

การเปรียบเทียบความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และ
กำลังการทดสอบของวิธีการทดสอบการเปรียบเทียบพหุคูณแบบ
ใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลอง
แบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์

COMPARISONS OF PROBABILITY OF TYPE I ERROR AND
THE POWER OF A TEST BETWEEN PARAMETRIC AND
NONPARAMETRIC TESTS IN MULTIPLE COMPARISONS OF
A RANDOMIZED COMPLETE BLOCK DESIGN

ธนพงศ์ ก้องนภาสันติกุล

รัชชัย แต่งทอง

ธารทิพย์ โนนภาศ

นัฐกานต์ ปัตติสัย

ปัญหาพิเศษนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตร

ปริญญาวิทยาศาสตรบัณฑิต (สถิติประยุกต์)

ภาควิชาสถิติ คณะวิทยาศาสตร์

สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง

ปีการศึกษา 2559

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

COMPARISONS OF PROBABILITY OF TYPE I ERROR AND
THE POWER OF A TEST BETWEEN PARAMETRIC AND
NONPARAMETRIC TESTS IN MULTIPLE COMPARISONS OF
A RANDOMIZED COMPLETE BLOCK DESIGN



THANAPONG KONGNAPASANTIKUL
THAWATCHAI TAENGTHONG
TANTIP NOPAS
NATTAKAN PATTISAI

SPECIAL PROBLEM SUBMITTED IN PARTIAL FULFILLMENT OF
THE REQUIREMENT FOR
THE DEGREE OF BACHELOR OF SCIENCE (APPLIED STATISTICS)
DEPARTMENT OF STATISTICS, FACULTY OF SCIENCE
KING MONGKUT'S INSTITUTE OF TECHNOLOGY LADKRABANG
ACADEMIC YEAR 2016

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

หัวข้อปัญหาพิเศษ

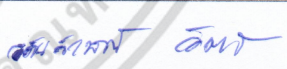
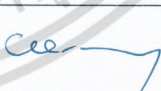
การเปรียบเทียบความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำลังการทดสอบของวิธีการทดสอบการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์
COMPARISONS OF PROBABILITY OF TYPE I ERROR AND POWER OF A TEST BETWEEN PARAMETRIC AND NONPARAMETRIC TESTS IN MULTIPLE COMPARISONS OF A RANDOMIZED COMPLETE BLOCK DESIGN

ชื่อนักศึกษา	นายธนพงศ์	ก้องนภาสันติกุล	รหัสนักศึกษา	56051308
	นายธวัชชัย	แดงทอง	รหัสนักศึกษา	56051317
	นางสาวธารทิพย์	โนภาศ	รหัสนักศึกษา	56051321
	นางสาวนัฐกานต์	ปัตติสัย	รหัสนักศึกษา	56051329

ปริญญา
ภาควิชา
ปีการศึกษา
อาจารย์ที่ปรึกษา

วิทยาศาสตร์บัณฑิต (สถิติประยุกต์)
สถิติ
2559
รศ.สายชล สีนสมบูรณ์ทอง

คณะวิทยาศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง (สจล.)
อนุมัติให้ปัญหาพิเศษนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญา วิทยาศาสตร์บัณฑิต (สถิติประยุกต์) ประจำปีการศึกษา 2559

คณะกรรมการ	ลายมือชื่อ
รศ.ดร.วัลย์ลักษณ์ อัครธีรวงศ์ ประธานกรรมการ	
อ.พรชัย หลายพสุ กรรมการ	
รศ.สายชล สีนสมบูรณ์ทอง กรรมการและอาจารย์ที่ปรึกษา	

ลิขสิทธิ์ของคณะวิทยาศาสตร์
สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

หัวข้อปัญหาพิเศษ	การเปรียบเทียบความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำลังการทดสอบของวิธีการทดสอบการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช่พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์		
ชื่อนักศึกษา	นายธนพงศ์ ก้องนภาสันติกุล	รหัสนักศึกษา	56051308
	นายธวัชชัย แต่งทอง	รหัสนักศึกษา	56051317
	นางสาวธารทิพย์ โนนภาศ	รหัสนักศึกษา	56051321
	นางสาวนัฐกานต์ ปัตติสัย	รหัสนักศึกษา	56051329

ปริญญา	วิทยาศาสตร์บัณฑิต (สถิติประยุกต์)		
ภาควิชา	สถิติ		
คณะ	วิทยาศาสตร์		
มหาวิทยาลัย	สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง (สจล.)		
ปีการศึกษา	2559		
อาจารย์ที่ปรึกษา	รศ.สายชล สิ้นสมบูรณ์ทอง		

บทคัดย่อ

การวิจัยนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาและเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวสถิติทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช่พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ ซึ่งมีตัวสถิติทดสอบที่ศึกษา 6 การทดสอบ คือ ตัวสถิติทดสอบของสตีเวน-นิวแมน-คูล ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด ตัวสถิติทดสอบแบบพิสัยพหุคูณของดันแคน ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์ ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนิเมนิ และตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟรีดแมน โดยศึกษาจากข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ ในการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำหนดข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา การแจกแจงโคกำลังสอง และการแจกแจงเลขชี้กำลัง ในการคำนวณกำลังการทดสอบ โดยกำหนดขนาดการทดลองตามจำนวนทรีทเมนต์เป็น 3, 5 และ 7 ทรีทเมนต์ จำนวนบล็อกเป็น 3, 4, 5, 6 และ 7 บล็อก และระดับนัยสำคัญ 3 ระดับ คือ 0.01, 0.05 และ 0.10

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ผลการวิจัยเมื่อพิจารณาความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จะพบว่าในพบว่าในกรณีการแจกแจงปกติ ที่มีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน และ ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ตัวสถิติทดสอบแบบพิสัยพหุคูณของตันแคน มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ในทุกสถานการณ์ รองลงมาคือตัวสถิติทดสอบของสตีเวนต-นิวแมน-คูล และตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด และเมื่อพิจารณากำลังการทดสอบจะพบว่าในกรณีการแจกแจงแกมมา ที่มีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน และในกรณีการแจกแจงแกมมา การแจกแจงไคกำลังสอง และการแจกแจงเลขชี้กำลัง ที่มีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน พบว่าตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดในทุกสถานการณ์ รองลงมาคือตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด และตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนินเมนี

คำสำคัญ : การเปรียบเทียบพหุคูณ ความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 กำลังการทดสอบ

Title	Comparison of Probability of Type I Error and the Power of a Test Between Parametric and Nonparametric Tests in Multiple Comparisons of a Randomized Complete Block Design		
Students	Mr.Thanapong Kongnapanantikul	Student ID	56051308
	Mr.Thawatchai Taengthong	Student ID	56051317
	Miss.Tantip Nopas	Student ID	56051321
	Miss.Nattakan Pattisai	Student ID	56051329
Degree	Bachelor of Science (Applied Statistics)		
Department	Statistics		
Faculty	Science		
University	King Mongkut's Institute of Technology Ladkrabang (KMITL)		
Academic Year	2016		
Advisor	Assoc.Prof.Saichon Sinsomboonthong		

Abstract

The objective of this research was to compare the efficiency of control of the probability of type I error and the power of a test between parametric and nonparametric tests in multiple comparisons of a randomized complete block

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับใช้เพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้เผยแพร่ไปบนเว็บไซต์หรือสื่อสังคมออนไลน์
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

design. The 3 parametric test statistics were Student-Newman-Keul's, Fisher's Least Significant Difference, Duncan's New Multiple Range, and the 3 non-parametric tests were Nemenyi, Conover and Friedman. In all cases, we used randomized data with a normal distribution for calculating the probability of type I error, and we used randomized data with a gamma distribution, a chi-squared distribution and an exponential distribution for calculating the power of a test. The experimental sample sizes consisted of 3, 5 and 7 treatments and 3, 4, 5, 6 and 7 blocks. Three significant levels were considered at 0.01, 0.05 and 0.10.

The results for probability of type I error revealed that, for controlling the probability of type I error, when averages were different but variances were the same and when averages were different and variances were also different, the Duncan was able to control the probability of type I error for every case followed by Student-Newman-Keul's and Fisher's Least Significant Difference. For the power of a test, in the case that the gamma distribution had the same averages but different variances and in the cases that the gamma distribution, chi-squared distribution and exponential distribution had both different averages and variances, Conover showed the highest power of a test in every case, followed by Fisher's Least Significant Difference and Nemenyi.

Keywords : Multiple Comparisons, Probability of Type I Error, Power of a Test

กิตติกรรมประกาศ

ปัญหาพิเศษนี้สำเร็จลุล่วงไปได้ด้วยดีและมีความถูกต้องในเนื้อหา เนื่องด้วยได้รับความอนุเคราะห์จาก รศ.สายชล สีนสมบูรณ์ทอง ซึ่งเป็นอาจารย์ที่ปรึกษา ผู้ซึ่งให้คำแนะนำ คำปรึกษา เอื้อเพื่อเอกสารต่างๆ และหนังสืออ้างอิง ที่ใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูลและตรวจทานแก้ไขความถูกต้องตลอดจนติดตามผลงานทุกขั้นตอนของการดำเนินงานในการทำปัญหาพิเศษนี้ จนกระทั่งเสร็จสมบูรณ์ จึงขอกราบขอบพระคุณด้วยความเคารพเป็นอย่างสูงไว้ ณ ที่นี้ด้วย

ขอขอบพระคุณ รศ.ดร.วัลย์ลักษณ์ อัครธีรวงศ์ และ อ.พรชัย หลายพสุ คณะกรรมการที่กรุณาให้คำปรึกษาและแนะนำข้อบกพร่อง ทำให้ปัญหาพิเศษนี้มีความสมบูรณ์ยิ่งขึ้น

ขอขอบพระคุณคณาจารย์ภาควิชาสถิติทุกท่านที่ได้ประสิทธิ์ประสาทวิชาความรู้พร้อมทั้งให้คำแนะนำและช่วยเหลือในเรื่องต่างๆ มาโดยตลอด

ขอขอบคุณ คุณอัจฉรา แผ้วบาง และเจ้าหน้าที่ภาควิชาสถิติทุกท่าน ที่ให้ความอนุเคราะห์จัดหาอุปกรณ์ในการทำปัญหาพิเศษนี้

สุดท้ายนี้ ขอขอบพระคุณบิดามารดาของผู้จัดทำปัญหาพิเศษที่ให้การสนับสนุนและเป็นกำลังใจให้เสมอมา และขอขอบคุณเพื่อนๆ ทุกคนที่ให้คำปรึกษา ช่วยเหลือในการทำงานมาโดยตลอด จนปัญหาพิเศษนี้สำเร็จไปได้ด้วยดี

ธนพงศ์ ก้องนภาสันติกุล
ธวัชชัย แดงทอง
ธารทิพย์ โนนาศ
นัฐกานต์ ปัตติสัย

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

สารบัญ

หน้า

บทคัดย่อภาษาไทย.....	ก
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	ค
กิตติกรรมประกาศ.....	จ
สารบัญ.....	ฉ
สารบัญตาราง.....	ช
สารบัญรูป.....	ฐ
คำย่อ/สัญลักษณ์.....	ฉ
บทที่ 1 บทนำ.....	1
1.1 ความเป็นมาและความสำคัญ.....	1
1.2 วัตถุประสงค์.....	2
1.3 ขอบเขตของงานวิจัย.....	2
1.4 เกณฑ์ที่ใช้ในการพิจารณา.....	4
1.5 นิยามศัพท์เฉพาะ.....	4
1.6 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ.....	4
บทที่ 2 ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง.....	5
2.1 การแจกแจงที่ใช้ในการศึกษา.....	5
2.1.1 การแจกแจงปกติ.....	5
2.1.2 การแจกแจงแกมมา.....	8
2.1.3 การแจกแจงเลขชี้กำลัง.....	10
2.1.4 การแจกแจงไคกำลังสอง.....	10
2.2 การวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์.....	11
2.2.1 บล็อก.....	11
2.2.2 การใช้การวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์.....	13
2.2.3 ประโยชน์ของการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์.....	13
2.2.4 ข้อดีและข้อเสียของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์.....	14
2.3 หน่วยทดลองและทรีทเมนต์.....	14
2.3.1 การกำหนดทรีทเมนต์ให้แก่หน่วยทดลอง.....	15
2.3.2 ตัวแบบ (Modle) การวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์.....	15
2.4 สถิติสำหรับการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์.....	19
2.4.1 การเปรียบเทียบพหุคูณ.....	19
2.5 สถิติไม่ใช้พารามิเตอร์สำหรับการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์.....	23
2.5.1 ความแตกต่างระหว่างตัวสถิติทดสอบแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์.....	23

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2.5.2 การทดสอบสำหรับทางเลือกทั่วไปสำหรับการวางแผนแบบสุ่ม ในบล็อกสมบูรณ์.....	24
2.5.3 การเปรียบเทียบพหุคูณ.....	25
2.6 เกณฑ์เปรียบเทียบประสิทธิภาพการทดสอบ.....	27
2.6.1 เกณฑ์ของ Cochran (1954).....	28
2.6.2 เกณฑ์ของ Bradley (1978)	29
2.7 กำลังการทดสอบ.....	29
2.8 งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง.....	31
บทที่ 3 วิธีการดำเนินงานวิจัย.....	35
3.1 การวางแผนการวิจัย.....	35
3.2 วิธีการดำเนินการวิจัย	46
3.3 ขั้นตอนโปรแกรมที่ใช้ในงานวิจัย.....	49
บทที่ 4 ผลการวิจัย.....	51
4.1 ความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1.....	51
4.2 การเปรียบเทียบกำลังการทดสอบ.....	100
4.3 สรุปความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1.....	149
4.4 สรุปการเปรียบเทียบกำลังการทดสอบ.....	153
บทที่ 5 สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ.....	160
5.1 สรุปผลการวิจัย.....	160
5.2 อภิปรายผล.....	162
5.3 ข้อเสนอแนะ.....	163
บรรณานุกรม.....	164
ภาคผนวก.....	166
ภาคผนวก ก.....	167
ภาคผนวก ข.....	213
ภาคผนวก ค.....	234

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

สารบัญตาราง

ตารางที่	หน้า
2.1 ผังแสดงค่าสังเกตของตัวอย่างสุ่มสำหรับการวิเคราะห์ความแปรปรวนของการวางแผนแบบ สุ่มในบล็อกสมบูรณ์.....	16
2.2 การวิเคราะห์ความแปรปรวนสำหรับการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์.....	18
3.1 พารามิเตอร์สำหรับการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับการแจกแจงปกติ.....	36
3.2 พารามิเตอร์สำหรับการคำนวณกำลังการทดสอบ สำหรับการแจกแจงแกมมา.....	38
3.3 พารามิเตอร์สำหรับการคำนวณกำลังการทดสอบ สำหรับการแจกแจงโคเคอซิงสอง.....	41
3.4 พารามิเตอร์สำหรับการคำนวณกำลังการทดสอบ สำหรับการแจกแจงเลขชี้กำลัง.....	42
3.5 จำนวนรอบที่ใช้ในการวิจัย.....	44
4.1 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการ แจกแจงปกติกรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	52
4.2 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการ แจกแจงปกติกรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	56
4.3 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการ แจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	60
4.4 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการ แจกแจงปกติกรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	64
4.5 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการ แจกแจงปกติกรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	68
4.6 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการ แจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	72
4.7 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการ แจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	76
4.8 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการ แจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	80
4.9 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการ แจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	84

ตารางที่	หน้า
4.25 ตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 เมื่อจำลอง ข้อมูลมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติที่มีค่าพารามิเตอร์ต่างๆ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01, 0.05, 0.10.....	149
4.26 ตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำลองข้อมูลมาจากประชากรที่มี การแจกแจงแกมมา ที่มีค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01, 0.05, 0.10.....	153
4.27 ตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำลองข้อมูลมาจากประชากรที่มี การแจกแจงโคกำลังสอง ที่มีค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01, 0.05, 0.10.....	156
4.28 ตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำลองข้อมูลมาจากประชากรที่มี การแจกแจงเลขชี้กำลังที่มีค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01, 0.05, 0.10.....	158
1 การจำลองและการสุ่มข้อมูล.....	173
2 การวิเคราะห์ความแปรปรวน.....	174
3 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผัน และความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย.....	176
4 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics).....	176
5 พิสัยค่าวิกฤต (Critical Range).....	176
6 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์.....	176
7 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison).....	177
8 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผัน และความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย.....	178
9 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics).....	178
10 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์.....	178
11 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison).....	179
12 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผัน และความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย.....	180
13 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics).....	180
14 พิสัยค่าวิกฤต (Critical Range).....	180
15 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์.....	181
16 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison).....	181
17 การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบโคโนเวอร์.....	183
18 การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยี.....	184
19 การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟรีดแมน.....	185
20 การจำลองและการสุ่มข้อมูล.....	194
21 การวิเคราะห์ความแปรปรวน.....	195

ตารางที่	หน้า
22 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผัน และความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย.....	197
23 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics).....	197
24 พิสัยค่าวิกฤต (Critical Range).....	197
25 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์.....	197
26 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison).....	198
27 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผัน และความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย.....	199
28 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics).....	199
29 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์.....	199
30 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison).....	200
31 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผัน และความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย.....	201
32 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics).....	201
33 พิสัยค่าวิกฤต (Critical Range).....	201
34 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์.....	202
35 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison).....	202
36 การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบโคโนเวอร์.....	204
37 การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยี.....	205
38 การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟรีดแมน.....	206
1 การแจกแจงเอฟ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	213
2 การแจกแจงที.....	216
3 ค่าวิกฤตต้นแคณ.....	217
4 ค่าวิกฤตสตีเวนไดซ์.....	219
5 ความน่าจะเป็นหางบนที่เลือกสำหรับการแจกแจงของตัวสถิติ S ของฟรีดแมน.....	221
6 ค่าวิกฤตของการแจกแจงไคกำลังสอง.....	225
7 ค่าวิกฤตที่เลือกสำหรับวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณทุกทรีทเมนต์แบบสองด้านของวิลคอกซัน-นีเมนยี-แมคโดนัล-ทอมสัน.....	226
8 ค่าวิกฤตที่เลือกสำหรับพิสัยของตัวแปร $N(0, 1)$ ที่เป็นอิสระกัน k ตัว.....	233
1 การวิเคราะห์ความแปรปรวนสำหรับการทดสอบความแข็ง.....	235
2 แสดงค่าผลต่างของแต่ละทรีทเมนต์.....	236
3 การวิเคราะห์ความแปรปรวน.....	237

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่	หน้า
4 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผันและความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย.....	239
5 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics).....	239
6 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์.....	239
7 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple comparison).....	239
8 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผันและความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย.....	241
9 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics).....	241
10 พิสัยค่าวิกฤต (Critical Range).....	241
11 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์.....	241
12 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple comparison).....	242
13 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผันและความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย.....	244
14 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics).....	244
15 พิสัยค่าวิกฤต (Critical Range).....	244
16 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์.....	244
17 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple comparison).....	245

สารบัญรูป

รูปที่	หน้า
2.1 การแจกแจงปรกติเมื่อค่าเฉลี่ยเท่ากันและความแปรปรวนเท่ากัน.....	6
2.2 การแจกแจงปรกติเมื่อค่าเฉลี่ยเท่ากันและความแปรปรวนต่างกัน.....	7
2.3 การแจกแจงปรกติเมื่อค่าเฉลี่ยต่างกันและความแปรปรวนเท่ากัน.....	8
2.4 ข้อมูลที่มีการแจกแจงแกมมาที่มีพารามิเตอร์ต่างๆกัน.....	9
3.1 การแจกแจงปรกติ ที่มีค่าพารามิเตอร์ (μ, σ^2) เป็น (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1) และ (0,1).....	36
3.2 การแจกแจงปรกติ ที่มีค่าพารามิเตอร์ (μ, σ^2) เป็น (0,5), (0,10), (0,15), (0,20), (0,25), (0,30) และ (0,35).....	37
3.3 การแจกแจงปรกติ ที่มีค่าพารามิเตอร์ (μ, σ^2) เป็น (1,1), (3,1), (6,1), (9,1), (12,1), (15,1) และ (18,1).....	37
3.4 การแจกแจงปรกติ ที่มีค่าพารามิเตอร์ (μ, σ^2) เป็น (1,5), (3,10), (6,15), (9,20), (12,25), (15,30) และ (18,35).....	38
3.5 การแจกแจงแกมมา ที่มีค่าพารามิเตอร์ (α, β) เป็น (2,4), (2,4), (2,4), (2,4), (2,4), (2,4) และ (2,4).....	39
3.6 การแจกแจงแกมมา ที่มีค่าพารามิเตอร์ (α, β) เป็น (2,4), (4,2), (8,1), (1,8), (5,8/5), (12,2/3) และ (3,8/3).....	39
3.7 การแจกแจงแกมมา ที่มีค่าพารามิเตอร์ (α, β) เป็น (4,2), (256,1/4), (144,1/3), (1,4), (16,1), (49,4/7) และ (81,4/9).....	40
3.8 การแจกแจงแกมมา ที่มีค่าพารามิเตอร์ (α, β) เป็น (1,4), (3,6), (6,8), (9,10), (12,12), (15,14) และ (18,16).....	40
3.9 การแจกแจงไคกำลังสอง ที่มีค่าพารามิเตอร์ (ν) เป็น (4), (4), (4), (4), (4), (4) และ (4).....	41
3.10 การแจกแจงไคกำลังสอง ที่มีค่าพารามิเตอร์ (ν) เป็น (2), (6), (12), (18), (24), (30) และ (36).....	42
3.11 แจกแจงเลขชี้กำลัง ที่มีค่าพารามิเตอร์ (β) เป็น (4), (4), (4), (4), (4), (4) และ (4).....	43
3.12 การแจกแจงเลขชี้กำลัง ที่มีค่าพารามิเตอร์ (β) เป็น (4), (6), (8), (10), (12), (14) และ (16).....	43
3.13 แสดงจำนวนรอบในการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ในกรณี 1 การแจกแจงปรกติ ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน จำนวนบล็อกเท่ากับ 7 และ จำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	45

รูปที่	หน้า
3.14 แผนผังแสดงลำดับวิธีการดำเนินการวิจัย.....	49
4.1 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	53
4.2 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	54
4.3 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	55
4.4 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	57
4.5 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	58
4.6 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	59
4.7 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	61
4.8 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	62
4.9 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	63
4.10 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	65

รูปที่	หน้า
4.33 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	95
4.34 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	97
4.35 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	98
4.36 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	99
4.37 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	102
4.38 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	103
4.39 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	104
4. 40 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	106
4.41 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	107
4.42 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	108
4.43 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	110

รูปที่	หน้า
4.66 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01.....	140
4.67 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	142
4.68 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	143
4.69 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05.....	144
4.70 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	146
4.71 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	147
4.72 ค่าประมาณของกำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์ เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10.....	148

คำย่อ/ สัญลักษณ์และคำอธิบาย

คำย่อ/ สัญลักษณ์	คำอธิบาย
1. SNK	ตัวสถิติทดสอบของสตีเวนส์-นิวแมน-คูล
2. LSD	ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด
3. Duncan	ตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของดันแคน
4. Conover	ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์
5. Nemenyi	ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยี
6. Friedman	ตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟรีดแมน
7. B	ผ่านเกณฑ์ของ Bradley
8. BC	ผ่านทั้งเกณฑ์ของ Bradley และเกณฑ์ของ Cochran
9. -	ไม่พิจารณากำลัการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้
10. *	กำลัการทดสอบสูงที่สุดในสถานการณ์นั้น
11. ★	ไม่พิจารณากำลัการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้
12. ■ -	เส้นกราฟของตัวสถิติทดสอบของสตีเวนส์-นิวแมน-คูล
13. ■ -	เส้นกราฟของตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด
14. ■ -	เส้นกราฟของตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของดันแคน
15. ■ -	เส้นกราฟของตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์
16. ■ -	เส้นกราฟของตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยี
17. ■ -	เส้นกราฟของตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟรีดแมน
18. - - -	เกณฑ์ของ Cochran (1954)
19. —	เกณฑ์ของ Bradley (1978)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

บทที่ 1

บทนำ

1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

งานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับการวางแผนการทดลองในการอนุมานเชิงสถิติเกี่ยวกับประชากร โดยเฉพาะการทดสอบสมมติฐานเพื่อเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของประชากร ซึ่งได้แก่ การเปรียบเทียบความแตกต่างของค่าเฉลี่ยของประชากรตั้งแต่ 3 กลุ่มขึ้นไป หากจากการทดสอบสมมติฐานดังกล่าวเกิดการปฏิเสธสมมติฐานว่าง (H_0) คือ มีความแตกต่างของค่าเฉลี่ยอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ เราจะต้องทำการเปรียบเทียบพหุคูณต่อไปเพื่อหาว่ามีค่าเฉลี่ยของประชากรคู่ใดบ้างที่แตกต่างกัน ซึ่งวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณจะมีทั้งแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ โดยจะใช้ตัวสถิติทดสอบใดตัวสถิติทดสอบหนึ่งเท่านั้น ซึ่งในการทดสอบสำหรับการเปรียบเทียบพหุคูณมีตัวสถิติทดสอบให้ผู้วิจัยเลือกใช้ทั้งแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ โดยในการเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบควรจะต้องมีแนวทางในการเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบให้เหมาะสมกับข้อมูลของผู้วิจัย

สำหรับการจำลองข้อมูลและการวิเคราะห์ข้อมูลเพื่อทำการเปรียบเทียบประสิทธิภาพความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำลังการทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ ผู้วิจัยได้ใช้โปรแกรมอาร์ (R) เนื่องจากโปรแกรมอาร์ (R) เป็นโปรแกรมสำหรับการวิเคราะห์ข้อมูลทางสถิติที่สามารถวิเคราะห์ข้อมูลได้หลากหลาย และสามารถดาวน์โหลดมาใช้ได้โดยไม่เสียค่าใช้จ่าย นอกจากนี้โปรแกรมอาร์ (R) ยังสามารถดาวน์โหลดชุดคำสั่ง (Package) มาติดตั้งเพิ่มเติมในโปรแกรมได้ตามความต้องการในการวิเคราะห์ข้อมูล

ดังนั้นในการทำปัญหาพิเศษครั้งนี้ ผู้วิจัยจึงสนใจการศึกษาการเปรียบเทียบความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำลังการทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์โดยทำการเปรียบเทียบตัวสถิติ 6 การทดสอบคือ ตัวสถิติทดสอบของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูล (Student-Newman-Keul's Test : SNK) ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด (Fisher's Least Significant Difference Test : LSD) ตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของดันแคน (Duncan's New Multiple Range Test : DMRT) ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยี (Two-Sided-All-Treatments Multiple Comparisons with Signed Ranks : Nemenyi) ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์ (Conover) และตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟร็ดแมน (Two-Sided All-Treatments Multiple Comparisons Based on Friedman Rank Sums-General Configuration : Wilcoxon, Nemenyi, Modonald-Thompson) โดยใช้โปรแกรมอาร์ (R) เวอร์ชัน 3.3.2 ในการจำลองและวิเคราะห์ข้อมูล

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

1.2 วัตถุประสงค์ของงานวิจัย

1.2.1 เพื่อเปรียบเทียบความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ทั้ง 6 การทดสอบของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์

1.2.2 เพื่อหาตัวสถิติทดสอบที่เหมาะสมสำหรับทดสอบข้อมูลที่มีการแจกแจงปกติ การแจกแจงแกมมา การแจกแจงไคกำลังสอง และการแจกแจงเลขชี้กำลัง

1.3 ขอบเขตของงานวิจัย

1.3.1 ตัวสถิติทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณที่ใช้ในการศึกษาเปรียบเทียบความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำลังการทดสอบประกอบด้วย 2 ประเภท ดังนี้

1.3.1.1 ตัวสถิติทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์ ได้แก่

- 1) ตัวสถิติทดสอบของสตีเวนส์-นิวแมน-คูล
- 2) ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด
- 3) ตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของคันทัน

1.3.1.2 ตัวสถิติทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบไม่ใช้พารามิเตอร์ ได้แก่

- 1) ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์
- 2) ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีแมนยี
- 3) ตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของพรีดแมน

หมายเหตุ สาเหตุที่ผู้วิจัยเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ ในการทำการวิจัยจำแนกตามตัวสถิติทดสอบได้ดังนี้

1. ตัวของสตีเวนส์-นิวแมน-คูล เนื่องจากงานวิจัยของศรีธัญญา วรลยางกุล (2531) กล่าวว่า ตัวสถิติทดสอบของสตีเวนส์-นิวแมน-คูลมีกำลังการทดสอบสูงที่สุดเมื่อประชากรมีลักษณะใกล้เคียงกับการแจกแจงปกติที่มีความโด่งไม่มาก และงานวิจัยของกฤตพล ธีรธินันท์ และคณะ (2558) กล่าวว่า ตัวสถิติทดสอบของสตีเวนส์-นิวแมน-คูลสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และมีกำลังการทดสอบสูงสุดในทุกสถานการณ์

2. ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด เนื่องจากผู้วิจัยได้ศึกษางานวิจัยที่เกี่ยวข้องแล้วพบว่า งานวิจัยของบุญนุช พิณชู (2548) กล่าวว่า ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุดสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และมีกำลังการทดสอบสูงสุดในทุกกรณี ผลการวิจัยของนิภาพร ขำสะอาด (2552) กล่าวว่า ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุดมีกำลังการทดสอบสูงที่สุดในทุกกรณี และผลงานวิจัยของ Boardman and Moffitt (1971) กล่าวว่า พบว่าอัตราความผิดพลาดของตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุดเพิ่มขึ้นตามจำนวนค่าเฉลี่ย

3. ตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของดินแดน เนื่องจากผู้วิจัยได้ศึกษางานวิจัยที่เกี่ยวข้องแล้วพบว่า งานวิจัยของปญญนุช พิณชู (2548) กล่าวว่า เมื่อขนาดของกลุ่มตัวอย่างมีขนาดเท่ากันและไม่เท่ากัน พบว่า ตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของดินแดนสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ในทุกกรณี ผลงานวิจัยของกฤตพล ชีรณินันท์ และคณะ (2558) กล่าวว่า ตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของดินแดนสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ในทุกกรณี ผลงานวิจัยของบุญชม ศรีสะอาด (2538) กล่าวว่า ตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของดินแดนมีโอกาสพบนัยสำคัญมากกว่าวิธีอื่น และผลงานวิจัยของ Boardman and Moffitt (1971) กล่าวว่า พบว่าอัตราความผิดพลาดของตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของดินแดนเพิ่มขึ้นตามจำนวนค่าเฉลี่ย

4. ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์ เนื่องจากผู้วิจัยมีความสนใจที่จะนำตัวสถิติทดสอบนี้มาทำการทดสอบร่วมกับตัวสถิติทดสอบอื่น

5. ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีแมนยี เนื่องจากผู้วิจัยมีความสนใจที่จะนำตัวสถิติทดสอบนี้มาทำการทดสอบร่วมกับตัวสถิติทดสอบอื่น

6. ตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟรีดแมน เนื่องจากงานวิจัยของศรีญาวรรลยางกูล (2531) กล่าวว่าเมื่อประชากรมีลักษณะหางยาว ตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟรีดแมนให้กำลังการทดสอบสูงที่สุด

1.3.2 กำหนดจำนวนทริทเมนต์ที่ศึกษาเป็น 3, 5 และ 7 ทริทเมนต์

1.3.3 กำหนดจำนวนบล็อกที่ศึกษาเป็น 3, 4, 5, 6 และ 7 บล็อก

1.3.4 กำหนดระดับนัยสำคัญ 0.01, 0.05 และ 0.10

1.3.5 การแจกแจงที่นำมาศึกษา คือ การแจกแจงปกติ การแจกแจงแกมมา การแจกแจงไคกำลังสอง และการแจกแจงเลขชี้กำลัง โดยจำแนกเป็นกรณีดังนี้

1.3.5.1 กรณีประชากรมีการแจกแจงปกติแบ่งเป็น 4 สถานการณ์ ดังนี้

- 1) ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน
- 2) ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน
- 3) ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน
- 4) ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

1.3.5.2 กรณีประชากรมีการแจกแจงแกมมาแบ่งเป็น 4 สถานการณ์ ดังนี้

- 1) ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน
- 2) ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน
- 3) ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน
- 4) ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

1.3.5.3 กรณีประชากรมีการแจกแจงไคกำลังสองแบ่งเป็น 2 สถานการณ์ ดังนี้

- 1) ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน
- 2) ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

1.3.5.4 กรณีประชากรมีการแจกแจงเลขชี้กำลังแบ่งเป็น 2 สถานการณ์ ดังนี้

- 1) ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน
- 2) ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

1.4 เกณฑ์ที่ใช้ในการพิจารณา

1.4.1 ในการศึกษาครั้งนี้ ชั้นแรกผู้วิจัยจะทำการจำลองสร้างข้อมูล (Simulation) ให้มีการแจกแจงปกติ จะทดสอบสถิติทดสอบ 6 การทดสอบ เพื่อศึกษาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 (α) ตามเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978)

1.4.2 ทำการจำลองสร้างข้อมูล (Simulation) ให้มีการแจกแจงแกมมา การแจกแจงไคกำลังสอง และการแจกแจงเลขชี้กำลัง แล้วจึงหาค่ากำลังการทดสอบ ($1 - \beta$) ของตัวสถิติทดสอบโดยพิจารณากำลังการทดสอบสูงสุด

1.5 นิยามศัพท์เฉพาะ

1.5.1 ความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 หมายถึง ความน่าจะเป็นที่เกิดจากการปฏิเสธสมมติฐานว่าง เมื่อสมมติฐานว่างเป็นจริง (สำนักงานราชบัณฑิตยสภา, 2558)

1.5.2 กำลังการทดสอบ หมายถึง ความน่าจะเป็นที่เกิดจากการปฏิเสธสมมติฐานว่างเมื่อสมมติฐานว่างไม่เป็นจริง (สำนักงานราชบัณฑิตยสภา, 2558)

1.5.3 ประสิทธิภาพ หมายถึง เกณฑ์ในการตัดสินใจว่าตัวสถิติทดสอบใดดีที่สุด โดยวัดประสิทธิภาพจากความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำลังการทดสอบที่มีค่าสูงสุด

1.5.4 เกณฑ์การทดสอบของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เป็นเกณฑ์ที่ใช้ควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1

1.6 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

1.6.1 เพื่อเป็นแนวทางในการเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบสำหรับการเปรียบเทียบพหุคูณในกรณีที่ข้อมูลแบบใช้พารามิเตอร์ ในการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์

1.6.2 เพื่อเป็นแนวทางในการเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบสำหรับการเปรียบเทียบพหุคูณในกรณีที่ข้อมูลแบบไม่ใช้พารามิเตอร์ ในการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์

บทที่ 2

ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

ในการศึกษาครั้งนี้ผู้วิจัยได้ทำการศึกษาค้นคว้าเอกสาร ตำรา และงานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับการแจกแจงของข้อมูล และตัวสถิติทดสอบสำหรับวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช่พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์โดยทำการเปรียบเทียบตัวสถิติทดสอบ 6 การทดสอบ คือ ตัวสถิติทดสอบของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูล (Student-Newman-Keul's Test : SNK) ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด (Fisher's Least Significant Difference Test : LSD) ตัวสถิติทดสอบแบบพิสัยพหุคูณของดันแคน (Duncan's New Multiple Range Test : DMRT) ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยี (Two-Sided-All-Treatments Multiple Comparisons with Signed Ranks : Nemenyi) ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์ (Conover) และตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟริดแมน (Two-Sided All-Treatments Multiple Comparisons Based on Friedman Rank Sums-General Configuration : Wilcoxon, Nemenyi, Modonald-Thompson)

2.1 การแจกแจงที่ใช้ในการศึกษา

2.1.1 การแจกแจงปกติ (Normal distribution) (ศุภรัตน์, 2559)

การแจกแจงปกติเป็นการแจกแจงแบบต่อเนื่องที่มีความสำคัญมากทั้งในทางสถิติประยุกต์และใช้ประโยชน์ในการประมาณค่าประชากรและการทดสอบสมมติฐานทางสถิติ อับราฮัมเดอว์ร์ (Abraham De Moire, ค.ศ.1667-1754) นักคณิตศาสตร์ชาวฝรั่งเศสเป็นผู้ค้นพบการแจกแจงปกติเมื่อปีค.ศ. 1773 โดยสร้างการแจกแจงปกติขึ้นมาเป็นรูปที่จำกัด (Limit) รูปหนึ่งของการแจกแจงทวินามแต่ไม่เป็นที่รู้จักอย่างแพร่หลาย ต่อมาปิแอร์ลาปลาซ (Pierre Laplace, ค.ศ.1749-1827) นักคณิตศาสตร์ชาวฝรั่งเศสกับคาร์ลเกาส์ (Carl Gauss, ค.ศ.1777-1855) นักคณิตศาสตร์และดาราศาสตร์ชาวเยอรมันได้ค้นพบการแจกแจงปกติโดยไม่ทราบผลงานของอับราฮัมเดอว์ร์มาก่อนซึ่งพบว่าการแจกแจงของค่าความคลาดเคลื่อนในการวัดทางวิทยาศาสตร์กายภาพสามารถประมาณได้ใกล้เคียงโดยใช้เส้นโค้งปกติ ซึ่งเขาเรียกว่า เส้นโค้งปกติค่าความคลาดเคลื่อน (Normal curve of error) และถือเป็นกฎของความน่าจะเป็น (Laws of chance) ผลงานของลาปลาซและเกาส์เป็นที่รู้จักกันอย่างแพร่หลายและถูกนำมาใช้ประโยชน์อย่างกว้างขวาง การแจกแจงปกติสามารถอธิบายการแจกแจงของตัวแปรต่างๆ ในทางชีววิทยา จิตวิทยาและทางการศึกษาเพื่อเป็นเกียรติแก่บุคคลทั้งสองบางที่เรียกการแจกแจงปกติว่าการแจกแจงของลาปลาซ (Laplacian distribution) หรือการแจกแจงของเกาส์ (Gaussian distribution)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

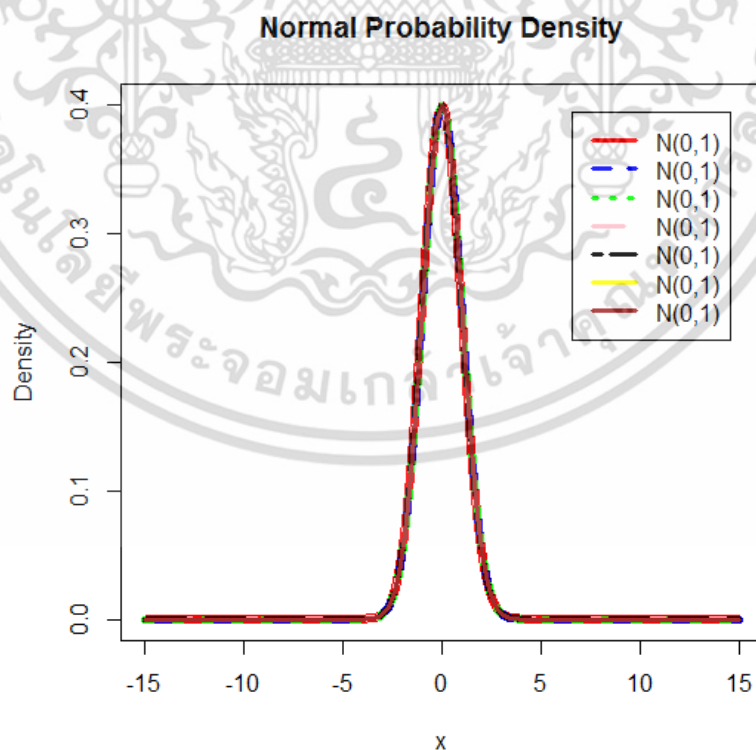
ตัวแปรสุ่ม x มีการแจกแจงปกติ ด้วยพารามิเตอร์ μ และ σ^2 เขียนได้ว่า $N(x; \mu, \sigma^2)$ โดยมี μ แทนค่าเฉลี่ย และ σ^2 แทนค่าความแปรปรวน สามารถเขียนเป็นฟังก์ชันความหนาแน่นความน่าจะเป็นได้ดังนี้

$$f(x; \mu, \sigma^2) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} \quad \dots(2.1)$$

เมื่อ $\sigma^2 > 0, -\infty < \mu < \infty, -\infty < x < \infty, \pi \approx 3.14159..$ และ $e \approx 2.71828...$

การหาค่าอินทิกรัลของพื้นที่ใต้เส้นโค้งปกติเพื่อให้ได้พื้นที่ใต้เส้นโค้งปกติมาตรฐานไม่สามารถทำได้ง่ายๆ จึงได้มีการหาพื้นที่ใต้เส้นโค้งปกติมาตรฐานแทนโดยใช้ในการหาค่าความน่าจะเป็นในรูปของตาราง ซึ่งตารางดังกล่าวจะเป็นตารางเมื่อค่าเฉลี่ยเป็น 0 และค่าความแปรปรวนเป็น 1 นั่นคือ การหาพื้นที่ใต้เส้นโค้งปกติที่มีค่าเฉลี่ยและค่าความแปรปรวนเป็นอย่างอื่น จึงมีความจำเป็นต้องเปลี่ยนให้เส้นเป็นโค้งปกติมาตรฐานที่มีค่าเฉลี่ยเป็น 0 และค่าความแปรปรวนเป็น 1 ทำได้โดยให้ $z = \frac{X - \mu}{\sigma}$ ซึ่งจะทำให้การแจกแจงปกติ $N(x; \mu, \sigma^2)$ เป็นการแจกแจงปกติมาตรฐาน $N(z; 0, 1)$

ความหนาแน่นความน่าจะเป็นปกติมาตรฐานที่มีค่าเฉลี่ย $\mu=0$ และความแปรปรวน $\sigma^2=1$ แสดงดังรูปที่ 2.1



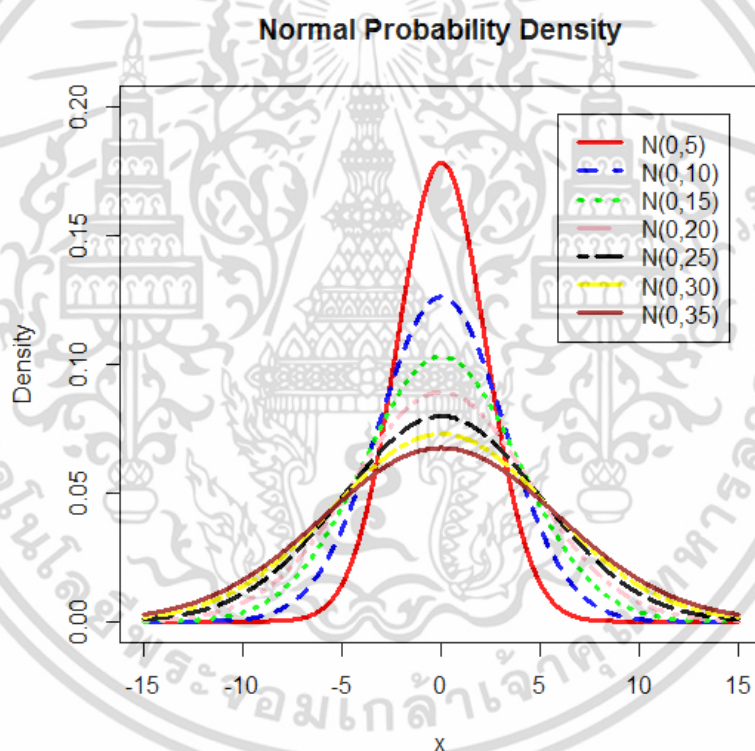
รูปที่ 2.1 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นปกติเมื่อค่าเฉลี่ยเท่ากันและความแปรปรวนเท่ากัน

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

สมบัติของเส้นโค้งปกติ

1. ค่าเฉลี่ย มัธยฐาน และฐานนิยม อยู่ที่ $x = \mu$ (ตำแหน่งที่เส้นโค้งปกติอยู่สูงที่สุด)
2. เส้นโค้งปกติมีลักษณะสมมาตรกับแกนตั้งที่ลากผ่าน μ
3. เส้นโค้งปกติมีจุดเปลี่ยนเว้า
4. ปลายเส้นโค้งปกติเข้าใกล้แกน x เมื่อ x มีค่าห่างจาก μ ออกไปทุกที แต่จะไม่สัมผัสแกน x
5. พื้นที่ทั้งหมดที่อยู่ใต้เส้นโค้งปกติและอยู่เหนือแกน x มีค่าเป็น 1
6. ค่าเฉลี่ยของตัวแปรสุ่มแบบปกติ x คือ μ และความแปรปรวน คือ σ^2

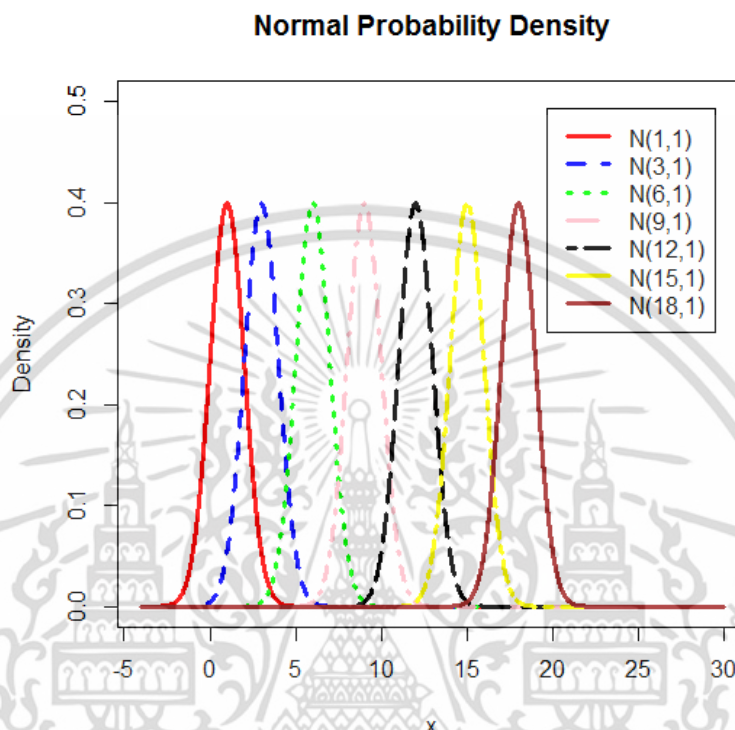
ความหนาแน่นความน่าจะเป็นปกติเมื่อมีค่าเฉลี่ยเท่ากันแต่มีความแปรปรวนต่างกันแสดงดังรูปที่ 2.2



รูปที่ 2.2 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นปกติเมื่อมีค่าเฉลี่ยเท่ากันและความแปรปรวนต่างกัน

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ในทางตรงกันข้ามของความหนาแน่นความน่าจะเป็นปกติเมื่อมีค่าเฉลี่ยต่างกันแต่มีความแปรปรวนเท่ากันแสดงดังรูปที่ 2.3



รูปที่ 2.3 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นปกติเมื่อค่าเฉลี่ยต่างกันและความแปรปรวนเท่ากัน

2.1.2 การแจกแจงแกมมา (Gamma distribution)(สายชล, 2548)

ตัวแปรสุ่มแกมมาแสดงถึงระยะเวลาของการรอคอยจนกระทั่งเกิดเหตุการณ์ป่วนวงจร α ครั้ง ส่วนตัวแปรสุ่มเลขชี้กำลังแสดงถึงระยะเวลาของการรอคอยจนกระทั่งเกิดเหตุการณ์ป่วนวงจรเป็นครั้งแรก ตัวแปรสุ่มทั้งสองมีความสัมพันธ์กันในลักษณะรูปทั่วไปและรูปเฉพาะของกันและกัน กล่าวคือ ตัวแปรสุ่มเลขชี้กำลังเป็นรูปเฉพาะของตัวแปรสุ่มแกมมา ส่วนตัวแปรสุ่มแกมมาเป็นรูปทั่วไปของตัวแปรสุ่มเลขชี้กำลัง ให้ x แทนช่วงระยะเวลาของการรอคอยจนกระทั่งเกิดเหตุการณ์ที่สนใจป่วนวงจร α ครั้ง และ β แทนช่วงระยะเวลาของการรอคอยโดยเฉลี่ยต่อหน่วยของเหตุการณ์ โดยที่ $\beta = \frac{1}{\lambda}$ เมื่อ λ คือ จำนวนการเกิดเหตุการณ์ป่วนวงจรโดยเฉลี่ยใน 1 หน่วยเวลา มีหน่วยเป็นจำนวนเหตุการณ์ต่อหน่วยเวลา

ในการหาฟังก์ชันความหนาแน่นความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงแกมมาจะต้องอาศัยฟังก์ชันแกมมา (Gamma function) ซึ่งเขียนแทนด้วย $\Gamma(\alpha)$ ดังนี้

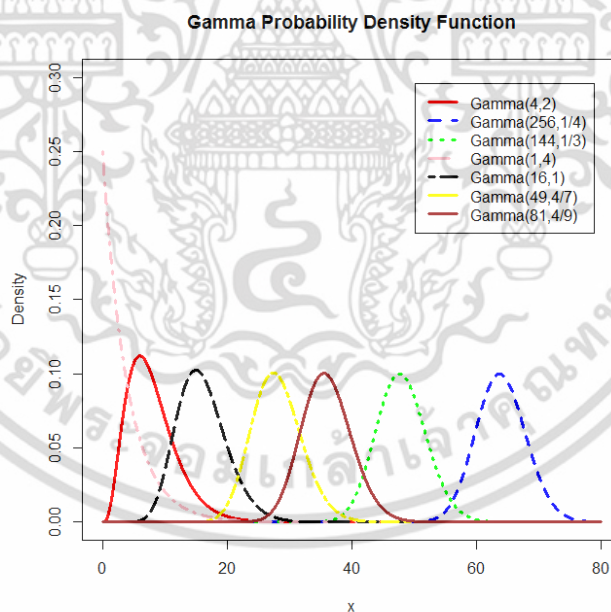
$$\Gamma(\alpha) = \int_0^{\infty} x^{\alpha-1} e^{-x} dx \quad \text{สำหรับทุกค่าของ } \alpha > 0 \quad \dots(2.2)$$

ถ้า x เป็นตัวแปรสุ่มแกมมา ที่มีพารามิเตอร์ α และ β สามารถเขียนฟังก์ชันความหนาแน่นความน่าจะเป็น ได้ดังนี้

$$f(x; \alpha, \beta) = \frac{1}{\Gamma(\alpha)\beta^\alpha} x^{\alpha-1} e^{-\frac{x}{\beta}}; x > 0, \alpha > 0, \beta > 0 \quad \dots(2.3)$$

ฟังก์ชันความหนาแน่นความน่าจะเป็นจะขึ้นอยู่กับพารามิเตอร์ 2 ตัว คือ α และ β ซึ่ง α คือ พารามิเตอร์ที่แสดงถึงรูปร่าง (Shape parameter) ส่วน β คือ พารามิเตอร์ที่แสดงถึงสเกล (Scale parameter)

ความหนาแน่นความน่าจะเป็นแกมมาที่มีค่าพารามิเตอร์ที่แตกต่างกัน แสดงดังรูปที่ 2.4



รูปที่ 2.4 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นแกมมาที่มีพารามิเตอร์ต่างๆกัน

2.1.3 การแจกแจงเลขชี้กำลัง (Exponential distribution) (สุเมธ, 2542)

กำหนดให้ X เป็นตัวแปรสุ่มต่อเนื่องและ $x > 0$ แล้ว X จะมีการแจกแจงแบบเลขชี้กำลัง $\beta > 0$ เมื่อฟังก์ชันความหนาแน่นความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่ม X กำหนดโดย

$$f(x; \beta) = \frac{1}{\beta} e^{-\frac{x}{\beta}}, \quad x > 0, \beta > 0 \quad \text{.....(2.4)}$$

การแจกแจงชนิดนี้มีที่ใช่มาก โดยเฉพาะในเรื่องการหาค่าความเชื่อมั่นได้ ปัญหาการรอคอย (Waiting time) เช่น การทดสอบเกี่ยวกับอายุ ช่วงเวลาการรับบริการ หรือช่วงเวลาของเหตุการณ์ที่มีการเกิดป่วน

เมื่อ $\alpha=1$ การแจกแจงแกมมาคือการแจกแจงเลขชี้กำลัง (Exponential distribution) มีฟังก์ชันความหนาแน่นความน่าจะเป็น ดังนี้

$$f(x; \beta) = \frac{1}{\beta} e^{-\frac{x}{\beta}} \quad ; x > 0, \beta > 0 \quad \text{.....(2.5)}$$

ค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของการแจกแจงเลขชี้กำลังมาจากค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของการแจกแจงแกมมา เมื่อแทน $\alpha=1$ ดังนั้นค่าเฉลี่ยของ X คือ $E(X) = \alpha\beta = \beta$ แล้วความแปรปรวนของ X คือ $Var(x) = \alpha\beta^2 = \beta^2$

2.1.4 การแจกแจงไคกำลังสอง (Chi-square distribution) พิจารณาการแจกแจงแกมมา ซึ่งฟังก์ชันความหนาแน่นความน่าจะเป็น

$$f(x; \alpha, \beta) = \frac{1}{\Gamma(\alpha)\beta^\alpha} x^{\alpha-1} e^{-\frac{x}{\beta}}, \quad x > 0, \beta > 0, \alpha > 0 \quad \text{.....(2.6)}$$

ให้ $\alpha = \frac{\nu}{2}$, ν เป็นเลขจำนวนเต็มบวกและ $\beta = 2$

พบว่าตัวแปรสุ่ม X จะมีฟังก์ชันความหนาแน่นความน่าจะเป็น

$$f(x; \nu) = \frac{1}{\Gamma\left(\frac{\nu}{2}\right) 2^{\frac{\nu}{2}}} x^{\frac{\nu}{2}-1} e^{-\frac{x}{2}}, \quad x > 0, \nu > 0 \quad \text{.....(2.7)}$$

เราเรียกตัวแปรสุ่ม X นี้มีการแจกแจงไคกำลังสอง ซึ่งเป็นกรณีพิเศษของการแจกแจงแกมมา

และเราจะเรียกพารามิเตอร์ ν ว่าจำนวนองศาเสรี (number of degrees of freedom) ของการแจกแจงไคกำลังสอง เนื่องจากการแจกแจงไคกำลังสองมีบทบาทในทางสถิติ และมักจะใช้อยู่

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

บ่อยๆ ดังนั้นเราจะเขียนสั้นๆว่า $X \sim \chi^2_{(v)}$ หมายความว่าตัวแปรสุ่มมีการแจกแจงไคกำลังสอง โดยมีจำนวนองศาเสรีเป็น v

2.2 การวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์

(Randomized Complete Block Design : RCBD)

2.2.1 การบล็อก (Blocking)(สายชล, 2552)

คือการจัดหน่วยทดลองที่มีความคล้ายคลึงกันหรือเหมือนกันให้อยู่ในบล็อกเดียวกันหรือกลุ่มเดียวกัน เพื่อให้มีความแปรปรวนภายในบล็อกเดียวกันน้อยที่สุด แต่หน่วยทดลองที่อยู่ต่างบล็อกกัน จะมีความแตกต่างกันมากที่สุด เพื่อให้มีความแปรปรวนระหว่างบล็อกมากที่สุด ในการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ บล็อกก็คือซ้ำของการทดลองนั่นเอง เช่น การบล็อกเพศในสุกร จะได้สุกรเพศผู้อยู่ในบล็อกหนึ่งและสุกรเพศเมียอยู่ในอีกบล็อกหนึ่ง สามารถจัดได้ดังนี้

บล็อกที่ 1	คือ	สุกรเพศผู้		
บล็อกที่ 2	คือ	สุกรเพศเมีย		
การบล็อกพันธุ์สุกร โดยให้มีบล็อกละ 10 ตัว สามารถจัดได้ดังนี้				
บล็อกที่ 1	คือ	สุกรพันธุ์ลาจไวท์	10	ตัว
บล็อกที่ 2	คือ	สุกรพันธุ์แลนด์เรซ	10	ตัว
บล็อกที่ 3	คือ	สุกรพันธุ์ดอร์คเจอร์ซี่	10	ตัว

นิยาม 2.1 การทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ หมายถึง การทดลองที่จัดให้หน่วยทดลองรวมกันเป็นพวก ซึ่งจะเรียกว่า บล็อก (Block) โดยที่

1. แต่ละหน่วยในบล็อกเดียวกันจะต้องมีลักษณะที่คล้ายคลึงกัน และจำนวนหน่วยทดลองในแต่ละบล็อกจะต้องเท่ากับจำนวนที่ต้องการทดสอบ

2. การจัดให้แก่วัดหน่วยทดลองในแต่ละบล็อกเป็นไปอย่างสุ่ม

การทดลองในแบบนี้จะช่วยลดความคลาดเคลื่อนที่เกิดขึ้นจากความแตกต่างของหน่วยทดลอง ทำให้ผลอันเนื่องมาจากทรีทเมนต์เด่นชัดขึ้น

เนื่องจากการทดลองโดยใช้การวางแผนการทดลองแบบสุ่มสมบูรณ์นั้น หน่วยทดลองทั้งหมดต้องมีลักษณะคล้ายคลึงกันการทดลองจึงจะให้ผลดี ซึ่งในบางครั้งผู้ทดลองอาจประสบปัญหาหากการที่ไม่อาจหาหน่วยทดลองที่เหมือนกันทั้งหมดได้ แต่อาจหาได้เพียงบางส่วน ดังนั้นภายใต้สถานการณ์ดังกล่าว ถ้าผู้ทดลองยังคงใช้การวางแผนการทดลองแบบสุ่มสมบูรณ์ผลการทดลองที่แตกต่างกันก็จะไม่ใช่ความแตกต่างที่เกิดขึ้นเนื่องจากการใช้ทรีทเมนต์ที่ต่างกันเพียงอย่างเดียว แต่อาจเนื่องจากหน่วยทดลองที่แตกต่างกันด้วย ดังนั้นค่าของความคลาดเคลื่อนที่เกิดขึ้นจากการทดลอง (MSE) ก็จะมีมากขึ้นเพราะได้รวมเอาความคลาดเคลื่อนจากหน่วยทดลองไว้ด้วย เมื่อนำค่าความคลาดเคลื่อนที่เกิดจากการใช้ทรีทเมนต์ไป

เปรียบเทียบกับ จะทำให้ค่าอัตราส่วนเอฟน้อยลง ซึ่งอาจทำให้เชื่อว่าทรีทเมนต์ทุกทรีทเมนต์ให้ผลไม่แตกต่างกันทั้ง ๆ ที่แตกต่างกันได้ ดังนั้นในกรณีที่หน่วยทดลองคล้ายคลึงกันเป็นพวก ๆ การวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์จึงใช้ได้ดีกว่าการวางแผนการทดลองแบบสุ่มสมบูรณ์ (สมจิต, 2532)

การวางแผนการทดลองนี้จะใช้เมื่อหน่วยทดลองมีความผันแปรในหน่วยทดลองหนึ่งสาเหตุ (one-directional) ก่อนที่จะมีการกำหนดทรีทเมนต์ให้ ดังนั้นเพื่อให้ความผันแปรที่เกิดขึ้นเป็นผลเนื่องจากทรีทเมนต์ (สิ่งทดลอง) เพียงอย่างเดียว จึงต้องมีการควบคุมความผันแปรทางด้านหน่วยทดลอง โดยการจัดเป็นบล็อก ซึ่งการจัดบล็อกนั้นที่สำคัญที่สุดคือ การจัดให้หน่วยทดลองที่อยู่ในบล็อกเดียวกันมีความคล้ายคลึงกันมากที่สุดและหน่วยทดลองที่อยู่ต่างบล็อกกันมีความแตกต่างกันมากที่สุด หรือก็คือ หน่วยทดลองในบล็อกเดียวกันจะมีความแปรปรวนภายในบล็อกน้อยที่สุดและจะมีความแปรปรวนมากที่สุดเมื่อต่างบล็อกกัน ซึ่งในแต่ละบล็อกจะต้องมีจำนวนทรีทเมนต์ครบทุกทรีทเมนต์จะได้ว่าขนาดของบล็อก $(k) = \text{จำนวนทรีทเมนต์}(t)$

การจัดบล็อกจะทำให้ความแตกต่างระหว่างบล็อกจะถูกแยกออกจากความคลาดเคลื่อนของการทดลอง (experimental error) ซึ่งทำให้ความแม่นยำ (precision) สูงขึ้นการจัดบล็อกในการทดลองได้แก่ การปลูกพืช ควรจะจัดแปลงปลูกพืชที่อยู่ใกล้กันไว้ในบล็อกเดียวกัน ก็อยู่ในบล็อกเดียวกัน เพราะจะมีคุณสมบัติใกล้เคียงกันมากกว่าสัตว์ที่มีสายพันธุ์ต่างกันหรือเพศต่างกันการจัดบล็อกจะได้ผลดีก็ต่อเมื่อความแปรปรวนระหว่างหน่วยทดลองในบล็อกเดียวกันน้อยกว่าความแปรปรวนของหน่วยทดลองระหว่างบล็อก หรืออาจจะกล่าวได้ว่า

1. ความแม่นยำจะลดลงเมื่อขนาดของบล็อก (จำนวนหน่วยทดลองต่อบล็อก) เพิ่มขึ้น ดังนั้นจึงควรจัดบล็อกให้มีขนาดเล็กเท่าที่จะเป็นไปได้
2. ในบางการทดลองพบว่าบล็อกที่มีรูปจัตุรัสมีประสิทธิภาพสูงกว่าบล็อกรูปอื่นๆ
3. ในการทดลองที่มีความอุดมสมบูรณ์ของดินแตกต่างกันและมีความลาดชัน (slope) บล็อกควรจะต้องฉากกับความลาดชันและมีลักษณะยาวและแคบ
4. หลักสำคัญของการจัดบล็อก ก็คือพยายามจัดให้ความผันแปรภายในบล็อกมีน้อยที่สุดและระหว่างกลุ่มมีมากที่สุด
5. ในบางสาขา เช่นการเกษตร คำว่า บล็อก กับ จำนวนซ้ำ (replication) มักจะใช้แทนกัน ซึ่งแท้ที่จริงแล้วมันแตกต่างกันเพราะว่าการทำซ้ำ หมายถึง การกำหนด ทรีทเมนต์ (treatment) หนึ่งให้กับหน่วยทดลองที่มีคุณสมบัติสม่ำเสมอหนึ่งหน่วย โดยที่มีการกำหนดเหมือนกันแบบนี้เกิดขึ้นในการทดลองครั้งนั้นมากกว่าหนึ่งครั้ง แต่การจัดบล็อกหมายถึงการจัดกลุ่มของหน่วยทดลองที่สม่ำเสมอให้อยู่ในกลุ่มเดียวกัน และหน่วยทดลองที่แตกต่างกันให้อยู่ต่างกลุ่มกัน โดยที่ทรีทเมนต์หนึ่งจะมีการกำหนดให้กับทุกกลุ่มของหน่วยทดลองนั้นคือแม้ว่าทรีทเมนต์นี้จะมีการทดลองมากกว่าหนึ่งครั้งในการทดลองครั้ง

นี้แต่หน่วยทดลองที่นำมาศึกษาก็เป็นหน่วยทดลองที่ไม่สม่ำเสมอกันมาจากคนละกลุ่มกันตามการทำซ้ำ หน่วยทดลองที่ทรีทเมนต์หนึ่งกำหนดมากกว่าหนึ่งครั้งหน่วยทดลองที่ใช้ก็จะเป็นหน่วยทดลองที่สม่ำเสมอ กัน

6. ไม่จำเป็นที่บล็อกต่างๆ ต้องมีรูปร่างเหมือนกันหรือไม่จำเป็นต้องอยู่ที่เดียวกันหรือเวลา เดียวกัน

7. แต่ละทรีทเมนต์จะเกิดขึ้นเพียงครั้งหนึ่งครั้งเดียวเท่านั้นในแต่ละบล็อกและควรมี ทรีทเมนต์ครบทุกทรีทเมนต์เพราะไม่เช่นนั้นจะกลายเป็นบล็อกไม่สมบูรณ์ (incomplete block) ซึ่งการ วิเคราะห์จะยุ่งยากมากกว่า (สิทธิชัย, 2542)

2.2.2 การใช้การวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์

1. เมื่อพบว่ามีสาเหตุที่ทำให้เกิดความผันแปรในหน่วยทดลองหนึ่งสาเหตุก่อนที่จะ กำหนดทรีทเมนต์ให้

2. การจัดบล็อกสามารถลดสาเหตุของความผันแปรที่มีเพียงสาเหตุเดียว การจัดกลุ่ม จึงกระทำในทิศทางเดียว (one-directional grouping)

3. ถ้าผลการทดลองพบว่าไม่มีความแตกต่างระหว่างบล็อก (nonsignificant) การจัด บล็อกก็จะทำให้ประสิทธิภาพของการทดลองลดลง ทั้งนี้เพราะการจัดบล็อกจะทำให้ df ของ error ลดลง (การที่ df มากขึ้นจะทำให้ค่าของความแปรปรวนของความคลาดเคลื่อนลดลง ซึ่งมีผลให้การทดลองมี ความไว ในการเปรียบเทียบสูงขึ้นหรือสามารถวัดความแตกต่างเพียงเล็กน้อยระหว่างสิ่งทดลองได้ดีขึ้น)

2.2.3 ประโยชน์ของการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ (สายชล, 2558)

1. ช่วยเพิ่มความถูกต้องให้แก่การทดลอง เนื่องจากความผันแปรระหว่างบล็อกจะถูกดึง ออกจากความคลาดเคลื่อนจากการทดลอง จึงเหลือเฉพาะความคลาดเคลื่อนจากการทดลองเท่านั้น

2. เป็นการเปรียบเทียบอิทธิพลของทรีทเมนต์ที่มีต่อหน่วยทดลองที่มีลักษณะเหมือนกัน ซึ่ง จัดให้หน่วยทดลองที่เหมือนกันอยู่ในบล็อกเดียวกัน ส่วนหน่วยทดลองที่ต่างกันอย่างบล็อกกัน

3. ช่วยขยายขอบเขตของการทดลอง เช่น สถานที่ทำการทดลองอยู่คนละจังหวัดกัน อยู่คนละอำเภอกัน หรือทำการทดลองในเวลาที่แตกต่างกัน จะใช้สถานที่ทำการทดลองหรือเวลาเป็นบล็อก

2.2.4 ข้อดีและข้อเสียของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์

ข้อดี

1. สามารถจัดหน่วยทดลองให้เป็นบล็อกได้ค่อนข้างง่าย
2. ทำการวิเคราะห์ข้อมูลได้ง่าย
3. ถ้ามีข้อมูลสูญหาย สามารถประมาณค่าข้อมูลสูญหายได้

ข้อเสีย

1. เมื่อมีความผันแปรระหว่างหน่วยทดลองภายในบล็อกเดียวกันสูง จะทำให้ความคลาดเคลื่อนในการทดลองสูง ซึ่งมักเกิดกับการทดลองที่มีจำนวนทรีทเมนต์มากเกินไป
2. ถ้าหน่วยทดลองมีความสม่ำเสมอ การวางแผนแบบสุ่มสมบูรณ์จะมีประสิทธิภาพมากกว่าการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์

2.3 หน่วยทดลองและทรีทเมนต์

หน่วยทดลอง(Experimental unit) ได้แก่หน่วยของวัสดุที่ใช้สำหรับการทดลองกับทรีทเมนต์ 1 ทรีทเมนต์หน่วยทดลองอาจจะหมายถึงต้นไม้ 1 ต้น เบ็ด 5 ตัว หรือใบไม้ครึ่งใบ หน่วยทดลองอาจเป็นสัตว์แต่ละตัว หรือ นก 10ตัวในกรงเดียวกัน เป็นต้น หน่วยทดลองที่ใช้ทางด้านเกษตรกรรมอาจเรียกว่าแปลงทดลอง(Experimental plot) (จิราวัลย์,2552)

ทรีทเมนต์ หมายถึง ลักษณะประจำตัวของวัตถุทดลอง หรือวิธีการที่ใช้ปฏิบัติต่อหน่วยทดลอง ถ้าผู้ทดลองต้องการเปรียบเทียบพันธุ์สัตว์ พันธุ์สัตว์ต่าง ๆ ซึ่งเป็นลักษณะประจำตัวของสัตว์ ก็คือทรีทเมนต์ ในทำนองเดียวกัน อายุ เพศ สีผิว ซึ่งเป็นลักษณะประจำตัวของวัตถุทดลอง ถ้าผู้ทดลองต้องการเปรียบเทียบ ก็ถือว่าเป็นทรีทเมนต์ ในขณะเดียวกัน อาหารสัตว์สูตรต่าง ๆ ปุ๋ยพืชชนิดต่าง ๆ กรรมวิธีต่าง ๆ ที่ใช้ผลิตทางอุตสาหกรรม เป็นวิธีการปฏิบัติต่อหน่วยทดลอง ถ้าผู้ทดลองต้องการเปรียบเทียบก็ถือว่าเป็นทรีทเมนต์ทรีทเมนต์อาจเกิดจากปัจจัยเดียว เช่น ต้องการศึกษาเฉพาะปัจจัยเกี่ยวกับพันธุ์สัตว์เพียงปัจจัยเดียว หรืออาจเกิดจากหลายปัจจัย เช่น ต้องการศึกษาทั้งพันธุ์สัตว์และสูตรอาหารสัตว์ เป็นต้น ทรีทเมนต์อาจมีชื่อเฉพาะโดยเรียกตามลักษณะการใช้และวัตถุประสงค์ของการทดลอง เช่น ถ้าใช้ทรีทเมนต์นั้นเป็นตัวควบคุม จะเรียกว่า ทรีทเมนต์ควบคุม (Control treatment) ถ้าใช้ทรีทเมนต์นั้นเป็นวิธีการปฏิบัติที่ใช้เป็นมาตรฐานทั่วไป จะเรียกว่า ทรีทเมนต์มาตรฐาน (Standard treatment)

ในการวัดอิทธิพลของทรีทเมนต์จะทำการวัดผลการตอบสนองต่อทรีทเมนต์ของหน่วยตัวอย่างสุ่ม ซึ่งอาจจะเป็นส่วนหนึ่งของหน่วยทดลองหรืออาจจะเป็นหน่วยทดลองทั้งหน่วยก็ได้ ค่าสังเกตที่วัดจากหน่วยทดลองที่ได้รับทรีทเมนต์ที่กำหนดเรียกว่า ผลตอบสนอง (Response)(สายชล,2558)

2.3.1 การกำหนดทรีทเมนต์ให้แก่หน่วยทดลอง (การสุ่ม :Randomization)

การสุ่มทรีทเมนต์ให้แก่หน่วยทดลองใน การวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์นี้ เริ่มต้นจากการจัดหน่วยทดลองออกเป็นบล็อก และทำการกำหนดทรีทเมนต์ให้แก่หน่วยทดลอง ภายในบล็อกเดียวกันให้เป็นไปโดยสุ่ม อาจทำได้โดยการจับฉลากหรือใช้ตารางเลขสุ่ม ซึ่งการทำการสุ่มจะ ทำแยกกันในแต่ละบล็อก(สิทธิชัย,2542)

2.3.2 ตัวแบบ (Model)การวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์

$$y_{ij} = \mu + \tau_i + \beta_j + \varepsilon_{ij} ; i = 1, 2, \dots, a$$

$$j = 1, 2, \dots, b$$

โดยที่ y_{ij} คือ ผลการทดลอง (outcome)หรือผลตอบสนอง (response) หรือค่าสังเกตใน บล็อกที่ j ที่ได้รับทรีทเมนต์ที่ i

μ คือ พารามิเตอร์ที่มีค่าคงที่ในทุก ๆ ทรีทเมนต์ หรือค่าเฉลี่ยทั้งหมด (overall mean)หรือค่าเฉลี่ยรวม (grand mean)

τ_i คือ อิทธิพลของทรีทเมนต์ที่ i (the i^{th} treatment effect)

β_j คือ อิทธิพลของบล็อกที่ j (the j^{th} block effect)

ε_{ij} คือ ส่วนประกอบของความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม (random error component) ที่อยู่ในค่าสังเกตในบล็อกที่ j ที่ได้รับทรีทเมนต์ที่ i (สายชล,2558)

ข้อสมมติเบื้องต้น (Assumption)

1. ตัวแบบเป็นเชิงบวก (additive model)นั่นคือ ไม่มีปฏิสัมพันธ์ (no interaction)ระหว่าง ทรีทเมนต์และบล็อก

2. ถ้าทรีทเมนต์และบล็อกมีอิทธิพลเป็นค่าคงที่ จะได้ว่า $\sum_{i=1}^a \tau_i = 0$ และ $\sum_{j=1}^b \beta_j = 0$ แต่ถ้าทรีทเมนต์และ บล็อกมีอิทธิพลเป็นค่าสุ่มจะได้ว่า τ_i เป็นอิสระกันและมีการแจกแจงปกติ โดยมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 0 และความแปรปรวนเท่ากับ σ_τ^2 หรือ $\tau_i \sim NID(0, \sigma_\tau^2)$ และ β_j เป็นอิสระกันและมีการแจกแจงปกติ โดยมี ค่าเฉลี่ยเท่ากับ 0 และความแปรปรวนเท่ากับ σ_β^2 หรือ $\beta_j \sim NID(0, \sigma_\beta^2)$

3. ε_{ij} เป็นตัวแปรสุ่มที่เป็นอิสระกันและมีการแจกแจงปกติ โดยมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 0 และความ แปรปรวนเท่ากับ σ^2 หรือ $\varepsilon_{ij} \sim NID(0, \sigma^2)$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 2.1 แสดงค่าสังเกตของตัวอย่างสุ่มสำหรับการวิเคราะห์ความแปรปรวนของการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์(สายชล,2558)

ทรีทเมนต์	บล็อก						ผลรวม
	1	2	...	j	...	b	
1	y_{11}	y_{12}	...	y_{1j}	...	y_{1b}	$y_{1.}$
2	y_{21}	y_{22}	...	y_{2j}	...	y_{2b}	$y_{2.}$
.
.
.
i	y_{i1}	y_{i2}	...	y_{ij}	...	y_{ib}	$y_{i.}$
.
.
.
a	y_{a1}	y_{a2}	...	y_{aj}	...	y_{ab}	$y_{a.}$
ผลรวม	$y_{.1}$	$y_{.2}$...	$y_{.j}$...	$y_{.b}$	$y_{..}$

โดยที่ y_{ij} คือ ค่าสังเกตในบล็อกที่ j ที่ได้รับทรีทเมนต์ที่ i

$y_{i.} = \sum_{j=1}^b y_{ij}$ คือ ผลรวมของค่าสังเกตทั้งหมดที่ได้รับทรีทเมนต์ที่ i

$\bar{y}_{i.} = \frac{y_{i.}}{b}$ คือ ค่าเฉลี่ยของค่าสังเกตทั้งหมดที่ได้รับทรีทเมนต์ที่ i

$y_{.j} = \sum_{i=1}^a y_{ij}$ คือ ผลรวมของค่าสังเกตทั้งหมดในบล็อกที่ j

$\bar{y}_{.j} = \frac{y_{.j}}{a}$ คือ ค่าเฉลี่ยของค่าสังเกตทั้งหมดในบล็อกที่ j

$y_{..} = \sum_{i=1}^a \sum_{j=1}^b y_{ij}$ คือ ผลรวมของค่าสังเกตทั้งหมด

$\bar{y}_{..} = \frac{y_{..}}{ab}$ คือ ค่าเฉลี่ยของค่าสังเกตทั้งหมด

$N = ab$ คือ ผลรวมของจำนวนค่าสังเกตทั้งหมด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

การวิเคราะห์ความแปรปรวนสำหรับตัวแบบนี้เป็นการวิเคราะห์ความแปรปรวนแบบ 2 ทาง (Two-way analysis of variance) เนื่องจากเราสามารถแยกอิทธิพลของบล็อกออกมาเป็นแหล่งความแปรปรวนอีกแหล่งหนึ่งนอกจากแหล่งความแปรปรวนอันเนื่องมาจากอิทธิพลของทรีทเมนต์ แต่ยังคงเป็นการวิเคราะห์ความแปรปรวนที่มีปัจจัยเดียว (Single factor analysis of variance) แต่สาเหตุที่ต้องจัดเป็นบล็อกเพราะหน่วยทดลองมีความแตกต่างกัน ส่วนการหาค่าของผลบวกกำลังสองสำหรับความแปรปรวนแต่ละแหล่งก็สามารถทำได้เช่นเดียวกันในกรณีของการวิเคราะห์ความแปรปรวนแบบทางเดียว

นั่นคือ ผลบวกกำลังสองของยอดรวมเป็นผลรวมของผลบวกกำลังสองระหว่างทรีทเมนต์ ผลบวกกำลังสองระหว่างบล็อก และผลบวกกำลังสองของความคลาดเคลื่อน ถ้าใช้สัญลักษณ์ SST แทนผลบวกกำลังสองของยอดรวม $SSTr$ แทนผลบวกกำลังสองระหว่างทรีทเมนต์ SSB แทนผลบวกกำลังสองระหว่างบล็อก และ SSE แทนผลบวกกำลังสองของความคลาดเคลื่อน เราอาจเขียนสมการเบื้องต้นของการวิเคราะห์ความแปรปรวนแบบ 2 ทาง ในกรณีของการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ได้ดังนี้

$$SST = SSTr + SSB + SSE$$

โดยที่ SST คือ ผลบวกกำลังสองของยอดรวม (Total sum of squares)
 $SSTr$ คือ ผลบวกกำลังสองของทรีทเมนต์ หรือผลบวกกำลังสองระหว่างทรีทเมนต์ (Between treatment sum of squares)
 SSB คือ ผลบวกกำลังสองของบล็อก หรือผลบวกกำลังสองระหว่างบล็อก (Between block sum of squares)
 SSE คือ ผลบวกกำลังสองของความคลาดเคลื่อน หรือผลบวกกำลังสองภายในทรีทเมนต์ (Error sum of squares or Within treatment sum of squares)

จำนวนองศาเสรีของยอดรวมของทรีทเมนต์ ของบล็อกและของความคลาดเคลื่อนคือ

$$df \text{ ของยอดรวม} = df \text{ ของทรีทเมนต์} + df \text{ ของบล็อก} + df \text{ ของความคลาดเคลื่อน}$$

$$ab - 1 = (a - 1) + (b - 1) + (a - 1)(b - 1)$$

(สายชล, 2558)

ในทางปฏิบัติการคำนวณค่าของผลบวกกำลังสองเหล่านี้สามารถคำนวณได้จากยอดรวมของ
ทริทเมนต์และยอดรวมของบล็อก ดังนี้

$$SST = \sum_{i=1}^a \sum_{j=1}^b y_{ij}^2 - \frac{y_{..}^2}{ab}$$

$$SSTr = \sum_{i=1}^a \frac{y_{i.}^2}{b} - \frac{y_{..}^2}{ab}$$

$$SSB = \sum_{j=1}^b \frac{y_{.j}^2}{a} - \frac{y_{..}^2}{ab}$$

$$SSE = SST - SSTr - SSB$$

เมื่อ $y_{..} = \sum_{i=1}^a \sum_{j=1}^b y_{ij}$, $y_{i.} = \sum_{j=1}^b y_{ij}$ และ $y_{.j} = \sum_{i=1}^a y_{ij}$

เราอาจสรุปผลการวิเคราะห์ความแปรปรวนสำหรับการวางแผนสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ได้ดังตาราง
ตารางที่ 2.2 การวิเคราะห์ความแปรปรวนสำหรับการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์

แหล่งความแปรปรวน (Source of Variation)	องศาเสรี (Degree of Freedom)	ผลบวกกำลังสอง (Sum of Squares)	ค่ากำลังสองเฉลี่ย (Mean Squares)	F
ระหว่างทริทเมนต์ (Between Treatment)	$a - 1$	$SSTr = \sum_{i=1}^a \frac{y_{i.}^2}{b} - \frac{y_{..}^2}{ab}$	$MSTr = \frac{SSTr}{a - 1}$	$\frac{MSTr}{MSE}$
ระหว่างบล็อก (Between Block)	$b - 1$	$SSB = \sum_{j=1}^b \frac{y_{.j}^2}{a} - \frac{y_{..}^2}{ab}$	$MSB = \frac{SSB}{b - 1}$	
ภายในทริทเมนต์ หรือความคลาดเคลื่อน (Within Treatment or Error)	$(a - 1)(b - 1)$	$SSE = SST - SSTr - SSB$	$MSE = \frac{SSE}{(a - 1)(b - 1)}$	
ยอดรวม (Total)	$ab - 1$	$SST = \sum_{i=1}^a \sum_{j=1}^b y_{ij}^2 - \frac{y_{..}^2}{ab}$		

สำหรับการทดสอบสมมติฐานในการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์นี้ เราสนใจทดสอบ
สมมติฐานที่ว่าไม่มีอิทธิพลของทริทเมนต์ นั่นคือ

$$H_0 : \mu_1 = \mu_2 = \dots = \mu_a$$

$$H_1 : \mu_i \neq \mu_{i'} \text{ อย่างน้อย 1 ค่าของ } i \neq i'$$

หรือ $H_0 : \tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_a = 0$ หรือ $H_0 : \tau_i = 0$

$$H_1 : \tau_i \neq 0 \quad \text{สำหรับบางค่าของ } i = 1, 2, \dots, a$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

นอกจากนี้เรายังอาจทดสอบสมมติฐานที่ว่าไม่มีอิทธิพลของบล็อกได้อีกด้วย นั่นคือ

$$H_0 : \mu_1 = \mu_2 = \dots = \mu_b$$

$$H_1 : \mu_j \neq \mu_{j'} \text{ อย่างน้อย 1 ค่า } j \neq j'$$

หรือ $H_0 : \beta_1 = \beta_2 = \dots = \beta_a = 0$ หรือ $H_0 : \beta_j = 0$

$$H_1 : \beta_j \neq 0 \text{ สำหรับบางค่าของ } j=1,2,\dots,b$$

จุดหมายที่แท้จริงของการทดลองคือ เราต้องการที่จะทดสอบสมมติฐานเกี่ยวกับอิทธิพลของทรีทเมนต์มากกว่า ถ้าจะทดสอบอิทธิพลของบล็อกก็สามารถทดสอบได้ แต่ปกติผู้ทดลองมักไม่สนใจทดสอบ เพราะทราบล่วงหน้าก่อนทำการทดลองแล้วว่าบล็อกมีความแตกต่างกัน ข้อควรสังเกตคือ ถ้าค่าสถิติเอฟที่ใช้ทดสอบบล็อกมีนัยสำคัญ แสดงว่าการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์จะช่วยเพิ่มประสิทธิภาพเหนือการวางแผนแบบสุ่มสมบูรณ์

ในการทดสอบสมมติฐาน $H_0 : \tau_i = 0$ สำหรับทุกค่าของ i นั้น ตัวสถิติทดสอบสำหรับทดสอบคือสถิติเอฟ ซึ่งเป็นอัตราส่วนระหว่างค่ากำลังสองเฉลี่ยระหว่างทรีทเมนต์และค่ากำลังสองเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อน นั่นคือ

$$F = \frac{MST_r}{MSE}$$

โดยที่จำนวนองศาเสรีของ F เท่ากับ $a-1$ และ $(a-1)(b-1)$ และอาณาเขตวิกฤตของ F คือพื้นที่ปลายด้านขวาของการแจกแจงแบบเอฟ โดยมีจำนวนองศาเสรี $a-1$ และ $(a-1)(b-1)$ และจะปฏิเสธสมมติฐาน H_0 ถ้า $F > F_{\alpha; a-1, (a-1)(b-1)}$ โดยเปิดตารางที่ 1 จากภาคผนวก ข (สายขล, 2558)

2.4 การเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์ (Comparison of Treatment Means)

2.4.1 การเปรียบเทียบพหุคูณ(Multiple Comparison)

ในการวิเคราะห์ความแปรปรวน เมื่อเราปฏิเสธสมมติฐาน H_0 และไปเชื่อตาม H_1 นั้น หมายถึงเราเชื่อว่าอย่างน้อยจะต้องมีอยู่ 2 ทรีทเมนต์ให้ผลออกมาต่างกัน แต่เรายังไม่ทราบว่าทรีทเมนต์ใดบ้างที่ให้ผลไม่แตกต่างกัน และทรีทเมนต์ใดบ้างที่ให้ผลแตกต่างกัน จึงจำเป็นต้องทำการวิเคราะห์ต่อไปโดยใช้การเปรียบเทียบพหุคูณ(สมจิต, 2532)

นิยาม 2.2 การเปรียบเทียบพหุคูณ หมายถึง การเปรียบเทียบระหว่างค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์ต่างๆ เพื่อหาว่ามีทรีทเมนต์ใดบ้างที่ยังผลให้ H_0 ถูกปฏิเสธไป

โดยปกติการเปรียบเทียบพหุคูณจะถูกใช้ในกระบวนการวิเคราะห์ความแปรปรวนหลังจากที่การวิเคราะห์ขั้นต้นส่งผลว่า H_0 ต้องถูกปฏิเสธไป วิธีการที่ใช้ในการเปรียบเทียบพหุคูณมีหลายวิธี เช่น Least Significant Difference (LSD) T-method ของ Tukey S-method ของ Scheffe และ multiple-range test ของ Duncan เป็นต้น แต่วิธีที่นิยมใช้กันมากได้แก่ LSD T-method และ S-method (สมจิต,2532)

การเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์ อาจแบ่งออกเป็น 3 กรณี คือ

1. การเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์เป็นคู่ๆ
2. การเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์ต่างๆ กับทรีทเมนต์ควบคุม
3. การเปรียบเทียบแบบออร์โธโกนอล

ในที่นี้ ผู้วิจัยจะทำการศึกษาเพียงกรณีเดียว คือ การเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์เป็นคู่ๆ

การเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์เป็นคู่ๆ โดยจะกระทำเมื่อค่าตัวสถิติทดสอบในตารางวิเคราะห์ความแปรปรวนมีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ แต่ถ้าค่าตัวสถิติทดสอบในตารางวิเคราะห์ความแปรปรวนไม่มีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ก็ไม่ต้องทำการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์เป็นคู่ๆ เนื่องจากการทดสอบแบบนี้กระทำภายหลังจากทราบค่าในตารางวิเคราะห์ความแปรปรวนว่ามีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติแล้วจึงเรียกการทดสอบนี้อีกอย่างหนึ่งว่าการทดสอบภายหลัง (Post hoc comparison หรือ Posterior test) ประกอบด้วยตัวสถิติทดสอบ 6 การทดสอบ คือ การทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด (Fisher's Least Significant Difference Test : LSD) การทดสอบของบอนเฟร์โรนี (Bonferroni's Test) การทดสอบของทูกีย์ (Tukey's Test) การทดสอบแบบพิสัยพหุคูณของดันแคน (Duncan's New Multiple Range Test) การทดสอบของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูล (Student-Newman-Keul's Test or SNK Test) และการทดสอบของเชฟเฟ (Scheffe's Test) (สายชล,2558)

แต่ในงานวิจัยผู้วิจัยจะทำการทดสอบตัวสถิติทดสอบของการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์เป็นคู่ๆ แบบใช้พารามิเตอร์มาเพียง 3 การทดสอบ และแบบไม่ใช้พารามิเตอร์ 3 การทดสอบ ได้แก่

1. การทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด (Fisher's Least Significant Difference Test : LSD) (สายชล, 2558)

ตัวสถิติทดสอบ LSD ใช้ทดสอบความแตกต่างระหว่างค่าเฉลี่ยของประชากรคู่ใดคู่หนึ่ง ถ้ามีค่าเฉลี่ยหลายคู่ มักใช้เปรียบเทียบระหว่างค่าเฉลี่ยของประชากรที่อยู่ติดกันทีละคู่ เมื่อค่าเฉลี่ยของประชากรทั้งหมดถูกจัดเรียงลำดับจากน้อยไปมาก

ตัวสถิติทดสอบ คือ

$$LSD_{\alpha} = t_{\frac{\alpha}{2}, v} \sqrt{MSE \left(\frac{1}{n_i} + \frac{1}{n_j} \right)} \quad ; n_i \neq n_j$$

$$= t_{\frac{\alpha}{2}, v} \sqrt{\frac{2MSE}{n}} \quad ; n_i = n_j$$

เมื่อ $t_{\frac{\alpha}{2}, v}$ คือ ค่าที่เปิดจากตาราง โดยเปิดตารางที่ 2 จากภาคผนวก ข ที่ระดับนัยสำคัญ $\frac{\alpha}{2}$ และ v โดยใช้จำนวนองศาเสรีของความคลาดเคลื่อน v การทดสอบนี้เป็นการทดสอบแบบสองหาง

MSE คือ ค่ากำลังสองเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนในตารางวิเคราะห์ความแปรปรวน
 n_i, n_j คือ จำนวนซ้ำของทรีทเมนต์ที่ i และ j ที่ต้องการเปรียบเทียบ ตามลำดับ
 ในการใช้ตัวสถิติทดสอบ LSD จะต้องใช้อย่างระมัดระวัง เนื่องจากการทดสอบความแตกต่างระหว่างทรีทเมนต์จะเป็นจริงก็ต่อเมื่อจำนวนจำนวนทรีทเมนต์ในการทดลองมีเพียง 2 ทรีทเมนต์เท่านั้น แต่ถ้าจำนวนทรีทเมนต์ในการทดลองเพิ่มมากขึ้น และทุกๆ คู่ของทรีทเมนต์จะต้องได้รับการทดสอบความแตกต่างระหว่างทรีทเมนต์ด้วยแล้ว ความถูกต้องของการทดสอบจะลดน้อยลง

หลักเกณฑ์ในการใช้ LSD

1. ใช้ LSD เมื่อค่า F ในตารางวิเคราะห์ความแปรปรวนมีความแตกต่างระหว่างทรีทเมนต์อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ คือค่า F ที่คำนวณได้มีค่ามากกว่าค่า F ในตารางสถิติ
2. ไม่ควรใช้ LSD สำหรับเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์ทั้งหมดทุกคู่ ถ้าจำนวนทรีทเมนต์ที่ใช้ในการทดลองนั้นมากกว่า 5 ทรีทเมนต์ (หรือมีค่าเฉลี่ยมากกว่า 10 คู่)
3. ใช้ LSD สำหรับการทดลองที่มีการวางแผนไว้ล่วงหน้า (Planned comparisons) ว่าต้องการเปรียบเทียบความแตกต่างระหว่างทรีทเมนต์ไหน โดยเฉพาะมีทรีทเมนต์ควบคุม (Control treatment) รวมอยู่ด้วย เรามักเปรียบเทียบทรีทเมนต์ต่างๆ กับทรีทเมนต์ควบคุม โดยไม่ต้องคำนึงถึงจำนวนทรีทเมนต์ที่ใช้ในการทดลอง

ข้อจำกัดในการใช้ LSD

1. ไม่ควรใช้ LSD สำหรับเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์ทั้งหมดทุกคู่ ถ้าจำนวนทรีทเมนต์ในการทดลองนั้นมากกว่า 5 ทรีทเมนต์ (หรือมีค่าเฉลี่ยมากกว่า 10 คู่)
2. ใช้ LSD สำหรับการทดลองที่มีการวางแผนไว้ล่วงหน้า (Planned comparisons) ว่าต้องการเปรียบเทียบความแตกต่างระหว่างทรีทเมนต์ไหน โดยเฉพาะถ้ามีทรีทเมนต์ควบคุม (Control treatment)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2. การทดสอบแบบพิสัยพหุคูณของดันแคน (Duncan's New Multiple Range Test)

การทดสอบแบบพิสัยพหุคูณของดันแคนเสนอโดยดันแคนในปี 1955 นิยมใช้ในกรณีที่มีทรีทเมนต์จำนวนมากและต้องการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์ทั้งหมดในคราวเดียวกัน หรือไม่จำเป็นต้องมีข้อจำกัดเกี่ยวกับจำนวนทรีทเมนต์ในการทดลองแต่ละอย่างใด ค่าวิกฤตที่ใช้ในการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยมีหลายคู่ ซึ่งจะใช้วิกฤตของพิสัยพหุคูณของดันแคน โดยมีขั้นตอนการทดสอบดังนี้(สายชล, 2558)

1. จัดเรียงค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์จากน้อยไปหามาก
2. ตัวสถิติทดสอบคือ

$$\begin{aligned} LSR_\alpha &= \frac{r_\alpha(p, v)}{\sqrt{2}} \sqrt{MSE \left(\frac{1}{n_i} + \frac{1}{n_j} \right)} \\ &= r_{\alpha(p, v)} \sqrt{\frac{MSE}{2} \left(\frac{1}{n_i} + \frac{1}{n_j} \right)} ; n_i \neq n_j \\ &= r_{\alpha(p, v)} \sqrt{\frac{MSE}{n}} ; n_i = n_j \end{aligned}$$

เมื่อ $r_{\alpha(p, v)}$ คือค่าวิกฤตของพิสัยพหุคูณของดันแคนที่ระดับนัยสำคัญ α โดยที่ p คือจำนวนค่าเฉลี่ยในช่วงการเปรียบเทียบซึ่งเท่ากับผลต่างของอันดับ + 1 และมีจำนวนองศาเสรีของความคลาดเคลื่อนเท่ากับ v โดยเปิดตารางที่ 3 จากภาคผนวก ข

MSE คือ ค่ากำลังสองเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนในตารางวิเคราะห์ความแปรปรวน
 n_i, n_j คือ ขนาดตัวอย่างของประชากรที่ i และ j ที่ต้องการเปรียบเทียบ ตามลำดับ

3. เปรียบเทียบผลต่างของค่าเฉลี่ยสูงสุดและค่าเฉลี่ยต่ำสุดกับค่า LSR ถ้าผลต่างนั้นมีค่ามากกว่า LSR แสดงว่าค่าเฉลี่ยในช่วงนั้นมีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ
4. ถ้าผลต่างนั้นยังมีค่ามากกว่า LSR ให้ทำต่อไปเรื่อยๆ คือเปรียบเทียบผลต่างของค่าเฉลี่ยสูงสุดและค่าเฉลี่ยถัดขึ้นมาจากการเปรียบเทียบครั้งก่อน จะหยุดการเปรียบเทียบก็ต่อเมื่อผลต่างนั้นมีค่าน้อยกว่า LSR และสรุปว่าค่าเฉลี่ยทั้งหมดที่อยู่ในช่วงนั้นไม่มีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ
5. เมื่อเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยสูงสุดและค่าเฉลี่ยอื่นๆ หมดแล้ว ก็ให้เปรียบเทียบค่าเฉลี่ยรองสูงสุดกับค่าเฉลี่ยอื่นๆ ทำเช่นนี้ต่อไปเรื่อยๆ
6. จัดกลุ่มค่าเฉลี่ยตามความแตกต่างโดยใช้การขีดเส้นใต้ค่าเฉลี่ยที่ไม่มีความแตกต่างกัน

ข้อจำกัดในการใช้ Duncan

1. นิยมใช้ Duncan ในกรณีที่มีทรีทเมนต์จำนวนมากและต้องการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์ทั้งหมดในคราวเดียว

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2. ไม่ควรใช้ Duncan สำหรับเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์ทั้งหมดทุกคู่ ถ้าจำนวนทรีทเมนต์ในการทดลองนั้นน้อยกว่า 5ทรีทเมนต์(สายชล,2558)

3. การทดสอบของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูล (Student-Newman-Keul's Test or SNK Test)

การทดสอบความแตกต่างระหว่างค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์ของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูล เสนอโดยนิวแมนในปี ค.ศ. 1939 และคูลได้นำมาปรับปรุงในปี ค.ศ. 1952 การทดสอบของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูลนี้จะคล้ายกับการทดสอบแบบพหุคูณของดันแคนคือค่าวิกฤตที่ใช้ในการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยมีหลายคู่ แต่แตกต่างจากการทดสอบแบบพหุคูณของดันแคนคือในการหาค่าวิกฤตในการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยทุกคู่ที่เป็นไปได้ จะใช้ค่าวิกฤตของพหุคูณสตีวเดนต์ไคซ์ (Significant Studentized Range) ซึ่งเหมือนกับการทดสอบของทูกีย์(สายชล, 2558)

ตัวสถิติทดสอบคือ

$$K_\alpha = \frac{q_\alpha(p, v)}{\sqrt{2}} \sqrt{MSE \left(\frac{1}{n_i} + \frac{1}{n_j} \right)} \quad ; n_i \neq n_j$$

$$K_\alpha = q_\alpha(p, v) \sqrt{\frac{MSE}{n}} \quad ; n_i = n_j$$

เมื่อ $q_\alpha(p, v)$ คือค่าวิกฤตของพหุคูณสตีวเดนต์ที่ระดับนัยสำคัญ α โดยที่ p คือจำนวนค่าเฉลี่ยในช่วงการเปรียบเทียบ ซึ่งเท่ากับผลต่างของอันดับ+1 และมีจำนวนองศาความเป็นอิสระของความคลาดเคลื่อนเท่ากับ v โดยเปิดตารางที่ 4 จากภาคผนวก ข

MSE คือ ค่ากำลังสองเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนในตารางวิเคราะห์ความแปรปรวน

n_i, n_j คือ ขนาดตัวอย่างของประชากรที่ i และ j ที่ต้องการเปรียบเทียบ ตามลำดับ

2.5 สถิติไม่ใช้พารามิเตอร์สำหรับการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์

2.5.1 ความแตกต่างระหว่างตัวสถิติทดสอบแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์

ตัวสถิติทดสอบจำแนกออกได้เป็นประเภทใหญ่ๆ 2 ประเภท คือ ตัวสถิติทดสอบแบบใช้พารามิเตอร์ (Parametric Test) กับตัวสถิติทดสอบแบบไม่ใช้พารามิเตอร์ (Nonparametric Test) (อุทุมพร, ม.ป.ป)

2.5.2 การทดสอบสำหรับทางเลือกทั่วไปในการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ (ฟริตแมน, เคนดัล-บาบิงตัน สมิท) Test for General Alternatives in a Randomized Complete Block Design (Friedman, Kendall-Babington Smith)

สมมติฐาน

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ในการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ที่มี $r_{ij} = 1$ ทุกค่า $i = 1, \dots, b, j = 1, \dots, t$ ต้องการทดสอบสมมติฐาน

$$H_0 : \tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_t$$

เทียบกับ $H_1 : \tau_j \neq \tau_{j'} \text{ บางค่า } j \neq j' = 1, \dots, t$

วิธีการทดสอบ

ใช้การทดสอบของ Friedmann บางครั้งเรียกว่า Friedmann Two-way Analysis of variance by Ranks

1. จากค่าสังเกต X_{i1}, \dots, X_{it} ในบล็อกที่ i เรียงลำดับค่าสังเกตจากน้อยไปหามากในแต่ละบล็อก $i, i = 1, \dots, b$ แล้วหาค่าลำดับที่ในแต่ละบล็อก

2. ให้ R_j เป็นผลบวกของค่าลำดับที่ของทรีเมนต์ที่ j

\bar{R}_j เป็นค่าเฉลี่ยของค่าลำดับที่ของทรีเมนต์ที่ j

3. ตัวสถิติทดสอบของฟริดแมน (Friedman static)

$$\begin{aligned} \text{คือ } S &= \frac{12b}{t(t+1)} \sum_{j=1}^t \left(\bar{R}_j - \frac{t+1}{2} \right)^2 \\ &= \left[\frac{12b}{t(t+1)} \sum_{j=1}^t R_j^2 \right] - 3b(t+1) \end{aligned}$$

โดยที่ $\frac{t+1}{2} = \sum_{j=1}^t \frac{R_j}{bt}$ คือ ค่าเฉลี่ยของค่าลำดับที่

4. จะปฏิเสธสมมติฐาน $H_0 : \tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_t$ ถ้า $S \geq S_\alpha$

โดยที่ S_α ค่าคงที่ที่นำมาให้ความน่าจะเป็นที่จะเกิดความผิดพลาดชนิดที่ 1 มีค่าเท่ากับ α ค่าของ S_α โดยเปิดตารางที่ 5 จากภาคผนวก ข

5. การประมาณค่าเมื่อตัวอย่างขนาดใหญ่

จะปฏิเสธ H_0 ถ้า $S \geq \chi_{\alpha; t-1}^2$

โดยที่ $S \geq \chi_{\alpha; t-1}^2$ เป็นเปอเซ็นไทล์บนที่ α ของการแจกแจงแบบไคสแควร์ที่มีจำนวนองศาความเป็นอิสระเท่ากับ $t-1$ ค่าของ $\chi_{\alpha; t-1}^2$ โดยเปิดตารางที่ 6 จากภาคผนวก ข

6. ค่าสังเกตซ้ำ

ถ้ามีค่าสังเกตซ้ำกันภายในบล็อก ให้ใช้ค่าเฉลี่ยของค่าลำดับที่ภายในกลุ่มในการหา S^*

$$S^* = \frac{12 \sum_{j=1}^t \left(R_j - \frac{b(t+1)}{2} \right)^2}{bt(t+1) - \frac{1}{t-1} \sum_{i=1}^b \left(\sum_{j=1}^{g_i} t_{i,j}^3 - t \right)}$$

$$= \frac{12 \sum_{j=1}^t R_j^2 - 3b^2 t(t+1)^2}{bt(t+1) - \frac{1}{t-1} \sum_{i=1}^b \left(\sum_{j=1}^{g_i} t_{i,j}^3 - t \right)}$$

เมื่อ g_i คือ จำนวนกลุ่มที่มีค่าสังเกตซ้ำในบล็อกที่ i

$t_{i,j}$ คือ ขนาดของกลุ่มที่มีค่าสังเกตซ้ำกลุ่มที่ j ในบล็อกที่ i

2.5.3 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison) สำหรับสถิติแบบไม่ใช้พารามิเตอร์

ใช้เมื่อปฏิเสธ $H_0 : \tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_t$ ไม่ว่าสมมติฐานทางเลือกจะอยู่ในรูปทั่วไปหรือในรูปลำดับ เพื่อให้ทราบว่าอิทธิพลของทรีทเมนต์คู่ใดบ้างที่แตกต่างกัน สำหรับงานวิจัยนี้จะทำการทดสอบตัวสถิติทดสอบ 3 การทดสอบคือ

1. การเปรียบเทียบพหุคูณ 2 ด้าน ด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟริดแมน (วิลคอกซัน, นีแมนยีและแมคโดนัล-ทอมสัน) Two-Sided All-Treatments Multiple Comparison Based on Friedman Rank Sums-General Configuration (Wilcoxon, Nemenyi and McDonald-Thompson)

1.1 ในหัวข้อนี้เป็นวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณโดยใช้ค่าลำดับที่ภายในบล็อกของฟริดแมนเพื่อทำการตัดสินใจเกี่ยวกับความแตกต่างระหว่างคู่ของอิทธิพลทรีทเมนต์ (τ_i, τ_j) สำหรับ $i < j$ ดังนั้นมีการเปรียบเทียบพหุคูณเป็นการใช้ข้อมูล 2 ทาง (ที่มีค่าสังเกต 1 ค่าต่อเซลล์)

ภายหลังจากปฏิเสธ $H_0 : \tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_t$ ด้วยวิธีของฟริดแมนซึ่งจะมีสมมติฐานที่ต้องพิจารณาทั้งสิ้น $\binom{t}{2} = \frac{t(t-1)}{2}$ คู่

1.2 วิธีการทดสอบ (Procedure)

ให้ R_1, \dots, R_t เป็นผลบวกของค่าลำดับที่ภายในบล็อกของทรีทเมนต์ที่ $1, \dots, t$ ตามลำดับหาผลต่างสัมบูรณ์ $|R_u - R_v|$

จะปฏิเสธ $H_0 : \tau_u = \tau_v$ และถือว่า $\tau_u \neq \tau_v$

$$|R_u - R_v| \geq r_\alpha$$

โดยที่ r_α เป็นค่าคงที่ที่ทำให้อัตราความคลาดเคลื่อนเท่ากับ α ค่าประมาณของ r_α โดยเปิดตารางที่ 7 จากภาคผนวก ข

สำหรับทุกองค์ประกอบของ $t=3(1)15$ และ $b=3(1)15$

1.3 การประมาณค่าเมื่อตัวอย่างมีขนาดใหญ่ (Large-Sample Approximation)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

เมื่อ H_0 เป็นจริง เวกเตอร์ (R_1, \dots, R_t) มีการแจกแจงโดยประมาณแบบปรกติ
ที่มีเวกเตอร์โดยเฉลี่ยและเมตริกซ์ความแปรปรวนร่วมที่เหมาะสมเมื่อ $b \rightarrow \infty$

เมื่อจำนวนบล็อก b มีค่ามาก ค่าวิกฤต r_α สามารถประมาณได้โดย

$$q_\alpha \sqrt{\frac{bt(t+1)}{12}}$$

โดยที่ q_α เป็นเปอร์เซ็นต์ไทล์บนที่ α สำหรับการแจกแจงของพิสัยของตัวแปรแบบ
 $N(0,1)$ ที่เป็นอิสระกัน t ตัว

$$\text{จะถือว่า } \tau_u \neq \tau_v \text{ ถ้า } |R_u - R_v| \geq q_\alpha \sqrt{\frac{bt(t+1)}{12}}$$

ค่าของ q_α สำหรับ $\alpha = 0.0001, 0.0005, 0.001, 0.005, 0.01, 0.025, 0.05, 0.10, 0.20$

และ $t = 2(1)20(2)40(10)100$

2. การเปรียบเทียบพหุคูณ 2 ด้านด้วยค่าลำดับที่ของนิแมนยี

Two -Sided-All-Treatments Multiple Comparisons with Signed Ranks
(Nemenyi)(สายชล,2558)

2.1 สมมติฐาน

พิจารณาการเปรียบเทียบพหุคูณในการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ คือ
ทดสอบสมมติฐาน

$$H_0 : \tau_u = \tau_v \text{ เทียบกับ } H_1 : \tau_u \neq \tau_v, 1 \leq u < v \leq t \text{ ใช้ภายหลังจากที่ปฏิเสธ}$$

$H_0 : \tau_u = \tau_v = \dots = \tau_t$ ด้วยวิธีของ Doksum-Lehmann

2.2 วิธีการทดสอบ (Procedure)

(Nemenyi 1963)เสนอให้ใช้ค่าลำดับที่ที่มีเครื่องหมายดังนี้

$$i) \quad \text{ให้ } T_{uv} = \sum_{i=1}^b R_{uv}^i \phi_{uv}^i, 1 \leq u < v \leq t$$

$$ii) \quad \text{หา } T_{uv}' = \max \left(T_{uv}, \frac{b(b+1)}{2} - T_{uv} \right)$$

$$iii) \quad \text{หา } t_\alpha' = \frac{b(b+1)}{4} + \sqrt{\frac{b(b+1)(2b+1)}{48}} q_\alpha$$

โดยที่ q_α เป็นเปอร์เซ็นต์ไทล์บนที่ α สำหรับการแจกแจงของพิสัยของตัวแปรแบบ $N(0,1)$

ที่เป็นอิสระกัน t ตัว ค่าของ q_α สำหรับ $\alpha = 0.0001, 0.0005, 0.001, 0.005, 0.01, 0.025, 0.05, 0.10, 0.20$ และ

$t = 2, 3, \dots, 20, 22, 24, \dots, 40, 50, \dots, 100$ โดยเปิดตารางที่ 8 จากภาคผนวก ข

$$iv) \quad \text{จะปฏิเสธ } H_0 : \tau_u = \tau_v \text{ และถือว่า } \tau_u \neq \tau_v$$

$$\text{ถ้า } T_{uv}' \geq t_\alpha'$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

v) ค่าสังเกตซ้ำ (Ties)

ถ้ามีค่าสังเกตซ้ำในค่าของ X_{iu}, X_{iv} หรือ $Y_{uv}^1, Y_{uv}^2, \dots, Y_{uv}^b$ ให้ใช้วิธีเดิม

3.การเปรียบเทียบพหุคูณ 2 ด้านของโคโนเวอร์ได้เสนอให้มีการทดสอบ post-hoc test สำหรับการเปรียบเทียบแบบคู่ถ้าการทดสอบพรีดแมนแสดงให้เห็นความแตกต่างระหว่างกลุ่มใช้สมการดังต่อไปนี้

$$|R_i - R_j| > t_{\frac{\alpha}{2}; (n-1)(k-1)} \sqrt{\frac{2k \left(1 - \frac{\chi_R^2}{n(k-1)}\right) \left(\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^k R_{ij}^2 - \frac{nk(k+1)^2}{4}\right)}{(k-1)(n-1)}}$$

2.6 เกณฑ์การเปรียบเทียบประสิทธิภาพการทดสอบ

ประสิทธิภาพการทดสอบ หมายถึง เกณฑ์ในการตัดสินว่าวิธีทดสอบใดดีที่สุดที่สุดในบรรดาวิธีทดสอบที่สนใจศึกษา โดยวัดประสิทธิภาพจากความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้และมีกำลังการทดสอบสูงที่สุด (กษิภัท และคณะ, 2557)

ความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 (Probability of Type I Error) หมายถึง ความน่าจะเป็นของความผิดพลาดที่เกิดจากการปฏิเสธสมมติฐานว่าง เมื่อสมมติฐานว่างนั้นเป็นจริง เขียนแทนด้วย α

ความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 หมายถึง ความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ที่กำหนด

กำลังการทดสอบ (Power of a Test) หมายถึง ความน่าจะเป็นของการปฏิเสธสมมติฐานว่างเมื่อสมมติฐานว่างไม่เป็นจริง เขียนแทนด้วย $1 - \beta$

ตารางที่ 2.3 ความสัมพันธ์ระหว่างความเป็นจริงของสมมติฐานว่างและการสรุปผล

สมมติฐานว่าง (H_0)	การสรุปผล	
	ยอมรับ H_0	ปฏิเสธ H_0

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

เป็นจริง	ตัดสินใจถูกต้อง ความน่าจะเป็น = $1-\alpha$	ตัดสินใจผิดพลาด ความน่าจะเป็น = α
ไม่เป็นจริง	ตัดสินใจผิดพลาด ความน่าจะเป็น = β	ตัดสินใจถูกต้อง ความน่าจะเป็น = $1-\beta$

สำหรับการจำลองข้อมูลเพื่อเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวสถิติทดสอบจะพิจารณาจากค่าประมาณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 (α) หรือค่าประมาณกำลังการทดสอบ ($1 - \beta$) หรือพิจารณาทั้งสองอย่างควบคู่กัน ซึ่งสำหรับการพิจารณาทั้งสองอย่างควบคู่กันนั้น อันดับแรกจะดูที่ค่าประมาณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ก่อนว่าอยู่ในเกณฑ์ที่กำหนดหรือไม่ (เรียกว่าการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1) หากอยู่ในเกณฑ์ที่กำหนด จากนั้นจึงเลือกตัวสถิติทดสอบที่ให้ค่าประมาณกำลังการทดสอบสูงที่สุดเป็นตัวสถิติทดสอบที่เหมาะสม

สำหรับเกณฑ์ในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ที่นิยมใช้ ได้แก่ เกณฑ์ของ Cochran (1954) และเกณฑ์ของ Bradley (1978) เกณฑ์การพิจารณาภายใต้การทดสอบสมมติฐานของค่า α ที่ประมาณการแจกแจงของตัวสถิติทดสอบด้วยการแจกแจงปกติ และเกณฑ์การพิจารณาภายใต้การทดสอบสมมติฐานของค่า α ซึ่งตัวสถิติทดสอบมีการแจกแจงทวินาม (มานะชัย, 2556)

โดยในการวิจัยครั้งนี้ผู้วิจัยเลือกใช้เกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เป็นเกณฑ์สำหรับการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1

2.6.1 เกณฑ์ของ Cochran (1954)

ถ้าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จากการทดลองอยู่ในช่วง (0.007,0.015) สำหรับการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

ถ้าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จากการทดลองอยู่ในช่วง (0.04,0.06) สำหรับการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

ถ้าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จากการทดลองอยู่ในช่วง (0.08,0.12) สำหรับการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.1

จะสรุปได้ว่าสถิติทดสอบนั้นสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

2.6.2 เกณฑ์ของ Bradley (1978)

ถ้าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จากการทดลองอยู่ในช่วง (0.005,0.015) สำหรับการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

ถ้าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จากการทดลองอยู่ในช่วง (0.025,0.075) สำหรับการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

ถ้าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จากการทดลองอยู่ในช่วง (0.05,0.15) สำหรับการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.1

จะสรุปได้ว่าสถิติทดสอบนั้นสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

2.7 กำลังการทดสอบ

ในการทดสอบสมมติฐานสามารถจะพิจารณากำลังของการทดสอบ ซึ่งได้แก่ความน่าจะเป็นที่จะปฏิเสธสมมติฐานว่าง เมื่อสมมติฐานว่างนั้นไม่จริง ดังนั้นในการพิจารณากำลังการทดสอบจะต้องพิจารณาความน่าจะเป็นที่ยอมรับสมมติฐานว่างเมื่อสมมติฐานว่างนั้นไม่จริงเสียก่อนซึ่งก็คือความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 2 หรือ β นั้นเอง และเมื่อได้ค่าของ β แล้วก็สามารถที่จะหาค่าของกำลังการทดสอบได้เท่ากับ $1-\beta$

ในการคำนวณค่าของ β จะต้องทำการกำหนดค่าของพารามิเตอร์ให้สอดคล้องกับสมมติฐานแย้ง ดังนั้นอาจถือได้ว่า β เป็นฟังก์ชันของสมมติฐานแย้ง ซึ่งจะมีค่าต่างๆกัน ขึ้นอยู่กับค่าของพารามิเตอร์ที่กำหนดไว้ในสมมติฐานแย้งนั่นเอง

ความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 หรือ α นี้เรียกว่าระดับนัยสำคัญ (Level of significance)

ขั้นตอนในการทดสอบสมมติฐานโดยทั่วไป มีดังนี้

1. กำหนดสมมติฐานที่จะทดสอบ เรียกว่าสมมติฐานว่าง(Null hypothesis) H_0 และสมมติฐานแย้ง(Alternative hypothesis) H_1
2. กำหนดระดับนัยสำคัญ α ของการทดสอบ
3. เลือกตัวสถิติทดสอบที่เหมาะสม
4. พิจารณาการแจกแจงของตัวอย่างสุ่ม(Sampling distribution)ของตัวสถิติทดสอบที่เลือกได้ โดยถือว่า H_0 เป็นจริง
5. กำหนดอาณาเขตวิกฤตสำหรับตัวสถิติทดสอบซึ่งจะเป็นอาณาเขตที่มีการปฏิเสธ H_0 ที่เป็นจริงถ้ามีการทดสอบโดยคิดเป็นจำนวนร้อยละ 100α ของจำนวนครั้งที่ทำการทดสอบทั้งหมด
6. เลือกตัวอย่างสุ่มขนาด n และคำนวณค่าของตัวสถิติทดสอบจากค่าสังเกตทั้ง n ค่าแล้วพิจารณาตัดสินใจยอมรับหรือปฏิเสธ H_0

2.7.1 ประเภทของกำลังการทดสอบ

กำลังการทดสอบของสถิติทดสอบสำหรับการเปรียบเทียบพหุคูณ คือความน่าจะเป็นของการปฏิเสธสมมติฐานว่างเมื่อสมมติฐานว่างผิดพลาด โดยสถิติทดสอบที่นักวิจัยควรเลือกใช้ต้องเป็น

สถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ และให้กำลังการทดสอบ สูงที่สุด ในการสร้างหรือพิจารณาสถิติทดสอบที่เหมาะสมจะพิจารณาจากสถิติทดสอบที่ควบคุมให้ α มีค่ามากที่สุดที่ยอมให้เกิดขึ้นได้ และนั่นทำให้ β มีค่าน้อยที่สุด เพราะจะทำให้ $1-\beta$ มีค่ามากที่สุดนั่นเอง (มานะชัย, 2556)

โดยกำลังการทดสอบที่เกี่ยวข้องกับการเปรียบเทียบพหุคูณสำหรับการเปรียบเทียบ ค่าเฉลี่ยรายคู่ อาจแบ่งได้เป็น (Kirk, 2013,)

1. กำลังการทดสอบแบบคู่การเปรียบเทียบใด ๆ (Any-Pair Power)เสนอโดย Ramsey(1978) คือ ความน่าจะเป็นของการปฏิเสธสมมติฐานว่างอย่างน้อยหนึ่งสมมติฐานว่าง เมื่อสมมติฐานว่างทั้งหมดไม่เป็นจริง

$$\text{Any-Pair} = \frac{\text{จำนวนการทดสอบที่ให้ผลสรุปถูกต้องอย่างน้อยหนึ่งการเปรียบเทียบ}}{\text{จำนวนการทดสอบทั้งหมด}}$$

2. กำลังการทดสอบแบบการเปรียบเทียบรวม (All-Pair Power)เสนอโดย Ramsey(1978) คือ ความน่าจะเป็นของการปฏิเสธสมมติฐานว่างทุกสมมติฐานว่าง เมื่อสมมติฐานว่างทั้งหมดไม่เป็นจริง

$$\text{All-Pair} = \frac{\text{จำนวนการทดสอบที่ให้ผลสรุปถูกต้องทุกการเปรียบเทียบ}}{\text{จำนวนการทดสอบทั้งหมด}}$$

3. กำลังการทดสอบแบบต่อคู่การเปรียบเทียบ(Per-Pair Power)เสนอโดย Einot และ Gabriel (1975) คือ ความน่าจะเป็นของการปฏิเสธสมมติฐานว่างทุกสมมติฐานว่าง เมื่อมีสมมติฐานว่างหนึ่งสมมติฐานไม่เป็นจริง กำลังการทดสอบนี้เป็นส่วนหนึ่งในกำลังการทดสอบแบบพีส์เซต (P-subset Power)

Kirk (2013, p.165) กล่าวว่า กำลังการทดสอบแบบคู่การเปรียบเทียบใด ๆ (Any-Pair Power) จะมีค่าสูงกว่ากำลังการทดสอบแบบการเปรียบเทียบรวม (All-Pair Power)ส่วนกำลังการทดสอบแบบต่อคู่การเปรียบเทียบ (Per-Pair Power) จะมีค่าอยู่ระหว่างกำลังการทดสอบแบบคู่การเปรียบเทียบใด ๆ และกำลังการทดสอบแบบการเปรียบเทียบรวม

ในการวิจัยครั้งนี้ผู้วิจัยจะคำนวณกำลังการทดสอบ โดยใช้หลักการคำนวณแบบกำลังการทดสอบแบบการเปรียบเทียบรวมเท่านั้น

2.8 งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

ศรัญญาวรรลยางกูร (2531)ทำการเปรียบเทียบกำลังการทดสอบแบบพารามेटริกและนอนพารามेटริกในการเปรียบเทียบพหุคูณของแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ซึ่งวิธีที่ศึกษามีทั้งหมด 5 วิธี คือวิธีของทูกี้ วิธีของเซฟเฟย์ วิธีของนิวแมน-คูลส์ วิธีของฟรืดแมนและวิธีของด็อกซ์ม จากผลการวิจัยสามารถสรุปได้ว่าเมื่อประชากรมีลักษณะใกล้เคียงกับการแจกแจงปกติที่มีความโด่งไม่มาก วิธีที่ให้กำลังการทดสอบสูงที่สุดคือ วิธีของนิวแมน-คูลส์ รองลงมาเป็นวิธีของทูกี้ วิธีของเซฟเฟย์และวิธีของฟรืดแมน และที่ความโด่งมาก จำนวนบล็อกมาก วิธีของฟรืดแมนให้กำลังการทดสอบสูงกว่าวิธีของนิวแมน-คูลส์ แต่เมื่อประชากรมีลักษณะหางยาว วิธีของฟรืดแมนให้กำลังการทดสอบสูงที่สุด รองลงมาเป็นวิธีของด็อกซ์ม เมื่อจำนวนบล็อกมาก วิธีของนิวแมน-คูลส์ให้กำลังการทดสอบสูงที่สุด รองลงมาเป็นวิธีของทูกี้และวิธีของเซฟเฟย์

บุญนุช พินชู (2548)ได้ศึกษาเปรียบเทียบอัตราความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำลังการทดสอบของวิธีการทดสอบเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยรายคู่ 14 วิธี คือ LSD, Tukey's HSD, Bonferroni, Tukey's b, Sidak, Duncan, Scheffe's, Hochberg's GT2, R-E-G-WF, Gabriel, R-E-G-WQ, Waller-Duncan, SNK และ Dunnett ในแผนการทดลองแบบสุ่มสมบูรณ์ที่ $\alpha = 0.05$ ภายใต้เงื่อนไขที่ว่าประชากรทั้ง k กลุ่ม มีความแปรปรวนไม่แตกต่างกัน และมีการแจกแจงแบบปกติ ซึ่งพิจารณาเปรียบเทียบทั้งกรณีในกลุ่มตัวอย่างมีขนาดเท่ากันและไม่เท่ากัน โดยกำหนดให้ระดับทริตเมนต์ (k) ตั้งแต่ 3 กลุ่มถึง 8 กลุ่ม แบ่งกลุ่มการทดลองเป็นกลุ่มขนาดเล็ก ขนาดกลาง ขนาดใหญ่ ข้อมูลในการวิจัยได้จากการจำลองมอนติคาร์โล กระทำซ้ำ 10,000 ครั้งในแต่ละขนาดการทดลอง ผลการวิจัยสรุปได้ดังนี้ เมื่อกลุ่มตัวอย่างมีขนาดเท่ากันวิธีการทดสอบที่ควบคุมความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ในทุกกรณี มี 2 วิธี คือ วิธี LSD และ Duncan วิธีการทดสอบที่ควบคุมความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้เป็นบางกรณี มี 7 วิธี คือ วิธี Sidak, Dunnett, Tukey's b, Waller-Duncan, SNK, Gabriel และ R-E-G-WF และวิธีการทดสอบที่ไม่สามารถควบคุมความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ มี 5 วิธี คือ วิธี Bonferroni, Tukey's HSD, Hochberg's GT2, Scheffe's และ R-E-G-WQ เมื่อกลุ่มตัวอย่างมีขนาดไม่เท่ากัน วิธีการทดสอบที่ควบคุมความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ในทุกกรณี มี 3 วิธี คือ วิธี LSD, Waller-Duncan และ Duncan วิธีการทดสอบที่ควบคุมความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้เป็นบางกรณี มี 5 วิธี คือ วิธี Dunnett, Tukey's b, SNK, Gabriel และ R-E-G-WF และวิธีการทดสอบที่ไม่สามารถควบคุมความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้มี 6 วิธี คือ วิธี Bonferroni, Sidak, Tukey's HSD, Hochberg's GT2, Scheffe's และ R-E-G-WQ และทุกวิธีการทดสอบที่นำมาคำนวณหา กำลังการทดสอบจะมีกำลังการทดสอบเพิ่มขึ้นตามจำนวนและขนาดกลุ่มตัวอย่าง เมื่อพิจารณาที่กำลังการทดสอบ พบว่า วิธี LSD และ Waller-Duncan จะเป็น 2 วิธีที่มีค่าใกล้เคียงกันและมีกำลังการทดสอบสูงสุดในทุกกรณี เมื่อจำนวนกลุ่มตัวอย่าง 3 ถึง 4 กลุ่ม และวิธี Gabriel เป็นวิธีที่มีกำลังการทดสอบสูงสุดในทุกกรณีเมื่อมีจำนวนกลุ่มตัวอย่าง 5 ถึง 8 กลุ่ม

นิภาพร ขำสะอาด (2552)ได้ศึกษาเปรียบเทียบกำลังการทดสอบของสถิติทดสอบความแตกต่างของค่าเฉลี่ย 5 วิธี คือ วิธี Tukey-Kramer, SNK, Duncan, Scheffe's และ LSD จากกลุ่ม

ตัวอย่าง 4 ขนาด คือ ขนาด 30 คน 60 คน 90 คน และ 120 คน กลุ่มตัวอย่างที่ทำการศึกษาคือ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1, 2 และ 3 ของนักเรียนในสังกัดกรุงเทพมหานคร จำนวน 564 คน ที่ได้จากการสุ่มแบบหลายขั้นตอนเพื่อกำหนดเป็นประชากรเทียม เครื่องมือที่ใช้ในการศึกษาเป็นแบบทดสอบวัดความถนัดด้านภาษาประกอบด้วยด้านศัพท์สัมพันธ์ ด้านจัดประเภท ด้านความเข้าใจภาษา และด้านความเข้าใจภาพ มีค่าความเชื่อมั่น 0.86, 0.82, 0.85 และ 0.91 ตามลำดับ ผลการศึกษาพบว่าเมื่อกลุ่มตัวอย่างขนาดเท่ากันกำลังการทดสอบด้วยสถิติทดสอบความแตกต่างของค่าเฉลี่ยทั้ง 5 วิธี วิธี LSD มีค่ากำลังการทดสอบสูงสุด รองลงมาคือ วิธี Duncan, Scheffe's และ SNK และสถิติทดสอบที่ให้ค่ากำลังการทดสอบน้อยที่สุด คือ วิธี Tukey-Kramer และกำลังการทดสอบระหว่างกลุ่มตัวอย่าง 4 ขนาด พบว่าเมื่อขนาดกลุ่มตัวอย่างเพิ่มขึ้นส่งผลให้ค่ากำลังการทดสอบสูงขึ้น ซึ่งในการศึกษาครั้งนี้ขนาดกลุ่มตัวอย่างที่มีค่ากำลังการทดสอบมากที่สุด คือกลุ่มตัวอย่างขนาด 120 คนและ 90 คน รองลงมาคือกลุ่มตัวอย่างขนาด 60 คน และกลุ่มตัวอย่างที่มีค่ากำลังการทดสอบน้อยที่สุดคือกลุ่มตัวอย่างขนาด 30 คน

กฤตพล อธิรัตนันท์ และคณะ (2558) ทำการวิจัยเชิงจำลองโดยมีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาและเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด ตัวสถิติทดสอบของบอนเพอร์โรนี ตัวสถิติทดสอบของทูกีย์ ตัวสถิติทดสอบแบบพิสัยพหุคูณของดันแคน ตัวสถิติทดสอบของสตีเวนสัน-นิวแมน-คูล และตัวสถิติทดสอบของเซฟเฟ สำหรับทดสอบการเปรียบเทียบพหุคูณในกรณีความแปรปรวนเท่ากันสำหรับ 3 ประชากร จากผลการวิจัยพบว่าตัวสถิติทดสอบของบอนเพอร์โรนีตัวสถิติทดสอบของทูกีย์ตัวสถิติทดสอบของสตีเวนสัน-นิวแมน-คูล และตัวสถิติทดสอบของเซฟเฟสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ที่ศึกษา เมื่อพิจารณากำลังการทดสอบพบว่าตัวสถิติทดสอบของสตีเวนสัน-นิวแมน-คูลมีกำลังการทดสอบสูงที่สุดในทุกสถานการณ์ที่ศึกษา และพบว่ากำลังการทดสอบจะเพิ่มขึ้นเมื่อขนาดตัวอย่างเพิ่มขึ้นหรือความแปรปรวนลดลง

บุญชม ศรีสะอาด (2538) กล่าวว่า การทดสอบความแตกต่างระหว่างค่าเฉลี่ยหลังการวิเคราะห์ความแปรปรวนแต่ละวิธีอาจให้ผลเหมือนกันหรือให้ผลแตกต่างกัน โอกาสที่จะเกิดความคลาดเคลื่อนแบบ Type I error เรียงจากน้อยไปหามาก คือ วิธีของ Scheffe's วิธีของ Tukey's วิธีของ Newman-keuls และวิธีของ Duncan ในการวิเคราะห์ข้อมูลชุดเดียวกัน วิธีของ Scheffe's มีโอกาสที่จะพบนัยสำคัญของความแตกต่างน้อยกว่าวิธีอื่น และวิธีของ Duncan มีโอกาสที่จะพบนัยสำคัญมากกว่าวิธีอื่น บางครั้งเมื่อผู้วิจัยวิเคราะห์ความแปรปรวนพบค่า F มีนัยสำคัญจึงทำการทดสอบความแตกต่างระหว่างค่าเฉลี่ยแต่ละคู่ การใช้วิธีของ Scheffe's หรือวิธีของ Newman-keuls อาจไม่พบความแตกต่างในคู่ใด ๆ แต่เมื่อใช้วิธีของ Duncan อาจพบความแตกต่างในบางคู่ก็ได้

Jeffrey D. Kromrey และ Michela A. La Rocca (n.d.) ความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณ 9 แบบได้ถูกทำการศึกษาร่วมกันด้วย

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

วิธี Monte Carlo กำหนดให้ข้อมูลมีจำนวนกลุ่มเท่ากับ 3, 4 และ 5 กลุ่มตามลำดับเพื่อใช้ในการวิเคราะห์ความแปรปรวน จากนั้นทำการจำลองข้อมูลของประชากรให้มีความแปรปรวนเหมือนกันและความแปรปรวนต่างกัน และกำหนดให้ประชากรมีค่าเฉลี่ยแตกต่างกัน ตลอดจนกำหนดค่าสุญหายทั้งหมด ค่าสุญหายบางส่วน และค่าสุญหายแบบแผนพหุคูณทำการตรวจสอบข้อกำหนดของความแปรปรวนเท่ากันขนาดตัวอย่างที่เท่ากันที่ระดับนัยสำคัญน้อยกว่า 0.10 พบว่าตัวสถิติทดสอบ Dunnett และตัวสถิติทดสอบ modified Bonferroni มีความแรงดีกว่า ตัวสถิติทดสอบ tukey และตัวสถิติทดสอบ recent การเปรียบเทียบกำลังการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10 พบว่าตัวสถิติทดสอบ peritz, Ryan และ Fisher-Hayter มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

R. W. Day และ G. P. Quinn (2006) วรรณกรรมทางสถิติเกี่ยวกับการทดสอบเพื่อเปรียบเทียบทรีทเมนต์หลังจากวิเคราะห์ความแปรปรวนและใช้การทดสอบเหล่านี้ในทางด้านนิเวศวิทยา ซึ่งทำการจำลองด้วยวิธี Monte Carlo แล้วกำหนดให้ข้อมูลมีการแจกแจง normal และการแจกแจง lognormal แสดงให้เห็นว่าการวิธีทดสอบที่ใช้กันทั่วไปไม่มีความเหมาะสมหรือไม่มีประสิทธิภาพในการทดลอง จึงแนะนำให้ใช้การทดสอบเฉพาะสำหรับวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณโดยควบคุมการทดลองตามความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำลังการทดสอบสูงสุดซึ่งรวมถึงการทดสอบแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์โดยกำหนดให้ข้อมูลมีขนาดตัวอย่างเท่ากันและไม่เท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากันและความแปรปรวนไม่เท่ากัน ค่าเฉลี่ยไม่เป็นอิสระกัน และเปรียบเทียบทรีทเมนต์กับกลุ่มควบคุมปัญหาของการละเมิดข้อสันนิษฐาน โดยเฉพาะอย่างยิ่ง ความแตกต่างของความแปรปรวนถูกตรวจสอบโดยใช้แบบจำลองและกลยุทธ์ที่เฉพาะเจาะจง พบว่าตัวสถิติทดสอบ Dunnett หรือ ตัวสถิติทดสอบสถิติ steel จะมีกำลังการทดสอบสูงกว่าตัวสถิติทดสอบสถิติ SNK-like stepwise

Kane Nashimoto, Kristin M. Haldeman, และ Christopher M. Tait (2013) การเปรียบเทียบของประชากร K กลุ่มที่เป็นอิสระกัน และมีการแจกแจงทวินาม Piegorsch (1991) ได้ทำการเปรียบเทียบ ช่วงความเชื่อมั่นของ Studentized-range กับช่วงความเชื่อมั่นของ Bonferroni adjusted ซึ่งพบว่าตัวสถิติทดสอบทั้งสองมีประสิทธิภาพต่ำสำหรับค่าสัดส่วนขนาดเล็กของสัดส่วนที่แท้จริง Agresti et al. (2008) พบการเพิ่มค่าสังเกตแต่ละทรีทเมนต์มีผลกับช่วงความเชื่อมั่น ทำให้ช่วงความเชื่อมั่นของ Studentized-range มีค่าสูงขึ้น การเปรียบเทียบรายคู่ใช้ตัวสถิติทดสอบ 3 การทดสอบ ได้แก่ LSD, modified LSD และ inverse-sine based จากการจำลองข้อมูลให้ผลว่าการเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบ modified LSD และ inverse-sine based ให้กำลังการทดสอบสูงที่สุด

Boardman and Moffitt (1971) ทำการศึกษาเปรียบเทียบวิธีวิเคราะห์พหุคูณ 5 วิธี คือ วิธี LSD, Tukey, Scheffe, Duncan และ SNK ด้วยกลุ่มตัวอย่างที่มีการแจกแจงปกติขนาด 5 10 และ 15 ในระดับการทดลองตั้งแต่ 2 ถึง 11 และทำการทดลองซ้ำ 1,000 ครั้ง เปรียบเทียบอัตราความผิดพลาด 2

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แบบ คือ อัตราความผิดพลาดต่อการเปรียบเทียบ และอัตราความผิดพลาดต่อการทดสอบ ผลการวิจัยพบว่าอัตราความผิดพลาดของวิธี LSD และวิธีของ Duncan เพิ่มขึ้นตามจำนวนค่าเฉลี่ย ส่วนวิธีของ Scheffe เป็นวิธีเปรียบเทียบพหุคูณที่มีอัตราความผิดพลาดที่คงที่มากที่สุด

Bernhardson (1975) ทำการศึกษาเปรียบเทียบอัตราความคลาดเคลื่อนแบบที่ 1 ของการเปรียบเทียบพหุคูณ 5 วิธี คือ LSD, HSD, Scheffe's, S-N-K และ Duncan ด้วยขนาดของกลุ่มตัวอย่างหนึ่งขนาดคือ 15 โดยทำการเปรียบเทียบข้อมูลหลังจากทำการวิเคราะห์ความแปรปรวนด้วย F-test ที่กำหนด ค่าเฉลี่ยเท่ากับ 50 และความแปรปรวนเท่ากับ 15 ภายใต้การแจกแจงของประชากรแบบปกติ โดยใช้สปรูทิน โปรแกรม Gauss ผลการวิจัยพบว่า ถ้าทำการเปรียบเทียบพหุคูณหลังจากการวิเคราะห์ความแปรปรวนด้วย F-test จะทำให้ผลของอัตราความคลาดเคลื่อนของ Type I error ลดลง เนื่องจากการทำ F-test สามารถป้องกันอัตราความคลาดเคลื่อนต่อการเปรียบเทียบ



บทที่ 3

วิธีการดำเนินงานวิจัย

งานวิจัยนี้เป็นการวิจัยเพื่อศึกษาเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวสถิติทดสอบสำหรับวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์โดยทำการเปรียบเทียบตัวสถิติทดสอบ 6 การทดสอบ คือ ตัวสถิติทดสอบของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูล (Student-Newman-Keul's Test : SNK) ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด (Fisher's Least Significant Difference Test : LSD) ตัวสถิติทดสอบแบบพิสัยพหุคูณของดันแคน (Duncan's New Multiple Range Test : DMRT) ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยี (Two-Sided-All-Treatments Multiple Comparisons with Signed Ranks : Nemenyi) ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์ (Conover) และตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟริดแมน (Two-Sided All-Treatments Multiple Comparisons Based on Friedman Rank Sums-General Configuration : Wilcoxon, Nemenyi, Modonald-Thompson)

ในการทำวิจัยนี้ศึกษาโดยการจำลองข้อมูลและวิเคราะห์ข้อมูลด้วยเครื่องคอมพิวเตอร์โดยใช้โปรแกรมอาร์ (R) เวอร์ชัน 3.3.2 ในการทำวิจัย เพื่อเปรียบเทียบความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และเปรียบเทียบกำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ

3.1 การวางแผนการวิจัย

ในการวิจัยครั้งนี้กำหนดสถานการณ์ในการศึกษาเปรียบเทียบ ดังนี้

3.1.1 กำหนดจำนวนทรีทเมนต์ที่ศึกษาเป็น 3, 5 และ 7 ทรีทเมนต์ ตามลำดับ

3.1.2 กำหนดจำนวนบล็อกที่ศึกษาเป็น 3, 4, 5, 6 และ 7 บล็อก ตามลำดับ

3.1.3 ขนาดการทดลองแบ่งตามจำนวนทรีทเมนต์และจำนวนบล็อกตามที่กำหนด จะได้ขนาดการทดลองทั้งหมดที่ใช้ในงานวิจัยนี้ ดังนี้

(3, 3)	(3, 4)	(3, 5)	(3, 6)	(3, 7)
(5, 3)	(5, 4)	(5, 5)	(5, 6)	(5, 7)
(7, 3)	(7, 4)	(7, 5)	(7, 6)	(7, 7)

โดยที่ ตัวเลขตัวหน้า หมายถึง จำนวนทรีทเมนต์ และตัวเลขตัวหลัง หมายถึง จำนวนบล็อก เช่น (3, 3) หมายถึงจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 และจำนวนบล็อกเท่ากับ 3

3.1.4 กำหนดระดับนัยสำคัญ 0.01, 0.05 และ 0.10

3.1.5 กำหนดข้อมูลที่สุ่มจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ ด้วยพารามิเตอร์ (μ, σ^2) การแจกแจงแกมมา ด้วยพารามิเตอร์ (α, β) การแจกโคก้าสอง ด้วยพารามิเตอร์ (ν) และการแจกแจงเลขชี้กำลัง ด้วยพารามิเตอร์ (β)

3.1.6 การคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำลังการทดสอบ จะกำหนดค่าเฉลี่ยและความแปรปรวนของแต่ละประชากร สำหรับแต่ละการแจกแจงดังต่อไปนี้

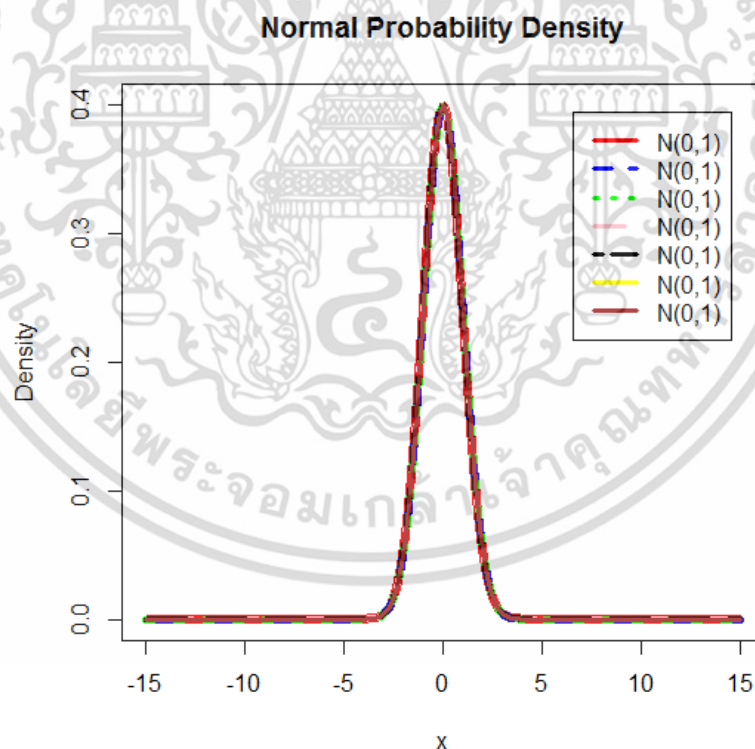
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

3.1.6.1 การแจกแจงปรกติ กำหนดค่าพารามิเตอร์ (μ, σ^2) ดังแสดงในตารางที่ 3.1 และรูปที่ 3.1 – 3.4

ตารางที่ 3.1 พารามิเตอร์สำหรับการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับการแจกแจงปรกติ

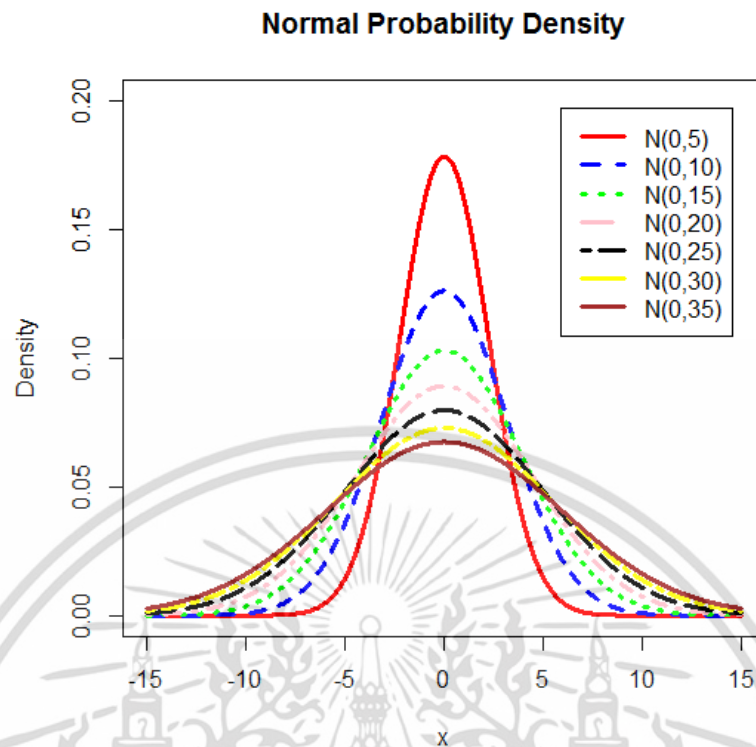
สถานการณ์	พารามิเตอร์ (μ, σ^2)						
	บล็อก 1	บล็อก 2	บล็อก 3	บล็อก 4	บล็อก 5	บล็อก 6	บล็อก 7
1	(0,1)	(0,1)	(0,1)	(0,1)	(0,1)	(0,1)	(0,1)
2	(0,5)	(0,10)	(0,15)	(0,20)	(0,25)	(0,30)	(0,35)
3	(1,1)	(3,1)	(6,1)	(9,1)	(12,1)	(15,1)	(18,1)
4	(1,5)	(3,10)	(6,15)	(9,20)	(12,25)	(15,30)	(18,35)

โดยที่ ตัวเลขตัวหน้า หมายถึง ค่าเฉลี่ย และตัวเลขตัวหลัง หมายถึง ความแปรปรวน เช่น (0, 1) หมายถึง ค่าพารามิเตอร์ของการแจกแจงปรกติ โดยมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 0 และค่าความแปรปรวนเท่ากับ 1

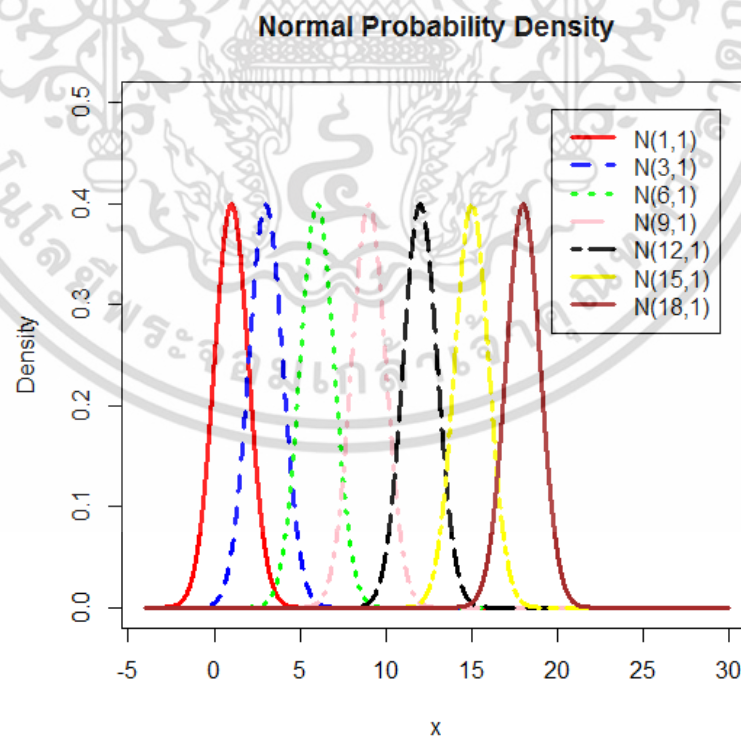


รูปที่ 3.1 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นปรกติ ที่มีค่าพารามิเตอร์ (μ, σ^2) เป็น (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1) และ (0,1)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

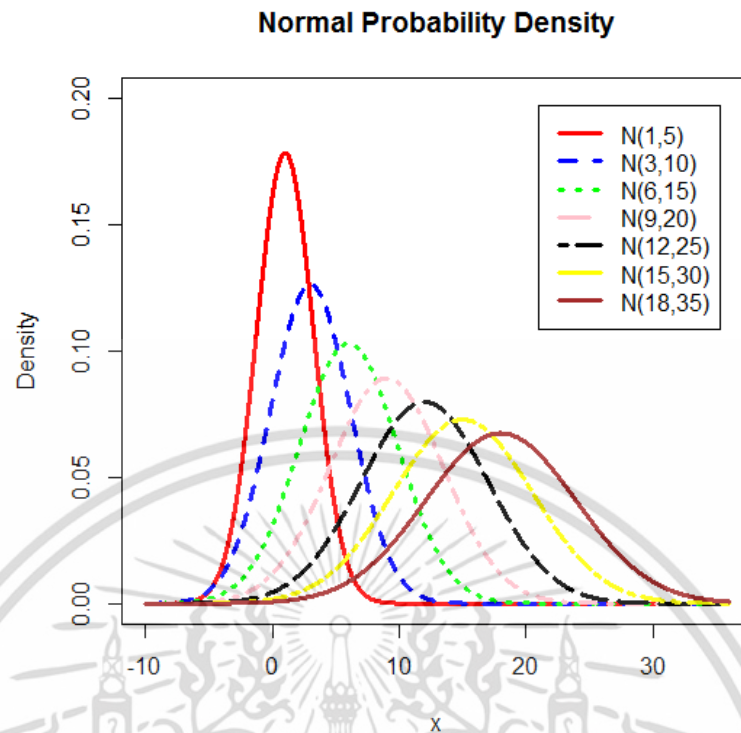


รูปที่ 3.2 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นปกติ ที่มีค่าพารามิเตอร์ (μ, σ^2) เป็น $(0,5)$, $(0,10)$, $(0,15)$, $(0,20)$, $(0,25)$, $(0,30)$ และ $(0,35)$



รูปที่ 3.3 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นปกติ ที่มีค่าพารามิเตอร์ (μ, σ^2) เป็น $(1,1)$, $(3,1)$,

$(6,1)$, $(9,1)$, $(12,1)$, $(15,1)$ และ $(18,1)$
 เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์ไว้เพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
 ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 3.4 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นปกติ ที่มีค่าพารามิเตอร์ (μ, σ^2) เป็น (1,5), (3,10), (6,15), (9,20), (12,25), (15,30) และ (18,35)

3.1.6.2 การแจกแจงแกมมา กำหนดค่าพารามิเตอร์ (α, β) ดังแสดงในตารางที่ 3.2 และรูปที่ 3.5 – 3.8

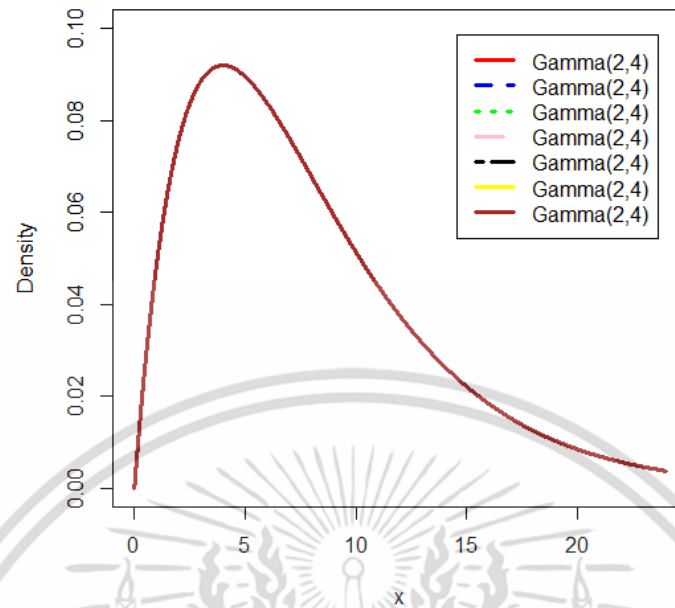
ตารางที่ 3.2 พารามิเตอร์สำหรับการคำนวณกำลังการทดสอบ สำหรับการแจกแจงแกมมา

สถานการณ์	พารามิเตอร์ (α, β)						
	บล็อก 1	บล็อก 2	บล็อก 3	บล็อก 4	บล็อก 5	บล็อก 6	บล็อก 7
1	(2,4)	(2,4)	(2,4)	(2,4)	(2,4)	(2,4)	(2,4)
2	(2,4)	(4,2)	(8,1)	(1,8)	(5,8/5)	(12,2/3)	(3,8/3)
3	(4,2)	(256,1/4)	(144,1/3)	(1,4)	(16,1)	(49,4/7)	(81,4/9)
4	(1,1/4)	(3,1/6)	(6,1/8)	(9,1/10)	(12,1/12)	(15,1/14)	(18,1/16)

โดยที่ ตัวเลขตัวหน้า หมายถึง ค่าพารามิเตอร์ α และตัวเลขตัวหลัง หมายถึง ค่าพารามิเตอร์ β เช่น (2, 4) หมายถึง ค่าพารามิเตอร์สำหรับการแจกแจงแกมมา โดยมี $\alpha = 2$ และ $\beta = 4$ และมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 8 และค่าความแปรปรวนเท่ากับ 32

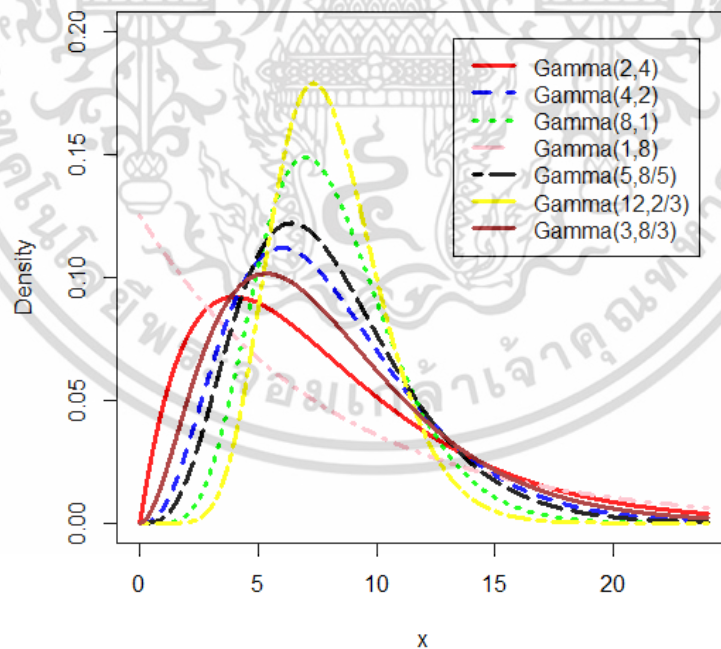
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

Gamma Probability Density



รูปที่ 3.5 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นแกมมา ที่มีค่าพารามิเตอร์ (α, β) เป็น (2,4), (2,4), (2,4), (2,4), (2,4) และ (2,4)

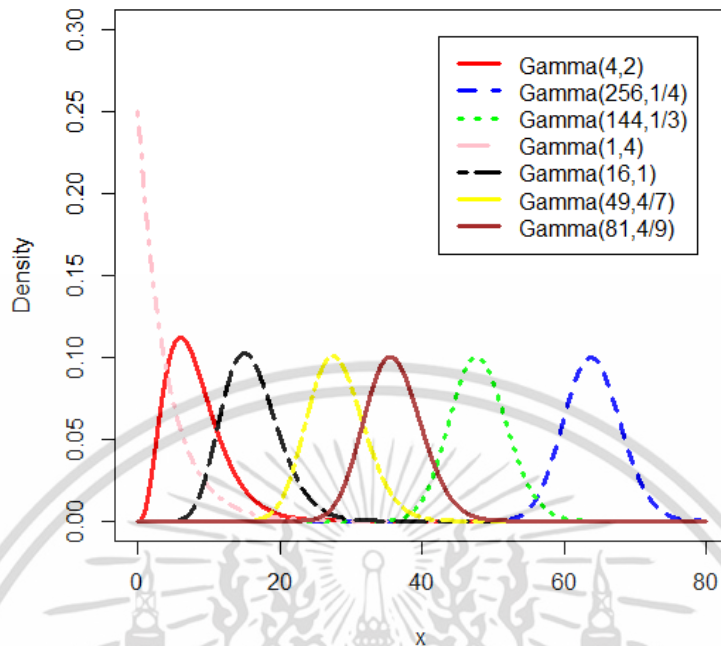
Gamma Probability Density



รูปที่ 3.6 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นแกมมา ที่มีค่าพารามิเตอร์ (α, β) เป็น (2,4), (4,2), (8,1), (1,8), (5,8/5), (12,2/3) และ (3,8/3)

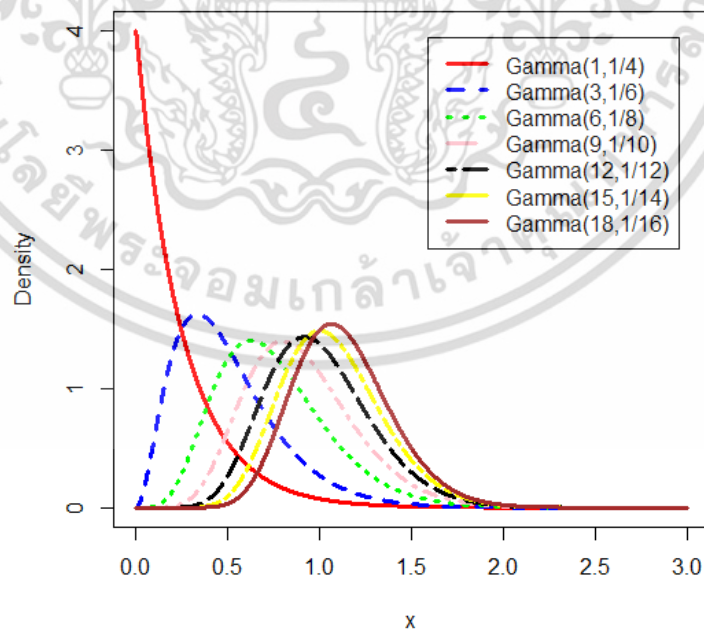
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

Gamma Probability Density



รูปที่ 3.7 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นแกมมา ที่มีค่าพารามิเตอร์ (α, β) เป็น $(4,2)$, $(256,1/4)$, $(144,1/3)$, $(1,4)$, $(16,1)$, $(49,4/7)$ และ $(81,4/9)$

Gamma Probability Density



รูปที่ 3.8 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นแกมมา ที่มีค่าพารามิเตอร์ (α, β) เป็น $(1,4)$, $(3,6)$, $(6,8)$, $(9,10)$, $(12,12)$, $(15,14)$ และ $(18,16)$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

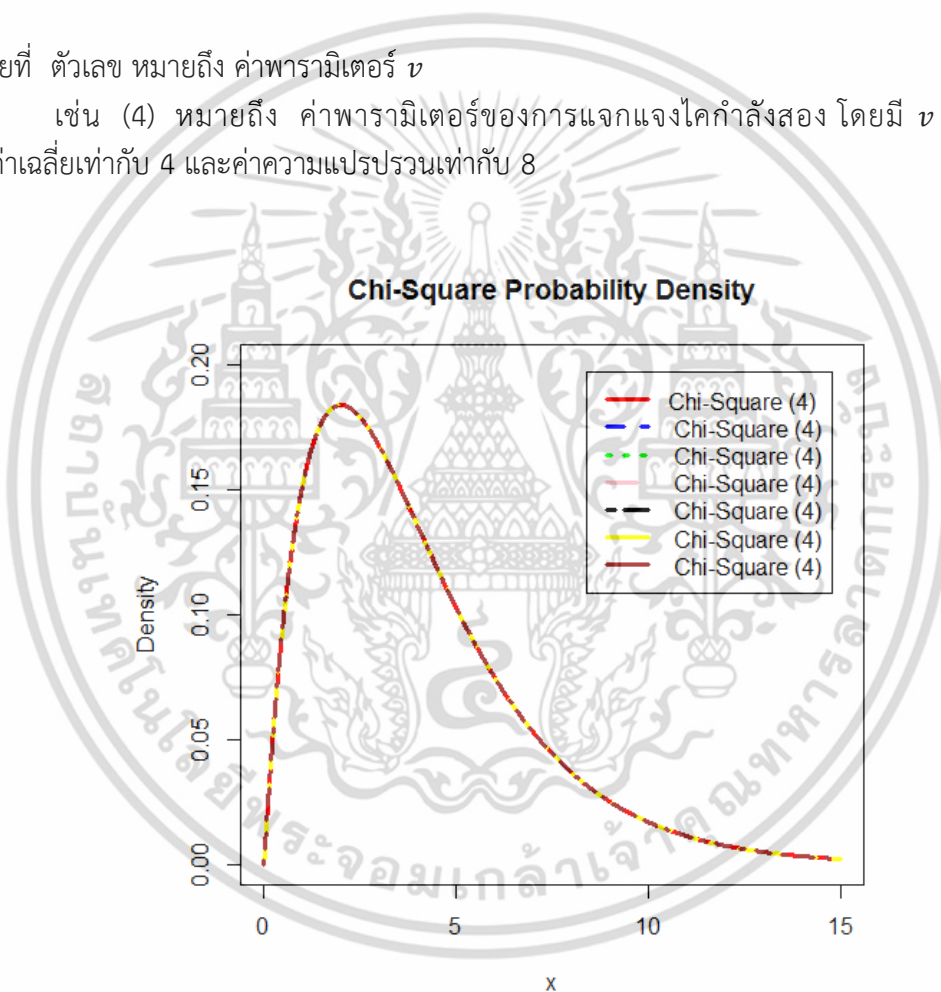
3.1.6.3 การแจกแจงไคกำลังสอง กำหนดค่าพารามิเตอร์ (ν) ดังแสดงในตารางที่ 3.3 และรูปที่ 3.9 – 3.10

ตารางที่ 3.3 พารามิเตอร์สำหรับการคำนวณกำลังการทดสอบ สำหรับการแจกแจงไคกำลังสอง

สถานการณ์	พารามิเตอร์ (ν)						
	บล็อก 1	บล็อก 2	บล็อก 3	บล็อก 4	บล็อก 5	บล็อก 6	บล็อก 7
1	(4)	(4)	(4)	(4)	(4)	(4)	(4)
2	(2)	(6)	(12)	(18)	(24)	(30)	(36)

โดยที่ ตัวเลข หมายถึง ค่าพารามิเตอร์ ν

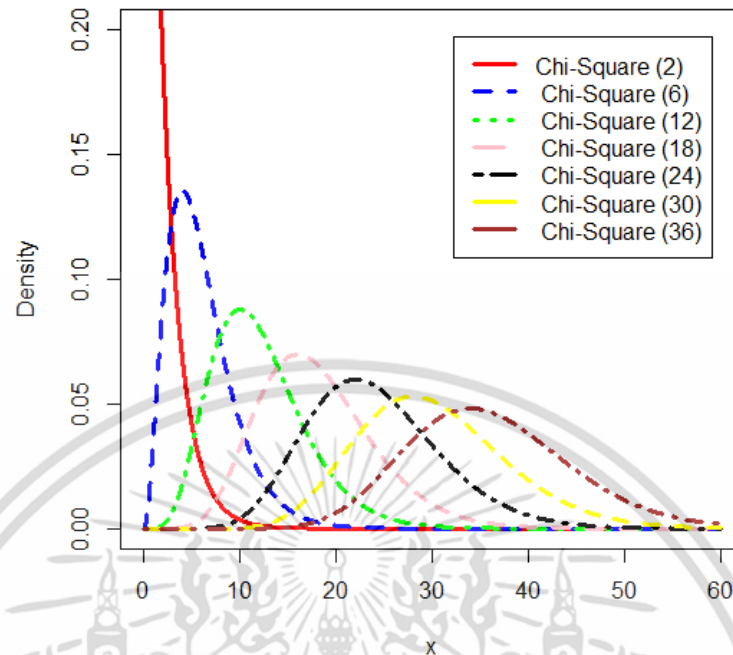
เช่น (4) หมายถึง ค่าพารามิเตอร์ของการแจกแจงไคกำลังสอง โดยมี $\nu = 4$ และมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 4 และค่าความแปรปรวนเท่ากับ 8



รูปที่ 3.9 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นไคกำลังสอง ที่มีค่าพารามิเตอร์ (ν) เป็น (4), (4), (4), (4), (4), (4) และ (4)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

Chi-Square Probability Density



รูปที่ 3.10 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นไคกำลังสอง ที่มีค่าพารามิเตอร์ (ν) เป็น (2), (6), (12), (18), (24), (30) และ (36)

3.1.6.4 การแจกแจงเลขชี้กำลัง กำหนดค่าพารามิเตอร์ (β) ดังแสดงในตารางที่ 3.4 และรูปที่ 3.11 – 3.12

ตารางที่ 3.4 พารามิเตอร์สำหรับการคำนวณกำลังการทดสอบ สำหรับการแจกแจงเลขชี้กำลัง

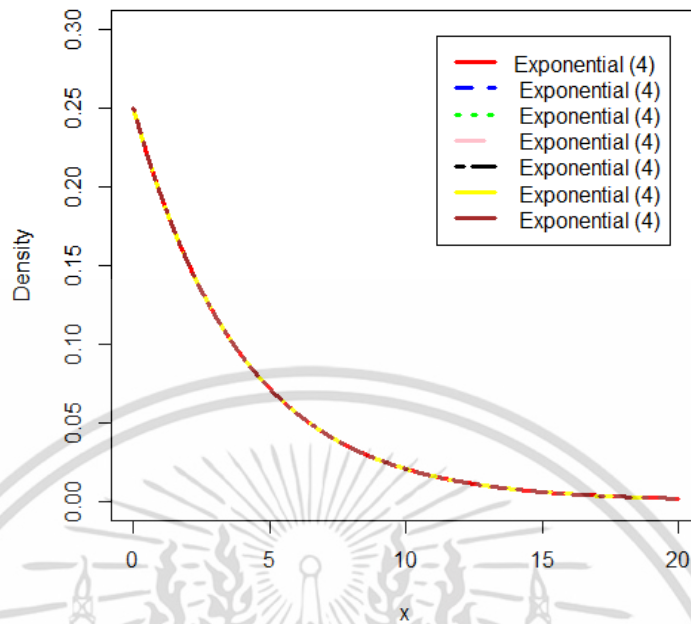
สถานการณ์	พารามิเตอร์ (β)						
	บล็อก 1	บล็อก 2	บล็อก 3	บล็อก 4	บล็อก 5	บล็อก 6	บล็อก 7
1	(4)	(4)	(4)	(4)	(4)	(4)	(4)
2	(1/4)	(1/6)	(1/8)	(1/10)	(1/12)	(1/14)	(1/16)

โดยที่ ตัวเลข หมายถึง ค่าพารามิเตอร์ β

เช่น (4) หมายถึง ค่าพารามิเตอร์ของการแจกแจงเลขชี้กำลัง โดยมี $\beta = 4$ และมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 4 และค่าความแปรปรวนเท่ากับ 16

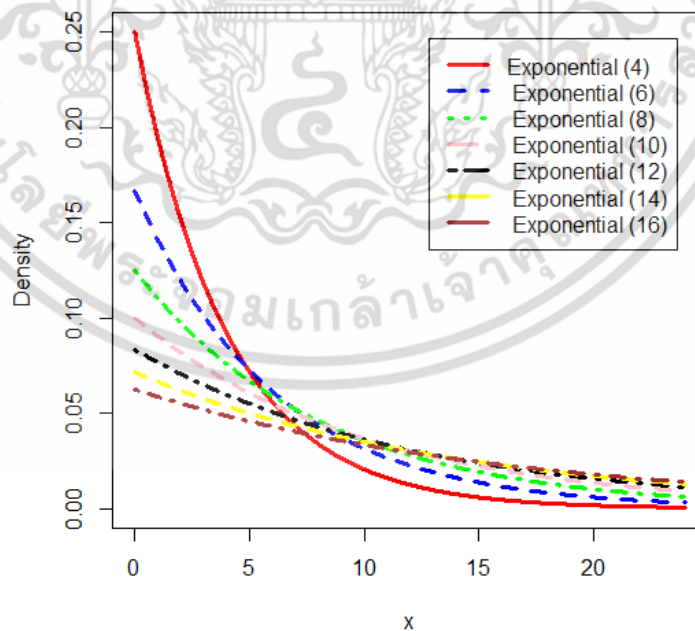
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

Exponential Probability Density



รูปที่ 3.11 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นเลขชี้กำลัง ที่มีค่าพารามิเตอร์ (β) เป็น (4), (4), (4), (4), (4), (4) และ (4)

Exponential Probability Density



รูปที่ 3.12 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นเลขชี้กำลัง ที่มีค่าพารามิเตอร์ (β) เป็น (4), (6), (8), (10), (12), (14) และ (16)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

3.1.7 หากจำนวนรอบที่ใช้ในการวิจัยโดยพิจารณาจากความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ของกรณีการแจกแจงปกติ ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน จำนวนบล็อกเท่ากับ 7 และจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 ดังแสดงในตารางที่ 3.5 ดังนี้

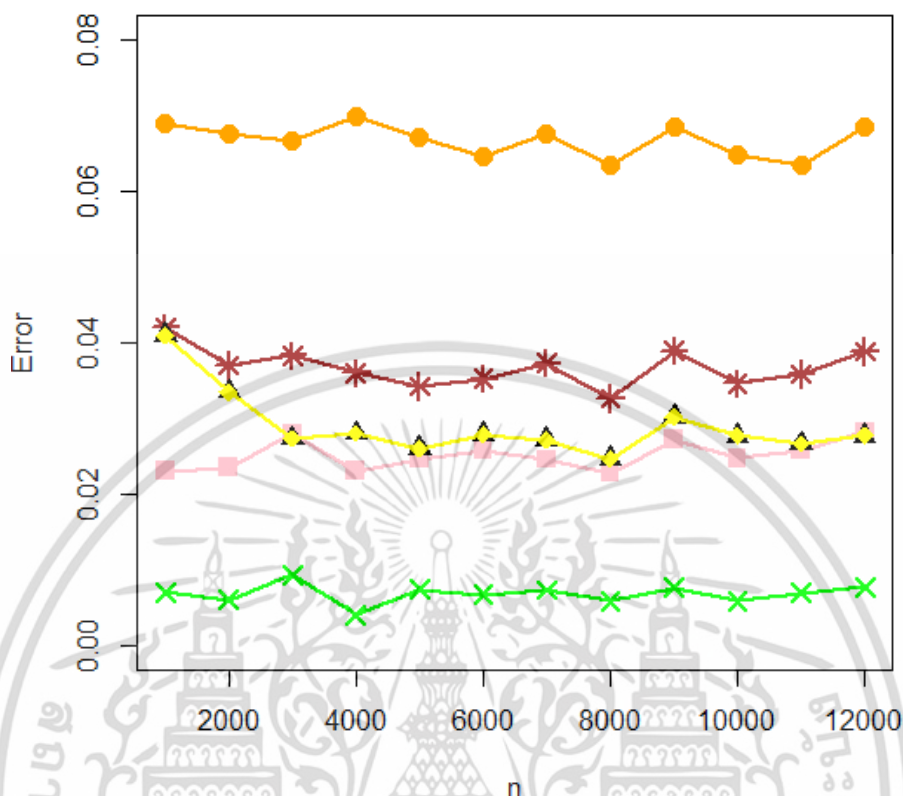
ตารางที่ 3.5 จำนวนรอบจากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ของกรณีการแจกแจงปกติ ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน จำนวนบล็อกเท่ากับ 7 และจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จำนวนรอบ	1,000	2,000	3,000	4,000	5,000	6,000	7,000
1. SNK	0.007	0.0060	0.0093	0.0040	0.0074	0.0067	0.0073
2. LSD	0.042	0.0370	0.0383	0.0360	0.0352	0.0352	0.0373
3. Duncan	0.023	0.0235	0.0280	0.0230	0.0246	0.0258	0.0246
4. Conover	0.069	0.0675	0.0667	0.0700	0.0672	0.0646	0.0676
5. Nemenyi	0.041	0.0335	0.0273	0.0280	0.0260	0.0279	0.0271
6. Friedman	0.041	0.0335	0.0273	0.0280	0.0260	0.0279	0.0271

ตารางที่ 3.5 จำนวนรอบจากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ของกรณีการแจกแจงปกติ ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน จำนวนบล็อกเท่ากับ 7 และจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05(ต่อ)

จำนวนรอบ	8,000	9,000	10,000	11,000	12,000
1. SNK	0.0059	0.0075	0.0058	0.0069	0.0077
2. LSD	0.0326	0.0389	0.0346	0.0358	0.0388
3. Duncan	0.0228	0.0271	0.0247	0.0257	0.0283
4. Conover	0.0635	0.0686	0.0649	0.0635	0.0685
5. Nemenyi	0.0246	0.0301	0.0277	0.0266	0.0277
6. Friedman	0.0246	0.0301	0.0277	0.0266	0.0277

alpha=0.05, treatment=7



รูปที่ 3.13 จำนวนรอบในการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ในกรณีการแจกแจงปกติ ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน จำนวนบล็อกเท่ากับ 7 และจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 ตั้งแต่ 1,000 – 12,000 รอบ ของตัวสถิติทดสอบแต่ละตัว

จากรูปที่ 3.13 จะพบว่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ จะเริ่มคงที่เมื่อจำนวนรอบเท่ากับ 9,000 รอบ ดังนั้นผู้วิจัยจึงใช้จำนวนรอบเท่ากับ 9,000 รอบ ในการทำการวิจัยครั้งนี้

3.1.8 คำนวณข้อมูลของแต่ละประชากรด้วยการวิเคราะห์ความแปรปรวน (ANOVA) แล้วตรวจสอบว่าข้อมูลนั้นมีอิทธิพลของบล็อกหรือไม่ ถ้ามีอิทธิพลของบล็อกก็จะสามารถใช้ข้อมูลนั้นในงานวิจัย แต่ถ้าไม่มีอิทธิพลของบล็อกข้อมูลนั้นก็จะไม่ถูกนำมาทำการวิจัย

3.1.9 หลังจากตรวจสอบอิทธิพลของบล็อกแล้ว ผู้วิจัยก็จะทำการตรวจสอบอิทธิพลของทรีทเมนต์โดยตรวจสอบจากผลลัพธ์ที่ได้จากการวิเคราะห์ความแปรปรวน (ANOVA) ถ้าหากพบว่าข้อมูลมีอิทธิพลของทรีทเมนต์ผู้วิจัยก็จะนำข้อมูลชุดนั้นไปทำการวิเคราะห์ด้วยวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณต่อไป แต่ถ้าไม่มีอิทธิพลของทรีทเมนต์ข้อมูลนั้นก็จะไม่ถูกนำมาทำการวิจัย

3.1.10 คำนวณความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในแต่ละสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

3.1.11 คำนวณกำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ได้ ในแต่ละสถานการณ์

3.1.12 เปรียบเทียบกำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ โดยตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley และมีกำลังการทดสอบสูงที่สุดจะเป็นตัวสถิติทดสอบที่ดีที่สุด

3.2 วิธีการดำเนินการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้จะดำเนินงานตามขั้นตอนโดยแบ่งออกเป็น 2 กรณี ดังนี้

3.2.1 ขั้นตอนในการคำนวณความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 (α)

3.2.1.1 จำลองข้อมูลในแต่ละขนาดจากประชากรที่มีการแจกแจงปรกติ การแจกแจงแกมมา การแจกแจงไคกำลังสอง และการแจกแจงเลขชี้กำลังให้มีพารามิเตอร์ตามที่ต้องการ โดยโปรแกรมอาร์ (R) เวอร์ชัน 3.3.2 (วราฤทธิ์, 2557)

3.2.1.2 คำนวณตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบได้แก่ ตัวสถิติทดสอบของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูล (Student-Newman-Keul's Test : SNK) ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด (Fisher's Least Significant Difference Test : LSD) ตัวสถิติทดสอบแบบพีสัยพหุคูณของดันแคน (Duncan's New Multiple Range Test : DMRT) ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยี (Two-Sided-All-Treatments Multiple Comparisons with Signed Ranks : Nemenyi) ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์ (Conover) และตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟริดแมน (Two-Sided All-Treatments Multiple Comparisons Based on Friedman Rank Sums-General Configuration : Wilcoxon Nemenyi Modonald-Thompson) โดยใช้คำสั่งจากโปรแกรมอาร์ (R) เวอร์ชัน 3.3.2

3.2.1.3 สรุปผลการปฏิเสธสมมติฐานว่าง ในแต่ละระดับนัยสำคัญโดยการเทียบระดับนัยสำคัญกับค่า p-value

3.2.1.4 ทำซ้ำข้อ 3.2.1.1 – 3.2.1.3 จนครบ 9,000 ครั้ง แล้วทำการหาความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยการนับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐานหลัก H_0 ดังนี้

$$\text{ความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1} = \frac{\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ เป็นจริง}}{9,000}$$

ถ้าความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ของการทดสอบสำหรับแต่ละสถานการณ์มีค่าอยู่ในช่วงที่ได้กำหนดไว้ในเกณฑ์ของการเปรียบเทียบวิธีการทดสอบได้แก่ เกณฑ์ของ Cochran (1954) และ เกณฑ์ของ Bradley (1978) จะถือว่าตัวสถิติทดสอบนั้นมีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้โดยที่มีรายละเอียดของเกณฑ์ Cochran (1954) และ เกณฑ์ของ Bradley (1978) ดังนี้

เกณฑ์ของ Cochran (1954)

ถ้าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จากการทดลองอยู่ในช่วง (0.007,0.015) สำหรับการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

ถ้าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จากการทดลองอยู่ในช่วง (0.04,0.06) สำหรับการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

ถ้าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จากการทดลองอยู่ในช่วง (0.08,0.12) สำหรับการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.1

จะสรุปได้ว่าตัวสถิติทดสอบนั้นสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เกณฑ์ของ Bradley (1978)

ถ้าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จากการทดลองอยู่ในช่วง (0.005,0.015) สำหรับการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

ถ้าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จากการทดลองอยู่ในช่วง (0.025,0.075) สำหรับการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

ถ้าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จากการทดลองอยู่ในช่วง (0.05,0.15) สำหรับการทดสอบที่ระดับนัยสำคัญ 0.1

จะสรุปได้ว่าตัวสถิติทดสอบนั้นสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

3.2.2 ขั้นตอนในการคำนวณกำลังการทดสอบ ($1 - \beta$) ของตัวสถิติทดสอบ

3.2.2.1 จำลองข้อมูลในแต่ละขนาดจากประชากรที่มีการแจกแจงปรกติ การแจกแจงแกมมา การแจกแจงโคกำลังสอง และการแจกแจงเลขชี้กำลัง ให้มีพารามิเตอร์และองศาเสรีตามที่ต้องการ ด้วยโปรแกรมอาร์ (R) เวอร์ชัน 3.3.2

3.2.2.2 คำนวณตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ ได้แก่ตัวสถิติทดสอบของ สตีวเดนต์-นิวแมน-คูล (Student-Newman-Keul's Test : SNK) ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญ น้อยที่สุด (Fisher's Least Significant Difference Test : LSD) ตัวสถิติทดสอบแบบพีสัยพหุคูณของดันแคน (Duncan's New Multiple Range Test : DMRT) ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่นินเมยี (Two-Sided-All-Treatments Multiple Comparisons with Signed Ranks : Nemenyi) ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์ (Conover) และตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟรีดแมน (Two-Sided All-Treatments Multiple Comparisons Based on Friedman Rank Sums-General Configuration : Wilcoxon, Nemenyi, Modonald-Thompson) โดยใช้คำสั่งจากโปรแกรมอาร์ (R) เวอร์ชัน 3.3.2

3.2.2.3 สรุปผลการปฏิเสธสมมติฐานว่าง ในแต่ละระดับนัยสำคัญโดยการเทียบระดับนัยสำคัญกับค่า p-value

3.2.2.4 ทำซ้ำข้อ 3.2.2.1 – 3.2.2.3 จบครบ 9,000 ครั้ง แล้วหาค่าเฉลี่ยการทดสอบ โดย การนับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐานว่าง (H_0) ดังนี้

$$\text{ค่าเฉลี่ยการทดสอบ} = \frac{\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ ไม่จริง}}{9,000}$$

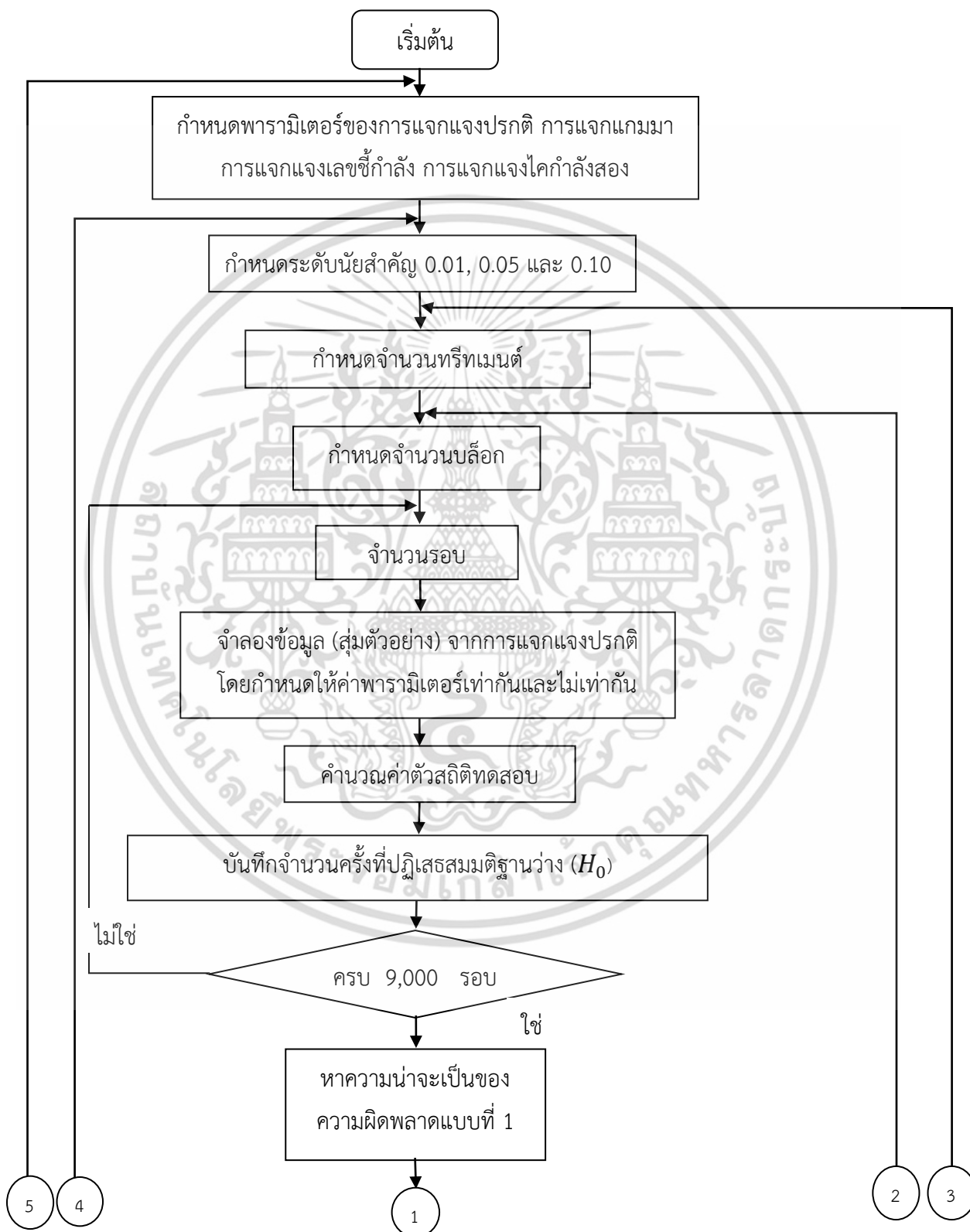
โดยหาค่าเฉลี่ยการทดสอบ เฉพาะตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความ ผิดพลาดแบบที่ 1 ได้เท่านั้น และทำการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ ถ้าพบว่า ตัวสถิติทดสอบใดมีค่าเฉลี่ยการทดสอบสูงที่สุดจะเป็นตัวสถิติทดสอบที่ดีที่สุด



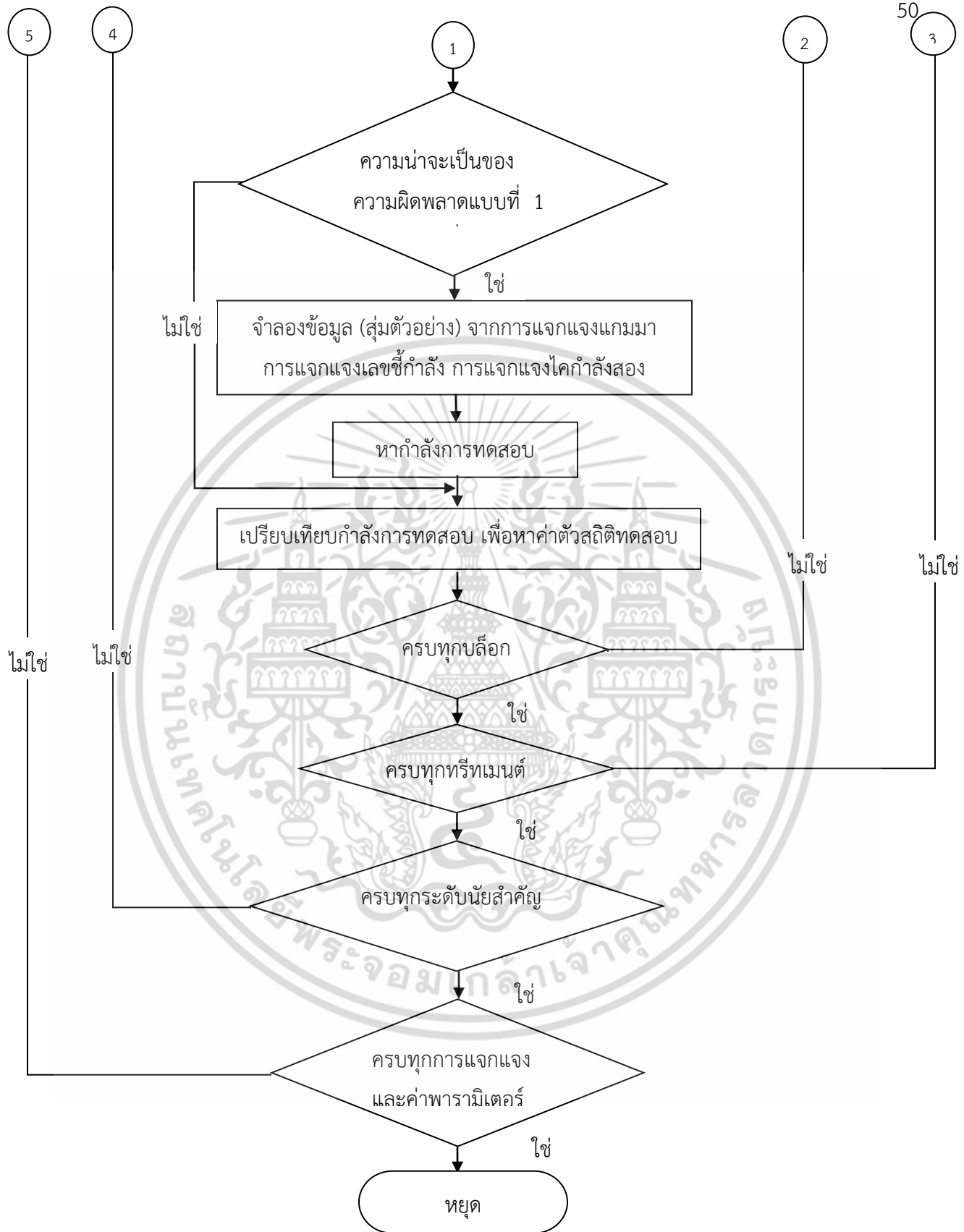
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

3.3 ขั้นตอนโปรแกรมที่ใช้ในงานวิจัย

วิธีการดำเนินการวิจัยและการประมวลผลข้อมูลสามารถอธิบายเป็นขั้นตอนได้ดังรูปที่ 3.14



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 3.14 แผนผังแสดงลำดับวิธีการดำเนินการวิจัย

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

บทที่ 4

ผลการวิจัย

งานวิจัยนี้เป็นการศึกษาและเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวสถิติทดสอบสำหรับการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์โดยทำการเปรียบเทียบตัวสถิติทดสอบ 6 การทดสอบ คือ ตัวสถิติทดสอบของสตีเวนสัน-นิวแมน-คูลตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุดตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของดันแคนตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยีตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์และตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟรீดแมน

การเสนอผลวิจัยทำโดยเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวสถิติทดสอบสำหรับการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์โดยทำการเปรียบเทียบตัวสถิติทดสอบ 6 การทดสอบ โดยพิจารณาจากความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 แล้วเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) จากนั้นทำการพิจารณาเปรียบเทียบกำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบที่ทำการศึกษานี้เฉพาะที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้เท่านั้น

โดยกำหนดสัญลักษณ์แทนตัวสถิติทดสอบ ดังนี้

SNK	แทนตัวสถิติทดสอบของสตีเวนสัน-นิวแมน-คูล
LSD	แทนตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด
Duncan	แทนตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของดันแคน
Conover	แทนตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์
Nemenyi	แทนตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยี
Friedman	แทนตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟรீดแมน

4.1 ความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1

การคำนวณค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบแต่ละตัวจะใช้จำนวนบล็อก จำนวนทรีทเมนต์ พารามิเตอร์สำหรับการแจกแจงปรกติ และระดับนัยสำคัญ ตามที่ผู้วิจัยได้กำหนดไว้ในบทที่ 3 วิธีการดำเนินงานวิจัย

4.1.1 ข้อมูลสุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ

4.1.1.1 กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน

1) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01

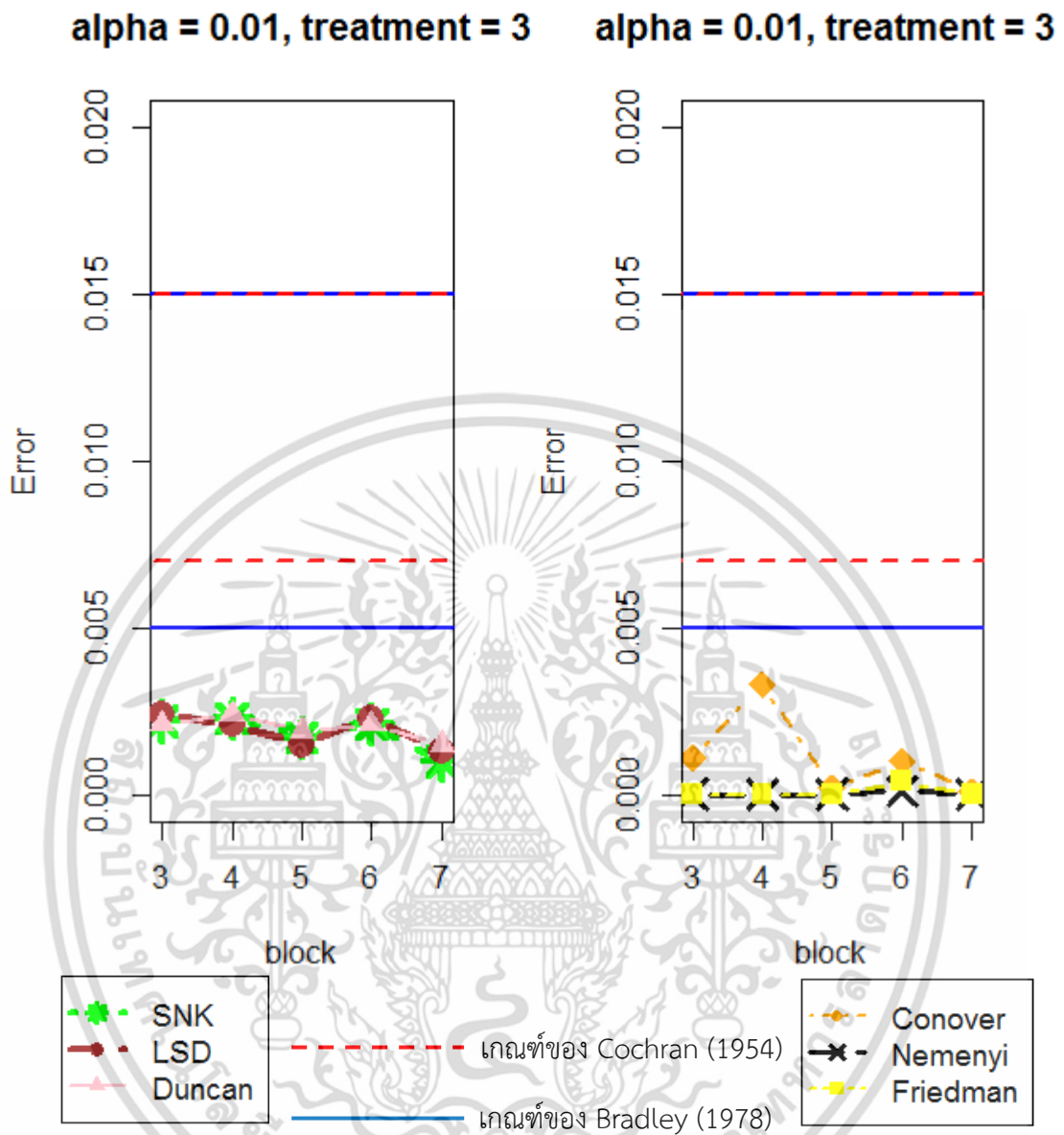
จากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01 สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.1 และรูปที่ 4.1 – 4.3

ตารางที่ 4.1 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทริทเมนต์		
		3	5	7
3	1. SNK	0.0022	0.0019	0.0016
	2. LSD	0.0024	0.0020	0.0018
	3. Duncan	0.0021	0.0020	0.0017
	4. Conover	0.0011	0.0001	0.0003
	5. Nemenyi	0.0000	0.0000	0.0000
	6. Friedman	0.0000	0.0000	0.0000
4	1. SNK	0.0023	0.0012	0.0008
	2. LSD	0.0021	0.0013	0.0011
	3. Duncan	0.0024	0.0013	0.0010
	4. Conover	0.0033	0.0000	0.0001
	5. Nemenyi	0.0000	0.0000	0.0000
	6. Friedman	0.0000	0.0000	0.0000
5	1. SNK	0.0017	0.0006	0.0004
	2. LSD	0.0015	0.0009	0.0004
	3. Duncan	0.0019	0.0005	0.0003
	4. Conover	0.0002	0.0006	0.0001
	5. Nemenyi	0.0000	0.0000	0.0000
	6. Friedman	0.0000	0.0000	0.0000
6	1. SNK	0.0021	0.0004	0.0004
	2. LSD	0.0023	0.0005	0.0006
	3. Duncan	0.0021	0.0005	0.0008
	4. Conover	0.0010	0.0002	0.0001
	5. Nemenyi	0.0001	0.0000	0.0000
	6. Friedman	0.0004	0.0000	0.0000
7	1. SNK	0.0010	0.0001	0.0007
	2. LSD	0.0013	0.0002	0.0008
	3. Duncan	0.0015	0.0004	0.0008
	4. Conover	0.0001	0.0001	0.0009
	5. Nemenyi	0.0000	0.0000	0.0002
	6. Friedman	0.0000	0.0000	0.0004

หมายเหตุ B หมายถึง ผ่านเกณฑ์ของ Bradley

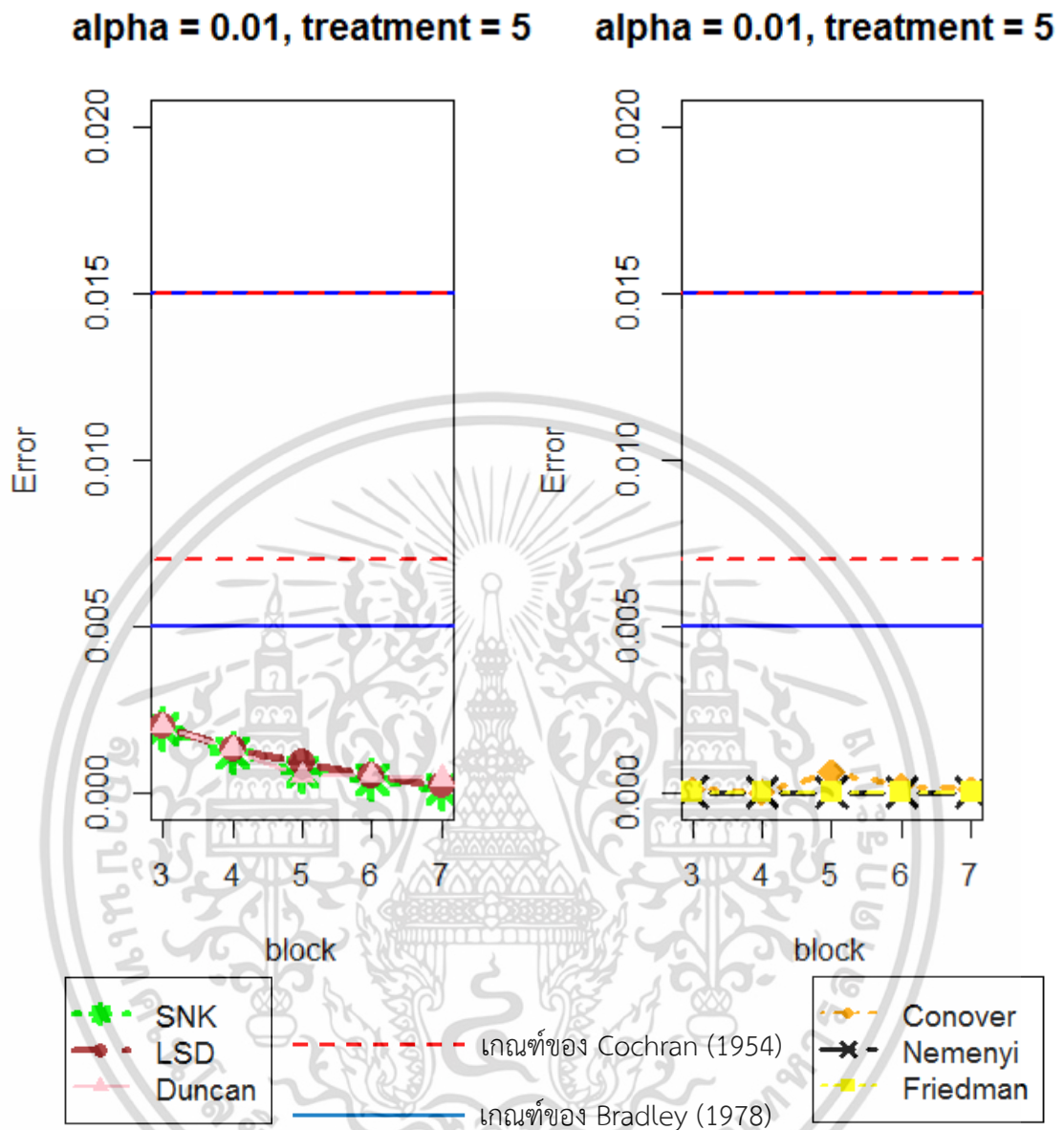
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับใช้ภายในเพื่อการศึกษาเท่านั้น เมื่อผู้ใดเห็นประโยชน์ด้านการค้า
BC หมายถึง ผ่านทั้งเกณฑ์ของ Bradley และเกณฑ์ของ Cochran
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.1 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.1 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

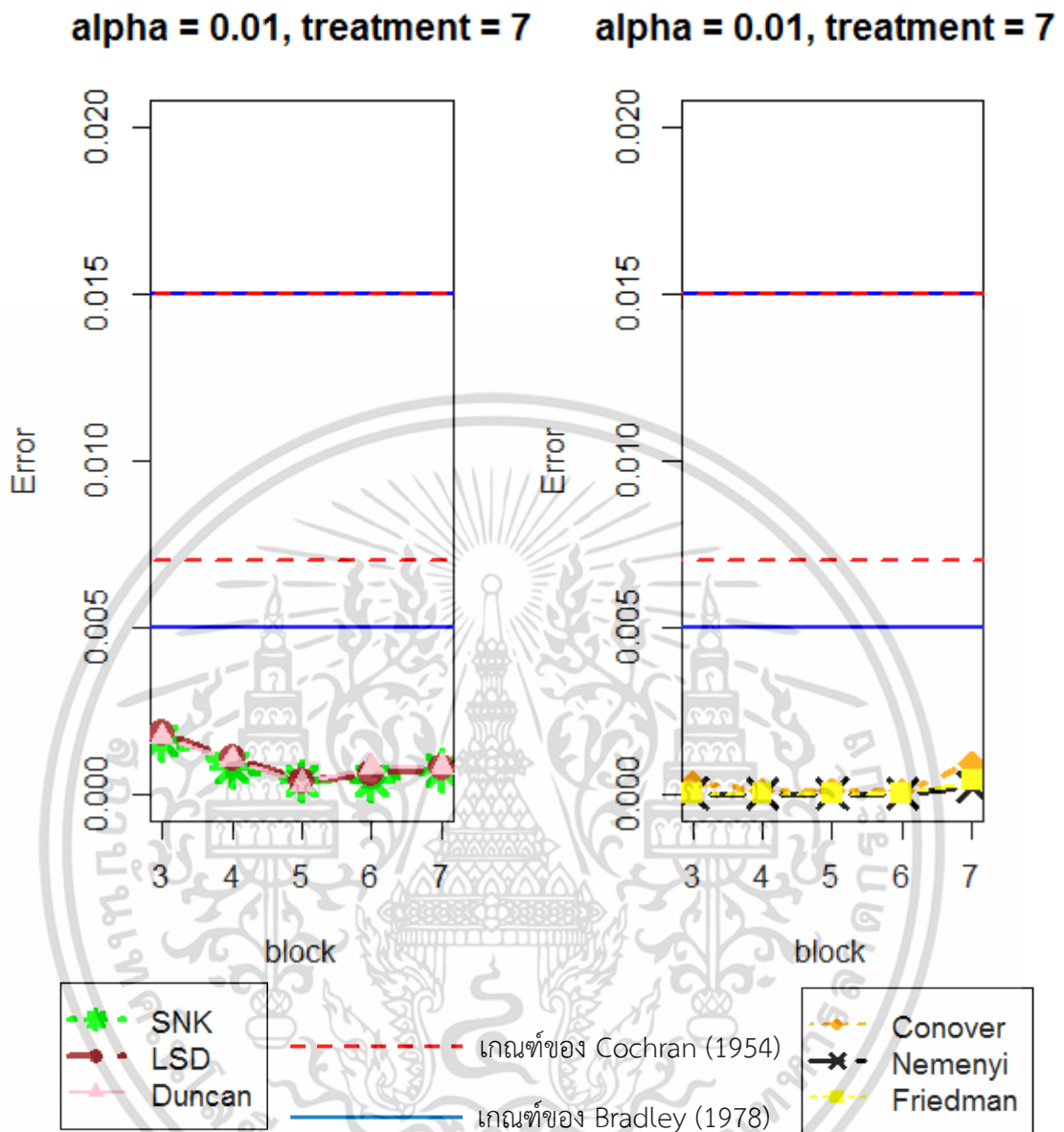
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.2 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีสัญลักษณ์ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.2 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.3 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กระจายค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.3 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05

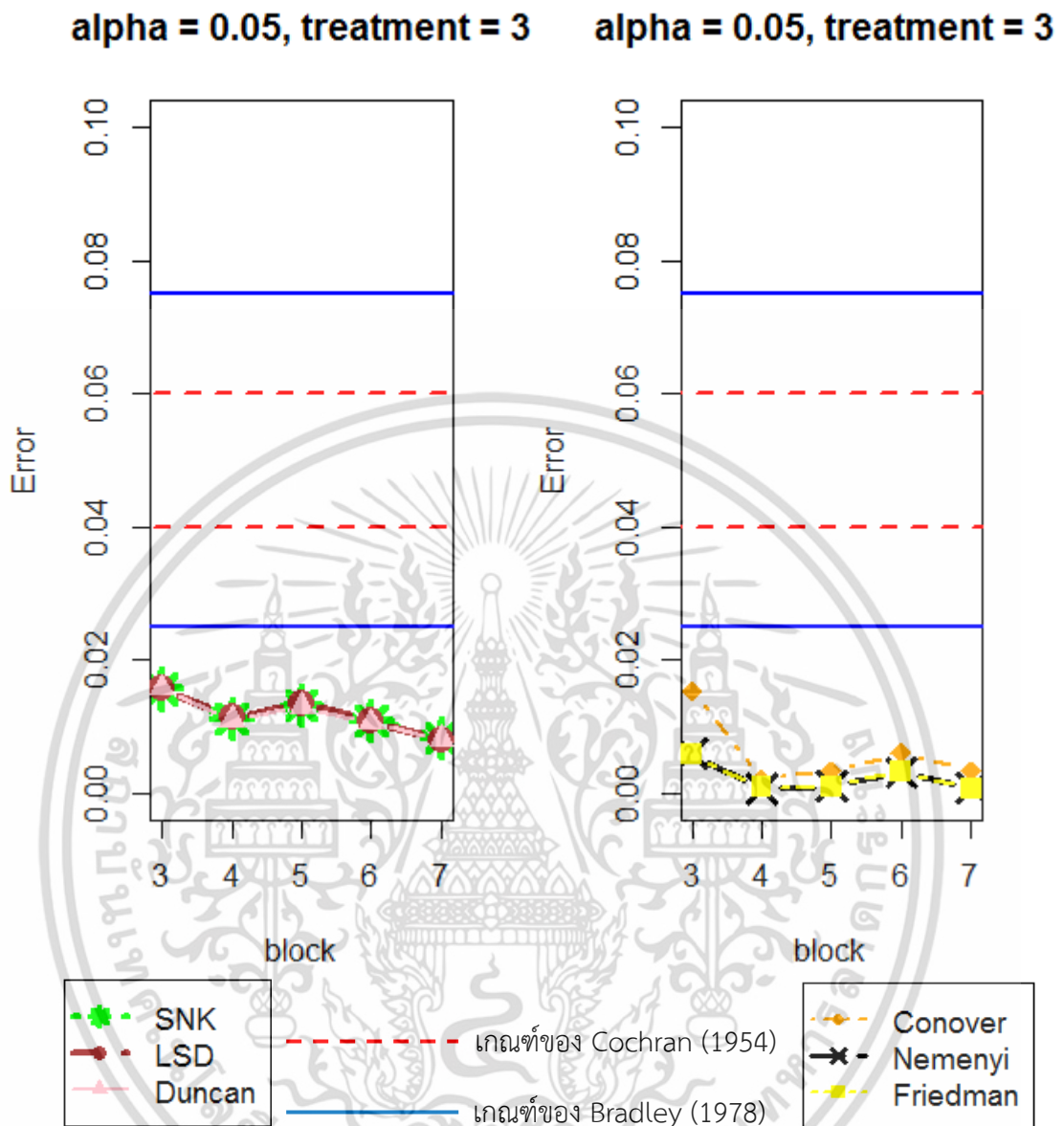
จากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05 สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.2 และรูปที่ 4.4 – 4.6

ตารางที่ 4.2 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1. SNK	0.0156	0.0101	0.0087
	2. LSD	0.0158	0.0109	0.0101
	3. Duncan	0.0157	0.0108	0.0104
	4. Conover	0.0154	0.0021	0.0020
	5. Nemenyi	0.0059	0.0001	0.0002
	6. Friedman	0.0058	0.0001	0.0051
4	1. SNK	0.0111	0.0087	0.0077
	2. LSD	0.0113	0.0094	0.0090
	3. Duncan	0.0110	0.0092	0.0090
	4. Conover	0.0022	0.0020	0.0023
	5. Nemenyi	0.0006	0.0000	0.0001
	6. Friedman	0.0008	0.0000	0.0003
5	1. SNK	0.0132	0.0062	0.0051
	2. LSD	0.0134	0.0070	0.0071
	3. Duncan	0.0130	0.0072	0.0074
	4. Conover	0.0033	0.0074	0.0039
	5. Nemenyi	0.0010	0.0037	0.0004
	6. Friedman	0.0010	0.0036	0.0007
6	1. SNK	0.0108	0.0052	0.0041
	2. LSD	0.0108	0.0059	0.0060
	3. Duncan	0.0105	0.0058	0.0060
	4. Conover	0.0060	0.0034	0.0038
	5. Nemenyi	0.0031	0.0011	0.0002
	6. Friedman	0.0033	0.0014	0.0002
7	1. SNK	0.0083	0.0072	0.0073
	2. LSD	0.0081	0.0077	0.0093
	3. Duncan	0.0080	0.0076	0.0094
	4. Conover	0.0033	0.0047	0.0090
	5. Nemenyi	0.0007	0.0004	0.0004
	6. Friedman	0.0006	0.0004	0.0004

หมายเหตุ B หมายถึง ผ่านเกณฑ์ของ Bradley

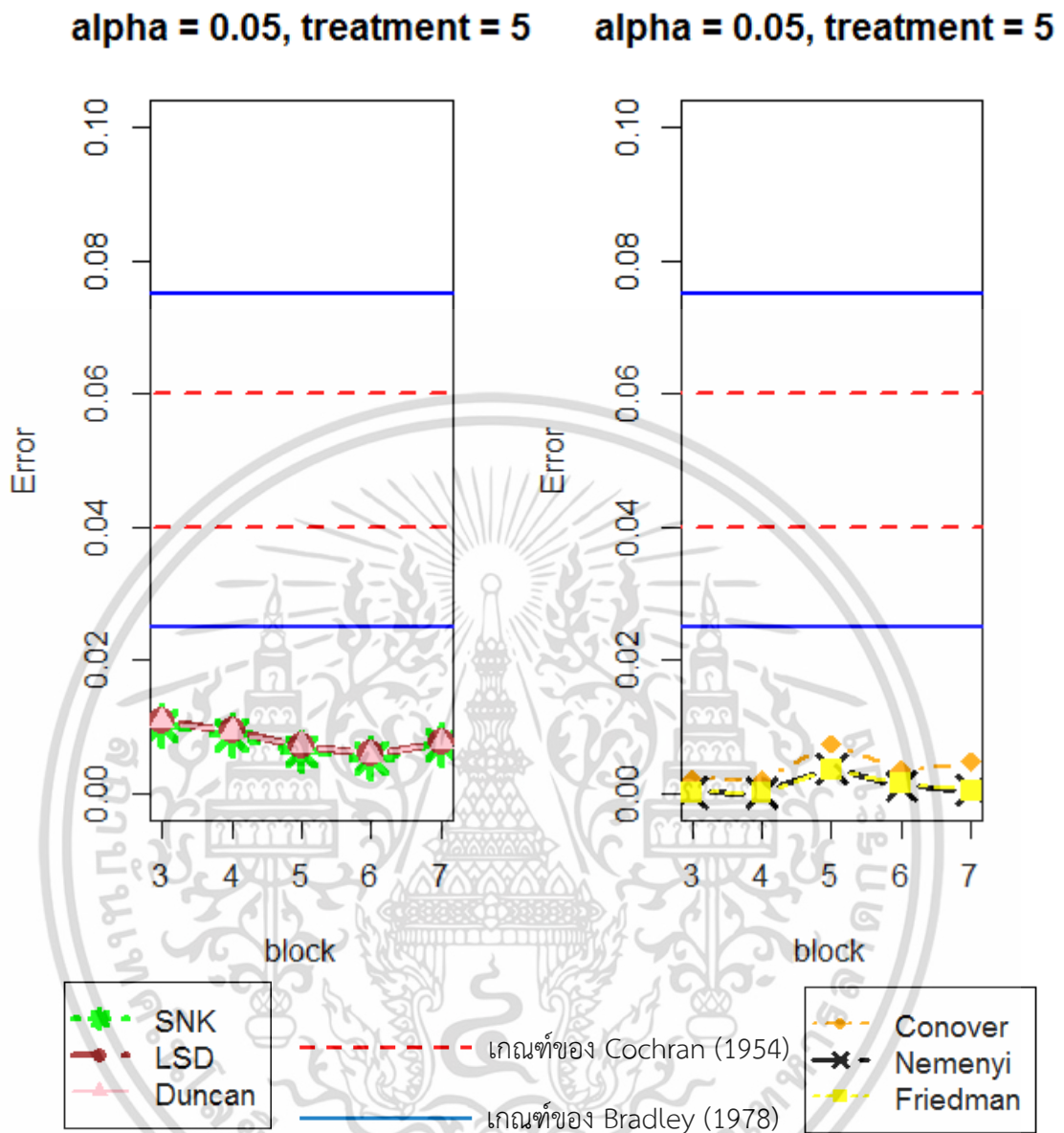
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์สำหรับใช้ภายในห้องสมุดของมหาวิทยาลัยราชภัฏวชิรเวศน์บุรีรัมย์
BC หมายถึง ผ่านทั้งเกณฑ์ของ Bradley และเกณฑ์ของ Cochran
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.4 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

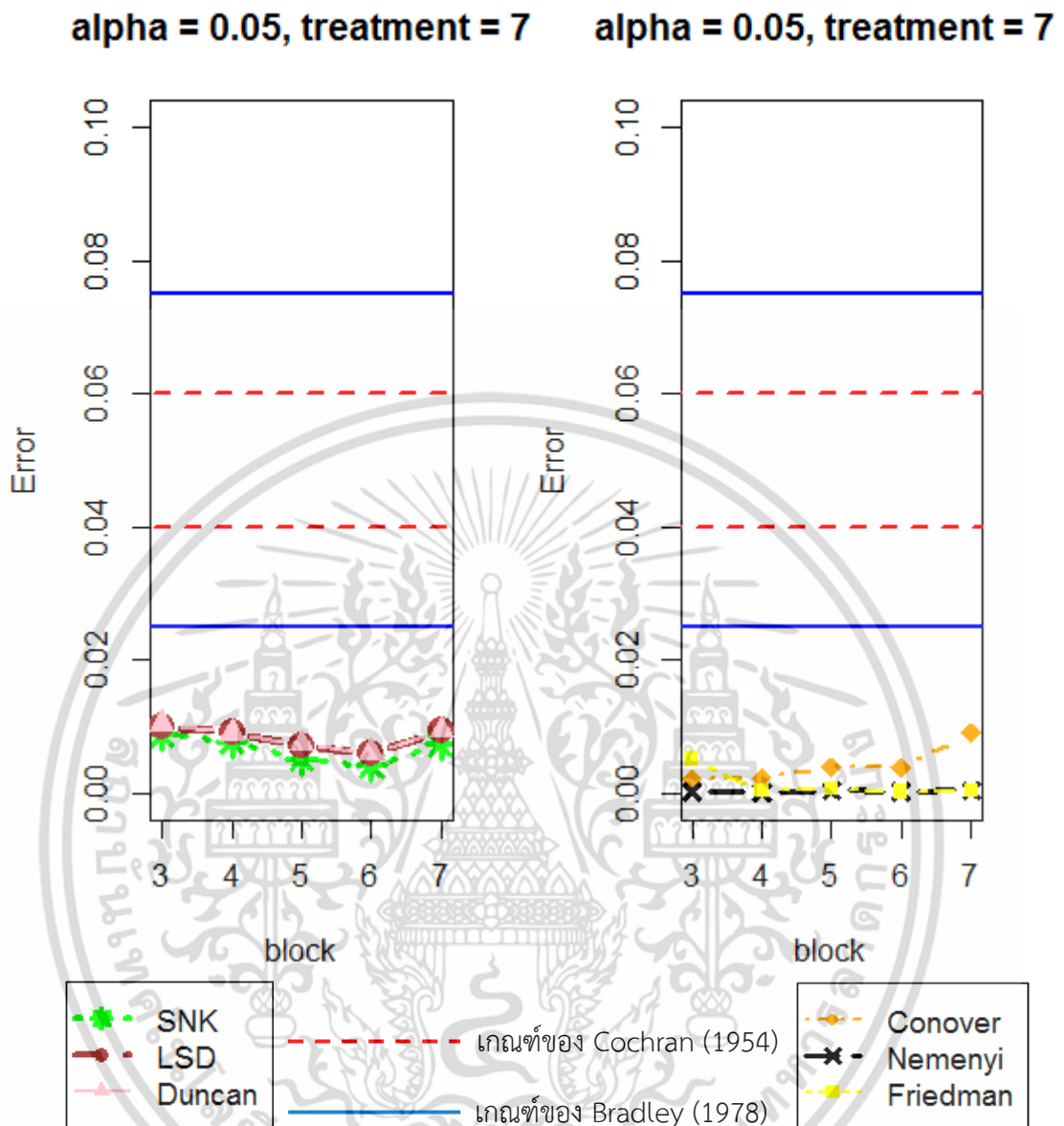
จากรูปที่ 4.4 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.5 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีสัญลักษณ์ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.5 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์



รูปที่ 4.6 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.6 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

3) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10

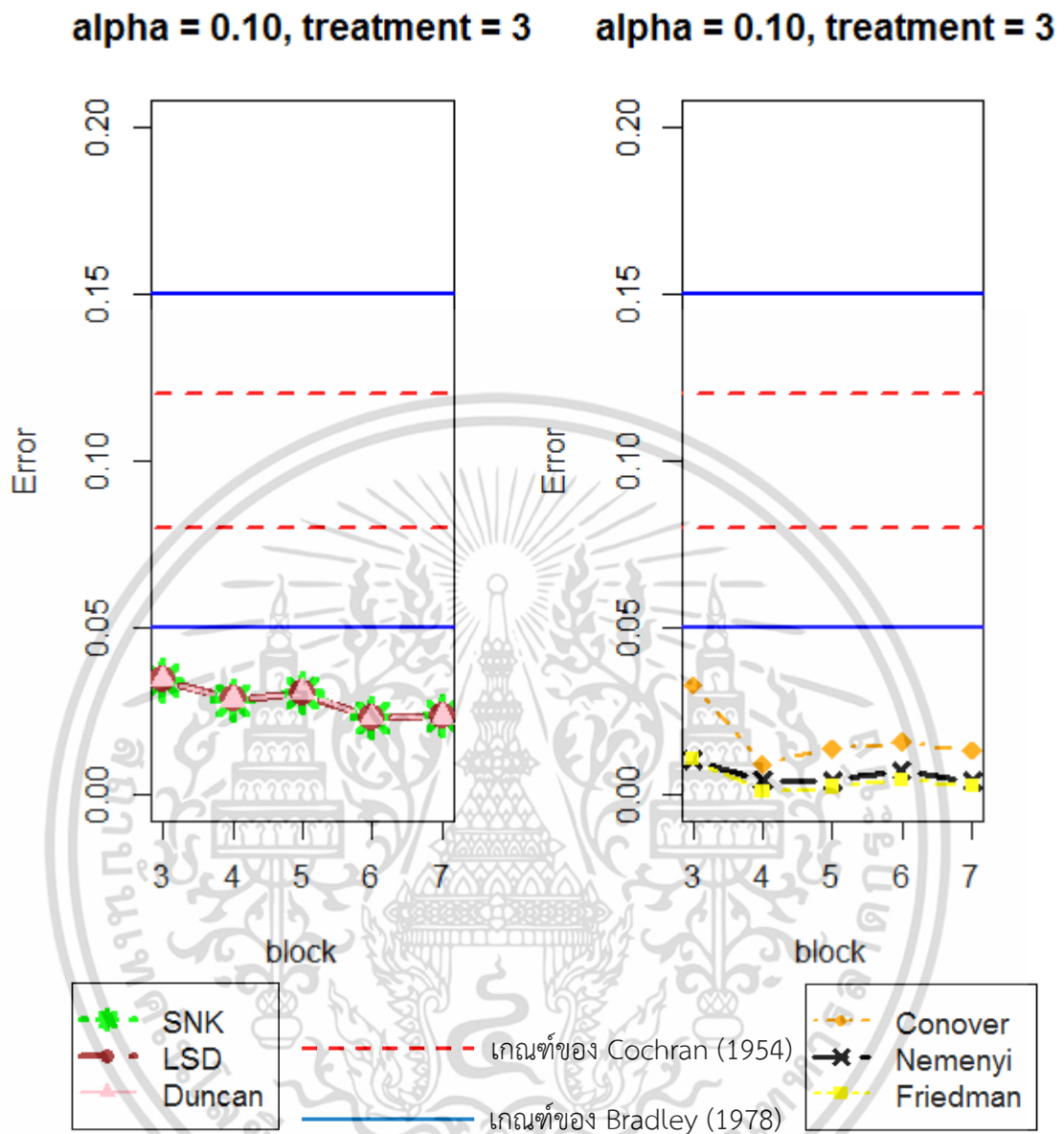
จากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10 สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.3 และรูปที่ 4.8 – 4.9

ตารางที่ 4.3 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1. SNK	0.0340	0.0241	0.0194
	2. LSD	0.0343	0.0254	0.0229
	3. Duncan	0.0344	0.0254	0.0226
	4. Conover	0.0326	0.0084	0.0081
	5. Nemenyi	0.0102	0.0024	0.0020
	6. Friedman	0.0104	0.0003	0.0008
4	1. SNK	0.0280	0.0211	0.0160
	2. LSD	0.0283	0.0223	0.0188
	3. Duncan	0.0281	0.0000	0.0189
	4. Conover	0.0089	0.0114	0.0102
	5. Nemenyi	0.0040	0.0029	0.0028
	6. Friedman	0.0007	0.0002	0.0006
5	1. SNK	0.0303	0.0201	0.018
	2. LSD	0.0301	0.0211	0.0204
	3. Duncan	0.0304	0.0214	0.0203
	4. Conover	0.0134	0.0212	0.0140
	5. Nemenyi	0.0039	0.0127	0.0029
	6. Friedman	0.0021	0.0076	0.0011
6	1. SNK	0.0227	0.0179	0.0129
	2. LSD	0.0228	0.0189	0.0154
	3. Duncan	0.0228	0.0189	0.0152
	4. Conover	0.0156	0.0140	0.0128
	5. Nemenyi	0.0072	0.0032	0.0032
	6. Friedman	0.0042	0.0023	0.0014
7	1. SNK	0.0233	0.0177	0.0169
	2. LSD	0.0234	0.0198	0.0226
	3. Duncan	0.0230	0.0196	0.0228
	4. Conover	0.0130	0.0157	0.0224
	5. Nemenyi	0.0038	0.0042	0.0136
	6. Friedman	0.0023	0.0016	0.0072

หมายเหตุ B หมายถึง ผ่านเกณฑ์ของ Bradley

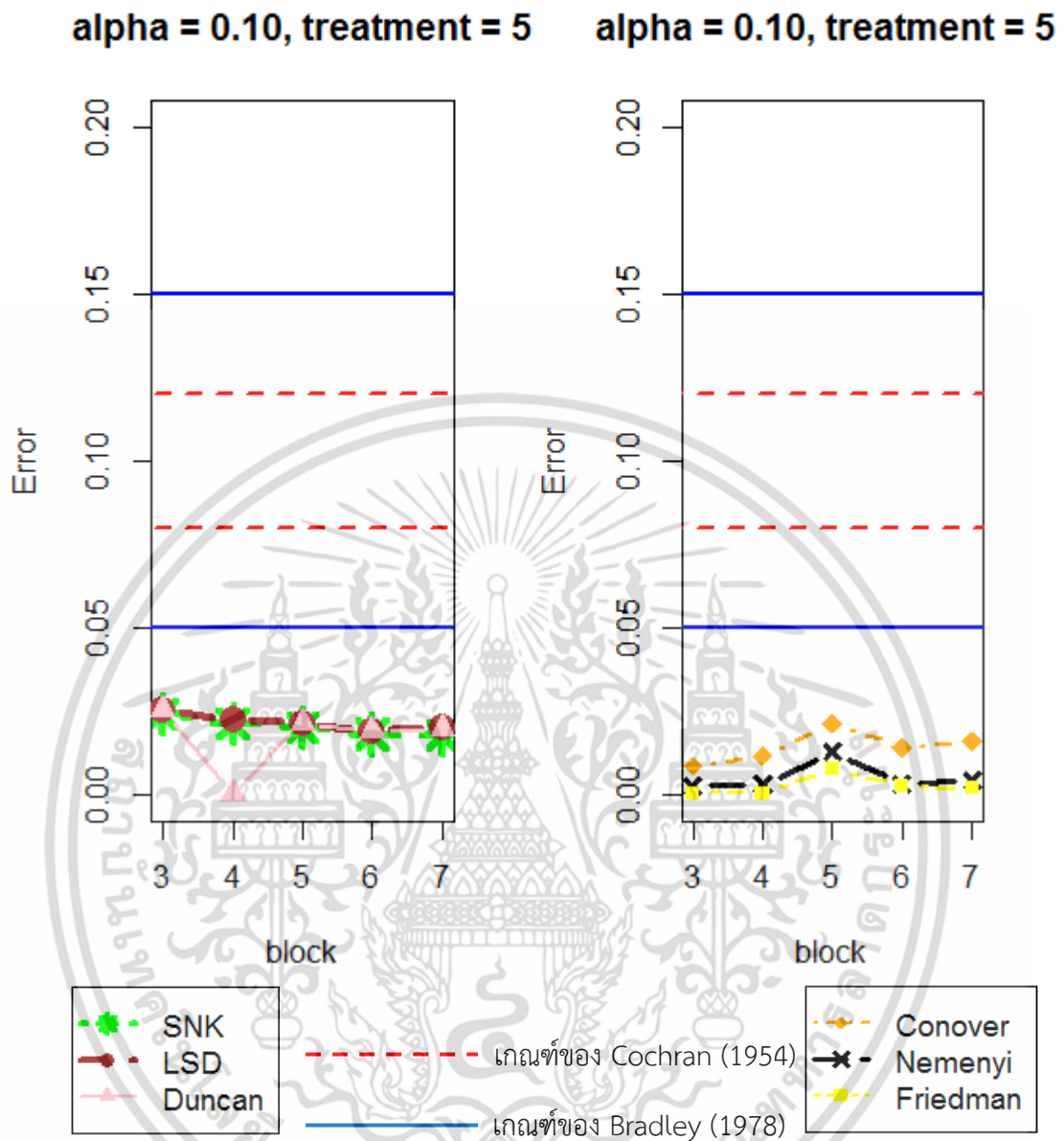
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์สำหรับใช้ภายในห้องสมุดของมหาวิทยาลัยราชภัฏวชิรเวศน์บุรีรัมย์ โดยไม่หวังกำไร หากมีข้อผิดพลาดประการใด ขออภัยและต้องอภัยถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.7 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีสถานการณ์ที่ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

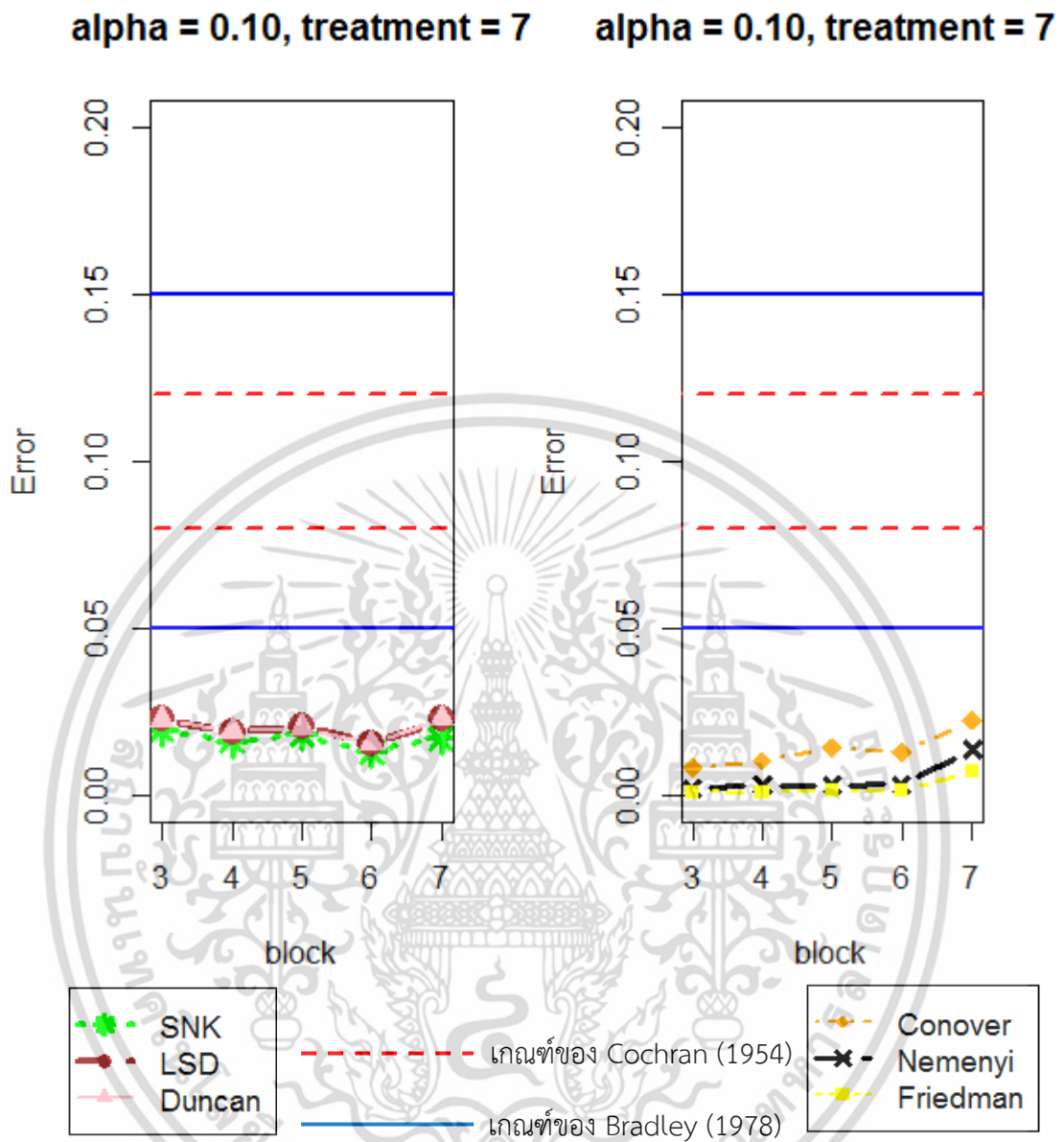
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.8 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กระจายค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.8 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.9 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.9 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.1.1.2 กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน

1) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01

จากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01 สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.4 และรูปที่ 4.10 – 4.12

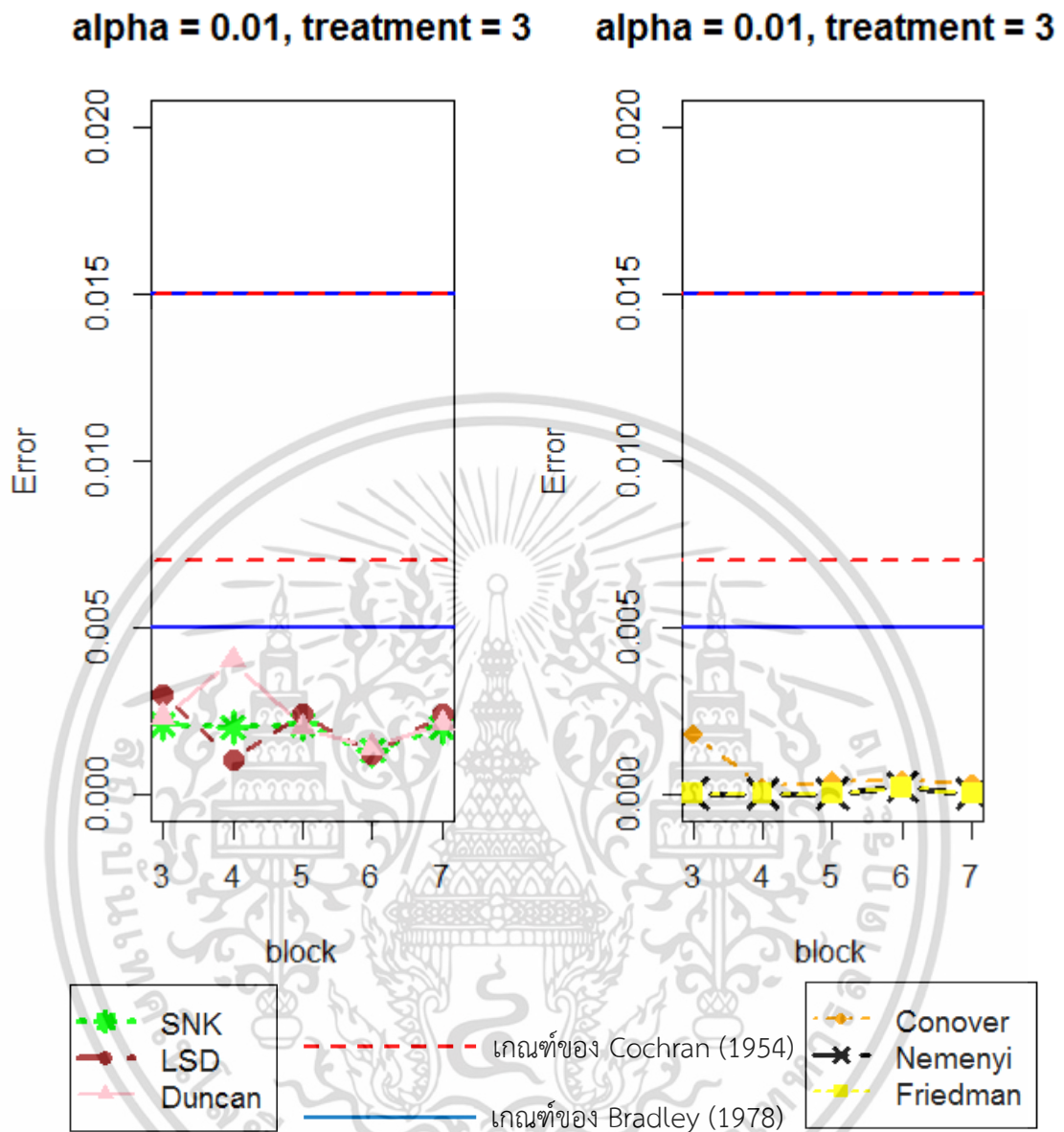
ตารางที่ 4.4 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1. SNK	0.0021	0.0010	0.0002
	2. LSD	0.0030	0.0013	0.0003
	3. Duncan	0.0023	0.0014	0.0003
	4. Conover	0.0018	0.0001	0.0000
	5. Nemenyi	0.0000	0.0000	0.0000
	6. Friedman	0.0000	0.0000	0.0000
4	1. SNK	0.0020	0.0007	0.0007
	2. LSD	0.0010	0.0008	0.0008
	3. Duncan	0.0040	0.0009	0.0008
	4. Conover	0.0002	0.0000	0.0003
	5. Nemenyi	0.0000	0.0000	0.0000
	6. Friedman	0.0000	0.0000	0.0000
5	1. SNK	0.0021	0.0008	0.0002
	2. LSD	0.0024	0.0009	0.0003
	3. Duncan	0.0020	0.0008	0.0003
	4. Conover	0.0004	0.0005	0.0000
	5. Nemenyi	0.0000	0.0001	0.0000
	6. Friedman	0.0000	0.0001	0.0000
6	1. SNK	0.0013	0.0007	0.0003
	2. LSD	0.0012	0.0009	0.0006
	3. Duncan	0.0014	0.0008	0.0005
	4. Conover	0.0004	0.0001	0.0003
	5. Nemenyi	0.0002	0.0000	0.0000
	6. Friedman	0.0002	0.0000	0.0000
7	1. SNK	0.0020	0.0004	0.0026
	2. LSD	0.0024	0.0004	0.0011
	3. Duncan	0.0021	0.0002	0.0014
	4. Conover	0.0003	0.0000	0.0001
	5. Nemenyi	0.0000	0.0000	0.0011
	6. Friedman	0.0000	0.0000	0.0010

หมายเหตุ B หมายถึง ผ่านเกณฑ์ของ Bradley

BC หมายถึง ผ่านทั้งเกณฑ์ของ Bradley และเกณฑ์ของ Cochran

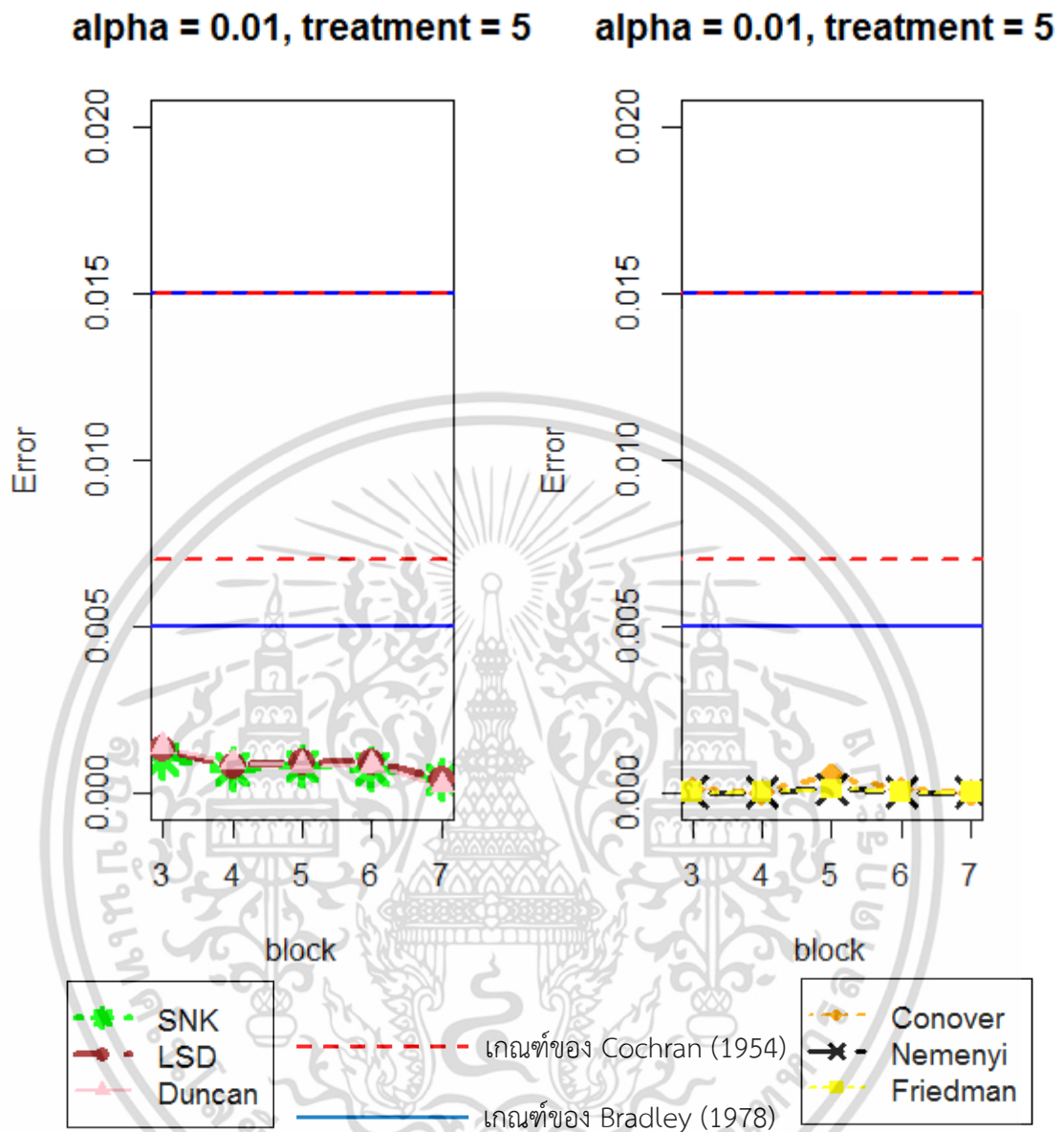
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.10 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กระจายค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.10 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

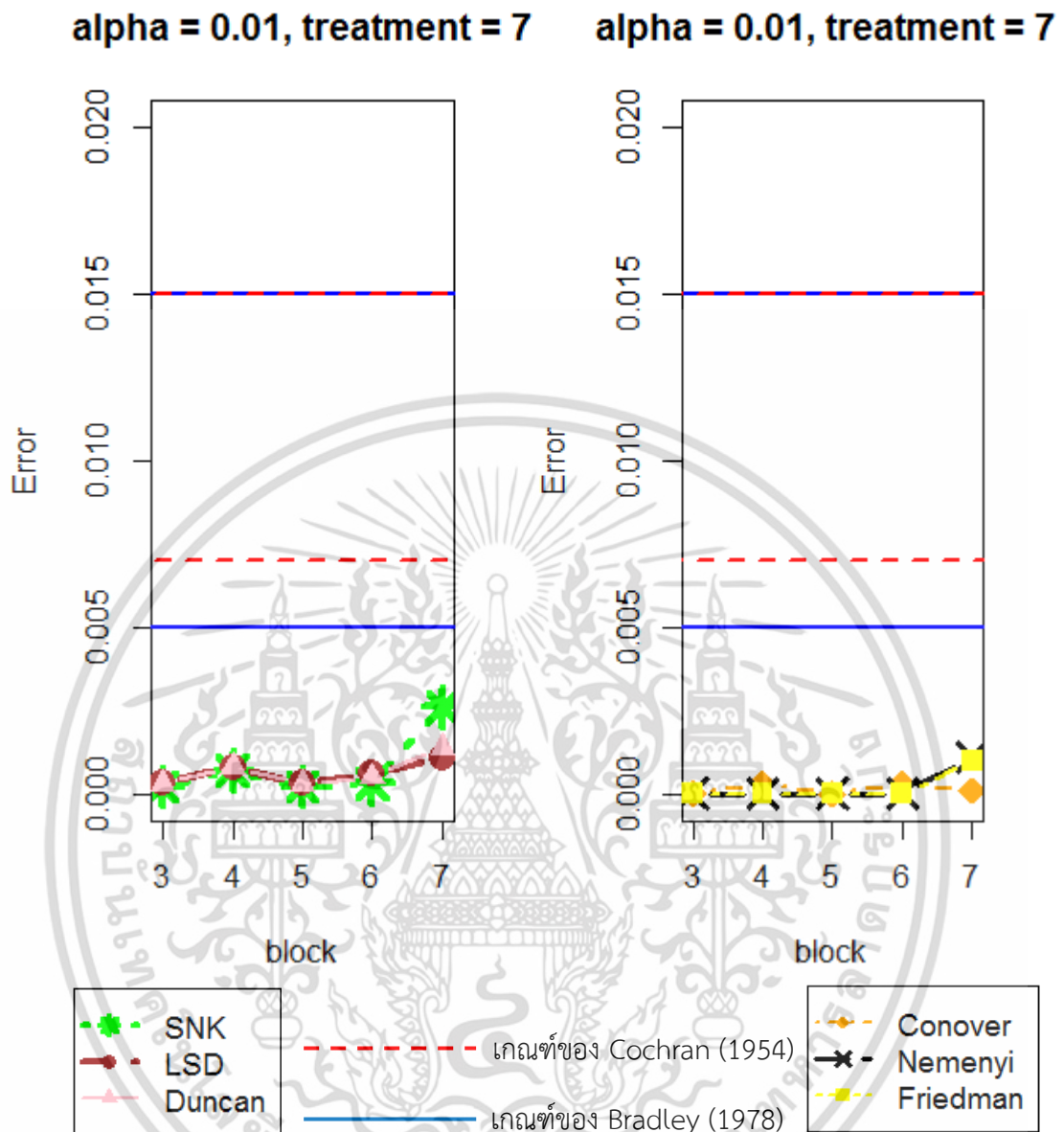
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.11 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.11 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.12 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กระจายค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.12 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05

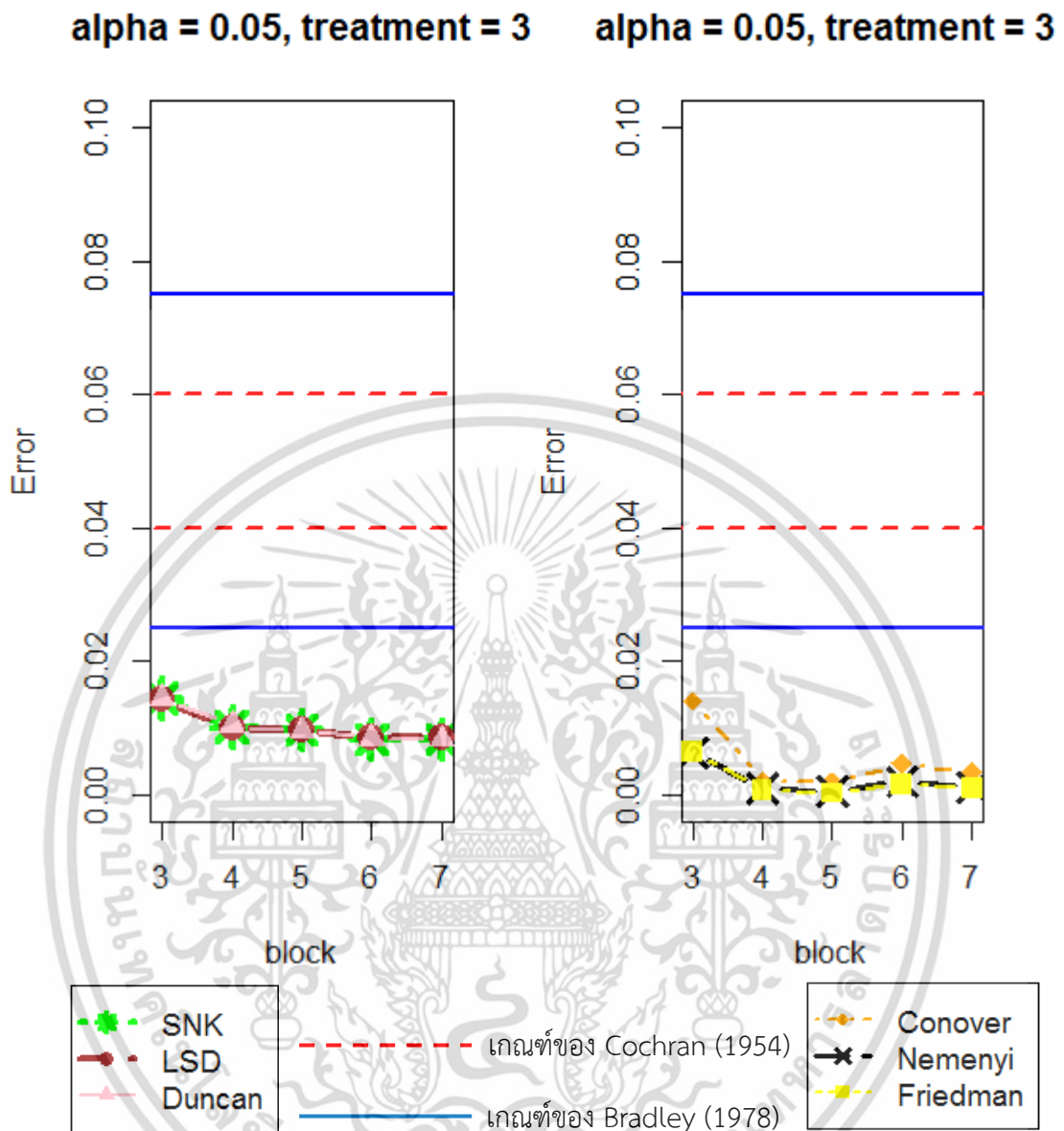
จากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05 สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.5 และรูปที่ 4.13 – 4.15

ตารางที่ 4.5 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1. SNK	0.0144	0.0074	0.0062
	2. LSD	0.0142	0.0084	0.0071
	3. Duncan	0.0144	0.0082	0.0074
	4. Conover	0.0140	0.0012	0.0016
	5. Nemenyi	0.0062	0.0002	0.0003
	6. Friedman	0.0064	0.0002	0.0004
4	1. SNK	0.0101	0.0073	0.0062
	2. LSD	0.0101	0.0081	0.0081
	3. Duncan	0.0103	0.0084	0.0084
	4. Conover	0.0020	0.0026	0.0023
	5. Nemenyi	0.0009	0.0006	0.0001
	6. Friedman	0.0007	0.0005	0.0001
5	1. SNK	0.0097	0.0078	0.0048
	2. LSD	0.0097	0.0087	0.0057
	3. Duncan	0.0096	0.0088	0.0056
	4. Conover	0.0019	0.0085	0.0019
	5. Nemenyi	0.0004	0.0044	0.0003
	6. Friedman	0.0002	0.0041	0.0004
6	1. SNK	0.0083	0.0056	0.0050
	2. LSD	0.0084	0.0068	0.0057
	3. Duncan	0.0084	0.0067	0.0057
	4. Conover	0.0047	0.0033	0.0030
	5. Nemenyi	0.0019	0.0010	0.00056
	6. Friedman	0.0016	0.0014	0.0059
7	1. SNK	0.0082	0.0054	0.0061
	2. LSD	0.0084	0.0060	0.0079
	3. Duncan	0.0082	0.0060	0.0078
	4. Conover	0.0034	0.0032	0.0078
	5. Nemenyi	0.0010	0.0004	0.0033
	6. Friedman	0.0010	0.0001	0.0030

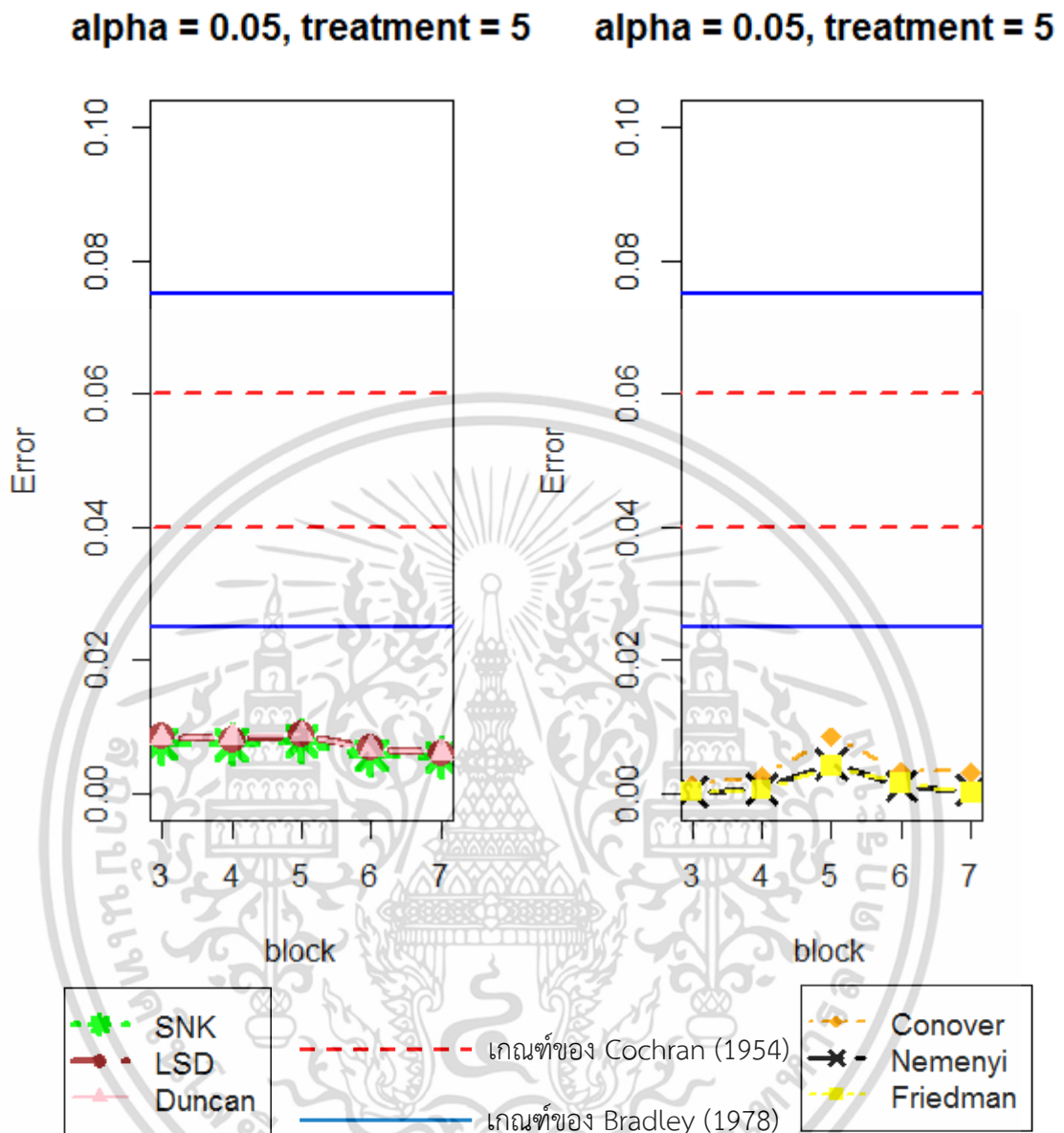
หมายเหตุ B หมายถึง ผ่านเกณฑ์ของ Bradley

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์สำหรับใช้ภายในเท่านั้น การเผยแพร่โดยไม่ได้รับอนุญาตจะถือว่าผิดกฎหมาย
BC หมายถึง ผ่านทั้งเกณฑ์ของ Bradley และเกณฑ์ของ Cochran
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.13 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

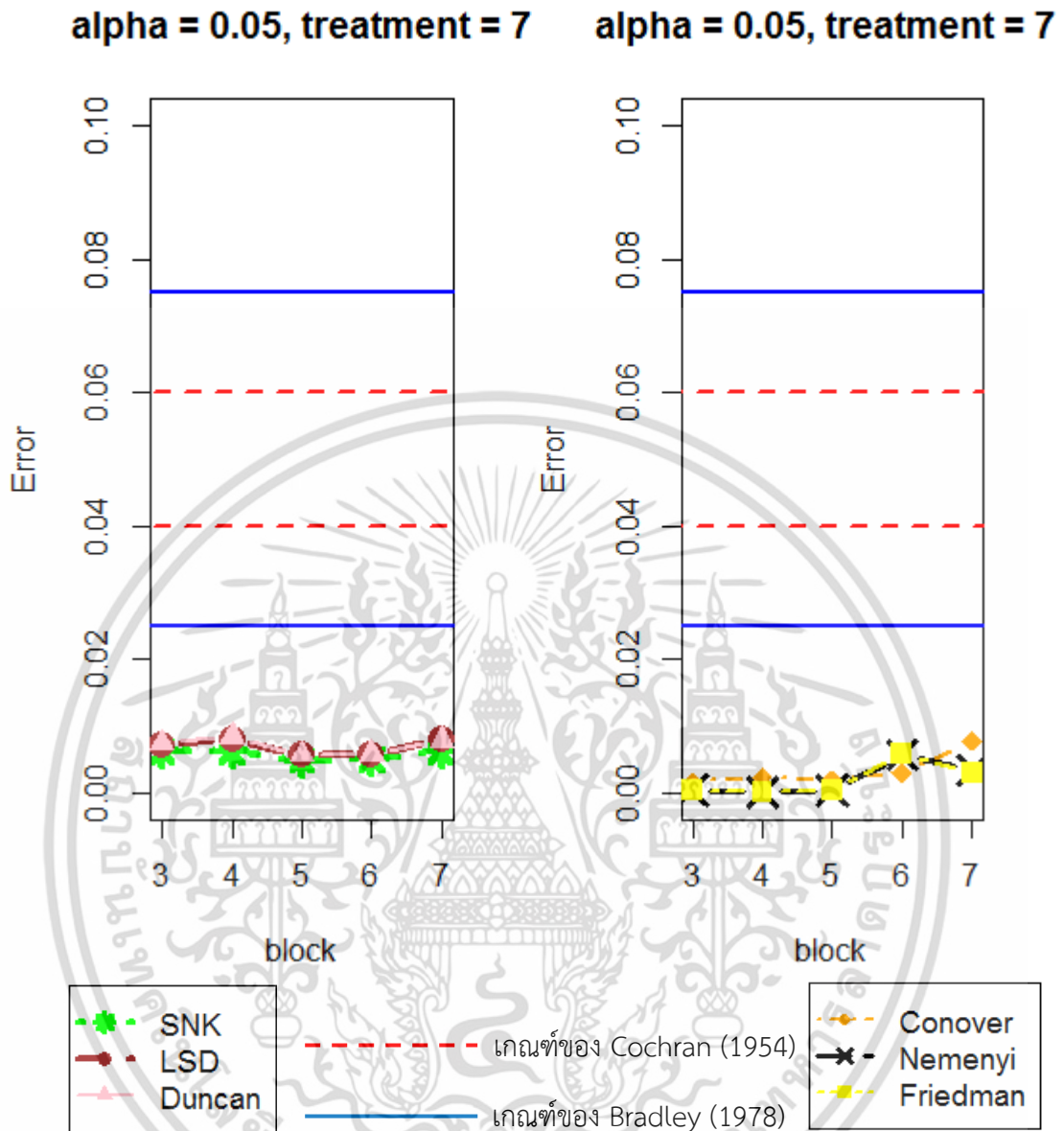
จากรูปที่ 4.13 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์



รูปที่ 4.14 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.14 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.15 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.15 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

3) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10

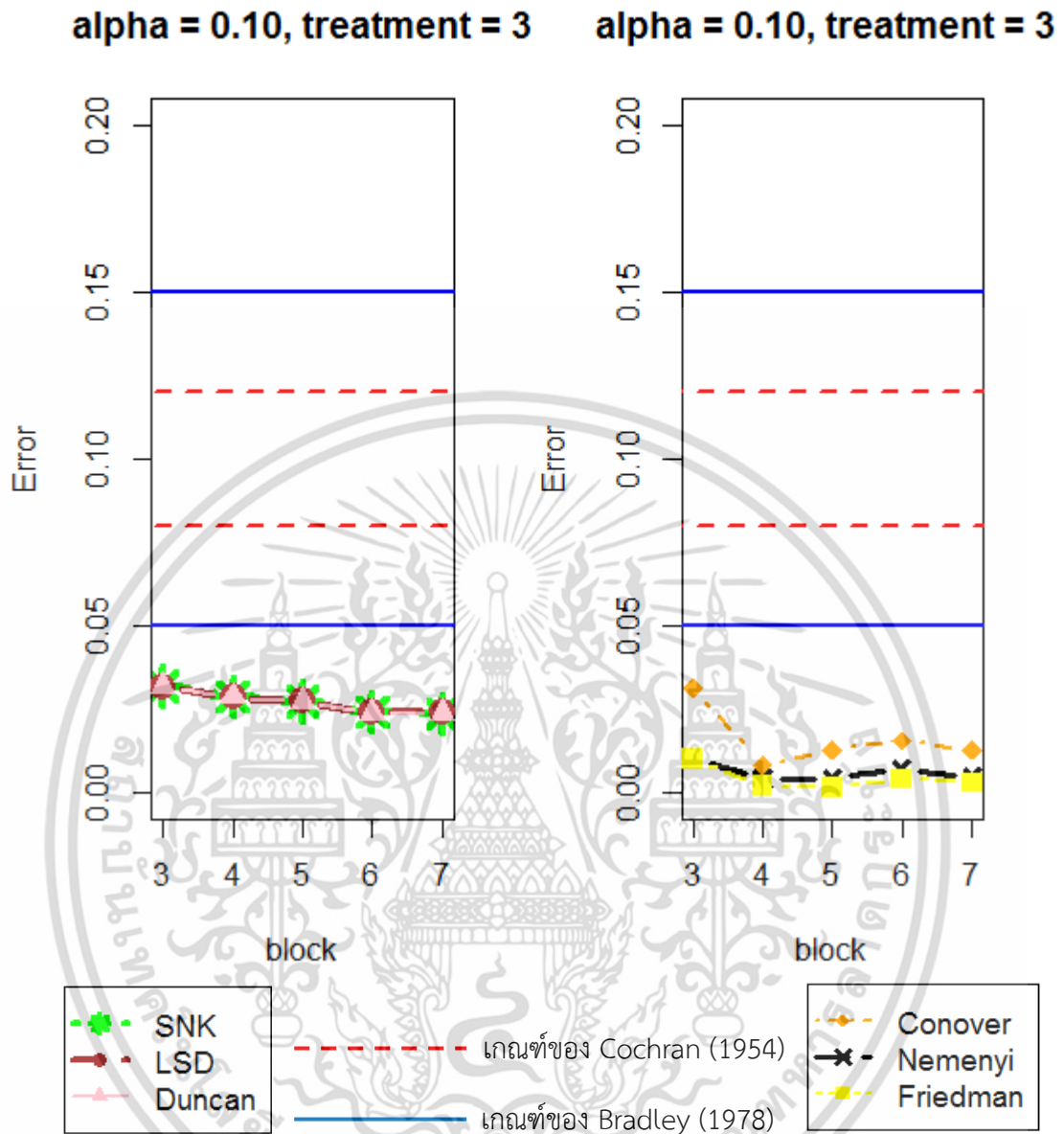
จากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10 สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.6 และรูปที่ 4.16 – 4.18

ตารางที่ 4.6 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1. SNK	0.0317	0.0207	0.0169
	2. LSD	0.0315	0.0223	0.0197
	3. Duncan	0.0317	0.0223	0.0195
	4. Conover	0.0312	0.0086	0.0071
	5. Nemenyi	0.0101	0.0017	0.0013
	6. Friedman	0.0100	0.0004	0.0007
4	1. SNK	0.0287	0.0209	0.0163
	2. LSD	0.0285	0.0219	0.0203
	3. Duncan	0.0285	0.0217	0.0203
	4. Conover	0.0081	0.0093	0.0093
	5. Nemenyi	0.0039	0.0036	0.0026
	6. Friedman	0.0017	0.0002	0.0009
5	1. SNK	0.0271	0.0199	0.0168
	2. LSD	0.0273	0.0214	0.0202
	3. Duncan	0.0270	0.0214	0.0202
	4. Conover	0.0127	0.0213	0.0146
	5. Nemenyi	0.0040	0.0120	0.0047
	6. Friedman	0.0012	0.0088	0.0021
6	1. SNK	0.0239	0.0201	0.0148
	2. LSD	0.0238	0.0212	0.0180
	3. Duncan	0.0238	0.0214	0.0180
	4. Conover	0.0154	0.0148	0.0139
	5. Nemenyi	0.0069	0.0029	0.0034
	6. Friedman	0.0039	0.0016	0.0020
7	1. SNK	0.0235	0.0201	0.0229
	2. LSD	0.0239	0.0210	0.0278
	3. Duncan	0.0236	0.0213	0.0277
	4. Conover	0.0126	0.0173	0.0278
	5. Nemenyi	0.0046	0.0048	0.0163
	6. Friedman	0.0027	0.0023	0.0104

หมายเหตุ B หมายถึง ผ่านเกณฑ์ของ Bradley

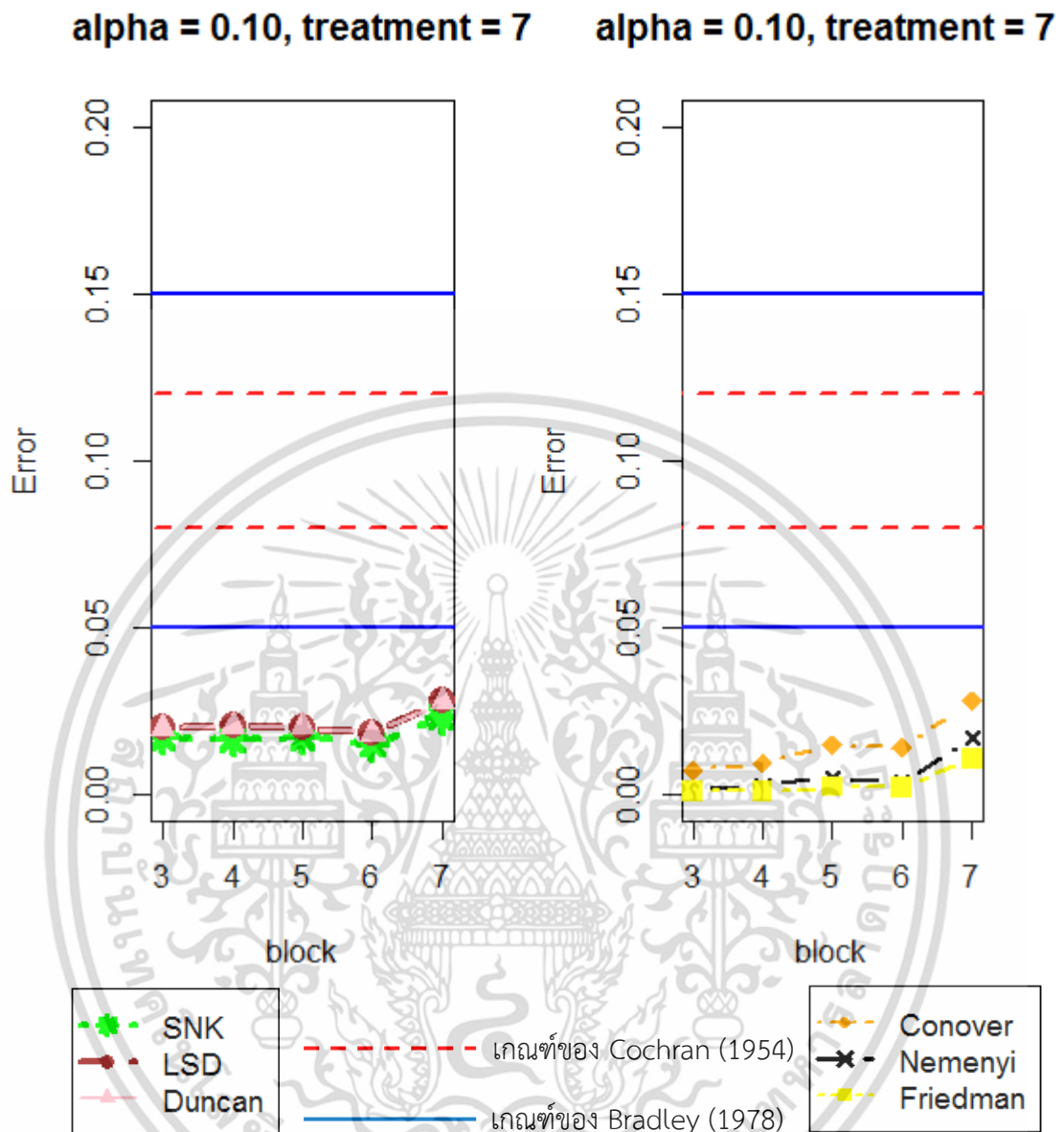
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์สำหรับใช้ภายในเท่านั้น การเผยแพร่โดยไม่ได้รับอนุญาตจะถือว่าผิดกฎหมาย
BC หมายถึง ผ่านทั้งเกณฑ์ของ Bradley และเกณฑ์ของ Cochran
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.16 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.16 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.18 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์ เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.18 พบว่าสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ ตามเกณฑ์ของ Cochran และ Bradley ในทุกสถานการณ์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.1.1.3 กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน

1) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01

จากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01 สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.7 และรูปที่ 4.19 – 4.21

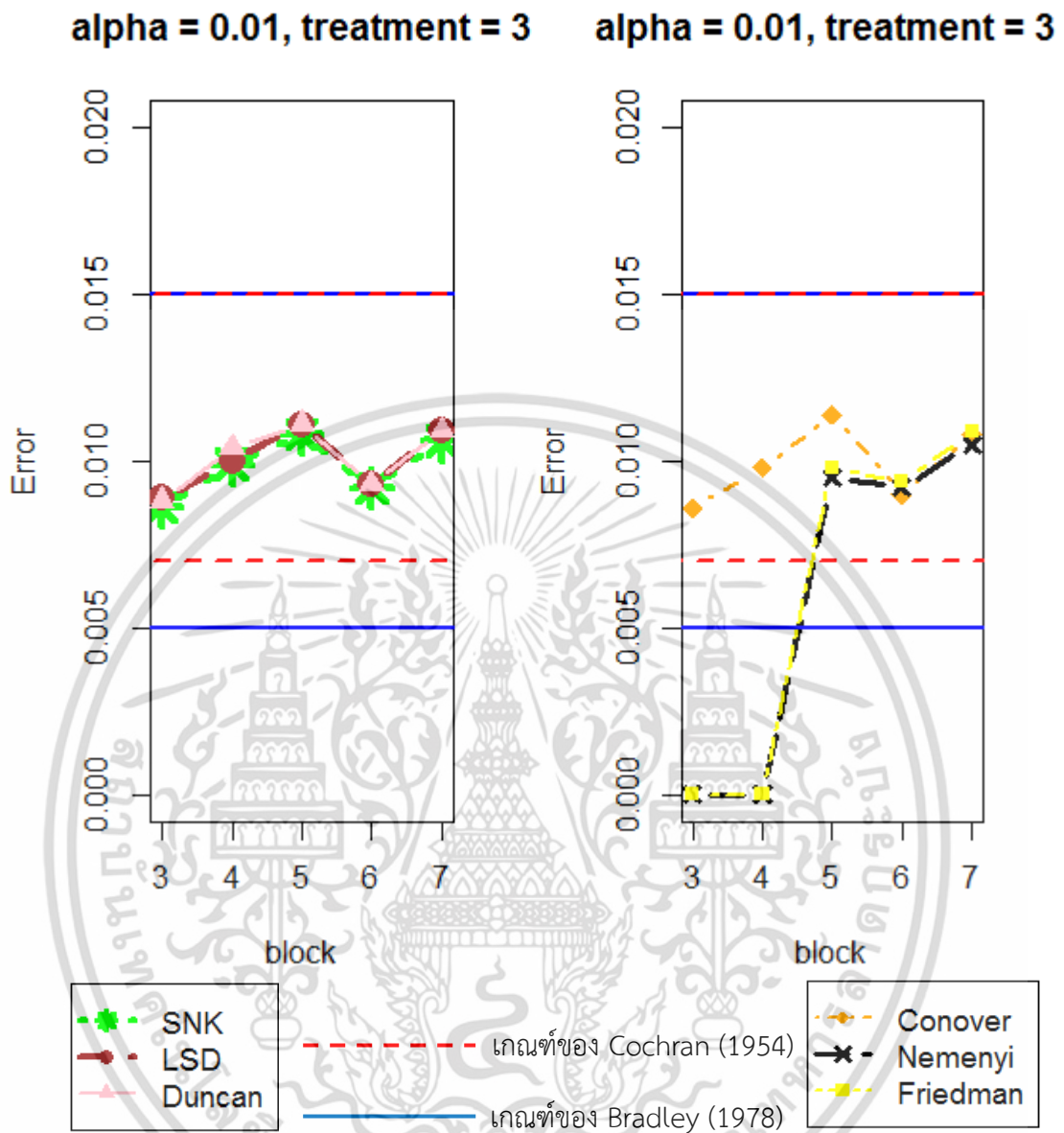
ตารางที่ 4.7 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1. SNK	0.0086 ^{BC}	0.0074 ^{BC}	0.0076 ^{BC}
	2. LSD	0.0089 ^{BC}	0.0085 ^{BC}	0.0096 ^{BC}
	3. Duncan	0.0088 ^{BC}	0.0087 ^{BC}	0.0095 ^{BC}
	4. Conover	0.0086 ^{BC}	0.0030	0.0033
	5. Nemenyi	0.0000	0.0000	0.0000
	6. Friedman	0.0000	0.0000	0.0000
4	1. SNK	0.0099 ^{BC}	0.0080 ^{BC}	0.0063 ^B
	2. LSD	0.0100 ^{BC}	0.0091 ^{BC}	0.0093 ^{BC}
	3. Duncan	0.0104 ^{BC}	0.0093 ^{BC}	0.0092 ^{BC}
	4. Conover	0.0098 ^{BC}	0.0066 ^B	0.0044
	5. Nemenyi	0.0000	0.0041	0.0022
	6. Friedman	0.0000	0.0044	0.0024
5	1. SNK	0.0108 ^{BC}	0.0078 ^{BC}	0.0071 ^{BC}
	2. LSD	0.0111 ^{BC}	0.0097 ^{BC}	0.0101 ^{BC}
	3. Duncan	0.0111 ^{BC}	0.0094 ^{BC}	0.0101 ^{BC}
	4. Conover	0.0114 ^{BC}	0.0096 ^{BC}	0.0057 ^B
	5. Nemenyi	0.0095 ^{BC}	0.0097 ^{BC}	0.0104 ^{BC}
	6. Friedman	0.0098 ^{BC}	0.0096 ^{BC}	0.0100 ^{BC}
6	1. SNK	0.0092 ^{BC}	0.0079 ^{BC}	0.0058 ^B
	2. LSD	0.0093 ^{BC}	0.0100 ^{BC}	0.0086 ^{BC}
	3. Duncan	0.0093 ^{BC}	0.0104 ^{BC}	0.0081 ^{BC}
	4. Conover	0.0090 ^{BC}	0.0104 ^{BC}	0.0061 ^B
	5. Nemenyi	0.0092 ^{BC}	0.0102 ^{BC}	0.0086 ^{BC}
	6. Friedman	0.0094 ^{BC}	0.0100 ^{BC}	0.0085 ^{BC}
7	1. SNK	0.0106 ^{BC}	0.0060 ^B	0.0070 ^{BC}
	2. LSD	0.0109 ^{BC}	0.0078 ^{BC}	0.0153
	3. Duncan	0.0109 ^{BC}	0.0077 ^{BC}	0.0142 ^{BC}
	4. Conover	0.0108 ^{BC}	0.0075 ^{BC}	0.0152
	5. Nemenyi	0.0105 ^{BC}	0.0078 ^{BC}	0.0153
	6. Friedman	0.0109 ^{BC}	0.0077 ^{BC}	0.0153

หมายเหตุ B หมายถึง ผ่านเกณฑ์ของ Bradley

BC หมายถึง ผ่านทั้งเกณฑ์ของ Bradley และเกณฑ์ของ Cochran

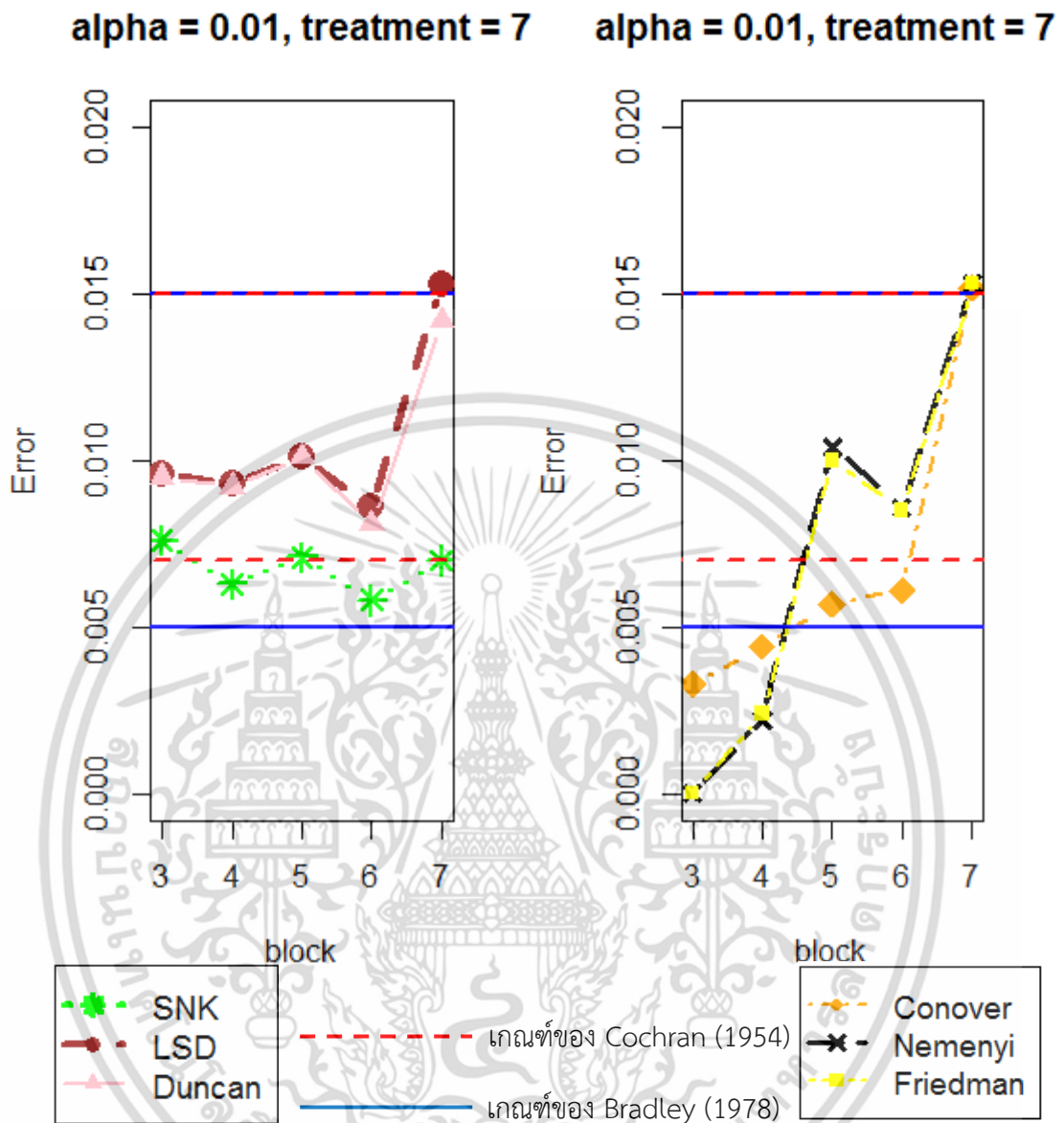
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.19 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.19 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.21 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.21 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK และ Duncan แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 4 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 7 ตัวสถิติทดสอบ LSD ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05

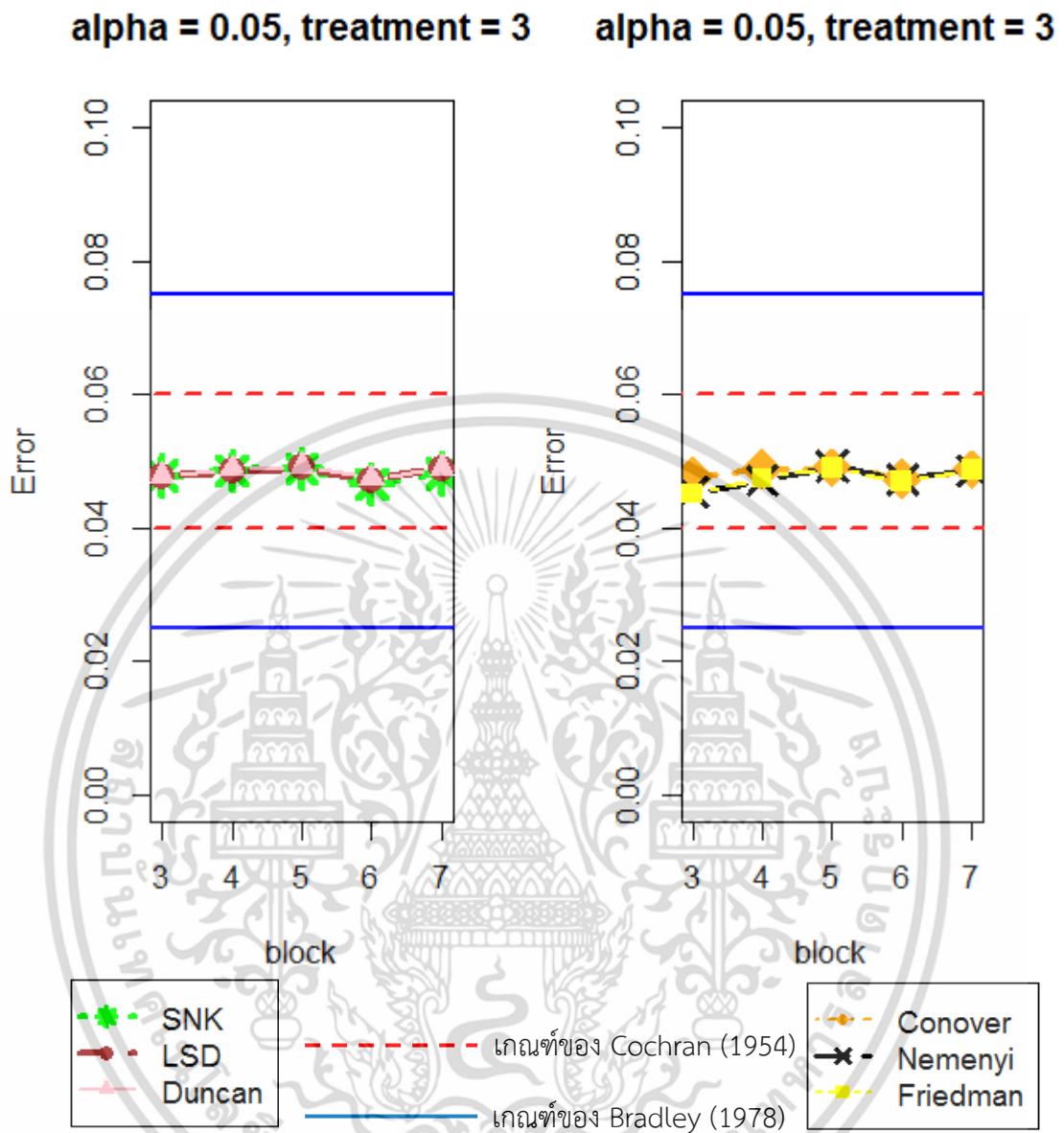
จากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05 สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.8 และรูปที่ 4.22 – 4.24

ตารางที่ 4.8 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จำนวนบล็อก	สถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1. SNK	0.0478 ^{BC}	0.0454 ^{BC}	0.0401 ^{BC}
	2. LSD	0.0476 ^{BC}	0.0502 ^{BC}	0.0490 ^{BC}
	3. Duncan	0.0477 ^{BC}	0.0501 ^{BC}	0.0490 ^{BC}
	4. Conover	0.0477 ^{BC}	0.0262 ^B	0.0189
	5. Nemenyi	0.0453 ^{BC}	0.0143	0.0214
	6. Friedman	0.0451 ^{BC}	0.0145	0.0214
4	1. SNK	0.0486 ^{BC}	0.0474 ^{BC}	0.0400 ^{BC}
	2. LSD	0.0485 ^{BC}	0.0537 ^{BC}	0.0502 ^{BC}
	3. Duncan	0.0488 ^{BC}	0.0536 ^{BC}	0.0504 ^{BC}
	4. Conover	0.0488 ^{BC}	0.0394 ^B	0.0183
	5. Nemenyi	0.0471 ^{BC}	0.0517 ^{BC}	0.0496 ^{BC}
	6. Friedman	0.0474 ^{BC}	0.0515 ^{BC}	0.0498 ^{BC}
5	1. SNK	0.0489 ^{BC}	0.0453 ^{BC}	0.0356 ^B
	2. LSD	0.0490 ^{BC}	0.0509 ^{BC}	0.0486 ^{BC}
	3. Duncan	0.0493 ^{BC}	0.0509 ^{BC}	0.0487 ^{BC}
	4. Conover	0.0490 ^{BC}	0.0506 ^{BC}	0.0310 ^B
	5. Nemenyi	0.0492 ^{BC}	0.0509 ^{BC}	0.0487 ^{BC}
	6. Friedman	0.0490 ^{BC}	0.0507 ^{BC}	0.0486 ^{BC}
6	1. SNK	0.0466 ^{BC}	0.0451 ^{BC}	0.0411 ^{BC}
	2. LSD	0.0471 ^{BC}	0.0504 ^{BC}	0.0521 ^{BC}
	3. Duncan	0.0474 ^{BC}	0.0501 ^{BC}	0.0521 ^{BC}
	4. Conover	0.0474 ^{BC}	0.0501 ^{BC}	0.0400 ^{BC}
	5. Nemenyi	0.0472 ^{BC}	0.0503 ^{BC}	0.0521 ^{BC}
	6. Friedman	0.0470 ^{BC}	0.0504 ^{BC}	0.0524 ^{BC}
7	1. SNK	0.0481 ^{BC}	0.0430 ^{BC}	0.0444 ^{BC}
	2. LSD	0.0489 ^{BC}	0.0509 ^{BC}	0.0671 ^B
	3. Duncan	0.0489 ^{BC}	0.0506 ^{BC}	0.0670 ^B
	4. Conover	0.0487 ^{BC}	0.0506 ^{BC}	0.0673 ^B
	5. Nemenyi	0.0485 ^{BC}	0.0508 ^{BC}	0.0674 ^B
	6. Friedman	0.0487 ^{BC}	0.0505 ^{BC}	0.0673 ^B

หมายเหตุ B หมายถึง ผ่านเกณฑ์ของ Bradley

BC หมายถึง ผ่านทั้งเกณฑ์ของ Bradley และเกณฑ์ของ Cochran
 เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์สำหรับใช้ภายในห้องปฏิบัติการวิจัยเท่านั้น ไม่ควรเผยแพร่โดยไม่ได้รับอนุญาต
 ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

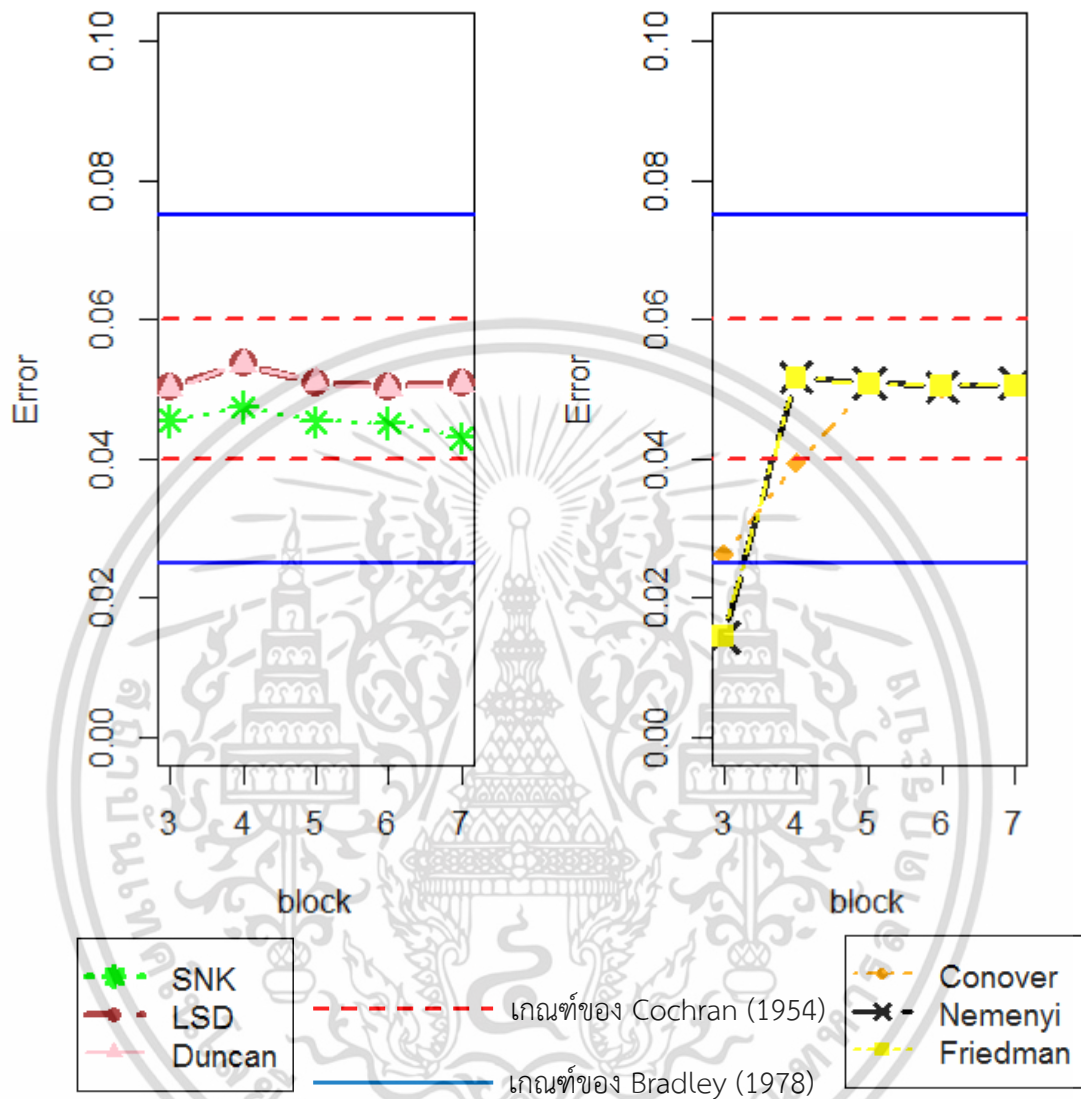


รูปที่ 4.22 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.22 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

alpha = 0.05, treatment = 5 alpha = 0.05, treatment = 5



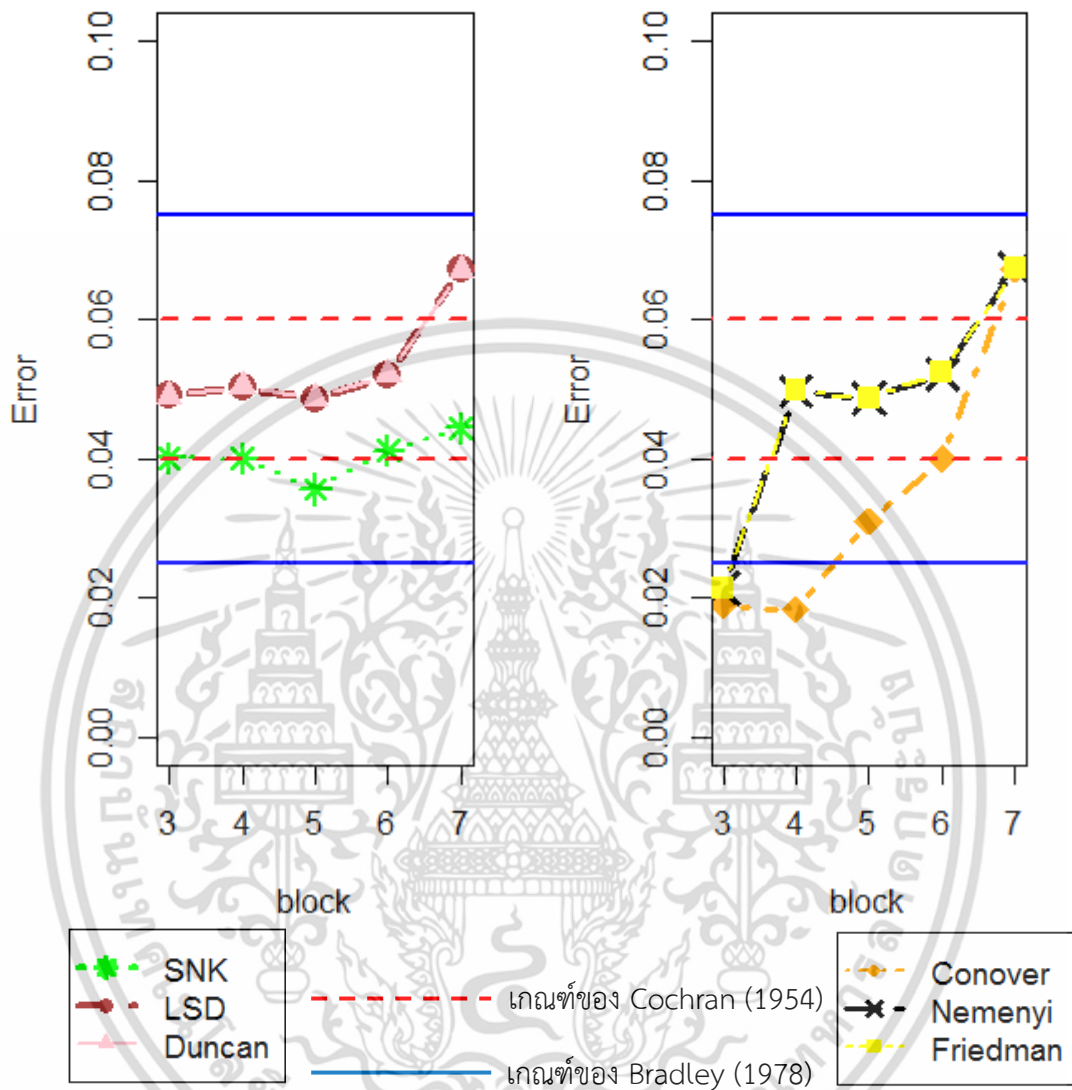
รูปที่ 4.23 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.23 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan และ Conover แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

alpha = 0.05, treatment = 7

alpha = 0.05, treatment = 7



รูปที่ 4.24 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.24 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Conover ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

3) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10

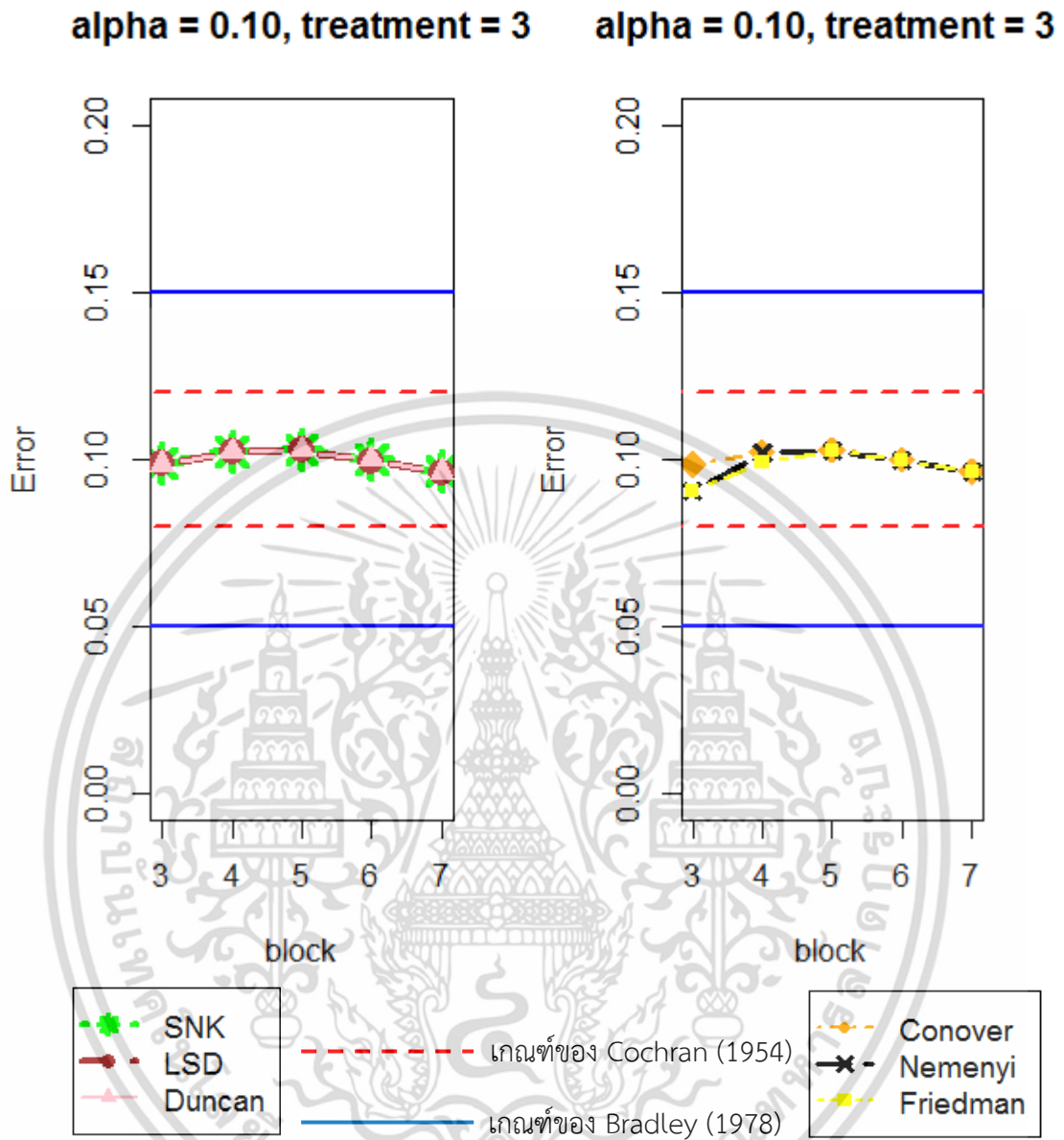
จากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10 สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.9 และรูปที่ 4.25 – 4.27

ตารางที่ 4.9 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จำนวนบล็อก	สถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1. SNK	0.0988 ^{BC}	0.0910 ^{BC}	0.0886 ^{BC}
	2. LSD	0.0986 ^{BC}	0.0966 ^{BC}	0.1019 ^{BC}
	3. Duncan	0.0985 ^{BC}	0.0965 ^{BC}	0.1018 ^{BC}
	4. Conover	0.0986 ^{BC}	0.0527 ^B	0.0386
	5. Nemenyi	0.0905 ^{BC}	0.0588 ^B	0.0739 ^B
	6. Friedman	0.0906 ^{BC}	0.0287	0.0468
4	1. SNK	0.1023 ^{BC}	0.0961 ^{BC}	0.0889 ^{BC}
	2. LSD	0.1023 ^{BC}	0.1023 ^{BC}	0.1043 ^{BC}
	3. Duncan	0.1021 ^{BC}	0.1023 ^{BC}	0.1041 ^{BC}
	4. Conover	0.1022 ^{BC}	0.0729 ^B	0.1044 ^{BC}
	5. Nemenyi	0.1020 ^{BC}	0.1022 ^{BC}	0.1043 ^{BC}
	6. Friedman	0.0991 ^{BC}	0.0996 ^{BC}	0.1023 ^{BC}
5	1. SNK	0.1029 ^{BC}	0.0897 ^{BC}	0.0841 ^{BC}
	2. LSD	0.1028 ^{BC}	0.0970 ^{BC}	0.1004 ^{BC}
	3. Duncan	0.1027 ^{BC}	0.0971 ^{BC}	0.1003 ^{BC}
	4. Conover	0.1028 ^{BC}	0.0970 ^{BC}	0.0626 ^{BC}
	5. Nemenyi	0.1026 ^{BC}	0.0970 ^{BC}	0.1004 ^{BC}
	6. Friedman	0.1025 ^{BC}	0.0972 ^{BC}	0.1002 ^{BC}
6	1. SNK	0.0999 ^{BC}	0.0910 ^{BC}	0.08189 ^{BC}
	2. LSD	0.0995 ^{BC}	0.1001 ^{BC}	0.0998 ^{BC}
	3. Duncan	0.0998 ^{BC}	0.1001 ^{BC}	0.0995 ^{BC}
	4. Conover	0.0998 ^{BC}	0.1004 ^{BC}	0.0779 ^B
	5. Nemenyi	0.0997 ^{BC}	0.1002 ^{BC}	0.0997 ^{BC}
	6. Friedman	0.0995 ^{BC}	0.1002 ^{BC}	0.0997 ^{BC}
7	1. SNK	0.0964 ^{BC}	0.0931 ^{BC}	0.0867 ^{BC}
	2. LSD	0.0961 ^{BC}	0.1017 ^{BC}	0.1153 ^{BC}
	3. Duncan	0.0960 ^{BC}	0.1017 ^{BC}	0.1154 ^{BC}
	4. Conover	0.0963 ^{BC}	0.1019 ^{BC}	0.1152 ^{BC}
	5. Nemenyi	0.0961 ^{BC}	0.1015 ^{BC}	0.1153 ^{BC}
	6. Friedman	0.0961 ^{BC}	0.1017 ^{BC}	0.1150 ^{BC}

หมายเหตุ B หมายถึง ผ่านเกณฑ์ของ Bradley

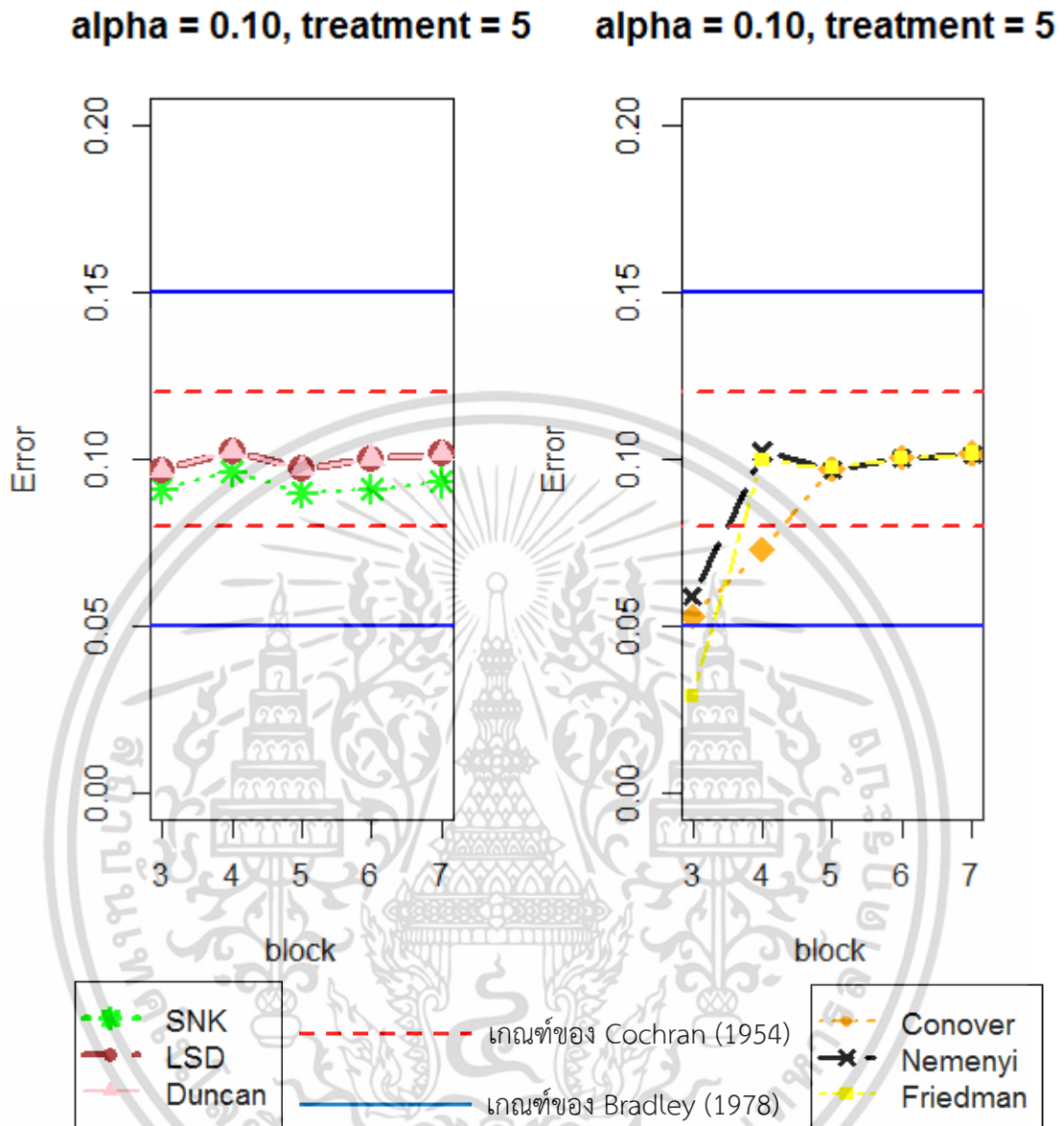
BC หมายถึง ผ่านทั้งเกณฑ์ของ Bradley และเกณฑ์ของ Cochran
 เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์สำหรับใช้ภายในเท่านั้น การเผยแพร่โดยไม่ได้รับอนุญาตจะถือว่าผิดกฎหมาย
 ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.25 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.25 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

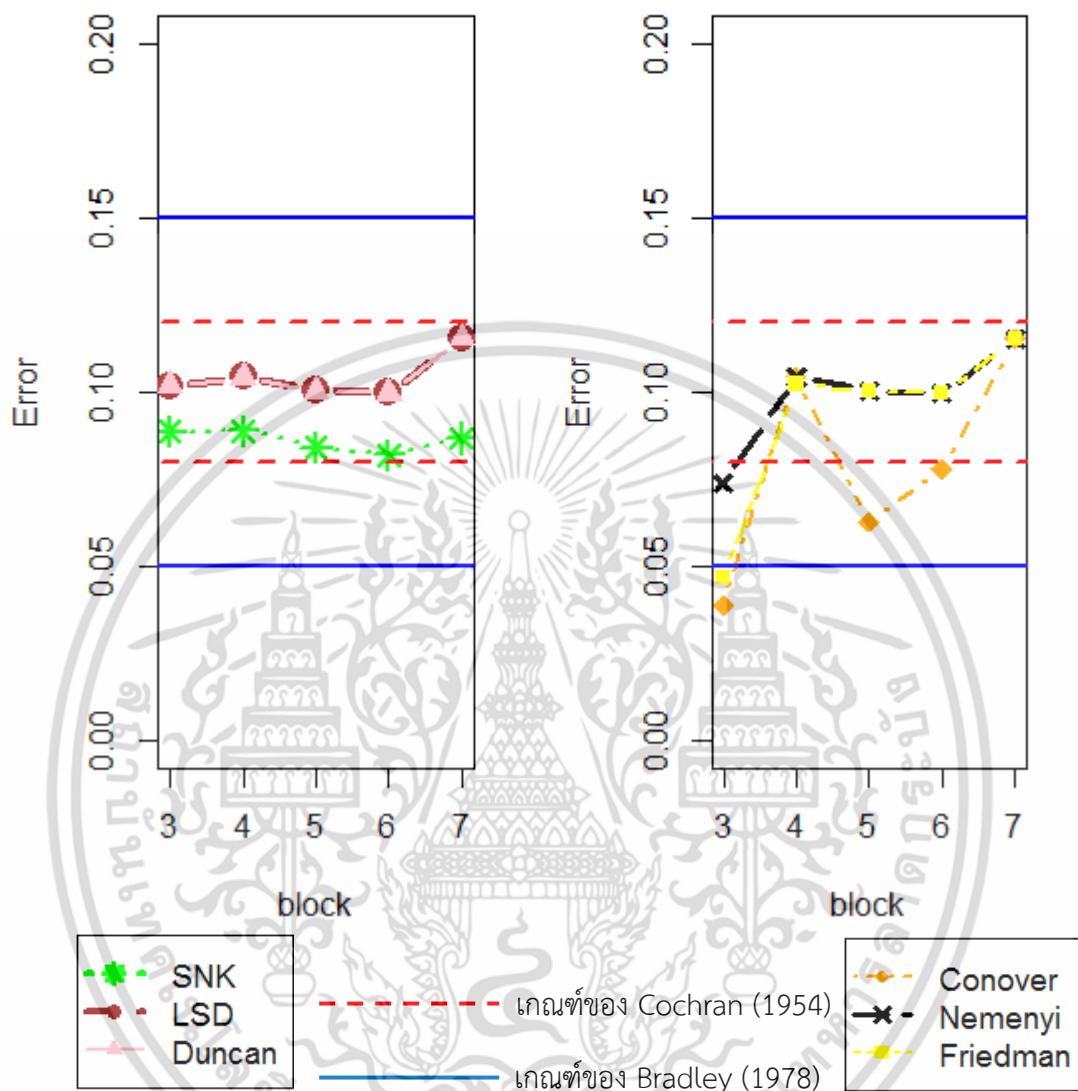


รูปที่ 4.26 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์ เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.26 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover และ Nemenyi แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

alpha = 0.10, treatment = 7 alpha = 0.10, treatment = 7



รูปที่ 4.27 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีสถานการณ์ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.27 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan และ Nemenyi แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ Conover และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.1.1.4 กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

1) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01

จากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01 สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.10 และรูปที่ 4.28 – 4.30

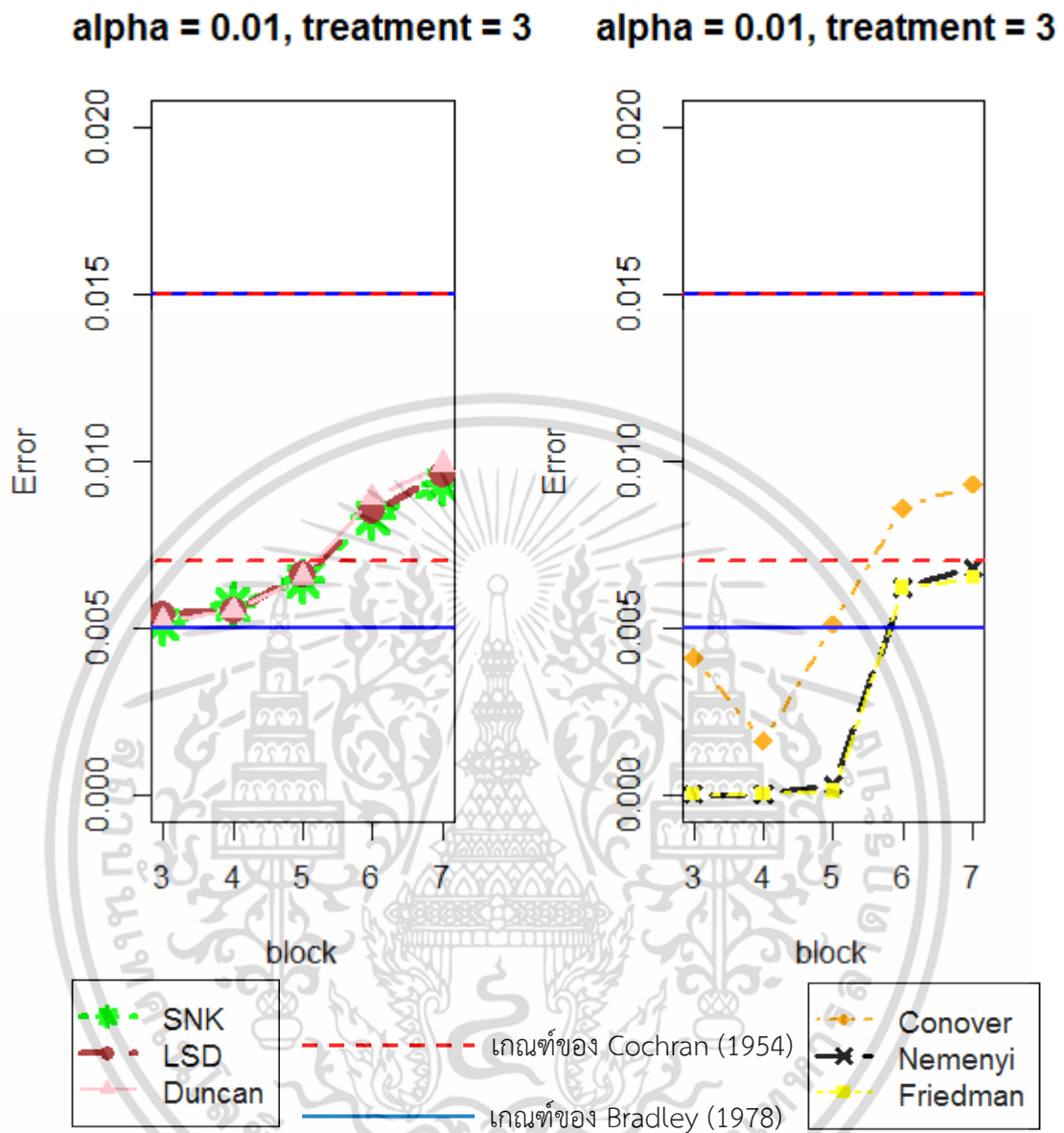
ตารางที่ 4.10 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จำนวนบล็อก	สถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1. SNK	0.0051 ^B	0.0042	0.0048
	2. LSD	0.0054 ^B	0.0047	0.0062 ^B
	3. Duncan	0.0052 ^B	0.0048	0.0064 ^B
	4. Conover	0.0041	0.0009	0.0013
	5. Nemenyi	0.0000	0.0000	0.0000
	6. Friedman	0.0000	0.0000	0.0000
4	1. SNK	0.0057 ^B	0.0054 ^B	0.0048
	2. LSD	0.0055 ^B	0.0067 ^B	0.0066 ^B
	3. Duncan	0.0055 ^B	0.0065 ^B	0.0065 ^B
	4. Conover	0.0016	0.0026	0.0032
	5. Nemenyi	0.0000	0.0000	0.0002
	6. Friedman	0.0000	0.0000	0.0004
5	1. SNK	0.0064 ^B	0.0067 ^B	0.0044
	2. LSD	0.0066 ^B	0.0089 ^{BC}	0.0060 ^B
	3. Duncan	0.0065 ^B	0.0087 ^{BC}	0.0060 ^B
	4. Conover	0.0051 ^B	0.0086 ^{BC}	0.0048
	5. Nemenyi	0.0003	0.0053 ^B	0.0016
	6. Friedman	0.0001	0.0054 ^B	0.0021
6	1. SNK	0.0083 ^{BC}	0.0062 ^B	0.0041
	2. LSD	0.0085 ^{BC}	0.0078 ^{BC}	0.0063 ^B
	3. Duncan	0.0089 ^{BC}	0.0075 ^{BC}	0.0063 ^B
	4. Conover	0.0086 ^{BC}	0.0077 ^{BC}	0.0061 ^B
	5. Nemenyi	0.0062 ^B	0.0052 ^B	0.0048
	6. Friedman	0.0062 ^B	0.0052 ^B	0.0045
7	1. SNK	0.0093 ^{BC}	0.0071 ^{BC}	0.0066 ^B
	2. LSD	0.0096 ^{BC}	0.0086 ^{BC}	0.014 ^{BC}
	3. Duncan	0.0099 ^{BC}	0.0088 ^{BC}	0.0144 ^{BC}
	4. Conover	0.0093 ^{BC}	0.0086 ^{BC}	0.0141 ^{BC}
	5. Nemenyi	0.0068 ^{BC}	0.0076 ^{BC}	0.0143 ^{BC}
	6. Friedman	0.0065 ^{BC}	0.0078 ^{BC}	0.0143 ^{BC}

หมายเหตุ B หมายถึง ผ่านเกณฑ์ของ Bradley

BC หมายถึง ผ่านทั้งเกณฑ์ของ Bradley และเกณฑ์ของ Cochran

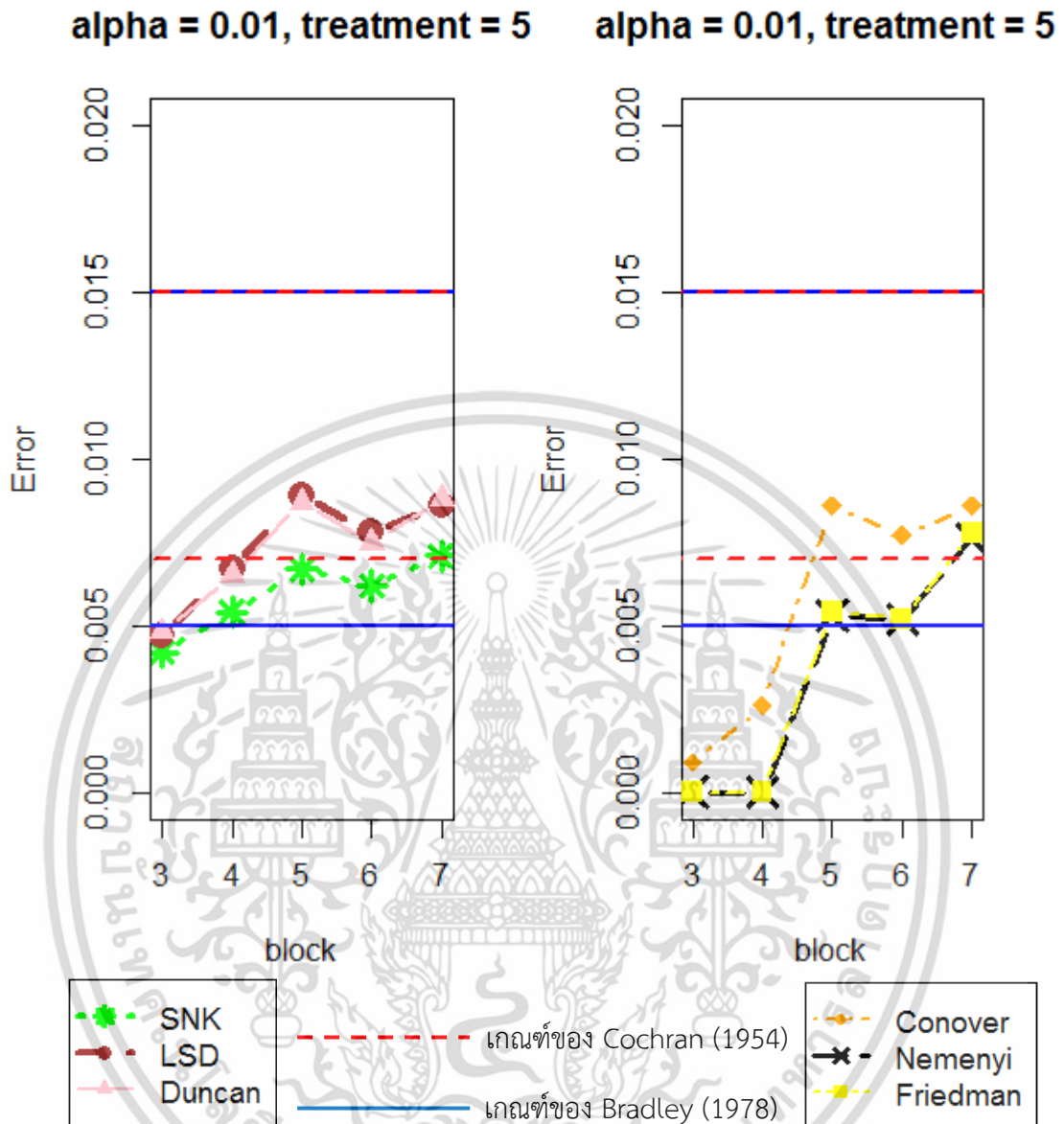
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.28 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีสถานการณ์ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.28 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

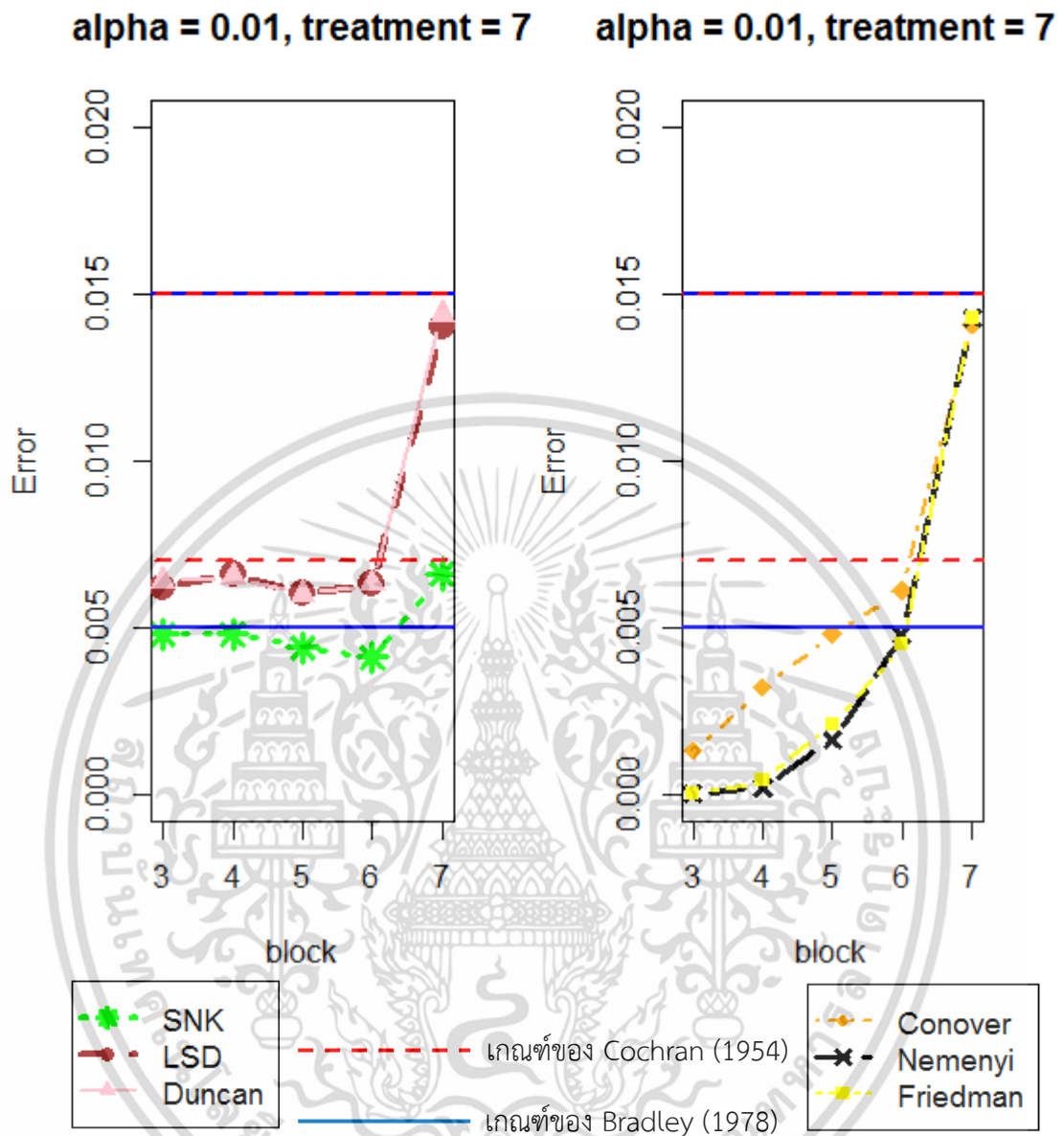
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.29 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีสถานการณ์ ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.29 พบว่าไม่มีตัวสถิติทดสอบใดที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ แต่พบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi และ Friedman และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.30 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.30 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ LSD และ Duncan ส่วนตัวสถิติทดสอบ SNK ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 4 และ 5 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05

จากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05 สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.11 และรูปที่ 4.31 – 4.33

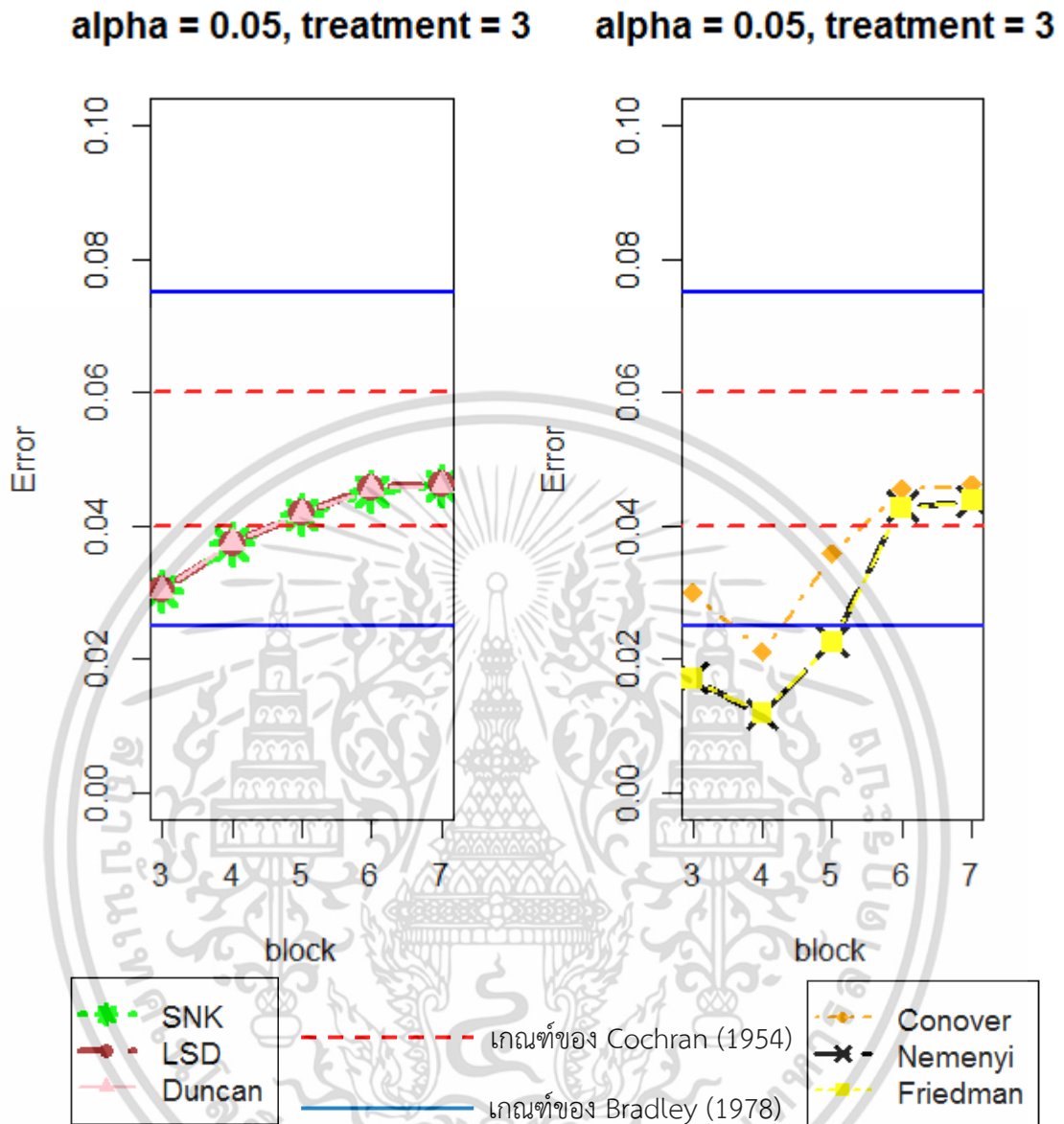
ตารางที่ 4.11 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1. SNK	0.0302 ^B	0.0324 ^B	0.0306 ^B
	2. LSD	0.0303 ^B	0.0352 ^B	0.0377 ^B
	3. Duncan	0.0303 ^B	0.0354 ^B	0.0379 ^B
	4. Conover	0.0300 ^B	0.0151	0.0192
	5. Nemenyi	0.0171	0.0022	0.0026
	6. Friedman	0.0171	0.0023	0.0027
4	1. SNK	0.0372 ^B	0.0401 ^{BC}	0.0346 ^B
	2. LSD	0.0374 ^B	0.0460 ^{BC}	0.0439 ^{BC}
	3. Duncan	0.0374 ^B	0.0460 ^{BC}	0.0439 ^{BC}
	4. Conover	0.0211	0.0361 ^B	0.0380 ^B
	5. Nemenyi	0.0117	0.0123	0.0119
	6. Friedman	0.0119	0.0120	0.0116
5	1. SNK	0.0417 ^{BC}	0.0383 ^B	0.0321 ^B
	2. LSD	0.0418 ^{BC}	0.0424 ^{BC}	0.0404 ^{BC}
	3. Duncan	0.0417 ^{BC}	0.0421 ^{BC}	0.0400 ^{BC}
	4. Conover	0.0358 ^B	0.0423 ^{BC}	0.0397 ^B
	5. Nemenyi	0.0226	0.0398 ^B	0.0278 ^B
	6. Friedman	0.0225	0.0396 ^B	0.0292 ^B
6	1. SNK	0.0451 ^{BC}	0.0419 ^{BC}	0.0312 ^B
	2. LSD	0.0457 ^{BC}	0.0469 ^{BC}	0.0429 ^{BC}
	3. Duncan	0.0455 ^{BC}	0.0469 ^{BC}	0.0427 ^{BC}
	4. Conover	0.0455 ^{BC}	0.0466 ^{BC}	0.0427 ^{BC}
	5. Nemenyi	0.0429 ^{BC}	0.0449 ^{BC}	0.0411 ^{BC}
	6. Friedman	0.0426 ^{BC}	0.0445 ^{BC}	0.0414 ^{BC}
7	1. SNK	0.0460 ^{BC}	0.0378 ^B	0.0424 ^{BC}
	2. LSD	0.0462 ^{BC}	0.0431 ^{BC}	0.0647 ^{BC}
	3. Duncan	0.0461 ^{BC}	0.0433 ^{BC}	0.0649 ^{BC}
	4. Conover	0.0461 ^{BC}	0.0434 ^{BC}	0.0648 ^{BC}
	5. Nemenyi	0.0437 ^{BC}	0.0428 ^{BC}	0.0645 ^{BC}
	6. Friedman	0.0438 ^{BC}	0.0429 ^{BC}	0.0646 ^{BC}

หมายเหตุ B หมายถึง ผ่านเกณฑ์ของ Bradley

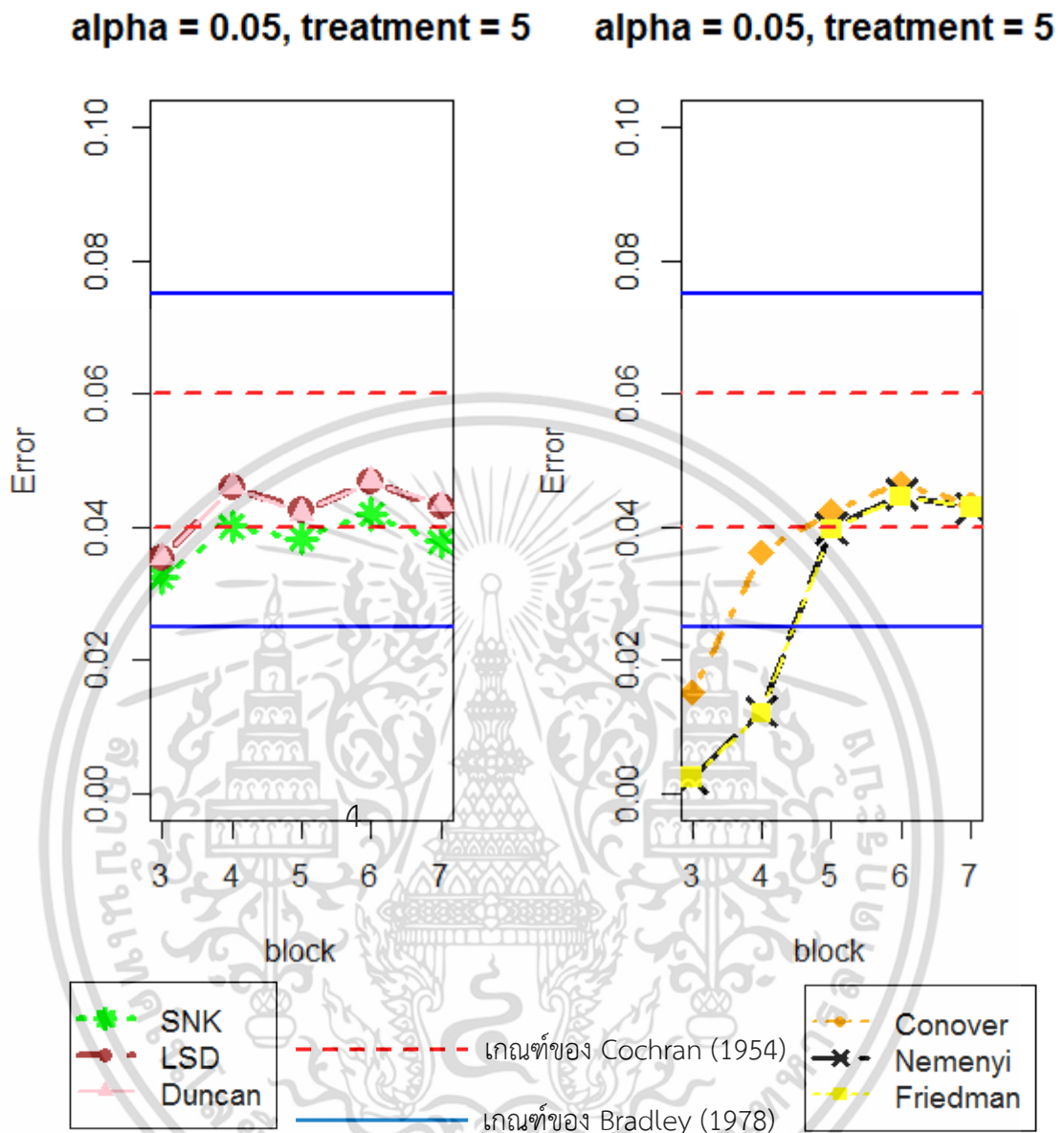
BC หมายถึง ผ่านทั้งเกณฑ์ของ Bradley และเกณฑ์ของ Cochran

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์สำหรับใช้ภายในห้องปฏิบัติการวิจัยเท่านั้น ไม่ควรเผยแพร่โดยไม่ได้รับอนุญาต หากมีการนำข้อมูลไปใช้โดยไม่ได้รับอนุญาต จะถือว่าผิดกฎหมาย



รูปที่ 4.31 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.31 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 5 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi และ Friedman และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้



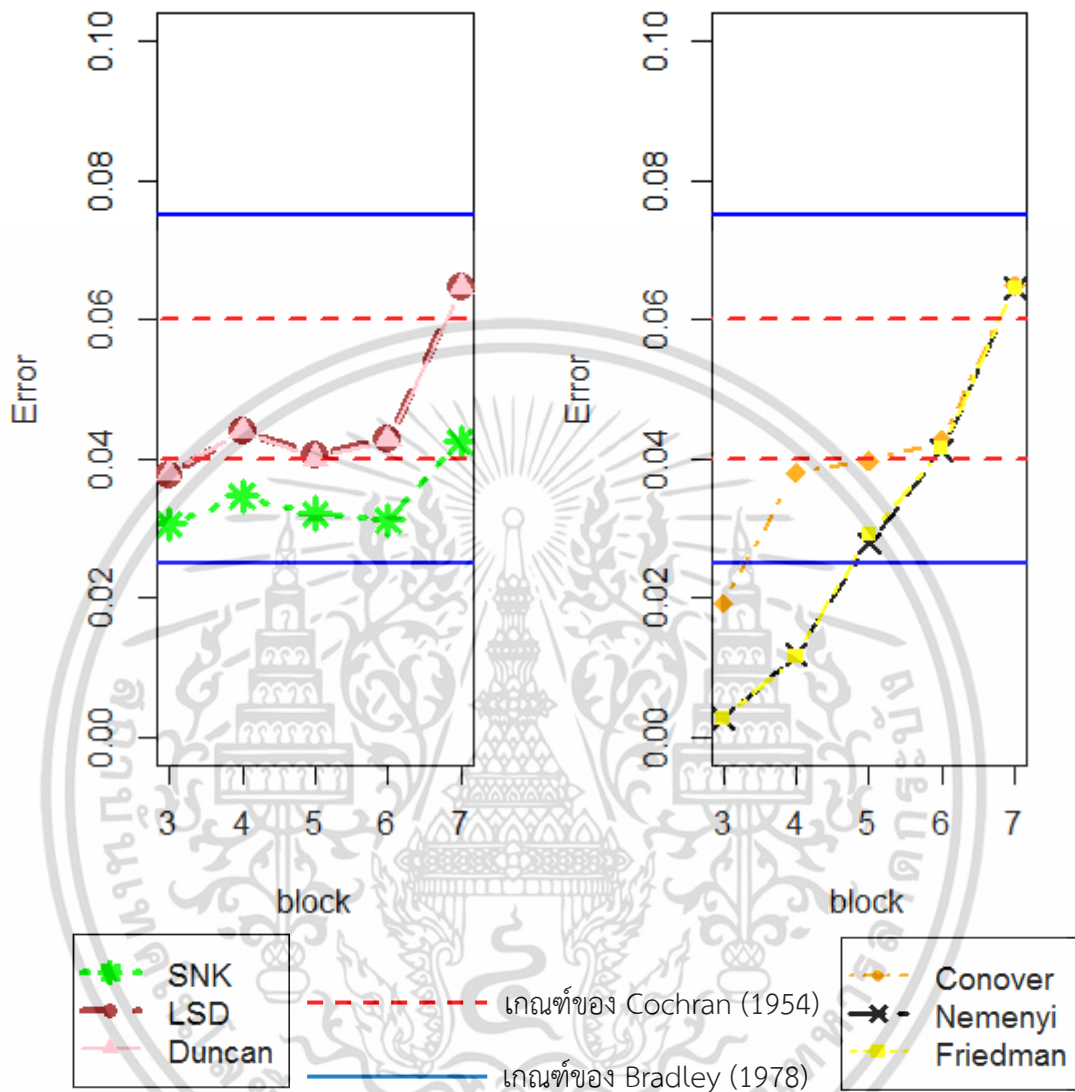
รูปที่ 4.32 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.32 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman และจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

alpha = 0.05, treatment = 7

alpha = 0.05, treatment = 7



รูปที่ 4.33 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.33 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman และจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi และ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

3) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10

จากการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 โดยเปรียบเทียบกับเกณฑ์ของ Cochran (1954) และ Bradley (1978) เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10 สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.12 และรูปที่ 4.34 – 4.36

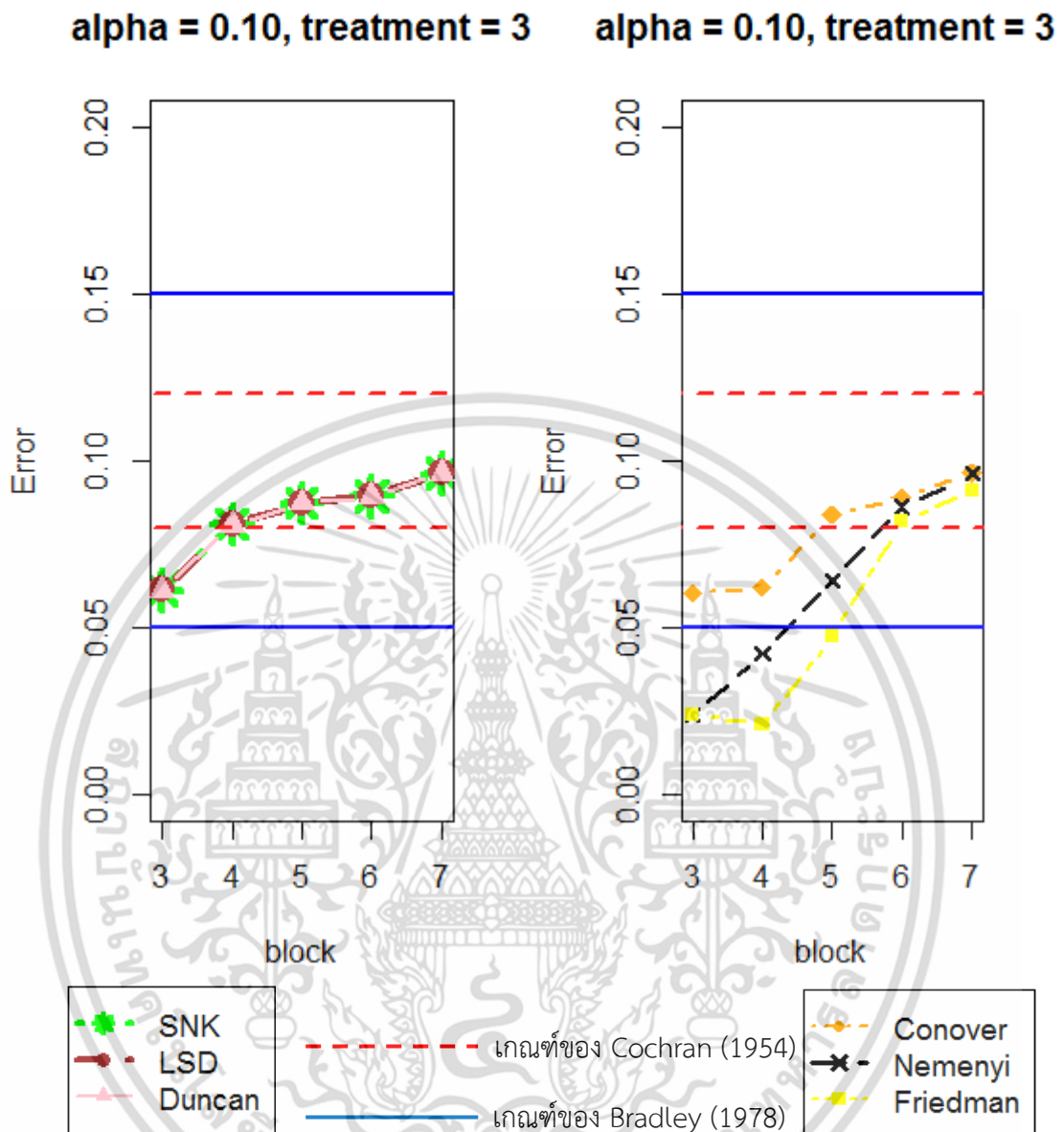
ตารางที่ 4.12 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กระจายค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1. SNK	0.0610 ^B	0.0704 ^B	0.0664 ^B
	2. LSD	0.0613 ^B	0.0743 ^B	0.0776 ^B
	3. Duncan	0.0611 ^B	0.0742 ^B	0.0775 ^B
	4. Conover	0.0602 ^B	0.0392	0.0498
	5. Nemenyi	0.0239	0.0128	0.0149
	6. Friedman	0.0238	0.0047	0.0060 ^B
4	1. SNK	0.0809 ^{BC}	0.0808 ^{BC}	0.0763 ^B
	2. LSD	0.0809 ^{BC}	0.0893 ^{BC}	0.0926 ^{BC}
	3. Duncan	0.0806 ^{BC}	0.0893 ^{BC}	0.0926 ^{BC}
	4. Conover	0.0620 ^B	0.0783 ^B	0.0864 ^{BC}
	5. Nemenyi	0.0423	0.0558 ^B	0.0524 ^B
	6. Friedman	0.0206	0.0230	0.0217
5	1. SNK	0.0872 ^{BC}	0.0881 ^{BC}	0.0764 ^B
	2. LSD	0.0873 ^{BC}	0.0964 ^{BC}	0.0919 ^{BC}
	3. Duncan	0.0872 ^{BC}	0.0962 ^{BC}	0.0919 ^{BC}
	4. Conover	0.0838 ^{BC}	0.0963 ^{BC}	0.0918 ^{BC}
	5. Nemenyi	0.0641 ^B	0.0924 ^{BC}	0.0820 ^{BC}
	6. Friedman	0.0473	0.0881 ^{BC}	0.0712 ^{BC}
6	1. SNK	0.0894 ^{BC}	0.0849 ^{BC}	0.0792 ^B
	2. LSD	0.0894 ^{BC}	0.0929 ^{BC}	0.0966 ^{BC}
	3. Duncan	0.0891 ^{BC}	0.0925 ^{BC}	0.0968 ^{BC}
	4. Conover	0.0890 ^{BC}	0.0928 ^{BC}	0.0968 ^{BC}
	5. Nemenyi	0.0861 ^{BC}	0.0916 ^{BC}	0.054 ^B
	6. Friedman	0.0816 ^{BC}	0.0893 ^{BC}	0.0928 ^{BC}
7	1. SNK	0.0962 ^{BC}	0.0864 ^{BC}	0.0859 ^{BC}
	2. LSD	0.0964 ^{BC}	0.0974 ^{BC}	0.1128 ^{BC}
	3. Duncan	0.0963 ^{BC}	0.0971 ^{BC}	0.1127 ^{BC}
	4. Conover	0.0963 ^{BC}	0.0975 ^{BC}	0.1127 ^{BC}
	5. Nemenyi	0.0961 ^{BC}	0.0972 ^{BC}	0.1129 ^{BC}
	6. Friedman	0.0911 ^{BC}	0.0964 ^{BC}	0.1126 ^{BC}

หมายเหตุ B หมายถึง ผ่านเกณฑ์ของ Bradley

BC หมายถึง ผ่านทั้งเกณฑ์ของ Bradley และเกณฑ์ของ Cochran

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์สำหรับใช้ภายในห้องปฏิบัติการเท่านั้น ไม่ควรเผยแพร่หรือทำซ้ำโดยไม่ได้รับอนุญาต การนำเอกสารนี้ไปใช้โดยไม่ได้รับอนุญาตถือว่าผิดกฎหมาย

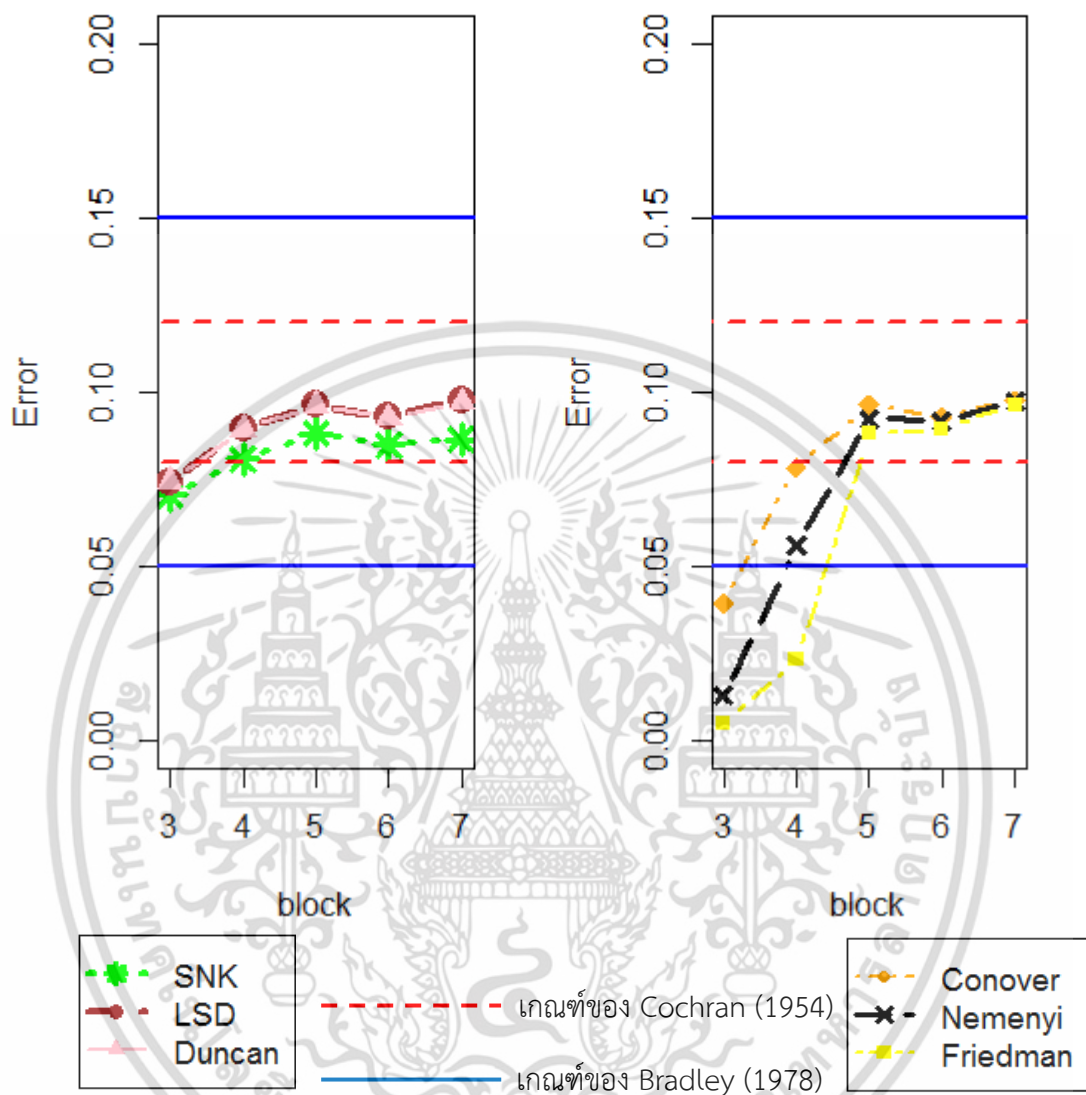


รูปที่ 4.34 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.34 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi และ Friedman และจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

alpha = 0.10, treatment = 5

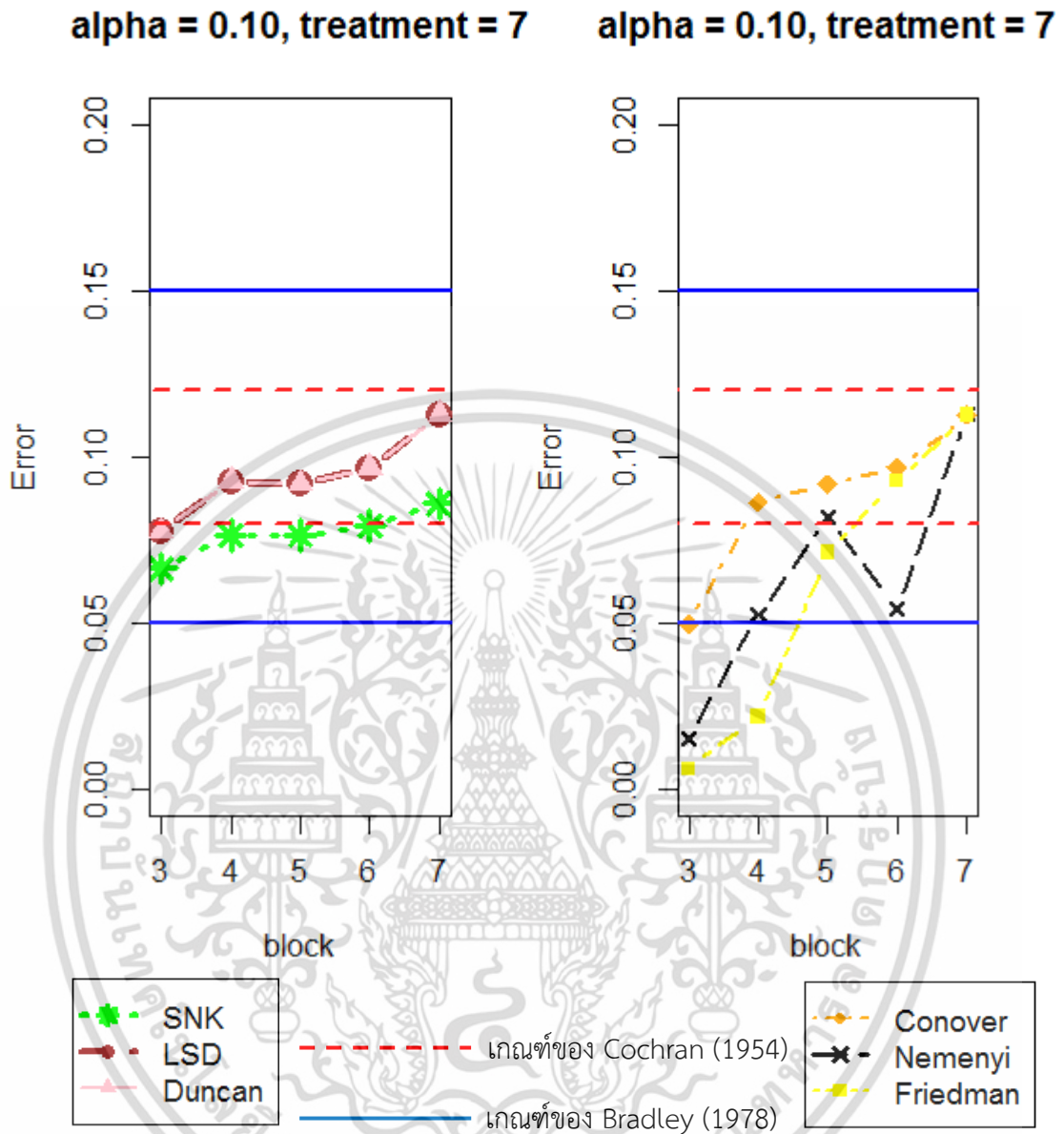
alpha = 0.10, treatment = 5



รูปที่ 4.35 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.35 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman และจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.36 ค่าความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.36 พบว่าตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ คือ ตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan แต่เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi และ Friedman และจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Friedman ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

4.2 การเปรียบเทียบกำลังการทดสอบ

ในการเปรียบเทียบกำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบแต่ละตัวเมื่อมีการเปลี่ยนแปลงลักษณะของข้อมูล ซึ่งตัวสถิติทดสอบที่ใช้ในงานวิจัยนี้คือ ตัวสถิติทดสอบของสตีเวนสัน-นิวแมน-คูล ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด ตัวสถิติทดสอบแบบพิสัย พหุคูณ ของตันแคน ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีแมนยี ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์ และตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟริตแมนเป็นการเปรียบเทียบโดยที่พิจารณาเฉพาะตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้เท่านั้น โดยในการเปรียบเทียบกำลังการทดสอบในงานวิจัยนี้สามารถหาได้จากประชากรที่มีการแจกแจง 3 ลักษณะ ดังนี้

1. การแจกแจงแกมมา มี 2 สถานการณ์ที่นำมาทำการเปรียบเทียบกำลังการทดสอบ คือ
 - 1.1 สถานการณ์ที่ 3 ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน
 - 1.2 สถานการณ์ที่ 4 ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

ส่วนสถานการณ์ที่ 1 ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน และสถานการณ์ที่ 2 ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน พบว่าตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ ไม่มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ดังนั้นจึงไม่นำมาทำการเปรียบเทียบกำลังการทดสอบ

2. การแจกแจงโคกำลังสอง มี 1 สถานการณ์ที่นำมาทำการเปรียบเทียบกำลังการทดสอบ คือ

- 2.1 สถานการณ์ที่ 2 ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

ส่วนสถานการณ์ที่ 1 ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน พบว่าตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ ไม่มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ดังนั้นจึงไม่นำมาทำการเปรียบเทียบกำลังการทดสอบ

3. การแจกแจงเลขชี้กำลัง มี 1 สถานการณ์ที่นำมาทำการเปรียบเทียบกำลังการทดสอบ คือ

- 3.1 สถานการณ์ที่ 2 ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

ส่วนสถานการณ์ที่ 1 ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน พบว่าตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ ไม่มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ดังนั้นจึงไม่นำมาทำการเปรียบเทียบกำลังการทดสอบ

4.2.1 ข้อมูลสุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา

4.2.1.1 กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน

1) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01

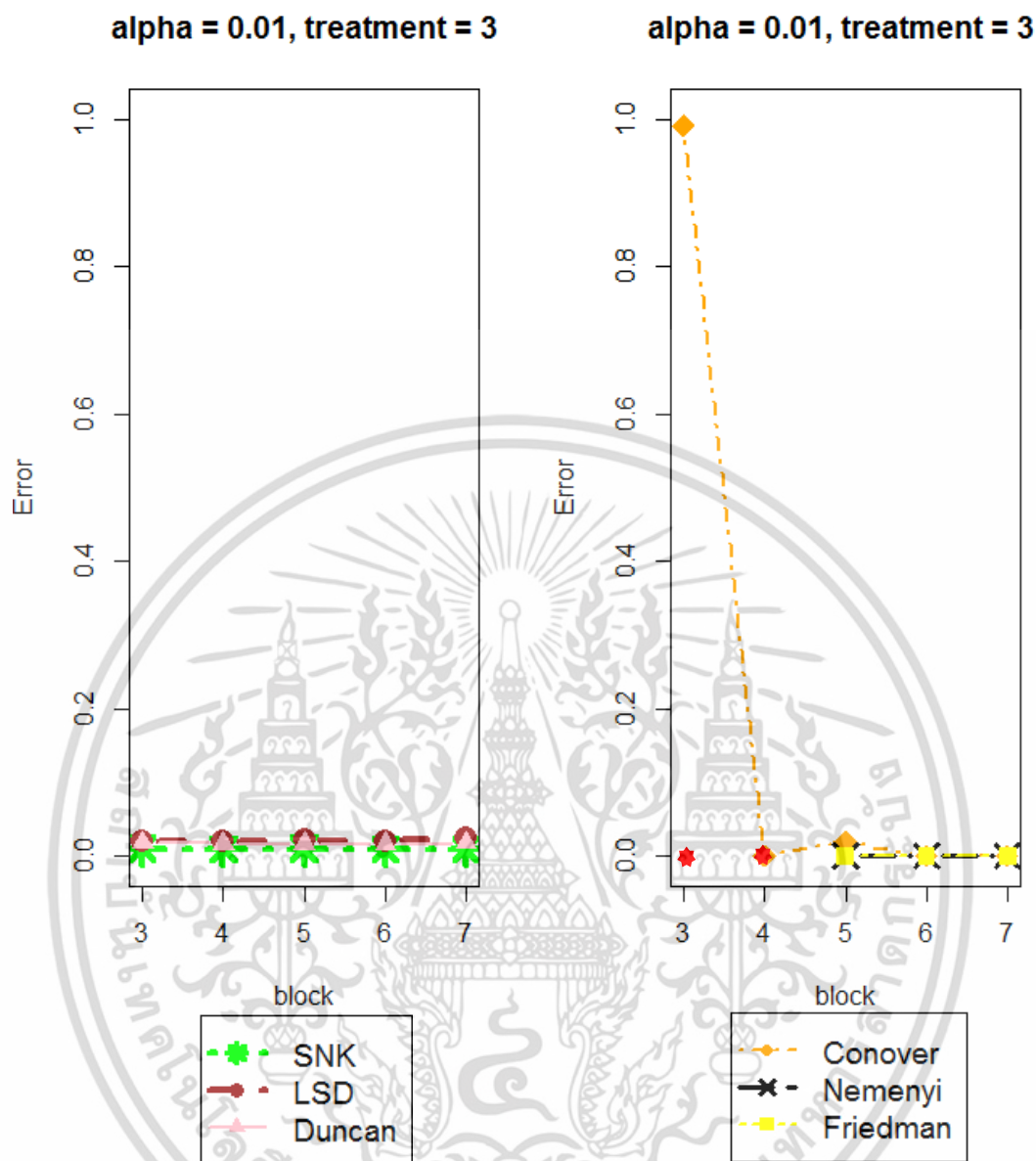
จากการคำนวณกำลังการทดสอบ เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01
สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.13 และรูปที่ 4.37 – 4.39

ตารางที่ 4.13 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา
กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทริทเมนต์		
		3	5	7
3	1.SNK	0.0100	0.0121	0.1156*
	2.LSD	0.0202	0.0586*	0.1040
	3. Duncan	0.0180	0.0406	0.0568
	4.Conover	0.9909*	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
4	1.SNK	0.0093	0.0080	0.0109
	2.LSD	0.0199*	0.0567	0.1029*
	3. Duncan	0.0169	0.0343	0.0544
	4.Conover	0.0010	0.8149*	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
5	1.SNK	0.0102	0.0083	0.0083
	2.LSD	0.0216*	0.0641	0.1120
	3. Duncan	0.0171	0.0360	0.0566
	4.Conover	0.0200	1.0000*	0.9999*
	5.Nemenyi	0.0000	0.9969	0.1624
	6.Friedman	0.0000	0.9967	0.1624
6	1.SNK	0.0089	0.0076	0.0114
	2.LSD	0.0210*	0.0641	0.1217
	3. Duncan	0.0164	0.0358	0.0594
	4.Conover	0.0000	1.0000*	1.0000*
	5.Nemenyi	0.0000	0.2090	0.7273
	6.Friedman	0.0000	0.2090	0.7273
7	1.SNK	0.0089	0.0109	0.0102
	2.LSD	0.0236*	0.0694	-
	3. Duncan	0.0178	0.0389	0.0588*
	4.Conover	0.0000	1.0000*	-
	5.Nemenyi	0.0000	0.9839	-
	6.Friedman	0.0000	0.9839	-

หมายเหตุ - หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุม
ความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

* หมายถึง กำลังการทดสอบสูงสุดในสถานการณ์นั้น
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น เมื่ออนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

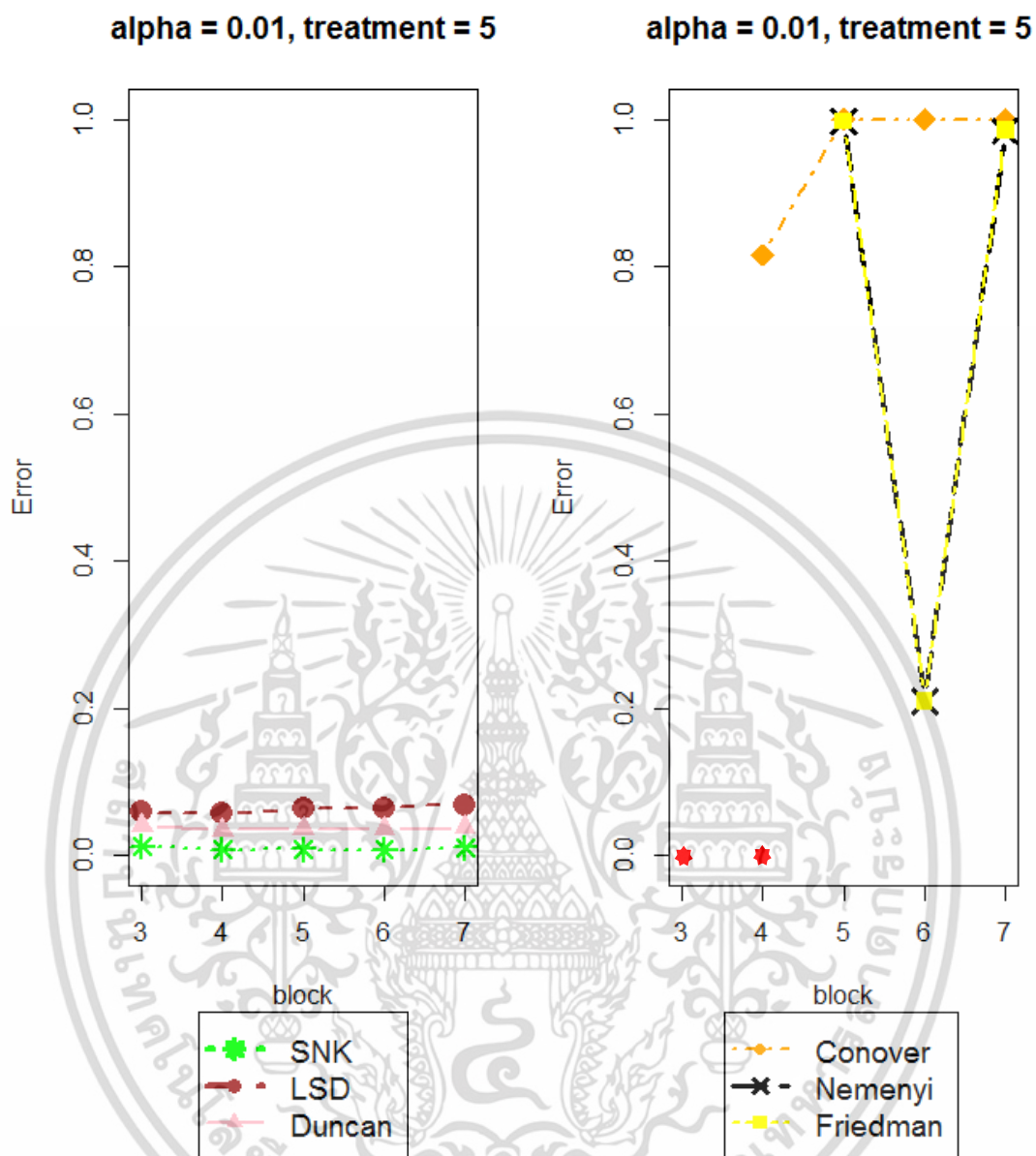


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.37 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.37 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

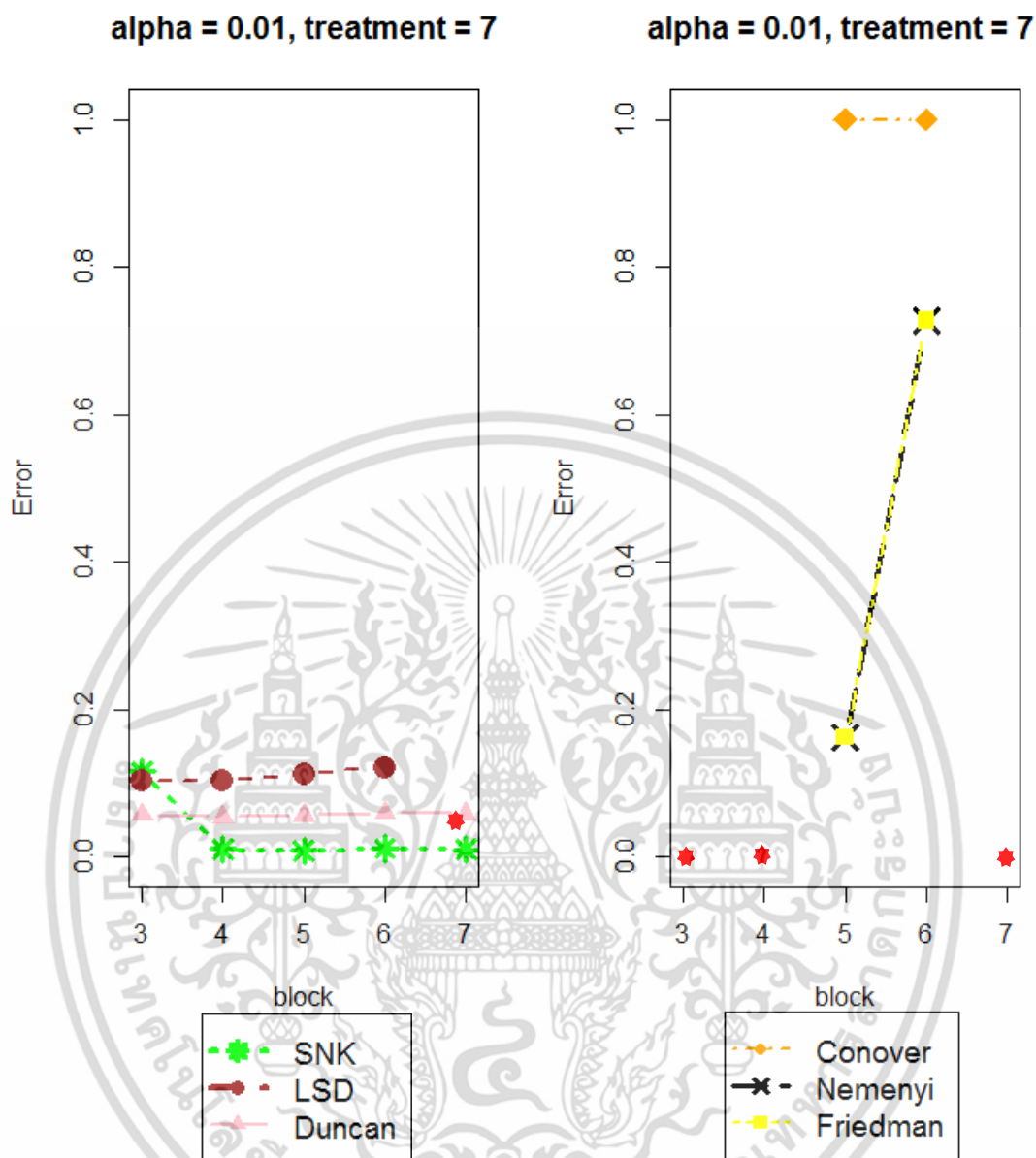


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.38 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.38 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 และ 6 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.39 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.39 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด แล้วเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5 และ 6 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 7 ตัวสถิติทดสอบ Duncan มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05

จากการคำนวณกำลังการทดสอบ เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05

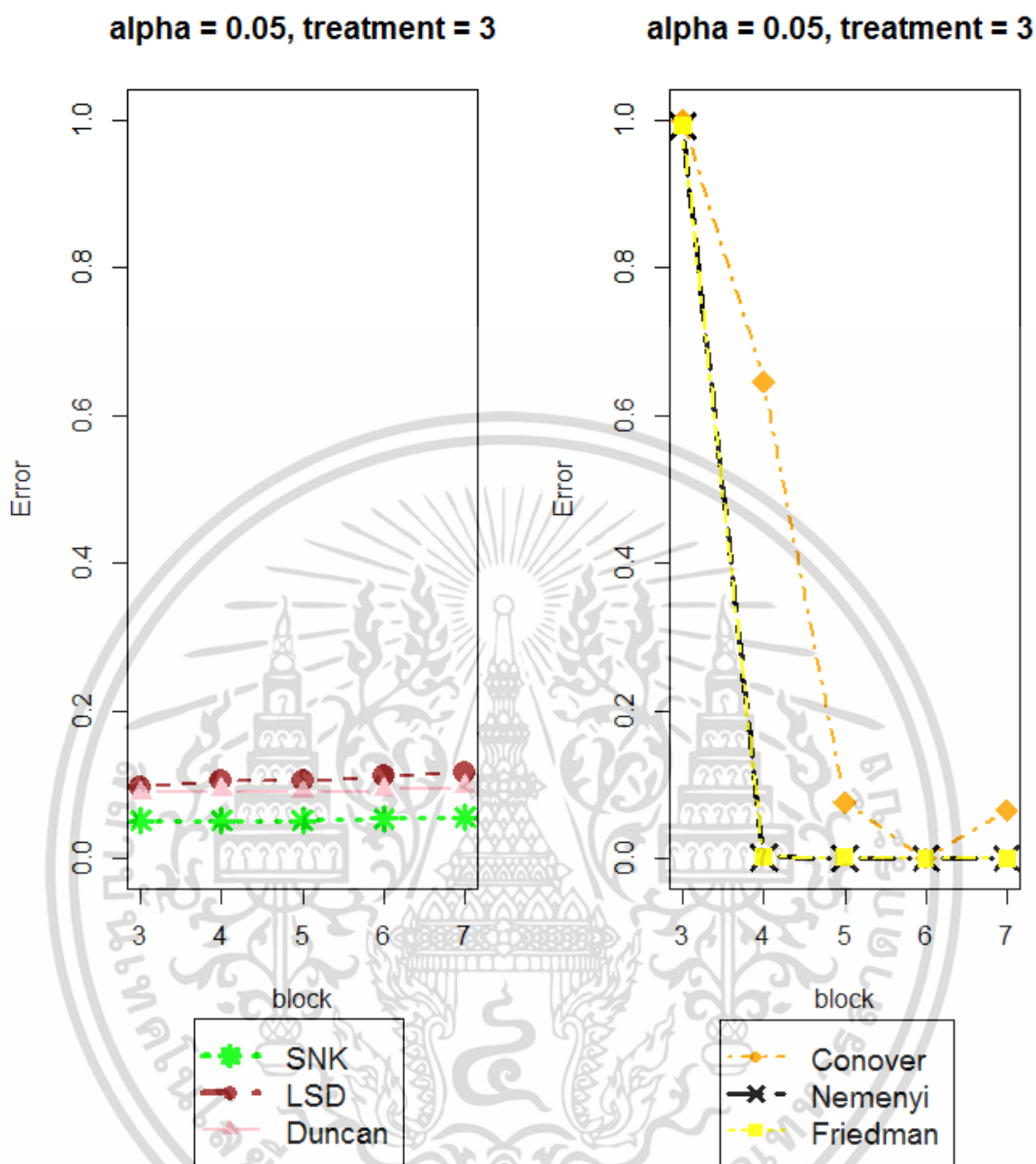
สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.14 และรูปที่ 4.40 – 4.42

ตารางที่ 4.14 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1.SNK	0.0517	0.0524	0.0509
	2.LSD	0.0961	0.2332	0.3649*
	3. Duncan	0.0892	0.1834	0.2586
	4.Conover	1.0000*	0.8901*	-
	5.Nemenyi	0.9909	-	-
	6.Friedman	0.9909	-	-
4	1.SNK	0.0513	0.0504	0.0533
	2.LSD	0.1056	0.2442	0.3861
	3. Duncan	0.0926	0.1739	0.2580
	4.Conover	0.6458*	0.9853*	-
	5.Nemenyi	0.0018	0.3807	0.7812
	6.Friedman	0.0018	0.3807	0.7816*
5	1.SNK	0.0516	0.0523	0.0503
	2.LSD	0.1046*	0.2577	0.3948
	3. Duncan	0.0903	0.1804	0.2562
	4.Conover	0.0760	1.0000*	1.0000*
	5.Nemenyi	0.0012	1.0000*	0.9163
	6.Friedman	0.0012	1.0000*	0.9170
6	1.SNK	0.0544	0.0507	0.0543
	2.LSD	0.1113*	0.2634	0.4143
	3. Duncan	0.0931	0.1803	0.2702
	4.Conover	0.0004	1.0000*	1.0000*
	5.Nemenyi	0.0000	1.0000*	0.9982
	6.Friedman	0.0000	1.0000*	0.9982
7	1.SNK	0.0556	0.0547	0.0536
	2.LSD	0.1166*	0.2734	0.4234
	3. Duncan	0.0970	0.1817	0.2722
	4.Conover	0.0654	1.0000*	1.0000*
	5.Nemenyi	0.0000	1.0000*	1.0000*
	6.Friedman	0.0000	1.0000*	1.0000*

หมายเหตุ - หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

* หมายถึง กำลังการทดสอบสูงสุดในสถานการณ์นั้น
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น เมื่ออนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

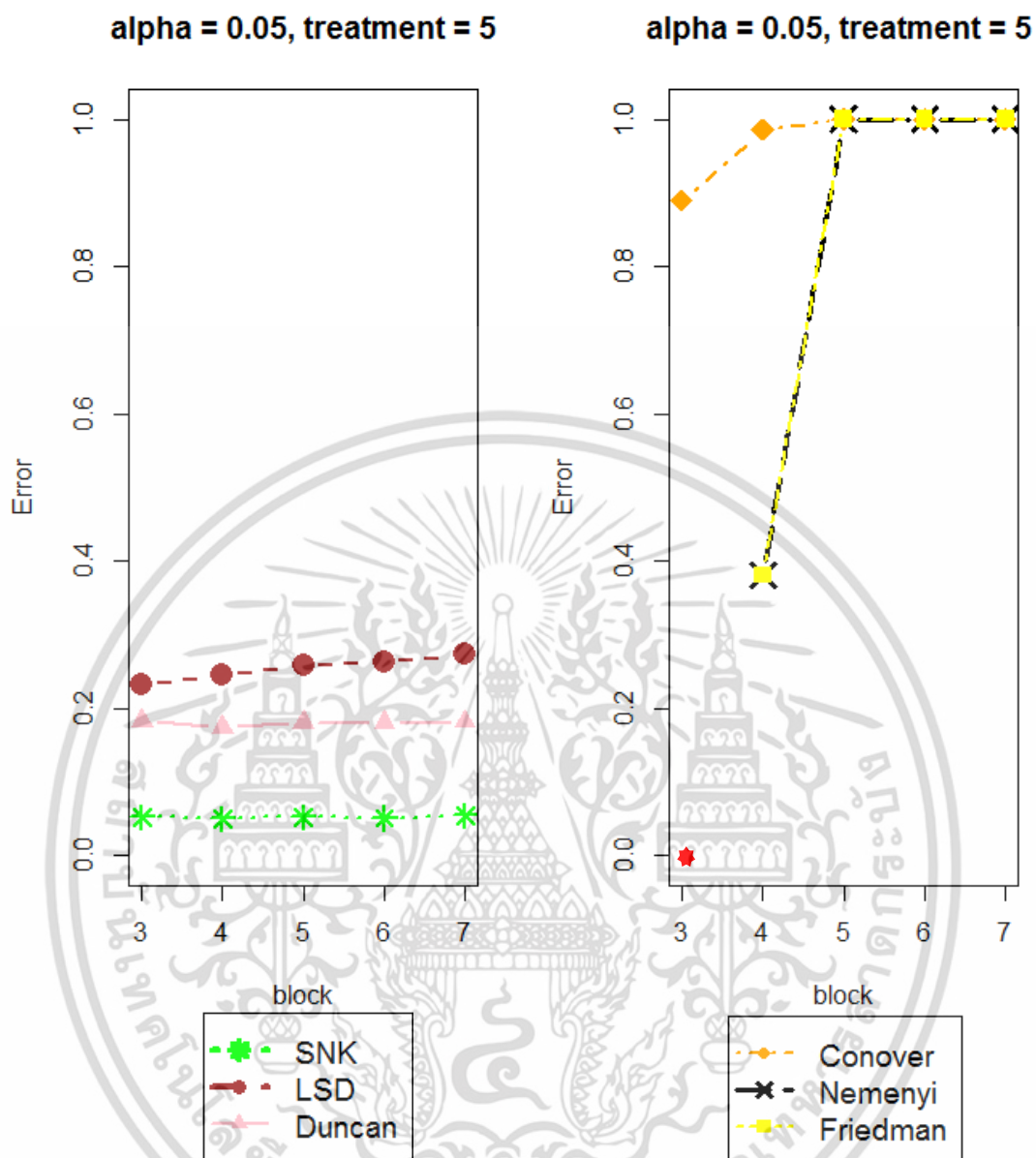


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.40 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.40 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

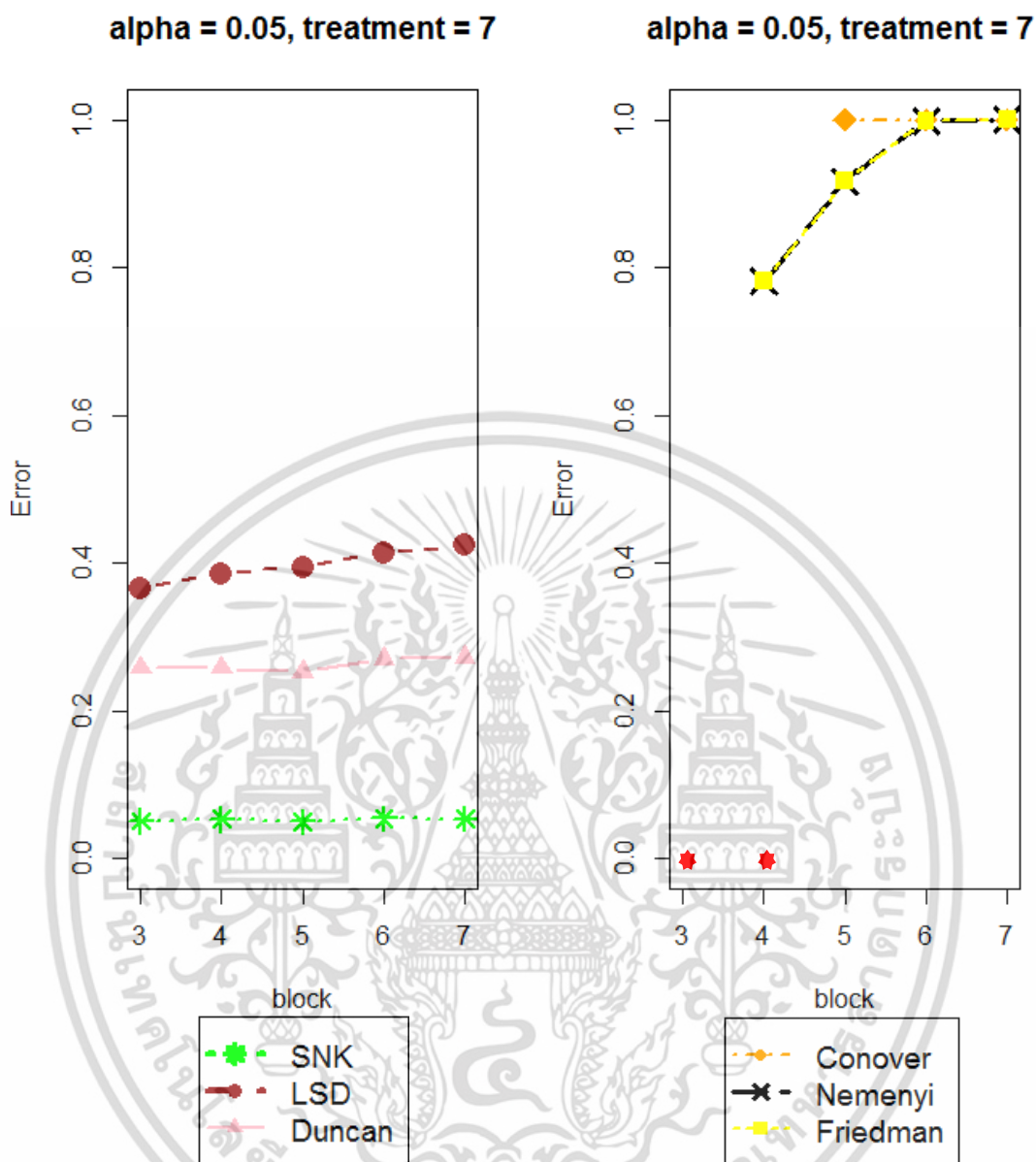


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.41 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.41 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.42 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.42 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด ส่วนเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำนวนบล็อก 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

3) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10

จากการคำนวณกำลังการทดสอบ เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10

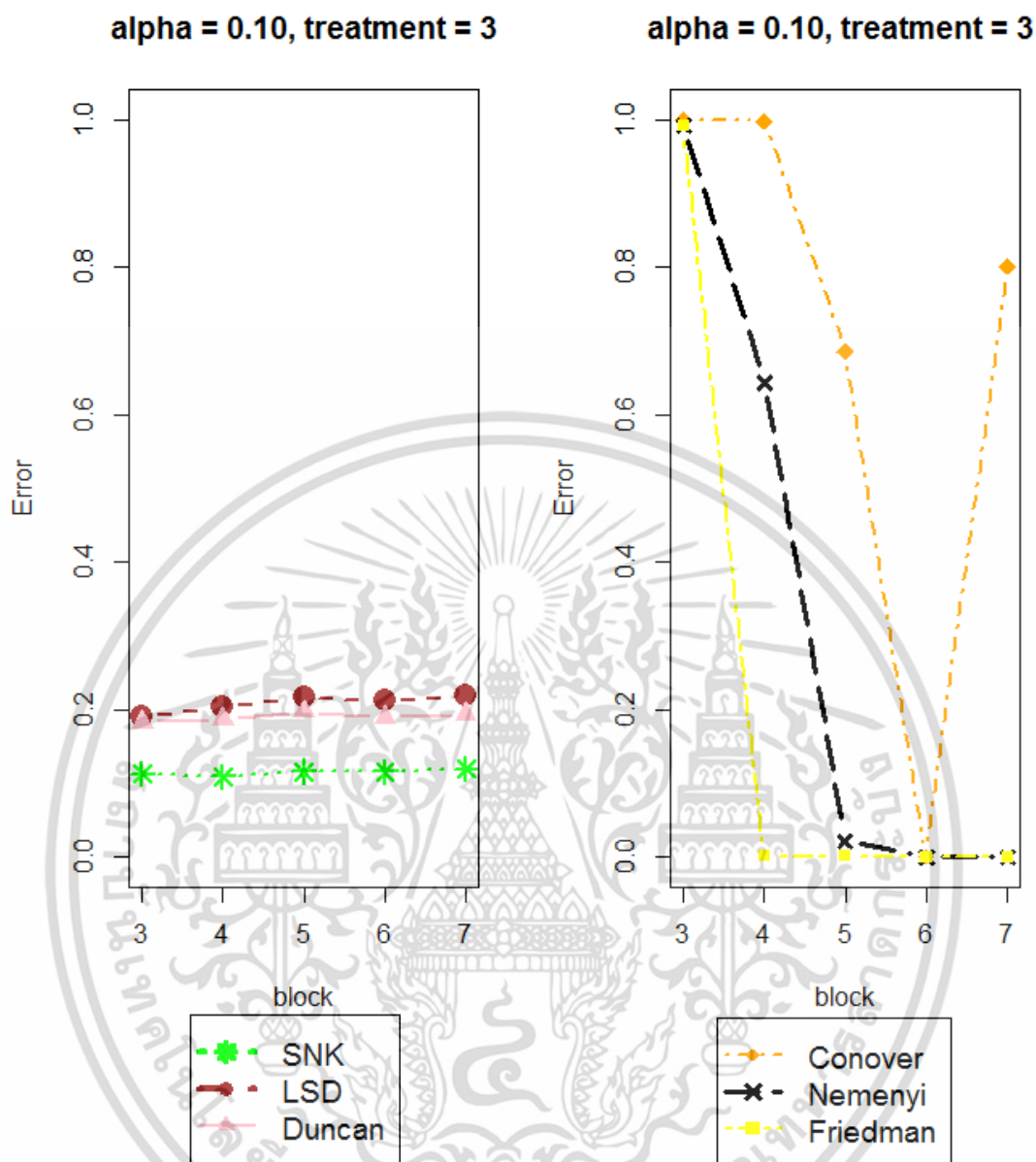
สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.15 และรูปที่ 4.43 – 4.45

ตารางที่ 4.15 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา
กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1.SNK	0.1128	0.1118	0.1068
	2.LSD	0.1909	0.3993	0.5807
	3. Duncan	0.1828	0.3361	0.4700
	4.Conover	1.0000*	0.9817*	-
	5.Nemenyi	0.9909	0.6839	0.6171*
	6.Friedman	0.9909	-	-
4	1.SNK	0.1093	0.1126	0.1000
	2.LSD	0.2040	0.4236	0.6111
	3. Duncan	0.1868	0.3408	0.4729
	4.Conover	0.9978*	1.0000*	0.9980*
	5.Nemenyi	0.6428	0.8845	0.9853
	6.Friedman	0.0014	0.3925	0.7993
5	1.SNK	0.1161	0.1047	0.0680
	2.LSD	0.2161	0.6086	0.6086
	3. Duncan	0.1966	0.4587	0.4587
	4.Conover	0.6850*	1.0000*	1.0000*
	5.Nemenyi	0.0209	0.9994	0.9994
	6.Friedman	0.0013	0.9170	0.9170
6	1.SNK	0.1156	0.1126	0.1091
	2.LSD	0.2122*	0.4408	0.6338
	3. Duncan	0.1888	0.3433	0.4748
	4.Conover	0.0006	1.0000*	1.0000*
	5.Nemenyi	0.0000	1.0000*	1.0000*
	6.Friedman	0.0000	1.0000*	0.9982
7	1.SNK	0.1194	0.1136	0.1109
	2.LSD	0.2188	0.4578	0.6363
	3. Duncan	0.1938	0.3503	0.4762
	4.Conover	0.8009*	1.0000*	1.0000*
	5.Nemenyi	0.0000	1.0000*	1.0000*
	6.Friedman	0.0000	1.0000*	1.0000*

หมายเหตุ - หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

* หมายถึง กำลังการทดสอบสูงสุดในสถานการณ์นั้น
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น เมื่ออนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

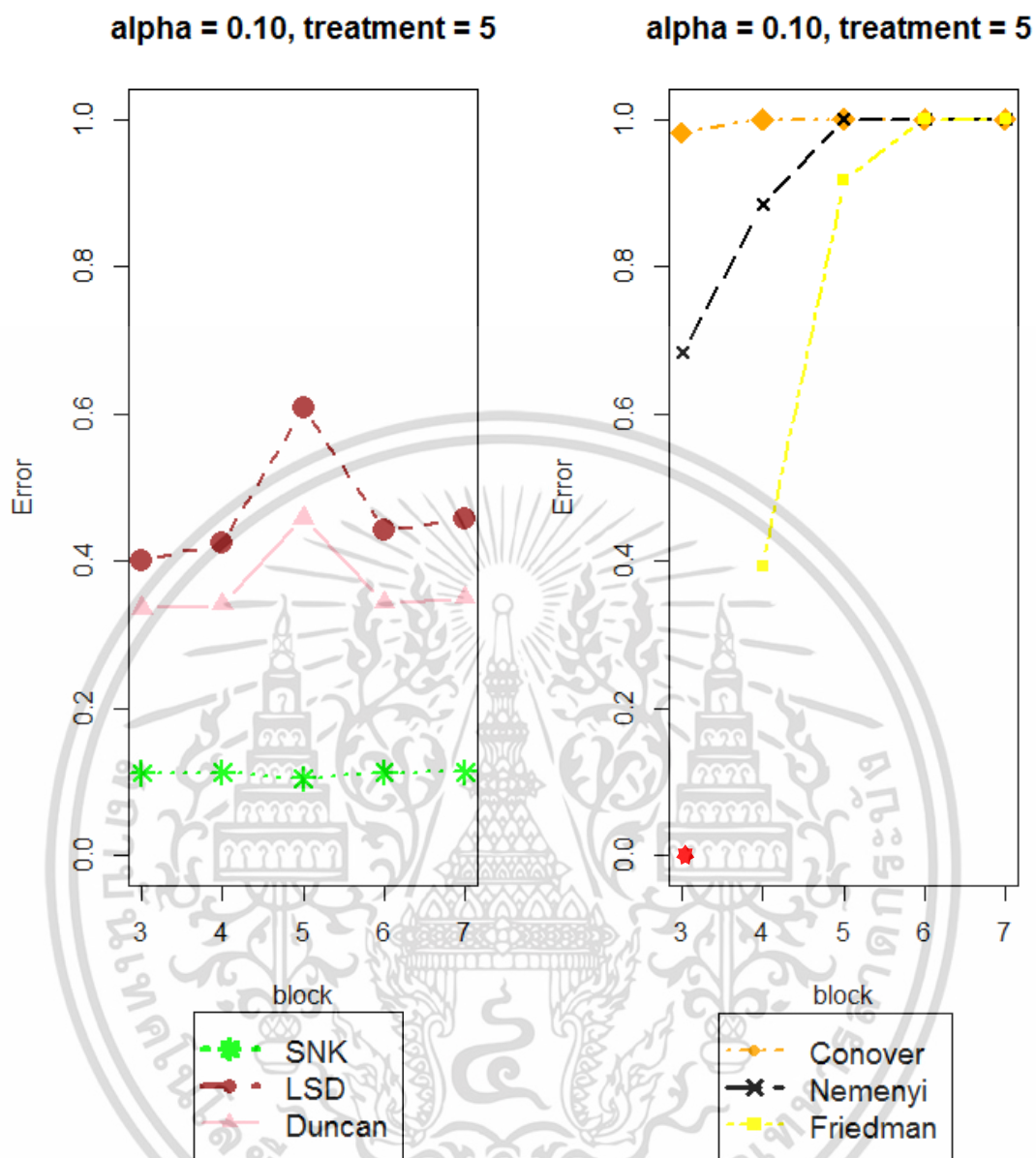


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.43 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.43 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

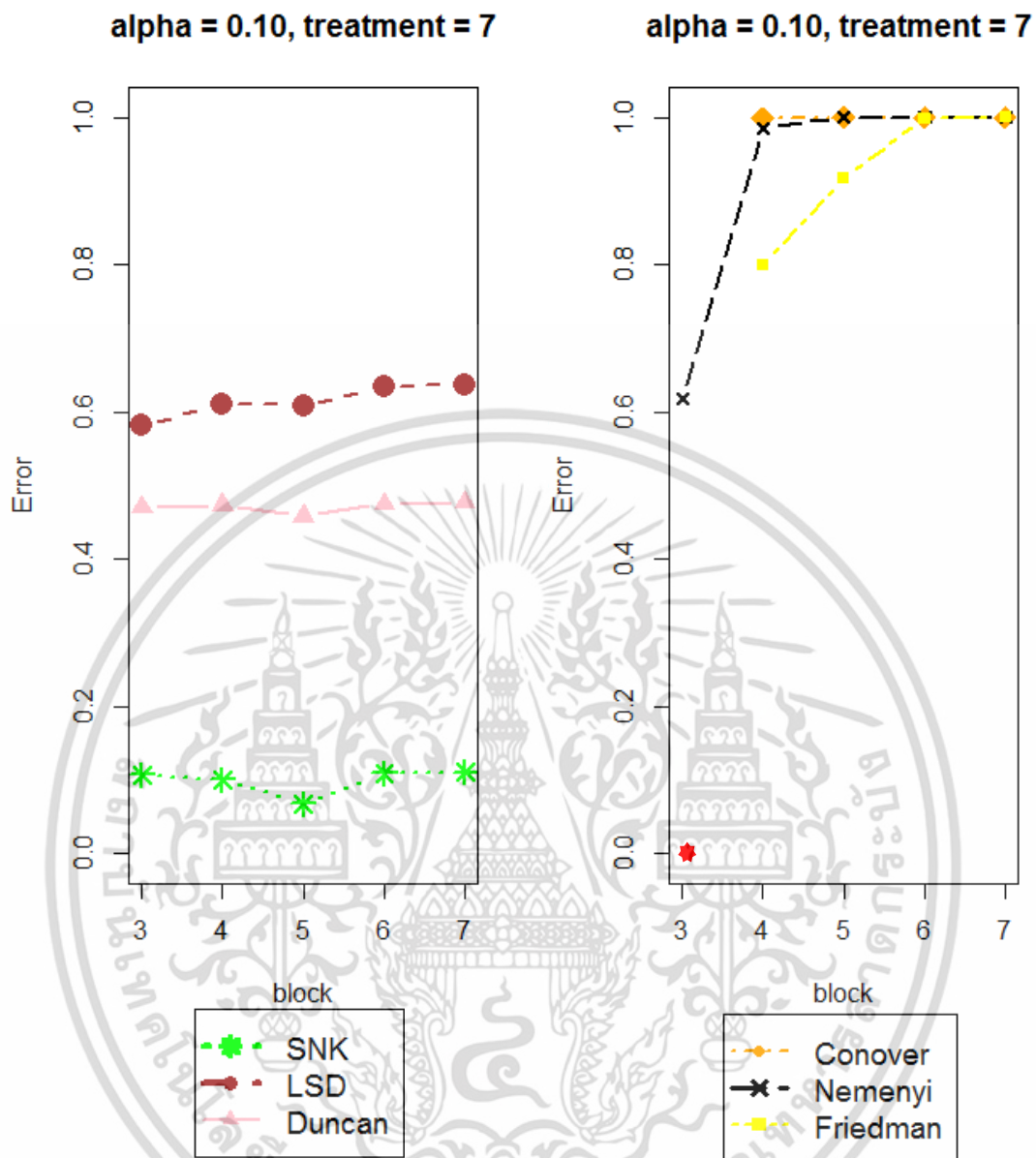


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.44 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.44 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.45 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูป 4.45 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดส่วนเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5 ตัวสถิติทดสอบ Conover และ Nemenyi มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.2.1.2 กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

1) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01

จากการคำนวณกำลังการทดสอบ เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01
สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.16 และรูปที่ 4.46 – 4.48

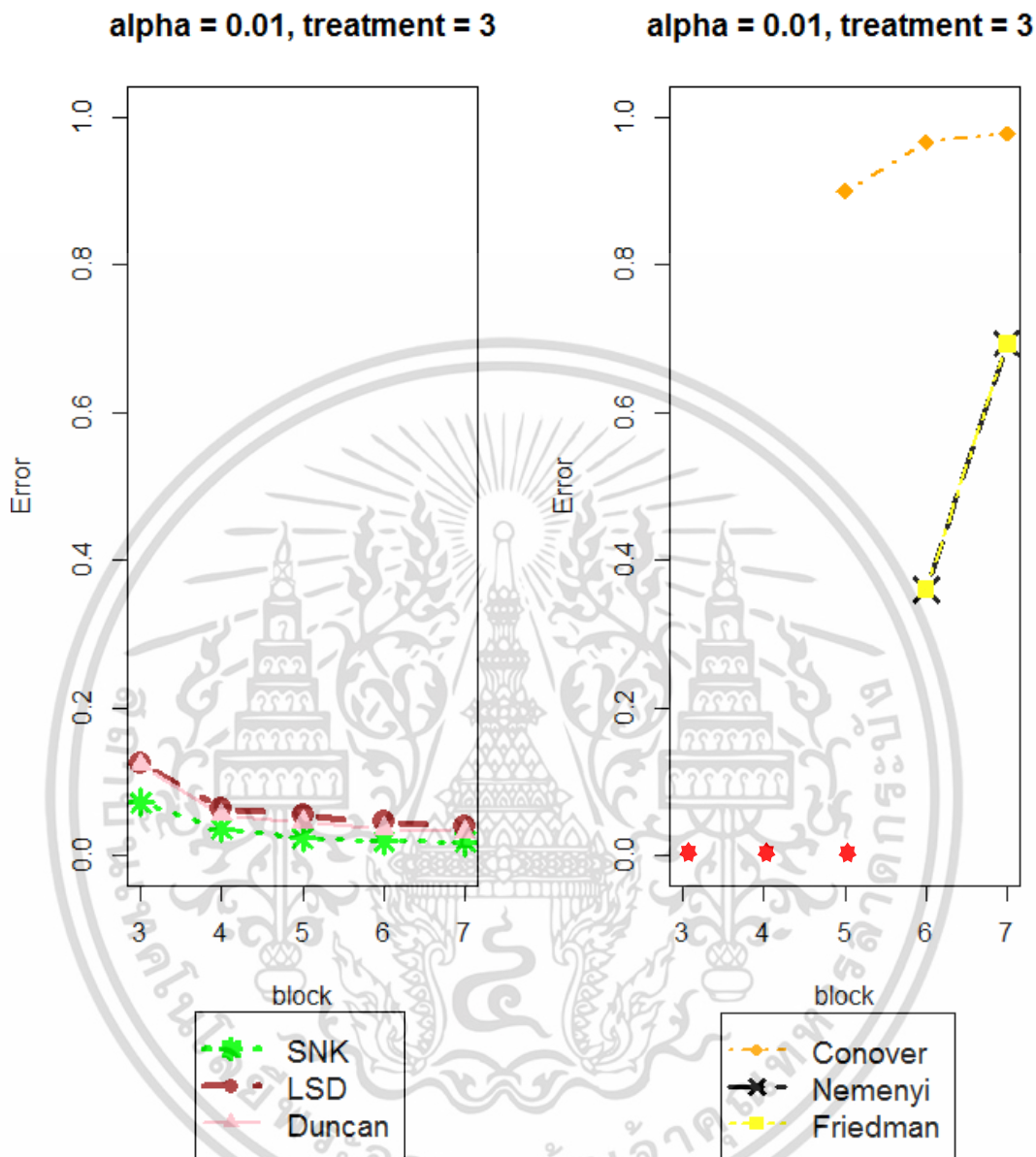
ตารางที่ 4.16 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา
กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1.SNK	0.0724	-	-
	2.LSD	0.1255*	-	0.1464*
	3. Duncan	0.1229	-	0.0845
	4.Conover	-	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
4	1.SNK	0.0359	0.0184	-
	2.LSD	0.0640*	0.0864*	0.1160*
	3. Duncan	0.0548	0.0525	0.0585
	4.Conover	-	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
5	1.SNK	0.0238	0.0156	-
	2.LSD	0.0546	0.0786	0.1150*
	3. Duncan	0.0453	0.0503	0.0564
	4.Conover	0.8990*	0.9869*	-
	5.Nemenyi	-	0.3405	-
	6.Friedman	-	0.3405	-
6	1.SNK	0.0198	0.0113	-
	2.LSD	0.0457	0.0692	0.1179
	3. Duncan	0.0363	0.0418	0.0560
	4.Conover	0.9655*	0.9873*	0.9876*
	5.Nemenyi	0.3600	0.6304	-
	6.Friedman	0.3600	0.6300	-
7	1.SNK	0.0183	0.0067	0.0098
	2.LSD	0.0391	0.0681	0.1202
	3. Duncan	0.0321	0.0381	0.0573
	4.Conover	0.9773*	0.9962*	0.9997*
	5.Nemenyi	0.6929	0.7089	0.8968
	6.Friedman	0.6926	0.7085	0.8970

หมายเหตุ - หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

* หมายถึง กำลังการทดสอบสูงสุดในสถานการณ์นั้น

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

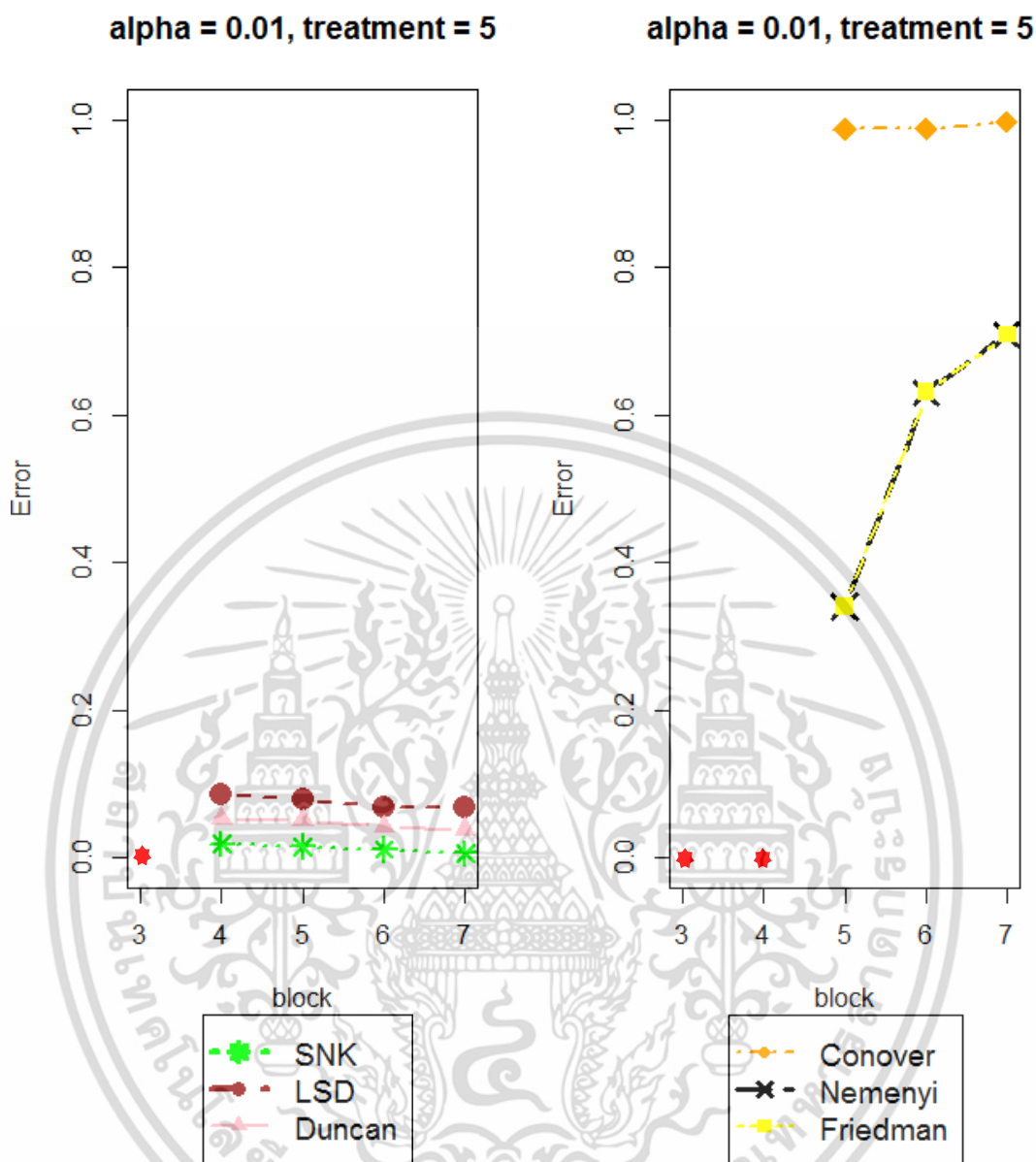


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.46 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา กระจายค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.46 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

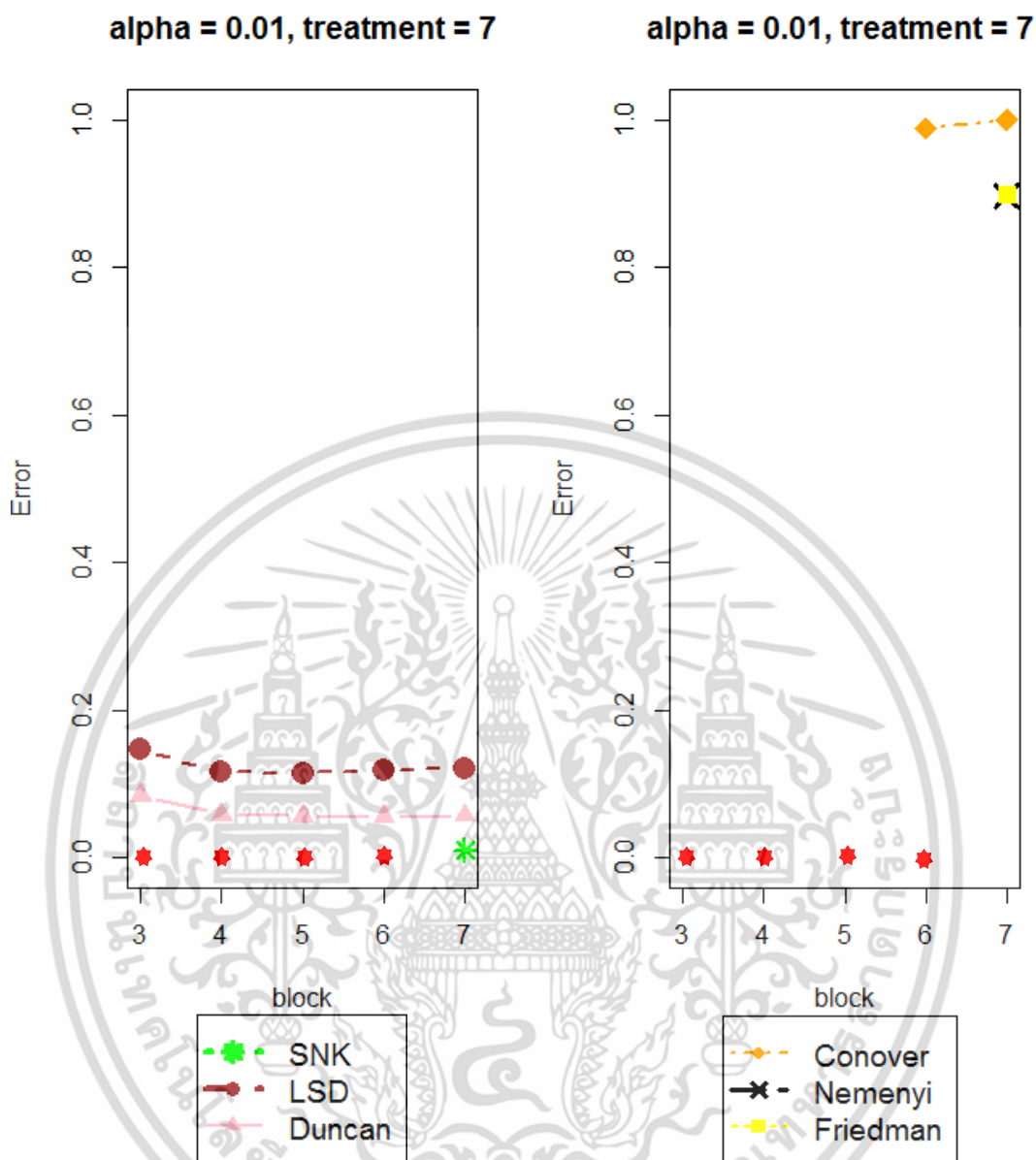


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.47 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.47 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.48 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.48 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 4 และ 5 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05

จากการคำนวณกำลังการทดสอบ เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05

สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.17 และรูปที่ 4.49 – 4.51

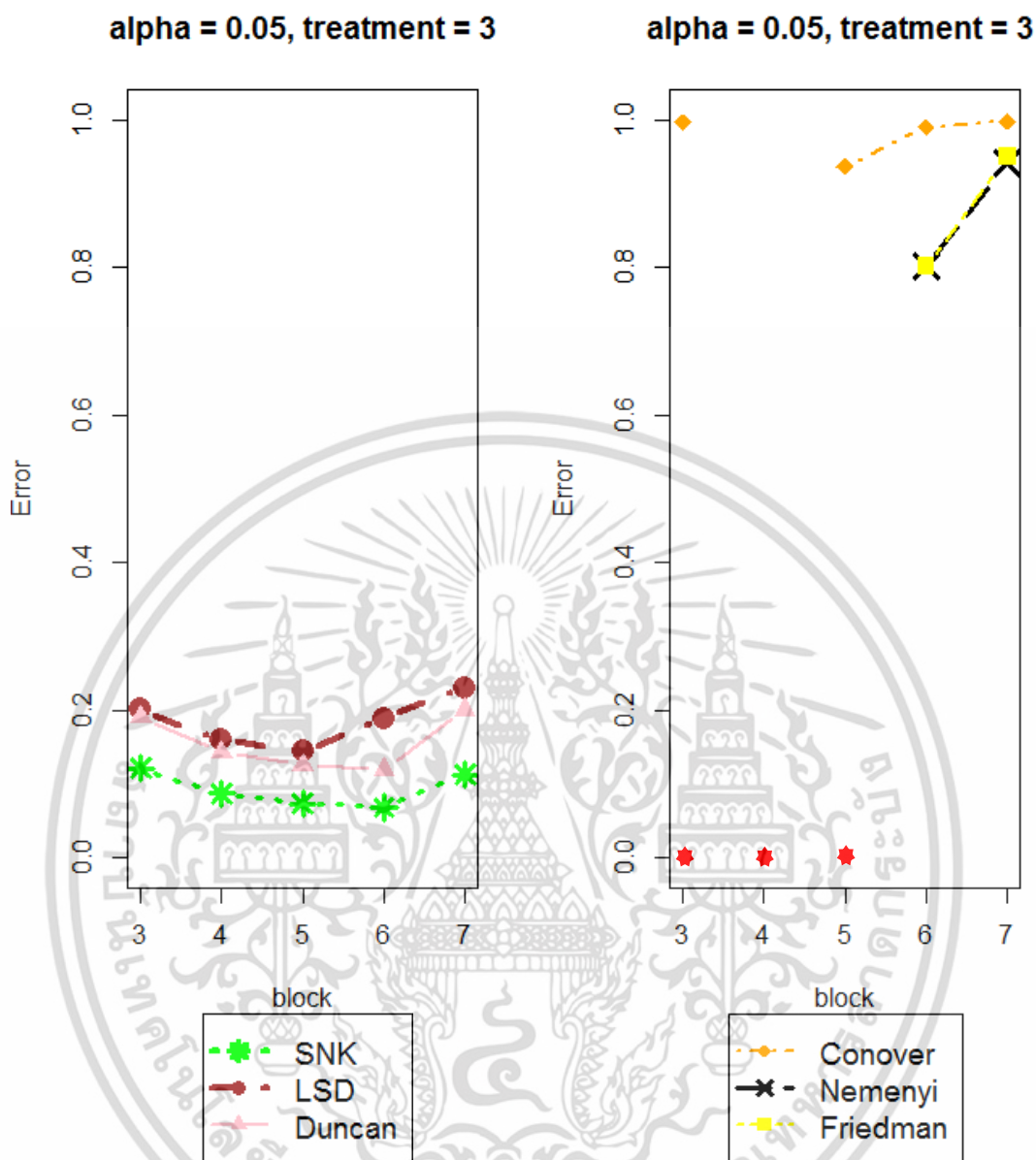
ตารางที่ 4.17 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1.SNK	0.1214	0.0772	0.0590
	2.LSD	0.2005	0.2886*	0.3894*
	3. Duncan	0.1901	0.2286	0.2746
	4.Conover	0.9965*	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
4	1.SNK	0.0871	0.0601	0.0536
	2.LSD	0.1603*	0.2731	0.4012
	3. Duncan	0.1428	0.1999	0.2689
	4.Conover	-	0.9172*	0.9233*
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
5	1.SNK	0.0737	0.0585	0.0524
	2.LSD	0.1440	0.2679	0.4048
	3. Duncan	0.1252	0.1908	0.2683
	4.Conover	0.9362*	0.9975*	0.9908*
	5.Nemenyi	-	0.8394	0.7300
	6.Friedman	-	0.8392	0.7423
6	1.SNK	0.0685	0.0571	0.0534
	2.LSD	0.1889	0.2646	0.4218
	3. Duncan	0.1195	0.1846	0.2762
	4.Conover	0.9897*	0.9968*	0.9996*
	5.Nemenyi	0.8011	0.9122	0.9131
	6.Friedman	0.8010	0.9123	0.9134
7	1.SNK	0.1227	0.0503	0.0499
	2.LSD	0.2297	0.2664	0.4206
	3. Duncan	0.2009	0.1808	0.2738
	4.Conover	0.9975*	0.9995*	1.0000*
	5.Nemenyi	0.9408	0.9256	0.9858
	6.Friedman	0.9490	0.9258	0.9858

หมายเหตุ - หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

* หมายถึง กำลังการทดสอบสูงสุดในสถานการณ์นั้น

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

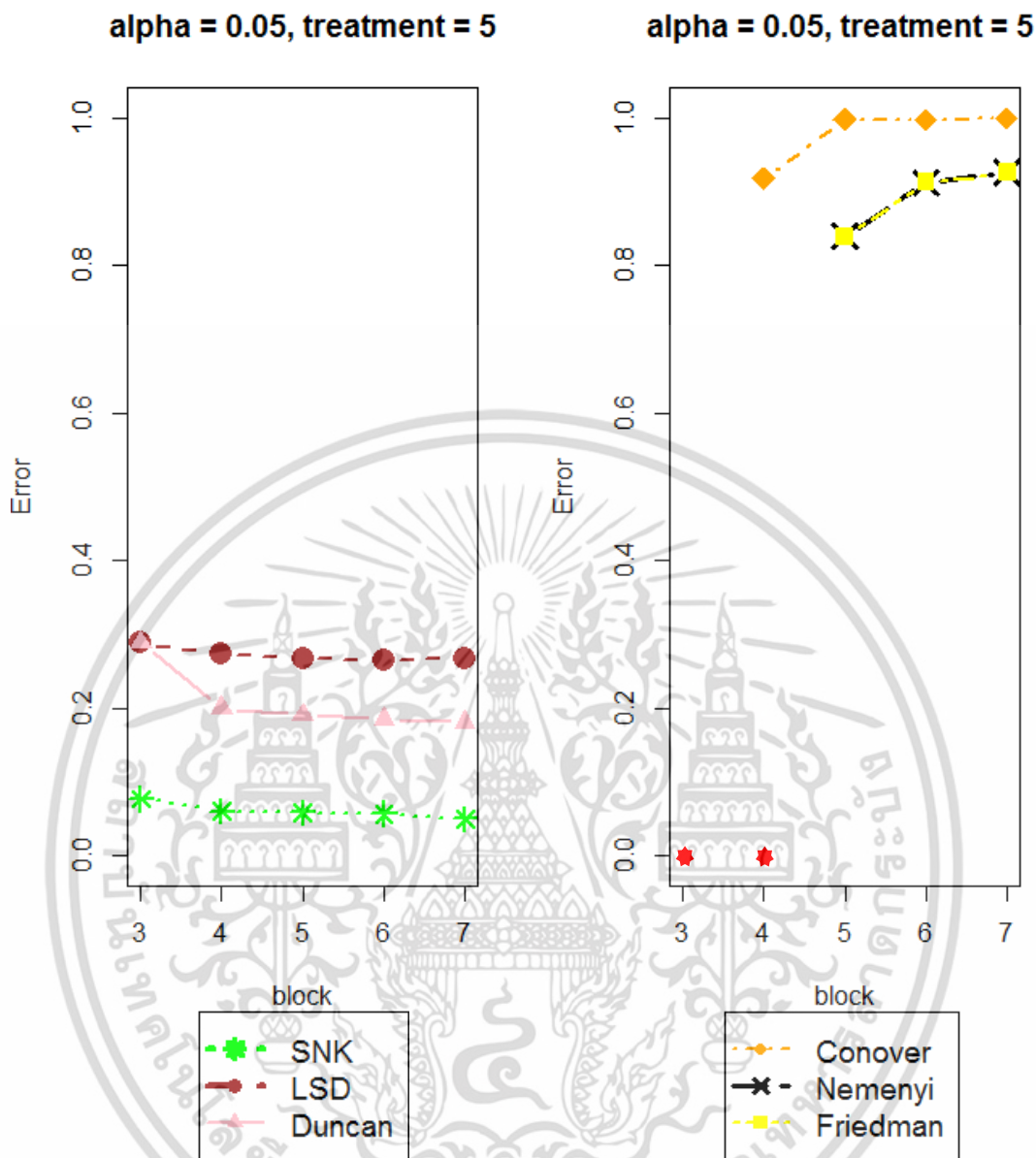


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.49 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.49 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

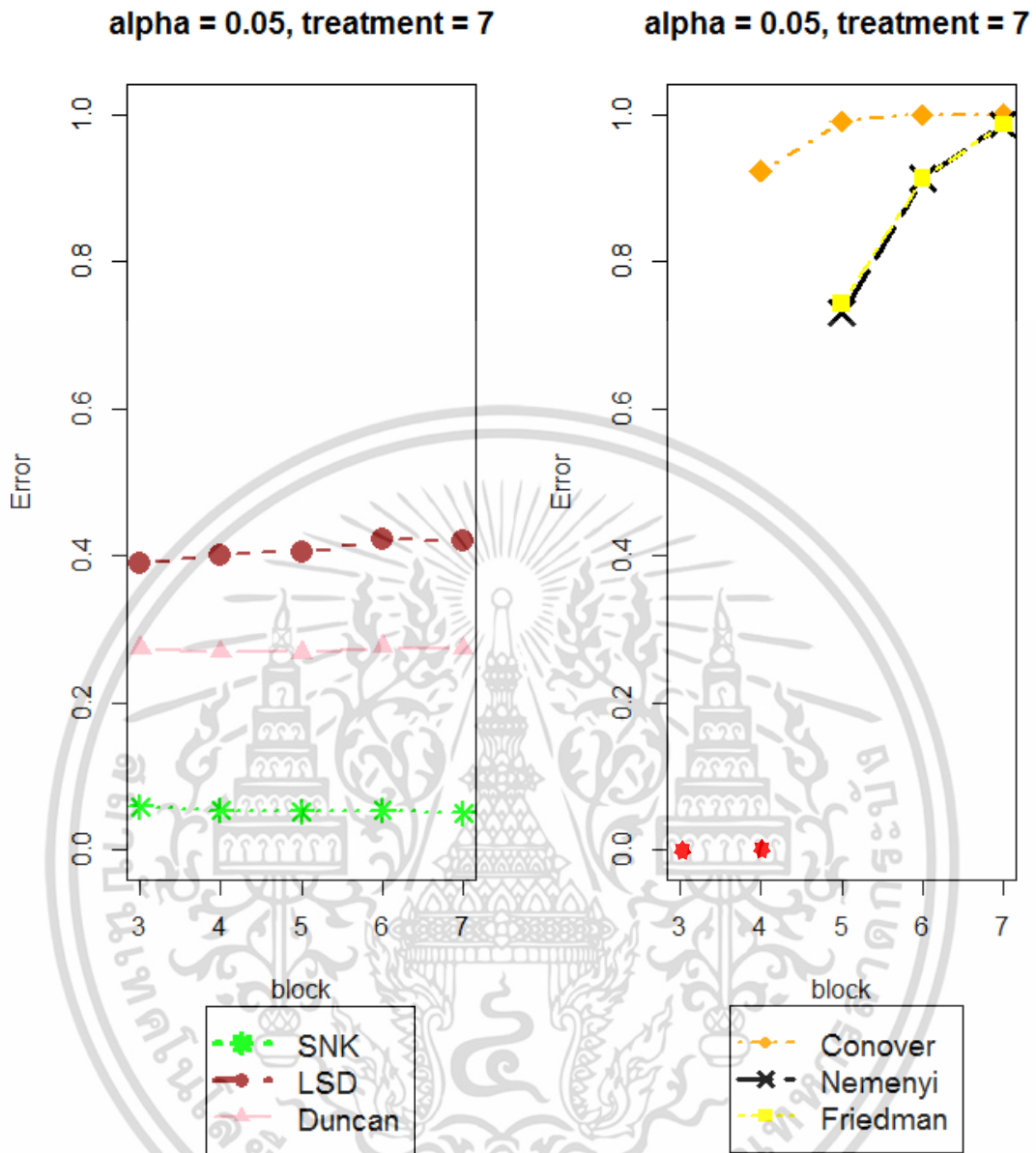


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.50 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.50 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.51 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์ เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.51 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

3) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10

จากการคำนวณกำลังการทดสอบ เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10

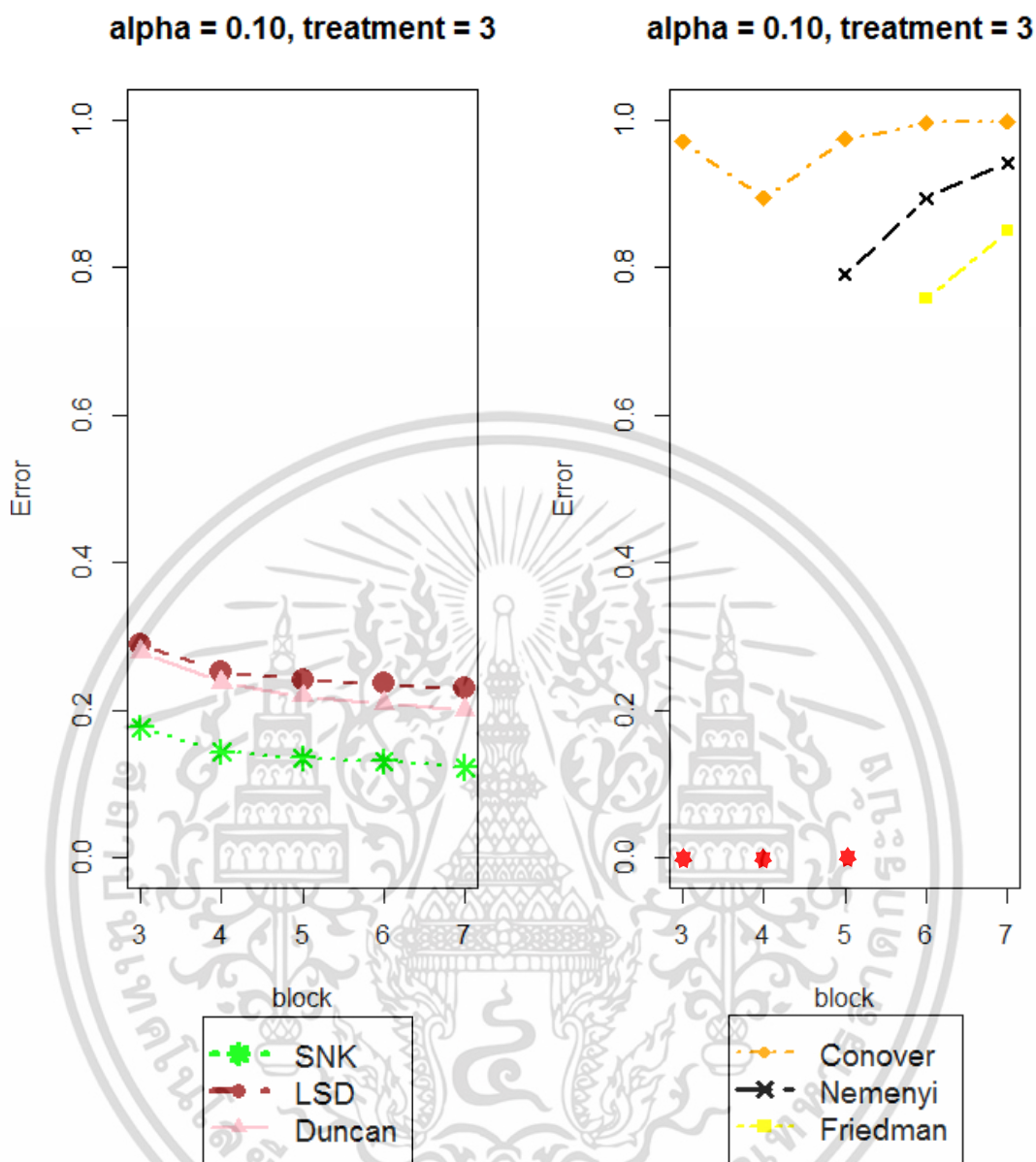
สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.18 และรูปที่ 4.52 – 4.54

ตารางที่ 4.18 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา
กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1.SNK	0.1769	0.1299	0.1147
	2.LSD	0.2898	0.4551*	0.6123*
	3. Duncan	0.2786	0.3801	0.4952
	4.Conover	0.9697*	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	0.1440
4	1.SNK	0.1436	0.1181	0.1058
	2.LSD	0.2523	0.4389	0.6143
	3. Duncan	0.2368	0.3578	0.4721
	4.Conover	0.8932*	0.9512*	0.9646*
	5.Nemenyi	-	0.7834	0.7108
	6.Friedman	-	-	-
5	1.SNK	0.1355	0.1171	0.1023
	2.LSD	0.2418	0.4574	0.6146
	3. Duncan	0.2185	0.3558	0.4655
	4.Conover	0.9733*	0.9994*	0.9979*
	5.Nemenyi	0.7902	0.9076	0.8947
	6.Friedman	-	0.8171	0.7346
6	1.SNK	0.1310	0.1139	0.1060
	2.LSD	0.2359	0.4539	0.6349
	3. Duncan	0.2090	0.3469	0.4736
	4.Conover	0.9954*	0.9990*	0.9999*
	5.Nemenyi	0.8935	0.9440	0.9677
	6.Friedman	0.7572	0.8972	0.9105
7	1.SNK	0.1227	0.1120	0.1111
	2.LSD	0.2297	0.4461	0.6335
	3. Duncan	0.2009	0.3424	0.4732
	4.Conover	0.9975*	1.0000*	1.0000*
	5.Nemenyi	0.9408	0.9786	0.9962
	6.Friedman	0.8490	0.9237	0.9859

หมายเหตุ - หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความ
น่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์ หมายถึง รับ กำลังการทดสอบสูงสุดในสถานการณั้้น อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

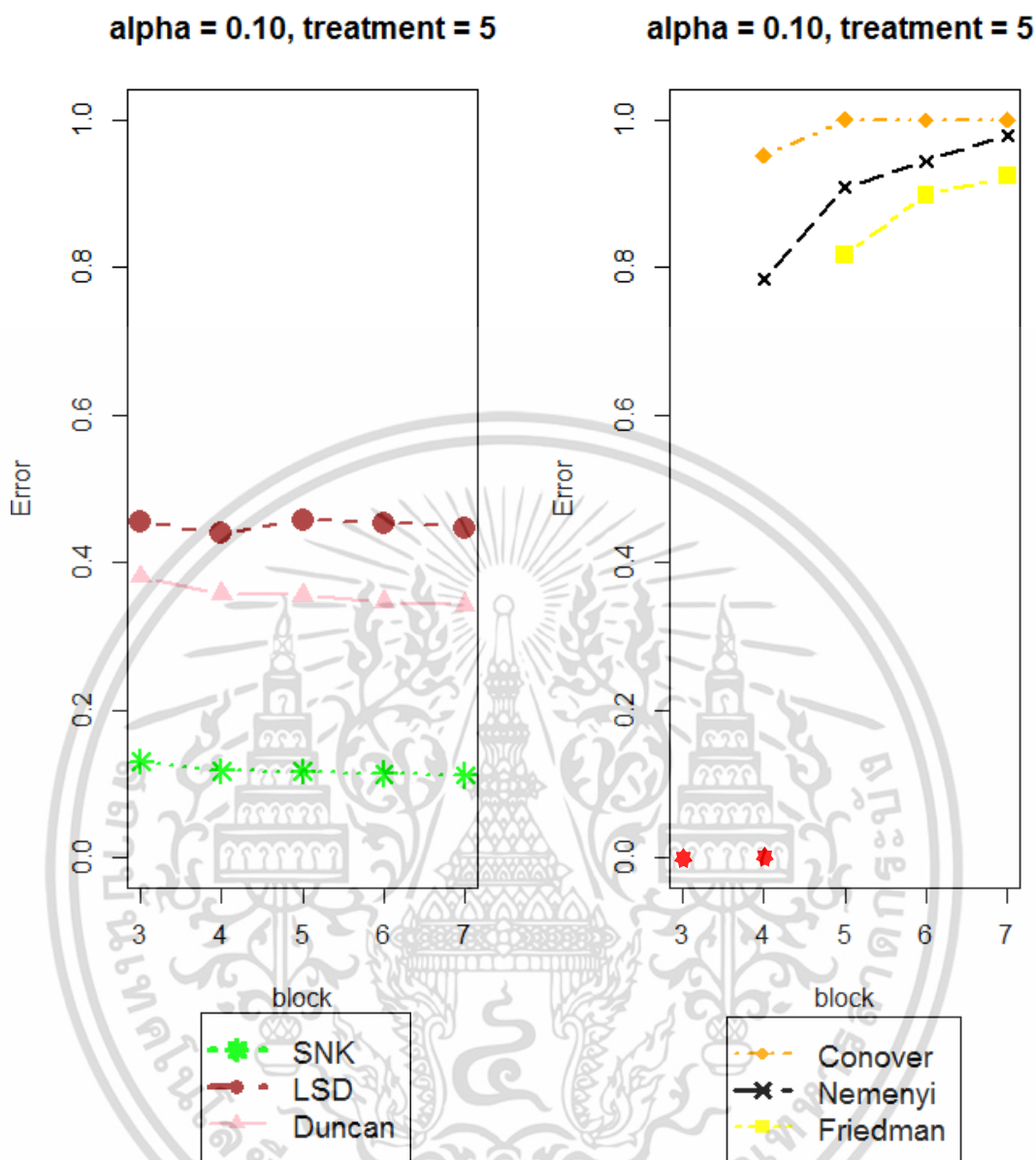


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.52 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.52 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 4, 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

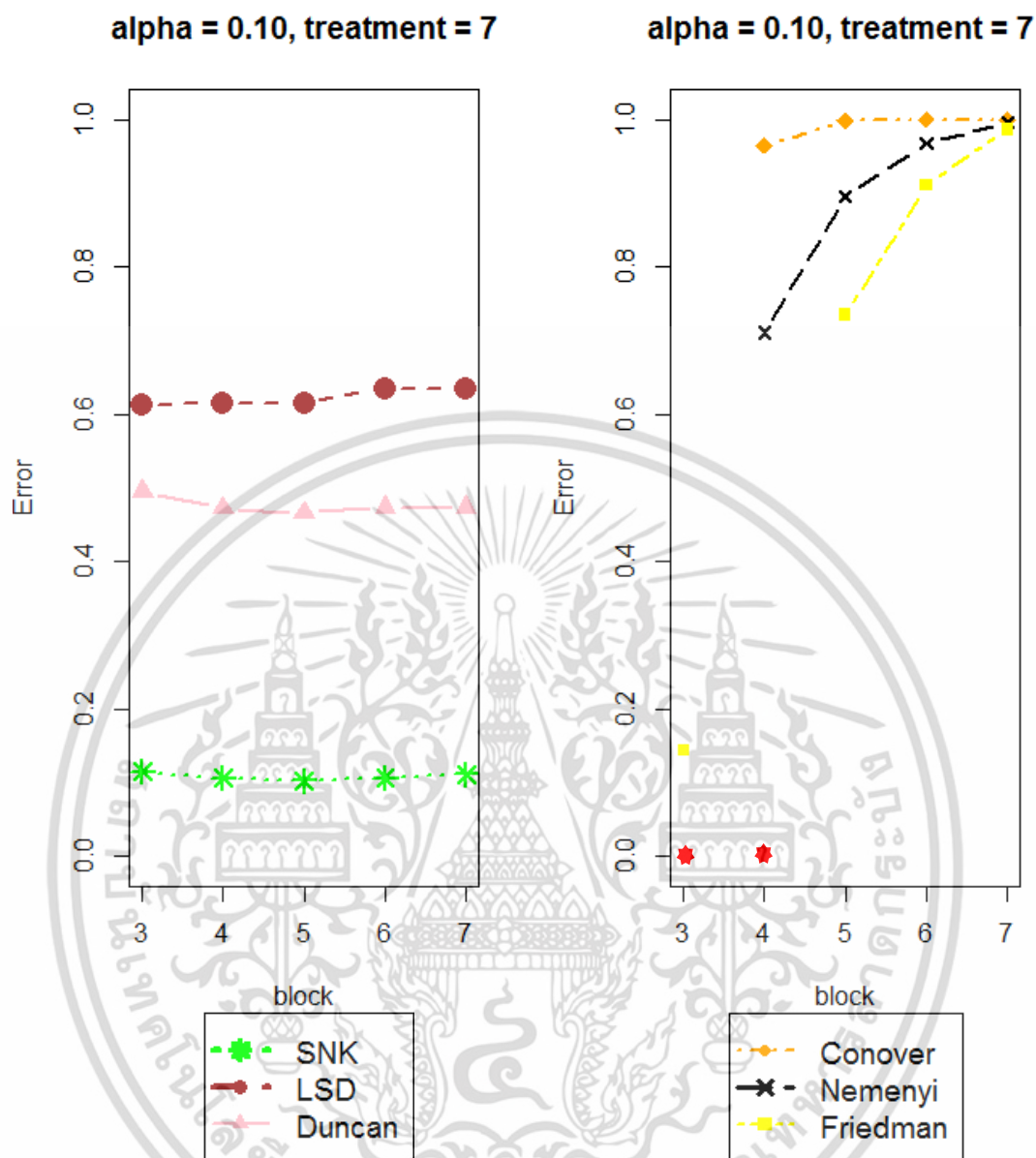


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.53 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.53 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.54 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมากรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.54 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 สถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.2.2 ข้อมูลสุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงโคก่าลังสอง

4.2.2.1 กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

1) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01

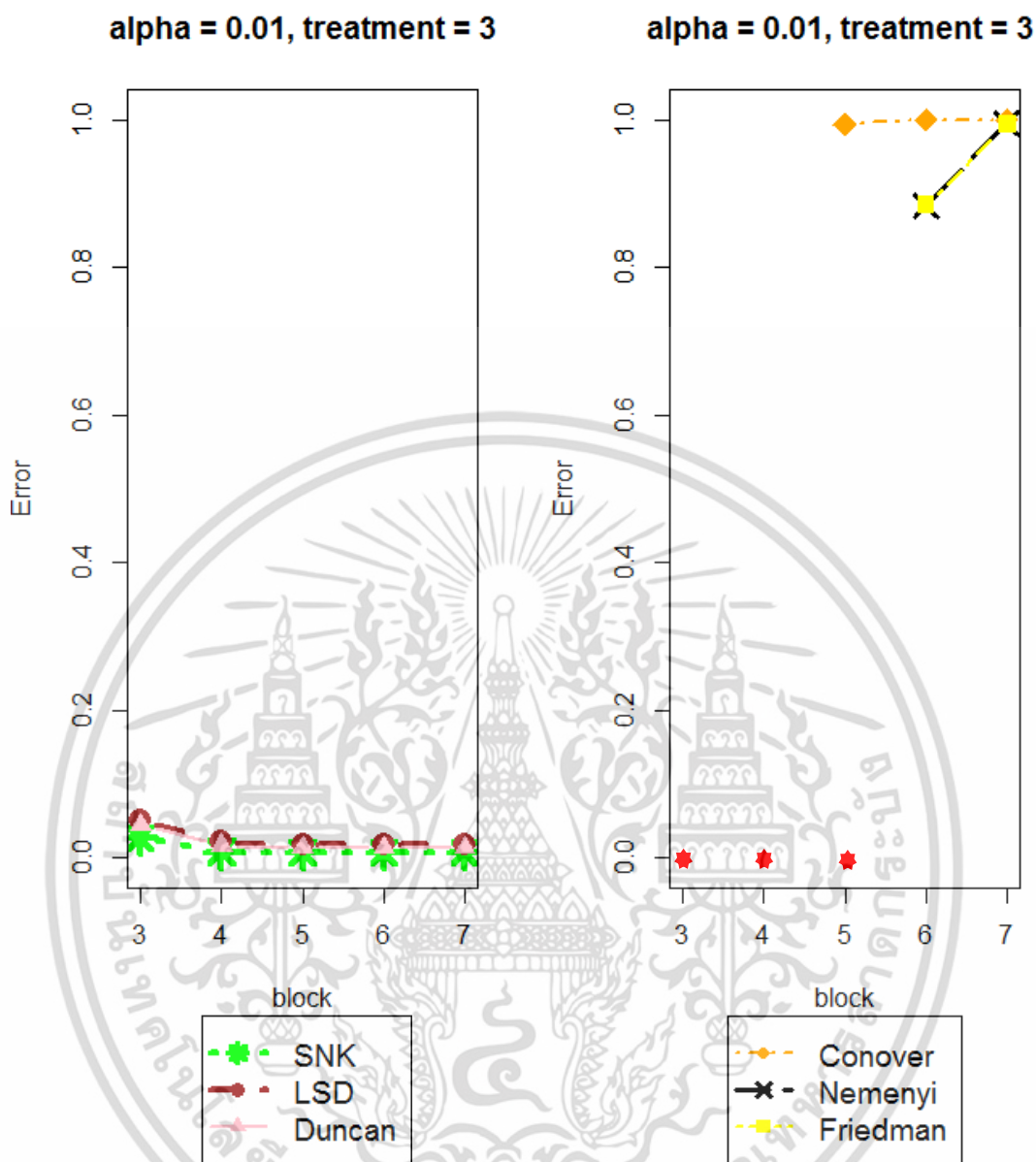
จากการคำนวณกำลังการทดสอบ เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01
สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.19 และรูปที่ 4.55 – 4.57

ตารางที่ 4.19 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลสุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงโคก่าลังสอง กรณีค่าเฉลี่ย
ต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทริทเมนต์		
		3	5	7
3	1.SNK	0.0274	-	-
	2.LSD	0.0498*	-	0.0818*
	3. Duncan	0.0438	-	0.0438
	4.Conover	-	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
4	1.SNK	0.0082	0.0058	-
	2.LSD	0.0215*	0.0476*	0.0949*
	3. Duncan	0.0173	0.0277	0.0447
	4.Conover	-	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
5	1.SNK	0.0066	0.0054	-
	2.LSD	0.0173	0.0532	0.1072*
	3. Duncan	0.0133	0.0297	0.0473
	4.Conover	0.9935*	1.0000*	-
	5.Nemenyi	-	0.8333	-
	6.Friedman	-	0.8340	-
6	1.SNK	0.0066	0.0068	-
	2.LSD	0.0175	0.0599	0.1180
	3. Duncan	0.0131	0.0317	0.0543
	4.Conover	1.0000*	1.0000*	0.9999*
	5.Nemenyi	0.8835	0.9923	-
	6.Friedman	0.8835	0.9923	-
7	1.SNK	0.0076	0.0064	0.0092
	2.LSD	0.0171	0.0568	0.1158
	3. Duncan	0.0136	0.0317	0.0512
	4.Conover	1.0000*	1.0000*	1.0000*
	5.Nemenyi	0.9942	0.9996	1.0000*
	6.Friedman	0.9942	0.9996	1.0000*

หมายเหตุ - หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความ
น่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์ไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น เมื่ออนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

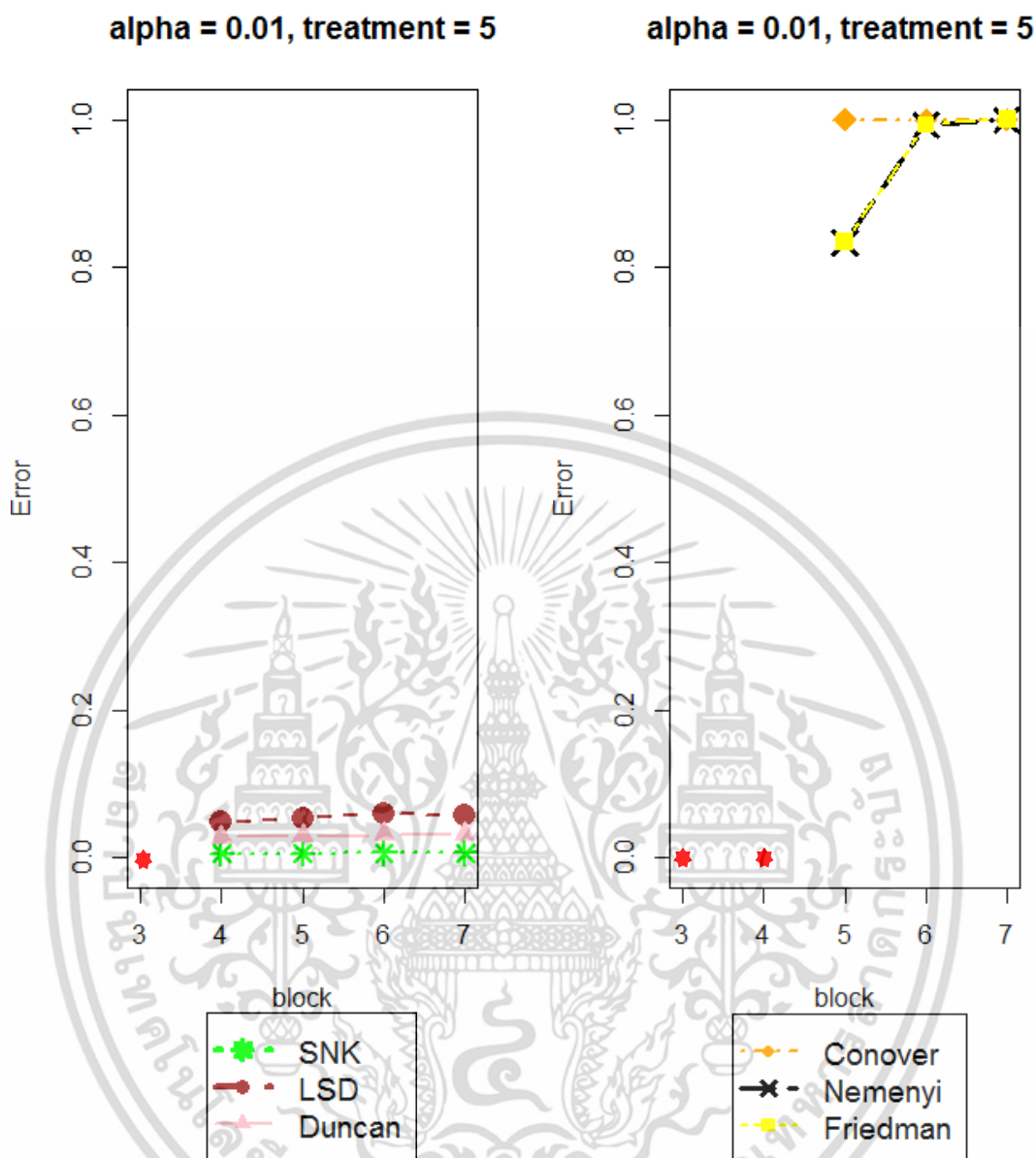


หมายเหตุ หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.55 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงโคกำลังสอง กระจายค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.55 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5 และ 6 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

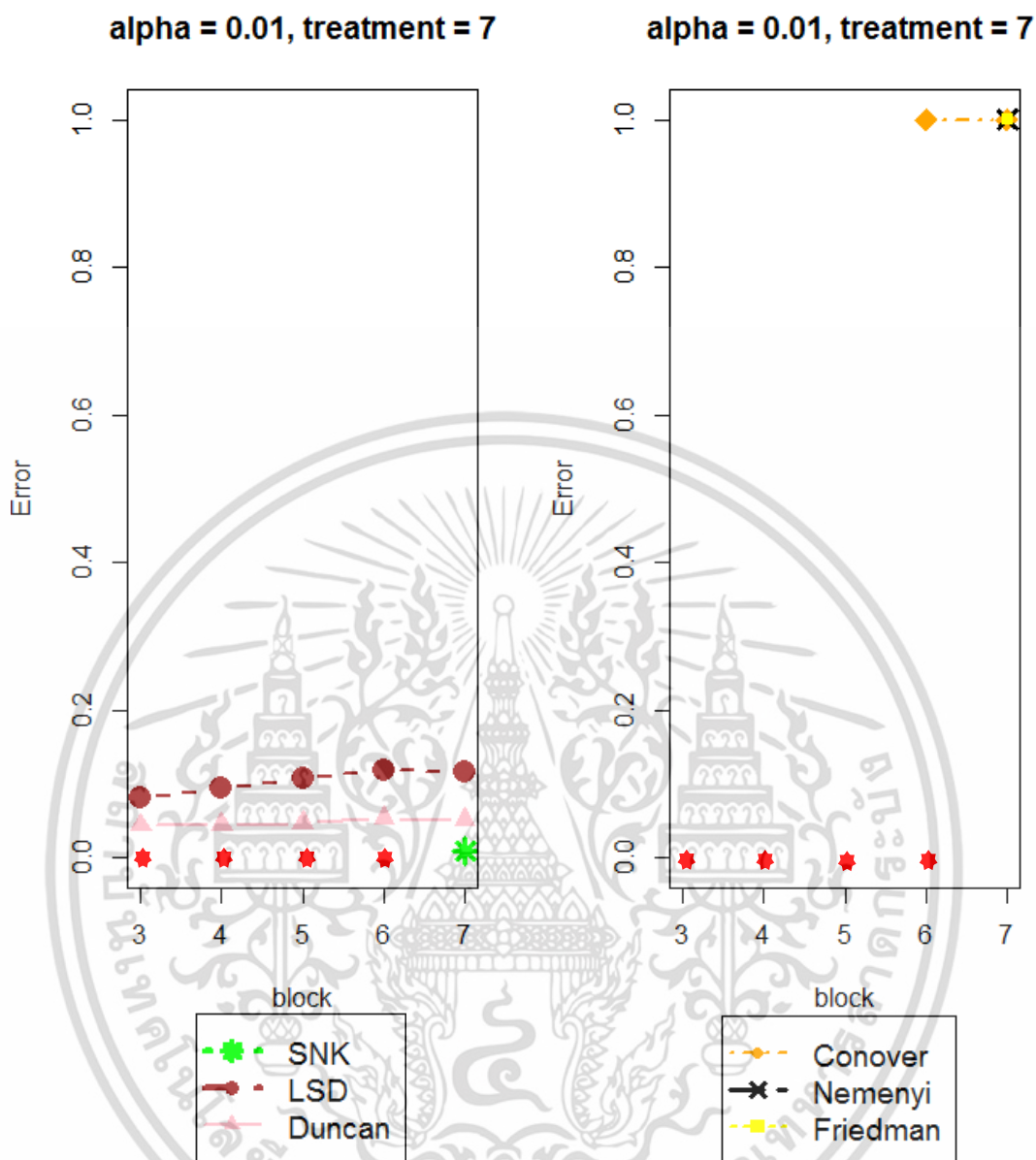


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.56 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงโคกำลังสอง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.56 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด ส่วนเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.57 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงใดกำลังสองกรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.57 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 4 และ 5 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05

จากการคำนวณกำลังการทดสอบ เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05

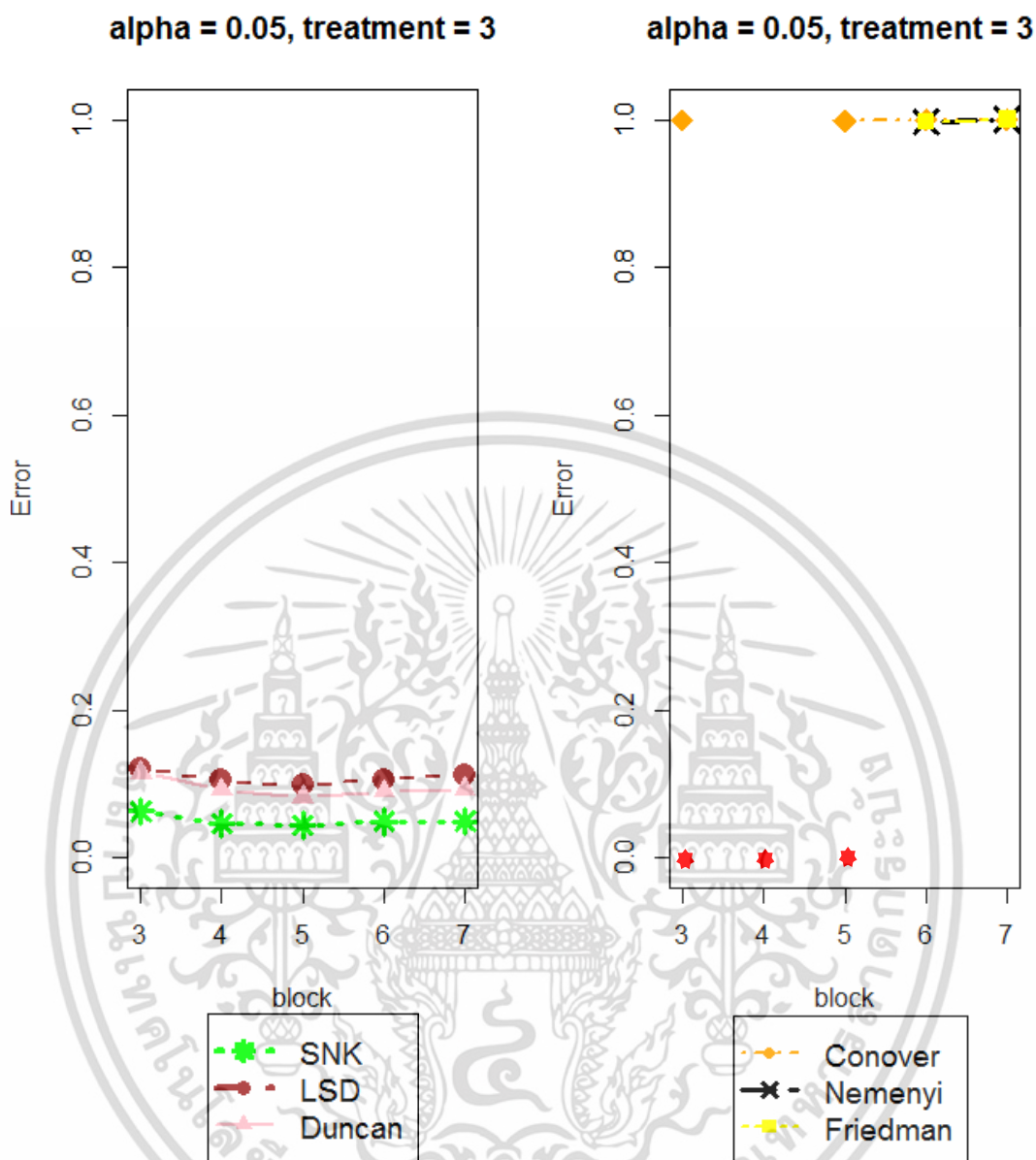
สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.20 และรูปที่ 4.58 – 4.60

ตารางที่ 4.20 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงโคกำลังสอง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1.SNK	0.0632	0.0376	0.0353
	2.LSD	0.1206	0.2226*	0.3535*
	3. Duncan	0.1157	0.1674	0.2381
	4.Conover	0.9990*	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
4	1.SNK	0.0463	0.0442	0.0401
	2.LSD	0.1058*	0.2485	0.3894
	3. Duncan	0.0919	0.1762	0.2483
	4.Conover	-	0.9597*	0.8989*
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
5	1.SNK	0.0441	0.0434	0.0243
	2.LSD	0.0981	0.2468	0.4082
	3. Duncan	0.0829	0.1719	0.2583
	4.Conover	0.9982*	1.0000*	0.9903
	5.Nemenyi	-	0.9987	0.9938
	6.Friedman	-	0.9987	0.9939*
6	1.SNK	0.0489	0.0467	0.0488
	2.LSD	0.1064	0.2653	0.4189
	3. Duncan	0.0900	0.1830	0.2681
	4.Conover	1.0000*	1.0000*	0.9999
	5.Nemenyi	0.9967	1.0000*	1.0000*
	6.Friedman	0.9967	1.0000*	1.0000*
7	1.SNK	0.0496	0.0451	0.0463
	2.LSD	0.1125	0.2652	0.4188
	3. Duncan	0.0934	0.1802	0.2611
	4.Conover	1.0000*	1.0000*	1.0000*
	5.Nemenyi	0.9999	1.0000*	1.0000*
	6.Friedman	0.9999	1.0000*	1.0000*

หมายเหตุ - หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์ หมายถึง รับ กำลังการทดสอบสูงสุดในสถานการณั้้น อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

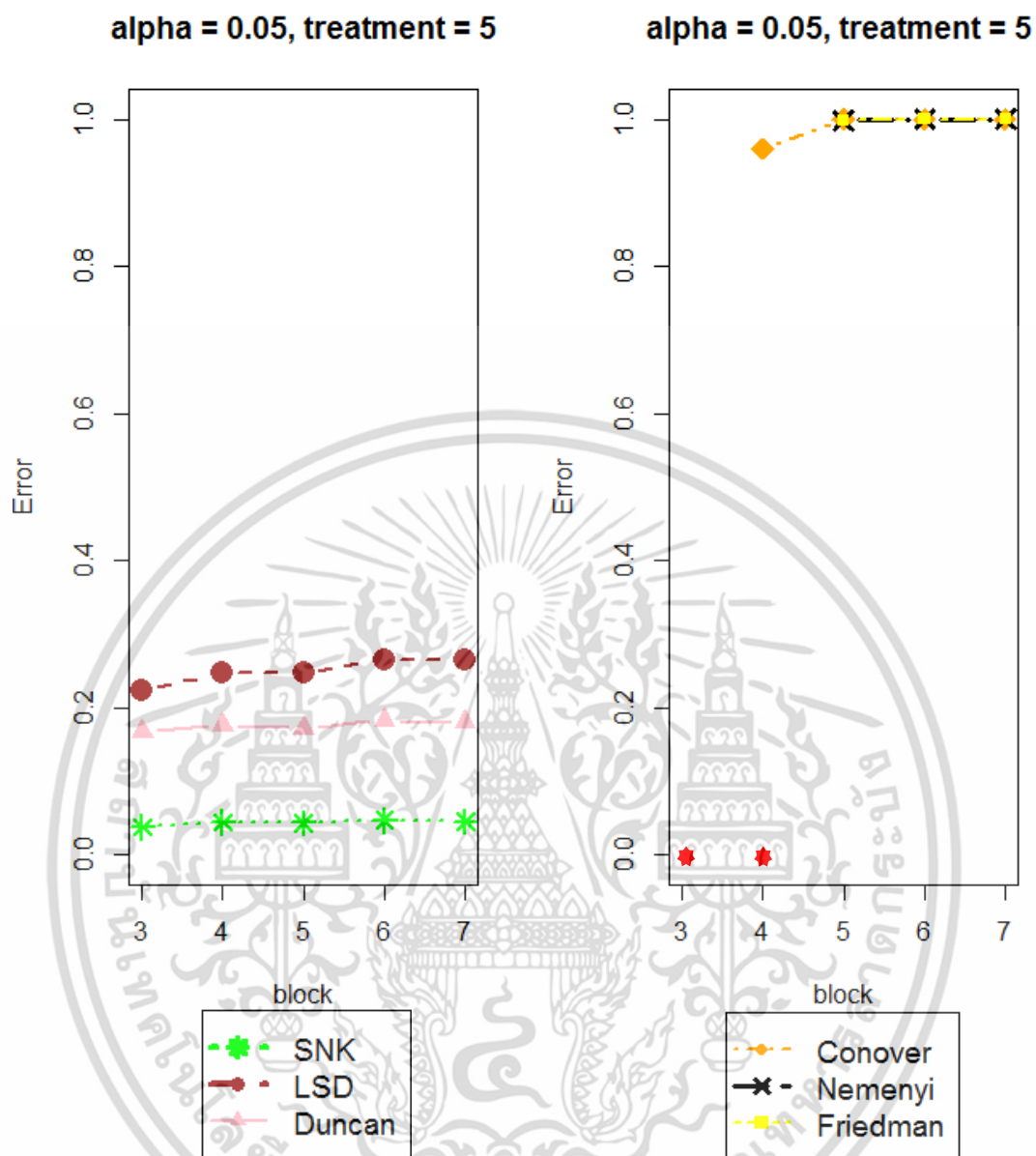


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.58 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงใดกำลังสองกรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.5

จากรูปที่ 4.58 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 5 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด และเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

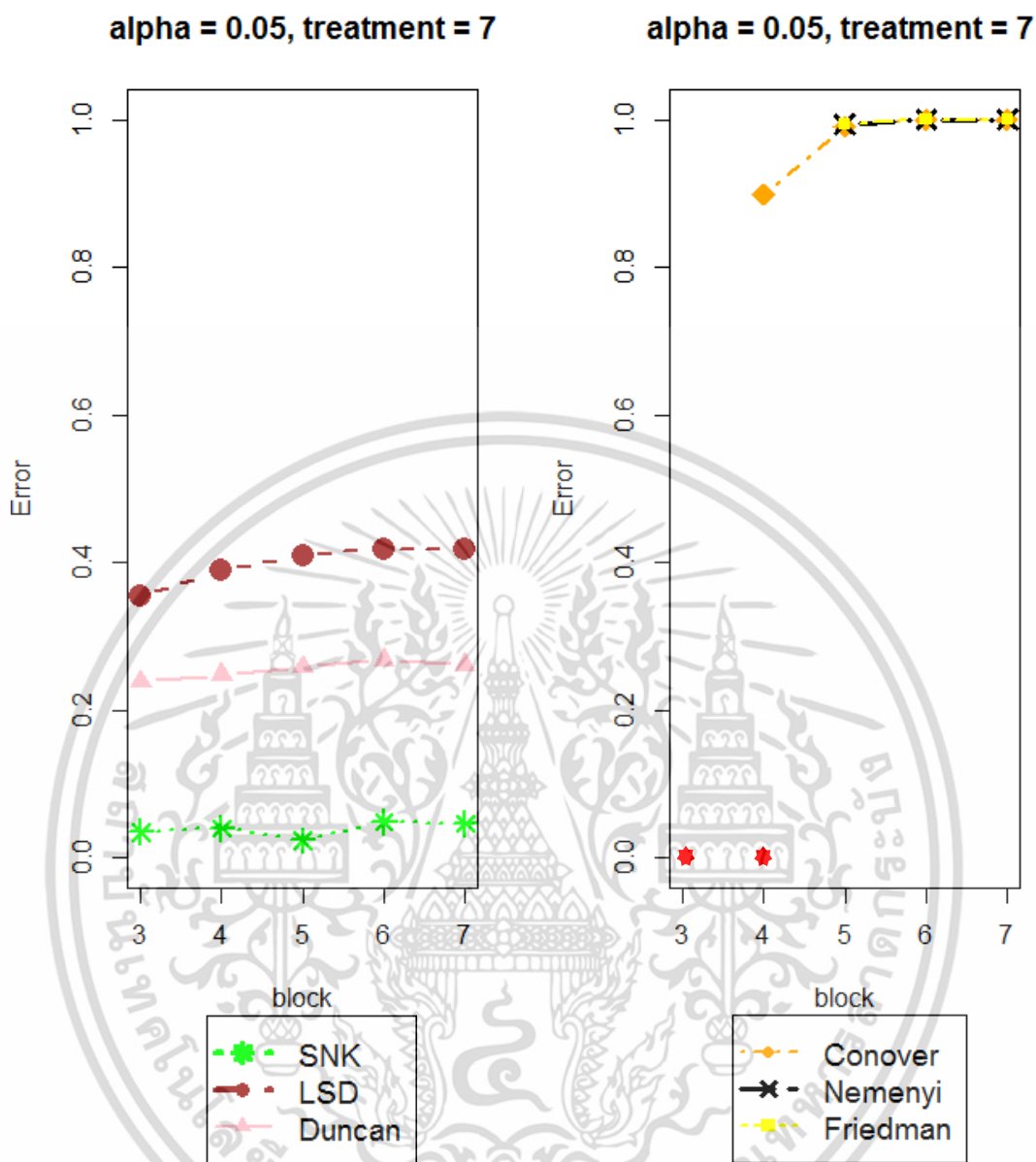


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.59 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงโคกำลังสองกรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.59 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.60 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงโคกำลังสอง กระจายค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.60 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดส่วนเมื่อจำนวนบล็อก 5 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover , Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

3) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10

จากการคำนวณกำลังการทดสอบ เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10

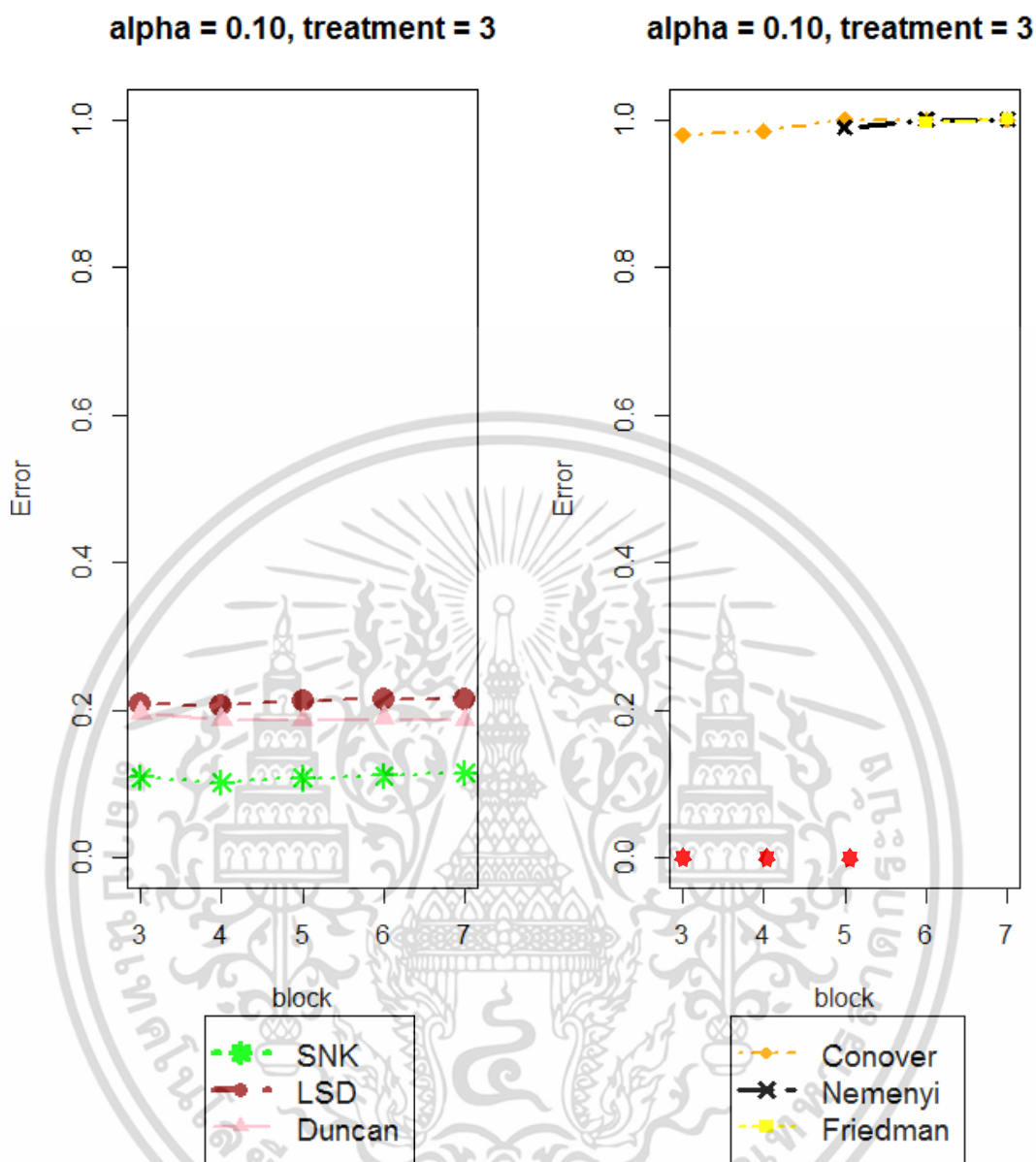
สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.21 และรูปที่ 4.61 – 4.63

ตารางที่ 4.21 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงโคกำลังสอง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1.SNK	0.1090	0.0927	0.0810
	2.LSD	0.2075	0.4128*	0.6039*
	3. Duncan	0.1959	0.3425	0.4693
	4.Conover	0.9790*	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	0.2738
4	1.SNK	0.1017	0.1028	0.0956
	2.LSD	0.2068	0.4452	0.6268
	3. Duncan	0.1868	0.3556	0.4773
	4.Conover	0.9842*	0.9609	0.8994
	5.Nemenyi	-	0.9743*	0.9721*
	6.Friedman	-	-	-
5	1.SNK	0.1079	0.0999	0.0599
	2.LSD	0.2121	0.4418	0.6351
	3. Duncan	0.1862	0.3428	0.4808
	4.Conover	0.9996*	1.0000*	0.9903
	5.Nemenyi	0.9884	0.9996	0.9998*
	6.Friedman	-	0.9987	0.9939
6	1.SNK	0.1116	0.1063	0.1026
	2.LSD	0.2142	0.4503	0.6411
	3. Duncan	0.1891	0.3523	0.4823
	4.Conover	1.0000*	1.0000*	0.9999
	5.Nemenyi	0.9998	1.0000*	1.0000*
	6.Friedman	0.9963	1.0000*	1.0000*
7	1.SNK	0.1152	0.1030	0.1003
	2.LSD	0.2138	0.4542	0.6429
	3. Duncan	0.1862	0.3477	0.4810
	4.Conover	1.0000*	1.0000*	1.0000*
	5.Nemenyi	1.0000*	1.0000*	1.0000*
	6.Friedman	0.9999	1.0000*	1.0000*

หมายเหตุ - หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์ หมายถึง รับ กำลังการทดสอบสูงสุดในสถานการณั้้น อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

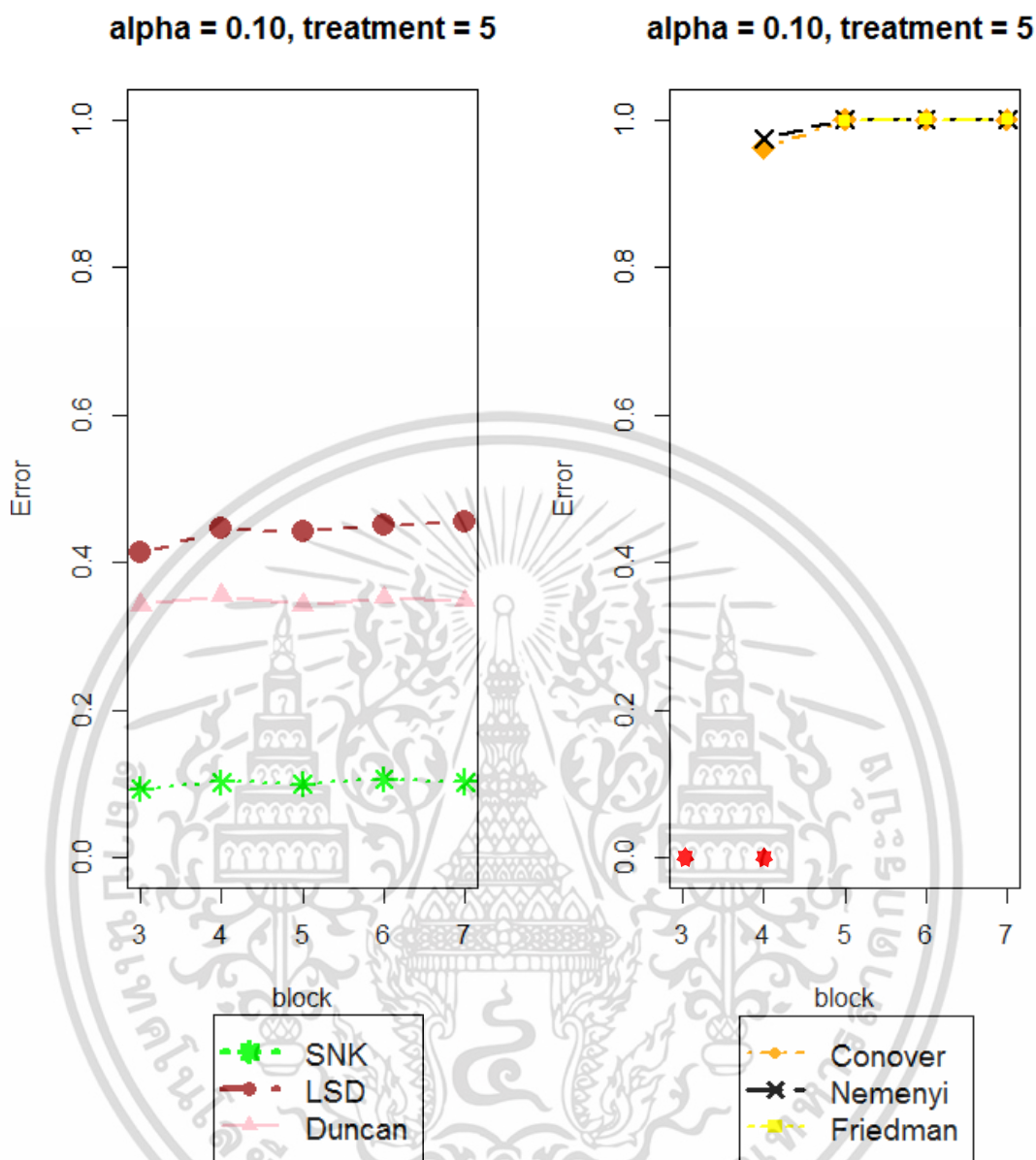


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.61 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงโคกำลังสองกรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.61 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 4 และ 5 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

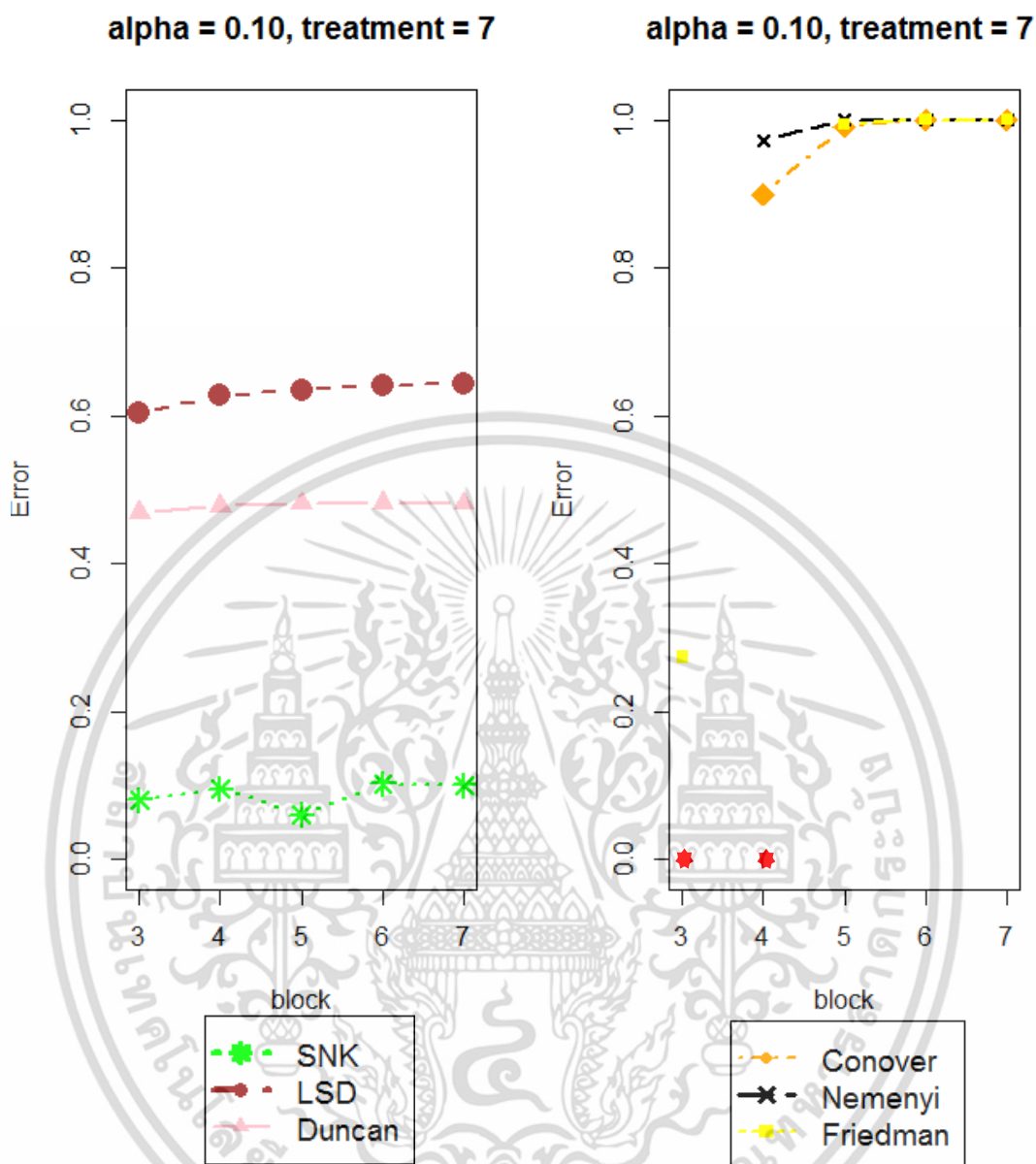


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.62 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงโคกำลังสองกรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.62 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.63 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงใดกำลังสองกรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.63 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 และ 5 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด ส่วนเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 ตัวสถิติทดสอบ Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.2.3 ข้อมูลสุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง

4.2.3.1 กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

1) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.01

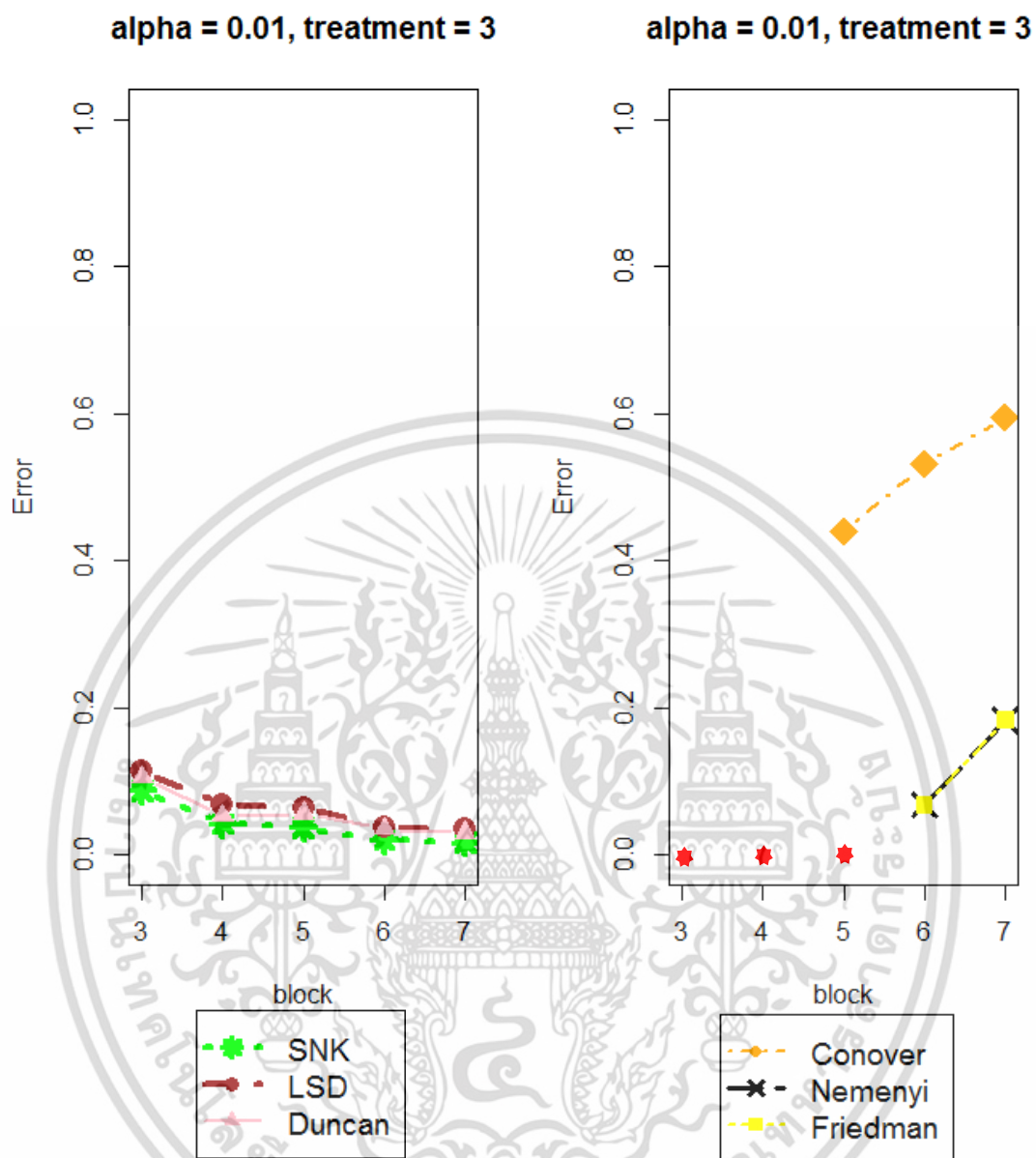
จากการคำนวณกำลังการทดสอบ เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10
สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.22 และรูปที่ 4.64 – 4.66

ตารางที่ 4.22 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง
กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทริทเมนต์		
		3	5	7
3	1.SNK	0.0877	-	-
	2.LSD	0.1140*	-	0.2179*
	3. Duncan	0.1053	-	0.1401
	4.Conover	-	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
4	1.SNK	0.0421	0.0296	-
	2.LSD	0.0684*	0.1283*	0.1614*
	3. Duncan	0.0526	0.0790	0.0872
	4.Conover	-	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
5	1.SNK	0.0373	0.0107	-
	2.LSD	0.0634	0.0877	0.1490*
	3. Duncan	0.0560	0.0429	0.0771
	4.Conover	0.4403*	0.8676*	-
	5.Nemenyi	-	0.1055	-
	6.Friedman	-	0.1059	-
6	1.SNK	0.0203	0.0187	-
	2.LSD	0.0380	0.0870	0.1173
	3. Duncan	0.0354	0.0595	0.0577
	4.Conover	0.5316*	0.7291*	0.6956*
	5.Nemenyi	0.0684	0.1919	-
	6.Friedman	0.0680	0.1916	-
7	1.SNK	0.0168	0.0049	0.0087
	2.LSD	0.0355	0.0676	0.1252
	3. Duncan	0.0299	0.0407	0.0554
	4.Conover	0.5944*	0.8264*	0.8668*
	5.Nemenyi	0.1830	0.1654	0.2500
	6.Friedman	0.1832	0.1654	0.2500

หมายเหตุ - หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความ
น่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

* หมายถึง กำลังการทดสอบสูงสุดในสถานการณ์นั้น
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น เมื่ออนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

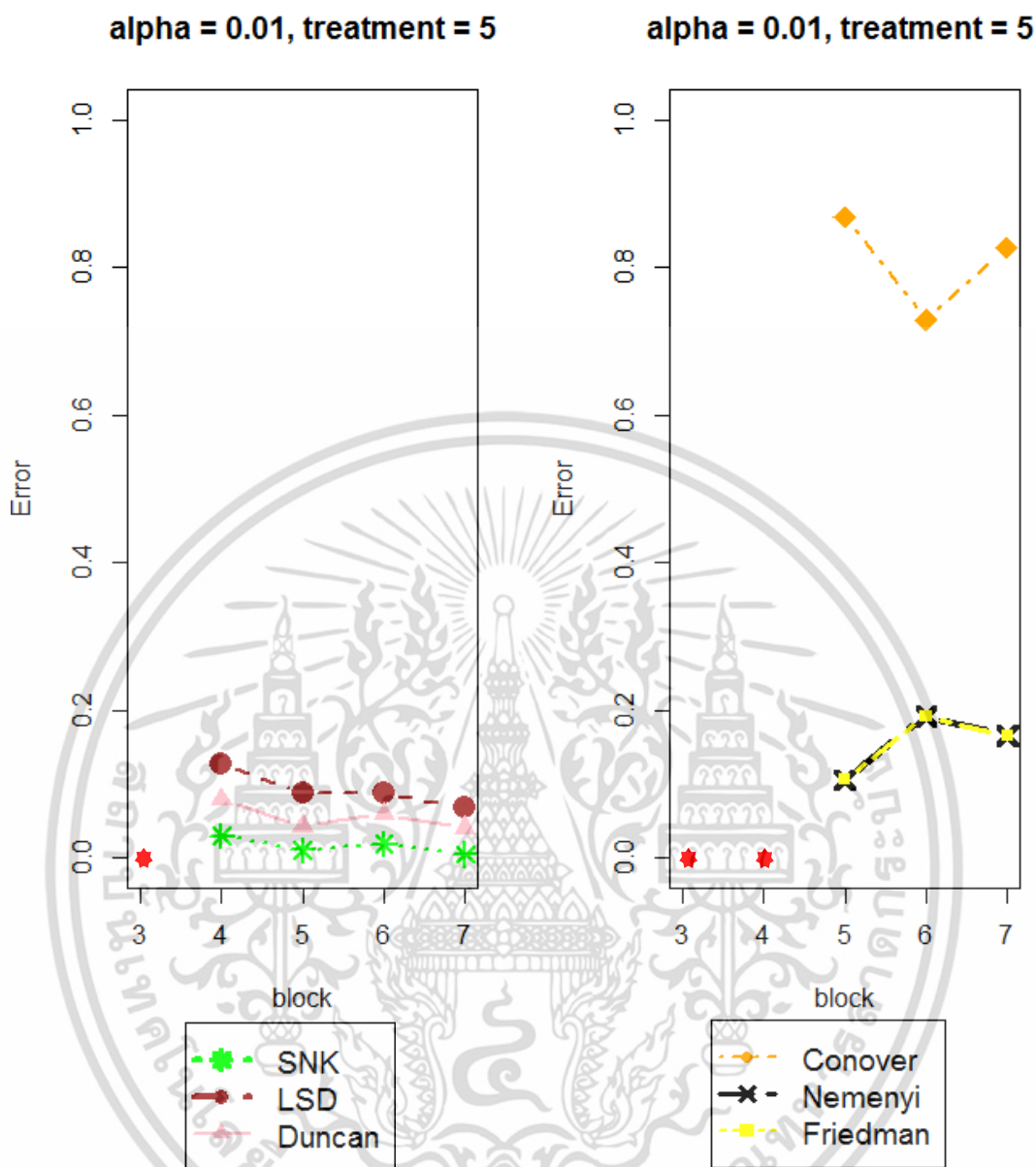


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.64 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กระจายค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.64 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

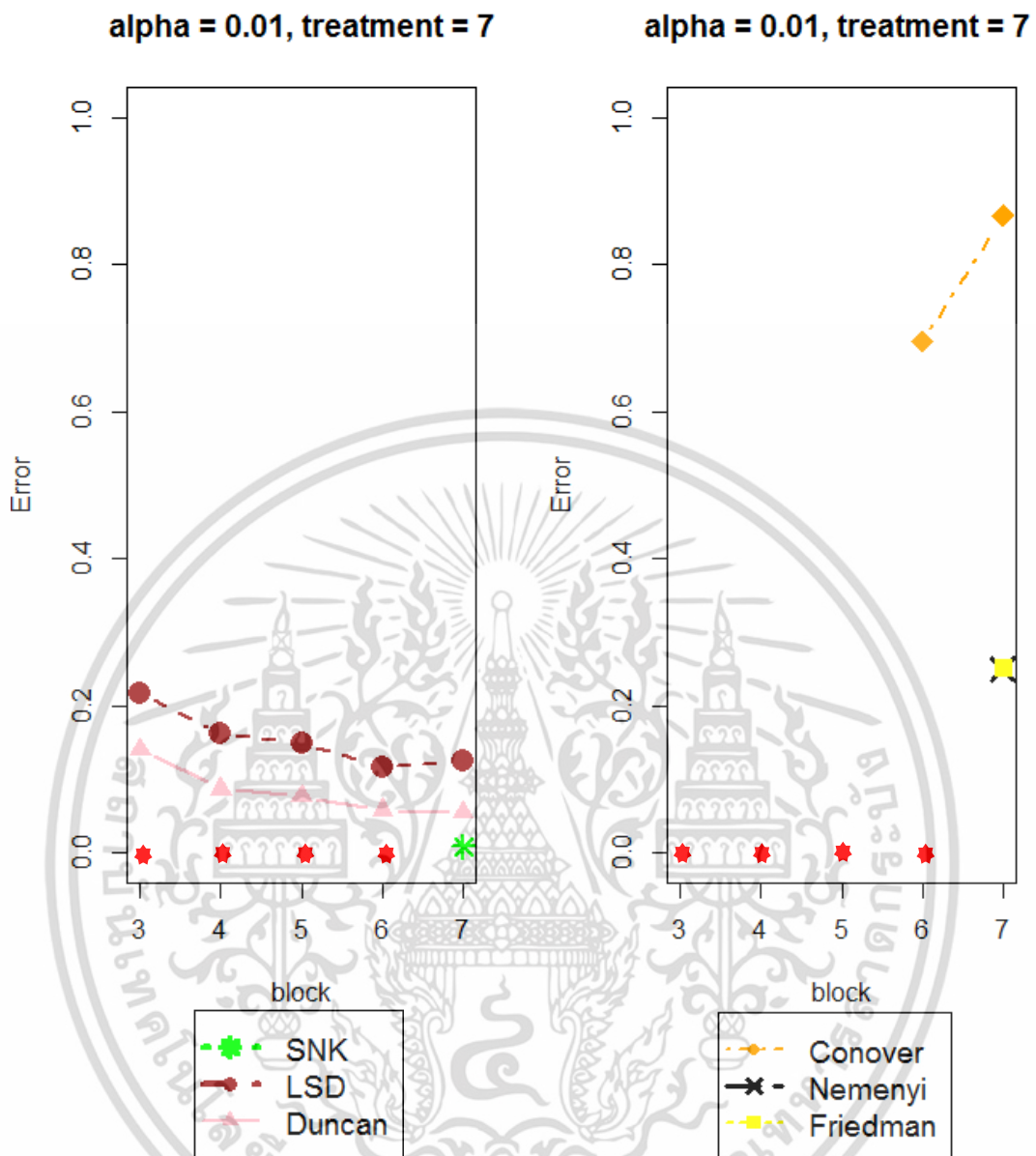


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.65 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กระจายค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.65 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.66 ค่าการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กระจายค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

จากรูปที่ 4.66 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 4 และ 5 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีค่าการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีค่าการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05

จากการคำนวณกำลังการทดสอบ เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.05

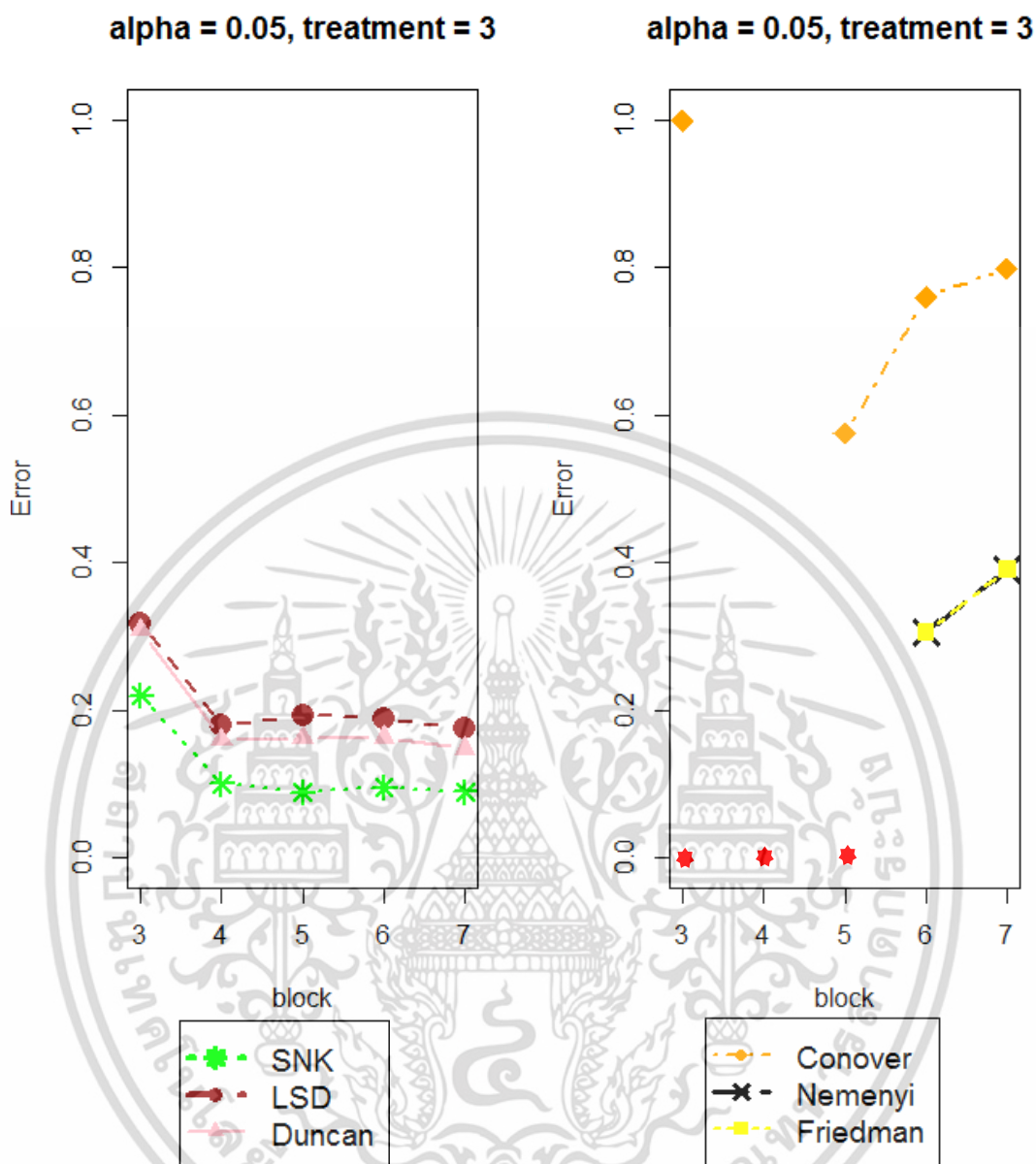
สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.23และรูปที่ 4.67 – 4.69

ตารางที่ 4.23ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1.SNK	0.2198	0.1152	0.0786
	2.LSD	0.3182	0.4225*	0.4958*
	3. Duncan	0.3080	0.3298	0.3626
	4.Conover	0.9979*	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
4	1.SNK	0.1002	0.0710	0.0522
	2.LSD	0.1787*	0.3647	0.4584
	3. Duncan	0.1602	0.2680	0.3087
	4.Conover	-	0.6610*	0.5777*
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	-
5	1.SNK	0.0888	0.0717	0.0515
	2.LSD	0.1930	0.3474	0.4754
	3. Duncan	0.1623	0.2525	0.2902
	4.Conover	0.5757*	0.9117*	0.7439*
	5.Nemenyi	-	0.4392	0.2185
	6.Friedman	-	0.4390	0.2402
6	1.SNK	0.0954	0.0506	0.0481
	2.LSD	0.1890	0.3163	0.4639
	3. Duncan	0.1629	0.2101	0.2858
	4.Conover	0.7597*	0.8672*	0.8672*
	5.Nemenyi	0.3050	0.4087	0.3058
	6.Friedman	0.3051	0.4085	0.3056
7	1.SNK	0.0898	0.0588	0.0464
	2.LSD	0.1755	0.3198	0.4463
	3. Duncan	0.1479	0.2099	0.2695
	4.Conover	0.7975*	0.9227*	0.9605*
	5.Nemenyi	0.3908	0.3918	0.4783
	6.Friedman	0.3905	0.3919	0.4783

หมายเหตุ - หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์ หมายถึง รับ กำลังการทดสอบสูงสุดในสถานการณั้้น อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

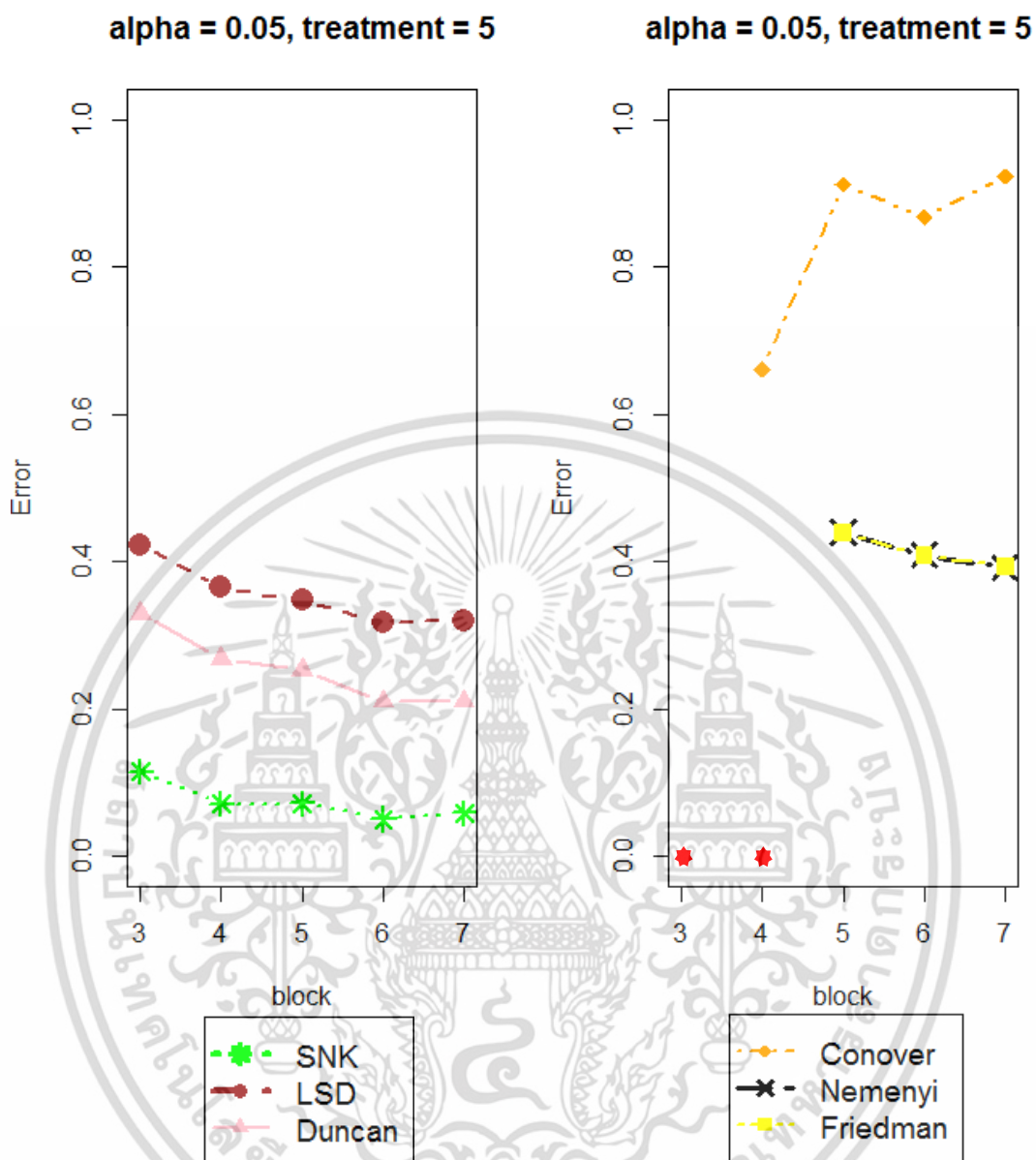


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.67 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.67 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

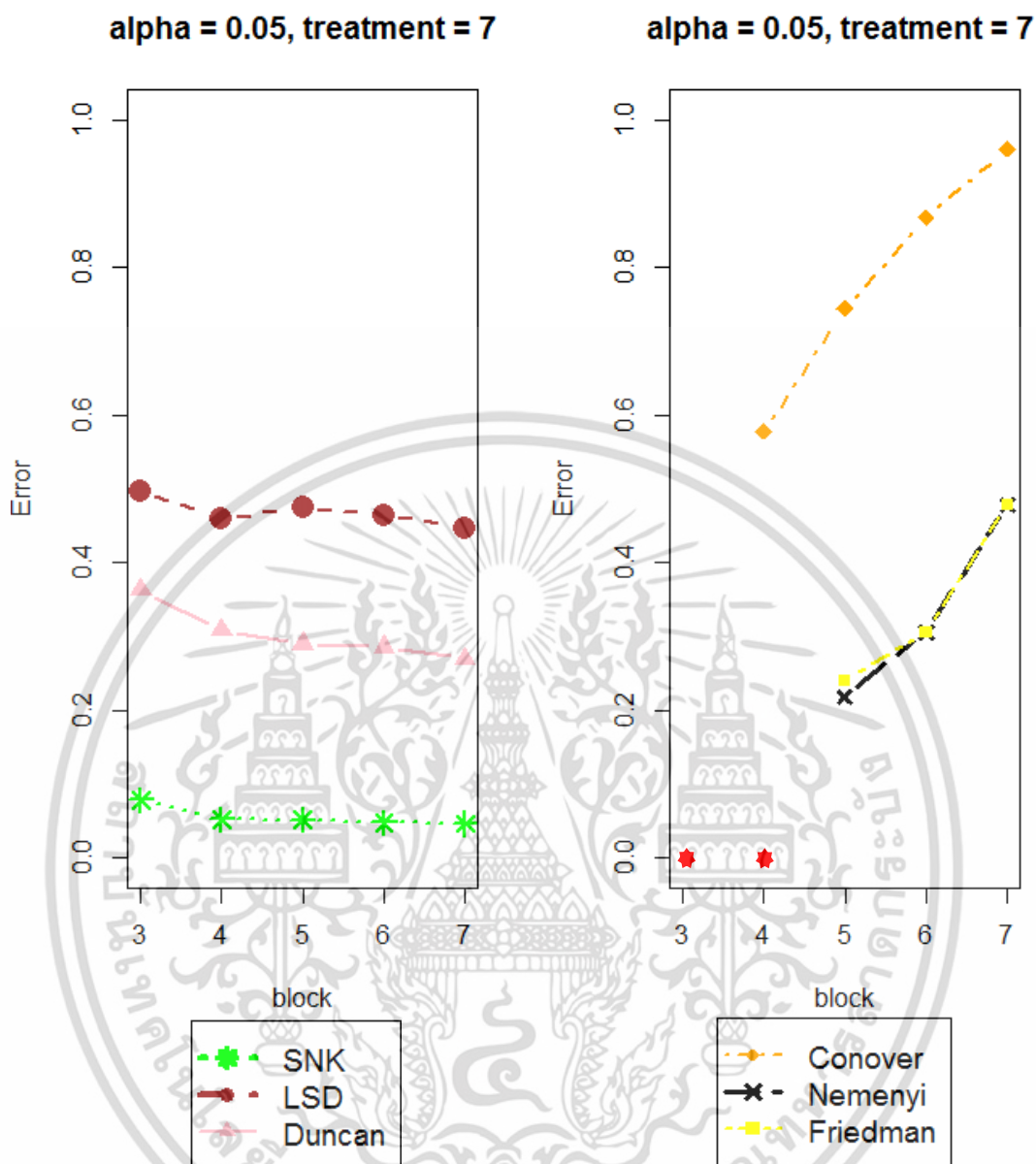


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.68 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.68 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 สถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 สถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.69 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

จากรูปที่ 4.69 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 สถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

3) กำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10

จากการคำนวณกำลังการทดสอบ เมื่อกำหนดระดับนัยสำคัญที่ระดับ 0.10

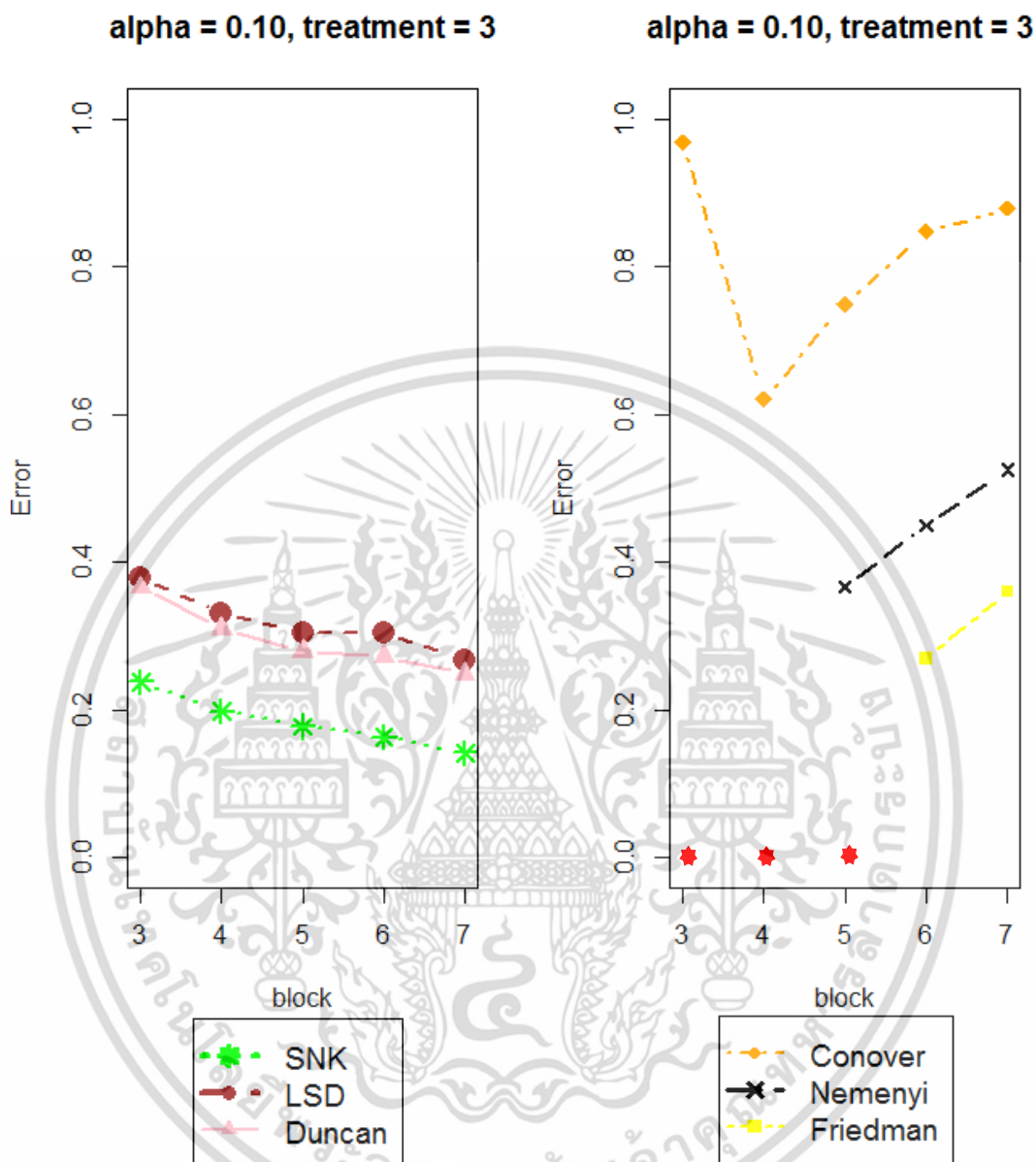
สรุปผลได้ดังตารางที่ 4.24และรูปที่ 4.70 – 4.72

ตารางที่ 4.24ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง
กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จำนวนบล็อก	ตัวสถิติทดสอบ	จำนวนทรีทเมนต์		
		3	5	7
3	1.SNK	0.2380	0.1647	0.1347
	2.LSD	0.37787	0.5817*	0.6951*
	3. Duncan	0.3653	0.47811	0.5559
	4.Conover	0.9676*	-	-
	5.Nemenyi	-	-	-
	6.Friedman	-	-	0.0518
4	1.SNK	0.1980	0.1530	0.1325
	2.LSD	0.3303	0.5510	0.6902
	3. Duncan	0.3090	0.4510	0.5449
	4.Conover	0.6204*	0.7252*	0.7268*
	5.Nemenyi	-	0.4089	0.2707
	6.Friedman	-	-	-
5	1.SNK	0.1775	0.1261	0.1126
	2.LSD	0.3043	0.5276	0.7025
	3. Duncan	0.2792	0.4173	0.5206
	4.Conover	0.7497*	0.9649*	0.8561*
	5.Nemenyi	0.3670	0.5249	0.3686
	6.Friedman	-	0.3527	0.2077
6	1.SNK	0.1633	0.1212	0.1093
	2.LSD	0.3050	0.5171	0.6836
	3. Duncan	0.2724	0.3944	0.5101
	4.Conover	0.8472*	0.9406*	0.9412*
	5.Nemenyi	0.4493	0.4959	0.4350
	6.Friedman	0.2693	0.3731	0.2469
7	1.SNK	0.1417	0.1205	0.0994
	2.LSD	0.2860	0.5101	0.6886
	3. Duncan	0.2486	0.3906	0.5068
	4.Conover	0.8787*	0.9657*	0.9898*
	5.Nemenyi	0.5250	0.5754	0.6228
	6.Friedman	0.3594	0.3418	0.4351

หมายเหตุ - หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความ
น่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

* หมายถึง กำลังการทดสอบสูงสุดในสถานการณ์นั้น
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น เมื่ออนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

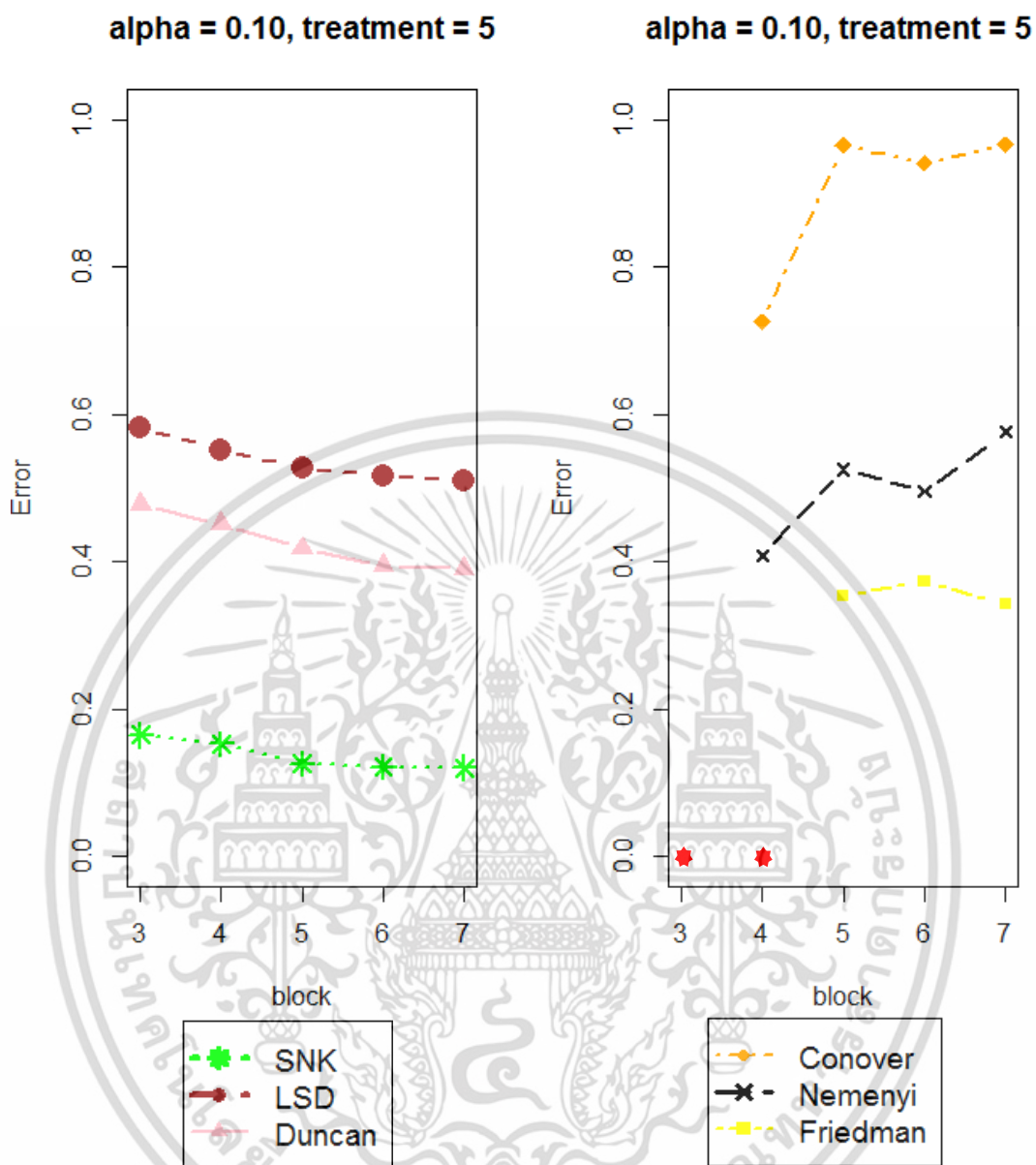


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.70 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กระจายค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.70 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 4, 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

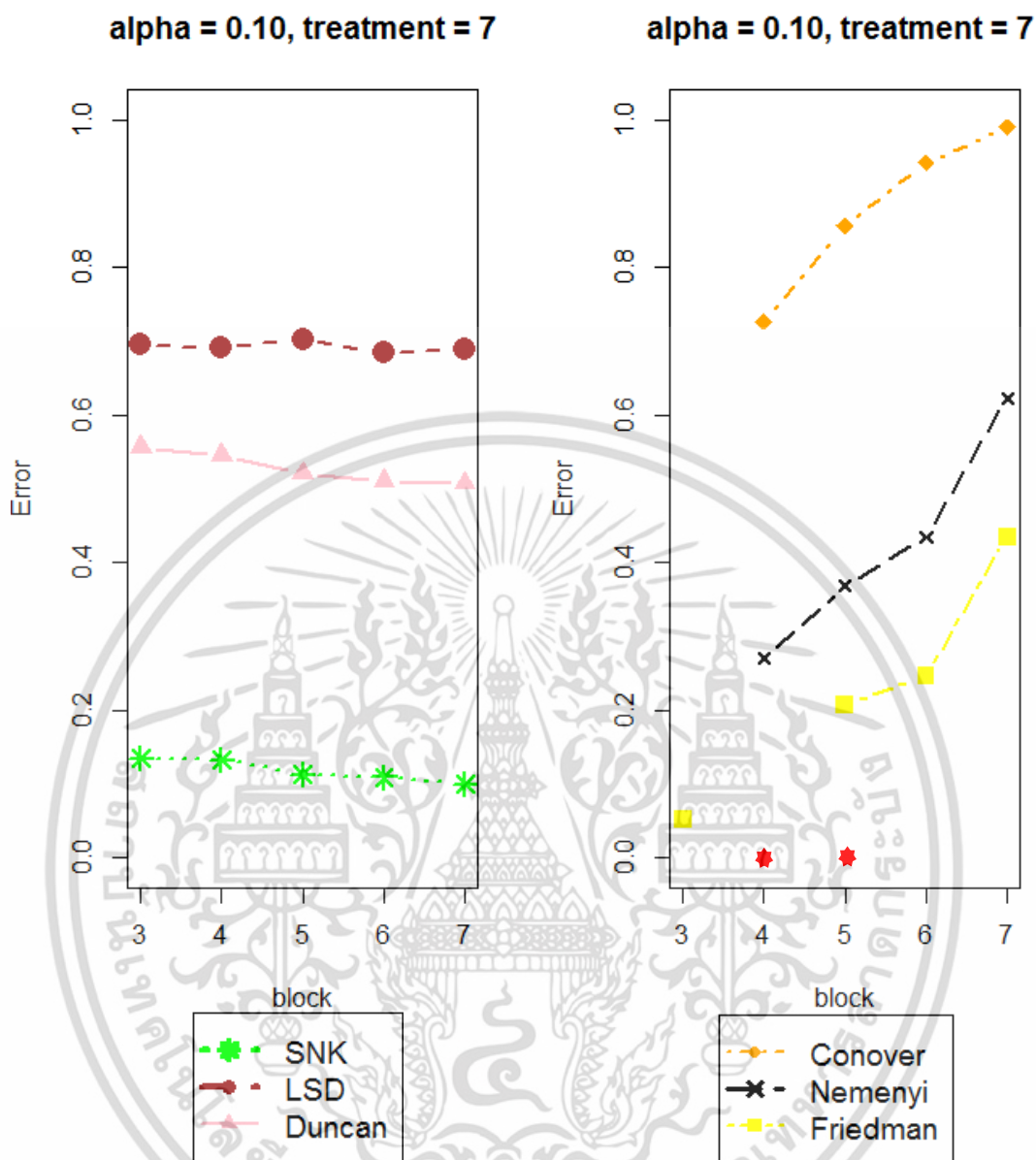


หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.71 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.71 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



หมายเหตุ * หมายถึง ไม่พิจารณาการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เนื่องจากไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้

รูปที่ 4.72 ค่ากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10

จากรูปที่ 4.72 จะพบว่าเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 ตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดและเมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.3 ตารางสรุปความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1

เมื่อพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ทั้ง 6 การทดสอบ สำหรับการแจกแจงปกติ สามารถสรุปผลตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุด ดังตารางที่ 4.25

ตารางที่ 4.25 ตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ เมื่อจำลองข้อมูลมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติที่มีค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ กันที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.01, 0.05 และ 0.10

ทรีทเมนต์	บล็อก	(ค่าเฉลี่ย, ความแปรปรวน)					
		(ต่างกัน, เท่า)			(ต่างกัน, ต่างกัน)		
		ระดับนัยสำคัญ			ระดับนัยสำคัญ		
		0.01	0.05	0.10	0.01	0.05	0.10
3	3	SNK, LSD, Duncan, Conover	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan, Conover	SNK, LSD, Duncan, Conover
	4	SNK, LSD, Duncan, Conover	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan, Conover
	5	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover	SNK, LSD, Duncan, Conover	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi
	6	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman
	7	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4.25 ตัวสถิติทดสอบที่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ เมื่อจำลองข้อมูลมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปรกติที่มีค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ กันที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.01, 0.05 และ 0.10 (ต่อ)

ทรีทเมนต์	บล็อก	(ค่าเฉลี่ย, ความแปรปรวน)					
		(ต่างกัน, เท่า)			(ต่างกัน, ต่างกัน)		
		ระดับนัยสำคัญ			ระดับนัยสำคัญ		
		0.01	0.05	0.10	0.01	0.05	0.10
5	3	SNK,LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan, Conover	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi	-	SNK, LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan
	4	SNK,LSD, Duncan, Conover	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK,LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan, Conover	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi
	5	SNK,LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK,LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman
	6	SNK,LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK,LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman
	7	SNK,LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK,LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman
7	3	SNK,LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan, Nemenyi	LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan, Friedman
	4	SNK,LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan, Conover	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi
	5	SNK,LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	LSD, Duncan	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman
	6	SNK,LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	LSD, Duncan, Conover	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman
	7	SNK, Duncan	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK,LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman	SNK, LSD, Duncan, Conover, Nemenyi, Friedman

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์ไว้เพื่อใช้เพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้เผยแพร่หรือใช้ประโยชน์อื่นใด
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ผลการพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จะพิจารณาผลการวิจัยตัวสถิติทดสอบแต่ละตัวในกรณีที่ 3 และ 4 คือกรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน และกรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เท่านั้นเนื่องจากกรณีที่ 1 และ 2 คือ กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน และกรณีค่าเฉลี่ยเท่า ความแปรปรวนต่างกัน พบว่าไม่มีตัวสถิติทดสอบใดที่มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ตามเกณฑ์ของ Bradley (1978) และ Cochran (1954) ซึ่งสามารถวิเคราะห์ผลการวิจัยของตัวสถิติทดสอบแต่ละตัวในกรณีที่ 3 และ 4 ได้ดังนี้

1. กรณีที่ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดซึ่งแบ่งตามจำนวนทริทเมนต์ได้ดังนี้

1. เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 จะพบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดซึ่งแบ่งตามจำนวนบล็อกได้ดังนี้

1.1.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan และ Conover มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุด

1.1.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุด

2. เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 5 จะพบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดซึ่งแบ่งตามจำนวนบล็อกได้ดังนี้

1.2.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุด

1.2.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan และ Conover มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุด

1.2.3 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุด

3. เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 จะพบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดซึ่งแบ่งตามจำนวนบล็อกได้ดังนี้

1.3.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุด

1.3.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5 และ 6 พบว่าตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุด

1.3.3 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK และ Duncan มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2. กรณีที่ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดในจำนวนวิธีที่เสนอได้ดังนี้

2.1 เมื่อจำนวนวิธีที่เสนอเท่ากับ 3 จะพบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดในจำนวนวิธีที่เสนอได้ดังนี้

2.1.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดใน

2.1.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan และ Conover มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดใน

2.1.3 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดใน

2.2 เมื่อจำนวนวิธีที่เสนอเท่ากับ 5 จะพบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดในจำนวนวิธีที่เสนอได้ดังนี้

2.2.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดใน

2.2.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดใน

2.3 เมื่อจำนวนวิธีที่เสนอเท่ากับ 7 จะพบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดในจำนวนวิธีที่เสนอได้ดังนี้

2.3.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 4 และ 5 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD และ Duncan มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดใน

2.3.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD, Duncan และ Conover มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดใน

2.3.3 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ดีที่สุดใน

4.4 ตารางสรุปการเปรียบเทียบกำลังการทดสอบ

เมื่อพิจารณาเปรียบเทียบกำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ทั้ง 6 การทดสอบ จำแนกตามการแจกแจงแกมมา การแจกแจงไคกำลังสอง และการแจกแจงเลขชี้กำลังสามารถสรุปผลได้ดังนี้

4.4.1 กรณีการแจกแจงแกมมา เมื่อพิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ทั้ง 6 การทดสอบ สามารถสรุปผลตั้งสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด ดังตารางที่ 4.26

ตารางที่ 4.26 ตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำลองข้อมูลมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา ที่มีค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ กันที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.01, 0.05 และ 0.10

ทรีทเมนต์	บล็อก	(ค่าเฉลี่ย, ความแปรปรวน)					
		(ต่างกัน, เท่า)			(ต่างกัน, ต่างกัน)		
		ระดับนัยสำคัญ			ระดับนัยสำคัญ		
		0.01	0.05	0.10	0.01	0.05	0.10
3	3	Conover	Conover	Conover	LSD	Conover	Conover
	4	LSD	Conover	Conover	LSD	LSD	Conover
	5	LSD	LSD	Conover	Conover	Conover	Conover
	6	LSD	LSD	LSD	Conover	Conover	Conover
	7	LSD	LSD	Conover	Conover	Conover	Conover
5	3	LSD	Conover	Conover	-	LSD	LSD
	4	Conover	Conover	Conover	LSD	Conover	Conover
	5	Conover	Conover, Nemenyi, Friedman	Conover	Conover	Conover	Conover
	6	Conover	Conover, Nemenyi, Friedman	Conover, Nemenyi, Friedman	Conover	Conover	Conover
	7	Conover	Conover, Nemenyi, Friedman	Conover, Nemenyi, Friedman	Conover	Conover	Conover
7	3	SNK	LSD	Nemenyi	LSD	LSD	LSD
	4	LSD	LSD	Conover	LSD	Conover	Conover
	5	Conover	Conover	Conover	LSD	Conover	Conover
	6	Conover	Conover	Conover, Nemenyi	Conover	Conover	Conover
	7	Duncan	Conover, Nemenyi, Friedman	Conover, Nemenyi, Friedman	Conover	Conover	Conover

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ผลการพิจารณากำลัการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา ที่มีค่าพารามิเตอร์ใน 2 กรณี คือ ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน และ ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน สามารถวิเคราะห์ผลการวิจัยตัวสถิติทดสอบแต่ละตัว แบ่งตามกรณีได้ดังนี้

1. กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลัการทดสอบสูงสุด จำแนกตามจำนวนทริทเมนต์ ได้ดังนี้

1.1 เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลัการทดสอบสูงสุด จำแนกตามจำนวนบล็อก ได้ดังนี้

1.1.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 และ 4 พบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลัการทดสอบสูงสุด

1.1.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลัการทดสอบสูงสุด

1.2 เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 5 พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลัการทดสอบสูงสุด จำแนกตามจำนวนบล็อก ได้ดังนี้

1.2.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 4, 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลัการทดสอบสูงสุด

1.3 เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลัการทดสอบสูงสุด จำแนกตามจำนวนบล็อก ได้ดังนี้

1.3.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 พบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Nemenyi มีกำลัการทดสอบสูงสุด

1.3.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลัการทดสอบสูงสุด

1.3.3 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5 และ 6 พบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลัการทดสอบสูงสุด

1.3.4 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover, Nemenyi และ Friedman มีกำลัการทดสอบสูงสุด

2. กรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลัการทดสอบสูงสุด จำแนกตามจำนวนทริทเมนต์ ได้ดังนี้

2.1 เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลัการทดสอบสูงสุด จำแนกตามจำนวนบล็อก ได้ดังนี้

2.1.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลัการทดสอบสูงสุด

2.1.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลัการทดสอบสูงสุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2.2 เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 5 พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด
จำแนกตามจำนวนบล็อก ได้ดังนี้

2.2.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการ
ทดสอบสูงที่สุด

2.2.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ
Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

2.3 เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด
จำแนกตามจำนวนบล็อก ได้ดังนี้

2.3.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการ
ทดสอบสูงที่สุด

2.3.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ
Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.4.2 กรณีการแจกแจงโคกำลังสอง เมื่อพิจารณากำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบพารามेटริกและนอนพารามेटริกของแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ทั้ง 6 การทดสอบสามารถสรุปผลถึงตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดดังตารางที่ 4.27

ตารางที่ 4.27 ตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำลองข้อมูลมาจากประชากรที่มีการแจกแจงโคกำลังสอง ที่มีค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.01, 0.05, 0.10

ทรีทเมนต์	บล็อก	(ค่าเฉลี่ย, ความแปรปรวน)		
		(ต่างกัน, ต่างกัน)		
		ระดับนัยสำคัญ		
		0.01	0.05	0.10
3	3	LSD	Conover	Conover
	4	LSD	LSD	Conover
	5	Conover	Conover	Conover
	6	Conover	Conover	Conover
	7	Conover	Conover	Conover, Nemenyi
5	3	-	LSD	LSD
	4	LSD	Conover	Nemenyi
	5	Conover	Conover	Conover
	6	Conover	Conover, Friedman	Nemenyi, Friedman
	7	Conover	Conover, Nemenyi, Friedman	Conover, Nemenyi, Friedman
7	3	LSD	LSD	LSD
	4	LSD	Conover	Nemenyi
	5	LSD	Friedman	Nemenyi
	6	Conover	Nemenyi, Friedman	Nemenyi, Friedman
	7	Conover, Nemenyi, Friedman	Nemenyi, Friedman	Nemenyi, Friedman

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ผลการพิจารณากำลัการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจง โค้ดกำลังสองที่มีค่าพารามิเตอร์ 1 กรณีนี คือ ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน สามารถวิเคราะห์ ผลการวิจัยตัวสถิติทดสอบแต่ละตัว จำแนกตามจำนวนทรีทเมนต์ได้ดังนี้

1. เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด จำแนกตามจำนวนบล็อก ได้ดังนี้

1.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

1.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

2. เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด จำแนกตามจำนวนบล็อก ได้ดังนี้

2.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

2.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

3. เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด จำแนกตามจำนวนบล็อก ได้ดังนี้

3.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

3.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD, Conover และ Nemenyi มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

3.3 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 5 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD, Friedman และ Nemenyi มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

3.4 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ Nemenyi และ Friedman มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

4.4.3 กรณีการแจกแจงเลขชี้กำลัง เมื่อพิจารณากำลึงการทดสอบของตัวสถิติทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ทั้ง 6 การทดสอบ สามารถสรุปผลตัวสถิติทดสอบที่มีกำลึงการทดสอบสูงที่สุด ดังตารางที่ 4.28

ตารางที่ 4.28 ตัวสถิติทดสอบที่มีกำลึงการทดสอบสูงที่สุด เมื่อจำลองข้อมูลมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลัง ที่มีค่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ กันที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.01, 0.05 และ 0.10

พหุเมณฑ	บล็อก	(ค่าเฉลี่ย, ความแปรปรวน)		
		(ต่างกัน, ต่างกัน)		
		ระดับนัยสำคัญ		
		0.01	0.05	0.10
3	3	LSD	Conover	Conover
	4	LSD	LSD	Conover
	5	Conover	Conover	Conover
	6	Conover	Conover	Conover
	7	Conover	Conover	Conover
5	3	-	LSD	LSD
	4	LSD	Conover	Conover
	5	Conover	Conover	Conover
	6	Conover	Conover	Conover
	7	Conover	Conover	Conover
7	3	LSD	LSD	LSD
	4	LSD	Conover	Conover
	5	LSD	Conover	Conover
	6	Conover	Conover	Conover
	7	Conover	Conover	Conover

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ผลการพิจารณากำลังการทดสอบ สำหรับข้อมูลที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงเลขชี้กำลังที่มีค่าพารามิเตอร์ 1 กรณี คือ ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน สามารถวิเคราะห์ผลการวิจัยตัวสถิติทดสอบแต่ละตัว จำแนกตามจำนวนทรีทเมนต์ได้ดังนี้

1. เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด จำแนกตามจำนวนบล็อก ได้ดังนี้

1.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3, 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

1.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

2. เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด จำแนกตามจำนวนบล็อก ได้ดังนี้

2.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

2.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

3. เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 พบว่ามีตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด จำแนกตามจำนวนบล็อก ได้ดังนี้

3.1 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 3 พบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

3.2 เมื่อจำนวนบล็อกเท่ากับ 4, 5, 6 และ 7 พบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด

บทที่ 5

สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ

งานวิจัยนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาการเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวสถิติทดสอบ 6 การทดสอบ ที่ใช้ในการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์โดยพิจารณาจากความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และกำลังการทดสอบของตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ ประกอบด้วย ตัวสถิติทดสอบของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูล ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด ตัวสถิติทดสอบแบบพิสัยพหุคูณของคันทันแคน ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมยี ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์ และตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟริตแมน

5.1 สรุปผลการวิจัย

ผลการวิจัยพบว่าเมื่อพิจารณาความสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ในกรณีที่ข้อมูลสุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ สามารถจำแนกตามสถานการณ์ได้ดังนี้

1. ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน พบว่าตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ในทุกสถานการณ์

2. ค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนต่างกัน พบว่าตัวสถิติทดสอบทั้ง 6 การทดสอบ ไม่สามารถควบคุมความน่าจะเป็นจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ในทุกสถานการณ์

3. ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน

เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD, Duncan และ Conover สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์

เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์

เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK และ Duncan สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์

4. ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 3 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์

เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 5 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ SNK, LSD และ Duncan สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์

เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD และ Duncan สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์

ดังนั้น ตัวสถิติทดสอบ Duncan สามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ ในกรณีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน และค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

เมื่อพิจารณากำลั้งการทดสอบในกรณีที่มีข้อมูลสุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงแกมมา การแจกแจงไคกำลังสอง และการแจกแจงเลขชี้กำลัง สามารถจำแนกตามการแจกแจงแต่ละสถานการณ์ได้ดังนี้

1. กรณีการแจกแจงแกมมา สามารถสรุปผลการเปรียบเทียบกำลั้งการทดสอบได้ดังนี้

1.1 ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน

เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ LSD มีกำลั้งการทดสอบสูงที่สุด

เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 5 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลั้งการทดสอบสูงที่สุด

เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลั้งการทดสอบสูงสุด

1.2 ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลั้งการทดสอบสูงที่สุด

เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 5 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลั้งการทดสอบสูงที่สุด

เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลั้งการทดสอบสูงสุด

2. กรณีการแจกแจงไคกำลัง สามารถสรุปผลการเปรียบเทียบกำลั้งการทดสอบได้ดังนี้

2.1 ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลั้งการทดสอบสูงที่สุด

เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 5 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลั้งการทดสอบสูงที่สุด

เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ Nemenyi มีกำลั้งการทดสอบสูงที่สุด

3. กรณีการแจกแจงเลขชี้กำลัง สามารถสรุปผลการเปรียบเทียบกำลั้งการทดสอบได้ดังนี้

3.1 ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน

เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลั้งการทดสอบสูงที่สุด

เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 5 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลั้งการทดสอบสูงที่สุด

เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 จะพบว่าตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลั้งการทดสอบสูงที่สุด

ตัวสถิติทดสอบ Conover มีกำลั้งการทดสอบสูงที่สุดในเกือบทุกสถานการณ์ ยกเว้นในกรณีการแจกแจงแกมมา ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 3 และในกรณีการแจกแจงไคกำลังสอง ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน เมื่อจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ดังนั้นการวิจัยในครั้งนี้สามารถนำไปประยุกต์ใช้ในการเลือกใช้ตัวสถิติทดสอบที่เหมาะสมสำหรับการเปรียบเทียบพหุคูณ โดยผู้วิจัยจะพิจารณาถึงความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 และตัวสถิติทดสอบที่มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด ซึ่งจากการวิจัยในครั้งนี้ เมื่อพิจารณาความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 พบว่าในกรณีการแจกแจงปกติ ที่มีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน และ ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน ตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของดันแคน มีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ในทุกสถานการณ์ รองลงมาคือตัวสถิติทดสอบของสตีเวน-นิวแมน-คูล และตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด และเมื่อพิจารณากำลังการทดสอบจะพบว่าในกรณีการแจกแจงแกมมา ที่มีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน และในกรณีการแจกแจงแกมมา การแจกแจงโคกำลังสอง และการแจกแจงเลขชี้กำลัง ที่มีค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนต่างกัน พบว่าตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดในทุกสถานการณ์ รองลงมาคือตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด และตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนิเมนยี

5.2 อภิปรายผล

จากผลการวิจัยพบว่าตัวสถิติทดสอบแบบพหุคูณของดันแคนมีความสามารถในการควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ในทุกสถานการณ์ ซึ่งสอดคล้องกับงานวิจัยของ ปุณยบุษ พินชู (2548) ที่กล่าวว่า เมื่อกลุ่มตัวอย่างมีขนาดเท่ากัน วิธีการทดสอบที่ควบคุมความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ในทุกกรณี มี 2 วิธี คือ วิธี LSD และ Duncan เมื่อกลุ่มตัวอย่างมีขนาดไม่เท่ากัน วิธีการทดสอบที่ควบคุมความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ในทุกกรณี มี 3 วิธี คือ วิธี LSD, Waller Duncan และ Duncan และสอดคล้องกับงานวิจัยของบุญชม ศรีสะอาด (2538) ที่กล่าวว่า ในการวิเคราะห์ข้อมูลชุดวิธีของ Duncan มีโอกาสที่จะพบนัยสำคัญมากกว่าวิธีอื่น และสอดคล้องกับงานวิจัยของ Boardman and Moffitt (1971) ที่กล่าวว่า อัตราความผิดพลาดของวิธี Duncan เพิ่มขึ้นตามจำนวนค่าเฉลี่ย แต่ขัดแย้งกับงานวิจัยของ กฤตพล ธีรณิตนันท์ และคณะ (2558) ที่กล่าวว่า ตัวสถิติทดสอบของบอนเฟอร์โรนี ตัวสถิติทดสอบของทูกีย์ ตัวสถิติทดสอบของสตีเวน-นิวแมน-คูลส์ และตัวสถิติทดสอบของเซฟเฟสามารถควบคุมความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 ได้ทุกสถานการณ์ที่ศึกษา อาจเนื่องมาจากว่างานวิจัยนี้เป็นงานวิจัยเกี่ยวกับการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ แต่งานวิจัยของกฤตพล ธีรณิตนันท์ และคณะ (2558) เป็นการวางแผนการทดลองแบบสุ่มสมบูรณ์

เมื่อพิจารณากำลังการทดสอบพบว่าตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดในทุกสถานการณ์ ซึ่งขัดแย้งกับงานวิจัยของนิภาพร ขำสะอาด (2552) ที่กล่าวว่า เมื่อกลุ่มตัวอย่างขนาดเท่ากัน กำลังการทดสอบด้วยสถิติทดสอบความแตกต่างของค่าเฉลี่ยทั้ง 5 วิธี วิธี LSD มีกำลังการทดสอบสูงที่สุด รองลงมาคือ วิธี Duncan, Scheffe's และ SNK และสถิติทดสอบที่ให้กำลังการทดสอบน้อยที่สุด คือ วิธี Tukey-Kramer และขัดแย้งกับงานวิจัยของกฤตพล ธีรณิตนันท์ และคณะ (2558) ที่กล่าวว่า ตัวสถิติทดสอบของสตีเวน-นิวแมน-คูลส์ มีกำลังการทดสอบสูงที่สุดในทุกสถานการณ์ ซึ่งการที่ผลที่ออกมาแตกต่างกันอาจจะเป็นเพราะงานวิจัยนี้ได้ทำการศึกษาทั้งตัว

สถิติทดสอบแบบที่ใช้พารามิเตอร์และแบบที่ไม่ใช้พารามิเตอร์และการวางแผนการทดลองที่ใช้ในงานวิจัยก็ใช้การวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์

5.2 ข้อเสนอแนะ

1. ควรศึกษาเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวสถิติทดสอบสำหรับการเปรียบเทียบพหุคูณแบบใช้พารามิเตอร์และไม่ใช้พารามิเตอร์ของการวางแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ของตัวสถิติทดสอบอื่นๆ เช่น R-E-G-W F Test, Gabriel Test, Waller-Duncan Test, Mack-Skillings และ Hollander
2. ควรขยายขนาดการทดลองที่ศึกษาให้มีจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับจำนวนบล็อก หรืออาจจะเพิ่มขนาดการทดลองนอกจากนี้จากที่งานวิจัยนี้ได้ทำการศึกษา
3. ควรศึกษาในกรณีที่ข้อมูลสุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงอื่นๆ เช่น การแจกแจงเบ้ซ้าย การแจกแจงที่มีความโด่งน้อยและโด่งมาก หรือการแจกแจงที่แตกต่างกันในแต่ละประชากร



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

บรรณานุกรม

- กฤตพล ธีรธนิตนันท์, กำชัย สุภัทรกุล, ปารณัท สุขเจริญ และ ไศภณ พงษ์ชาติ. 2558. “การเปรียบเทียบประสิทธิภาพของสถิติทดสอบการเปรียบเทียบพหุคูณ ในกรณีความแปรปรวนเท่ากันสำหรับ 3 ประชากรโดยใช้โปรแกรมอาร์”. ปัญหาพิเศษระดับปริญญาตรี สาขาสถิติประยุกต์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง.
- กษิภัท โชติกรวรกุล, จินดารัตน์ พึ่งพันธ์, เจษฎา บุตมะ และปัญทิมา นากกล้า. 2557. “การเปรียบเทียบประสิทธิภาพของสถิติทดสอบเอฟ สถิติทดสอบของบาร์ตเลต และสถิติทดสอบของเลวิน สำหรับการทดสอบความเท่ากันของความแปรปรวน ในกรณี 2 ประชากร โดยใช้โปรแกรมอาร์”. ปัญหาพิเศษระดับปริญญาตรี สาขาสถิติประยุกต์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง.
- นิภาพร ขำสะอาด. 2552. “อำนาจการทดสอบของการใช้สถิติการทดสอบความแตกต่างของค่าเฉลี่ย”. ปริญญาโทพนธ์การวิจัยและสถิติทางการศึกษา. บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ.
- บุญชม ศรีสะอาด. (2538). **วิธีการทางสถิติสำหรับการวิจัย**. ภาควิชาพื้นฐานของการศึกษา คณะศึกษาศาสตร์ มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ มหาสารคาม.
- บุญยง พิณชู. 2548. “การเปรียบเทียบค่าความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และอำนาจการทดสอบของวิธีการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยรายคู่สำหรับแผนการทดลองแบบสุ่มสมบูรณ์”. วิทยานิพนธ์สถิติการศึกษา คณะครุศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.
- ศรีธัญญา วรลยางกูร. 2531. “การเปรียบเทียบกำลังการทดสอบแบบพาราเมตริกและนอนพาราเมตริก ในการเปรียบเทียบเชิงพหุของแผนการทดลองแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์”. วิทยานิพนธ์ (สต.ม.) จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.
- ศุภรัตน์ มีประพันธ์. 2559. “การเปรียบเทียบประสิทธิภาพของสถิติทดสอบสำหรับการแจกแจงปกติของชุดค่าสังนอร์เทสต์ในโปรแกรมอาร์”. ปริญญาวิทยาศาสตรบัณฑิต สาขาสถิติประยุกต์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง
- สำนักงานราชบัณฑิตยสภา. 2558. **พจนานุกรมศัพท์สถิติศาสตร์ฉบับราชบัณฑิตยสภา**. กรุงเทพฯ : คณะรัฐมนตรีและราชกิจจานุเบกษา.
- จิราวัลย์ จิตรถเวช. 2552. **การวางแผนและการวิเคราะห์การทดลอง**. กรุงเทพฯ : ไทยพัฒนารายวันการพิมพ์.
- มานะชัย รอดชื่น. **การเปรียบเทียบสถิติทดสอบโดยใช้การจำลองข้อมูล**. วารสารวิทยาศาสตร์ มข. ปีที่ 41. ฉบับที่ 3. 2556. หน้า 638–647.
- มนตรี พิริยะกุล. 2529. **ทฤษฎีสถิติ 2**. พิมพ์ครั้งที่ 5. กรุงเทพฯ : รุ่งศิลป์การพิมพ์.
- วราฤทธิ์ พาณิชกิจโกศลกุล. 2557. **การใช้โปรแกรม R ในงานวิจัยด้านสถิติและสถิติประยุกต์**. กรุงเทพฯ : มหาวิทยาลัยธรรมศาสตร์.
- สมจิต วัฒนายากุล. 2532. **สถิติวิเคราะห์เบื้องต้น**. พิมพ์ครั้งที่ 3. กรุงเทพฯ : เจริญผล.

- สายชล สิ้นสมบูรณ์ทอง. 2548. **ความน่าจะเป็นสำหรับวิทยาศาสตร์และวิศวกรรมศาสตร์**. กรุงเทพฯ : จามจุรีโปรดักส์.
- สายชล สิ้นสมบูรณ์ทอง. 2552. **สถิติที่ไม่ใช้พารามิเตอร์**. กรุงเทพฯ : จามจุรีโปรดักส์.
- สายชล สิ้นสมบูรณ์ทอง. 2553. **การทดสอบเชิงสถิติ**. กรุงเทพฯ : จามจุรีโปรดักส์.
- สายชล สิ้นสมบูรณ์ทอง. 2558. **การวางแผนแบบการทดลอง เล่ม 1**. กรุงเทพฯ :จามจุรีโปรดักส์.
- สิทธิชัย เจริญเศรษฐศิลป์. 2542. **การวางแผนการทดลอง**. กรุงเทพฯ : สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง.
- สุชาติ กิระนันท์. 2545. **การอนุมานเชิงสถิติ:ทฤษฎีขั้นต้น**. พิมพ์ครั้งที่ 3. กรุงเทพฯ : จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.
- สุเมธ สมภักดี. 2542. **สถิติคณิตศาสตร์**. กรุงเทพมหานคร : ยงพลเทรตติ้ง.
- สุวิมล ตีรกานันท์. 2553. **สถิตินันพารามेटริก**. กรุงเทพฯ : จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.
- อุทุมพร (ทองอุไทย) จามรมาน. ม.ป.ป. **ไคสแควร์**. กรุงเทพฯ: ฟันนี่พับบลิชซิ่ง.
- Bernhardson, C.S. (1975). "Type I Error Rate When Multiple Comparison Procedures Follow a Significant F test of ANOVA". *Biometrics*, 31.
- Bradley, J.V.. 1978. "**Robustness.**" *Journal of Mathematical and Statistical Psychology* 31 : 144-152.
- Boardman, T.J., & Moffitt, D.R. (1971). "Graphical Monte Carlo Type I Error Rate for Multiple Comparison Procedures". *Biometrics*, September.
- Cochran, W.G. 1954. "**Some methods for strengthening the common chi-squared tests.**" *Biometrics*. Vol.10 : 417-451.
- Conover, W J. 1980. **Practical Nonparametric Statistics**. New York. JOHN WIEY and SONS.
- Jeffrey D. Kromrey and Michela A. LA Rocca. (n.d.). "Power and type I Error Rates of New Pairwise Mutiple Comparison Procedures Under Heterogeneous Variances". *The journal of Experimental Education*. 63(4).
- Kane Nashimoto, Kristin M. Haldeman and Christopher M. Tait. (2013). "Multiple Comparisons of k Binomial Proportions". *Computational Statistics and Data Analysis*. 68.
- R. W. DAY and G. P. QUINN. (1989). "Comparisons of Treatments After an Analysis of Variance In Ecology". *Ecological Monographs*. 59(4).



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ภาคผนวก ก

ก1 คำสั่งโปรแกรม การคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 กรณีการแจกแจงปกติ ในสถานการณ์ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 จำนวนบล็อกเท่ากับ 5 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01, 0.05 และ 0.10 ใช้จำนวนรอบ 9,000 รอบ

```
library (PMCMR)
library (agricolae)
set.seed(1)
alphaTest=c(0.10,0.05,0.01)
nBlock=5
nTr=7
COUNT <- array(rep(0,6*3),dim=c(6, 3))#StatTest
Tr<- array(1:nBlock*nTr,dim=c(nBlock, nTr))
for (a in 1: 3)
{ M=9000
alpha=alphaTest[a]
for( b in 1:M)
{ for (c in 1: nTr)
{block1=rnorm(1,1,sqrt(1))
block2=rnorm(1,3,sqrt(1))
block3=rnorm(1,6,sqrt(1))
block4=rnorm(1,9,sqrt(1))
block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rnorm(1,1,sqrt(1))
block2=rnorm(1,3,sqrt(1))
block3=rnorm(1,6,sqrt(1))
block4=rnorm(1,9,sqrt(1))
block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rnorm(1,1,sqrt(1))
block2=rnorm(1,3,sqrt(1))
block3=rnorm(1,6,sqrt(1))
block4=rnorm(1,9,sqrt(1))
block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rnorm(1,1,sqrt(1))
block2=rnorm(1,3,sqrt(1))
```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

block3=rnorm(1,6,sqrt(1))
block4=rnorm(1,9,sqrt(1))
block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
  Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rnorm(1,1,sqrt(1))
block2=rnorm(1,3,sqrt(1))
block3=rnorm(1,6,sqrt(1))
block4=rnorm(1,9,sqrt(1))
block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
  Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rnorm(1,1,sqrt(1))
block2=rnorm(1,3,sqrt(1))
block3=rnorm(1,6,sqrt(1))
block4=rnorm(1,9,sqrt(1))
block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
  Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rnorm(1,1,sqrt(1))
block2=rnorm(1,3,sqrt(1))
block3=rnorm(1,6,sqrt(1))
block4=rnorm(1,9,sqrt(1))
block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
  Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)}
Table=data.frame(Tr)
randomTr=data.frame(Tr)
rd= sample(1:nTr, nTr)
for(random in 1 :nTr)
{randomTr[,random]=Table[,rd[random]]}#สุ่มtreatment
Table=randomTr
r = c(t(as.matrix(Table))) # response data
f = c("Tr1", "Tr2","Tr3", "Tr4","Tr5", "Tr6", "Tr7" ) # treatment levels
k = 7 # number of treatment levels
n = 5 # number of control blocks
tr = gl(k, 1, n*k, factor(f))
bk = gl(n, k, k*n)
av = aov(r ~ tm + blk)
summary(av)
df=df.residual(av)
MS=deviance(av)/df

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

values=r
ind=tr
Dfcheak= Block.F(Table,nTr,nBlock)
Ftr = Dfcheak[[1]][1]
Fblock= Dfcheak[[2]][1]
DfTr= Dfcheak[[3]][1]
DfBlock= Dfcheak[[4]][1]
DfError= Dfcheak[[5]][1]
Printcheak=PrintcheakBlockTr(alpha,DfTr,DfBlock,DfError,Ftr,Fblock)
if(alpha ==0.10)
{FTrTable=F10[[DfTr+1]][ DfError+1]
FBlockTable=F10[[DfBlock+1]][ DfError+1]}
if(alpha==.05)
{ FTrTable=F05[[DfTr+1]][ DfError+1]
FBlockTable=F05[[DfBlock+1]][ DfError+1]}
if(alpha==0.01)
{ FTrTable=F01[[DfTr+1]][ DfError+1]
FBlockTable=F01[[DfBlock+1]][ DfError+1]}
if((Dfcheak[[1]][1]>FTrTable)& (Dfcheak[[2]][1]>FBlockTable))
{Printcheak
K=SNK.test(values,ind,df,MS, alpha,group=F)
pvalueSNK=K$comparison$pvalue
if ((pvalueSNK[1] <= alpha) || (pvalueSNK[2] <= alpha) || (pvalueSNK[3] <= alpha)
|| (pvalueSNK[4] <= alpha) || (pvalueSNK[5] <= alpha) || (pvalueSNK[6] <= alpha)
|| (pvalueSNK[7] <= alpha) || (pvalueSNK[8] <= alpha) || (pvalueSNK[9] <= alpha)
|| (pavalueSNK[10] <= alpha) || (pavalueSNK[11] <= alpha) || (pavalueSNK[12] <= alpha)
|| (pavalueSNK[13] <= alpha) || (pavalueSNK[14] <= alpha) || (pavalueSNK[15] <= alpha)
|| (pavalueSNK[16]<= alpha) || (pavalueSNK[17] <= alpha) || (pavalueSNK[18] <= alpha)
|| (pavalueSNK[19]<= alpha) || (pavalueSNK[20] <= alpha) || (pavalueSNK[21] <= alpha))
COUNT[1,a]=COUNT[1,a]+1
L=LSD.test(values,ind,df,MS, alpha,group=F)
pvalueLSD=L$comparison$pvalue
if((pvalueLSD[1] <= alpha) || (pvalueLSD[2] <= alpha) || (pvalueLSD[3] <= alpha)
|| (pvalueLSD[4] <= alpha) || (pvalueLSD[5] <= alpha) || (pvalueLSD[6] <= alpha)
|| (pvalueLSD[7] <= alpha) || (pvalueLSD[8] <= alpha) || (pvalueLSD[9] <= alpha)
|| (pvalueLSD[10] <= alpha) || (pvalueLSD[11] <= alpha) || (pvalueLSD[12] <= alpha)
|| (pvalueLSD[13] <= alpha) || (pvalueLSD[14] <= alpha) || (pvalueLSD[15] <= alpha)

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

|| (pvalueLSD[16] <= alpha) || (pvalueLSD[17] <= alpha) || (pvalueLSD[18] <= alpha)
|| (pvalueLSD[19] <= alpha) || (pvalueLSD[20] <= alpha) || (pvalueLSD[21] <= alpha)
COUNT[2,a]=COUNT[2,a]+1
LSR=duncan.test(values,ind,df,MS, alpha,group=F)
pvalueLSR=LSR$comparison$pvalue
if((pvalueLSR[1] <= alpha) || (pvalueLSR[2] <= alpha) || (pvalueLSR[3] <= alpha)
|| (pvalueLSR[4] <= alpha) || (pvalueLSR[5] <= alpha) || (pvalueLSR[6] <= alpha)
|| (pvalueLSR[7] <= alpha) || (pvalueLSR[8] <= alpha) || (pvalueLSR[9] <= alpha)
|| (pvalueLSR[10] <= alpha) || (pvalueLSR[11] <= alpha) || (pvalueLSR[12] <= alpha)
|| (pvalueLSR[13] <= alpha) || (pvalueLSR[14] <= alpha) || (pvalueLSR[15] <= alpha)
|| (pvalueLSR[16] <= alpha) || (pvalueLSR[17] <= alpha) || (pvalueLSR[18] <= alpha)
|| (pvalueLSR[19] <= alpha) || (pvalueLSR[20] <= alpha) || (pvalueLSR[21] <= alpha))
COUNT[3,a]=COUNT[3,a]+1
##nonpara
A1<-c(Table[[1]])
A2<-c(Table[[2]])
A3<-c(Table[[3]])
A4<-c(Table[[4]])
A5<-c(Table[[5]])
A6<-c(Table[[6]])
A7<-c(Table[[7]])
y <- matrix(c(A1[1], A2[1], A3[1], A4[1], A5[1], A6[1], A7[1],A1[2], A2[2], A3[2], A4[2],
A5[2], A6[2], A7[2],A1[3], A2[3], A3[3], A4[3], A5[3], A6[3], A7[3],A1[4], A2[4], A3[4], A4[4],
A5[4], A6[4], A7[4],A1[5], A2[5], A3[5], A4[5], A5[5], A6[5], A7[5]),
, nrow =5 , ncol = 7,dimnames = list ( 1:5, c("tr1", "tr2","tr3", "tr4","tr5", "tr6", "tr7")))
#ก็ตัว:แถว (Tr), คอลัมน์ (block)
friedman.test(y)
CNV<-posthoc.friedman.conover.test(y=y, p.adjust="none")
PvalueCNV<-get.pvalues(CNV)
if( (PvalueCNV[1]<=alpha)|| (PvalueCNV[2]<=alpha)|| (PvalueCNV[3]<=alpha)
||( PvalueCNV[4]<=alpha)|| (PvalueCNV[5]<=alpha)|| (PvalueCNV[6]<=alpha)
||(PvalueCNV [7]<=alpha) ||( PvalueCNV [8]<=alpha)|| (PvalueCNV [9]<=alpha)
||( PvalueCNV[10]<=alpha) ||( PvalueCNV[11]<=alpha) ||( PvalueCNV[12]<=alpha)
||( PvalueCNV[13]<=alpha) ||( PvalueCNV[14]<=alpha) ||( PvalueCNV[15]<=alpha)
||( PvalueCNV[16]<=alpha) ||( PvalueCNV[17]<=alpha) ||( PvalueCNV[18]<=alpha)
||( PvalueCNV[19]<=alpha) ||( PvalueCNV[20]<=alpha) ||( PvalueCNV[21]<=alpha))
COUNT[4,a]=COUNT[4,a]+1
NMY<-posthoc.friedman.nemenyi.test(y)

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

PvalueNMY<-get.pvalues(NMY)
if( (PvalueNMY [1]<=alpha) ||( PvalueNMY[2]<=alpha)|| ( PvalueNMY[3]<=alpha)
|| ( PvalueNMY[4]<=alpha)|| ( PvalueNMY[5]<=alpha)|| ( PvalueNMY[6]<=alpha)
|| ( PvalueNMY[7]<=alpha) || ( PvalueNMY[8]<=alpha)|| ( PvalueNMY[9]<=alpha)
|| ( PvalueNMY[10]<=alpha) || ( PvalueNMY[11]<=alpha) || ( PvalueNMY[12]<=alpha)
|| ( PvalueNMY[13]<=alpha) || ( PvalueNMY[14]<=alpha) || ( PvalueNMY[15]<=alpha)
|| ( PvalueNMY[16]<=alpha) || ( PvalueNMY[17]<=alpha) || ( PvalueNMY[18]<=alpha)
|| ( PvalueNMY[19]<=alpha) || ( PvalueNMY[20]<=alpha) || ( PvalueNMY[21]<=alpha))
COUNT[5,a]=COUNT[5,a]+1
WineTasting <- data.frame(
Taste = c( y[1], y[6], y[11], y[16], y[21], y[26], y[31], y[2], y[7], y[12], y[17], y[22], y[27],
y[32],y[3], y[8], y[13], y[18], y[23], y[28], y[32], y[4], y[9], y[14], y[19], y[24], y[29],
y[34],y[5], y[10], y[15], y[20], y[25] , y[30] , y[35]),Wine = factor(rep(c("trA", " trB", "
trC","trD","trE","trF","trG"),5)),
Taster = factor(rep(1:5, rep(7,5) ) ) ) #rep(1:tr,rep(block,tr) ) tr เป็นแถว block คอลัม
PvalueFriedman<-friedman.test.with.post.hoc(Taste ~ Wine | Taster ,WineTasting)
if(PvalueFriedman[[3]]==5){
if((PvalueFriedman[[2]][1] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][2] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][3] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][4] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][5] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][6] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][7] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][8] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][9] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][10] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][11] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][12] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][13] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][14] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][15] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][16] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][17] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][18] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][19] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][20] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][21] <= alpha))
COUNT[6,a]=COUNT[6,a]+1}}
COUNT[1,a]=COUNT[1,a]/M
COUNT[2,a]=COUNT[2,a]/M
COUNT[3,a]=COUNT[3,a]/M
COUNT[4,a]=COUNT[4,a]/M
COUNT[5,a]=COUNT[5,a]/M
COUNT[6,a]=COUNT[6,a]/M}

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้


```

Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rnorm(1,1,sqrt(1))
block2=rnorm(1,3,sqrt(1))
block3=rnorm(1,6,sqrt(1))
block4=rnorm(1,9,sqrt(1))
block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rnorm(1,1,sqrt(1))
block2=rnorm(1,3,sqrt(1))
block3=rnorm(1,6,sqrt(1))
block4=rnorm(1,9,sqrt(1))
block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
Table=data.frame(Tr)
randomTr=data.frame(Tr)
rd= sample(1:nTr, nTr)
for(random in 1 :nTr)
{randomTr[,random]=Table[,rd[random]]}#สุ่ม treatment

```

หมายเหตุ (block1 : rnorm (จำนวนหน่วยทดลองที่ได้รับทรีทเมนต์ที่ 1, ค่าเฉลี่ย, ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน)

Table=randomTr

ตารางที่ 1 การจำลองและการสุ่มข้อมูล

	Tr1	Tr2	Tr3	Tr4	Tr5	Tr6	Tr7
Block1	0.9066	0.8503	4.9785	1.8926	-0.2740	0.6708	0.5380
Block2	2.3651	4.1395	2.6596	2.5051	0.8078	2.7654	3.5685
Block3	4.404	6.5646	6.3727	4.5894	5.4327	6.5289	5.5829
Block4	9.5419	9.9480	11.2283	8.9240	8.9845	10.8850	7.8483
Block5	12.3787	12.8446	13.6725	11.3703	12.3374	12.3374	12.5990

หมายเหตุ 0.9066 คือ ค่าที่สุ่มมาได้ของทรีทเมนต์ที่ 1 และบล็อกที่ 1

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2. คำสั่งการคำนวณตาราง ANOVA

```
r = c (t (as.matrix (Table))) # response data
f = c ("Tr1", "Tr2", "Tr3", "Tr4","Tr5", "Tr6", "Tr7") # จำนวนทรีทเมนต์
k = 7 # จำนวนทรีทเมนต์
n = 5 # จำนวนบล็อก
tr = gl (k, 1, n*k, factor (f))
bk = gl (n, k, k*n)
av = aov (r ~ tm + blk)
summary (av)
```

ตารางที่ 2 การวิเคราะห์ความแปรปรวน

	df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
tr	6	18.6	3.10	3.325	0.0158 *
bk	4	602.7	150.67	161.357	<2e-16 ***
Residuals	24	22.4	0.93		

Signif. codes: '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

โดยที่

- '***' 0.001 หมายถึง มีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.001
- '**' 0.01 หมายถึง มีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.01
- '*' 0.05 หมายถึง มีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.05
- '.' 0.1 หมายถึง มีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.1
- ' ' 1 หมายถึง มีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 1

2.1 จากผลลัพธ์ ตาราง ANOVA พบว่า มีอิทธิพลของบล็อก เนื่องจากค่า p-value = $2e-16$ ซึ่งน้อยกว่า $\alpha = 0.001$ ซึ่งตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤต จึงทำให้ปฏิเสธ H_0 แสดงว่าบล็อกมีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.001

2.2 อิทธิพลของทรีทเมนต์เนื่องจากค่า p-value = 0.0158 ซึ่งน้อยกว่า $\alpha = 0.05$ ซึ่งตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤต จึงทำให้ปฏิเสธ H_0 แสดงว่าทรีทเมนต์มีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

3. คำสั่งตรวจสอบบล็อกและทรีทเมนต์ว่าต้องมีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ

```

df = df.residual (av)
MS = deviance (av)/df
values = r
ind = tr
Dfcheak= Block.F(Table,nTr,nBlock)
Ftr = Dfcheak[[1]][1]
Fblock= Dfcheak[[2]][1]
DfTr= Dfcheak[[3]][1]
DfBlock= Dfcheak[[4]][1]
DfError= Dfcheak[[5]][1]
Printcheak=PrintcheakBlockTr(alpha,DfTr,DfBlock,DfError,Ftr,Fblock)
if(alpha ==0.10)
{FTrTable=F10[[DfTr+1]][ DfError+1]
FBlockTable=F10[[DfBlock+1]][ DfError+1]}
if(alpha==.05)
{ FTrTable=F05[[DfTr+1]][ DfError+1]
FBlockTable=F05[[DfBlock+1]][ DfError+1]}
if(alpha==0.01)
{ FTrTable=F01[[DfTr+1]][ DfError+1]
FBlockTable=F01[[DfBlock+1]][ DfError+1]}
if((Dfcheak[[1]][1]>FTrTable)&(Dfcheak[[2]][1]>FBlockTable))
{Printcheak

```

ผลลัพธ์ การตรวจสอบบล็อกและทรีทเมนต์ พบว่า

$F_{cal} > F_{table}$; $161.357 > 2.78$; Block is effect

$F_{cal} > F_{table}$; $3.325 > 2.51$; Tr is effect

3.1 ผลการตรวจสอบอิทธิพลของบล็อก พบว่า

$F_{cal} > F_{table}$; $161.357 > 2.78$; Block is effect

เนื่องจาก $F = 161.357 > 2.78$ ซึ่งตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤต จึงปฏิเสธ H_0 แสดงว่าบล็อกมีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

3.2 ผลการตรวจสอบอิทธิพลของทรีทเมนต์

$F_{cal} > F_{table}$; $3.325 > 2.51$; Tr is effect

เนื่องจาก $F = 3.325 > 2.51$ ซึ่งตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤต จึงทำให้ปฏิเสธ H_0 แสดงว่าทรีทเมนต์มีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4. คำสั่งการคำนวณความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 จำแนกตามตัวสถิติทดสอบแต่ละตัวดังนี้

4.1 ตัวสถิติทดสอบของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูล

{K = SNK.test (values, ind, df, MS, alpha, group = F)

ผลลัพธ์ การคำนวณของตัวสถิติทดสอบของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูล

ตารางที่ 3 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผัน และความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย

Mean	CV	MSE
6.34165	15.23741	0.9337413

ตารางที่ 4 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics)

df	ntr	alpha	test	name.t
24	7	0.05	SNK	Ind.

ตารางที่ 5 พิสัยค่าวิกฤต (Critical Range)

Table	Critical Range
2.918793	1.261338
3.531697	1.526201
3.901262	1.685906
4.166314	1.800447
4.372651	1.889614
4.541314	1.962501

ตารางที่ 6 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์

	Mean	Std.	r	Min	Max
TM1	5.919336	4.870866	5	0.9066685	12.37872
TM2	6.869426	4.715828	5	0.8503303	12.84465
TM3	7.782326	4.545870	5	2.6596147	13.67253
TM4	5.856298	4.134041	5	1.8926209	11.37033
TM5	5.429823	5.321596	5	-0.2740513	12.33746
TM6	6.506983	4.848682	5	0.6707681	11.68480
TM7	6.027355	4.551902	5	0.5380098	12.59905

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 7 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison)

	Difference	p-value	LCL	UCL
TM1-TM2	-0.95008978	0.4223	-2.63599596	0.73581640
TM1-TM3	-1.86298954	0.0401*	-3.66343624	-0.06254284
TM1-TM4	0.06303825	0.9187	-1.19830010	1.32437660
TM1-TM5	0.48951253	0.7060	-1.03668858	2.01571364
TM1-TM6	-0.58764684	0.6076	-2.11384794	0.93855427
TM1-TM7	-0.10801928	0.8612	-1.36935764	1.15331907
TM2-TM3	-0.91289976	0.1483	-2.17423811	0.34843859
TM2-TM4	1.01312803	0.4773	-0.78731867	2.81357473
TM2-TM5	1.43960231	0.2116	-0.45001165	3.32921627
TM2-TM6	0.36244295	0.5587	-0.89889540	1.62378130
TM2-TM7	0.84207050	0.3680	-0.68413061	2.36827161
TM3-TM4	1.92602779	0.0439*	0.03641383	3.81564175
TM3-TM5	2.35250207	0.0118*	0.39000156	4.31500259
TM3-TM6	1.27534271	0.1139	-0.25085840	2.80154381
TM3-TM7	1.75497026	0.0392*	0.06906408	3.44087644
TM4-TM5	0.42647428	0.4920	-0.83486407	1.68781263
TM4-TM6	-0.65068509	0.7137	-2.33659126	1.03522109
TM4-TM7	-0.17105753	0.9578	-1.69725864	1.35514357
TM5-TM6	-1.07715937	0.4172	-2.87760607	0.72328733
TM5-TM7	-0.59753182	0.7633	-2.28343800	1.08837436
TM6-TM7	0.47962755	0.4402	-0.78171080	1.74096590

จากตารางการเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison) พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 4 คู่ ได้แก่

ทรีทเมนต์ที่ 1 กับ ทรีทเมนต์ที่ 3 มีค่า p-value = 0.0401 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.0439 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 0.0118 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 0.0392 < 0.05

ดังนั้น ทรีทเมนต์ที่ 3 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 1, 4, 5 และ 7 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.1.1 คำสั่งหาความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 (จำนวนครั้งในการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 เป็นจริง)

```
pvalueSNK = K$comparison$pvalue
if ((pvalueSNK[1] <= alpha) || (pvalueSNK[2] <= alpha) || (pvalueSNK[3] <= alpha)
|| (pvalueSNK[4] <= alpha) || (pvalueSNK[5] <= alpha) || (pvalueSNK[6] <= alpha)
|| (pvalueSNK[7] <= alpha) || (pvalueSNK[8] <= alpha) || (pvalueSNK[9] <= alpha)
|| (pvalueSNK[10] <= alpha) || (pvalueSNK[11] <= alpha) || (pvalueSNK[12] <= alpha)
|| (pvalueSNK[13] <= alpha) || (pvalueSNK[14] <= alpha) || (pvalueSNK[15] <= alpha)
|| (pvalueSNK[16] <= alpha) || (pvalueSNK[17] <= alpha) || (pvalueSNK[18] <= alpha)
|| (pvalueSNK[19] <= alpha) || (pvalueSNK[20] <= alpha) || (pvalueSNK[21] <= alpha))
COUNT[1,a]=COUNT[1,a]+1
```

เนื่องจากโปรแกรมนี้ผู้วิจัยนำจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 มาทำการทดสอบ จึงทำให้มีการเปรียบเทียบทรีทเมนต์ทั้งหมด 21 คู่ ถ้ามีทรีทเมนต์แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ โปรแกรมจะทำการนับจำนวนรอบเป็น 1 รอบ และจากตาราง \$comparison พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 4 คู่ แสดงว่ามีทรีทเมนต์ที่แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ จึงทำให้นับเป็น 1 รอบ

4.2 ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด

```
L=LSD.test(values,ind,df,MS,alpha,group=F)
```

ผลลัพธ์ การคำนวณของตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด

ตารางที่ 8 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผัน และความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย

Mean	CV	MSE
6.34165	15.23741	0.9337413

ตารางที่ 9 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics)

df	ntr.	t.value	alpha	Test	name.t
24	7	2.063899	0.05	Fisher-LSD	ind

ตารางที่ 10 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์

	Mean	Std.	r	LCL	UCL	Min	Max
TM1	5.919336	4.870866	5	5.027435	6.811237	0.9066685	12.37872
TM2	6.869426	4.715828	5	5.977525	7.761327	0.8503303	12.84465
TM3	7.782326	4.545870	5	6.890425	8.674227	2.6596147	13.67253
TM4	5.856298	4.134041	5	4.964397	6.748199	1.8926209	11.37033
TM5	5.429823	5.321596	5	4.537923	6.321724	-0.2740513	12.33746
TM6	6.506983	4.848682	5	5.615082	7.398884	0.6707681	11.68480
TM7	6.027355	4.551902	5	5.135454	6.919256	0.5380098	12.59905

ตารางที่ 11 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison)

	Difference	p-value	LCL	UCL
TM1 - TM2	-0.95008978	0.1331	-2.21142823	0.3112487
TM1 - TM3	-1.86298954	0.0055 **	-3.12432799	-0.6016511
TM1 - TM4	0.06303825	0.9187	-1.19830020	1.3243767
TM1 - TM5	0.48951253	0.4310	-0.77182592	1.7508510
TM1 - TM6	-0.58764684	0.3459	-1.84898529	0.6736916
TM1 - TM7	-0.10801928	0.8612	-1.36935774	1.1533192
TM2 - TM3	-0.91289976	0.1483	-2.17423821	0.3484387
TM2 - TM4	1.01312803	0.1104	-0.24821042	2.2744665
TM2 - TM5	1.43960231	0.0270*	0.17826386	2.7009408
TM2 - TM6	0.36244295	0.5587	-0.89889551	1.6237814
TM2 - TM7	0.84207050	0.1810	-0.41926796	2.1034089
TM3 - TM4	1.92602779	0.0043**	0.66468934	3.1873662
TM3 - TM5	2.35250207	0.0008***	1.09116362	3.6138405
TM3 - TM6	1.27534271	0.0477*	0.01400425	2.5366812
TM3 - TM7	1.75497026	0.0084**	0.49363180	3.0163087
TM4 - TM5	0.42647428	0.4920	-0.83486417	1.6878127
TM4 - TM6	-0.65068509	0.2976	-1.91202354	0.6106534
TM4 - TM7	-0.17105753	0.7820	-1.43239599	1.0902809
TM5 - TM6	-1.07715937	0.0907	-2.33849782	0.1841791
TM5 - TM7	-0.59753182	0.3380	-1.85887027	0.6638066
TM6 - TM7	0.47962755	0.4402	-0.78171090	1.7409660

จากตารางการเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison) พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 6 คู่ ได้แก่

- ทรีทเมนต์ที่ 1 กับ ทรีทเมนต์ที่ 3 มีค่า p-value = 0.0055 < 0.05
- ทรีทเมนต์ที่ 2 กับ ทรีทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 0.0270 < 0.05
- ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.0043 < 0.05
- ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 0.0008 < 0.05
- ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 0.0477 < 0.05
- ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 0.0084 < 0.05

ดังนั้น ทรีทเมนต์ที่ 3 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 1, 4, 5, 6, 7 และทรีทเมนต์ที่ 2 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 5 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

4.2.1 คำสั่งหาความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 (จำนวนครั้งในการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 เป็นจริง)

```
pvalueLSD=L$comparison$pvalue
if((pvalueLSD[1] <= alpha) || (pvalueLSD[2] <= alpha) || (pvalueLSD[3] <= alpha)
|| (pvalueLSD[4] <= alpha) || (pvalueLSD[5] <= alpha) || (pvalueLSD[6] <= alpha)
|| (pvalueLSD[7] <= alpha) || (pvalueLSD[8] <= alpha) || (pvalueLSD[9] <= alpha)
|| (pvalueLSD[10] <= alpha) || (pvalueLSD[11] <= alpha) || (pvalueLSD[12] <= alpha)
|| (pvalueLSD[13] <= alpha) || (pvalueLSD[14] <= alpha) || (pvalueLSD[15] <= alpha)
|| (pvalueLSD[16] <= alpha) || (pvalueLSD[17] <= alpha) || (pvalueLSD[18] <= alpha)
|| (pvalueLSD[19] <= alpha) || (pvalueLSD[20] <= alpha) || (pvalueLSD[21] <= alpha))
COUNT[2,a]=COUNT[2,a]+1
```

เนื่องจากโปรแกรมนี้ผู้วิจัยนำจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 มาทำการทดสอบ จึงทำให้มีการเปรียบเทียบทรีทเมนต์ทั้งหมด 21 คู่ ถ้ามีทรีทเมนต์แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ โปรแกรมจะทำการนับจำนวนรอบเป็น 1 รอบ และจากตาราง \$comparison พบว่ามีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 6 คู่ แสดงว่ามีทรีทเมนต์ที่แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ จึงทำให้นับเป็น 1 รอบ

4.3 ตัวสถิติทดสอบพหุคูณของต้นแคน

```
LSR = duncan.test (values, ind, df, MS, alpha, group = F)
```

ผลลัพธ์ การคำนวณของตัวสถิติทดสอบพหุคูณของต้นแคน

ตารางที่ 12 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผัน และความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย

Mean	CV	MSE
6.34165	15.23741	0.9337413

ตารางที่ 13 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics)

df	ntr	alpha	Test	name.t
24	7	0.05	Duncan	ind

ตารางที่ 14 พหุคูณค่าวิกฤต (Critical Range)

	Table	Critical Range
2	2.918793	1.261338
3	3.065610	1.324785
4	3.159874	1.365520
5	3.226454	1.394292
6	3.276155	1.415770
7	3.314602	1.432385

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 15 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทริทเมนต์

	Mean	std	r	Min	Max
TM1	5.919336	4.870866	5	0.9066685	12.37872
TM2	6.869426	4.715828	5	0.8503303	12.84465
TM3	7.782326	4.545870	5	2.6596147	13.67253
TM4	5.856298	4.134041	5	1.8926209	11.37033
TM5	5.429823	5.321596	5	-0.2740513	12.33746
TM6	6.506983	4.848682	5	0.6707681	11.68480
TM7	6.027355	4.551902	5	0.5380098	12.59905

ตารางที่ 16 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison)

	Difference	p-value	LCL	UCL
TM1 - TM2	-0.95008978	0.1672	-2.31560964	0.4154301
TM1 - TM3	-1.86298954	0.0102 *	-3.25728182	-0.4686973
TM1 - TM4	0.06303825	0.9187	-1.19830010	1.3243766
TM1 - TM5	0.48951253	0.4578	-0.83527201	1.8142971
TM1 - TM6	-0.58764684	0.3736	-1.91243138	0.7371377
TM1 - TM7	-0.10801928	0.8612	-1.36935764	1.1533191
TM2 - TM3	-0.91289976	0.1483	-2.17423811	0.3484386
TM2 - TM4	1.01312803	0.1497	-0.38116425	2.4074203
TM2 - TM5	1.43960231	0.0464 *	0.02383236	2.8553723
TM2 - TM6	0.36244295	0.5587	-0.89889540	1.6237813
TM2 - TM7	0.84207050	0.2050	-0.48271405	2.1668550
TM3 - TM4	1.92602779	0.0089 **	0.51025783	3.3417977
TM3 - TM5	2.35250207	0.0020 **	0.92011723	3.7848869
TM3 - TM6	1.27534271	0.0586 .	-0.04944184	2.6001273
TM3 - TM7	1.75497026	0.0132 *	0.38945040	3.1204901
TM4 - TM5	0.42647428	0.4920	-0.83486407	1.6878126
TM4 - TM6	-0.65068509	0.3409	-2.01620494	0.7148348
TM4 - TM7	-0.17105753	0.7946	-1.49584208	1.1537270
TM5 - TM6	-1.07715937	0.1263	-2.47145164	0.3171329
TM5 - TM7	-0.59753182	0.3814	-1.96305168	0.7679880
TM6 - TM7	0.47962755	0.4402	-0.78171080	1.7409659

จากตารางการเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison) พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า

$\alpha = 0.05$ อยู่ 5 คู่ ได้แก่

ทริทเมนต์ที่ 1 กับ ทริทเมนต์ที่ 3 มีค่า p-value = 0.0102 < 0.05

ทริทเมนต์ที่ 2 กับ ทริทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 0.0464 < 0.05

ทริทเมนต์ที่ 3 กับ ทริทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.0089 < 0.05

ทริทเมนต์ที่ 3 กับ ทริทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 0.0020 < 0.05

ทริทเมนต์ที่ 3 กับ ทริทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 0.0132 < 0.05

ดังนั้น ทริทเมนต์ที่ 3 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทริทเมนต์ที่ 1, 4, 5, 7 และทริทเมนต์ที่ 2 มีค่าเฉลี่ย

แตกต่างจากทริทเมนต์ที่ 5 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์ไว้เพื่อใช้ในการศึกษาวิจัยเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า

ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.3.1 คำสั่งหาความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 (จำนวนครั้งในการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 เป็นจริง)

```
pvalueLSR=LSR$comparison$pvalue
if((pvalueLSR[1] <= alpha) || (pvalueLSR[2] <= alpha) || (pvalueLSR[3] <= alpha)
|| (pvalueLSR[4] <= alpha) || (pvalueLSR[5] <= alpha) || (pvalueLSR[6] <= alpha)
|| (pvalueLSR[7] <= alpha) || (pvalueLSR[8] <= alpha) || (pvalueLSR[9] <= alpha)
|| (pvalueLSR[10] <= alpha) || (pvalueLSR[11] <= alpha) || (pvalueLSR[12] <= alpha)
|| (pvalueLSR[13] <= alpha) || (pvalueLSR[14] <= alpha) || (pvalueLSR[15] <= alpha)
|| (pvalueLSR[16] <= alpha) || (pvalueLSR[17] <= alpha) || (pvalueLSR[18] <= alpha)
|| (pvalueLSR[19] <= alpha) || (pvalueLSR[20] <= alpha) || (pvalueLSR[21] <= alpha))
COUNT[3,a]=COUNT[3,a]+1
```

เนื่องจากโปรแกรมนี้ผู้วิจัยนำจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 มาทำการทดสอบ จึงทำให้มีการเปรียบเทียบทรีทเมนต์ทั้งหมด 21 คู่ ถ้ามีทรีทเมนต์แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ โปรแกรมจะทำการนับจำนวนรอบเป็น 1 รอบ และจากตาราง \$comparison พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 5 คู่ แสดงว่ามีทรีทเมนต์ที่แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ จึงทำให้นับเป็น 1 รอบ

4.4 ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์

```
##nonpara
A1<-c(Table[[1]])
A2<-c(Table[[2]])
A3<-c(Table[[3]])
A4<-c(Table[[4]])
A5<-c(Table[[5]])
A6<-c(Table[[6]])
A7<-c(Table[[7]])
y <- matrix(c(A1[1], A2[1], A3[1], A4[1], A5[1], A6[1], A7[1],A1[2], A2[2], A3[2], A4[2], A5[2], A6[2],
A7[2],A1[3], A2[3], A3[3], A4[3], A5[3], A6[3], A7[3],A1[4], A2[4], A3[4], A4[4], A5[4], A6[4], A7[4],A1[5],
A2[5], A3[5], A4[5], A5[5], A6[5], A7[5]), nrow = 5, ncol =7,
dimnames=list(1:5,c("tr1"," tr2", " tr3"," tr4"," tr 5"," tr 6"," tr 7")))
#กึ่งตัว:แถว(Tr),คอลัม( block)
friedman.test(y)
CNV<-posthoc.friedman.conover.test(y=y, p.adjust="none")
```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 17 การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์

Pairwise comparisons using Conover's test for a two-way balanced complete block design

	tr1	tr2	tr3	tr4	tr 5	tr 6
tr2	0.23879	-	-	-	-	-
tr3	0.69074	0.12030	-	-	-	-
tr4	0.00135	6.4e-05	0.00365	-	-	-
tr5	8.4e-06	4.4e-07	2.3e-05	0.05541	-	-
tr6	2.8e-08	2.1e-09	6.9e-08	0.00018	0.02366	-
tr7	5.0e-09	4.3e-10	1.2e-08	2.3e-05	0.00365	0.42850

P value adjustment method: none

จากตารางพบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 16 คู่ ได้แก่

ทรีทเมนต์ที่ 1 กับ ทรีทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.00135 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 1 กับ ทรีทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 8.4e-06 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 1 กับ ทรีทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 2.8e-08 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 1 กับ ทรีทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 5.0e-09 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 2 กับ ทรีทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 6.4e-05 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 2 กับ ทรีทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 4.4e-07 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 2 กับ ทรีทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 2.1e-09 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 2 กับ ทรีทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 4.3e-10 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.00365 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 2.3e-05 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 6.9e-08 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 1.2e-08 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 4 กับ ทรีทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 0.00018 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 4 กับ ทรีทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 2.3e-05 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 5 กับ ทรีทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 0.02366 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 5 กับ ทรีทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 0.00365 < 0.05

ดังนั้น ทรีทเมนต์ที่ 1, 2, 3 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 4, 5, 6, 7 และทรีทเมนต์ที่ 4, 5

มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 6, 7 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

4.4.1 คำสั่งหาความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 (จำนวนครั้งในการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 เป็นจริง)

```
PvalueCNV<-get.pvalues(CNV)
if((PvalueCNV[1] <= alpha) || (PvalueCNV[2] <=alpha) || (PvalueCNV[3] <= alpha)
|| (PvalueCNV[4] <= alpha) || (PvalueCNV[5] <=alpha) || (PvalueCNV[6] <= alpha)
|| (PvalueCNV [7] <= alpha) || (PvalueCNV[8] <=alpha) || (PvalueCNV [9] <= alpha)
|| (PvalueCNV[10] <= alpha) || (PvalueCNV[11] <=alpha) || (PvalueCNV[12] <= alpha)
|| (PvalueCNV[13] <= alpha) || (PvalueCNV[14] <=alpha) || (PvalueCNV[15] <= alpha)
|| (PvalueCNV[16] <= alpha) || (PvalueCNV[17] <=alpha) || (PvalueCNV[18] <= alpha)
|| (PvalueCNV[19] <= alpha) || (PvalueCNV[20] <=alpha) || (PvalueCNV[21] <= alpha))
COUNT[4,a]=COUNT[4,a]+1
```

เนื่องจากโปรแกรมนี้ผู้วิจัยนำจำนวนทริทเมนต์เท่ากับ 7 มาทำการทดสอบ จึงทำให้มีการเปรียบเทียบทริทเมนต์ทั้งหมด 21 คู่ ถ้ามีทริทเมนต์แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ โปรแกรมจะทำการนับจำนวนรอบเป็น 1 รอบ และจากตาราง \$comparison พบว่ามีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 16 คู่ แสดงว่ามีทริทเมนต์ที่ต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ จึงทำให้เป็น 1 รอบ

4.5 ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยี

```
NMY<-posthoc.friedman.nemenyi.test(y)
```

ตารางที่ 18 การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยี

Pairwise comparisons using Nemenyi multiple comparison test with q approximation for unreplicated blocked data

	tr1	tr2	tr3	tr4	tr 5	tr 6
tr2	0.9995	-	-	-	-	-
tr3	1.0000	0.9972	-	-	-	-
tr4	0.8440	0.5776	0.9051	-	-	-
tr 5	0.3834	0.1633	0.4782	0.9906	-	-
tr 6	0.0530	0.0134	0.0794	0.6757	0.9758	-
tr 7	0.0218	0.0047	0.0345	0.4782	0.9051	0.9999

P value adjustment method: none

จากตารางพบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 4 คู่ ได้แก่
 ทริทเมนต์ที่ 1 กับ ทริทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 0.0218 < 0.05
 ทริทเมนต์ที่ 2 กับ ทริทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 0.0134 < 0.05
 ทริทเมนต์ที่ 2 กับ ทริทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 0.0047 < 0.05
 ทริทเมนต์ที่ 3 กับ ทริทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 0.0345 < 0.05

ดังนั้น ทริทเมนต์ที่ 1, 2, 3 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทริทเมนต์ที่ 7 และทริทเมนต์ที่ 2 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทริทเมนต์ที่ 6 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.5.1 คำสั่งหาความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 (จำนวนครั้งในการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 เป็นจริง)

```
PvalueNMY<-get.pvalues(NMY)
if((PvalueNMY[1] <= alpha) || (PvalueNMY[2] <= alpha) || (PvalueNMY[3] <= alpha)
|| (PvalueNMY[4] <= alpha) || (PvalueNMY[5] <= alpha) || (PvalueNMY[6] <= alpha)
|| (PvalueNMY[7] <= alpha) || (PvalueNMY[8] <= alpha) || (PvalueNMY[9] <= alpha)
|| (PvalueNMY[10] <= alpha) || (PvalueNMY[11] <= alpha) || (PvalueNMY[12] <= alpha)
|| (PvalueNMY[13] <= alpha) || (PvalueNMY[14] <= alpha) || (PvalueNMY[15] <= alpha)
|| (PvalueNMY[16] <= alpha) || (PvalueNMY[17] <= alpha) || (PvalueNMY[18] <= alpha)
|| (PvalueNMY[19] <= alpha) || (PvalueNMY[20] <= alpha) || (PvalueNMY[21] <= alpha))
COUNT[5,a]=COUNT[5,a]+1
```

เนื่องจากโปรแกรมนี้ผู้วิจัยนำจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 มาทำการทดสอบ จึงทำให้มีการเปรียบเทียบทรีทเมนต์ทั้งหมด 21 คู่ ถ้ามีทรีทเมนต์แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ โปรแกรมจะทำการนับจำนวนรอบเป็น 1 รอบ และจากตาราง \$comparison พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 4 คู่ แสดงว่ามีทรีทเมนต์ที่แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ จึงทำให้นับเป็น 1 รอบ

4.6 ตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟริดแมน

```
WineTasting<- data.frame (Taste = c (y[1], y[6], y[11], y[16], y[21], y[26], y[31],y[2], y[7], y[12], y[17],
y[22], y[27], y[32],y[3], y[8], y[13], y[18], y[23], y[28], y[32],y[4], y[9], y[14], y[19], y[24], y[29], y[34],
y[5], y[10], y[15], y[20], y[25] , y[30] , y[35]),
Wine = factor(rep(c("trA", " trB", " trC", "trD", "trE", "trF", "trG"),5)), Taster = factor(rep(1:5, rep(7,5) ) ) ) #
rep (1: tr, rep (block, tr) ) tr เป็นแถว block คอลัมน์
PvalueFriedman <- friedman.test.with.post.hoc (Taste ~ Wine | Taster, WineTasting)
$Friedman.Test
```

ตารางที่ 19 การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟริดแมน

Asymptotic General Symmetry Test

data: Taste by

Wine (trB, trC, trA, trD, trE, trF, trG) stratified by Taster

maxT = 3.6596, p-value = 0.004756 alternative hypothesis: two.sided

\$PostHoc.Test

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

tr3 - tr2	0.997234028
tr1 - tr2	0.999458815
tr4 - tr2	0.577633910
tr5 - tr2	0.163483658
tr6 - tr2	0.013401214
tr7 - tr2	0.004833954
tr1 - tr3	0.999999172
tr4 - tr3	0.905074375
tr5 - tr3	0.478114082
tr6 - tr3	0.079530140
tr7 - tr3	0.034349492
tr4 - tr1	0.844103886
tr5 - tr1	0.383143426
tr6 - tr1	0.053089761
tr7 - tr1	0.021565713
tr5 - tr4	0.990647260
tr6 - tr4	0.675684125
tr7 - tr4	0.478114082
tr6 - tr5	0.975823129
tr7 - tr5	0.905074375
tr7 - tr6	0.999949164

จากตารางพบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 4 คู่ ได้แก่
 ทริทเมนต์ที่ 6 กับ ทริทเมนต์ที่ 2 มีค่า p-value = 0.0134 < 0.05
 ทริทเมนต์ที่ 7 กับ ทริทเมนต์ที่ 2 มีค่า p-value = 0.0048 < 0.05
 ทริทเมนต์ที่ 7 กับ ทริทเมนต์ที่ 3 มีค่า p-value = 0.0343 < 0.05
 ทริทเมนต์ที่ 7 กับ ทริทเมนต์ที่ 1 มีค่า p-value = 0.0216 < 0.05
 ดังนั้น ทริทเมนต์ที่ 1, 2, 3 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทริทเมนต์ที่ 7 และทริทเมนต์ที่ 2 มีค่าเฉลี่ยแตกต่าง
 จากทริทเมนต์ที่ 6 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
 ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.6.1 คำสั่งหาความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 (จำนวนครั้งในการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 เป็นจริง)

```
if (PvalueFriedman[[3]] == 5) {if ((PvalueFriedman[[2]][1] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][2] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][3] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][4] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][5] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][6] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][7] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][8] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][9] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][10] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][11] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][12] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][13] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][14] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][15] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][16] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][17] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][18] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][19] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][20] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][21] <= alpha))
COUNT[6,a]=COUNT[6,a]+1}}
```

เนื่องจากโปรแกรมนี้ผู้วิจัยนำจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 มาทำการทดสอบ จึงทำให้มีการเปรียบเทียบทรีทเมนต์ทั้งหมด 21 คู่ ถ้ามีทรีทเมนต์แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ โปรแกรมจะทำการนับจำนวนรอบเป็น 1 รอบ และจากตาราง \$comparison พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 4 คู่ แสดงว่ามีทรีทเมนต์ที่แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ จึงทำให้นับเป็น 1 รอบ

ก2 คำสั่งโปรแกรม การคำนวณกำลังการทดสอบ กรณีการแจกแจงแกมมา ในสถานการณ์ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน เมื่อจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 จำนวนบล็อกเท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01, 0.05 และ 0.10 ใช้จำนวนรอบ 9,000 รอบ

```
library (PMCMR)
library (agricolae)
set.seed(1)
alphaTest=c(0.10,0.05,0.01)
nBlock=5
nTr=7
COUNT <- array(rep(0,6*3),dim=c(6, 3))#StatTest
Tr<- array(1:nBlock*nTr,dim=c(nBlock, nTr))
for (a in 1: 3)
{ M=9000
alpha=alphaTest[a]
for( b in 1:M)
{ for (c in 1: nTr)
{block1=rgamma(1,4,1/2)
block2= rgamma(1,256,4)
block3= rgamma(1,144,3)
block4= rgamma(1,1,1/4)
block5= rgamma(1,16,1/1)
Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rgamma(1,4,1/2)
block2= rgamma(1,256,4)
block3= rgamma(1,144,3)
block4= rgamma(1,1,1/4)
block5= rgamma(1,16,1/1)
Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rgamma(1,4,1/2)
block2= rgamma(1,256,4)
block3= rgamma(1,144,3)
block4= rgamma(1,1,1/4)
block5= rgamma(1,16,1/1)
Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rgamma(1,4,1/2)
block2= rgamma(1,256,4)
block3= rgamma(1,144,3)
```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

block4= rgamma(1,1,1/4)
block5= rgamma(1,16,1/1)
  Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rgamma(1,4,1/2)
block2= rgamma(1,256,4)
block3= rgamma(1,144,3)
block4= rgamma(1,1,1/4)
block5= rgamma(1,16,1/1)
  Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rgamma(1,4,1/2)
block2= rgamma(1,256,4)
block3= rgamma(1,144,3)
block4= rgamma(1,1,1/4)
block5= rgamma(1,16,1/1)
  Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rgamma(1,4,1/2)
block2= rgamma(1,256,4)
block3= rgamma(1,144,3)
block4= rgamma(1,1,1/4)
block5= rgamma(1,16,1/1)
  Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)}
Table=data.frame(Tr)
randomTr=data.frame(Tr)
rd= sample(1:nTr, nTr)
for(random in 1 :nTr)
{randomTr[,random]=Table[,rd[random]]} #สุ่ม treatment
Table=randomTr
r = c(t(as.matrix(Table))) # response data
f = c("Tr1", "Tr2","Tr3", "Tr4","Tr5", "Tr6", "Tr7" ) # treatment levels
k = 7 # number of treatment levels
n = 5 # number of control blocks
tr = gl(k, 1, n*k, factor(f))
bk = gl(n, k, k*n)
av = aov(r ~ tm + blk)
summary(av)
df=df.residual(av)
MS=deviance(av)/df
values=r

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

ind=tr
Dfcheak= Block.F(Table,nTr,nBlock)
DfTr= Dfcheak[[3]][1]
DfBlock= Dfcheak[[4]][1]
DfError= Dfcheak[[5]][1]
if(alpha ==0.10)
{FTrTable=F10[[DfTr+1]][ DfError+1]
FBlockTable=F10[[DfBlock+1]][ DfError+1]}
if(alpha==.05)
{ FTrTable=F05[[DfTr+1]][ DfError+1]
FBlockTable=F05[[DfBlock+1]][ DfError+1]}
if(alpha==0.01)
{ FTrTable=F01[[DfTr+1]][ DfError+1]
FBlockTable=F01[[DfBlock+1]][ DfError+1]}
if((Dfcheak[[2]][1]>FBlockTable))
{
K=SNK.test(values,ind,df,MS, alpha,group=F)
pvalueSNK=K$comparison$pvalue
if ((pvalueSNK[1] <= alpha) || (pvalueSNK[2] <= alpha) || (pvalueSNK[3] <= alpha)
|| (pvalueSNK[4] <= alpha) || (pvalueSNK[5] <= alpha) || (pvalueSNK[6] <= alpha)
|| (pvalueSNK[7] <= alpha) || (pvalueSNK[8] <= alpha) || (pvalueSNK[9] <= alpha)
|| (pavalueSNK[10] <= alpha) || (pavalueSNK[11] <= alpha) || (pavalueSNK[12] <= alpha)
|| (pavalueSNK[13] <= alpha) || (pavalueSNK[14] <= alpha) || (pavalueSNK[15] <= alpha)
|| (pavalueSNK[16] <= alpha) || (pavalueSNK[17] <= alpha) || (pavalueSNK[18] <= alpha)
|| (pavalueSNK[19] <= alpha) || (pavalueSNK[20] <= alpha) || (pavalueSNK[21] <= alpha))
COUNT[1,a]=COUNT[1,a]+1
L=LSD.test(values,ind,df,MS, alpha,group=F)
pvalueLSD=L$comparison$pvalue
if((pvalueLSD[1] <= alpha) || (pvalueLSD[2] <= alpha) || (pvalueLSD[3] <= alpha)
|| (pvalueLSD[4] <= alpha) || (pvalueLSD[5] <= alpha) || (pvalueLSD[6] <= alpha)
|| (pvalueLSD[7] <= alpha) || (pvalueLSD[8] <= alpha) || (pvalueLSD[9] <= alpha)
|| (pvalueLSD[10] <= alpha) || (pvalueLSD[11] <= alpha) || (pvalueLSD[12] <= alpha)
|| (pvalueLSD[13] <= alpha) || (pvalueLSD[14] <= alpha) || (pvalueLSD[15] <= alpha)
|| (pvalueLSD[16] <= alpha) || (pvalueLSD[17] <= alpha) || (pvalueLSD[18] <= alpha)
|| (pvalueLSD[19] <= alpha) || (pvalueLSD[20] <= alpha) || (pvalueLSD[21] <= alpha))
COUNT[2,a]=COUNT[2,a]+1
LSR=duncan.test(values,ind,df,MS, alpha,group=F)
pvalueLSR=LSR$comparison$pvalue

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์ไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

if((pvalueLSR[1] <= alpha) || (pvalueLSR[2] <= alpha) || (pvalueLSR[3] <= alpha)
|| (pvalueLSR[4] <= alpha) || (pvalueLSR[5] <= alpha) || (pvalueLSR[6] <= alpha)
|| (pvalueLSR[7] <= alpha) || (pvalueLSR[8] <= alpha) || (pvalueLSR[9] <= alpha)
|| (pvalueLSR[10] <= alpha) || (pvalueLSR[11] <= alpha) || (pvalueLSR[12] <= alpha)
|| (pvalueLSR[13] <= alpha) || (pvalueLSR[14] <= alpha) || (pvalueLSR[15] <= alpha)
|| (pvalueLSR[16] <= alpha) || (pvalueLSR[17] <= alpha) || (pvalueLSR[18] <= alpha)
|| (pvalueLSR[19] <= alpha) || (pvalueLSR[20] <= alpha) || (pvalueLSR[21] <= alpha))
COUNT[3,a]=COUNT[3,a]+1
##nonpara
A1<-c(Table[[1]])
A2<-c(Table[[2]])
A3<-c(Table[[3]])
A4<-c(Table[[4]])
A5<-c(Table[[5]])
A6<-c(Table[[6]])
A7<-c(Table[[7]])
y <- matrix(c(A1[1], A2[1], A3[1], A4[1], A5[1], A6[1], A7[1],A1[2], A2[2], A3[2], A4[2],
A5[2], A6[2], A7[2],A1[3], A2[3], A3[3], A4[3], A5[3], A6[3], A7[3],A1[4], A2[4], A3[4], A4[4],
A5[4], A6[4], A7[4],A1[5], A2[5], A3[5], A4[5], A5[5], A6[5], A7[5]),
, nrow =5 , ncol = 7,dimnames = list ( 1:5, c("tr1", "tr2","tr3", "tr4","tr5", "tr6", "tr7")))
#กี๊ดว:แถว (Tr), คอลัม (block)
friedman.test(y)
CNV<-posthoc.friedman.conover.test(y=y, p.adjust="none")
PvalueCNV<-get.pvalues(CNV)
if( (PvalueCNV[1]<=alpha)|| (PvalueCNV[2]<=alpha)|| (PvalueCNV[3]<=alpha)
||( PvalueCNV[4]<=alpha)|| (PvalueCNV[5]<=alpha)|| (PvalueCNV[6]<=alpha)
||(PvalueCNV [7]<=alpha) ||( PvalueCNV [8]<=alpha)|| (PvalueCNV [9]<=alpha)
||( PvalueCNV[10]<=alpha) ||( PvalueCNV[11]<=alpha) ||( PvalueCNV[12]<=alpha)
||( PvalueCNV[13]<=alpha) ||( PvalueCNV[14]<=alpha) ||( PvalueCNV[15]<=alpha)
||( PvalueCNV[16]<=alpha) ||( PvalueCNV[17]<=alpha) ||( PvalueCNV[18]<=alpha)
||( PvalueCNV[19]<=alpha) ||( PvalueCNV[20]<=alpha) ||( PvalueCNV[21]<=alpha))
COUNT[4,a]=COUNT[4,a]+1
NMY<-posthoc.friedman.nemenyi.test(y)
PvalueNMY<-get.pvalues(NMY)
if( (PvalueNMY [1]<=alpha) ||( PvalueNMY[2]<=alpha)|| (PvalueNMY[3]<=alpha)
||( PvalueNMY[4]<=alpha)|| (PvalueNMY[5]<=alpha)|| (PvalueNMY[6]<=alpha)
||( PvalueNMY[7]<=alpha) ||( PvalueNMY[8]<=alpha)|| (PvalueNMY[9]<=alpha)
|| (PvalueNMY[10]<=alpha) ||( PvalueNMY[11]<=alpha) ||( PvalueNMY[12]<=alpha)

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

||( PvalueNMY[13]<=alpha) ||( PvalueNMY[14]<=alpha) ||( PvalueNMY[15]<=alpha)
||( PvalueNMY[16]<=alpha) ||( PvalueNMY[17]<=alpha) ||( PvalueNMY[18]<=alpha)
||( PvalueNMY[19]<=alpha) ||( PvalueNMY[20]<=alpha) ||( PvalueNMY[21]<=alpha)
COUNT[5,a]=COUNT[5,a]+1
WineTasting <- data.frame(
    Taste = c( y[1], y[6], y[11], y[16], y[21], y[26], y[31],
    y[2], y[7], y[12], y[17], y[22], y[27], y[32],y[3], y[8], y[13], y[18], y[23], y[28], y[32],
    y[4], y[9], y[14], y[19], y[24], y[29], y[34],y[5], y[10], y[15], y[20], y[25] , y[30] , y[35]),
    Wine = factor(rep(c("trA", " trB", " trC","trD","trE","trF","trG"),5)),
    Taster = factor(rep(1:5, rep(7,5) ) ) ) #rep(1:tr,rep(block,tr) )tr เป็นแถว block คอลัม
PvalueFriedman<-friedman.test.with.post.hoc(Taste ~ Wine | Taster ,WineTasting)
if(PvalueFriedman[[3]]==5){
if((PvalueFriedman[[2]][1] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][2] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][3] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][4] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][5] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][6] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][7] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][8] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][9] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][10] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][11] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][12] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][13] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][14] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][15] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][16] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][17] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][18] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][19] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][20] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][21] <= alpha))
COUNT[6,a]=COUNT[6,a]+1}}}
COUNT[1,a]=COUNT[1,a]/M
COUNT[2,a]=COUNT[2,a]/M
COUNT[3,a]= COUNT[3,a]/M
COUNT[4,a]= COUNT[4,a]/M
COUNT[5,a]= COUNT[5,a]/M
COUNT[6,a]= COUNT[6,a]/M}

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้


```

block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rnorm(1,1,sqrt(1))
block2=rnorm(1,3,sqrt(1))
block3=rnorm(1,6,sqrt(1))
block4=rnorm(1,9,sqrt(1))
block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rnorm(1,1,sqrt(1))
block2=rnorm(1,3,sqrt(1))
block3=rnorm(1,6,sqrt(1))
block4=rnorm(1,9,sqrt(1))
block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
block1=rnorm(1,1,sqrt(1))
block2=rnorm(1,3,sqrt(1))
block3=rnorm(1,6,sqrt(1))
block4=rnorm(1,9,sqrt(1))
block5=rnorm(1,12,sqrt(1))
Tr[,c]<-c(block1,block2,block3,block4,block5)
Table=data.frame(Tr)
randomTr=data.frame(Tr)
rd= sample(1:nTr, nTr)
for(random in 1 :nTr)
{randomTr[,random]=Table[,rd[random]]}#สุ่มtreatment
หมายเหตุ (block1 : rnorm ( จำนวนหน่วยทดลองที่ได้รับทรีทเมนต์ที่ 1,  $\beta$ ,  $\frac{1}{\beta}$  )
Table=randomTr

```

ตารางที่ 20 การจำลองและสุ่มข้อมูล

	Tr1	Tr2	Tr3	Tr4	Tr5	Tr6	Tr7
Block1	8.541239	6.797090	4.605085	1.590841	3.765325	4.6481886	21.97110
Block2	54.806490	59.407606	62.068381	68.353944	64.168742	59.8392366	65.36077
Block3	49.687013	53.931087	47.305266	53.134063	48.789484	46.0252881	52.97997
Block4	3.213348	2.206098	4.968920	4.968920	1.377538	0.240095	12.42307
Block5	22.397282	21.545200	12.209847	14.826593	23.842304	18.4222770	22.07297

หมายเหตุ 8.541239 คือ ค่าที่สุ่มมาได้ของทรีทเมนต์ที่ 1 และบล็อกที่ 1

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

2. คำสั่งการคำนวณตาราง ANOVA

```
r = c(t(as.matrix(Table))) # response data
f = c("Tr1", "Tr2", "Tr3", "Tr4", "Tr5", "Tr6", "Tr7") # treatment levels
k = 7 # number of treatment levels
n = 5 # number of control blocks
tr = gl(k, 1, n*k, factor(f))
bk = gl(n, k, k*n)
av = aov(r ~ tm + blk)
summary(av)
```

ตารางที่ 21 การวิเคราะห์ความแปรปรวน

	df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
Tr	6	11543	1924	2.662	0.0401 *
Bk	4	5042775	1260694	1744.179	<2e-16 ***
Residuals	24	17347	723		

Signif. codes: '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

โดยที่ '***' 0.001 หมายถึง มีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.001
 '**' 0.01 หมายถึง มีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.01
 '*' 0.05 หมายถึง มีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.05
 '.' 0.1 หมายถึง มีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.01
 ' ' 1 หมายถึง มีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 1

2.1 จากผลลัพธ์ ตาราง ANOVA พบว่า มีอิทธิพลของบล็อก เนื่องจากค่า p-value = $2e-16$ ซึ่งน้อยกว่า $\alpha = 0.001$ ซึ่งตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤต จึงทำให้ปฏิเสธ H_0 แสดงว่าบล็อกมีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.001

2.2 อิทธิพลของทรีทเมนต์ เนื่องจากค่า p-value = 0.0401 ซึ่งน้อยกว่า $\alpha = 0.05$ ซึ่งตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤต จึงทำให้ปฏิเสธ H_0 แสดงว่าทรีทเมนต์มีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

3. คำสั่งตรวจสอบบล็อกและทรีทเมนต์ว่าต้องมีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ

```
df=df.residual(av)
MS=deviance(av)/df
values=r
ind=tr
Dfcheak= Block.F(Table,nTr,nBlock)
Ftr = Dfcheak[[1]][1]
Fblock= Dfcheak[[2]][1]
DfTr= Dfcheak[[3]][1]
DfBlock= Dfcheak[[4]][1]
DfError= Dfcheak[[5]][1]
Printcheak=PrintcheakBlockTr(alpha,DfTr,DfBlock,DfError,Ftr,Fblock)
if(alpha ==0.10)
{FTrTable=F10[[DfTr+1]][ DfError+1]
FBlockTable=F10[[DfBlock+1]][ DfError+1]}
if(alpha==.05)
{ FTrTable=F05[[DfTr+1]][ DfError+1]
FBlockTable=F05[[DfBlock+1]][ DfError+1]}
if(alpha==0.01)
{ FTrTable=F01[[DfTr+1]][ DfError+1]
FBlockTable=F01[[DfBlock+1]][ DfError+1]}
if((Dfcheak[[1]][1]>FTrTable)& (Dfcheak[[2]][1]>FBlockTable))
{Printcheak
```

ผลลัพธ์ การตรวจสอบบล็อกและทรีทเมนต์ พบว่า

$F_{cal} > F_{table}$; $1744.179 > 2.78$; Block is effect

$F_{cal} > F_{table}$; $2.662 > 2.51$; Tr is effect

3.1 ผลการตรวจสอบอิทธิพลของบล็อก พบว่า

$F_{cal} > F_{table}$; $1744.179 > 2.78$; Block is effect

เนื่องจาก $F = 161.357 > 2.78$ ซึ่งตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤต จึงปฏิเสธ H_0 แสดงว่าบล็อกมีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

3.2 ผลการตรวจสอบอิทธิพลของทรีทเมนต์

$F_{cal} > F_{table}$; $2.662 > 2.51$; Tr is effect

เนื่องจาก $F = 3.325 > 2.51$ ซึ่งตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤต จึงทำให้ปฏิเสธ H_0 แสดงว่าทรีทเมนต์มีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4. คำสั่งการคำนวณกำลังการทดสอบ จำแนกตามตัวสถิติทดสอบแต่ละตัวดังนี้

4.1 ตัวสถิติทดสอบของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูล

$K=SNK.test(values,ind,df,MS, alpha,group=F)$

ผลลัพธ์ การคำนวณตัวสถิติทดสอบของสตีวเดนต์-นิวแมน-คูล

ตารางที่ 22 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผัน และความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย

Mean	CV	MSE
284.3069	9.456316	722.8009

ตารางที่ 23 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics)

Df	ntr	alpha	Test	name.t
24	7	0.05	SNK	Ind

ตารางที่ 24 พิสัยค่าวิกฤต (Critical Range)

	Table	Critical Range
2	2.918793	35.09358
3	3.531697	42.46272
4	3.901262	46.90611
5	4.166314	50.09292
6	4.372651	52.57377
7	4.541314	54.60166

ตารางที่ 25 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์

	Mean	std	r	Min	Max
Tr1	294.3115	436.6748	5	0.67238479	995.0039
Tr2	290.9083	437.1675	5	0.43199795	995.9931
Tr3	291.3590	431.0589	5	0.70440675	981.5246
Tr4	247.2399	375.0070	5	0.45066900	858.7745
Tr5	302.3245	445.7010	5	0.21009320	1010.4241
Tr6	296.2504	442.0918	5	0.08793663	1008.4612
Tr7	267.7546	403.3530	5	0.10102879	921.3764

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 26 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison)

	Difference	p-value	LCL	UCL
Tr1-Tr2	3.4032699	0.9782	-39.059451	45.865991
Tr1-Tr3	2.9525164	0.8636	-32.141062	38.046095
Tr1-Tr4	47.0716402	0.0727	-3.021277	97.164557
Tr1-Tr5	-8.0129450	0.8854	-50.475666	34.449776
Tr1-Tr6	-1.9388750	0.9102	-37.032453	33.154703
Tr1-Tr7	26.5569402	0.4183	-20.349174	73.463054
Tr2-Tr3	-0.4507535	0.9791	-35.544332	34.642825
Tr2-Tr4	43.6683702	0.0430*	1.205650	86.131091
Tr2-Tr5	-11.4162150	0.9607	-61.509132	38.676702
Tr2-Tr6	-5.3421449	0.9890	-52.248259	41.563969
Tr2-Tr7	23.1536702	0.1859	-11.939908	58.247248
Tr3-Tr4	44.1191237	0.0705	-2.786990	91.025238
Tr3-Tr5	-10.9654615	0.9163	-57.871575	35.940653
Tr3-Tr6	-4.8913914	0.9555	-47.354112	37.571329
Tr3-Tr7	23.6044237	0.3627	-18.858297	66.067144
Tr4-Tr5	-55.0845852	0.0470*	-109.686243	-0.482927
Tr4-Tr6	-49.0105151	0.0777	-101.584288	3.563257
Tr4-Tr7	-20.5147000	0.2394	-55.608278	14.578878
Tr5-Tr6	6.0740700	0.7240	-29.019508	41.167648
Tr5-Tr7	34.5698852	0.3540	-18.003887	87.143658
Tr6-Tr7	28.4958151	0.4667	-21.597102	78.588732

จากตารางการเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison) พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 2 คู่ ได้แก่
 ทรีทเมนต์ที่ 2 กับ ทรีทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.0430 < 0.05
 ทรีทเมนต์ที่ 4 กับ ทรีทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 0.0470 < 0.05
 ดังนั้น ทรีทเมนต์ที่ 4 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 2 และ 5 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ
 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
 ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.1.1 คำสั่งหากำลังการทดสอบ (จำนวนครั้งในการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 ไม่เป็นจริง)

```
pvalueSNK = K$comparison$pvalue
if ((pvalueSNK[1] <= alpha) || (pvalueSNK[2] <= alpha) || (pvalueSNK[3] <= alpha)
|| (pvalueSNK[4] <= alpha) || (pvalueSNK[5] <= alpha) || (pvalueSNK[6] <= alpha)
|| (pvalueSNK[7] <= alpha) || (pvalueSNK[8] <= alpha) || (pvalueSNK[9] <= alpha)
|| (pvalueSNK[10] <= alpha) || (pvalueSNK[11] <= alpha) || (pvalueSNK[12] <= alpha)
|| (pvalueSNK[13] <= alpha) || (pvalueSNK[14] <= alpha) || (pvalueSNK[15] <= alpha)
|| (pvalueSNK[16] <= alpha) || (pvalueSNK[17] <= alpha) || (pvalueSNK[18] <= alpha)
|| (pvalueSNK[19] <= alpha) || (pvalueSNK[20] <= alpha) || (pvalueSNK[21] <= alpha))
COUNT[1,a]=COUNT[1,a]+1
```

เนื่องจากโปรแกรมนี้ผู้วิจัยนำจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 มาทำการทดสอบ จึงทำให้มีการเปรียบเทียบทรีทเมนต์ทั้งหมด 21 คู่ ถ้ามีทรีทเมนต์แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ โปรแกรมจะทำการนับจำนวนรอบเป็น 1 รอบ และจากตาราง \$comparison พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 2 คู่ แสดงว่ามีทรีทเมนต์ที่แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ จึงทำให้เป็น 1 รอบ

4.2 ตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด

```
L=LSD.test(values,ind,df,MS,alpha,group=F)
```

ผลลัพธ์ การคำนวณของตัวสถิติทดสอบของฟิชเชอร์โดยใช้ความแตกต่างที่มีนัยสำคัญน้อยที่สุด

ตารางที่ 27 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผัน และความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย

Mean	CV	MSE
284.3069	9.456316	722.8009

ตารางที่ 28 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics)

df	Ntr	t.value	alpha	Test	name.t
24	7	2.063899	0.05	Fisher-LSD	ind

ตารางที่ 29 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์

	Mean	std	r	LCL	UCL	Min	Max
Tr1	294.3115	436.6748	5	269.49669	319.126403	0.67238479	995.0
Tr2	290.9083	437.1675	5	266.09341	315.723293	0.43199795	995.9
Tr3	291.3590	431.0589	5	266.54416	316.173924	0.70440675	981.5
Tr4	247.2399	375.0070	5	222.42505	272.054874	0.45066900	858.7
Tr5	302.3245	445.7010	5	277.50961	327.1394424	0.21009320	1010.
Tr6	296.2504	442.0918	5	271.43552	321.0653461	0.08793663	1008.
Tr7	267.7546	403.3530	5	242.93974	292.5695376	0.10102879	921.

ตารางที่ 30 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison)

	Difference	p-value	LCL	UCL
Tr1-Tr2	3.4032699	0.8430	-31.6903112	38.49685
Tr1-Tr3	2.9525164	0.8636	-32.1410647	38.04610
Tr1-Tr4	47.0716402	0.0107 *	11.9780591	82.16522
Tr1-Tr5	-8.0129450	0.6417	-43.1065261	27.08064
Tr1-Tr6	-1.9388750	0.9102	-37.0324561	33.15471
Tr1-Tr7	26.5569402	0.1314	-8.5366410	61.65052
Tr2-Tr3	-0.4507535	0.9791	-35.5443346	34.64283
Tr2-Tr4	43.6683702	0.0169 *	8.5747891	78.76195
Tr2-Tr5	-11.4162150	0.5084	-46.5097961	23.67737
Tr2-Tr6	-5.3421449	0.7561	-40.4357260	29.75144
Tr2-Tr7	23.1536702	0.1859	-11.9399109	58.24725
Tr3-Tr4	44.1191237	0.0159 *	9.0255426	79.21270
Tr3-Tr5	-10.9654615	0.5251	-46.0590426	24.12812
Tr3-Tr6	-4.8913914	0.7761	-39.9849725	30.20219
Tr3-Tr7	23.6044237	0.1778	-11.4891574	58.69800
Tr4-Tr5	-55.0845852	0.0035**	-90.1781663	-19.99100
Tr4-Tr6	-49.0105151	0.0082**	-84.1040962	-13.91693
Tr4-Tr7	-20.5147000	0.2394	-55.6082811	14.57888
Tr5-Tr6	6.0740700	0.7240	-29.0195111	41.16765
Tr5-Tr7	34.5698852	0.0532	-0.5236959	69.66347
Tr6-Tr7	28.4958151	0.1067	-6.5977660	63.58940

จากตารางการเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison) พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 5 คู่ ได้แก่

ทรีทเมนต์ที่ 1 กับ ทรีทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.0107 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 2 กับ ทรีทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.0169 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.0159 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 4 กับ ทรีทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 0.0035 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 4 กับ ทรีทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 0.0082 < 0.05

ดังนั้น ทรีทเมนต์ที่ 1, 2 และ 3 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 4 และทรีทเมนต์ที่ 4 แตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 5 และ 6 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.2.1 คำสั่งหากำลัการทดสอบ (จำนวนครั้งในการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 ไม่เป็นจริง)

```
pvalueLSD=L$comparison$pvalue
if((pvalueLSD[1] <= alpha) || (pvalueLSD[2] <= alpha) || (pvalueLSD[3] <= alpha)
|| (pvalueLSD[4] <= alpha) || (pvalueLSD[5] <= alpha) || (pvalueLSD[6] <= alpha)
|| (pvalueLSD[7] <= alpha) || (pvalueLSD[8] <= alpha) || (pvalueLSD[9] <= alpha)
|| (pvalueLSD[10] <= alpha) || (pvalueLSD[11] <= alpha) || (pvalueLSD[12] <= alpha)
|| (pvalueLSD[13] <= alpha) || (pvalueLSD[14] <= alpha) || (pvalueLSD[15] <= alpha)
|| (pvalueLSD[16] <= alpha) || (pvalueLSD[17] <= alpha) || (pvalueLSD[18] <= alpha)
|| (pvalueLSD[19] <= alpha) || (pvalueLSD[20] <= alpha) || (pvalueLSD[21] <= alpha))
COUNT[2,a]=COUNT[2,a]+1
```

เนื่องจากโปรแกรมนี้ผู้วิจัยนำจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 มาทำการทดสอบ จึงทำให้มีการเปรียบเทียบทรีทเมนต์ทั้งหมด 21 คู่ ถ้ามีทรีทเมนต์แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ โปรแกรมจะทำการนับจำนวนรอบเป็น 1 รอบ และจากตาราง \$comparison พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 5 คู่ แสดงว่ามีทรีทเมนต์ที่ต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ จึงทำให้นับเป็น 1 รอบ

4.3 ตัวสถิติทดสอบพหุคูณของต้นแคน

```
LSR=duncan.test(values,ind,df,MS, alpha,group=F)
```

ผลลัพธ์ การคำนวณของตัวสถิติทดสอบพหุคูณของต้นแคน

ตารางที่ 31 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผัน และความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย

Mean	CV	MSE
284.3069	9.456316	722.8009

ตารางที่ 32 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics)

Df	ntr	alpha	Test	name.t
24	7	0.05	Duncan	ind

ตารางที่ 33 พิสัยค่าวิกฤต (Critical Range)

Table	Critical Range
2 2.918793	35.09358
3 3.065610	36.85881
4 3.159874	37.99217
5 3.226454	38.79269
6 3.276155	39.39025
7 3.314602	39.85252

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 34 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทริทเมนต์

	Mean	std	r	Min	Max
Tr1	294.3115	436.6748	5	0.67238479	995.0039
Tr2	290.9083	437.1675	5	0.43199795	995.9931
Tr3	291.3590	431.0589	5	0.70440675	981.5246
Tr4	247.2399	375.0070	5	0.45066900	858.7745
Tr5	302.3245	445.7010	5	0.21009320	1010.421
Tr6	296.2504	442.0918	5	0.08793663	1008.462
Tr7	267.7546	403.3530	5	0.10102879	921.3764

ตารางที่ 35 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison)

	Difference	p-value	LCL	UCL
Tr1-Tr2	3.4032699	0.8523	-33.455540	40.262080
Tr1-Tr3	2.9525164	0.8636	-32.141062	38.046095
Tr1-Tr4	47.0716402	0.0187 *	8.278952	85.864328
Tr1-Tr5	-8.0129450	0.6614	-44.871755	28.845865
Tr1-Tr6	-1.9388750	0.9102	-37.032453	33.154703
Tr1-Tr7	26.5569402	0.1652	-11.435227	64.549108
Tr2-Tr3	-0.4507535	0.9791	-35.544332	34.642825
Tr2-Tr4	43.6683702	0.0217 *	6.809561	80.527180
Tr2-Tr5	-11.4162150	0.5548	-50.208903	27.376473
Tr2-Tr6	-5.3421449	0.7775	-43.334313	32.650023
Tr2-Tr7	23.1536702	0.1859	-11.939908	58.247248
Tr3-Tr4	44.1191237	0.0241 *	6.126956	82.111291
Tr3-Tr5	-10.9654615	0.5626	-48.957629	27.026706
Tr3-Tr6	-4.8913914	0.7890	-41.750201	31.967418
Tr3-Tr7	23.6044237	0.2017	-13.25436	60.463233
Tr4-Tr5	-55.0845852	0.0080**	-94.93713	-15.232067
Tr4-Tr6	-49.0105151	0.0161 *	-88.400766	-9.620264
Tr4-Tr7	-20.5147000	0.2394	-55.608278	14.578878
Tr5-Tr6	6.0740700	0.7240	-29.019508	41.167648
Tr5-Tr7	34.5698852	0.0837	-4.820365	73.960136
Tr6-Tr7	28.4958151	0.1454	-10.296873	67.288503

จากตารางการเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple Comparison) พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า

$\alpha = 0.05$ อยู่ 5 คู่ ได้แก่

ทริทเมนต์ที่ 1 กับ ทริทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.0187 < 0.05

ทริทเมนต์ที่ 2 กับ ทริทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.0217 < 0.05

ทริทเมนต์ที่ 3 กับ ทริทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.0241 < 0.05

ทริทเมนต์ที่ 4 กับ ทริทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 0.0080 < 0.05

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ทรีทเมนต์ที่ 4 กับ ทรีทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 0.0161 < 0.05

ดังนั้น ทรีทเมนต์ที่ 1, 2 และ 3 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 4 และทรีทเมนต์ที่ 4 แตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 5 และ 6 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

4.3.1 คำสั่งหากำลัการทดสอบ (จำนวนครั้งในการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 ไม่เป็นจริง)

```
pvalueLSR=LSR$comparison$pvalue
if((pvalueLSR[1] <= alpha) || (pvalueLSR[2] <= alpha) || (pvalueLSR[3] <= alpha)
|| (pvalueLSR[4] <= alpha) || (pvalueLSR[5] <= alpha) || (pvalueLSR[6] <= alpha)
|| (pvalueLSR[7] <= alpha) || (pvalueLSR[8] <= alpha) || (pvalueLSR[9] <= alpha)
|| (pvalueLSR[10] <= alpha) || (pvalueLSR[11] <= alpha) || (pvalueLSR[12] <= alpha)
|| (pvalueLSR[13] <= alpha) || (pvalueLSR[14] <= alpha) || (pvalueLSR[15] <= alpha)
|| (pvalueLSR[16] <= alpha) || (pvalueLSR[17] <= alpha) || (pvalueLSR[18] <= alpha)
|| (pvalueLSR[19] <= alpha) || (pvalueLSR[20] <= alpha) || (pvalueLSR[21] <= alpha))
COUNT[3,a]=COUNT[3,a]+1
```

เนื่องจากโปรแกรมนี้ผู้วิจัยนำจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 มาทำการทดสอบ จึงทำให้มีการเปรียบเทียบทรีทเมนต์ทั้งหมด 21 คู่ ถ้ามีทรีทเมนต์แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ โปรแกรมจะทำการนับจำนวนรอบเป็น 1 รอบ และจากตาราง \$comparison พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 5 คู่ แสดงว่ามีทรีทเมนต์ที่แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ จึงทำให้นับเป็น 1 รอบ

4.4 ตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์

```
##nonpara
A1<-c(Table[[1]])
A2<-c(Table[[2]])
A3<-c(Table[[3]])
A4<-c(Table[[4]])
A5<-c(Table[[5]])
A6<-c(Table[[6]])
A7<-c(Table[[7]])
y <- matrix(c(A1[1], A2[1], A3[1], A4[1], A5[1], A6[1], A7[1], A1[2], A2[2], A3[2], A4[2], A5[2], A6[2],
A7[2],A1[3], A2[3], A3[3], A4[3], A5[3], A6[3], A7[3],A1[4], A2[4], A3[4], A4[4], A5[4], A6[4], A7[4],A1[5],
A2[5], A3[5], A4[5], A5[5], A6[5], A7[5]) , now = 5 , ncol =7
dimnames = list (1: 5 ,c ("tr1", "tr2", "tr3", "tr4", "tr5", "tr6", "tr7")) # กี่ตัว : แถว (Tr),
คอลัมน์ (block)
CNV<-posthoc.friedman.conover.test(y=y, p.adjust="none")
```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 36 การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์

Pairwise comparisons using Conover's test for a two-way balanced complete block design

	tr1	tr2	tr3	tr4	tr 5	tr 6
tr2	0.00579	-	-	-	-	-
tr3	9.8e-05	0.11591	-	-	-	-
tr4	0.00330	0.81772	0.17486	-	-	-
tr5	0.64539	0.00186	3.0e-05	0.00104	-	-
tr6	0.36058	0.00058	9.4e-06	0.00032	0.64539	-
tr7	0.07458	0.25543	0.01002	0.17486	0.02853	0.01002

จากตารางพบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 12 คู่ ได้แก่

ทรีทเมนต์ที่ 1 กับ ทรีทเมนต์ที่ 2 มีค่า p-value = 0.00579 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 1 กับ ทรีทเมนต์ที่ 3 มีค่า p-value = 9.8e-05 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 1 กับ ทรีทเมนต์ที่ 4 มีค่า p-value = 0.00330 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 2 กับ ทรีทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 0.00186 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 2 กับ ทรีทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 0.00058 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 3.0e-05 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 9.4e-06 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 0.01002 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 4 กับ ทรีทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 0.00104 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 4 กับ ทรีทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 0.00032 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 5 กับ ทรีทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 0.02853 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 6 กับ ทรีทเมนต์ที่ 7 มีค่า p-value = 0.01002 < 0.05

ดังนั้น ทรีทเมนต์ที่ 1 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 2, 3, 4 และทรีทเมนต์ที่ 2, 3 และ 4 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 5 และ 6 และทรีทเมนต์ที่ 3, 5 และ 6 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 7 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

4.4.1 คำสั่งหากำลังการทดสอบ (จำนวนครั้งในการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 ไม่เป็นจริง)

```
PvalueCNV<-get.pvalues(CNV)
if((PvalueCNV[1] <= alpha) || (PvalueCNV[2] <=alpha) || (PvalueCNV[3] <= alpha)
|| (PvalueCNV[4] <= alpha) || (PvalueCNV[5] <=alpha) || (PvalueCNV[6] <= alpha)
|| (PvalueCNV [7] <= alpha) || (PvalueCNV[8] <=alpha) || (PvalueCNV [9] <= alpha)
|| (PvalueCNV[10] <= alpha) || (PvalueCNV[11] <=alpha) || (PvalueCNV[12] <= alpha)
|| (PvalueCNV[13] <= alpha) || (PvalueCNV[14] <=alpha) || (PvalueCNV[15] <= alpha)
|| (PvalueCNV[16] <= alpha) || (PvalueCNV[17] <=alpha) || (PvalueCNV[18] <= alpha)
|| (PvalueCNV[19] <= alpha) || (PvalueCNV[20] <=alpha) || (PvalueCNV[21] <= alpha))
COUNT[4,a]=COUNT[4,a]+1
```

เนื่องจากโปรแกรมนี้ผู้วิจัยนำจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 มาทำการทดสอบ จึงทำให้มีการเปรียบเทียบทรีทเมนต์ทั้งหมด 21 คู่ ถ้ามีทรีทเมนต์แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ โปรแกรมจะทำการนับจำนวนรอบเป็น 1 รอบ และจากตาราง \$comparison พบว่ามีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 12 คู่ แสดงว่ามีทรีทเมนต์ที่แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ จึงทำให้เป็น 1 รอบ

4.5 ตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนิเมนิ

```
NMY<-posthoc.friedman.nemenyi.test(y)
```

ตารางที่ 37 การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนิเมนิ

Pairwise comparisons using Nemenyi multiple comparison test with q approximation for unreplicated blocked data

	tr1	tr2	tr3	tr4	tr5	tr6
tr2	0.4782	-	-	-	-	-
tr3	0.0530	0.9485	-	-	-	-
tr4	0.3834	1.0000	0.9758	-	-	-
tr5	0.9999	0.2976	0.0218	0.2239	-	-
tr6	0.9972	0.1633	0.0081	0.1156	0.9999	-
tr7	0.9051	0.9906	0.5776	0.9758	0.7664	0.5776

จากตารางพบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 2 คู่ ได้แก่

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 5 มีค่า p-value = 0.0218 < 0.05

ทรีทเมนต์ที่ 3 กับ ทรีทเมนต์ที่ 6 มีค่า p-value = 0.0081 < 0.05

ดังนั้น ทรีทเมนต์ที่ 3 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทรีทเมนต์ที่ 5 และ 6 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

4.5.1 คำสั่งหากำล้างการทดสอบ (จำนวนครั้งในการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 ไม่เป็นจริง)

```
PvalueNMY<-get.pvalues(NMY)
if((PvalueNMY[1] <= alpha) || (PvalueNMY[2] <= alpha) || (PvalueNMY[3] <= alpha)
|| (PvalueNMY[4] <= alpha) || (PvalueNMY[5] <= alpha) || (PvalueNMY[6] <= alpha)
|| (PvalueNMY[7] <= alpha) || (PvalueNMY[8] <= alpha) || (PvalueNMY[9] <= alpha)
|| (PvalueNMY[10] <= alpha) || (PvalueNMY[11] <= alpha) || (PvalueNMY[12] <= alpha)
|| (PvalueNMY[13] <= alpha) || (PvalueNMY[14] <= alpha) || (PvalueNMY[15] <= alpha)
|| (PvalueNMY[16] <= alpha) || (PvalueNMY[17] <= alpha) || (PvalueNMY[18] <= alpha)
|| (PvalueNMY[19] <= alpha) || (PvalueNMY[20] <= alpha) || (PvalueNMY[21] <= alpha))
COUNT[5,a]=COUNT[5,a]+1
```

เนื่องจากโปรแกรมนี้ผู้วิจัยนำจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 มาทำการทดสอบ จึงทำให้มีการเปรียบเทียบทรีทเมนต์ทั้งหมด 21 คู่ ถ้ามีทรีทเมนต์แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ โปรแกรมจะทำการนับจำนวนรอบเป็น 1 รอบ และจากตาราง \$comparison พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 2 คู่ แสดงว่ามีทรีทเมนต์ที่แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ จึงทำให้นับเป็น 1 รอบ

4.6 ตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟริดแมน

```
WineTasting<- data.frame (Taste = c(y[1], y[6], y[11], y[16], y[21], y[26], y[31], y[2], y[7], y[12], y[17],
y[22], y[27], y[32],y[3], y[8], y[13], y[18], y[23], y[28], y[32], y[4], y[9], y[14], y[19], y[24], y[29], y[34],
y[5], y[10], y[15], y[20], y[25], y[30] , y[35]),
Wine = factor(rep(c("trA","trB","trC","trD","trE","trF","trG"),5)),
Taster = factor(rep(1:5, rep(7,5) ) ) ) # rep(1:tr,rep(block,tr) ) tr เป็นแถว block คอลัมน์
PvalueFriedman<-friedman.test.with.post.hoc(Taste ~ Wine | Taster ,WineTasting)
```

ตารางที่ 38 การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟริดแมน

```
$Friedman.Test
Asymptotic General Symmetry Test
data: Taste by
      Wine ( trB, trC, trA, trD, trE, trF, trG)
stratified by Taster
maxT = 3.5132, p-value = 0.007892
alternative hypothesis: two.sided
$PostHoc.Test
```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

tr3 - tr2	0.948500678
tr1 - tr2	0.478192563
tr4 - tr2	0.999999172
tr5 - tr2	0.297586508
tr6 - tr2	0.162911344
tr7 - tr2	0.990646543
tr1 - tr3	0.052613179
tr4 - tr3	0.975837783
tr5 - tr3	0.021745664
tr6 - tr3	0.008220902
tr7 - tr3	0.577739774
tr4 - tr1	0.383110286
tr5 - tr1	0.999949114
tr6 - tr1	0.997235150
tr7 - tr1	0.905054981
tr5 - tr4	0.224389968
tr6 - tr4	0.115837813
tr7 - tr4	0.975837783
tr6 - tr5	0.999949114
tr7 - tr5	0.766358309
tr7 - tr6	0.577739774

จากตารางพบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 2 คู่ ได้แก่
 ทริทเมนต์ที่ 5 กับ ทริทเมนต์ที่ 3 มีค่า p-value = 0.0217 < 0.05
 ทริทเมนต์ที่ 6 กับ ทริทเมนต์ที่ 3 มีค่า p-value = 0.0082 < 0.05
 ดังนั้น ทริทเมนต์ที่ 5 และ 6 มีค่าเฉลี่ยแตกต่างจากทริทเมนต์ที่ 3 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ
 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
 ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

4.6.1 คำสั่งหากำลัการทดสอบ (จำนวนครั้งในการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 ไม่เป็นจริง)

```

if(PvalueFriedman[[3]]==5){
if((PvalueFriedman[[2]][1] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][2] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][3]<= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][4]<= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][5]<= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][6]<= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][7]<= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][8]<= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][9]<= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][10]<= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][11] <= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][12] <= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][13]<= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][14]<= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][15]<= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][16]<= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][17]<= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][18]<= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][19]<= alpha) || (PvalueFriedman[[2]][20]<= alpha)
|| (PvalueFriedman[[2]][21]<= alpha))
COUNT[6,a]=COUNT[6,a]+1}

```

เนื่องจากโปรแกรมนี้ผู้วิจัยนำจำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 มาทำการทดสอบ จึงทำให้มีการเปรียบเทียบทรีทเมนต์ทั้งหมด 21 คู่ ถ้ามีทรีทเมนต์แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ โปรแกรมจะทำการนับจำนวนรอบเป็น 1 รอบ และจากตาราง \$comparison พบว่า มีค่า p-value ที่น้อยกว่า $\alpha = 0.05$ อยู่ 2 คู่ แสดงว่ามีทรีทเมนต์ที่แตกต่างกันอย่างน้อย 1 คู่ จึงทำให้นับเป็น 1 รอบ

ก3 คำสั่งโปรแกรม การคำนวณกราฟการแจกแจงปกติ (ตัวอย่างกรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน)

```
*****
x=seq(-15,15,length.out = 10000)
plot(x,dnorm(x,0,sqrt(1)),col="red",lwd=6,type="l",lty=1,ylim=c(0,0.40),ylab="Density",main="
Normal Probability Density Function")
lines(x,dnorm(x,0,sqrt(1)),lty = 2,col = "blue",lwd = 5.5,type = "l")
lines(x,dnorm(x,0,sqrt(1)),lty = 3,col = "green",lwd = 5,type = "l")
lines(x,dnorm(x,0,sqrt(1)),lty = 4,col = "pink",lwd = 4.5,type = "l")
lines(x,dnorm(x,0,sqrt(1)),lty = 5,col = "black",lwd =4,type = "l")
lines(x,dnorm(x,0,sqrt(1)),lty = 6,col = "yellow",lwd = 3.5,type = "l")
lines(x,dnorm(x,0,sqrt(1)),lty = 7,col = "brown",lwd = 3,type = "l")
labels = c("N(0,1)","N(0,1)","N(0,1)" ,"N(0,1)" ,"N(0,1)" ,"N(0,1)" ,"N(0,1)")
colors = c("red","blue","green","pink","black","yellow","brown")
A = c(1,2,3,5,6,7)
legend("topright",inset = 0.05,labels,lwd = 3,lty = A,col = colors)
*****
```

คำสั่งโปรแกรม การคำนวณกราฟการแจกแจงแกมมา (ตัวอย่าง กรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน)

```
*****
x=seq(0,24,length.out = 10000)
plot(x,dgamma(x,2,1/4),col="red",lwd=3,type="l",lty=1,ylim=c(0,0.1),ylab="Density",main="Ga
mma Probability Density Function")
lines(x,dgamma(x,2,1/4),lty = 2,col = "blue",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,2,1/4),lty = 3,col = "green",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,2,1/4),lty = 4,col = "pink",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,2,1/4),lty = 5,col = "black",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,2,1/4),lty = 6,col = "yellow",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,2,1/4),lty = 7,col = "brown",lwd = 3,type = "l")
labels=c("Gamma(2,4)","Gamma(2,4)","Gamma(2,4)","Gamma(2,4)","Gamma(2,4)","Gamma(2,4)",
"Gamma(2,4)")
colors = c("red","blue","green","pink","black","yellow","brown")
A = c(1,2,3,5,6,7)
legend("topright",inset = 0.05,labels,lwd = 3,lty = A,col = colors)
*****
```

คำสั่งโปรแกรม การคำนวณกราฟการแจกแจงไคกำลังสอง (ตัวอย่างกรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน)

```
*****
x=seq(0,15,length.out = 10000)
plot(x,dgamma(x,2,1/2),col="red",lwd=3,type="l",lty=1,ylim=c(0,0.20),ylab="Density",main="Chi-Square Probability Density Function")
lines(x,dgamma(x,2,1/2),lty = 2,col = "blue",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,2,1/2),lty = 4,col = "green",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,2,1/2),lty = 2,col = "pink",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,2,1/2),lty = 4,col = "black",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,2,1/2),lty = 2,col = "yellow",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,2,1/2),lty = 4,col = "brown",lwd = 3,type = "l")
labels = c("Chi-Square (4)"," Chi-Square (4)"," Chi-Square (4)"," Chi-Square (4)"," Chi-Square (4)"," Chi-Square (4)"," Chi-Square (4)")
colors = c("red","blue","green","pink","black","yellow","brown")
A = c(1,2,3,5,6,7)
legend("topright",inset = 0.05,labels,lwd = 3,lty = A,col = colors)
*****
```

คำสั่งโปรแกรม การคำนวณกราฟการแจกแจงเลขชี้กำลัง (ตัวอย่างกรณีค่าเฉลี่ยเท่ากัน ความแปรปรวนเท่ากัน)

```
*****
x=seq(0,20,length.out = 10000)
plot(x,dgamma(x,1,1/4),col="red",lwd=3,type="l",lty=1,ylim=c(0,0.3),ylab="Density",main="Exponential Probability Density Function")
lines(x,dgamma(x,1,1/4),lty = 2,col = "blue",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,1,1/4),lty = 4,col = "green",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,1,1/4),lty = 2,col = "pink",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,1,1/4),lty = 4,col = "black",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,1,1/4),lty = 2,col = "yellow",lwd = 3,type = "l")
lines(x,dgamma(x,1,1/4),lty = 4,col = "brown",lwd = 3,type = "l")
labels = c("Exponential (4)"," Exponential (4)"," Exponential (4)"," Exponential (4)"," Exponential (4)"," Exponential (4)"," Exponential (4)")
colors = c("red","blue","green","pink","black","yellow","brown")
A = c(1,2,3,5,6,7)
legend("topright",inset = 0.05,labels,lwd = 3,lty = A,col = colors)
*****
```

ก4 คำสั่งโปรแกรม การคำนวณกราฟความน่าจะเป็นของความผิดพลาดแบบที่ 1 กรณีแจกแจงปรกติ ในสถานการณ์ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่จำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

```
par(mfrow=c(1,2))
block <-c(3,4,5,6,7)
SNK <-c(0.0401,0.0400,0.0356,0.0411,0.0444)
LSD <-c(0.0490,0.0502,0.0486,0.0521,0.0671)
Duncan <-c(0.0490,0.0504,0.0487,0.0521,0.0670)
plot(block, SNK,ylab='Probability of Type I
Error',main='alpha=0.05,treatment=7',type='b',lty = 3,
lwd=2,col="green",ylim=c(0,0.10),pch=8,cex=1.5)
lines(block, LSD,type='b', lty = 2,pch=16, col="brown",lwd=4,cex=2)
lines(block, Duncan,type='b', lty = 1,pch=17, col="pink",lwd=2,cex=1.5)
segments (0,0.025,100,0.025,col="blue",lwd=2)
segments (0,0.075,100,0.075,col="blue",lwd=2)
segments(0,0.04,100,0.04,col="red",lty=2,lwd=2)
segments(0,0.06,100,0.06,col="red",lty=2,lwd=2)
Conover <-c(0.0189,0.0183,0.0310,0.0400,0.0673)
Nemenyi <-c(0.0214,0.0496,0.0487,0.0521,0.0674)
Friedman <-c(0.0214,0.0498,0.0486,0.0524,0.0673)
plot(block, Conover,ylab='Probability of Type I
Error',main='alpha=0.05,treatment=7 ',type='b',lty = 4,
lwd=3,col="orange",ylim=c(0,0.10),pch=18,cex=2)
lines(block, Nemenyi,type='b', lty = 5,pch=4, col="black",lwd=3,cex=2)
lines(block, Friedman,type='b', lty = 6,pch=15, col="yellow",lwd=2,cex=1.5)
segments (0,0.025,100,0.025,col="blue",lwd=2)
segments (0,0.075,100,0.075,col="blue",lwd=2)
segments(0,0.04,100,0.04,col="red",lty=2,lwd=2)
segments(0,0.06,100,0.06,col="red",lty=2,lwd=2)
```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ก5 คำสั่งโปรแกรม การคำนวณกราฟกำลังการทดสอบ กรณีแจกแจงแกมมา ในสถานการณ์ค่าเฉลี่ยต่างกัน ความแปรปรวนเท่ากัน ที่จำนวนทรีทเมนต์เท่ากับ 7 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

```
par(mfrow=c(1,2))
block <-c(3,4,5,6,7)
SNK <-c(0.0509,0.0533,0.0503,0.0543,0.0536)
LSD <-c(0.3649,0.3861,0.3948,0.4143,0.4243)
Duncan <-c(0.2586,0.2580,0.2526,0.2702,0.2722)
plot(block, SNK,ylab='Probability of Type I
Error',main='alpha=0.05,treatment=7',type='b',lty = 3,
lwd=2,col="green",ylim=c(0,1),pch=8,cex=1.5)
lines(block, LSD,type='b', lty = 2,pch=16, col="brown",lwd=2,cex=2)
lines(block, Duncan,type='b', lty = 1,pch=17, col="pink",lwd=2,cex=1.5)
Conover <-c(NA, NA,1.0000, 1.0000, 1.0000)
Nemenyi <-c(NA,0.7812,0.9163,0.9982, 1.0000)
Friedman <-c(NA,0.7816,0.9170,0.9982, 1.0000)
plot(block, Conover,ylab='Probability of Type I
Error',main='alpha=0.05,treatment=7 ',type='b',lty = 4,
lwd=2,col="orange",ylim=c(0,1),pch=18,cex=2)
lines(block, Nemenyi,type='b', lty = 5,pch=4, col="black",lwd=3,cex=2)
lines(block, Friedman,type='b', lty = 6,pch=15, col="yellow",lwd=2,cex=1.5)
```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ภาคผนวก ข

ตารางที่ 1 การแจกแจงเอฟ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

		$F_{0.01, \nu_1, \nu_2}$																		
		Degrees of Freedom for the Numerator (ν_1)																		
ν_2	ν_1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	24	30	40	60	120	∞
1	1	4052	4999.5	5403	5625	5764	5859	5928	5982	6022	6056	6106	6157	6209	6235	6261	6287	6313	6339	6366
2	2	98.50	99.00	99.17	99.25	99.30	99.33	99.36	99.37	99.39	99.40	99.42	99.43	99.45	99.46	99.47	99.47	99.48	99.49	99.50
3	3	34.12	30.82	29.46	28.71	28.24	27.91	27.67	27.49	27.35	27.23	27.05	26.87	26.69	26.00	26.50	26.41	26.32	26.22	26.13
4	4	21.20	18.00	16.69	15.98	15.52	15.21	14.98	14.80	14.66	14.55	14.37	14.20	14.02	13.93	13.84	13.75	13.65	13.56	13.46
5	5	16.26	13.27	12.06	11.39	10.97	10.67	10.46	10.29	10.16	10.05	9.89	9.72	9.55	9.47	9.38	9.29	9.20	9.11	9.02
6	6	13.75	10.92	9.78	9.15	8.75	8.47	8.26	8.10	7.98	7.87	7.72	7.56	7.40	7.31	7.23	7.14	7.06	6.97	6.88
7	7	12.25	9.55	8.45	7.85	7.46	7.19	6.99	6.84	6.72	6.62	6.47	6.31	6.16	6.07	5.99	5.91	5.82	5.74	5.65
8	8	11.26	8.65	7.59	7.01	6.63	6.37	6.18	6.03	5.91	5.81	5.67	5.52	5.36	5.28	5.20	5.12	5.03	4.95	4.86
9	9	10.56	8.02	6.99	6.42	6.06	5.80	5.61	5.47	5.35	5.26	5.11	4.96	4.81	4.73	4.65	4.57	4.48	4.40	4.31
10	10	10.04	7.56	6.55	5.99	5.64	5.39	5.20	5.06	4.94	4.85	4.71	4.56	4.41	4.33	4.25	4.17	4.08	4.00	3.91
11	11	9.65	7.21	6.22	5.67	5.32	5.07	4.89	4.74	4.63	4.54	4.40	4.25	4.10	4.02	3.94	3.86	3.78	3.69	3.60
12	12	9.33	6.93	5.95	5.41	5.06	4.82	4.64	4.50	4.39	4.30	4.16	4.01	3.86	3.78	3.70	3.62	3.54	3.45	3.36
13	13	9.07	6.70	5.74	5.21	4.86	4.62	4.44	4.30	4.19	4.10	3.96	3.82	3.66	3.59	3.51	3.43	3.34	3.25	3.17
14	14	8.86	6.51	5.56	5.04	4.69	4.46	4.28	4.14	4.03	3.94	3.80	3.66	3.51	3.43	3.35	3.27	3.18	3.09	3.00
15	15	8.68	6.36	5.42	4.89	4.56	4.32	4.14	4.00	3.89	3.80	3.67	3.52	3.37	3.29	3.21	3.13	3.05	2.96	2.87
16	16	8.53	6.23	5.29	4.77	4.44	4.20	4.03	3.89	3.78	3.69	3.55	3.41	3.26	3.18	3.10	3.02	2.93	2.84	2.75
17	17	8.40	6.11	5.18	4.67	4.34	4.10	3.93	3.79	3.68	3.59	3.46	3.31	3.16	3.08	3.00	2.92	2.83	2.75	2.65
18	18	8.29	6.01	5.09	4.58	4.25	4.01	3.84	3.71	3.60	3.51	3.37	3.23	3.08	3.00	2.92	2.84	2.75	2.66	2.57
19	19	8.18	5.93	5.01	4.50	4.17	3.94	3.77	3.63	3.52	3.43	3.30	3.15	3.00	2.92	2.84	2.76	2.67	2.58	2.49
20	20	8.10	5.85	4.94	4.43	4.10	3.87	3.70	3.56	3.46	3.37	3.23	3.09	2.94	2.86	2.78	2.69	2.61	2.52	2.42
21	21	8.02	5.78	4.87	4.37	4.04	3.81	3.64	3.51	3.40	3.31	3.17	3.03	2.88	2.80	2.72	2.64	2.55	2.46	2.36
22	22	7.95	5.72	4.82	4.31	3.99	3.76	3.59	3.45	3.35	3.26	3.12	2.98	2.83	2.75	2.67	2.58	2.50	2.40	2.31
23	23	7.88	5.66	4.76	4.26	3.94	3.71	3.54	3.41	3.30	3.21	3.07	2.93	2.78	2.70	2.62	2.54	2.45	2.35	2.26
24	24	7.82	5.61	4.72	4.22	3.90	3.67	3.50	3.36	3.26	3.17	3.03	2.89	2.74	2.66	2.58	2.49	2.40	2.31	2.21
25	25	7.77	5.57	4.68	4.18	3.85	3.63	3.46	3.32	3.22	3.13	2.99	2.85	2.70	2.62	2.54	2.45	2.36	2.27	2.17
26	26	7.72	5.53	4.64	4.14	3.82	3.59	3.42	3.29	3.18	3.09	2.96	2.81	2.66	2.58	2.50	2.42	2.33	2.23	2.13
27	27	7.68	5.49	4.60	4.11	3.78	3.56	3.39	3.26	3.15	3.06	2.93	2.78	2.63	2.55	2.47	2.38	2.29	2.20	2.10
28	28	7.64	5.45	4.57	4.07	3.75	3.53	3.36	3.23	3.12	3.03	2.90	2.75	2.60	2.52	2.44	2.34	2.26	2.17	2.06
29	29	7.60	5.42	4.54	4.04	3.73	3.50	3.33	3.20	3.09	3.00	2.87	2.73	2.57	2.49	2.41	2.33	2.23	2.14	2.03
30	30	7.56	5.39	4.51	4.02	3.70	3.47	3.30	3.17	3.07	2.98	2.84	2.70	2.55	2.47	2.39	2.30	2.21	2.11	2.01
40	40	7.31	5.18	4.31	3.83	3.51	3.29	3.12	2.99	2.89	2.80	2.66	2.52	2.37	2.29	2.20	2.11	2.02	1.92	1.80
60	60	7.08	4.98	4.13	3.65	3.34	3.12	2.95	2.82	2.72	2.63	2.50	2.35	2.20	2.12	2.03	1.94	1.84	1.73	1.60
120	120	6.85	4.79	3.95	3.48	3.17	2.96	2.79	2.66	2.56	2.47	2.34	2.19	2.03	1.95	1.86	1.76	1.66	1.53	1.38
∞	∞	6.63	4.61	3.78	3.32	3.02	2.80	2.64	2.51	2.41	2.32	2.18	2.04	1.88	1.79	1.70	1.59	1.47	1.32	1.00

ตารางที่ 1 การแจกแจงเอฟ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 (ต่อ)

		$F_{0.05, \nu_1, \nu_2}$																		
		Degrees of Freedom for the Numerator (ν_1)																		
ν_2	ν_1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	24	30	40	60	120	∞
	2	161.4	199.5	215.7	224.6	230.2	234.0	236.8	238.9	240.5	241.9	243.9	245.9	248.0	249.1	250.1	251.1	252.2	253.3	254.3
	3	18.51	19.00	19.16	19.25	19.30	19.33	19.35	19.37	19.38	19.40	19.41	19.43	19.45	19.45	19.46	19.47	19.48	19.49	19.50
	4	7.71	6.94	6.59	6.39	6.26	6.16	6.09	6.04	6.00	5.96	5.91	5.86	5.80	5.77	5.75	5.72	5.69	5.66	5.63
	5	6.61	5.79	5.41	5.19	5.05	4.95	4.88	4.82	4.77	4.74	4.68	4.62	4.56	4.53	4.50	4.46	4.43	4.40	4.36
	6	5.99	5.14	4.76	4.53	4.39	4.28	4.21	4.15	4.10	4.06	4.00	3.94	3.87	3.84	3.81	3.77	3.74	3.70	3.67
	7	5.59	4.74	4.35	4.12	3.97	3.87	3.79	3.73	3.68	3.64	3.57	3.51	3.44	3.41	3.38	3.34	3.30	3.27	3.23
	8	5.32	4.46	4.07	3.84	3.69	3.58	3.50	3.44	3.39	3.35	3.28	3.22	3.15	3.12	3.08	3.04	3.01	2.97	2.93
	9	5.12	4.26	3.86	3.63	3.48	3.37	3.29	3.23	3.18	3.14	3.07	3.01	2.94	2.90	2.86	2.83	2.79	2.75	2.71
	10	4.96	4.10	3.71	3.48	3.33	3.22	3.14	3.07	3.02	2.98	2.91	2.85	2.77	2.74	2.70	2.66	2.62	2.58	2.54
	11	4.84	3.98	3.59	3.36	3.20	3.09	3.01	2.95	2.90	2.85	2.79	2.72	2.65	2.61	2.57	2.53	2.49	2.45	2.40
	12	4.75	3.89	3.49	3.26	3.11	3.00	2.91	2.85	2.80	2.75	2.69	2.62	2.54	2.51	2.47	2.43	2.38	2.34	2.30
	13	4.67	3.81	3.41	3.18	3.03	2.92	2.83	2.77	2.71	2.67	2.60	2.53	2.46	2.42	2.38	2.34	2.30	2.25	2.21
	14	4.60	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.70	2.65	2.60	2.53	2.46	2.39	2.35	2.31	2.27	2.22	2.18	2.13
	15	4.54	3.68	3.29	3.06	2.90	2.79	2.71	2.64	2.59	2.54	2.48	2.40	2.33	2.29	2.25	2.20	2.16	2.11	2.07
	16	4.49	3.63	3.24	3.01	2.85	2.74	2.66	2.59	2.54	2.49	2.42	2.35	2.28	2.24	2.19	2.15	2.11	2.06	2.01
	17	4.45	3.59	3.20	2.96	2.81	2.70	2.61	2.55	2.49	2.45	2.38	2.31	2.23	2.19	2.15	2.10	2.06	2.01	1.96
	18	4.41	3.55	3.16	2.93	2.77	2.66	2.58	2.51	2.46	2.41	2.34	2.27	2.19	2.15	2.11	2.06	2.02	1.97	1.92
	19	4.38	3.52	3.13	2.90	2.74	2.63	2.54	2.48	2.42	2.38	2.31	2.23	2.16	2.11	2.07	2.03	1.98	1.93	1.88
	20	4.35	3.49	3.10	2.87	2.71	2.60	2.51	2.45	2.39	2.35	2.28	2.20	2.12	2.08	2.04	1.99	1.95	1.90	1.84
	21	4.32	3.47	3.07	2.84	2.68	2.57	2.49	2.42	2.37	2.32	2.25	2.18	2.10	2.05	2.01	1.96	1.92	1.87	1.81
	22	4.30	3.44	3.05	2.82	2.66	2.55	2.46	2.40	2.34	2.30	2.23	2.15	2.07	2.03	1.98	1.94	1.89	1.84	1.78
	23	4.28	3.42	3.03	2.80	2.64	2.53	2.44	2.37	2.32	2.27	2.20	2.13	2.05	2.01	1.96	1.91	1.86	1.81	1.76
	24	4.26	3.40	3.01	2.78	2.62	2.51	2.42	2.36	2.30	2.25	2.18	2.11	2.03	1.98	1.94	1.89	1.84	1.79	1.73
	25	4.24	3.39	2.99	2.76	2.60	2.49	2.40	2.34	2.28	2.24	2.16	2.09	2.01	1.96	1.92	1.87	1.82	1.77	1.71
	26	4.23	3.37	2.98	2.74	2.59	2.47	2.39	2.32	2.27	2.22	2.15	2.07	1.99	1.95	1.90	1.85	1.80	1.75	1.69
	27	4.21	3.35	2.96	2.73	2.57	2.46	2.37	2.31	2.25	2.20	2.13	2.06	1.97	1.93	1.88	1.84	1.79	1.73	1.67
	28	4.20	3.34	2.95	2.71	2.56	2.45	2.36	2.29	2.24	2.19	2.12	2.04	1.96	1.91	1.87	1.82	1.77	1.71	1.65
	29	4.18	3.33	2.93	2.70	2.55	2.43	2.35	2.28	2.22	2.18	2.10	2.03	1.94	1.90	1.85	1.81	1.75	1.70	1.64
	30	4.17	3.32	2.92	2.69	2.53	2.42	2.33	2.27	2.21	2.16	2.09	2.01	1.93	1.89	1.84	1.79	1.74	1.68	1.62
	40	4.08	3.23	2.84	2.61	2.45	2.34	2.25	2.18	2.12	2.08	2.00	1.92	1.84	1.79	1.74	1.69	1.64	1.58	1.51
	60	4.00	3.15	2.76	2.53	2.37	2.25	2.17	2.10	2.04	1.99	1.92	1.84	1.75	1.70	1.65	1.59	1.53	1.47	1.39
	120	3.92	3.07	2.68	2.45	2.29	2.17	2.09	2.02	1.96	1.91	1.83	1.75	1.66	1.61	1.55	1.55	1.43	1.35	1.25
	∞	3.84	3.00	2.60	2.37	2.21	2.10	2.01	1.94	1.88	1.83	1.75	1.67	1.57	1.52	1.46	1.39	1.32	1.22	1.00

ตารางที่ 1 การแจกแจงเอฟ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.10 (ต่อ)

		$F_{0.10, \nu_1, \nu_2}$																			
		Degrees of Freedom for the Numerator (ν_1)																			
ν_2	ν_1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	24	30	40	60	120	∞	
Degrees of Freedom for the Denominator (ν_2)	1	39.86	49.50	53.59	55.83	57.24	58.20	58.91	59.44	59.86	60.19	60.71	61.22	61.74	62.00	62.26	62.53	62.79	63.06	63.33	
	2	8.53	9.00	9.16	9.24	9.29	9.33	9.35	9.37	9.38	9.39	9.41	9.42	9.44	9.45	9.46	9.47	9.47	9.48	9.48	9.49
	3	5.54	5.46	5.39	5.34	5.31	5.28	5.27	5.25	5.24	5.23	5.22	5.20	5.18	5.18	5.17	5.16	5.15	5.14	5.14	5.13
	4	4.54	4.32	4.19	4.11	4.05	4.01	3.98	3.95	3.94	3.92	3.90	3.87	3.84	3.84	3.83	3.82	3.80	3.79	3.78	3.76
	5	4.06	3.78	3.62	3.52	3.45	3.40	3.37	3.34	3.32	3.30	3.27	3.24	3.21	3.19	3.17	3.16	3.14	3.14	3.12	3.10
	6	3.78	3.46	3.29	3.18	3.11	3.05	3.01	2.98	2.96	2.94	2.90	2.87	2.84	2.82	2.80	2.78	2.76	2.74	2.74	2.72
	7	3.59	3.26	3.07	2.96	2.88	2.83	2.78	2.75	2.72	2.70	2.67	2.63	2.59	2.58	2.56	2.54	2.51	2.49	2.49	2.47
	8	3.46	3.11	2.92	2.81	2.73	2.67	2.62	2.59	2.56	2.54	2.50	2.46	2.42	2.40	2.38	2.36	2.34	2.32	2.32	2.29
	9	3.36	3.01	2.81	2.69	2.61	2.55	2.51	2.47	2.44	2.42	2.38	2.34	2.30	2.28	2.25	2.23	2.21	2.18	2.18	2.16
	10	3.29	2.92	2.73	2.61	2.52	2.46	2.41	2.38	2.35	2.32	2.28	2.24	2.20	2.18	2.16	2.13	2.11	2.08	2.08	2.06
	11	3.23	2.86	2.66	2.54	2.45	2.39	2.34	2.30	2.27	2.25	2.21	2.17	2.12	2.10	2.08	2.05	2.03	2.00	2.00	1.97
	12	3.18	2.81	2.61	2.48	2.39	2.33	2.28	2.24	2.21	2.19	2.15	2.10	2.06	2.04	2.01	1.99	1.96	1.93	1.93	1.90
	13	3.14	2.76	2.56	2.43	2.35	2.28	2.23	2.20	2.16	2.14	2.10	2.05	2.01	1.98	1.96	1.93	1.90	1.88	1.88	1.85
	14	3.10	2.73	2.52	2.39	2.31	2.24	2.19	2.15	2.12	2.10	2.05	2.01	1.96	1.94	1.91	1.89	1.86	1.83	1.83	1.80
	15	3.07	2.70	2.49	2.36	2.27	2.21	2.16	2.12	2.09	2.06	2.02	1.97	1.92	1.90	1.87	1.85	1.82	1.79	1.79	1.76
	16	3.05	2.67	2.46	2.33	2.24	2.18	2.13	2.09	2.06	2.03	1.99	1.94	1.89	1.87	1.84	1.81	1.78	1.75	1.75	1.72
	17	3.03	2.64	2.44	2.31	2.22	2.15	2.10	2.06	2.03	2.00	1.96	1.91	1.86	1.84	1.81	1.78	1.75	1.72	1.72	1.69
	18	3.01	2.62	2.42	2.29	2.20	2.13	2.08	2.04	2.00	1.98	1.93	1.89	1.84	1.81	1.78	1.75	1.72	1.69	1.69	1.66
	19	2.99	2.61	2.40	2.27	2.18	2.11	2.06	2.02	1.98	1.96	1.91	1.86	1.81	1.79	1.76	1.73	1.70	1.67	1.67	1.63
	20	2.97	2.59	2.38	2.25	2.16	2.09	2.04	2.00	1.96	1.94	1.89	1.84	1.79	1.77	1.74	1.71	1.68	1.64	1.64	1.61
	21	2.96	2.57	2.36	2.23	2.14	2.08	2.02	1.98	1.95	1.92	1.87	1.83	1.78	1.75	1.72	1.69	1.66	1.62	1.62	1.59
	22	2.95	2.56	2.35	2.22	2.13	2.06	2.01	1.97	1.93	1.90	1.86	1.81	1.76	1.73	1.70	1.67	1.64	1.60	1.60	1.57
	23	2.94	2.55	2.34	2.21	2.11	2.05	1.99	1.96	1.92	1.89	1.84	1.80	1.74	1.72	1.69	1.66	1.62	1.59	1.59	1.55
	24	2.93	2.54	2.33	2.19	2.10	2.04	1.98	1.94	1.91	1.88	1.83	1.78	1.73	1.70	1.67	1.64	1.61	1.57	1.57	1.53
	25	2.92	2.53	2.32	2.18	2.09	2.02	1.97	1.93	1.89	1.87	1.82	1.77	1.72	1.69	1.66	1.63	1.59	1.56	1.56	1.52
	26	2.91	2.52	2.31	2.17	2.08	2.01	1.96	1.92	1.88	1.86	1.81	1.76	1.71	1.68	1.65	1.61	1.58	1.54	1.54	1.50
	27	2.90	2.51	2.30	2.17	2.07	2.00	1.95	1.91	1.87	1.85	1.80	1.75	1.70	1.67	1.64	1.60	1.57	1.53	1.53	1.49
	28	2.89	2.50	2.29	2.16	2.06	2.00	1.94	1.90	1.87	1.84	1.79	1.74	1.69	1.66	1.63	1.59	1.56	1.52	1.52	1.48
	29	2.89	2.50	2.28	2.15	2.06	1.99	1.93	1.89	1.86	1.83	1.78	1.73	1.68	1.65	1.62	1.58	1.55	1.51	1.51	1.47
	30	2.88	2.49	2.28	2.14	2.03	1.98	1.93	1.88	1.85	1.82	1.77	1.72	1.67	1.64	1.61	1.57	1.54	1.50	1.50	1.46
40	2.84	2.44	2.23	2.09	2.00	1.93	1.87	1.83	1.79	1.76	1.71	1.66	1.61	1.57	1.54	1.51	1.47	1.42	1.42	1.38	
60	2.79	2.39	2.18	2.04	1.95	1.87	1.82	1.77	1.74	1.71	1.66	1.60	1.54	1.51	1.48	1.44	1.40	1.35	1.35	1.29	
120	2.75	2.35	2.13	1.99	1.90	1.82	1.77	1.72	1.68	1.65	1.60	1.55	1.48	1.45	1.41	1.37	1.32	1.26	1.26	1.19	
∞	2.71	2.30	2.08	1.94	1.85	1.77	1.72	1.67	1.63	1.60	1.55	1.49	1.42	1.38	1.34	1.30	1.24	1.17	1.17	1.00	

ตารางที่ 2 การแจกแจงที

$\nu \backslash \alpha$.40	.25	.10	.05	.025	.01	.005	.0025	.001	.0005
1	.325	1.000	3.078	6.314	12.706	31.821	63.657	127.32	318.31	636.62
2	.289	.816	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	14.089	23.326	31.598
3	.277	.765	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	7.453	10.213	12.924
4	.271	.741	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	5.598	7.173	8.610
5	.267	.727	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	4.773	5.893	6.869
6	.265	.727	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	4.317	5.208	5.959
7	.263	.711	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	4.019	4.785	5.408
8	.262	.706	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	3.833	4.501	5.041
9	.261	.703	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	3.690	4.297	4.781
10	.260	.700	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	3.581	4.144	4.587
11	.260	.697	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	3.497	4.025	4.437
12	.259	.695	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	3.428	3.930	4.318
13	.259	.694	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	3.372	3.852	4.221
14	.258	.692	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	3.326	3.787	4.140
15	.258	.691	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	3.286	3.733	4.073
16	.258	.690	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	3.252	3.686	4.015
17	.257	.689	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.222	3.646	3.965
18	.257	.688	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	3.197	3.610	3.922
19	.257	.688	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	3.174	3.579	3.883
20	.257	.687	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	3.153	3.552	3.850
21	.257	.686	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	3.135	3.527	3.819
22	.256	.686	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	3.119	3.505	3.792
23	.256	.685	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	3.104	3.485	3.767
24	.256	.685	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	3.091	3.467	3.745
25	.256	.684	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	3.078	3.450	3.725
26	.256	.684	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	3.067	3.435	3.707
27	.256	.684	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	3.057	3.421	3.690
28	.256	.683	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	3.047	3.408	3.674
29	.256	.683	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	3.038	3.396	3.659
30	.256	.683	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	3.030	3.385	3.646
40	.255	.681	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	2.971	3.307	3.551
60	.254	.679	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660	2.915	3.232	3.460
120	.254	.677	1.289	1.658	1.980	2.358	2.617	2.860	3.160	3.373
∞	.253	.674	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576	2.807	3.090	3.291

ν = degrees of freedom.

^aAdapted with permission from *Biometrika Tables for Statisticians*, Vol. 1, 3rd edition, by E. S. Pearson and H. O. Hartley, Cambridge University Press, Cambridge, 1966.

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

Error df	Significance level	$p =$ number of means for range being tested													
		2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	14	16	18	20
16	.05	3.00	3.15	3.23	3.30	3.34	3.37	3.39	3.41	3.43	3.44	3.45	3.46	3.47	3.47
	.01	4.13	4.34	4.45	4.54	4.60	4.67	4.72	4.76	4.79	4.84	4.88	4.91	4.93	4.94
17	.05	2.98	3.13	3.22	3.28	3.33	3.36	3.38	3.40	3.42	3.44	3.45	3.46	3.47	3.47
	.01	4.10	4.30	4.41	4.50	4.56	4.63	4.68	4.72	4.75	4.80	4.83	4.86	4.88	4.89
18	.05	2.97	3.12	3.21	3.27	3.32	3.35	3.37	3.39	3.41	3.43	3.45	3.46	3.47	3.47
	.01	4.07	4.27	4.38	4.46	4.53	4.59	4.64	4.68	4.71	4.76	4.79	4.82	4.84	4.85
19	.05	2.96	3.11	3.19	3.26	3.31	3.35	3.37	3.39	3.41	3.43	3.44	3.46	3.47	3.47
	.01	4.05	4.24	4.35	4.43	4.50	4.56	4.61	4.64	4.67	4.72	4.76	4.79	4.81	4.82
20	.05	2.95	3.10	3.18	3.25	3.30	3.34	3.36	3.38	3.40	3.43	3.44	3.46	3.46	3.47
	.01	4.02	4.22	4.33	4.40	4.47	4.53	4.58	4.61	4.65	4.69	4.73	4.76	4.78	4.79
22	.05	2.93	3.08	3.17	3.24	3.29	3.32	3.35	3.37	3.39	3.42	3.44	3.45	3.46	3.47
	.01	3.99	4.17	4.28	4.36	4.42	4.48	4.53	4.57	4.60	4.65	4.68	4.71	4.74	4.75
24	.05	2.92	3.07	3.15	3.22	3.28	3.31	3.34	3.37	3.38	3.41	3.44	3.45	3.46	3.47
	.01	3.96	4.14	4.24	4.33	4.39	4.44	4.49	4.53	4.57	4.62	4.64	4.67	4.70	4.72
26	.05	2.91	3.06	3.14	3.21	3.27	3.30	3.34	3.36	3.38	3.41	3.43	3.45	3.46	3.47
	.01	3.93	4.11	4.21	4.30	4.36	4.41	4.46	4.50	4.53	4.58	4.62	4.65	4.67	4.69
28	.05	2.90	3.04	3.13	3.20	3.26	3.30	3.33	3.35	3.37	3.40	3.43	3.45	3.46	3.47
	.01	3.91	4.08	4.18	4.28	4.34	4.39	4.43	4.47	4.51	4.56	4.60	4.62	4.65	4.67
30	.05	2.89	3.04	3.12	3.20	3.25	3.29	3.32	3.35	3.37	3.40	3.43	3.44	3.46	3.47
	.01	3.89	4.06	4.16	4.22	4.32	4.36	4.41	4.45	4.48	4.54	4.58	4.61	4.63	4.65
40	.05	2.86	3.01	3.10	3.17	3.22	3.27	3.30	3.33	3.35	3.39	3.42	3.44	3.46	3.47
	.01	3.82	3.99	4.10	4.17	4.24	4.30	4.34	4.37	4.41	4.46	4.51	4.54	4.57	4.59
60	.05	2.83	2.98	3.08	3.14	3.20	3.24	3.28	3.31	3.33	3.37	3.40	3.43	3.45	3.47
	.01	3.76	3.92	4.03	4.12	4.17	4.23	4.27	4.31	4.34	4.39	4.44	4.47	4.50	4.53
100	.05	2.80	2.95	3.05	3.12	3.18	3.22	3.26	3.29	3.32	3.36	3.40	3.42	3.45	3.47
	.01	3.71	3.86	3.98	4.06	4.11	4.17	4.21	4.25	4.29	4.35	4.38	4.42	4.45	4.48
∞	.05	2.77	2.92	3.02	3.09	3.15	3.19	3.23	3.26	3.29	3.34	3.38	3.41	3.44	3.47
	.01	3.64	3.80	3.90	3.98	4.04	4.09	4.14	4.17	4.20	4.26	4.31	4.34	4.38	4.41

Error df	Significance level	p = number of means for range being tested													
		2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	14	16	18	20
16	.05	3.00	3.15	3.23	3.30	3.34	3.37	3.39	3.41	3.43	3.44	3.45	3.46	3.47	3.47
	.01	4.13	4.34	4.45	4.54	4.60	4.67	4.72	4.76	4.79	4.84	4.88	4.91	4.93	4.94
17	.05	2.98	3.13	3.22	3.28	3.33	3.36	3.38	3.40	3.42	3.44	3.45	3.46	3.47	3.47
	.01	4.10	4.30	4.41	4.50	4.56	4.63	4.68	4.72	4.75	4.80	4.83	4.86	4.88	4.89
18	.05	2.97	3.12	3.21	3.27	3.32	3.35	3.37	3.39	3.41	3.43	3.45	3.46	3.47	3.47
	.01	4.07	4.27	4.38	4.46	4.53	4.59	4.64	4.68	4.71	4.76	4.79	4.82	4.84	4.85
19	.05	2.96	3.11	3.19	3.26	3.31	3.35	3.37	3.39	3.41	3.43	3.44	3.46	3.47	3.47
	.01	4.05	4.24	4.35	4.43	4.50	4.56	4.61	4.64	4.67	4.72	4.76	4.79	4.81	4.82
20	.05	2.95	3.10	3.18	3.25	3.30	3.34	3.36	3.38	3.40	3.43	3.44	3.46	3.46	3.47
	.01	4.02	4.22	4.33	4.40	4.47	4.53	4.58	4.61	4.65	4.69	4.73	4.76	4.78	4.79
22	.05	2.93	3.08	3.17	3.24	3.29	3.32	3.35	3.37	3.39	3.42	3.44	3.45	3.46	3.47
	.01	3.99	4.17	4.28	4.36	4.42	4.48	4.53	4.57	4.60	4.65	4.68	4.71	4.74	4.75
24	.05	2.92	3.07	3.15	3.22	3.28	3.31	3.34	3.37	3.38	3.41	3.44	3.45	3.46	3.47
	.01	3.96	4.14	4.24	4.33	4.39	4.44	4.49	4.53	4.57	4.62	4.64	4.67	4.70	4.72
26	.05	2.91	3.06	3.14	3.21	3.27	3.30	3.34	3.36	3.38	3.41	3.43	3.45	3.46	3.47
	.01	3.93	4.11	4.21	4.30	4.36	4.41	4.46	4.50	4.53	4.58	4.62	4.65	4.67	4.69
28	.05	2.90	3.04	3.13	3.20	3.26	3.30	3.33	3.35	3.37	3.40	3.43	3.45	3.46	3.47
	.01	3.91	4.08	4.18	4.28	4.34	4.39	4.43	4.47	4.51	4.56	4.60	4.62	4.65	4.67
30	.05	2.89	3.04	3.12	3.20	3.25	3.29	3.32	3.35	3.37	3.40	3.43	3.44	3.46	3.47
	.01	3.89	4.06	4.16	4.22	4.32	4.36	4.41	4.45	4.48	4.54	4.58	4.61	4.63	4.65
40	.05	2.86	3.01	3.10	3.17	3.22	3.27	3.30	3.33	3.35	3.39	3.42	3.44	3.46	3.47
	.01	3.82	3.99	4.10	4.17	4.24	4.30	4.34	4.37	4.41	4.46	4.51	4.54	4.57	4.59
60	.05	2.83	2.98	3.08	3.14	3.20	3.24	3.28	3.31	3.33	3.37	3.40	3.43	3.45	3.47
	.01	3.76	3.92	4.03	4.12	4.17	4.23	4.27	4.31	4.34	4.39	4.44	4.47	4.50	4.53
100	.05	2.80	2.95	3.05	3.12	3.18	3.22	3.26	3.29	3.32	3.36	3.40	3.42	3.45	3.47
	.01	3.71	3.86	3.98	4.06	4.11	4.17	4.21	4.25	4.29	4.35	4.38	4.42	4.45	4.48
∞	.05	2.77	2.92	3.02	3.09	3.15	3.19	3.23	3.26	3.29	3.34	3.38	3.41	3.44	3.47
	.01	3.64	3.80	3.90	3.98	4.04	4.09	4.14	4.17	4.20	4.26	4.31	4.34	4.38	4.41

ตารางที่ 4 ค่าวิกฤตสถิติเวเนไดซ์

Error df	α	$p = \text{number of}$									
		2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
5	.05	3.64	4.60	5.22	5.67	6.03	6.33	6.58	6.80	6.99	7.17
	.01	5.70	6.97	7.80	8.42	8.91	9.32	9.67	9.97	10.24	10.48
6	.05	3.46	4.34	4.90	5.31	5.63	5.89	6.12	6.32	6.49	6.65
	.01	5.24	6.33	7.03	7.56	7.97	8.32	8.61	8.87	9.10	9.30
7	.05	3.34	4.16	4.68	5.06	5.36	5.61	5.82	6.00	6.16	6.30
	.01	4.95	5.92	6.54	7.01	7.37	7.68	7.94	8.17	8.37	8.55
8	.05	3.26	4.04	4.53	4.89	5.17	5.40	5.60	5.77	5.92	6.05
	.01	4.74	5.63	6.20	6.63	6.96	7.24	7.47	7.68	7.87	8.03
9	.05	3.20	3.95	4.42	4.76	5.02	5.24	5.43	5.60	5.74	5.87
	.01	4.60	5.43	5.96	6.35	6.66	6.91	7.13	7.32	7.49	7.65
10	.05	3.15	3.88	4.33	4.65	4.91	5.12	5.30	5.46	5.60	5.72
	.01	4.48	5.27	5.77	6.14	6.43	6.67	6.87	7.05	7.21	7.36
11	.05	3.11	3.82	4.26	4.57	4.82	5.03	5.20	5.35	5.49	5.61
	.01	4.39	5.14	5.62	5.97	6.25	6.48	6.67	6.84	6.99	7.13
12	.05	3.08	3.77	4.20	4.51	4.75	4.95	5.12	5.27	5.40	5.51
	.01	4.32	5.04	5.50	5.84	6.10	6.32	6.51	6.67	6.81	6.94
13	.05	3.06	3.73	4.15	4.45	4.69	4.88	5.05	5.19	5.32	5.43
	.01	4.26	4.96	5.40	5.73	5.98	6.19	6.37	6.53	6.67	6.79
14	.05	3.03	3.70	4.11	4.41	4.64	4.83	4.99	5.13	5.25	5.36
	.01	4.21	4.89	5.32	5.63	5.88	6.08	6.26	6.41	6.54	6.66
15	.05	3.01	3.67	4.08	4.37	4.60	4.78	4.94	5.08	5.20	5.31
	.01	4.17	4.83	5.25	5.56	5.80	5.99	6.16	6.31	6.44	6.55
16	.05	3.00	3.65	4.05	4.33	4.56	4.74	4.90	5.03	5.15	5.26
	.01	4.13	4.78	5.19	5.49	5.72	5.92	6.08	6.22	6.35	6.46
17	.05	2.98	3.63	4.02	4.30	4.52	4.71	4.86	4.99	5.11	5.21
	.01	4.10	4.74	5.14	5.43	5.66	5.85	6.01	6.15	6.27	6.38
18	.05	2.97	3.61	4.00	4.28	4.49	4.67	4.82	4.96	5.07	5.17
	.01	4.07	4.70	5.09	5.38	5.60	5.79	5.94	6.08	6.20	6.31
19	.05	2.96	3.59	3.98	4.25	4.47	4.65	4.79	4.92	5.04	5.14
	.01	4.05	4.67	5.05	5.33	5.55	5.73	5.89	6.02	6.14	6.25
20	.05	2.95	3.58	3.96	4.23	4.45	4.62	4.77	4.90	5.01	5.11
	.01	4.02	4.64	5.02	5.29	5.51	5.69	5.84	5.97	6.09	6.19
24	.05	2.92	3.53	3.90	4.17	4.37	4.54	4.68	4.81	4.92	5.01
	.01	3.96	4.54	4.91	5.17	5.37	5.54	5.69	5.81	5.92	6.02
30	.05	2.89	3.49	3.84	4.10	4.30	4.46	4.60	4.72	4.83	4.92
	.01	3.89	4.45	4.80	5.05	5.24	5.40	5.54	5.65	5.76	5.85
40	.05	2.86	3.44	3.79	4.04	4.23	4.39	4.52	4.63	4.74	4.82
	.01	3.82	4.37	4.70	4.93	5.11	5.27	5.39	5.50	5.60	5.69
60	.05	2.83	3.40	3.74	3.98	4.16	4.31	4.44	4.55	4.65	4.73
	.01	3.76	4.28	4.60	4.82	4.99	5.13	5.25	5.36	5.45	5.53
120	.05	2.80	3.36	3.69	3.92	4.10	4.24	4.36	4.48	4.56	4.64
	.01	3.70	4.20	4.50	4.71	4.87	5.01	5.12	5.21	5.30	5.38
∞	.05	2.77	3.31	3.63	3.86	4.03	4.17	4.29	4.39	4.47	4.55
	.01	3.64	4.12	4.40	4.60	4.76	4.88	4.99	5.08	5.16	5.23

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 4 ค่าวิกฤตสถิติเวเนไดซ์ (ต่อ)

treatment means									α	Error df
12	13	14	15	16	17	18	19	20		
7.32	7.47	7.60	7.72	7.83	7.93	8.03	8.12	8.21	.05	5
10.70	10.89	11.08	11.24	11.40	11.55	11.68	11.81	11.93	.01	
6.79	6.92	7.03	7.14	7.24	7.34	7.43	7.51	7.59	.05	6
9.49	9.65	9.81	9.95	10.08	10.21	10.32	10.43	10.54	.01	
6.43	6.55	6.66	6.76	6.85	6.94	7.02	7.09	7.17	.05	7
8.71	8.86	9.00	9.12	9.24	9.35	9.46	9.55	9.65	.01	
6.18	6.29	6.39	6.48	6.57	6.65	6.73	6.80	6.87	.05	8
8.18	8.31	8.44	8.55	8.66	8.76	8.85	8.94	9.03	.01	
5.98	6.09	6.19	6.28	6.36	6.44	6.51	6.58	6.64	.05	9
7.78	7.91	8.03	8.13	8.23	8.32	8.41	8.49	8.57	.01	
5.83	5.93	6.03	6.11	6.20	6.27	6.34	6.40	6.47	.05	10
7.48	7.60	7.71	7.81	7.91	7.99	8.07	8.15	8.22	.01	
5.71	5.81	5.90	5.99	6.06	6.14	6.20	6.26	6.33	.05	11
7.25	7.36	7.46	7.56	7.65	7.73	7.81	7.88	7.95	.01	
5.62	5.71	5.80	5.88	5.95	6.03	6.09	6.15	6.21	.05	12
7.06	7.17	7.26	7.36	7.44	7.52	7.59	7.66	7.73	.01	
5.53	5.63	5.71	5.79	5.86	5.93	6.00	6.05	6.11	.05	13
6.90	7.01	7.10	7.19	7.27	7.34	7.42	7.48	7.55	.01	
5.46	5.55	5.64	5.72	5.79	5.85	5.92	5.97	6.03	.05	14
6.77	6.87	6.96	7.05	7.12	7.20	7.27	7.33	7.39	.01	
5.40	5.49	5.58	5.65	5.72	5.79	5.85	5.90	5.96	.05	15
6.66	6.76	6.84	6.93	7.00	7.07	7.14	7.20	7.26	.01	
5.35	5.44	5.52	5.59	5.66	5.72	5.79	5.84	5.90	.05	16
6.56	6.66	6.74	6.82	6.90	6.97	7.03	7.09	7.15	.01	
5.31	5.39	5.47	5.55	5.61	5.68	5.74	5.79	5.84	.05	17
6.48	6.57	6.66	6.73	6.80	6.87	6.94	7.00	7.05	.01	
5.27	5.35	5.43	5.50	5.57	5.63	5.69	5.74	5.79	.05	18
6.41	6.50	6.58	6.65	6.72	6.79	6.85	6.91	6.96	.01	
5.23	5.32	5.39	5.46	5.53	5.59	5.65	5.70	5.75	.05	19
6.34	6.43	6.51	6.58	6.65	6.72	6.78	6.84	6.89	.01	
5.20	5.28	5.36	5.43	5.49	5.55	5.61	5.66	5.71	.05	20
6.29	6.37	6.45	6.52	6.59	6.65	6.71	6.76	6.82	.01	
5.10	5.18	5.25	5.32	5.38	5.44	5.50	5.54	5.59	.05	24
6.11	6.19	6.26	6.33	6.39	6.45	6.51	6.56	6.61	.01	
5.00	5.08	5.15	5.21	5.27	5.33	5.38	5.43	5.48	.05	30
5.93	6.01	6.08	6.14	6.20	6.26	6.31	6.36	6.41	.01	
4.91	4.98	5.05	5.11	5.16	5.22	5.27	5.31	5.36	.05	40
5.77	5.84	5.90	5.96	6.02	6.07	6.12	6.17	6.21	.01	
4.81	4.88	4.94	5.00	5.06	5.11	5.16	5.20	5.24	.05	60
5.60	5.67	5.73	5.79	5.84	5.89	5.93	5.98	6.02	.01	
4.72	4.78	4.84	4.90	4.95	5.00	5.05	5.09	5.13	.05	120
5.44	5.51	5.56	5.61	5.66	5.71	5.75	5.79	5.83	.01	
4.62	4.68	4.74	4.80	4.85	4.89	4.93	4.97	5.01	.05	∞
5.29	5.35	5.40	5.45	5.49	5.54	5.57	5.61	5.65	.01	

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 5 ความน่าจะเป็นหางบนที่เลือกสำหรับการแจกแจงของตัวสถิติ S ของพรีดแมน

Additional upper-tail probabilities can be found in Odeh (1977a) and Hollander and Wolfe (1973).
For given k and n , the table entry for the point x is $P_0\{S \geq x\}$. Under these conditions, if x is such that $P_0\{S \geq x\} = \alpha$, then $s_\alpha = x$.

$k = 3$								
n	x	$P_0\{S \geq x\}$	n	x	$P_0\{S \geq x\}$	n	x	$P_0\{S \geq x\}$
2	4	.167	5	4.8	.124	6	4.333	.142
3	4.667	.194		5.2	.093		5.333	.072
	6	.028		6.4	.039		6.333	.052
4	4.5	.125		7.6	.024		7	.029
	6	.069		8.4	.008		8.333	.012
	6.5	.042		10	.001		9	.008
	8	.005					9.333	.006
							10.333	.002
							12	<.0005
7	4.571	.112	10	4.2	.135	12	6.167	.051
	5.429	.085		5	.092		6.5	.038
	6	.051		5.4	.078		7.167	.027
	7.143	.027		5.6	.066		8	.020
	7.714	.021		6.2	.046		8.167	.017
	8	.016		7.2	.030		8.667	.011
	8.857	.008		7.4	.026		9.5	.007
	10.286	.004		7.8	.018		10.167	.005
	10.571	.003		8.6	.012		10.5	.004
	11.143	.001		9.6	.007		10.667	.003
	12.286	<.0005		9.8	.006		11.167	.002
				10.4	.003		12.167	.002
8	4.75	.120		11.4	.002		12.5	.001
	5.25	.079		12.2	.001		12.667	.001
	6.25	.047		12.6	.001		13.167	.001
	6.75	.038		12.8	.001		13.5	<.0005
	7	.030		13.4	<.0005			
	7.75	.018				13	4.308	.129
	9	.010	11	4.909	.100		4.769	.098
	9.25	.008		5.091	.087		5.538	.073
	9.75	.005		5.636	.062		5.692	.065
	10.75	.002		6.545	.043		6	.050
	12	.001		6.727	.038		6.615	.037
	12.25	.001		7.091	.027		7.385	.028
	13	<.0005		7.818	.019		7.538	.025
				8.727	.013		8	.016
9	4.667	.107		8.909	.011		8.769	.012
	5.556	.069		9.455	.006		9.385	.009
	6	.057		10.364	.004		9.692	.007
	6.222	.048		11.091	.003		9.846	.005
	6.889	.031		11.455	.002		10.308	.004
	8	.019		11.636	.001		11.231	.003
	8.222	.016		12.182	.001		11.538	.002
	8.667	.010		13.273	.001		11.692	.002
	9.556	.006		13.636	<.0005		12.154	.001
	10.667	.004					12.462	.001
	10.889	.003	12	4.667	.108		12.923	.001
	11.556	.001		5.167	.080		14	.001
	12.667	.001		6	.058		14.308	<.0005
	13.556	<.0005						

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 5 ความน่าจะเป็นหางบนที่เลือกสำหรับการแจกแจงของตัวสถิติ S ของพรีดแมน (ต่อ)

$k = 4$

n	x	$P_0\{S \geq x\}$	n	x	$P_0\{S \geq x\}$	n	x	$P_0\{S \geq x\}$
2	5.4	.167	4	6.0	.105	4	8.4	.019
	6	.042		6.3	.094		8.7	.014
3	5.8	.148		6.6	.077	9.3	.012	
	6.6	.075	6.9	.068	9.6	.007		
	7	.054	7.2	.054	9.9	.006		
	7.4	.033	7.5	.052	10.2	.003		
	8.2	.017	7.8	.036	10.8	.002		
5	9	.002	8.1	.033	11.1	.001		
	6.12	.107	6	12	.002	12.0	<.0005	
	6.36	.093		12.2	.002	7.35	.058	
	6.84	.075		12.6	.001	7.50	.051	
	7.08	.067		12.8	.001	7.65	.049	
	7.32	.055		13	.001	7.80	.046	
	7.80	.044		13.2	.001	7.95	.042	
	8.04	.034		13.4	.001	8.10	.038	
	8.28	.031		13.6	<.0005	8.25	.037	
	8.76	.023		7	6.257	.100	8.55	.031
9	.020	6.429			.093	8.70	.028	
9.24	.017	6.6	.085		8.85	.025		
9.72	.012	6.943	.073		9	.023		
9.96	.009	7.114	.063		9.15	.022		
10.20	.007	7.286	.056		9.45	.019		
10.48	.005	7.629	.052		9.60	.016		
10.92	.003	7.8	.041		9.75	.015		
11.16	.002	7.971	.038		9.90	.014		
11.64	.002	8.314	.035		10.05	.014		
11.88	.002	8.486	.033	10.20	.011			
12.12	.001	8.657	.030	10.35	.011			
12.60	.001	9	.023	10.50	.009			
12.84	<.0005	9.171	.020	10.65	.009			
6	6.2	.108	9.686	.015	10.80	.008		
	6.4	.089	9.857	.013	10.95	.008		
	6.6	.088	10.029	.012	11.10	.006		
	6.8	.073	10.371	.010	11.10	.006		
	7	.066	10.543	.009	11.25	.006		
	7.2	.060	10.714	.008	11.40	.005		
	7.4	.056	11.057	.007	11.40	.005		
	7.6	.043	11.229	.005	11.55	.005		
	7.8	.041	11.4	.004	11.85	.004		
	8.0	.037	11.743	.004	12	.004		
	8.2	.035	11.914	.003	12.15	.004		
	8.4	.032	12.086	.003	12.30	.003		
	8.6	.029	12.429	.002	12.45	.003		
	8.8	.023	12.6	.002	12.60	.002		
	9.0	.022	12.771	.002	12.75	.002		
	9.4	.017	13.114	.001	12.90	.002		
	9.6	.014	13.286	.001	13.05	.002		
	9.8	.013	13.457	.001	13.20	.002		
	10	.010	13.8	.001	13.35	.001		
	10.2	.010	13.971	.001	13.50	.001		
10.4	.009	14.143	.001	13.65	.001			
10.6	.007	14.486	<.0005	13.80	.001			
10.8	.006	8	6.30	.100	13.95	.001		
11	.006		6.45	.094	14.25	.001		
11.4	.004		6.60	.081	14.40	.001		
11.6	.003		6.75	.079	14.55	.001		
11.8	.003		7.05	.068	14.70	.001		
			7.20	.060	14.85	<.0005		

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 5 ความน่าจะเป็นหางบนที่เลือกสำหรับการแจกแจงของตัวสถิติ S ของพรีดแมน (ต่อ)

$k = 5$								
n	x	$P_0\{S \geq x\}$	n	x	$P_0\{S \geq x\}$	n	x	$P_0\{S \geq x\}$
3	7.2	.117	5	7.52	.107	6	7.6	.1025
	7.467	.096		7.68	.094		7.733	.0952
	7.733	.080		7.84	.089		8.133	.0800
	8	.063		8	.082		8.267	.0742
	8.267	.056		8.16	.077		8.933	.0550
	8.533	.045		8.32	.073		9.067	.0491
	8.8	.038		8.48	.066		10.267	.0265
	9.067	.028		8.64	.058		10.4	.0235
	9.333	.026		8.80	.056		11.733	.0109
	9.6	.017		8.96	.049		11.867	.0099
	9.867	.015		9.12	.046		12.933	.0051
	10.133	.008		9.28	.042		13.067	.0044
	10.4	.005		9.44	.038		15.067	.0010
	10.667	.004		9.60	.035			
10.933	.003	9.76	.032	7	7.657	.1025		
11.467	.001	9.92	.029		7.771	.0941		
12	<.0005	10.08	.026		8.229	.0775		
		10.24	.024		8.343	.0742		
4	7.4	.113	10.40	.022	9.029	.0527		
	7.6	.095	10.56	.019	9.143	.0494		
	7.8	.086	10.72	.018	10.400	.0261		
	8	.080	10.88	.015	10.514	.0247		
	8.2	.072	11.04	.013	12.114	.0100		
	8.4	.063	11.20	.012	13.143	.0054		
	8.6	.060	11.36	.012	13.257	.0048		
	8.8	.049	11.52	.010	15.543	.0010		
	9	.043	11.68	.009				
	9.2	.038	11.84	.008	8	7.6	.1039	
	9.4	.035	12	.007		7.7	.0999	
	9.6	.028	12.16	.006		8.3	.0765	
	9.8	.025	12.32	.006		8.4	.0708	
	10	.021	12.48	.005		9.1	.0521	
	10.2	.019	12.64	.004		9.2	.0499	
	10.4	.017	12.80	.004		10.5	.0256	
	10.6	.014	12.96	.003		10.6	.0247	
	10.8	.011	13.12	.003		12.2	.0104	
	11	.010	13.28	.003		12.3	.0099	
	11.2	.008	13.44	.002		13.4	.0050	
	11.4	.007	13.60	.002		15.9	.0010	
	11.6	.006	13.76	.002				
	11.8	.005	13.92	.002				
	12	.004	14.08	.001				
	12.2	.004	14.24	.001				
	12.4	.003	14.40	.001				
	12.6	.002	14.56	.001				
	12.8	.002	14.72	.001				
13	.001	14.88	.001					
13.2	.001	15.04	<.0005					
13.4	.001							
13.6	.001							
13.8	<.0005							

(continued)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 5 ความน่าจะเป็นหางบนที่เลือกสำหรับการแจกแจงของตัวสถิติ S ของฟรیدแมน (ต่อ)

k = 6								
n	x	$P_0\{S \geq x\}$	n	x	$P_0\{S \geq x\}$	n	x	$P_0\{S \geq x\}$
2	8	.1208	4	8.857	.1018	6	8.952	.1033
	8.286	.0875		9	.0943		9.048	.0990
	8.571	.0681		9.429	.0760		9.619	.0766
	8.857	.0514		9.571	.0723		9.714	.0733
	9.143	.0292		10.143	.0518		10.476	.0515
	9.429	.0167		10.286	.0474		10.571	.0491
	9.714	.0083		11.286	.0263		11.905	.0251
	10	.0014		11.429	.0237		12	.0238
3	8.524	.1122		12.571	.0109		13.524	.0103
	8.714	.0957		12.714	.0096		13.619	.0097
	9.095	.0769		12.857	.0085		14.667	.0051
	9.286	.0699	5	8.886	.1029		14.762	.0048
	9.667	.0560		9	.0986		17.048	.0010
	9.857	.0461		9.571	.0754			
	10.619	.0281		9.686	.0720			
	10.810	.0247		10.371	.0513			
	11.571	.0117		10.486	.0483			
	11.762	.0095		11.629	.0258			
	12.333	.0052		11.743	.0244			
	12.524	.0037	13.114	.0106				
	13.286	.0010	13.229	.0099				
			14.257	.0050				
			16.314	.0010				

Adapted, in part, from R. E. Odeh, Extended tables of the distribution of Friedman's S-statistic in the two-way layout, *Communications in Statistics—Simulation and Computation* 6, Marcel Dekker, Inc., N. Y. (1977a): 29–48, with the permission of the author and the editor of *Communications in Statistics—Simulation and Computation*, reprinted by courtesy of Marcel Dekker, Inc.

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 6 ค่าวิกฤตของการแจกแจงไคกำลังสอง

v	α									
	0.995	0.99	0.975	0.95	0.9	0.1	0.05	0.025	0.01	0.005
1	0.0 ⁴ 393	0.0 ³ 257	0.0 ³ 982	0.0 ² 393	0.016	2.706	3.841	5.024	6.635	7.879
2	0.010	0.020	0.051	0.103	0.211	4.605	5.991	7.378	9.210	10.597
3	0.072	0.115	0.216	0.352	0.584	6.251	7.815	9.348	11.345	12.838
4	0.207	0.297	0.484	0.711	1.064	7.779	9.488	11.143	13.277	14.860
5	0.412	0.554	0.831	1.145	1.610	9.236	11.070	12.833	15.086	16.750
6	0.676	0.872	1.237	1.635	2.204	10.645	12.592	14.449	16.812	18.548
7	0.989	1.239	1.690	2.167	2.833	12.017	14.067	16.013	18.475	20.278
8	1.344	1.646	2.180	2.733	3.490	13.362	15.507	17.535	20.090	21.955
9	1.735	2.088	2.700	3.325	4.168	14.684	16.919	19.023	21.666	23.589
10	2.156	2.558	3.247	3.940	4.865	15.987	18.307	20.483	23.209	25.188
11	2.603	3.053	3.816	4.575	5.578	17.275	19.675	21.920	24.725	26.757
12	3.074	3.571	4.404	5.226	6.304	18.549	21.026	23.337	26.217	28.300
13	3.565	4.107	5.009	5.892	7.042	19.812	22.362	24.736	27.688	29.819
14	4.075	4.660	5.629	6.571	7.790	21.064	23.685	26.119	29.141	31.319
15	4.601	5.229	6.262	7.261	8.547	22.307	24.996	27.488	30.578	32.801
16	5.142	5.812	6.908	7.962	9.312	23.542	26.296	28.845	32.000	34.267
17	5.697	6.408	7.564	8.672	10.085	24.769	27.587	30.191	33.409	35.718
18	6.265	7.015	8.231	9.390	10.865	25.989	28.869	31.526	34.805	37.156
19	6.844	7.633	8.907	10.117	11.651	27.204	30.144	32.852	36.191	38.582
20	7.434	8.260	9.591	10.851	12.443	28.412	31.410	34.170	37.566	39.997
21	8.034	8.897	10.283	11.591	13.240	29.615	32.671	35.479	38.932	41.401
22	8.643	9.542	10.982	12.338	14.041	30.813	33.924	36.781	40.289	42.796
23	9.260	10.196	11.689	13.091	14.848	32.007	35.172	38.076	41.638	44.181
24	9.886	10.856	12.401	13.848	15.659	33.196	36.415	39.364	42.980	45.559
25	10.520	11.524	13.120	14.611	16.473	34.382	37.652	40.646	44.314	46.928
26	11.160	12.198	13.844	15.379	17.292	35.563	38.885	41.923	45.642	48.290
27	11.808	12.879	14.573	16.151	18.114	36.741	40.113	43.195	46.963	49.645
28	12.461	13.565	15.308	16.928	18.939	37.916	41.337	44.461	48.278	50.993
29	13.121	14.256	16.047	17.708	19.768	39.087	42.557	45.722	49.588	52.336
30	13.787	14.953	16.791	18.493	20.599	40.256	43.773	46.979	50.892	53.672
31	14.458	15.655	17.539	19.281	21.434	41.422	44.985	48.232	52.191	55.003
32	15.134	16.362	18.291	20.072	22.271	42.585	46.194	49.480	53.486	56.328
33	15.815	17.074	19.047	20.867	23.110	43.745	47.400	50.725	54.776	57.648
34	16.501	17.789	19.806	21.664	23.952	44.903	48.602	51.966	56.061	58.964
35	17.192	18.509	20.569	22.465	24.797	46.059	49.802	53.203	57.342	60.275
36	17.887	19.233	21.336	23.269	25.643	47.212	50.998	54.437	58.619	61.581
37	18.586	19.960	22.106	24.075	26.492	48.363	52.192	55.668	59.892	62.883
38	19.289	20.691	22.878	24.884	27.343	49.513	53.384	56.896	61.162	64.181
39	19.996	21.426	23.654	25.695	28.196	50.660	54.572	58.120	62.428	65.476
40	20.707	22.164	24.433	26.509	29.051	51.805	55.758	59.342	63.691	66.766

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 7 ค่าวิกฤตที่เลือกสำหรับวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณทุกพหุพหุทรีทเมนต์แบบสองด้านของวิลคอก
 ชั้น-นิเมนยี-แมคโดนัล-ทอมสัน (ต่อ)

$k = 5$			$k = 6$		
n	r_α	α	n	r_α	α
2	8	.050	2	10	.033
3	10	.067	3	13	.030
	11	.018		14	.008
	12	.002	4	15	.047
4	12	.054		16	.018
	13	.020		17	.006
	14	.006	5	17	.047
5	14	.040		18	.022
	16	.006	19	.010	
6	15	.049	6	19	.040
	16	.028		20	.021
	17	.013	21	.010	
7	16	.052	7	20	.049
	17	.033		21	.032
	19	.009	23	.010	
8	18	.036	8	22	.039
	19	.022		23	.026
	20	.012	25	.008	
9	19	.037	9	23	.043
	20	.024		24	.030
	22	.008	26	.012	
10	20	.038	10	24	.047
	21	.025		26	.023
	23	.009	28	.009	
11	21	.038	11	26	.036
	22	.025		27	.026
	24	.010	29	.012	
12	22	.038	12	27	.039
	23	.025		28	.028
	25	.011	31	.009	
13	23	.035	13	28	.039
	24	.024		29	.028
	26	.011	32	.010	
14	24	.034	14	29	.040
	25	.024		30	.030
	27	.011	33	.011	
15	24	.045	15	30	.040
	26	.022		32	.023
	28	.010	34	.012	

(continued)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
 ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 7 ค่าวิกฤตที่เลือกสำหรับวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณทุกทรีทเมนต์แบบสองด้านของวิลคอก
 ชั้น-นิเมียนยี-แมคโดนัล-ทอมสัน (ต่อ)

$k = 9$			$k = 10$		
n	r_{α}	α	n	r_{α}	α
2	15	.069	2	17	.056
	16	.014		18	.011
3	20	.041	3	22	.057
	22	.005		23	.026
4	23	.064	4	24	.010
	24	.034		26	.060
	26	.008		27	.033
5	27	.040	5	29	.009
	28	.023		30	.047
	29	.013		31	.029
6	29	.058	6	33	.010
	30	.038		33	.051
	33	.008		34	.033
7	32	.046	7	37	.008
	33	.032		36	.047
	36	.008		37	.033
8	34	.049	8	40	.010
	36	.026		38	.052
	38	.012		40	.031
9	36	.050	9	43	.010
	38	.030		41	.046
	41	.010		43	.027
10	38	.050	10	46	.009
	40	.031		43	.047
	43	.011		45	.030
11	40	.048	11	49	.009
	42	.030		45	.049
	46	.009		47	.032
12	42	.046	12	51	.010
	44	.029		48	.040
	48	.009		50	.027
13	44	.042	13	54	.009
	46	.027		50	.039
	50	.009		52	.026
14	46	.041	14	56	.009
	48	.026		52	.039
	52	.009		54	.026
15	47	.046	15	58	.010
	50	.025		53	.045
	54	.009		56	.026
			60	.010	

(continued)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
 ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 7 ค่าวิกฤตที่เลือกสำหรับวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณทุกพหุคูณทุกพหุคูณแบบสองด้านของวิลคอก
 ซัน-นิเมนยี-แมคโดนัล-ทอมสัน (ต่อ)

$k = 11$			$k = 12$		
n	r_α	α	n	r_α	α
2	19	.045	2	21	.038
	20	.009		22	.008
3	25	.038	3	27	.053
	27	.007		28	.027
4	29	.057		29	.012
	30	.033	4	32	.055
	32	.010		33	.033
5	33	.055		35	.011
	34	.035	5	37	.042
	37	.008		38	.027
6	37	.045		40	.011
	38	.030	6	40	.059
	41	.008		42	.028
7	40	.049		45	.008
	41	.035	7	44	.050
	44	.011		46	.026
8	43	.046		49	.009
	44	.035	8	47	.050
	48	.009		49	.030
9	46	.043		52	.011
	47	.034	9	50	.048
	51	.009		52	.032
10	48	.047		56	.010
	50	.031	10	53	.047
	54	.009		55	.032
11	51	.040		59	.010
	53	.027	11	56	.043
	57	.009		58	.029
12	53	.043		62	.011
	55	.029	12	58	.048
	59	.011		61	.027
13	55	.046		65	.011
	57	.031	13	61	.043
	62	.010		63	.030
14	57	.045		68	.010
	60	.026	14	63	.046
	64	.011		66	.027
15	59	.046		71	.009
	62	.027	15	66	.040
	67	.009		68	.028
		73		.011	

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
 ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 7 ค่าวิกฤตที่เลือกสำหรับวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณทุกทรีทเมนต์แบบสองด้านของวิลคอก
 ชั้น-นิเมียนยี-แมคโดนัล-ทอมสัน (ต่อ)

$k = 13$			$k = 14$		
n	r_α	α	n	r_α	α
2	23	.032	2	25	.027
	24	.006		26	.005
3	30	.038	3	32	.052
	32	.009		33	.028
4	35	.054		35	.006
	36	.033	4	38	.053
	38	.012		39	.034
5	40	.049	5	41	.013
	41	.033		43	.057
	44	.009	45	.027	
6	44	.054	6	47	.012
	46	.027		48	.050
	49	.009	50	.026	
7	48	.051	7	53	.009
	50	.028		52	.053
	53	.010	54	.030	
8	52	.046	8	57	.012
	53	.035		56	.051
	57	.010	58	.031	
9	55	.048	9	62	.010
	57	.030		60	.047
	61	.010	62	.029	
10	58	.047	10	66	.010
	60	.032		63	.048
	65	.009	65	.033	
11	61	.046	11	70	.010
	63	.032		66	.049
	68	.010	69	.029	
12	64	.045	12	74	.009
	66	.032		69	.048
	71	.010	72	.030	
13	67	.041	13	77	.010
	69	.030		72	.047
	74	.011	75	.030	
14	69	.046	14	80	.011
	72	.028		75	.045
	77	.010	78	.028	
15	72	.040	15	84	.009
	74	.030		78	.043
	80	.010	81	.028	
				87	.010

(continued)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
 ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 7 ค่าวิกฤตที่เลือกสำหรับวิธีการเปรียบเทียบพหุคูณทุกทรีทเมนต์แบบสองด้านของวิลคอก
 ชั้น-นิเมียนยี-แมคโดนัล-ทอมสัน (ต่อ)

$k = 15$			$k = 15$		
n	r_{α}	α	n	r_{α}	α
2	26	.071	9	64	.052
	27	.024		67	.028
	28	.005		71	.011
3	35	.039	10	68	.049
	37	.010		71	.028
4	41	.053		75	.011
	42	.035	11	72	.043
	45	.008		74	.032
5	47	.046	79	.011	
	48	.033	12	75	.045
	51	.010		78	.028
6	52	.047	83	.010	
	53	.035	13	78	.046
	57	.009		81	.030
7	56	.055	87	.009	
	58	.032	14	81	.046
	62	.010		84	.030
8	60	.056	90	.010	
	63	.027	15	84	.043
	67	.009		87	.029
			94	.009	

Adapted, in part, from B. J. McDonald and W. A. Thompson, Jr., Rank sum multiple comparisons in one- and two-way classifications, *Biometrika* 54 (1967): 487-497, by permission of Oxford University Press on behalf of the *Biometrika* trustees, and, in part (the starred values), from P. Nemenyi, Distribution-free multiple comparisons, Ph. D. thesis, Princeton University (1963), with the permission of the author.

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
 ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 8 ค่าวิกฤตที่เลือกสำหรับพิสัยของตัวแปร $N(0,1)$ ที่เป็นอิสระกัน k ตัว

For a given k and α , the table entry is q_α .

k	α								
	.0001	.0005	.001	.005	.01	.025	.05	.10	.20
2	5.502	4.923	4.654	3.970	3.643	3.170	2.772	2.326	1.812
3	5.864	5.316	5.063	4.424	4.120	3.682	3.314	2.902	2.424
4	6.083	5.553	5.309	4.694	4.403	3.984	3.633	3.240	2.784
5	6.240	5.722	5.484	4.886	4.603	4.197	3.858	3.478	3.037
6	6.362	5.853	5.619	5.033	4.757	4.361	4.030	3.661	3.232
7	6.461	5.960	5.730	5.154	4.882	4.494	4.170	3.808	3.389
8	6.546	6.050	5.823	5.255	4.987	4.605	4.286	3.931	3.520
9	6.618	6.127	5.903	5.341	5.078	4.700	4.387	4.037	3.632
10	6.682	6.196	5.973	5.418	5.157	4.784	4.474	4.129	3.730
11	6.739	6.257	6.036	5.485	5.227	4.858	4.552	4.211	3.817
12	6.791	6.311	6.092	5.546	5.290	4.925	4.622	4.285	3.895
13	6.837	6.361	6.144	5.602	5.348	4.985	4.685	4.351	3.966
14	6.880	6.407	6.191	5.652	5.400	5.041	4.743	4.412	4.030
15	6.920	6.449	6.234	5.699	5.448	5.092	4.796	4.468	4.089
16	6.957	6.488	6.274	5.742	5.493	5.139	4.845	4.519	4.144
17	6.991	6.525	6.312	5.783	5.535	5.183	4.891	4.568	4.195
18	7.023	6.559	6.347	5.820	5.574	5.224	4.934	4.612	4.242
19	7.054	6.591	6.380	5.856	5.611	5.262	4.974	4.654	4.287
20	7.082	6.621	6.411	5.889	5.645	5.299	5.012	4.694	4.329
22	7.135	6.677	6.469	5.951	5.709	5.365	5.081	4.767	4.405
24	7.183	6.727	6.520	6.006	5.766	5.425	5.144	4.832	4.475
26	7.226	6.773	6.568	6.057	5.818	5.480	5.201	4.892	4.537
28	7.266	6.816	6.611	6.103	5.866	5.530	5.253	4.947	4.595
30	7.303	6.855	6.651	6.146	5.911	5.577	5.301	4.997	4.648
32	7.337	6.891	6.689	6.186	5.952	5.620	5.346	5.044	4.697
34	7.370	6.925	6.723	6.223	5.990	5.660	5.388	5.087	4.743
36	7.400	6.957	6.756	6.258	6.026	5.698	5.427	5.128	4.786
38	7.428	6.987	6.787	6.291	6.060	5.733	5.463	5.166	4.826
40	7.455	7.015	6.816	6.322	6.092	5.766	5.498	5.202	4.864
50	7.571	7.137	6.941	6.454	6.228	5.909	5.646	5.357	5.026
60	7.664	7.235	7.041	6.561	6.338	6.023	5.764	5.480	5.155
70	7.741	7.317	7.124	6.649	6.429	6.118	5.863	5.582	5.262
80	7.808	7.387	7.196	6.725	6.507	6.199	5.947	5.669	5.353
90	7.866	7.448	7.259	6.792	6.575	6.270	6.020	5.745	5.433
100	7.918	7.502	7.314	6.850	6.636	6.333	6.085	5.812	5.503

Adapted from H. L. Harter, Tables of range and studentized range, *Annals of Mathematical Statistics* 31 (1960): 1122–1147, with permission of the author, the editor of *The Annals of Mathematical Statistics*, and the Institute of Mathematical Statistics.

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ภาคผนวก ค

ค1 ตัวอย่างการคำนวณของตัวสถิติที่ใช้พารามิเตอร์ โดยคำนวณโดยเครื่องคิดเลข และ คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

ตัวอย่างที่ 1 จากการทดสอบความแข็งแรงของบัตร์ มีวิธีทดสอบอยู่ 4 วิธี และบัตร์โลหะ 4 ชนิด เครื่องจักรได้ทำการทดสอบบัตร์โลหะ และจากการวัดความลึกของผลการทดสอบเราสามารถวัดความแข็งแรงของโลหะได้โดยทำการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ ข้อมูลที่ได้เป็นดังในตารางข้างล่างนี้ (สายชล, 2558)

การวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์สำหรับการทดสอบความแข็งแรงของบัตร์

วิธีการทดสอบ	ชนิดของบัตร์โลหะ			
	1(A)	2(B)	3(C)	4(D)
1	9.3	9.4	9.6	10.0
2	9.4	9.3	9.8	9.9
3	9.5	9.4	9.5	9.7
4	9.7	9.6	10.0	10.2

เพื่อให้ง่ายแก่การคำนวณให้โค้ด (code) แก่ข้อมูลโดยการลบค่าสังเกตแต่ละค่าด้วย 9.5 และคูณด้วย 10 ข้อมูลที่ได้ดังแสดงในตารางข้อมูลที่ให้โค้ดแล้วสำหรับการทดสอบความแข็งแรงของบัตร์

วิธีการทดสอบ	ชนิดของบัตร์โลหะ(บล็อก)				y_i
	1	2	3	4	
1	-2	-1	1	5	3
2	-1	-2	3	4	4
3	-3	-1	0	2	-2
4	2	1	5	7	15
y_j	-4	-3	9	18	$y_{..} = 20$

ตัวแบบ $y_{ij} = \mu + \tau_i + \beta_j + \varepsilon_{ij}; i = 1, 2, 3, 4; j = 1, 2, 3, 4$

โดยที่ y_{ij} คือ ค่าสังเกตในชนิดของบัตร์โลหะที่ j ที่ได้รับวิธีทดสอบที่ i

μ คือ ค่าเฉลี่ยทั้งหมด

τ_i คือ อิทธิพลของวิธีการทดสอบที่ i

β_j คือ อิทธิพลของชนิดของบัตร์โลหะที่ j

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ε_{ij} คือ ส่วนประกอบของความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่มที่อยู่ในค่าสังเกตในชนิดของบัตรโลหะที่ j ที่ได้รับวิธีทดสอบที่ i

วิธีที่ 1 คำนวณโดยใช้เครื่องคิดเลข

คำนวณค่าผลบวกกำลังสอง

$$\begin{aligned}
 SST &= \sum_{i=1}^a \sum_{j=1}^b y_{ij}^2 - \frac{y_{..}^2}{ab} \\
 &= (-1)^2 + (-1)^2 + \dots + (7)^2 - \frac{(20)^2}{16} \\
 &= 129.00 \\
 SSTr &= \sum_{i=1}^a \frac{y_{i.}^2}{b} - \frac{y_{..}^2}{ab} \\
 &= \frac{(3)^2 + (4)^2 + (-2)^2 + (15)^2}{4} \\
 &= 38.50 \\
 SSB &= \sum_{j=1}^b \frac{y_{.j}^2}{a} - \frac{y_{..}^2}{ab} \\
 &= 82.50 \\
 SSE &= SST - SSTr - SSB \\
 &= 129.00 - 38.50 - 82.50 \\
 &= 8.00
 \end{aligned}$$

ตารางที่ 1 การวิเคราะห์ความแปรปรวนสำหรับการทดสอบความแข็งของบัตร

แหล่งความแปรปรวน	df	SS	MS	F
ทรีทเมนต์(วิธีทดสอบ)	3	38.50	12.83	14.44**
บล็อก(ชนิดของบัตรโลหะ)	3	82.50	27.50	30.90**
ความคลาดเคลื่อน	9	8.00	0.89	
รวม	15	129.00		

** หมายถึง มีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 1 %

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

สมมติฐาน

$$H_0 : \tau_1 = \tau_2 = \tau_3 = \tau_4$$

$$H_1 : \tau_i \neq 0 \text{ อย่างน้อย 1 ค่า}$$

ตัวสถิติทดสอบ

$$\begin{aligned} F &= \frac{MSTr}{MSE} \\ &= \frac{12.83}{0.89} \\ &= 14.44 \end{aligned}$$

จากตารางที่ 1 ในภาคผนวก ข จะได้ว่า

$$F_{0.05;3;9} = 3.86, F_{0.01;3;9} = 6.99$$

เนื่องจาก $F = 14.44 > 6.99$ ซึ่งตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤตจึงปฏิเสธ H_0

ดังนั้นวิธีทดสอบมีผลต่อค่าเฉลี่ยของความแข็งของบัตรชนิดของบัตร(บล็อก)ดูเหมือนว่าจะมีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญยิ่งทางสถิติเนื่องจากค่ากำลังสองเฉลี่ยของบล็อกมีค่ามากกว่าเมื่อเทียบกับกำลังสองเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนมาก

วิธีที่ 2 คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

```
tr1<-c(-2,-1,1,5)
```

```
tr2<-c(-1,-2,3,4)
```

```
tr3<-c(-3,-1,0,2)
```

```
tr4<-c(2,1,5,7)
```

```
Table=data.frame(tr1, tr2, tr3,tr4)
```

ตารางที่ 2 แสดงค่าผลต่างของแต่ละทรีทเมนต์

	tr1	tr2	tr3	tr4
1	-2	-1	-3	2
2	-1	-2	-1	1
3	1	3	0	5
4	5	4	2	7

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

r = c(t(as.matrix(Table))) # response data
f = c("tr1", "tr2","tr3", "tr4") # treatment levels
k = 4 # number of treatment levels
n = 4 # number of control blocks
tr = gl(k, 1, n*k, factor(f))
bk = gl(n, k, k*n)
av = aov(r ~ tm + blk)
summary(av)

```

ตารางที่ 3 การวิเคราะห์ความแปรปรวน

	df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
tr	3	38.5	12.833	14.44	0.000871 ***
bk	3	82.5	27.500	30.94	4.52e-05 ***
Residuals	9	8.0	0.889		

Signif. codes: '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

ตั้งนั้นวิธีทดสอบมีผลต่อค่าเฉลี่ยของความแข็งของบัตรชนิดของบัตร(บล็อก)ดูเหมือนว่าจะมีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญยิ่งทางสถิติเนื่องจากค่ากำลังสองเฉลี่ยของบล็อกมีค่ามากกว่าเมื่อเทียบกับกำลังสองเฉลี่ยของความคลาดเคลื่อนมาก

วิธีที่ 2 คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

$L=LSD.test(values,ind,df,MS, \alpha=.05,group=F)$

ตารางที่ 4 ค่าเฉลี่ย สัมประสิทธิ์การแปรผันและความคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย

Mean	CV	MSE
1.25	75.42472	0.8888889

ตารางที่ 5 ตัวสถิติทดสอบ (Statistics)

df	ntr	t.value	alpha	test	name.t
9	4	2.262157	0.05	Fisher-LSD	ind

ตารางที่ 6 ค่าเฉลี่ย ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ค่าต่ำสุดและค่าสูงสุดของแต่ละทรีทเมนต์

	Mean	std	r	LCL	UCL	Min	Max
tr1	0.75	3.095696	4	-0.31639111	1.8163911	-2	5
tr2	1.00	2.943920	4	-0.06639111	2.0663911	-2	4
tr3	-0.50	2.081666	4	-1.56639111	0.5663911	-3	2
tr4	3.75	2.753785	4	2.68360889	4.8163911	1	7

ตารางที่ 7 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple comparison)

	Difference	p-value	LCL	UCL
tr1 - tr2	-0.25	0.7163	-1.758104775	1.258105
tr1 - tr3	1.25	0.0935 .	-0.258104775	2.758105
tr1 - tr4	-3.00	0.0015 **	-4.508104775	-1.491895
tr2 - tr3	1.50	0.0510 .	-0.008104775	3.008105
tr2 - tr4	-2.75	0.0026**	-4.258104775	-1.241895
tr3 - tr4	-4.25	0.0001***	-5.758104775	-2.741895

ดังนั้นวิธีการทดสอบที่ 4 มีค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์แตกต่างจากวิธีการทดสอบที่ 1, 2 และ 3 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

ค3 ตัวอย่างการคำนวณการเปรียบเทียบพหุคูณ ด้วยวิธี Duncan โดยคำนวณโดยใช้เครื่องคิดเลข และ คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

จากตัวอย่างที่ 1 พบว่าวิธีการทดสอบมีผลต่อค่าเฉลี่ยของความแข็งของบัตรชนิดของบัตรมีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติจึงต้องทำการเปรียบเทียบพหุคูณด้วยวิธีของดันแคน (สายชล, 2558)

วิธีที่ 1 คำนวณด้วยเครื่องคิดเลข

เรียงลำดับค่าเฉลี่ยทรีทเมนต์จากน้อยไปหามากได้ดังนี้

$$\bar{y}_3 = -0.5 \quad \bar{y}_1 = 0.75 \quad \bar{y}_2 = 1.00 \quad \bar{y}_4 = 3.75$$

ตัวสถิติทดสอบคือ
โดยที่

$$\begin{aligned} LSR_\alpha &= r_{\alpha(p,v)} \sqrt{\frac{MSE}{n}} \\ \text{เมื่อ} \quad \sqrt{\frac{MSE}{n}} &= \sqrt{\frac{0.89}{4}} \\ &= 0.47 \end{aligned}$$

จากตารางที่ 3 ในภาคผนวก ข จะได้ว่า

p	2	3	4
$r_{0.05(p, 9)}$	3.20	3.34	3.41
LSR_p	1.50	1.57	1.60

ทำการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยทรีทเมนต์ทีละคู่จะได้

$$(\bar{y}_4 - \bar{y}_3) : 3.75 - (-0.50) = 4.25 > 1.60^*$$

$$(\bar{y}_4 - \bar{y}_1) : 3.75 - 0.75 = 3.00 > 1.57^*$$

$$(\bar{y}_4 - \bar{y}_2) : 3.75 - 1.00 = 2.75 > 1.50^*$$

$$(\bar{y}_2 - \bar{y}_3) : 1.00 - (-0.50) = 1.50 < 1.57$$

$$(\bar{y}_2 - \bar{y}_1) : 1.00 - 0.75 = 0.25 < 1.50$$

$$(\bar{y}_1 - \bar{y}_3) : 0.75 - (-0.50) = 1.25 < 1.50$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 12 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple comparison)

	Difference	p-value	LCL	UCL
tr1 - tr2	-0.25	0.7163	-1.75810477	1.258105
tr1 - tr3	1.25	0.0935 .	-0.25810477	2.758105
tr1 - tr4	-3.00	0.0019 **	-4.57408457	-1.425915
tr2 - tr3	1.50	0.0595 .	-0.07408457	3.074085
tr2 - tr4	-2.75	0.0026 **	-4.25810477	-1.241895
tr3 - tr4	-4.25	0.0002 ***	-5.86209261	-2.637907

ดังนั้นวิธีการทดสอบที่ 4 มีค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์แตกต่างจากวิธีการทดสอบที่ 1, 2 และ 3 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

ค4 ตัวอย่างการคำนวณการเปรียบเทียบพหุคูณ ด้วยวิธี SNK โดยคำนวณโดยใช้เครื่องคิดเลข และ คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

จากตัวอย่างที่ 1 พบว่าวิธีการทดสอบมีผลต่อค่าเฉลี่ยของความแข็งของบัตรชนิดของบัตรมีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติจึงต้องทำการเปรียบเทียบพหุคูณด้วยวิธีของด้นแคน(สายชล,2558)

วิธีที่ 1 คำนวณโดยใช้เครื่องคิดเลข

เรียงลำดับค่าเฉลี่ยทริทเมนต์จากน้อยไปหามากได้ดังนี้

$$\bar{y}_3 = -0.5 \quad \bar{y}_1 = 0.75 \quad \bar{y}_2 = 1.00 \quad \bar{y}_4 = 3.75$$

ตัวสถิติทดสอบคือ

$$K_\alpha = q_\alpha(p, \nu) \sqrt{\frac{MSE}{n}}$$

$$\text{ที่ } \alpha = 0.05 \quad K_{0.05} = q_{0.05}(p, \nu) \sqrt{\frac{0.89}{n}}$$

โดยใช้ตารางค่าวิกฤตของพิสัยสตีเวนส์ที่ $\alpha = 0.05$ อ่านค่าตั้งแต่ $p = 2$ ถึง $p = 4$

ที่ $df = \nu = 9$ จะได้ค่าสถิติ ดังตาราง

จากตารางที่ 4 ในภาคผนวก ข จะได้ว่า

p	2	3	4
$q_{0.05}(p, 9)$	3.20	3.95	4.42
$K_{0.05}$	1.5094	1.8632	2.0849

ทำการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยทริทเมนต์ทีละคู่จะได้

$$\begin{aligned} (\bar{y}_4 - \bar{y}_3) : 3.75 - (-0.50) &= 4.25 > 2.0849^* \\ (\bar{y}_4 - \bar{y}_1) : 3.75 - 0.75 &= 3.00 > 1.8632^* \\ (\bar{y}_4 - \bar{y}_2) : 3.75 - 1.00 &= 2.75 > 1.5094^* \\ (\bar{y}_2 - \bar{y}_3) : 1.00 - (-0.50) &= 1.50 < 1.509 \\ (\bar{y}_2 - \bar{y}_1) : 1.00 - 0.75 &= 0.25 < 1.509 \\ (\bar{y}_1 - \bar{y}_3) : 0.75 - (-0.50) &= 1.25 < 1.509 \end{aligned}$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ตารางที่ 17 การเปรียบเทียบพหุคูณ (Multiple comparison)

	Difference	p-value	LCL	UCL
tr1-tr2	-0.25	0.7163	-1.7581048	1.258105
tr1-tr3	1.25	0.0935 .	-0.2581048	2.758105
tr1-tr4	-3.00	0.0038 **	-4.8613371	-1.138663
tr2-tr3	1.50	0.1155	-0.3613371	3.361337
tr2-tr4	-2.75	0.0026 **	-4.2581048	-1.241895
tr3-tr4	-4.25	0.0006 ***	-6.3311992	-2.168801

ดังนั้นวิธีการทดสอบที่ 4 มีค่าเฉลี่ยของทรีทเมนต์แตกต่างจากวิธีการทดสอบที่ 1, 2 และ 3 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.05



ค5 ตัวอย่างการคำนวณของตัวสถิติที่ไม่ใช้พารามิเตอร์ โดยคำนวณโดยเครื่องคิดเลข และ
คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

ตัวอย่างที่ 2 ในการศึกษาความเหนียวของเส้นด้ายจากฝ้ายว่าขึ้นอยู่กับปริมาณปุ๋ยโปแตส (K_2O) ที่ใช้ปลูกฝ้ายหรือไม่ ผู้ศึกษาทำการวัดความเหนียวของเส้นด้ายที่ทำจากฝ้ายใช้ปุ๋ย 5 ระดับ ในการวางแผนแบบสุ่มในบล็อกสมบูรณ์ที่มี 3 บล็อกความเหนียวของเส้นด้ายวัดด้วยค่าดัชนีแรงดึง (สายชล, 2552) ข้อมูลเป็นดังนี้

บล็อก	ปริมาณปุ๋ยโปแตสที่ใช้ (ปอนด์/เอเคอร์)				
	144	108	72	54	36
1	7.46 (2)	7.17 (1)	7.76(4)	8.14(5)	7.63(3)
2	7.68(2)	7.57(1)	7.73(3)	8.15(5)	8.00(4)
3	7.21(1)	7.80(3)	7.74(2)	7.87(4)	7.93(5)
ผลรวมของลำดับที่	5	5	9	14	12

จงทดสอบว่าปริมาณปุ๋ยที่ใช้ปลูกฝ้ายมีอิทธิพลต่อความเหนียวของเส้นด้ายหรือไม่พร้อมทั้งจงประมาณค่าเมื่อตัวอย่างมีขนาดใหญ่

วิธีที่ 1 คำนวณโดยใช้เครื่องคิดเลข

วิธีทำ ในที่นี้ $b=3, t=5$

ก) สมมติฐาน

$$H_0 : \tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_5$$

$$H_1 : \tau_i \neq \tau_j \text{ บางค่า } i \neq j$$

ใช้วิธี Friedman test

ตัวสถิติทดสอบคือ

$$S = \left[\frac{12}{bt(t+1)} \sum_{j=1}^t R_j^2 \right] - 3b(t+1)$$

$$= \left[\frac{12}{3(5)(6)} (5^2 + 5^2 + 9^2 + 14^2 + 12^2) \right] - 3(3)(6)$$

$$= 8.8$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

พิจารณาจากค่าวิกฤต

- จากภาคผนวก ข ตารางที่ 5 ที่ $t=5$, $b=3$ และ $\alpha = 0.056$ ค่าวิกฤตคือ $s_\alpha = s_{0.056} = 8.267$

และจากภาคผนวก ข ตารางที่ 5 ที่ $t=5$, $b=3$ และ $\alpha = 0.045$ ค่าวิกฤตคือ $s_\alpha = s_{0.045} = 8.533$

เนื่องจาก $s = 8.8 > 8.533$ ซึ่งตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤตจึงปฏิเสธ H_0 ที่ $\alpha = 0.05$

- จากภาคผนวก ข ตารางที่ 5 ที่ $t=5$, $b=3$ และ $\alpha = 0.015$ ค่าวิกฤตคือ $s_\alpha = s_{0.015} = 9.867$ และ

จากภาคผนวก ข ตารางที่ 5 ที่ $t=5$, $b=3$ และ $\alpha = 0.008$

ค่าวิกฤตคือ $s_\alpha = s_{0.008} = 10.133$

แสดงว่า $s_{0.01}$ มีค่าอยู่ระหว่าง 9.867 และ 10.133

เนื่องจาก $s = 8.8 < 9.867$ ซึ่งไม่ตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤตจึงไม่สามารถปฏิเสธ H_0 ที่ $\alpha = 0.01$

ดังนั้น ปริมาณบัพที่ใช้ปลุกฝ้ายมีอิทธิพลต่อความเหนียวของเส้นด้ายที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

การประมาณค่าเมื่อตัวอย่างขนาดใหญ่ (Large - Sample Approximation)

พิจารณาค่าวิกฤต

จากภาคผนวก ข ตารางที่ 6 ที่ $\alpha = 0.05$, $t - 1 = 4$

ค่าวิกฤตคือ $\chi^2_{\alpha; t-1} = \chi^2_{0.05; 4} = 9.49$

เนื่องจาก $s = 8.8 < 9.49$ ซึ่งไม่ตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤตจึงไม่สามารถปฏิเสธ H_0 ที่ $\alpha = 0.05$

ดังนั้น ปริมาณบัพที่ใช้ปลุกฝ้ายไม่มีอิทธิพลต่อความเหนียวของเส้นด้ายที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

วิธีที่ 2 คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

```
y <- matrix(c(7.46, 7.68, 7.21, 7.17, 7.57, 7.80, 7.76, 7.73, 7.74, 8.14, 8.15, 7.87,
7.63, 8.00, 7.93)
```

```
, nrow = 3, ncol = 5,
```

```
Dimnames = list(1 : 3, c("tr1", "tr2", "tr3", "tr4", "tr5"))
```

```
# กี่ตัว : แถว (Tr), คอลัมน์ (block)
```

```
friedman.test(y)
```

```
Friedman rank sum test
```

```
data: y
```

```
Friedman chi-squared = 8.8, df = 4, p-value = 0.0663
```

เนื่องจาก $p\text{-value} = 0.0663$ มากกว่า 0.01 ซึ่งไม่ตกอยู่ในอาณาเขตวิกฤตจึงไม่สามารถ

ปฏิเสธ H_0 ที่ $\alpha = 0.01$ ดังนั้น ปริมาณบัพที่ใช้ปลุกฝ้ายมีอิทธิพลต่อความเหนียวของเส้นด้ายที่ระดับ

นัยสำคัญ 0.01

ค6 ตัวอย่างการคำนวณการเปรียบเทียบพหุคูณ ด้วยวิธีของ ฟรیدแมน โดยคำนวณโดยใช้เครื่องคิดเลข และ คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

จากตัวอย่างที่ 2 เมื่อใช้การทดสอบของฟรیدแมนจะปฏิเสธ $H_0 : \tau_1 = \tau_2 = \dots = \tau_5$ ที่ $\alpha = 0.05$ จึงพิจารณาว่าผู้สมัครคูใดมีอิทธิพลต่อความเหนียวของเส้นด้ายแตกต่างกัน

วิธีที่ 1 คำนวณโดยใช้เครื่องคิดเลข

ในที่นี้ $R_1 = 5$, $R_2 = 5$, $R_3 = 9$, $R_4 = 14$, $R_5 = 12$

จะได้ค่าของ $|R_u - R_v|$, $1 \leq u < v \leq 5$ ดังตาราง

	R_1	R_2	R_3	R_4	R_5
R_1	-	0	4	9	7
R_2		-	4	9	7
R_3			-	5	3
R_4				-	2
R_5					-

จากภาคผนวก ข ตารางที่ 7 ที่ $t = 5$, $b = 3$ และ $\alpha = 0.067$ ค่าวิกฤตคือ $r_\alpha = r_{0.067} = 10$ จะปฏิเสธ $H_0 : \tau_u = \tau_v$ และถือว่า $H_1 : \tau_u \neq \tau_v$ เป็นจริงถ้า $|R_u - R_v| < 10$ ทุกคู่จึงยอมรับ H_0

ดังนั้นไม่มีผู้สมัครคูใดที่มีอิทธิพลต่อความเหนียวของเส้นด้ายแตกต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.067 จะเห็นว่าผลสรุปที่ได้นี้ขัดแย้งกับผลสรุปข้างต้นโดยวิธีการทดสอบของฟรیدแมน

การประมาณค่าเมื่อตัวอย่างขนาดใหญ่ (Large - Sample Approximation)

จากภาคผนวก ข ตารางที่ 8 ที่ $t=5$ และ $\alpha = 0.05$ ค่าวิกฤตคือ $q_\alpha = q_{0.05} = 3.858$ จะได้

$$q_\alpha \sqrt{\frac{bt(t+1)}{12}} = 3.858 \sqrt{\frac{3(5)(6)}{12}}$$

$$= 10.6$$

จะปฏิเสธ $H_0 : \tau_u = \tau_v$ และถือว่า $H_1 : \tau_u \neq \tau_v$ เป็นจริงถ้า $|R_u - R_v| < 10.6$ ทุกคู่จึงยอมรับ H_0

ดังนั้นไม่มีผู้สมัครคูใดที่มีอิทธิพลต่อความเหนียวของเส้นด้ายแตกต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 จะเห็นว่าผลสรุปที่ได้นี้ขัดแย้งกับผลสรุปข้างต้นโดยวิธีการทดสอบของฟรیدแมน

วิธีที่ 2 คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

```
WineTasting<- data.frame(Taste = c(y[1], y[4], y[7], y[10], y[13], y[2], y[5], y[8],
y[11], y[14], y[3], y[6], y[9], y[12], y[15]),
Wine = factor(rep(c("trA", "trB", "trC", "trD", "trE"),3)),
Taster = factor(rep(1:3, rep(5,3) ) ))#rep(1:tr,rep(block,tr) )
# trเป็นแถว block คอลัมน์
PvalueFriedman<-friedman.test.with.post.hoc(Taste ~ Wine | Taster ,WineTasting)
```

Friedman rank sum test

data: y

Friedman chi-squared = 5.0667, df = 4, p-value = 0.2805

\$Friedman.Test

Asymptotic General Symmetry Test

data: Taste by

Wine (trA, trB, trC, trD, trE)

stratified by Taster

maxT = 2.3238, p-value = 0.1372

alternative hypothesis: two.sided

การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบด้วยผลรวมค่าลำดับที่ของฟรیدแมน

	P value
trB - trA	1.0000000
trC - trA	0.8402182
trD - trA	0.1372653
trE - trA	0.3692329
trC - trB	0.8402182
trD - trB	0.1372653
trE - trB	0.3692329
trD - trC	0.6968081
trE - trC	0.9379793
trE - trD	0.9857557

ดังนั้นไม่มีพหุสูตรคู่ใดที่มีอิทธิพลต่อความเหนียวของเส้นด้ายแตกต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ค7 ตัวอย่างการคำนวณการเปรียบเทียบพหุคูณ ด้วยวิธี นีแมนยี โดยคำนวณโดยใช้เครื่องคิดเลข และ คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

จากข้อมูลในตัวอย่างที่ 2 พบว่าปริมาณปุ๋ยที่ใช้ปลูกฝ้ายมีอิทธิพลต่อความเหนียวของเส้นด้ายที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

วิธีที่ 1 คำนวณโดยใช้เครื่องเลข

จะได้ $t=5, b=3$

จากตัวอย่างที่ 1 จะได้

$$T_{12} = 3, T_{13} = 6, T_{14} = 6, T_{15} = 6, T_{23} = 5$$

$$T_{24} = 6, T_{25} = 6, T_{34} = 6, T_{35} = 5, T_{45} = 1$$

$$\text{จาก } T_{uv}' = \max\left(T_{uv}, \frac{b(b+1)}{2} - T_{uv}\right)$$

$$= \max\left(T_{uv}, \frac{3(4)}{2} - T_{uv}\right)$$

$$= \max(T_{uv}, 6 - T_{uv})$$

จะได้

$$T_{12} = 3, T_{13} = 6, T_{14} = 6, T_{15} = 6, T_{23} = 5$$

$$T_{21} = 6, T_{25} = 6, T_{34} = 6, T_{35} = 5, T_{45} = 5$$

จากตารางที่ 8 $\alpha = 0.05, t=5$ ค่าวิกฤตคือ $q_\alpha = q_{0.05} = 3.858$

$$t_\alpha' = \frac{b(b+1)}{4} + \sqrt{\frac{b(b+1)(2b+1)}{48}} q_\alpha$$

$$= \frac{3(4)}{4} + \sqrt{\frac{3(4)[2(3)+1]}{48}} (3.858)$$

$$= 8.10$$

เนื่องจาก $T_{uv}' < 8.10$ ทุกค่า $1 \leq u < v \leq 5$ จึงไม่สามารถปฏิเสธ $H_0 : \tau_u = \tau_v$

ดังนั้นไม่มีปุ๋ยสูตรคู่ใดที่มีอิทธิพลแตกต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

วิธีที่ 2 คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

ผลลัพธ์ ของnemanye

NMY<-posthoc.friedman.nemenyi.test(y)

Pairwise comparisons using Nemenyi multiple comparison test

with q approximation for unreplicated blocked data

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบด้วยค่าลำดับที่ของนีเมนยี

	tr1	tr2	tr3	tr4
tr2	1.00	-	-	-
tr3	0.84	0.84	-	-
tr4	0.14	0.14	0.70	-
tr5	0.37	0.37	0.94	0.99

P value adjustment method: none

ดังนั้นไม่มีปฏิเสธข้อใดที่มีอิทธิพลแตกต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ค8 ตัวอย่างการคำนวณการเปรียบเทียบพหุคูณ ด้วยวิธี โคนเนอร์ โดยคำนวณโดยใช้เครื่องคิดเลข และ คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

จากข้อมูลในตัวอย่างที่ 2 พบว่าปริมาณปุ๋ยที่ใช้ปลูกฝ้ายมีอิทธิพลต่อความเหนียวของเส้นด้ายที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

วิธีที่ 1 คำนวณโดยใช้เครื่องคิดเลข

$$\text{จากสูตร} \quad t_{\frac{\alpha}{2};(n-1)(k-1)} \sqrt{\frac{2k \left(1 - \frac{\chi_R^2}{n(k-1)}\right) \left(\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^k R_{ij}^2 - \frac{nk(k+1)^2}{4}\right)}{(k-1)(n-1)}}$$

จากโจทย์ตัวอย่างที่ 2.5 จะได้ว่า $n = 3, k = 5$

$$\begin{aligned} \chi_R^2 &= \frac{(2 - \frac{5}{3})^2}{\frac{5}{3}} + \frac{(2 - \frac{5}{3})^2}{\frac{5}{3}} + \dots + \frac{(5 - 4)^2}{4} \\ &= \frac{139}{42} \\ &= 3.3095 \\ t_{1 - \frac{\alpha}{2};(n-1)(k-1)} &= t_{\frac{0.01}{2};(3-1)(5-1)} \\ &= t_{0.005;8} \\ &= 3.355 \end{aligned}$$

$$\text{จะได้ว่า มีค่าวิกฤติ} = 3.355 \sqrt{\frac{2(3) \left(1 - \frac{139/42}{5(3-1)}\right) \left(165 - \frac{5(3)(3-1)^2}{4}\right)}{(3-1)(5-1)}}$$

$$= 29.1069$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

จะได้ค่าของ $|R_u - R_v|$, ดังตาราง

	R_1	R_2	R_3	R_4	R_5
R_1	-	0	4	9	7
R_2		-	4	9	7
R_3			-	5	3
R_4				-	2
R_5					-

จะปฏิเสธ $H_0 : \tau_u = \tau_v$ และถือว่า $H_1 : \tau_u \neq \tau_v$ เป็นจริงถ้า $|R_u - R_v| < 29.1069$ ทุกคู่จึงยอมรับ H_0 ดังนั้นไม่มีปัญสูตรคู่ใดที่มีอิทธิพลต่อความเหนียวของเส้นด้ายแตกต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

วิธีที่ 2 คำนวณโดยใช้โปรแกรมอาร์

```
y <- matrix(c(7.46, 7.17, 7.76, 8.14, 7.63, 7.68, 7.57, 7.73, 8.15, 8.00, 7.21, 7.80, 7.74, 7.87, 7.93), nrow = 3, ncol = 5, dimnames = list(1 : 3, c("tr1", "tr2", "tr3", "tr4", "tr5")))
# ตัว:แถว (Tr), คอลัม (block)
friedman.test(y)
CNV<-posthoc.friedman.conover.test(y=y, p.adjust="none")
```

ผลลัพธ์ ของ Conover

Pairwise comparisons using Conover's test for a two-way balanced complete block design

การเปรียบเทียบพหุคูณด้วยตัวสถิติทดสอบของโคโนเวอร์

	tr1	tr2	tr3	tr4
tr2	1.0000	-	-	-
tr3	0.4500	0.4500	-	-
tr4	0.1961	0.1961	0.3500	-
tr5	0.3052	0.3052	0.5900	0.7100

ดังนั้นไม่มีปัญสูตรคู่ใดที่มีอิทธิพลแตกต่างกัน ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01