นโปรแกรมที่ฝังตัวอยู่ใน memory จะถูกเรียกใช้ก็ต่อเมื่อกด  
คีย์ที่กำหนดในตอน SETUP โปรแกรม (เหมือนโปรแกรม Sidekick เมื่อจะเรียกใช้  
ต้องกดคีย์ Ctrl พร้อมกับ Alt)

### การ Setup Hardware

ก่อนที่จะเรียกใช้โปรแกรม INSET ทุกครั้งต้อง Setup Hardware ของโปรแกรม  
ให้เหมือนกับ Hardware ของเครื่องคอมพิวเตอร์ของท่านเสียก่อน ซึ่งมีขั้นตอนดังนี้

- ใส่แผ่นที่มีโปรแกรม SETUP.COM ใน Drive ปัจจุบัน
- พิมพ์ "SETUP" ซึ่งหน้าจอ จะปรากฏดังรูป

แผนภาพที่ ๓-1 แสดงรูปของโปรแกรม SETUP



Enter letter to change : **ESC** for All: **Ctrl O** to Save: **Ctrl Q** to Quit **Ctrl**

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ในการ Setup Hardware จะทำการเลือกโดยกดตัวอักษรที่อยู่ในแถบสว่าง ซึ่งมีตั้งแต่ A, B, C, ..., V หรือ กด F2 เพื่อ Setup ทั้งหมด ที่สำคัญมีดังนี้

- เลือก A เพื่อเลือกชนิดของจอที่ใช้ เลื่อนแถบสว่างไปยังชนิดของจอของท่าน โดยใช้ Arrow key (ลูกศร) แล้วกด Enter
- เลือก C เพื่อเลือกชนิดของ Printer เลื่อนแถบสว่างไปยังชนิดของ Printer ของท่าน โดยใช้ Arrow key (ลูกศร) แล้วกด Enter
- เลือก D เพื่อเลือกว่า Printer เป็นแบบมีสี หรือ ไม่มีสี
- เลือก F เพื่อเลือกว่า Printer ต่ออยู่กับช่องไหน (ส่วนใหญ่จะเป็น LTP1)
- เลือก G เพื่อเลือกความกว้างของกระดาษที่จะใช้ มี 2 ขนาดคือ 80 และ 136
- เลือก J เพื่อตั้งว่าเมื่อทำการเก็บรูปลงแฟ้มข้อมูล ให้ไปเก็บยัง Drive ไหน directory ไหน (Drive :\ Directory)
- เลือก L, M เพื่อตั้งคีย์ที่จะกดเพื่อเรียกใช้โปรแกรม INSET เมื่อตั้งชนิดของ Hardware ได้ตรงกับ Hardware ของเครื่องคอมพิวเตอร์ของท่านแล้วให้กด F10 เพื่อเก็บเป็นข้อกำหนด และออกจากโปรแกรม SETUP ถ้าไม่มีการเปลี่ยนแปลงใด ๆ เลข ให้กด ESC เพื่อออกจาก SETUP

#### การใช้โปรแกรม INSET

ขอซ้ำอีกครั้งทุกครั้งที่เรียกใช้โปรแกรม INSET ควรรันโปรแกรม SETUP มาก่อน แล้ว การใช้โปรแกรม INSET มีขั้นตอนดังนี้

- ใส่แผ่นที่มีโปรแกรม INSET.EXE ใน Drive ปัจจุบัน
- พิมพ์ "INSET" เพื่อฝังโปรแกรม INSET ลงใน memory ของเครื่อง เมื่อต้องการเรียกโปรแกรม INSET ก็ให้กดคีย์ที่กำหนดในการ Setup Hardware โปรแกรมจะปรากฏ menu ดังนี้

<View> Save Modify Edit Print Output Help

รูปที่ต้องการพิมพ์ต้องแสดงอยู่บนหน้าจอก่อนที่จะกดคีย์เพื่อเรียกโปรแกรม INSET หรือมีรูปซึ่งเก็บอยู่ในแฟ้มข้อมูลอยู่แล้ว (\*.PIX ซึ่งจะมีได้ก็ต่อเมื่อสั่ง <Save>) ให้กดคีย์ที่กำหนดนั้นเพื่อเรียกโปรแกรม INSET ขึ้นมาแล้วเลือก menu โดยเลื่อนแถบสว่างโดย Arrow Key ไปยัง <View> แล้วกด Enter ใส่ชื่อไฟล์โดยมีรูปแบบดังนี้

Drive :\ Directory \ File name.PIX

ก็จะได้ภาพที่เก็บไว้มาแสดงบนจอ ขึ้นตอนในการพิมพ์แสดงดังต่อไปนี้

- ตั้งความกว้างและยาวของรูปที่ต้องการโดยเลือก <Modeify>, <Expand> และ <Inches> ตามลำดับ โปรแกรมก็จะถามความกว้างของรูปที่ต้องการพิมพ์ดังนี้

Enter Width : 7.211 Inches

ใส่ความกว้างของรูปตามที่ต้องการแล้วกด Enter โปรแกรมจะถามต่อว่า

Enter Aspect Ratio : 50.01

1->99 = Short, 100 = Normal, 101+ = Tall, Enter 0 to Set Hieght

ใส่ 0 แล้วกด Enter เพื่อจะกำหนดความสูงของรูปที่ต้องการโปรแกรมจะให้ใส่ความสูง

Enter Hieght : 4.511 Inches

ใส่ความสูงของรูปที่ต้องการแล้วกด Enter

- กด ESC เพื่อออกจาก Modify
- เลือก <Print> จะปรากฏ menu ดังนี้

<Go> Margin Formfeed Down Up Top

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

- เลือก <Margin> ถ้าต้องการกำหนดขอบซ้าย
  - เลือก <Formfeed> ถ้าต้องการเลื่อนกระดาษไปหนึ่งหน้า
  - เลือก <Down> ถ้าต้องการเลื่อนกระดาษไปหนึ่งบรรทัด
  - เลือก <Go> เมื่อ Printer หรือ Printer ก็จะนิม့်ภาพที่ต้องการออกมา
- และ ถ้าต้องการหยุดการนิม့်กลางคันก็ให้กด Ctrl พร้อมกับ Pause หรือ Break  
หลาย ๆ ครั้งจนเกิดเสียง Beep menu ก็จะปรากฏบนจอ
- ถ้าต้องการออกจาก INSET ก็กด ESC เมื่ออยู่ที่ menu แรก ก็จะไม่ปรากฏ menu ของ INSET จนกว่าจะกดคีย์ที่กำหนดนั้นอีกครั้ง



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้คัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## เอกสารอ้างอิง

1. สุรพล อุปติสสกุล. 2526. สถิติการวางแผนการทดลอง เล่ม 1, พิมพ์ครั้งที่ 1, แอ็สเสทการพิมพ์.
2. สุรพล อุปติสสกุล. 2526. สถิติการวางแผนการทดลอง เล่ม 2, พิมพ์ครั้งที่ 1, แอ็สเสทการพิมพ์.
3. Cochran G.W and G.M. Cox. 1975. Experimental Designs., 2nd ed., John Wiley & Sons Inc., U.S.A.
4. Gomez K.A. and A.A. Gomez. 1984. Statistical Procedures for Agricultural Research., 2nd ed., John Wiley and Sons, New York, 680 pp
5. Snedecor, G.W. and W.G. Cochran. 1967. Statistical Methods., 6th ed., The Iowa State University Press Ames, Iowa, U.S.A.
6. Steel, R.G.D., and J.H. Torrie. 1960. Principles and Procedures of Statistics., 1st ed., The McGraw-Hill Book Company, Inc., U.S.A.
7. Herbert Schildt. 1990 . Turbo C/C++ the Complete Reference, Osborne McGraw-Hill, U.S.A.

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้