

สำนักหอสมุดกลาง พระจอมเกล้าลาดกระบัง

โปรแกรมจำลองสร้างแผนภาพสมดุลภาคของโลหะสองชนิด  
MODELING OF A BINARY ALLOY PHASE DIAGRAM



เลขหมู่.....  
เลขทะเบียน..... 61753  
วัน,เดือน,ปี..... 2 1 ก.ค. 2549

.บ.....  
.เ.....

ปริญญาบัตรนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาบัณฑิต  
ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล  
คณะวิศวกรรมศาสตร์

สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเป็นการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

โปรแกรมจำลองสร้างแผนภาพสมดุลภาคของโลหะสองชนิด  
MODELING OF A BINARY ALLOY PHASE DIAGRAM



ปริญญาโทนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาบัณฑิต  
ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล  
คณะวิศวกรรมศาสตร์

สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานปีการศึกษา 2547 ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ปริญญาานิพนธ์ปีการศึกษา 2547

ภาควิชา วิศวกรรมเครื่องกล

คณะวิศวกรรมศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง

เรื่อง โปรแกรมจำลองสร้างแผนภาพสมดุลภาคของโลหะสองชนิด

MODELING OF A BINARY ALLOY PHASE DIAGRAM

ผู้จัดทำ

1. นายกำพล เลิศธนะ รหัสนักศึกษา 44010643

2. นายชาตุพล ศรีวัฒนปัญญา รหัสนักศึกษา 44010679



อาจารย์ที่ปรึกษา

(อาจารย์ชนาธิป ชัยคิลกพัฒนากุล)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## โปรแกรมจำลองสร้างแผนภาพสมดุลภาคของโลหะสองชนิด

นายกำพล เลิศธนะ 44010643

นายชาตุพล ศรีวัฒนปัญญา 44010679

อาจารย์ชนาธิป ชัยดิกลพัฒน์กุล อาจารย์ที่ปรึกษา

ปีการศึกษา 2547

### บทคัดย่อ

คุณสมบัติของโลหะผสม จำนวนมากขึ้นอยู่กับสมบัติของภาค (Phase) ขึ้นตอนสำคัญอยู่ที่วิธีหาความสัมพันธ์ระหว่างภาคที่เกิดขึ้นในระบบ (System) ณ อุณหภูมิ ตลอดจนความเข้มข้นต่างกัน ซึ่งสามารถหาได้จากแผนภาพสมดุลภาค (Phase Equilibrium Diagram) ปฏิญญาพันธบัตรฉบับนี้เป็นอีกแนวทางหนึ่งในการตรวจสอบคุณสมบัติของโลหะผสม 2 ชนิดจากแผนภาพสมดุลภาค โดยการประยุกต์ใช้วิธีทางเทอร์โมไดนามิกส์เข้ากับการเขียนโปรแกรม Visual Basic เพื่อแสดงผลเป็นแผนภาพสมดุลภาคของโลหะผสมสองชนิด (Binary Phase Equilibrium Diagram) อนึ่งในความเป็นจริงแล้วโลหะที่ใช้งานจริงนั้นไม่ได้ผสมเพียงแค่โลหะ 2 ชนิดเท่านั้น แต่ต่อไปโปรแกรมหาแผนภาพสมดุลภาคที่ได้ยังสามารถพัฒนาให้คำนวณหาแผนภาพสมดุลภาคของโลหะผสมหลายชนิด (Multicomponent Phase Equilibrium Diagram) ได้อีกด้วย

## MODELING OF A BINARY ALLOY PHASE DIAGRAM

Kampon Lerttana

Chatupon Sriwattanapanya

Chanatip Chaidilokpattanakul Advisor

**ABSTRACT**

Many properties of alloy depend on the properties of the Phase . The most important process is the method to find the relationship between the phase occurring in system in different temperature and composition which can be found in Phase Equilibrium Diagram. This thesis is one of the method to examine the property of binary alloy from Phase Equilibrium Diagram by applying the Thermodynamics with programming Visual Basic to obtaining the output of Binary Phase Equilibrium Diagram chart. Usually ,commercial alloys are made of more than two elements but this program can be use as a basis to develop for Multicomponent Phase Equilibrium Diagram

## สารบัญ

	หน้าที่
บทคัดย่อภาษาไทย	I
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	II
สารบัญ	III
สารบัญภาพ	IV
บทที่ 1 บทนำ	1
1.1 ที่มาและความสำคัญ	1
1.2 จุดประสงค์ของการวิจัย	1
1.3 ขอบเขตของงานวิจัย	1
1.4 วิธีการดำเนินงาน	2
บทที่ 2 ทฤษฎี	3
2.1 เฟสไดอะแกรม	3
2.2 วิธีการหาเฟสไดอะแกรม	3
2.2.1 การหาเฟสไดอะแกรมจากการทดลอง	3
2.2.2 การหาเฟสไดอะแกรมจากการใช้ Model ทางเทอร์โมไดนามิกส์ของวัสดุศาสตร์	5
บทที่ 3 การดำเนินการ	12
3.1 วิธีการคำนวณสถานะอ้างอิง	12
3.2 แผนภาพแสดงขั้นตอนการทำงาน (Flow Chart) ของโปรแกรม	14
3.2.1 การทำงานของโปรแกรมหลัก	14
3.2.2 การทำงานของโปรแกรมย่อย ส่วนสร้างแผนภาพพลังงานอิสระกิบส์	15
3.2.3 การทำงานของโปรแกรมย่อย ส่วนหาเส้นสัมผัสร่วม	16
3.3 วิธีการคำนวณหาเส้นสัมผัสร่วม	17
บทที่ 4 ผลการทดลอง	20
บทที่ 5 สรุป	28
5.1 สรุปโครงงาน	28
5.2 แนวทางการพัฒนา	28
ภาคผนวก ก ตารางแสดงคุณสมบัติทางเทอร์โมไดนามิกส์ของโลหะ	30
ภาคผนวก ข ลักษณะโปรแกรมที่เขียนจาก Visual Basic	32
ภาคผนวก ค Source Code ของโปรแกรม Visual Basic	34
ภาคผนวก ง การใช้งานโปรแกรม	52
บรรณานุกรม	54

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## สารบัญภาพ

	หน้าที่
รูปที่ 1-1 ตัวอย่างของเฟสไดอะแกรม	2
รูปที่ 2-1 แสดงวิธีสร้างเฟสไดอะแกรมด้วยวิธี Thermal Analysis	4
รูปที่ 2-2 ตัวอย่างเฟสไดอะแกรมที่หาด้วยวิธี Thermal Analysis	5
รูปที่ 2-3 แสดงตัวอย่างกราฟพลังงานอิสระของกิบส์ที่อุณหภูมิใดๆของเฟสของแข็ง	7
รูปที่ 2-4 แสดงผลของ $\Delta G^{\circ}_m$ ต่อกราฟพลังงานอิสระของกิบส์	7
รูปที่ 2-5 แสดงการหาสมดุลของระบบจากเส้นสัมผัสร่วม	8
รูปที่ 2-6 แสดงตัวอย่างการหาเฟสไดอะแกรมจากเส้นสัมผัสร่วม	9
รูปที่ 2-7 แสดงการเลือกใช้สภาวะอ้างอิงที่ต่างกันแต่ก็ให้อัตราส่วนผสมเดียวกัน	10
รูปที่ 2-8 แสดงแนวโน้มของการเปลี่ยนแปลงของเฟสไดอะแกรมเมื่อเปลี่ยนแปลง $\alpha_S$ และ $\alpha_L$	11
รูปที่ 3-1 แสดงการหาเฟสไดอะแกรมจากสภาวะของแข็งและสภาวะของเหลว	15
รูปที่ 3-2 แสดงแผนภาพขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมหลัก	16
รูปที่ 3-3 แสดงแผนภาพขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมย่อย ส่วนที่สร้างแผนภาพพลังงานอิสระกิบส์	17
รูปที่ 3-4 แสดงแผนภาพขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมย่อย ส่วนหาเส้นสัมผัสร่วม	18
รูปที่ 3-5 แสดงแผนภาพพลังงานอิสระกิบส์	12
รูปที่ 3-6 แสดงเส้นสัมผัสที่ไม่ตัดกับเส้นพลังงานอิสระกิบส์	12
รูปที่ 3-7 แสดงเส้นสัมผัสที่ตัดกับเส้นพลังงานอิสระกิบส์	13
รูปที่ 3-8 แสดงการคำนวณด้วยวิธีการแบ่งครึ่งช่วง	13
รูปที่ 3-9 แสดงการใช้วิธีแบ่งครึ่งช่วงจนพบเส้นสัมผัสร่วม	14
รูปที่ 4-1 ผลการทดลองของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson ที่อุณหภูมิหลอมเหลวของสารทั้ง 2 เท่ากับ 800K และ 1200K เอนโทรปีการหลอมเหลวเท่ากับ 10J/K ทั้ง 2 สาร	19
รูปที่ 4-2 $\alpha_S = 0J$ $\alpha_L = 0J$ , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson , ข) ผลจากโปรแกรม	20
รูปที่ 4-3 $\alpha_S = -15000J$ $\alpha_L = 0J$ , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson , ข) ผลจากโปรแกรม	21
รูปที่ 4-4 $\alpha_S = 15000J$ $\alpha_L = 0J$ , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson , ข) ผลจากโปรแกรม	22
รูปที่ 4-5 $\alpha_S = 15000$ $\alpha_L = 10000$ , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson , ข) ผลจากโปรแกรม	23

- รูปที่ 4-6  $\alpha_S = 15000$   $\alpha_L = 20000$  , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson , 24  
 ข) ผลจากโปรแกรม
- รูปที่ 4-7  $\alpha_S = 30000$   $\alpha_L = 10000$  , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson , 25  
 ข) ผลจากโปรแกรม
- รูปที่ 4-8  $\alpha_S = 30000$   $\alpha_L = 20000$  , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson , 26  
 ข) ผลจากโปรแกรม
- รูปที่ 5-1 แสดงตัวอย่างสัดส่วนสารในระบบที่มีโลหะ 3 ชนิด 28  
 ซึ่งความยาวรวมเท่ากับ  $bQ + QP + aQ = 100\%$
- รูปที่ 5-2 แสดงเฟสไดอะแกรมของโลหะ 3 ชนิดโดยการหาเฟสไดอะแกรมของโลหะแต่ละคู่ 28



# บทที่ 1

## บทนำ

### 1.1 ที่มาและความสำคัญ

ชนิดจำนวนและปริมาณของเฟสจะมีผลกระทบต่อคุณสมบัติของวัสดุ Phase diagram จึงเป็นประโยชน์ต่อนักวิทยาศาสตร์ และวิศวกร ทั้งนี้เนื่องจาก Phase diagram สามารถให้ข้อมูลที่เป็นประโยชน์ในการทำนายคุณสมบัติของวัสดุได้ เช่น

1. แสดงเฟสต่างๆที่มีอยู่ในวัสดุที่สถานะที่ต่างกัน
2. แสดงถึงสภาพละลายได้ของธาตุหนึ่งในอีกธาตุหนึ่ง ณ สถานะสมดุล

ปัจจุบันนี้วิทยาการคอมพิวเตอร์ได้เข้ามามีบทบาทในชีวิตประจำวันของเรามาก ทางด้านวิศวกรรมก็เช่นกัน มีการนำเอาโปรแกรมคอมพิวเตอร์เข้ามาควบคุมเพื่อตอบสนองความต้องการของมนุษย์ เช่น ประหยัดเวลาในการทำงาน เพื่อความสะดวกสบาย และให้ความเที่ยงตรงแม่นยำ

โปรแกรมจำลองการสร้างแผนภาคของโลหะผสม 2 ชนิด เป็นอีกหนึ่งที่ถูกสร้างขึ้นเพื่อทำนายแผนภาพสมดุลภาคของโลหะผสม 2 ชนิด ให้มีความแม่นยำสูง อีกทั้งยังลดระยะเวลาในการค้นหาแผนภาพเพื่อใช้ในการอ้างอิงคุณสมบัติของโลหะผสม แนวความคิดเบื้องต้นที่ใช้ในการออกแบบโปรแกรม อาศัยหลักการทางเทอร์โมไดนามิกส์ทางวัสดุศาสตร์ประยุกต์เข้ากับการเขียน โปรแกรม Visual Basic ดังนั้นโครงการนี้จัดทำขึ้นเพื่อความสะดวกในการหา Phase diagram

### 1.2 จุดประสงค์ของการวิจัย

- 1.2.1 เพื่อศึกษาวิธีการสร้างแผนภาพสมดุลภาค ด้วยวิธีการทางเทอร์โมไดนามิกส์
- 1.2.2 เพื่อนำเอาโปรแกรมที่ได้ไปใช้ศึกษาแผนภาพสมดุลภาคของโลหะผสม 2 ชนิด
- 1.2.3 เพื่อนำเอาโปรแกรมที่ได้ไปใช้เป็นที่ประกอบการเรียนการสอน
- 1.2.4 เพื่อใช้เป็นโปรแกรมต้นแบบในการพัฒนาต่อไปในอนาคตสำหรับโลหะผสมมากกว่า 2 ชนิด

### 1.3 ขอบเขตของงานวิจัย

ศึกษาวิธีหาพลังงานอิสระของกิบส์ (Gibbs free energy) เอนโทรปี (Entropy) ความร้อนของการก่อตัว (Heat of formation) เพื่อใช้ในการสร้างแผนภาพสมดุลภาคของโลหะผสม 2 ชนิด ประยุกต์เข้ากับการเขียนโปรแกรมคอมพิวเตอร์ เพื่อให้ได้ผลที่ถูกต้อง โดยงานวิจัยนี้จะพยายามเขียนโปรแกรมให้สามารถใช้งานได้ง่ายที่สุด เพื่อให้ผู้ใช้ไม่ต้องทำการศึกษาถึงวิธีการใช้มากมาย ทั้งนี้เพื่อนำไปใช้เป็นเครื่องมือช่วยในการเรียนการสอนได้ และเพื่อเป็นก้าวแรกของการสร้างแผนภาพสมดุลภาคของโลหะผสมมากกว่า 2 ชนิด (Multicomponent Phase Equilibrium Diagram)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

#### 1.4 วิธีการดำเนินงาน

- 1.4.1 การรวบรวมข้อมูลพื้นฐานในการสร้างแผนภาพโดยข้อมูลที่ค้นหาอาจมาจากหนังสือหรือวารสาร
- 1.4.2 ศึกษาทฤษฎีทางเทอร์โมไดนามิกส์สำหรับวัสดุศาสตร์
- 1.4.3 คิดค้น Algorithm เพื่อหาเส้นสัมผัสร่วมสำหรับสร้างแผนภาพสมดุลภาค
- 1.4.4 ศึกษาหลักการเขียนโปรแกรม Visual Basic ในทางตรรกะพร้อมทั้งศึกษาหลักการเขียนโปรแกรม Visual Basic ให้สามารถสร้างกราฟได้
- 1.4.5 นำเอาความรู้ที่ได้มาออกแบบโปรแกรมเพื่อสร้างแผนภาพสมดุลภาคที่ใช้งานได้ง่ายและเป็นพื้นฐานสำหรับโลหะผสมมากกว่า 2 ชนิด



ในแกนนอนของเฟสไดอะแกรมคืออัตราส่วนผสมของสารมีค่าตั้งแต่ 0 ถึง 1 (0% - 100%) ส่วนในแกนตั้งคือช่วงอุณหภูมิที่พิจารณา ดังรูปที่ 1-1

## บทที่ 2

### ทฤษฎี

#### 2.1 เฟสไดอะแกรม

วัฏภาคหรือเฟสที่มีอยู่ในวัสดุ หมายถึงบริเวณที่มีโครงสร้างและ/หรือองค์ประกอบที่แตกต่างจากเฟสอื่น แผนภาพสมดุลยภาพ หรือเฟสไดอะแกรม (Phase Diagram, Equilibrium Diagram) คือกราฟที่แสดงถึงวัฏภาค (Phase) ต่าง ๆ ที่มีอยู่ในวัสดุ ณ สถานะหนึ่ง ซึ่งโดยปกติแล้วจะถูกสร้างขึ้นที่สถานะสมดุล กล่าวคือ ไม่มีการเปลี่ยนแปลงคุณสมบัติเมื่อเวลาเปลี่ยนไป ซึ่งจะทำให้โดยค่อยๆทำให้ระบบนั้นเย็นตัวลงหรือร้อนขึ้นอย่างช้าๆ เนื่องจากชนิดจำนวนและปริมาณของเฟสจะมีผลกระทบต่อคุณสมบัติของวัสดุ Phase diagram จึงเป็นประโยชน์ต่อนักวิทยาศาสตร์และวิศวกรทั้งนี้เนื่องจาก Phase diagram สามารถให้ข้อมูลที่เป็นประโยชน์ในการทำนายคุณสมบัติของวัสดุได้ เช่น

1. แสดงเฟสต่างๆที่มีอยู่ในวัสดุที่สถานะที่ต่างกัน
2. แสดงถึงสภาพละลายได้ของธาตุหนึ่งในอีกธาตุหนึ่ง ณ สถานะสมดุล
3. สามารถบอกให้ทราบถึงอุณหภูมิที่โลหะผสมเริ่มแข็งตัวเป็นของแข็งและช่วงอุณหภูมิที่โลหะผสมเกิดการแข็งตัว เมื่อโลหะผสมนั้นถูกทำให้เย็นตัวลงอย่างช้าๆ
4. สามารถบอกให้ทราบถึงอุณหภูมิที่โลหะผสมเริ่มหลอมละลาย

ในแกนนอนของเฟสไดอะแกรมคืออัตราส่วนผสมของสารมีค่าตั้งแต่ 0 ถึง 1 (0%-100%) ส่วนในแกนตั้งคือช่วงอุณหภูมิที่พิจารณา

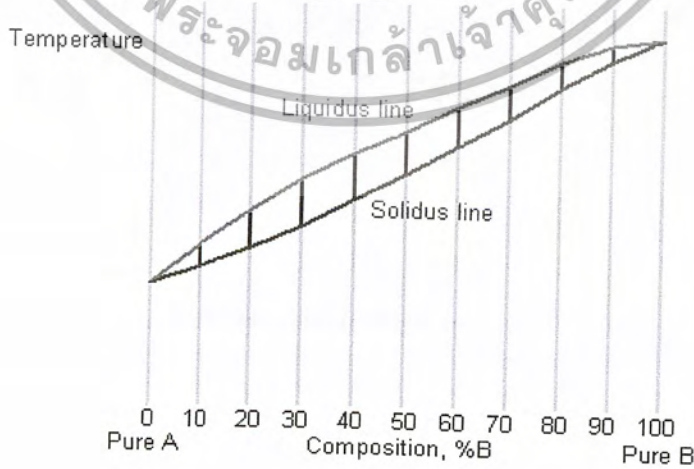
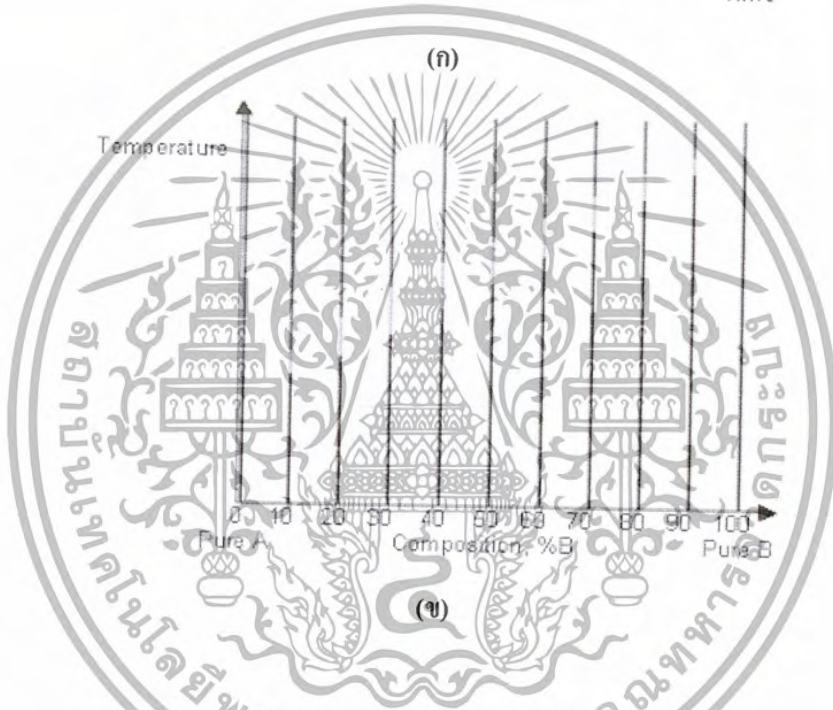
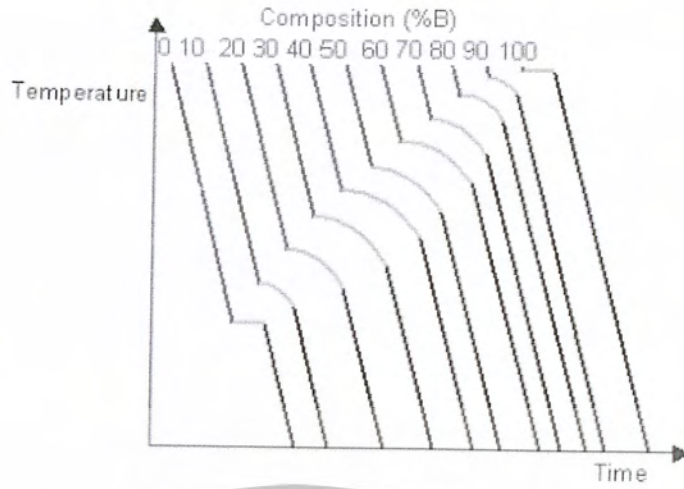
#### 2.2 วิธีการหาเฟสไดอะแกรม

การหาเฟสไดอะแกรมของโลหะผสมสามารถทำได้หลายวิธีในที่นี้เราได้ยกตัวอย่างวิธีการหาเฟสไดอะแกรมมา 2 วิธี ดังต่อไปนี้

##### 2.2.1 การหาเฟสไดอะแกรมจากการทดลอง

การหาเฟสไดอะแกรมจากการทดลองทำได้โดยใช้วิธี Thermal Analysis โดยค่อยๆ ทำให้ระบบระบบนั้นเย็นตัวลงหรือร้อนขึ้นอย่างช้าๆ โดยจะต้องทำการบันทึกผลเมื่อมีการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิจนครบช่วงอุณหภูมิที่เราจะพิจารณา เฟสไดอะแกรมจะถูกต้องเพียงใดขึ้นกับความละเอียดของช่วงอุณหภูมิที่เราจะพิจารณา ยิ่งแบ่งหลายช่วงอุณหภูมิจะยิ่งถูกต้องมากขึ้น เมื่อทำการบันทึกผลจนครบช่วงอุณหภูมิที่เราจะพิจารณาก็จะได้ liquid-solid cooling curve ของระบบ เมื่อเราลากเส้นผ่านจุดเปลี่ยนเฟสของ cooling curve ของแต่ละช่วงอุณหภูมิที่เราจะพิจารณาก็จะได้เฟสไดอะแกรมที่สมบูรณ์ วิธีการนี้ถ้าต้องการความถูกต้องมากก็ต้องเตรียมสารไว้หลายอัตราส่วนซึ่งค่อนข้างสิ้นเปลืองเพราะธาตุบางอย่างมีราคาแพงมาก หรือไม่ก็มีจำนวนน้อย

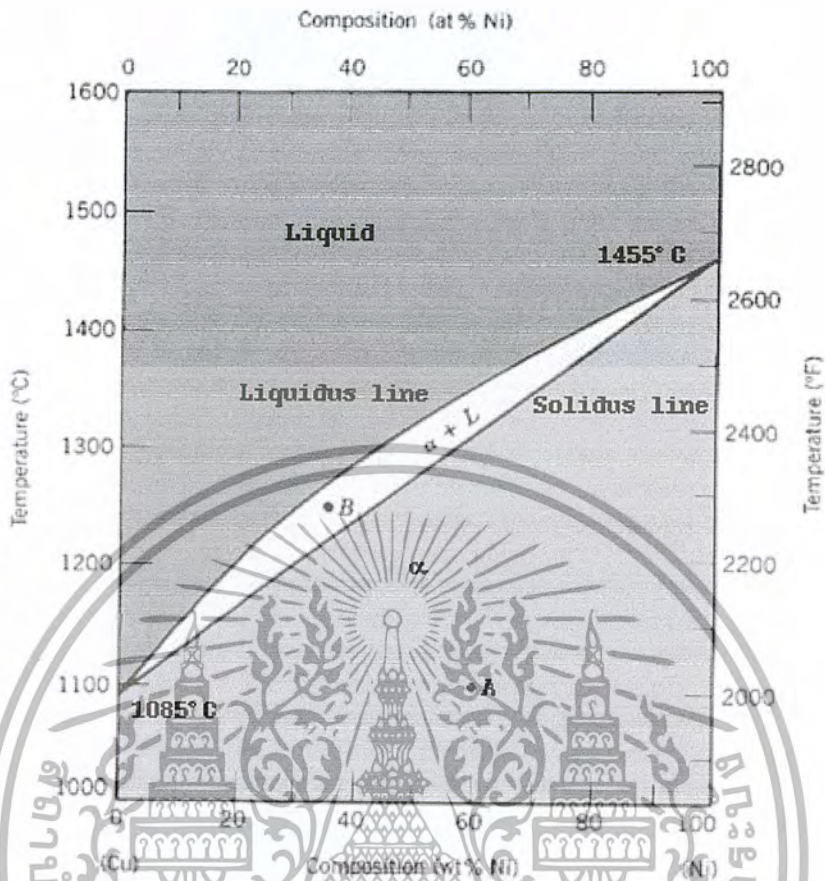
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



(ค)

รูปที่ 2-1 แสดงวิธีสร้างเฟสไดอะแกรมด้วยวิธี Thermal Analysis

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 2-2 ตัวอย่างเฟสไดอะแกรมที่ทำด้วยวิธี Thermal Analysis

### 2.2.2 การหาเฟสไดอะแกรมจากการใช้ Model ทางเทอร์โมไดนามิกส์ของวัสดุศาสตร์

ดังที่กล่าวไว้แล้วข้างต้นว่าเฟสไดอะแกรมมักจะถูกสร้างขึ้นที่สภาวะสมดุล ซึ่งที่สภาวะสมดุลนั้นเกิดขึ้นเมื่อพลังงานอิสระของกิบส์มีค่าต่ำสุด สมดุลของเฟสในระบบสามารถหาได้โดยใช้ความรู้เกี่ยวกับพลังงานอิสระของกิบส์ของแต่ละเฟสด้วยสัดส่วนของสาร และ อุณหภูมิ

**เอนโทรปี (Entropy : Degree of disorder)** มีความสัมพันธ์กับความสามารถในการจัดเรียงตัวของอนุภาค เรียกว่า thermodynamic probability หรือ number of microstate ( $W$ ) ซึ่งเป็นตัวบอกว่าอนุภาคมีความสามารถในการจัดเรียงตัวมากน้อยเพียงใด โดยการใช้ความสัมพันธ์ของ Boltzmann  $S = k \ln W$

เมื่อ  $k$  คือ ค่าคงที่ของ Boltzmann ( $kNa = R$ )

$$k = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K}$$

$Na$  คือ Avogadro's Number =  $6.02 \times 10^{23}$  อนุภาค/โมลอนุภาค

$R$  คือ ค่าคงที่ของแก๊ส (8.3144 J/K mole)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

$$\begin{aligned}
 W &= (N_A + N_B)! / (N_A! N_B!) && \text{เมื่อ } \ln N! \approx N \ln N - N \\
 S &= k \ln[(N_A + N_B)!] - \ln N_A! - \ln N_B! \\
 S &= k [(N_A + N_B) \ln(N_A + N_B) - (N_A + N_B) - N_A \ln N_A + N_A - N_B \ln N_B + N_B] \\
 S &= -k [N_A \ln N_A / (N_A + N_B) + N_B \ln N_B / (N_A + N_B)] \\
 &&& \text{เมื่อ } X_A = N_A / (N_A + N_B), X_B = N_B / (N_A + N_B) \\
 &&& N_A + N_B = N_A \\
 &&& N_A = X_A N_A \quad N_B = X_B N_A \\
 S &= -R[X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] \tag{1}
 \end{aligned}$$

### สมการอุดมคติ (Ideal solution)

$$\begin{aligned}
 \Delta G^{\text{Mix, id}} &= \Delta H^{\text{i, Mix}} - T \Delta S^{\text{Mix, id}} && \text{สำหรับ Ideal solution } \Delta H^{\text{i, Mix}} = 0 \\
 \Delta G^{\text{Mix, id}} &= -T \Delta S^{\text{Mix, id}} \\
 \Delta G^{\text{Mix, id}} &= RT [X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] \tag{2}
 \end{aligned}$$

### สมการทั่วไป (Regular solution)

$$\begin{aligned}
 \Delta G^{\text{Mix}} &= \Delta G^{\text{Mix, id}} + G^{\text{XS}} \\
 \Delta G^{\text{Mix}} &= -T \Delta S^{\text{i, Mix}} + \Delta H^{\text{Mix}} && \text{สำหรับ Regular solution } \Delta H^{\text{Mix}} \neq 0, \Delta S^{\text{Mix}} = 0 \\
 &&& \text{เมื่อ } G^{\text{XS}} = \Delta H^{\text{Mix}} = \alpha X_A X_B
 \end{aligned}$$

ดังนั้นพลังงานอิสระของกิบส์ของการก่อตัวสำหรับสมการทั่วไปคือ

$$\Delta G^{\text{Mix}} = RT[X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] + \alpha X_A X_B \tag{3}$$

เมื่อ  $\alpha$  คือ Interaction Parameters ของแต่ละเฟส

พลังงานอิสระของกิบส์ของกระบวนการผสมใน เฟสของ solid solution และ เฟสของ liquid solution คือ

$$\Delta G_S^{\text{M}} = RT[X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] + \alpha_S X_A X_B - X_A \Delta G_{\text{m(A)}}^{\circ} - X_B \Delta G_{\text{m(B)}}^{\circ} \tag{4}$$

$$\Delta G_L^{\text{M}} = RT[X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] + \alpha_L X_A X_B + X_A \Delta G_{\text{m(A)}}^{\circ} + X_B \Delta G_{\text{m(B)}}^{\circ} \tag{5}$$

$$\text{เมื่อ } G_{\text{m(A)}}^{\circ(\text{L})} - G_{\text{m(A)}}^{\circ(\text{S})} = \Delta G_{\text{m(A)}}^{\circ}$$

$$G_{\text{m(A)}}^{\circ(\text{S})} - G_{\text{m(A)}}^{\circ(\text{L})} = -\Delta G_{\text{m(A)}}^{\circ}$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

$$G^{\circ(L)}_{m(B)} - G^{\circ(S)}_{m(B)} = \Delta G^{\circ}_{m(B)}$$

$$\Delta G^{\circ}_m = \Delta H^{\circ}_m - T\Delta S^{\circ}_m$$

ถ้า  $C_{p(S)} = C_{p(L)}$  ดังนั้น  $\Delta H^{\circ}_m$  และ  $\Delta S^{\circ}_m$  จะไม่ขึ้นกับอุณหภูมิ

$$\text{ทำให้ } \Delta G^{\circ}_m = \Delta H^{\circ}_m - (T/T_m)T_m$$

เมื่อ  $T_m$  คืออุณหภูมิของวัสดุอุณหภูมิหลอมละลาย

เมื่อเราทำการกำหนดอุณหภูมิที่จะพิจารณาของส่วนผสมต่างๆก็จะได้กราฟพลังงานอิสระของกิบส์

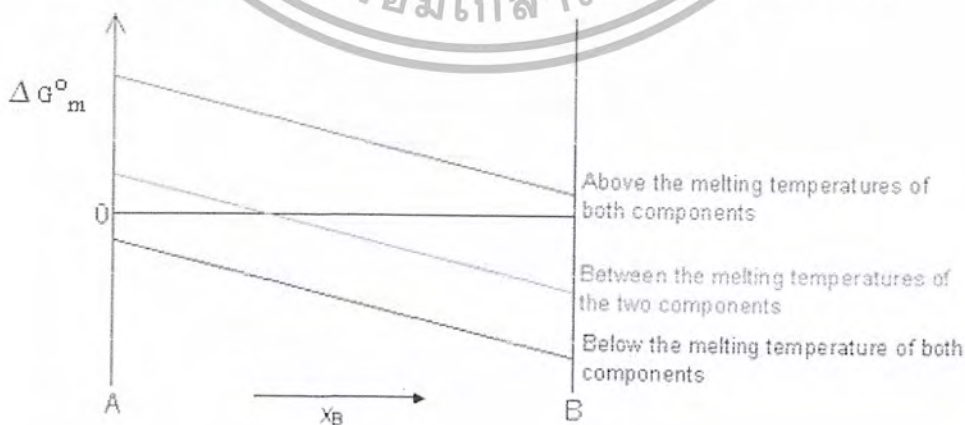
โดย  $\Delta G^{\circ}_m = 0$  ที่อุณหภูมิหลอมเหลวของอัตราส่วนผสม

$\Delta G^{\circ}_m < 0$  ที่ต่ำกว่าอุณหภูมิหลอมเหลวของอัตราส่วนผสม

$\Delta G^{\circ}_m > 0$  ที่สูงกว่าอุณหภูมิหลอมเหลวของอัตราส่วนผสม



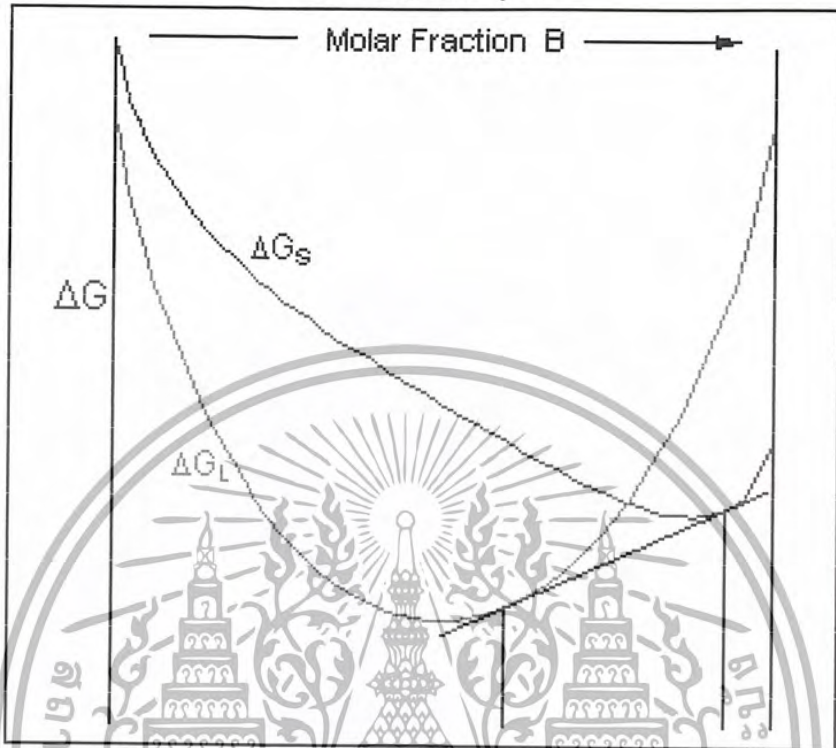
รูปที่ 2-3 แสดงตัวอย่างกราฟพลังงานอิสระของกิบส์ที่อุณหภูมิใดๆของเฟสของแข็ง



รูปที่ 2-4 แสดงผลของ  $\Delta G^{\circ}_m$  ต่อกราฟพลังงานอิสระของกิบส์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

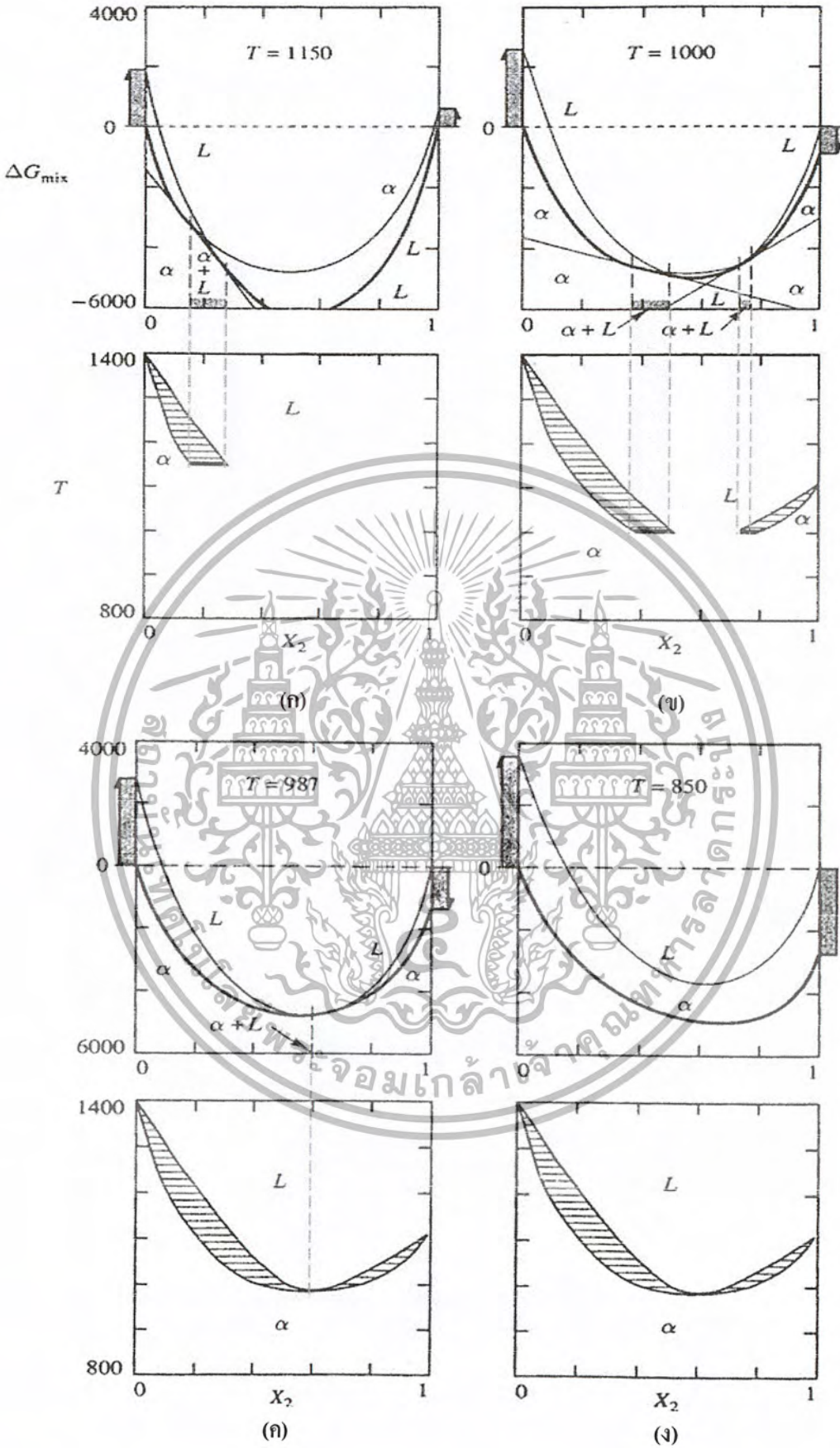
ในขณะที่อุณหภูมิเปลี่ยนแปลงไป สภาวะสมดุลจะเกิดขึ้น เมื่อพลังงานอิสระของกิบส์ ของทั้ง 2 เฟสมีค่าต่ำสุด โดยหาจากเส้นสัมผัสร่วมกัน (Cotangent) ดังรูปที่ 2-5



รูปที่ 2-5 แสดงการหาสมดุลของระบบจากเส้นสัมผัสร่วม

เมื่อทำการหาอัตราส่วนผสม ณ จุดที่เกิดเส้นสัมผัสร่วมที่อุณหภูมิหนึ่งๆ จะพิจารณาที่จะได้เฟสใดอะแกมใน ช่วงที่เราจะทำการพิจารณา

ในรูปที่ 2-6 นั้น ด้านบนคือกราฟพลังงานอิสระของกิบส์ของสารทั้ง 2 เฟส ด้านล่างคือเฟสไดอะแกรม แกนในแนวนอนของทั้ง 2 กราฟคือสัดส่วนสารเหมือนกัน ขั้นแรกเราจะทำการหากราฟพลังงานอิสระของกิบส์ของสารทั้ง 2 เฟสที่อุณหภูมิใดๆ ก่อนก่อน จากนั้นเราจะมาพิจารณาว่ามีจุดที่ทำให้เกิดเส้นสัมผัสร่วมบนกราฟพลังงานอิสระของกิบส์ของสารทั้ง 2 เฟสและที่จุดเหล่านั้นตรงกับสัดส่วนสารเท่าใด เมื่อหาตำแหน่งของสัดส่วนสารบนกราฟพลังงานอิสระของกิบส์ของสารทั้ง 2 เฟสได้แล้วก็จะลากเส้นฉายลงมาที่เฟสไดอะแกรมที่ตำแหน่งในแกนตั้งเท่าอุณหภูมินั้นๆ ทำอย่างนี้ไปเรื่อยๆ จนครบช่วงอุณหภูมิที่เราจะพิจารณาก็จะได้เฟสไดอะแกรมในช่วงอุณหภูมินั้นออกมา โดยคุณสมบัติทางเทอร์โมไดนามิกส์ของแต่ละโลหะหาได้จากภาคผนวก ก



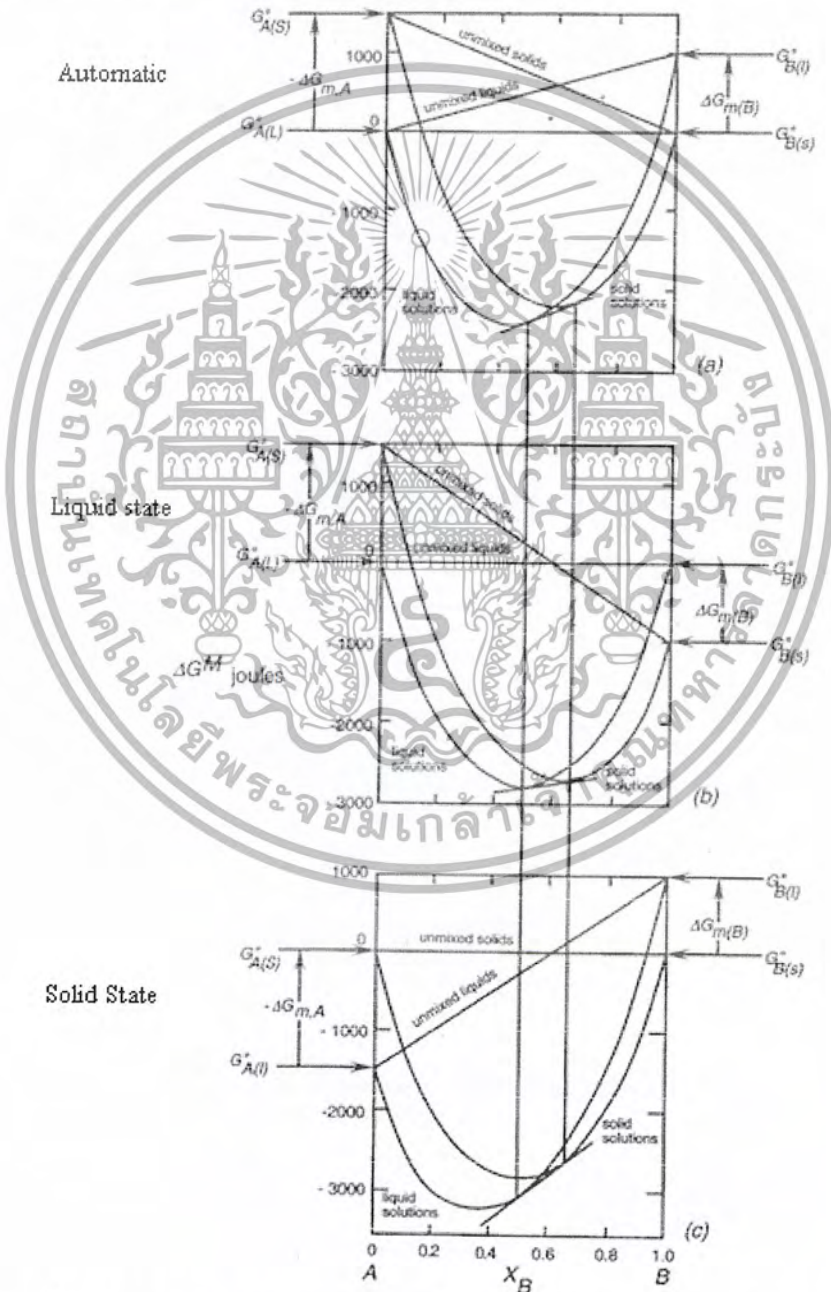
รูปที่ 2-6 แสดงตัวอย่างการหาเฟสไดอะแกรมจากเส้นสัมผัสร่วม

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

สภาวะอ้างอิง (Reference state) คือสภาวะเริ่มต้นสำหรับแต่ละสารในขณะเริ่มต้นกระบวนการผสมกันของสาร ซึ่งจะถูกกำหนดคุณสมบัติ 4 ประการ

1. ความดัน = ที่ความดันเดียวกัน
2. อุณหภูมิ = ที่อุณหภูมิเดียวกัน
3. สัดส่วนของสาร = สารบริสุทธิ์
4. เฟสฟอร์ม = เฟสฟอร์มเดียวกัน

ซึ่งสภาวะอ้างอิงมี 3 แบบ คือ Automatic, Liquid state, Solid State แต่ไม่ว่าเราจะเลือกใช้สภาวะอ้างอิงแบบใดก็ตามเราก็จะได้เฟสไดอะแกรมที่เหมือนกันทั้ง 3 วิธี

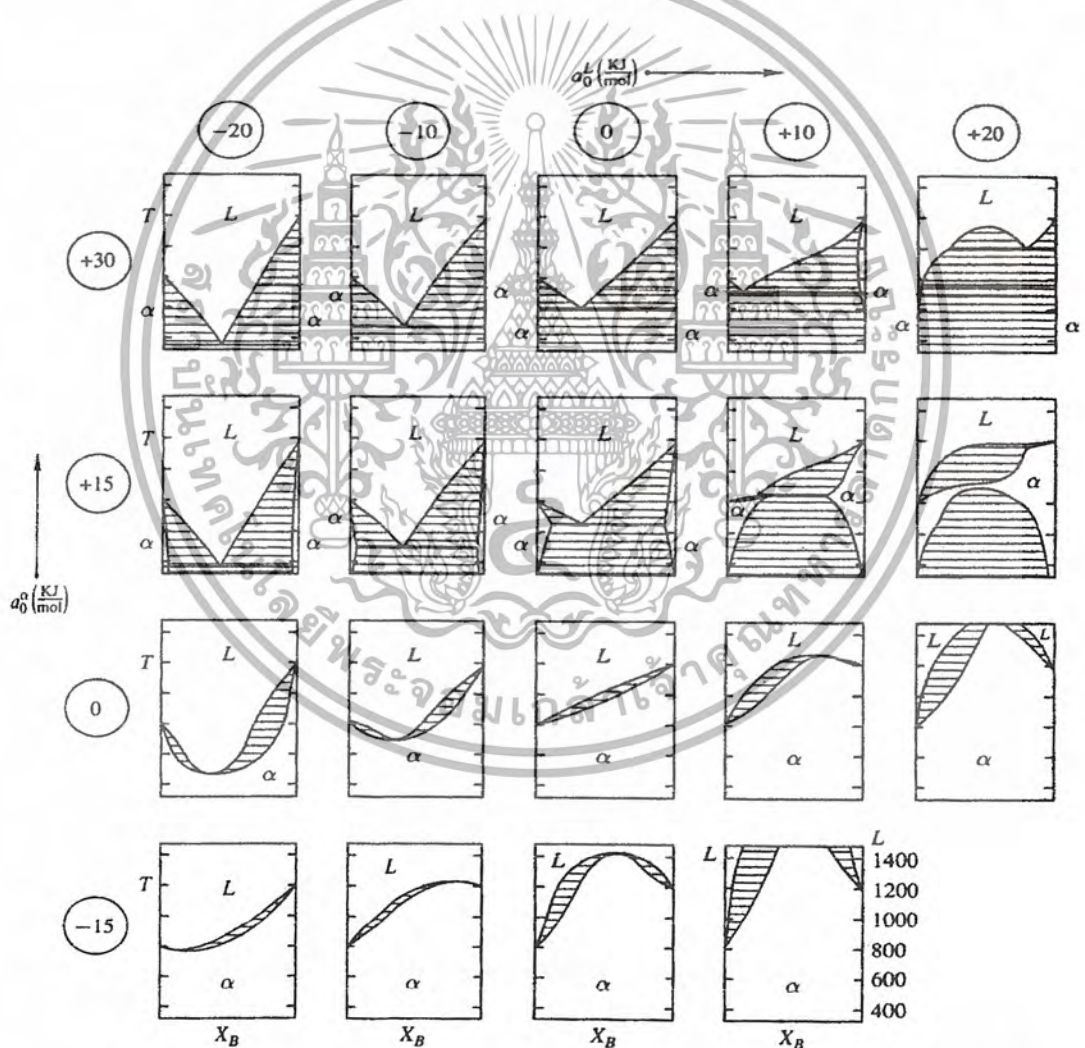


รูปที่ 2-7 แสดงการเลือกใช้สภาวะอ้างอิงที่ต่างกันแต่ก็ให้อัตราส่วนผสมเดียวกัน

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

จากรูปที่ 2-6 จะเห็นได้ว่าแม้เราจะเลือกใช้สภาวะอ้างอิงที่ต่างกันแต่ก็ให้อัตราส่วนผสมเดียวกัน ซึ่งในที่สุดแล้วก็จะให้เฟสไดอะแกรมที่เหมือนกัน โดยข้อแตกต่างของสภาวะอ้างอิงทั้ง 3 คือ

1. สภาวะ Automatic จะตรึงเส้นกราฟของเฟสที่มี  $\Delta G^M$  ต่ำสุด ตรงที่อัตราส่วนผสม 0 และ 1 ไว้ ที่ 0 ของแกน  $\Delta G^M$  ในทุกอุณหภูมิ
2. สภาวะ Liquid state จะตรึงเส้นกราฟของเฟสของเหลวตรงที่อัตราส่วนผสม 0 และ 1 ไว้ที่ 0 ของแกน  $\Delta G^M$  ในทุกอุณหภูมิ โดยไม่สนใจว่า  $\Delta G^M$  ของเฟสใดต่ำกว่าที่อัตราส่วนผสม 0 และ 1
3. สภาวะ Solid state จะตรึงเส้นกราฟของเฟสของแข็งตรงที่อัตราส่วนผสม 0 และ 1 ไว้ที่ 0 ของแกน  $\Delta G^M$  ในทุกอุณหภูมิ โดยไม่สนใจว่า  $\Delta G^M$  ของเฟสใดต่ำกว่าที่อัตราส่วนผสม 0 และ 1



รูปที่ 2-8 แสดงแนวโน้มของการเปลี่ยนแปลงของเฟสไดอะแกรมเมื่อเปลี่ยนแปลง  $\alpha_S$  และ  $\alpha_L$

## บทที่ 3

### การดำเนินการ

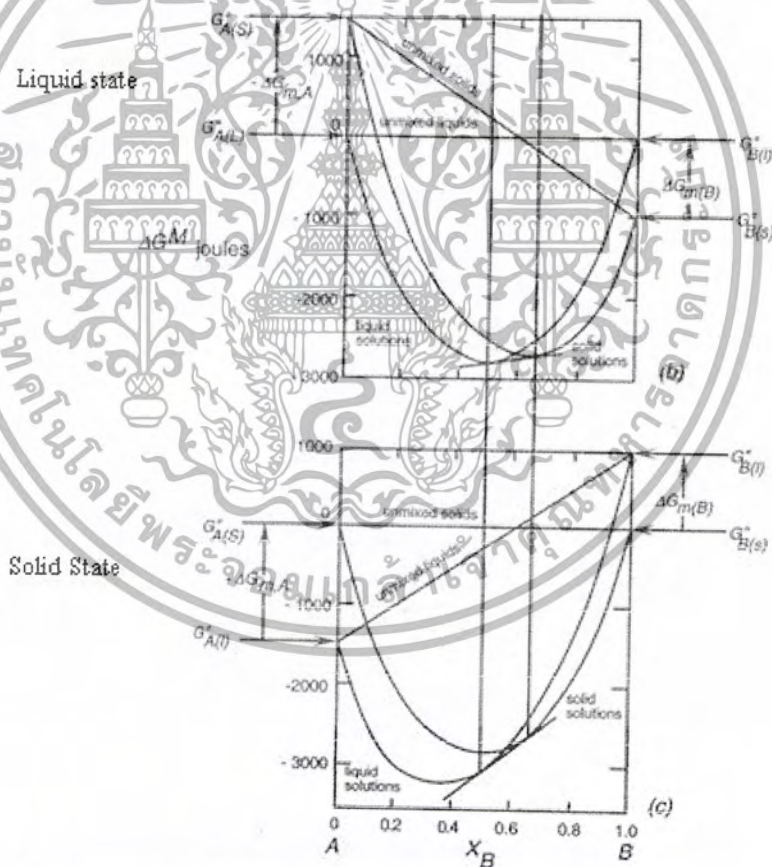
#### 3.1 วิธีการคำนวณสถานะอ้างอิง

การหาสถานะอ้างอิงของทั้งสถานะของแข็งและของเหลวทำได้โดยกำหนดค่าที่เป็นศูนย์ทั้งที่  $x_A = 0$  และที่  $x_A = 1$  ที่สถานะนั้น ๆ

จากสมการทั่วไป(4)และ(5)

$$\Delta G_S^M = RT[X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] + \alpha_S X_A X_B - X_A \Delta G_{m(A)}^\circ - X_B \Delta G_{m(B)}^\circ$$

$$\Delta G_L^M = RT[X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] + \alpha_L X_A X_B + X_A \Delta G_{m(A)}^\circ + X_B \Delta G_{m(B)}^\circ$$



รูปที่ 3-1 แสดงการหาเฟสไดอะแกรมจากสถานะของแข็งและสถานะของเหลว

สภาวะของแข็ง สมการที่ใช้เป็นดังนี้

$$\Delta G_S^M = RT [X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] + \alpha_S X_A X_B$$

$$\Delta G_L^M = RT [X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] + \alpha_L X_A X_B + X_A \Delta G_{m(A)}^\circ + X_B \Delta G_{m(B)}^\circ$$

สภาวะของเหลว สมการที่ใช้เป็นดังนี้

$$\Delta G_S^M = RT [X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] + \alpha_S X_A X_B - X_A \Delta G_{m(A)}^\circ - X_B \Delta G_{m(B)}^\circ$$

$$\Delta G_L^M = RT [X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] + \alpha_L X_A X_B$$

ดังนั้นในการคำนวณจึงเพิ่มค่าตัวแปร  $f_{1S}, f_{2S}, f_{1L}, f_{2L}$  เพื่อจัดการสภาวะต่าง ๆ

สมการทั่วไปที่ใช้ในโปรแกรม

$$\Delta G_S^M = RT [X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] + \alpha_S X_A X_B - f_{1S} X_A \Delta G_{m(A)}^\circ - f_{2S} X_B \Delta G_{m(B)}^\circ \quad (6)$$

$$\Delta G_L^M = RT [X_A \ln X_A + X_B \ln X_B] + \alpha_L X_A X_B + f_{1L} X_A \Delta G_{m(A)}^\circ + f_{2L} X_B \Delta G_{m(B)}^\circ \quad (7)$$

ซึ่งค่า  $f_{1S}, f_{2S}, f_{1L}, f_{2L}$  มีค่าเป็น 0 และ 1 โดยมีค่าขึ้นกับตัวแปร  $\Delta G_{m(A)}^\circ$  และ  $\Delta G_{m(B)}^\circ$  ดังนี้

1. ถ้า  $\Delta G_{m(A)}^\circ$  น้อยกว่าหรือเท่ากับ 0 แล้ว  $f_{1S} = 1, f_{1L} = 0$
2. ถ้า  $\Delta G_{m(B)}^\circ$  น้อยกว่าหรือเท่ากับ 0 แล้ว  $f_{2S} = 1, f_{2L} = 0$
3. ถ้า  $\Delta G_{m(A)}^\circ$  มากกว่าหรือเท่ากับ 0 แล้ว  $f_{1S} = 0, f_{1L} = 1$
4. ถ้า  $\Delta G_{m(B)}^\circ$  มากกว่าหรือเท่ากับ 0 แล้ว  $f_{2S} = 0, f_{2L} = 1$

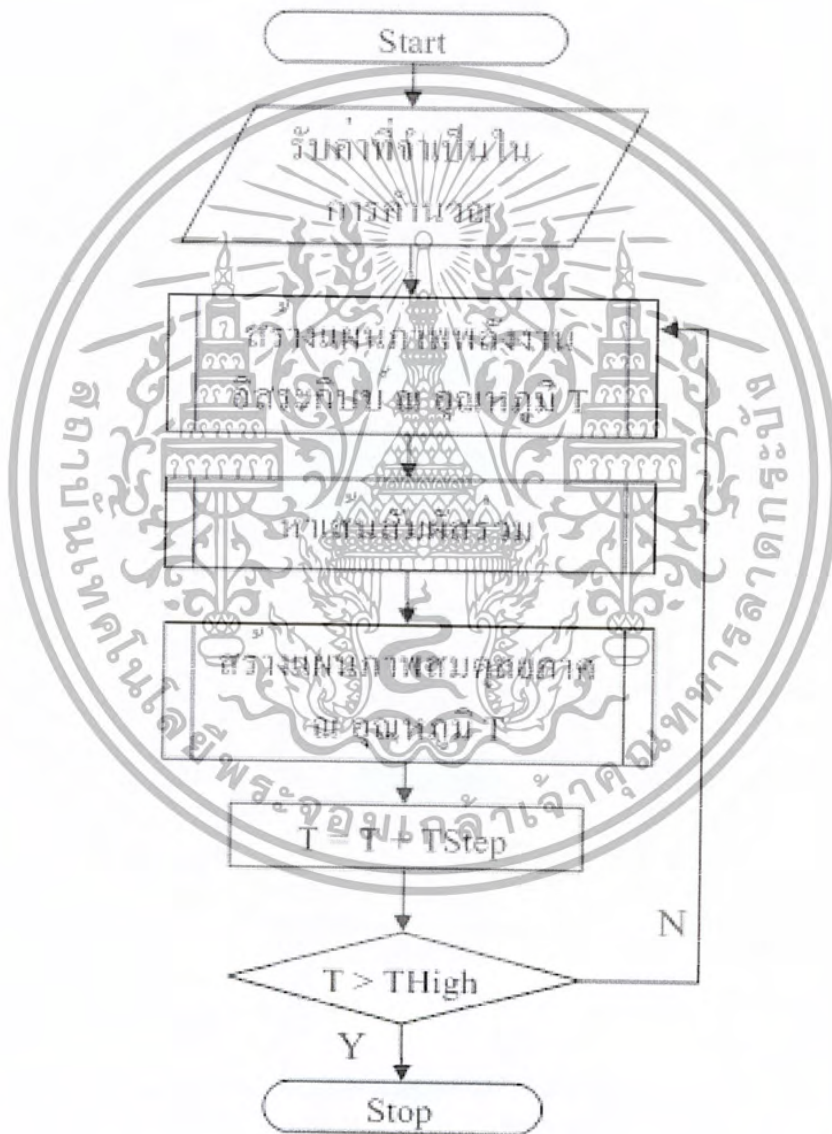
คุณสมบัติทางเทอร์โมไดนามิกส์ของแต่ละโลหะหาได้จากภาคผนวก ก

### 3.2 แผนภาพแสดงขั้นตอนการทำงาน (Flow Chart) ของโปรแกรม

ขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมสามารถอธิบายได้ด้วยแผนภาพแสดงขั้นตอนการทำงาน (Flow Chart) ของโปรแกรมหาดังต่อไปนี้

#### 3.2.1 การทำงานของโปรแกรมหลัก

ส่วนนี้จะเป็นการรับค่าคุณสมบัติต่างๆของสารเพื่อนำไปคำนวณต่อไป มีขั้นตอนการทำงานดังแสดงในรูปที่ 3-2

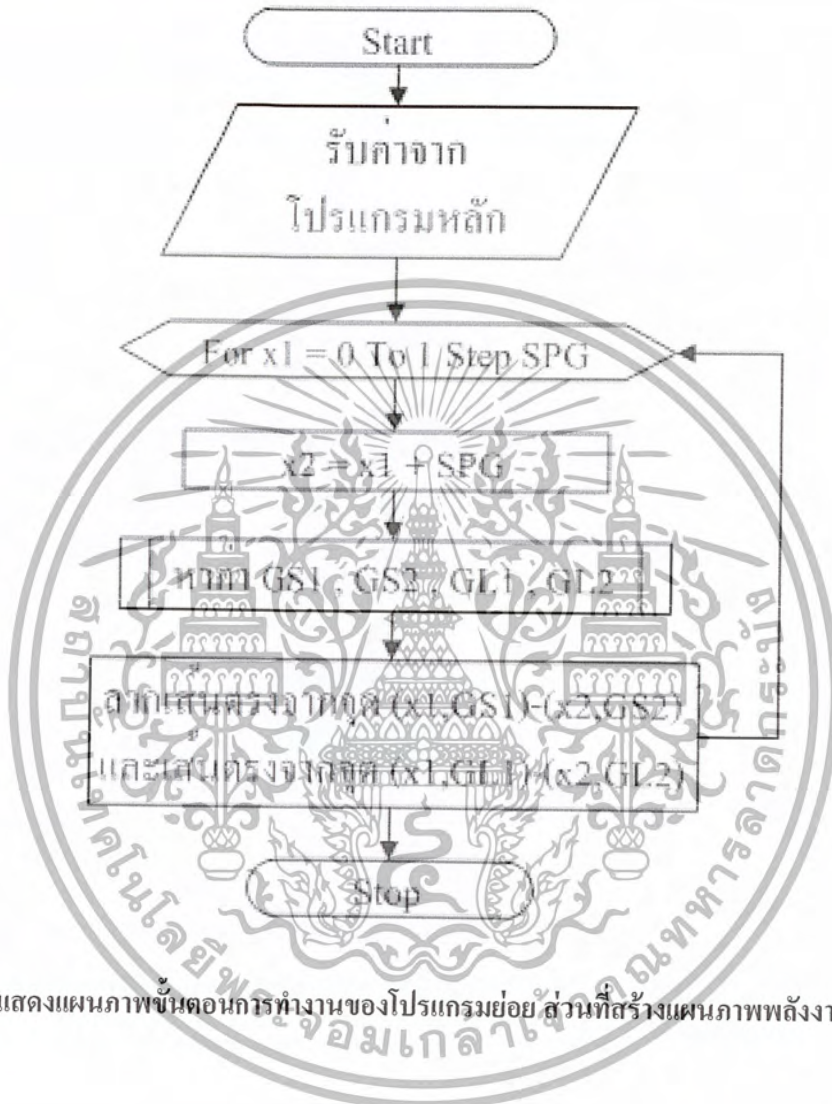


รูปที่ 3-2 แสดงแผนภาพขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมหลัก

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

### 3.2.2 การทำงานของโปรแกรมย่อย ส่วนสร้างแผนภาพพลังงานอิสระกิบส์

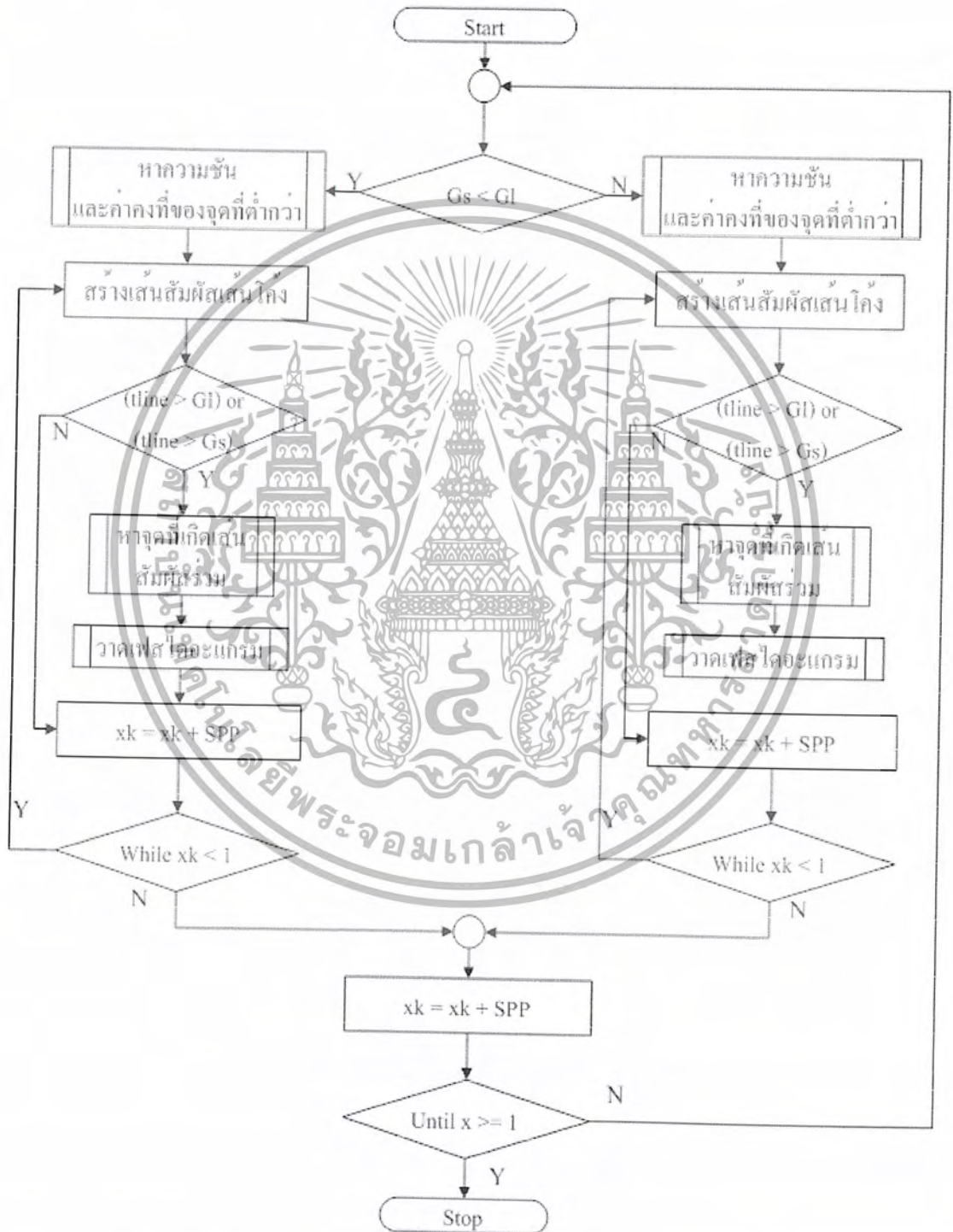
โปรแกรมย่อยส่วนนี้จะรับค่าจากโปรแกรมหลักเพื่อมาใช้ในการสร้างแผนภาพพลังงานอิสระกิบส์ มีขั้นตอนการทำงานดังแสดงในรูปที่ 3-3



รูปที่ 3-3 แสดงแผนภาพขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมย่อย ส่วนที่สร้างแผนภาพพลังงานอิสระกิบส์

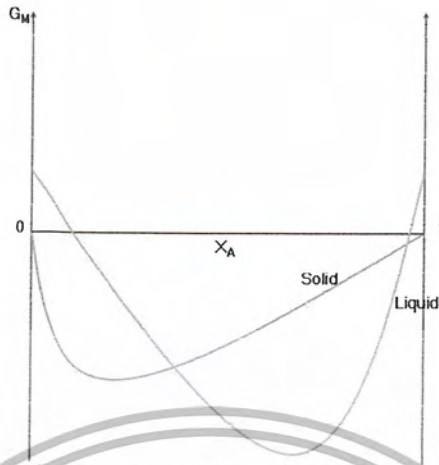
3.2.3 การทำงานของโปรแกรมย่อย ส่วนหาเส้นสัมผัสร่วม

โปรแกรมส่วนนี้จะ เป็นโปรแกรมย่อยที่ใช้หาเส้นสัมผัสร่วมของเส้นพลังงานอิสระกิบส์ทั้ง 2 เฟสเพื่อนำสัดส่วนสารตรงที่เกิดเส้นสัมผัสร่วมไปสร้างเฟสไดอะแกรมอีกครั้ง โดยมีขั้นตอนการทำงาน ดังแสดงในรูปที่ 3-4



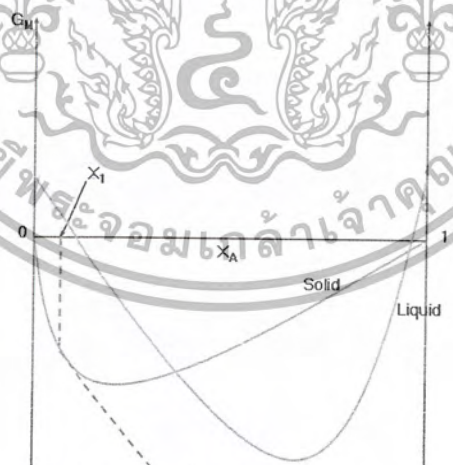
รูปที่ 3-4 แสดงแผนภาพขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมย่อย ส่วนหาเส้นสัมผัสร่วม

3.1 วิธีการคำนวณหาเส้นสัมผัสร่วม

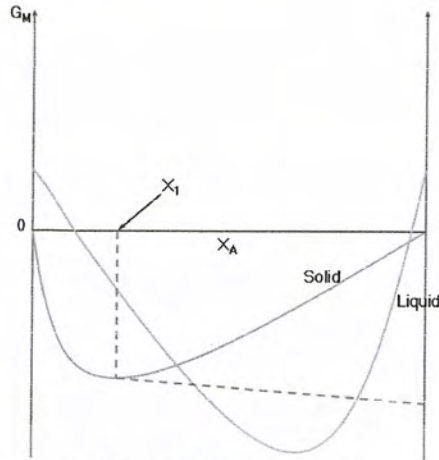


รูปที่ 3-5 แสดงแผนภาพพลังงานอิสระกิบส์

1. เริ่มต้นจาก  $x_1 = 0$
2. หาความชันของเส้นพลังงานกิบส์ที่มีค่าต่ำกว่าโดยใช้สมการ  $f'(x_1) = (f(x_1 + \Delta x) - f(x_1)) / \Delta x$  เพื่อหาค่าความชัน (m) จากรูปที่ 3-5 พลังงานอิสระกิบส์ของของแข็งที่  $x_1 = 0$  มีค่าต่ำกว่าพลังงานอิสระกิบส์ของของแข็ง
3. หาค่าคงที่จากจุด  $x_1 = 0$  โดยใช้สมการ  $C = f(x_1) - mx_1$
4. สร้างเส้นสัมผัสจากจุด  $x_1$  โดยใช้สมการ  $f(x_1) = mx_1 + C$

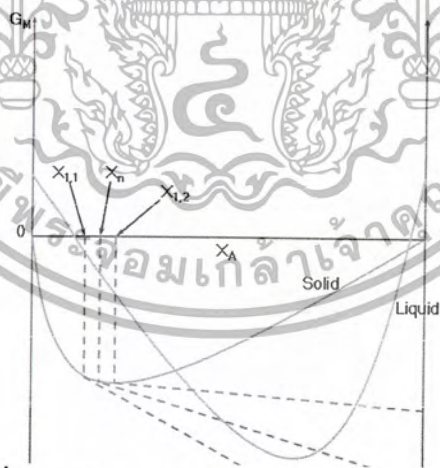


รูปที่ 3-6 แสดงเส้นสัมผัสที่ไม่ตัดกับเส้นพลังงานอิสระกิบส์



รูปที่ 3-7 แสดงเส้นสัมผัสที่ตัดกับเส้นพลังงานอิสระกิบส์

5. จากจุด  $x_1 = 0$  ถึง  $x_1 = 1$  เปรียบเทียบค่าของเส้นสัมผัส ณ ตำแหน่ง  $x_1$  กับพลังงานอิสระกิบส์ของของแข็ง และพลังงานอิสระกิบส์ของของเหลว
  - 5.1 ถ้าเส้นสัมผัส ณ ตำแหน่ง  $x_1$  มีค่าต่ำกว่าพลังงานอิสระกิบส์ของของแข็ง และพลังงานอิสระกิบส์ของของเหลว ทั้งหมด ดังรูปที่ 3-6 ทำข้อ (6)
  - 5.2 ถ้าเส้นสัมผัส ณ ตำแหน่ง  $x_1$  มีค่าสูงกว่าพลังงานอิสระกิบส์ของของแข็ง หรือพลังงานอิสระกิบส์ของของเหลว ดังรูปที่ 3-7 ทำข้อ (7)
6. เพิ่มค่า  $x_1 = x_1 + \epsilon$  โดยค่า  $\epsilon = 0.02$  จากนั้น กลับไปทำข้อ (2) ถึง ข้อ (5)

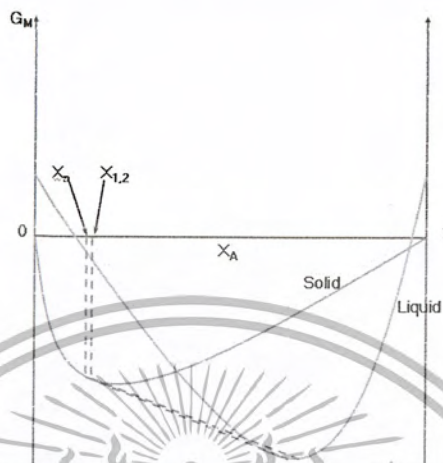


รูปที่ 3-8 แสดงการคำนวณด้วยวิธีการแบ่งครึ่งช่วง

7. กำหนด  $x_{1,2} = x_1$  และ  $x_{1,1} = x_{1,2} - \epsilon$  ดังรูปที่ 3-8 จากนั้น ใช้วิธีการแบ่งครึ่งช่วงและทำข้อต่อไป
8. วิธีการแบ่งครึ่งช่วง
  - 8.1  $x_n = (x_{1,1} + x_{1,2}) / 2$
  - 8.2 ทำข้อ (2) ถึง ข้อ (5) โดยแทน  $x_1$  ด้วย  $x_n$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

- 8.3 ถ้าเส้นสัมผัสที่จุด  $x_n$  มีค่ามากกว่า พลังงานอิสระกิบส์ของของแข็ง หรือพลังงานอิสระกิบส์ของของเหลว จะกำหนด  $x_{1,2} = x_n$  ถ้าเส้นสัมผัสที่จุด  $x$  มีค่าต่ำกว่า พลังงานอิสระกิบส์ของของแข็ง และพลังงานอิสระกิบส์ของของเหลวทั้งหมด จะกำหนด  $x_{1,1} = x_n$



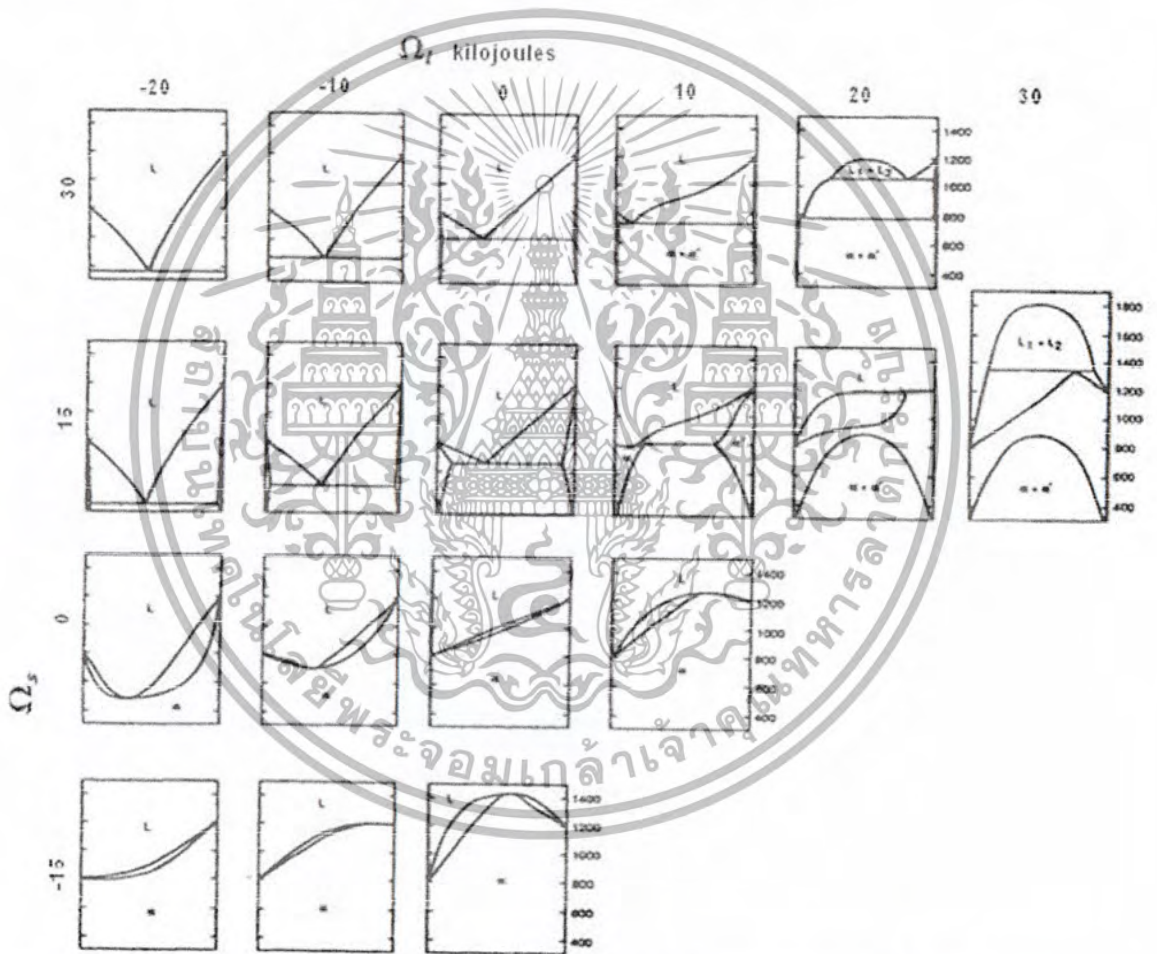
รูปที่ 3-9 แสดงการใช้วิธีแบ่งครึ่งช่วงจนพบเส้นสัมผัสร่วม

- 8.4 ทำซ้ำข้อ (8.1) จนถึง (8.3) จนกระทั่ง  $|x_i - x_{i-1}| / x_i < 0.005$  ดังรูป 3-9
9. กำหนดค่าใหม่ให้กลับ  $x_1 = x_0$  จากข้อ (8) จากนั้นทำซ้ำข้อ (2) ถึง (4) จนกระทั่ง  $x_1 = 1$

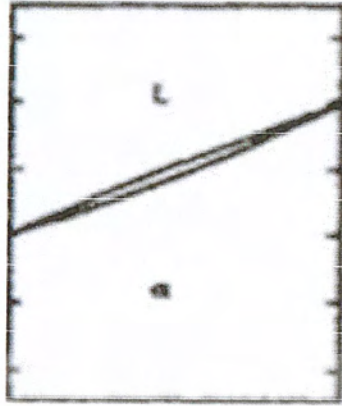
## บทที่ 4 ผลการวิจัย

### 4.1 วิธีการและทดสอบโปรแกรม

เมื่อนำผลที่ได้จากโปรแกรมนี้มาเปรียบเทียบกับผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson ที่อุณหภูมิหลอมเหลวของสารทั้ง 2 เท่ากับ 800 K และ 1200 K เอนโทรปีการหลอมเหลวเท่ากับ  $10 \text{ J/K}$  ทั้ง 2 สารมีแนวโน้มดังรูปที่ 4-1 ในที่นี้จะทดสอบโปรแกรมโดยการกรอกค่าตัวแปรตามที่กล่าวมาข้างต้นแต่จะเปลี่ยนค่า  $\alpha_S$  และ  $\alpha_L$  ตามรูปที่ 4-1 เพื่อเปรียบเทียบกับผลจากโปรแกรม



รูปที่ 4-1 ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson ที่อุณหภูมิหลอมเหลวของสารทั้ง 2 เท่ากับ 800 K และ 1200 K เอนโทรปีการหลอมเหลวเท่ากับ  $10 \text{ J/K}$  ทั้ง 2 สาร



(ก)



(ข)

รูปที่ 4-2  $\alpha_S = 0 \text{ J}$  และ  $\alpha_L = 0 \text{ J}$ , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson ,

ข) ผลจากโปรแกรม

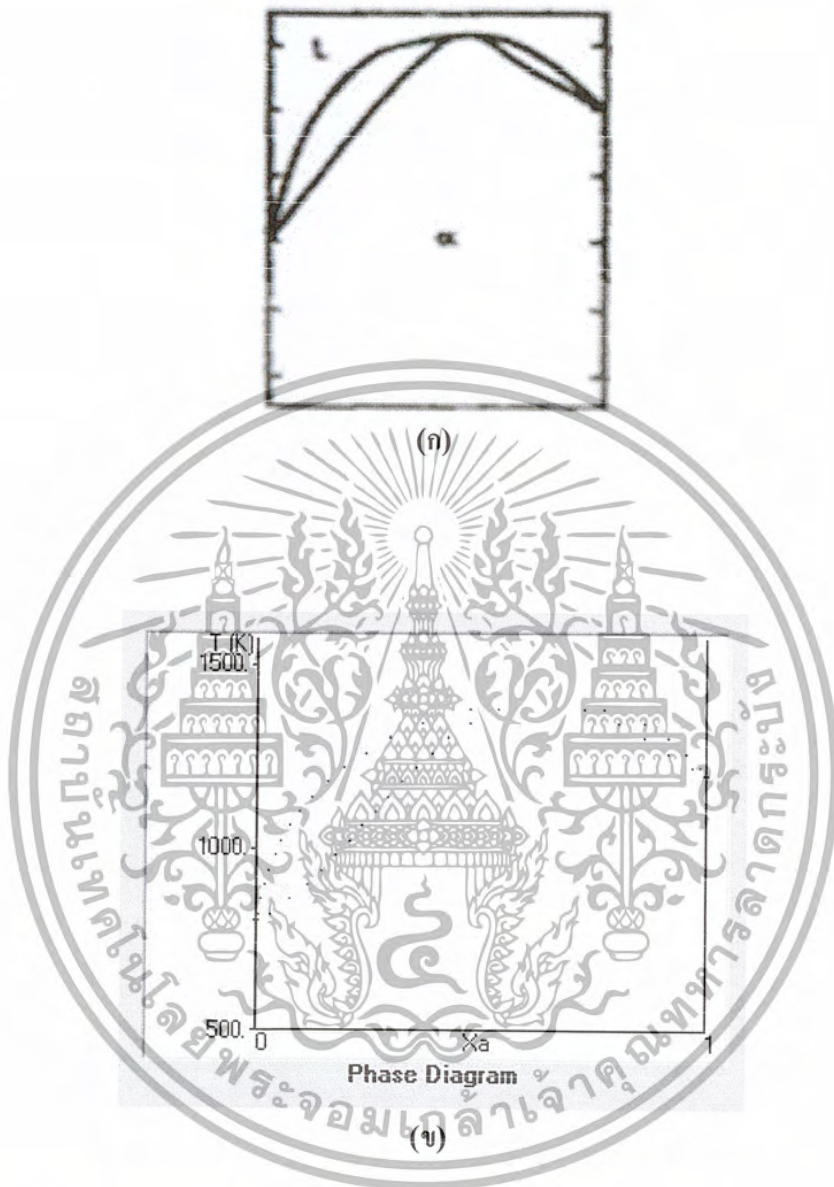
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4-3  $\alpha_S = 15000 \text{ J}$  และ  $\alpha_L = 0 \text{ J}$ , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson ,

ข) ผลจากโปรแกรม

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4-4  $\alpha_S = -15000$  J และ  $\alpha_L = 0$  J , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson ,  
ข) ผลจากโปรแกรม

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



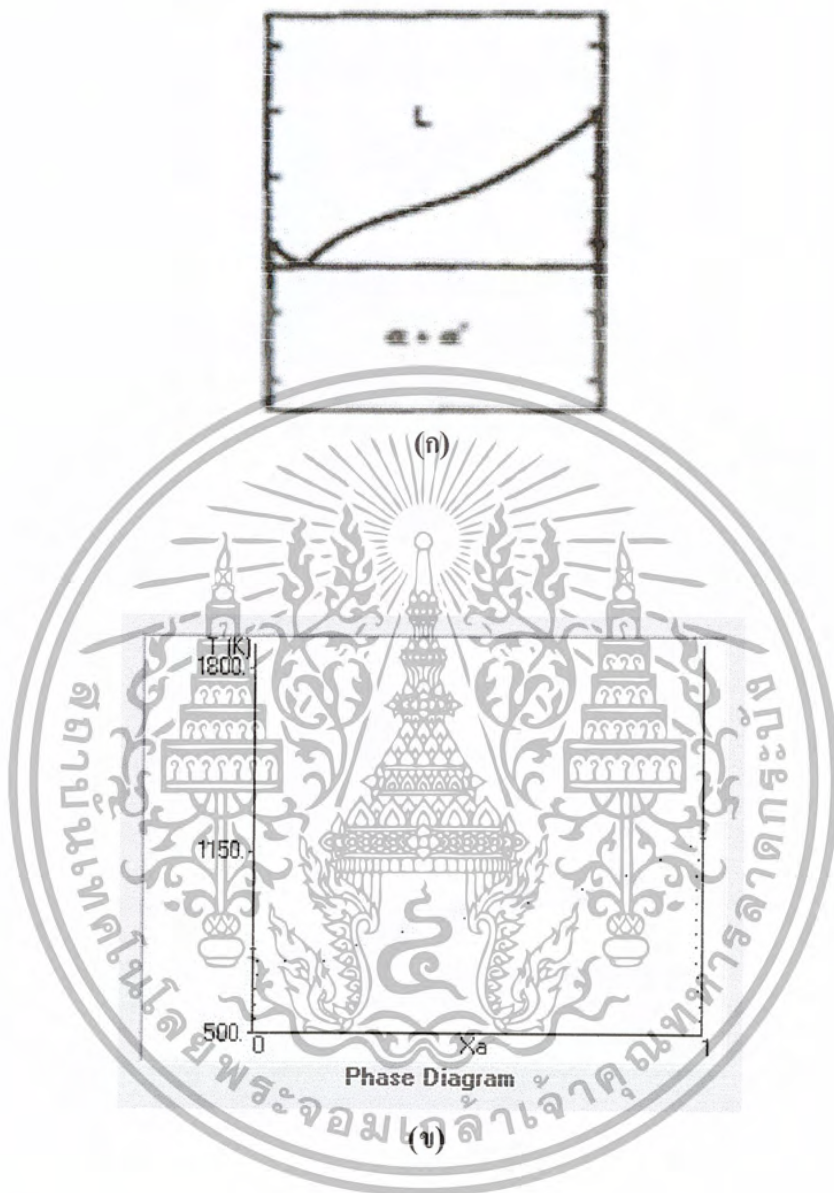
รูปที่ 4-5  $\alpha_S = 15000 \text{ J}$  และ  $\alpha_L = 10000 \text{ J}$ , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson ,  
ข) ผลจากโปรแกรม

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4-6  $\alpha_S = 15000 \text{ J}$  และ  $\alpha_L = 20000 \text{ J}$ , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson ,  
ข) ผลจากโปรแกรม

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4-7  $\alpha_S = 30000 \text{ J}$  และ  $\alpha_L = 10000 \text{ J}$ , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson ,  
 ข) ผลจากโปรแกรม

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
 ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4-8  $\alpha_S = 30000 \text{ J}$  และ  $\alpha_L = 20000 \text{ J}$ , ก) ผลของ A.D. Pelton และ W.T.Thomson ,

ข) ผลจากโปรแกรม

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## บทที่ 5

### สรุป

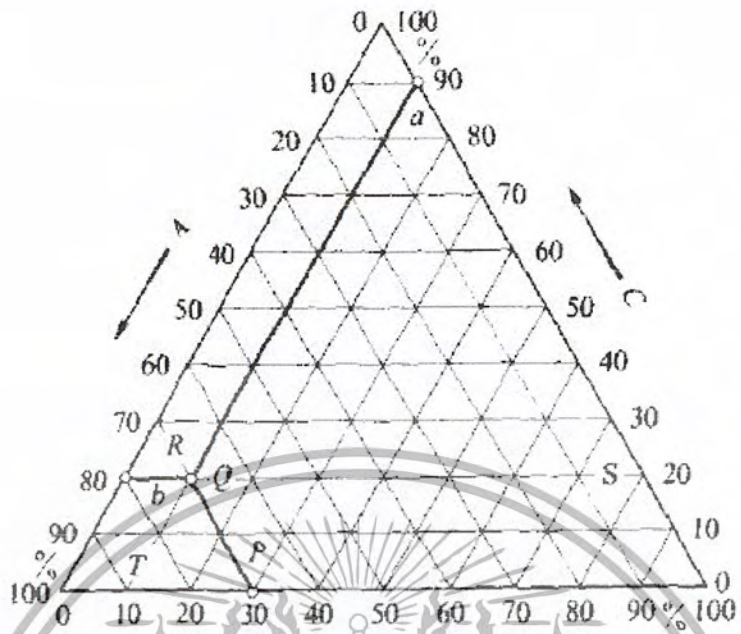
#### 5.1 สรุปโครงการงาน

1. สามารถหาสมการทั่วไปที่ใช้ในการจำลอง และสามารถจำลองแผนภาพสมดุลภาคของโลหะผสม 2 ชนิด โดยใช้ทฤษฎีทางเทอร์โมไดนามิกส์ได้
2. โปรแกรมคำนวณหาแผนภาพสมดุลภาคของโลหะผสม 2 ชนิดได้ถูกพัฒนา โดยใช้โปรแกรม Visual Basic
3. ผลที่ได้จากโปรแกรมสอดคล้องกับผลของ A.D. Pelton และ W.T. Thomson และผลจากการทดลองในห้องปฏิบัติการ
4. สามารถใช้เป็นโปรแกรมต้นแบบในการพัฒนาสำหรับการจำลองแผนภาพสมดุลภาคของโลหะผสมมากกว่า 2 ชนิด
5. สามารถใช้เป็นสื่อการเรียนการสอนได้

#### 5.2 แนวทางการพัฒนา

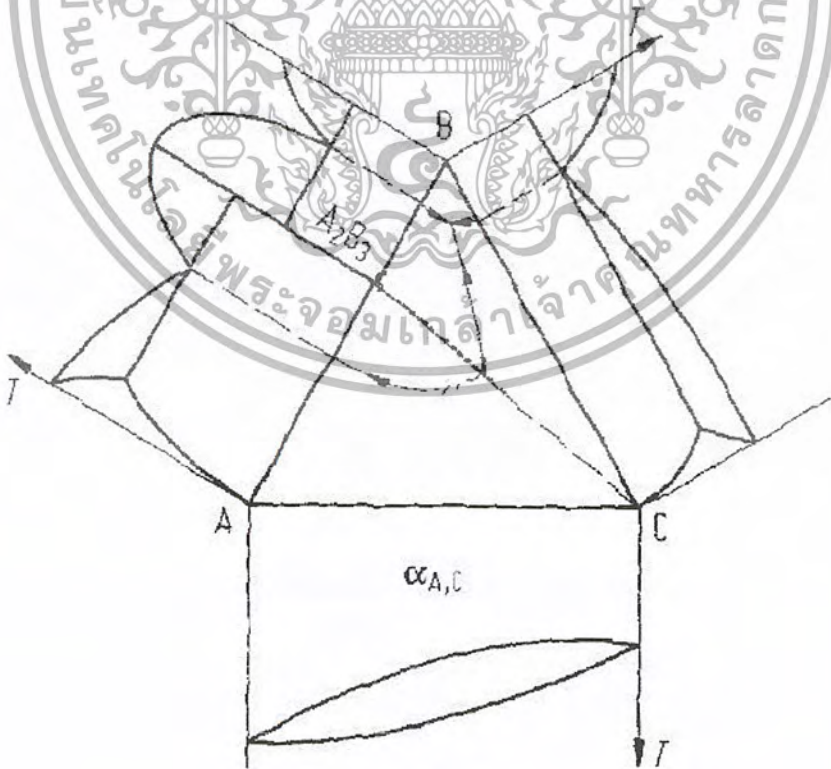
ในส่วนนี้ขอกล่าวถึงแนวทางในการพัฒนาสำหรับเฟสโคอะแลนของสาร 3 ชนิด สามารถหาได้ด้วยวิธีของ Muggianu พลังงานอิสระของกิบส์โดยการ extrapolation พลังงานอิสระของสารแต่ละคู่ด้วยวิธีของ Muggianu คือ

$$\begin{aligned} \Delta G^M = & X_A \Delta G_{m(A)}^\circ + X_B \Delta G_{m(B)}^\circ + X_C \Delta G_{m(C)}^\circ + RT[X_A \ln X_A + X_B \ln X_B + X_C \ln X_C] \\ & + X_A X_B \alpha_{AB}(X_A - X_B) + X_A X_C \alpha_{AC}(X_A - X_C) + X_B X_C \alpha_{BC}(X_B - X_C) \end{aligned} \quad (8)$$



รูปที่ 5-1 แสดงตัวอย่างสัดส่วนสารในระบบที่มีสาร 3 ชนิด ซึ่งความยาวรวมเท่ากับ

$$bQ + QP + aQ = 100\%$$



รูปที่ 5-2 แสดงเฟสไดอะแกรมของสาร 3 ชนิดโดยการหาเฟสไดอะแกรมของสารแต่ละคู่

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

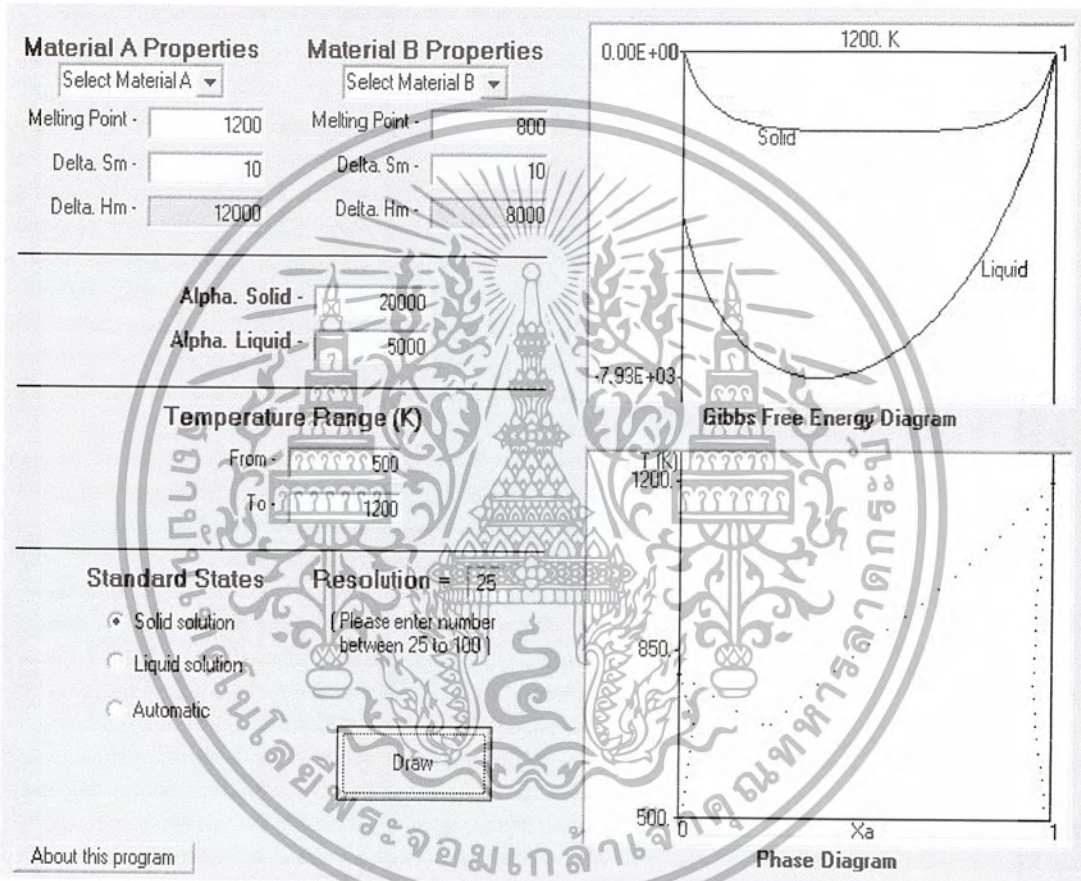
H(H <sub>2</sub> )																												
14.0																	C(graph)											
12.7																	4070											
																	63.2											
Li			Be		B																N(N <sub>2</sub> )		O(O <sub>2</sub> )		F(F <sub>2</sub> )	Ne		
454			1560		2450																11.39		8.19		53.6			
6.54			7.83		9.21																				29.8			
Na			Mg		Al																Si		P(Yellow)		S(Rhomb)		Cl(Cl <sub>2</sub> )	
371			922		933.3																1685		317.3		386		172.2	
7.12			9.53		11.2																30.1		8.32		3.2		37.2	
K	Ca	Sc	Ti	V	Cr	Mn	Fe	Co	Ni	Cu	Zn	Ga	Ge	As	Se	Br(Br <sub>2</sub> )	Kr											
336.4	1116	1811	1940	2175	2130	1511	1809	1768	1726	1356.5	692.7	302.9	1210	1090	493.7	265.9												
7.1	7.49	-	(9.20)	7.7	(9.8)	(9.59)	8.4	(8.9)	9.34	9.60	10.51	18.5	30.4	-	12.7	39.7												
Rb	Sr	Y	Zr	Nb	Mo	Tc	Ru	Rh	Pd	Ag	Cd	In	Sn	Sb	Te	I(I <sub>2</sub> )	Xe											
312	1043	1803	2125	2740	2890	-	2620	2238	1825	1224	694.1	429.6	505.1	903.7	723	386.8												
7.05	(8.05)	6.34	(9.08)	10.7	12.3	-	13.4	(10.1)	9.15	8.89	10.79	7.61	14.0	22	24.3	40.8												
Cs	Ba	La	Hf	Ta	W	Re	Os	Ir	Pt	Au	Hg	Tl	Pb	Bi	Po	At	Rn											
303	1002	1193	2500	3288	3670	3450	3300	2746	2024	1930	234.29	577	600.6	544	519													
6.9	7.46	(7.01)	9.53	7.51	9.6	9.7	-	(9.5)	(9.55)	9.56	9.91	7.45	8.01	20	-													
Fr	Ra	Ac																										
	1000																											
	-																											
			Ce	Pr	Nd	Pm	Sm	Eu	Gd	Tb	Dy	Ho	Er	Tm	Yb	Lu												
			1071	1205	1289		1354	1699	1585	1633	1682		1795		1697													
			4.88	(9.4)	5.54		6.63	-	-	-	-		-		-													
			Th	Pa	U	Np	Pu	Am	Cm	Bk	Cf	Es	Fm	Md		Lw												
			2020		1405	910	913																					
			-		8.9	-	13.13																					

Element  
 $\Delta$  s<sup>o</sup><sub>m</sub>  
T<sub>m</sub>





เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
 ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

Dim R As Double
Dim Clicked As Boolean
Dim Step As Double
Dim SPG As Double
Dim SPP As Double
Dim minI As Double, maxI As Double, x As Double
Dim THigh As Double, TLow As Double
Dim ElemName(1 To 63) As String
Dim ElemProp(1 To 63, 1 To 2) As Single

```

```

Private Sub Form_Load() ให้แสดงกึ่งกลางหน้าจอ
    Left = (Screen.Width - Width) / 2
    Top = (Screen.Height - Height) / 2
    Let R = 8.3144
    Let SPG = 0.02 '← ปรับความละเอียดเส้น gibb
    Let Clicked = False
    Dim i As Integer
    'Database
    ElemName(1) = "Aluminum[Al]": ElemProp(1, 1) = 933.3: ElemProp(1, 2) = 11.2
    ElemName(2) = "Antimony[Sb]": ElemProp(2, 1) = 903.7: ElemProp(2, 2) = 22
    ElemName(3) = "Barium[Ba]": ElemProp(3, 1) = 1002: ElemProp(3, 2) = 7.64
    ElemName(4) = "Beryllium[Be]": ElemProp(4, 1) = 1560: ElemProp(4, 2) = 7.83
    ElemName(5) = "Bismuth[Bi]": ElemProp(5, 1) = 544: ElemProp(5, 2) = 20
    ElemName(6) = "Boron[B]": ElemProp(6, 1) = 2450: ElemProp(6, 2) = 9.21
    ElemName(7) = "Bromine[Br]": ElemProp(7, 1) = 265.9: ElemProp(7, 2) = 39.7
    ElemName(8) = "Cadmium[Cd]": ElemProp(8, 1) = 594.1: ElemProp(8, 2) = 10.79
    ElemName(9) = "Calcium[Ca]": ElemProp(9, 1) = 1116: ElemProp(9, 2) = 7.49
    ElemName(10) = "Cesium[Cs]": ElemProp(10, 1) = 303: ElemProp(10, 2) = 6.9
    ElemName(11) = "Chlorine[Cl]": ElemProp(11, 1) = 172.2: ElemProp(11, 2) = 37.2
    ElemName(12) = "Chromium[Cr]": ElemProp(12, 1) = 2130: ElemProp(12, 2) = 9.8
    ElemName(13) = "Cobalt[Co]": ElemProp(13, 1) = 1768: ElemProp(13, 2) = 8.8
    ElemName(14) = "Copper[Cu]": ElemProp(14, 1) = 1356.6: ElemProp(14, 2) = 9.6
    ElemName(15) = "Fluorine[F]": ElemProp(15, 1) = 53.6: ElemProp(15, 2) = 29.8
    ElemName(16) = "Gallium[Ga]": ElemProp(16, 1) = 302.9: ElemProp(16, 2) = 18.5

```

ElemName(17) = "Germanium[Ge]": ElemProp(17, 1) = 1210: ElemProp(17, 2) = 30.4  
 ElemName(18) = "Gold[Au]": ElemProp(18, 1) = 1336: ElemProp(18, 2) = 9.56  
 ElemName(19) = "Hafnium[Hf]": ElemProp(19, 1) = 2500: ElemProp(19, 2) = 9.63  
 ElemName(20) = "Hydrogen[H]": ElemProp(20, 1) = 14: ElemProp(20, 2) = 12.7  
 ElemName(21) = "Indium[In]": ElemProp(21, 1) = 429.6: ElemProp(21, 2) = 7.61  
 ElemName(22) = "Iodine[I]": ElemProp(22, 1) = 386.8: ElemProp(22, 2) = 40.8  
 ElemName(23) = "Iridium[Ir]": ElemProp(23, 1) = 2716: ElemProp(23, 2) = 9.6  
 ElemName(24) = "Iron[Fe]": ElemProp(24, 1) = 1809: ElemProp(24, 2) = 8.4  
 ElemName(25) = "Lanthanum[La]": ElemProp(25, 1) = 1193: ElemProp(25, 2) = 7.01  
 ElemName(26) = "Lead[Pb]": ElemProp(26, 1) = 600.6: ElemProp(26, 2) = 8.01  
 ElemName(27) = "Lithium[Li]": ElemProp(27, 1) = 454: ElemProp(27, 2) = 6.45  
 ElemName(28) = "Magnesium[Mg]": ElemProp(28, 1) = 922: ElemProp(28, 2) = 9.53  
 ElemName(29) = "Manganese[Mn]": ElemProp(29, 1) = 1517: ElemProp(29, 2) = 9.69  
 ElemName(30) = "Mercury[Hg]": ElemProp(30, 1) = 234.29: ElemProp(30, 2) = 9.91  
 ElemName(31) = "Molybdenum[Mo]": ElemProp(31, 1) = 2890: ElemProp(31, 2) = 12.3  
 ElemName(32) = "Neodymium[Nd]": ElemProp(32, 1) = 1289: ElemProp(32, 2) = 5.54  
 ElemName(33) = "Nickel[Ni]": ElemProp(33, 1) = 1726: ElemProp(33, 2) = 9.94  
 ElemName(34) = "Niobium[Nb]": ElemProp(34, 1) = 2740: ElemProp(34, 2) = 10.7  
 ElemName(35) = "Nitrogen[N]": ElemProp(35, 1) = 63.2: ElemProp(35, 2) = 11.39  
 ElemName(36) = "Oxygen[O]": ElemProp(36, 1) = 54.4: ElemProp(36, 2) = 8.19  
 ElemName(37) = "Palladium[Pd]": ElemProp(37, 1) = 1825: ElemProp(37, 2) = 9.15  
 ElemName(38) = "Phosphorus[P]": ElemProp(38, 1) = 317.3: ElemProp(38, 2) = 8.32  
 ElemName(39) = "Platinum[Pt]": ElemProp(39, 1) = 2042: ElemProp(39, 2) = 9.65  
 ElemName(40) = "Plutonium[Pu]": ElemProp(40, 1) = 913: ElemProp(40, 2) = 3.18  
 ElemName(41) = "Potassium[K]": ElemProp(41, 1) = 336.4: ElemProp(41, 2) = 7.1  
 ElemName(42) = "Praseodymium[Pr]": ElemProp(42, 1) = 1205: ElemProp(42, 2) = 9.4  
 ElemName(43) = "Rhenium[Re]": ElemProp(43, 1) = 3450: ElemProp(43, 2) = 9.7  
 ElemName(44) = "Rhodium[Rh]": ElemProp(44, 1) = 2239: ElemProp(44, 2) = 10.1  
 ElemName(45) = "Rubidium[Rb]": ElemProp(45, 1) = 312: ElemProp(45, 2) = 7.05  
 ElemName(46) = "Samarium[Sm]": ElemProp(46, 1) = 1345: ElemProp(46, 2) = 6.3  
 ElemName(47) = "Selenium[Se]": ElemProp(47, 1) = 493.7: ElemProp(47, 2) = 12.7  
 ElemName(48) = "Silicon[Si]": ElemProp(48, 1) = 1685: ElemProp(48, 2) = 30.1  
 ElemName(49) = "Silver[Ag]": ElemProp(49, 1) = 1234: ElemProp(49, 2) = 8.99  
 ElemName(50) = "Sodium[Na]": ElemProp(50, 1) = 371: ElemProp(50, 2) = 7.12

```

ElemName(51) = "Strontium[Sr]": ElemProp(51, 1) = 1043: ElemProp(51, 2) = 8.05
ElemName(52) = "Sulfer[S]": ElemProp(52, 1) = 386: ElemProp(52, 2) = 3.2
ElemName(53) = "Tantalum[Ta]": ElemProp(53, 1) = 3288: ElemProp(53, 2) = 7.51
ElemName(54) = "Tellurium[Te]": ElemProp(54, 1) = 723: ElemProp(54, 2) = 24.3
ElemName(55) = "Thallium[Tl]": ElemProp(55, 1) = 577: ElemProp(55, 2) = 7.45
ElemName(56) = "Tin[Sn]": ElemProp(56, 1) = 505.1: ElemProp(56, 2) = 14
ElemName(57) = "Titanium[Ti]": ElemProp(57, 1) = 1940: ElemProp(57, 2) = 9.02
ElemName(58) = "Tungsten[W]": ElemProp(58, 1) = 3670: ElemProp(58, 2) = 9.6
ElemName(59) = "Urenium[U]": ElemProp(59, 1) = 1405: ElemProp(59, 2) = 8.9
ElemName(60) = "Vanadium[V]": ElemProp(60, 1) = 2175: ElemProp(60, 2) = 7.7
ElemName(61) = "Yttrium[Y]": ElemProp(61, 1) = 1803: ElemProp(61, 2) = 6.34
ElemName(62) = "Zinc[Zn]": ElemProp(62, 1) = 692.7: ElemProp(62, 2) = 10.51
ElemName(63) = "Zirconium[Zr]": ElemProp(63, 1) = 2125: ElemProp(63, 2) = 9.08

```

```

For i = LBound(ElemName) To UBound(ElemName) Step -1
  cmbMatA.AddItem ElemName(i)
  cmbMatB.AddItem ElemName(i)
Next i
End Sub

```

```

Private Sub cmdDraw_Click()
  Dim dhmA As Double, dsmA As Double
  Dim dhmB As Double, dsmB As Double
  Dim T As Double
  Dim TStep As Double

  Let Clicked = True

  dhmA = Val(txtDelHmA)
  dsmA = Val(txtDelSmA)
  dhmB = Val(txtDelHmB)
  dsmB = Val(txtDelSmB)
  THigh = Val(txtTHigh)
  TLow = Val(txtTLow)
  T = Val(txtTLow)

```

```

Step = Val(txtStep) '<===== ปรับความ
ละเอียดขึ้น gubb
If Step < 25 Then
    Step = 25
    txtStep.Text = "25"
End If
If Step > 100 Then
    Step = 100
    txtStep.Text = "100"
End If
SPP = 0.01 - (((Step - 25) * 0.005) / (100 - 25)) + 0.00001 '<===== ปรับความละเอียดจุด
phase

TStep = (THigh - TLow) / Step
Call PhaseAxes(TLow, THigh) 'วาดแกนของ Phase
Do
    Call GibbAxes(T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) 'วาดแกนของ Gibb
    Call PlotGibb(T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
    Call CoTangent(T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) 'หาค่าความชันร่วม
    T = T + TStep
Loop Until T > THigh
End Sub

Private Function Gs(x As Double, T As Double, dhmA As Double, dhmB As Double, dsmA As
Double, dsmB As Double) As Double
Dim AlphaS As Double
Dim ds As Double, dl As Double
Dim xx1 As Double, xx2 As Double
AlphaS = Val(txtAlphaS)
'Gibbs free energy of mixing equations for Solid
If optAuto.Value = True Then
    If (dhmA - (dsmA * T)) <= 0 Then

```

$$ds = -(dhmA - (dsmA * T)) * x$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

Else
    ds = 0
End If
If (dhmB - (dsmB * T)) <= 0 Then
    dl = -(dhmB - (dsmB * T)) * (1 - x)
Else
    dl = 0
End If
ElseIf optSolid.Value = True Then
    ds = 0
    dl = 0
ElseIf optLiquid.Value = True Then
    ds = -(dhmA - (dsmA * T)) * x
    dl = -(dhmB - (dsmB * T)) * (1 - x)
End If
If Abs(x) < 0.0000001 Then
    xx1 = 0
Else
    xx1 = x * Log(x)
End If
If Abs((1 - x)) < 0.0000001 Then
    xx2 = 0
Else
    xx2 = (1 - x) * Log(1 - x)
End If
Gs = ds + dl + R * T * (xx1 + xx2) + AlphaS * x * (1 - x)
End Function

```

```

Private Function Gf(x As Double, T As Double, dhmA As Double, dhmB As Double, dsmA As
Double, dsmB As Double) As Double
Dim AlphaL As Double
Dim ds As Double, dl As Double
Dim xx1 As Double, xx2 As Double

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

AlphaL = Val(txtAlphaL)

'Gibbs free energy of mixing equations for Liquid

If optAuto.Value = True Then

If (dhmA - (dsmA \* T)) > 0 Then

ds = (dhmA - (dsmA \* T)) \* x

Else

ds = 0

End If

If (dhmB - (dsmB \* T)) > 0 Then

dl = (dhmB - (dsmB \* T)) \* (1 - x)

Else

dl = 0

End If

ElseIf optLiquid.Value = True Then

ds = 0

dl = 0

ElseIf optSolid.Value = True Then

ds = (dhmA - (dsmA \* T)) \* x

dl = (dhmB - (dsmB \* T)) \* (1 - x)

End If

If Abs(x) < 0.0000001 Then

xx1 = 0

Else

xx1 = x \* Log(x)

End If

If Abs((1 - x)) < 0.0000001 Then

xx2 = 0

Else

xx2 = (1 - x) \* Log(1 - x)

End If

G1 = ds + dl + R \* T \* (xx1 + xx2) + AlphaL \* x \* (1 - x)

End Function

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

Private Sub GibbAxes(T As Double, dhmA As Double, dhmB As Double, dsmA As Double, dsmB As Double)

Dim minV As Double, maxV As Double

Dim lblHght As Double, lblWid As Double

Dim lbl As String

minI = 0

maxI = 0

For x = 0 To 1 Step 0.01

If  $G_I(x, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) > G_S(x, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)$  Then

maxV =  $G_I(x, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)$

minV =  $G_S(x, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)$

Else

maxV =  $G_S(x, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)$

minV =  $G_I(x, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)$

End If

If maxI < maxV Then maxI = maxV

If minI > minV Then minI = minV

Next x

วาดแกน 3 เส้น

picGibb.Cls

picGibb.Scale (-0.25, maxI + Abs(maxI - minI) \* 0.08) - (1.05, minI - Abs(maxI - minI) \* 0.08)

picGibb.Line (0, 0) - (1, 0)

picGibb.Line (0, 1.2 \* minI) - (0, 1.05 \* maxI)

picGibb.Line (1, 1.2 \* minI) - (1, 1.05 \* maxI)

เขียนค่า Gibb สูงสุด & ต่ำสุด

Let lbl = Format(maxI, "scientific")

Let lblWid = picGibb.TextWidth(lbl)

Let lblHght = picGibb.TextHeight(lbl)

picGibb.Line (-0.01, maxI) - (0, maxI)

Call Locate(-0.02 - lblWid, maxI - lblHght / 2)

picGibb.Print lbl

Let lbl = Format(minI, "scientific")

Let lblWid = picGibb.TextWidth(lbl)

Let lblHght = picGibb.TextHeight(lbl)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

picGibb.Line (-0.01, minI)-(0, minI)
Call Locate(-0.02 - lblWid, minI - lblHght / 2)
picGibb.Print lbl
'เขียนอุณหภูมิต่ำสุด
lbl = Format(T, "####.#")
Call Locate(0.42, maxI - lblHght)
picGibb.Print lbl; " "; "K"
'เขียนเลข 0 , 1
lbl = "0"
Let lblHght = picGibb.TextHeight(lbl)
Call Locate(-0.04, -lblHght / 2)
picGibb.Print lbl
lbl = "1"
Let lblHght = picGibb.TextHeight(lbl)
Call Locate(1.01, -lblHght / 2)
picGibb.Print lbl
End Sub

Private Sub PhaseAxes(TLow As Double, THigh As Double) 'วาดแกน Phase
Dim TmpA As Double, TmpB As Double 'จุดเคี้ยวของโลหะ A, B
Dim lblHeight As Double, lblWidth As Double
Dim lbl As String

picPhase.Cls 'วาดแกน 3 เส้น
picPhase.Scale (-0.25, THigh + Abs(THigh - TLow) * 0.08)-(1.05, TLow - Abs(THigh - TLow) *
0.08)
picPhase.Line (0, TLow)-(1, TLow)
picPhase.Line (0, TLow)-(0, 1.05 * THigh)
picPhase.Line (1, TLow)-(1, 1.05 * THigh)
'เขียนอุณหภูมิต่ำสุด & สูงสุด & กลาง
Let lbl = Format(THigh, "####.#") 'สูง
Let lblWidth = picPhase.TextWidth(lbl)
Let lblHeight = picPhase.TextHeight(lbl)
picPhase.Line (-0.01, THigh)-(0, THigh)

```

```

Call phLocate(-0.02 - lblWidth, THigh - lblHeight / 2)
picPhase.Print lbl
Let lbl = Format(TLow, "####.#") 'ต่ำ'
Let lblWidth = picPhase.TextWidth(lbl)
Let lblHeight = picPhase.TextHeight(lbl)
picPhase.Line (-0.01, TLow)-(0, TLow)
Call phLocate(-0.02 - lblWidth, TLow - lblHeight / 2)
picPhase.Print lbl
Let lbl = Format((THigh + TLow) * 0.5, "####.#") 'กลาง'
Let lblWidth = picPhase.TextWidth(lbl)
Let lblHeight = picPhase.TextHeight(lbl)
picPhase.Line (-0.01, (THigh + TLow) * 0.5)-(0, (THigh + TLow) * 0.5)
Call phLocate(-0.02 - lblWidth, ((THigh + TLow) * 0.5) - lblHeight / 2)
picPhase.Print lbl
เขียนเลข 0 , 1 , Xa , T(K)
Let lbl = "0"
Let lblHeight = picPhase.TextHeight(lbl)
Call phLocate(0, TLow)
picPhase.Print lbl
lbl = "1"
Let lblHeight = picPhase.TextHeight(lbl)
Call phLocate(1, TLow)
picPhase.Print lbl
Let lbl = "Xa"
Let lblHeight = picPhase.TextHeight(lbl)
Call phLocate(0.47, TLow)
picPhase.Print lbl
Let lbl = "T (K)"
Let lblWidth = picPhase.TextWidth(lbl)
Let lblHeight = picPhase.TextHeight(lbl)
Call phLocate(-0.01 - lblWidth, THigh + Abs(THigh - TLow) * 0.09)
picPhase.Print lbl

```

`TempA = Val(txtMpA.Text)`

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

TmpB = Val(txtMpB.Text)
If (TmpA >= TLow) And (TmpA <= THigh) Then picPhase.Circle (1, TmpA), 0.004
If (TmpB >= TLow) And (TmpB <= THigh) Then picPhase.Circle (0, TmpB), 0.004
End Sub

```

```

Private Sub phLocate(x As Double, y As Double)
    Let picPhase.CurrentX = x 'อ้างอิงตำแหน่งใน picPhase
    Let picPhase.CurrentY = y
End Sub

```

```

Private Sub Locate(x As Double, y As Double)
    Let picGibb.CurrentX = x 'อ้างอิงตำแหน่งใน picGibb
    Let picGibb.CurrentY = y
End Sub

```

```

Private Sub PlotGibb(T As Double, dhmA As Double, dhmB As Double, dsmA As Double, dsmB As
Double)
Dim GS1 As Double, GS2 As Double 'GS = Gibb Solid จุดที่ 1 และ 2
Dim GL1 As Double, GL2 As Double 'GL = Gibb Liquid จุดที่ 1 และ 2
Dim x1 As Double, x2 As Double 'x จุดที่ 1 และ 2
For x1 = 0 To 1 Step SPG
    x2 = x1 + SPG
    GS1 = Gs(x1, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
    GS2 = Gs(x2, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
    GL1 = Gl(x1, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
    GL2 = Gl(x2, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
    picGibb.Line (x1, GS1)-(x2, GS2) 'เส้น Solid
    picGibb.Line (x1, GL1)-(x2, GL2) 'เส้น Liquid
Next x1
Call Locate(0.2, Gs(0.2, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB))
picGibb.Print "Solid"
Call Locate(0.8, Gl(0.8, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB))
picGibb.Print "Liquid"

```

End Sub

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

Private Function Slope(G1 As Double, G2 As Double, diff As Double)

Slope = (G2 - G1) / diff 'หาค่าความชัน m

End Function

Private Function Constant(G1 As Double, m As Double, x As Double)

Constant = G1 - m \* x 'หาค่าคงที่ c

End Function

Private Sub CoTangent(T As Double, dhmA As Double, dhmB As Double, dsmA As Double, dsmB As Double)

Dim x11 As Double, x12 As Double, x21 As Double, x22 As Double

Dim x As Double, xk As Double, eps As Double

Dim tline As Double

Dim x1 As Double, x2 As Double, m As Double, c As Double

Dim gx As Double, gxe As Double, xn As Double

Dim valG1 As Double, valGs As Double

Dim valG1 As Double, valG2 As Double

Dim valG21 As Double, valG22 As Double

eps = 0.0000001

x = 0

Do

If Gs(x, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) < G1(x, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) Then

gx = Gs(x, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)

gxe = Gs(x + eps, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)

m = Slope(gx, gxe, eps)

c = Constant(gx, m, x)

xk = x

Do While xk < 1

tline = m \* xk + c

valG1 = G1(xk, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) + eps

valGs = Gs(xk, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) + eps

If tline > valG1 Or tline > valGs Then

x12 = x

```

x11 = x - SPP
x21 = xk
x22 = 1
Call CotanPoint(x11, x12, x21, x22, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB, x1, x2)
valG1 = Gs(x1, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
valG22 = G1(x2, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
valG21 = Gs(x2, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
If valG22 < valG21 Then
    valG2 = valG22
Else
    valG2 = valG21
End If
Call DrawPhase(T, x1, x2, valG1, valG2)
x = x2 - SPP
xk = 100
End If
xk = xk + SPP
Loop
Else
    gx = G1(x, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
    gxe = G1(x + eps, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
    m = Slope(gx, gxe, eps)
    c = Constant(gx, m, x)
    xk = x
Do While xk < 1
    tline = m * xk + c
    valG1 = G1(xk, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) + eps
    valGs = Gs(xk, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) + eps
    If tline > valG1 Or tline > valGs Then
        x12 = x
        x11 = x - SPP
        x21 = xk
        x22 = 1
        Call CotanPoint(x11, x12, x21, x22, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB, x1, x2)

```

```

valG1 = GI(x1, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
valG22 = Gs(x2, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
valG21 = GI(x2, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
If valG22 < valG21 Then
    valG2 = valG22
Else
    valG2 = valG21
End If
    Call DrawPhase(T, x1, x2, valG1, valG2)
        x = x2 - SPP
    xk = 100
End If
    xk = xk + SPP
Loop
End If
    x = x + SPP
Loop Until x >= 0.999999
End Sub

Private Sub CotanPoint(x11 As Double, x12 As Double, x21 As Double, x22 As Double, T As Double,
dhmA As Double, dhmB As Double, dsmA As Double, dsmB As Double, x1 As Double, x2 As
Double)
Dim eps As Double, xkk As Double, xn As Double
Dim gx As Double, gxe As Double, m As Double, c As Double
Dim valG1 As Double, valGs As Double
Dim flag As Boolean
    eps = 0.0000001
    If Gs(x11, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) < GI(x11, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) Then
        Do
            x1 = (x11 + x12) / 2
            gx = Gs(x1, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
            gxe = Gs(x1 + eps, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
            m = Slope(gx, gxe, eps)
            c = Constant(gx, m, x1)

```

```

flag = False
For xkk = x21 To x22 Step Abs(x22 - x21) / 200
    If (m * xkk + c) > G1(xkk, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) Or (m * xkk + c) > Gs(xkk, T,
dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) Then
        x12 = x1
        x2 = xkk
        x21 = xkk
        flag = True
    Exit For
End If
Next xkk
If flag = False Then
    x11 = x1
End If
xn = (x11 + x12) / 2
If Abs(xn - x1) / x1 < 0.0005 Then
    x2 = x21
    Exit Do
End If
Loop Until Abs(xn - x1) / x1 < 0.0005
Else
Do
    x1 = (x11 + x12) / 2
    gx = G1(x1, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
    gxe = G1(x1 + eps, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB)
    m = Slope(gx, gxe, eps)
    c = Constant(gx, m, x1)
    flag = False
For xkk = x21 To x22 Step Abs(x22 - x21) / 200
    If (m * xkk + c) > G1(xkk, T, dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) Or (m * xkk + c) > Gs(xkk, T,
dhmA, dhmB, dsmA, dsmB) Then
        x12 = x1
        x2 = xkk
        x21 = xkk

```

```

        flag = True
        Exit For
    End If
Next xkk
If flag = False Then
    x11 = x1
End If
xn = (x11 + x12) / 2
If Abs(xn - x1) / x1 < 0.0005 Then
    x2 = x21
    Exit Do
End If
Loop Until Abs(xn - x1) / x1 < 0.0005
End If
End Sub

Private Sub DrawPhase(T As Double, x1 As Double, x2 As Double, valG1 As Double, valG2 As
Double)
    picGibb.Line (x1, valG1)-(x2, valG2), vbRed
    picGibb.DrawStyle = 2
    picGibb.Line (x1, valG1)-(x1, 0), vbRed
    picGibb.Line (x2, valG2)-(x2, 0), vbRed
    picGibb.DrawStyle = 0
    picPhase.PSet (x1, T)
    picPhase.PSet (x2, T)
End Sub

Private Sub menuAbout_Click(Index As Integer)
    frmAbout.Show
End Sub

Private Sub txtMpA_Change()
    txtDelHmA.Text = Val(txtMpA) * Val(txtDelSmA)
    Call TempRange

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

End Sub

Private Sub txtDelSmA\_Change()

If Val(txtDelSmA) = 0 Then

txtDelHmA.Text = "N/A"

Else

txtDelHmA.Text = Val(txtMpA) \* Val(txtDelSmA)

End If

End Sub

Private Sub txtMpB\_Change()

txtDelHmB.Text = Val(txtMpB) \* Val(txtDelSmB)

Call TempRange

End Sub

Private Sub txtDelSmB\_Change()

If Val(txtDelSmB) = 0 Then

txtDelHmB.Text = "N/A"

Else

txtDelHmB.Text = Val(txtMpB) \* Val(txtDelSmB)

End If

End Sub

Private Sub TempRange()

If Val(txtMpA) <= Val(txtMpB) Then

txtTLow.Text = Val(txtMpA) - 300

txtTHigh.Text = Val(txtMpB)

Else

txtTLow.Text = Val(txtMpB) - 300

txtTHigh.Text = Val(txtMpA)

End If

End Sub

Private Sub cmbMatA\_Click()

txtMpA.Text = ElemProp(cmbMatA.ListIndex() + 1, 1)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```
txtDelSmA.Text = ElemProp(cmbMatA.ListIndex() + 1, 2)
```

```
End Sub
```

```
Private Sub cmbMatB_Click()
```

```
txtMpB.Text = ElcmProp(cmbMatB.ListIndex() + 1, 1)
```

```
txtDelSmB.Text = ElemProp(cmbMatB.ListIndex() + 1, 2)
```

```
End Sub
```

```
Private Sub cmdAbout_Click()
```

```
frmAbout.Show
```

```
frmMain.Visible = False
```

```
End Sub
```





เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

โปรแกรมนี้ถูกพัฒนาด้วยภาษา Visual Basic 6 สามารถทำงานได้บนคอมพิวเตอร์ที่ใช้ระบบปฏิบัติการวินโดวส์ (Windows)

ขั้นตอนการใช้งานโปรแกรม

1. กำหนดคุณสมบัติของโลหะ A และ B

1.1. เลือกจากโลหะที่โปรแกรมมีให้แล้ว

ทำได้โดยกดปุ่ม  เพื่อเลือกโลหะ A

และกดปุ่ม  เพื่อเลือกโลหะ B

1.2. กำหนดคุณสมบัติของโลหะอื่นนอกเหนือจากที่โปรแกรมมีให้

1.2.1. กรอกค่าอุณหภูมิหลอมเหลว ( $T_m$ ) ของโลหะ A และ B

1.2.2. กรอกค่าเอนโทรปีหลอมเหลว ( $\Delta S_m$ ) ของโลหะ A และ B

2. กรอกค่า  $\alpha_S$  และ  $\alpha_L$

3. ปรับเปลี่ยนช่วงอุณหภูมิที่ต้องการพิจารณา

มีประโยชน์คือ ทำให้สามารถพิจารณาแผนภาพได้ละเอียดมากยิ่งขึ้น หากยังกรอกช่วงอุณหภูมิให้แคบลง

อนึ่ง โปรแกรมจะมีการคำนวณช่วงอุณหภูมิไว้ให้แล้ว โดยช่วงอุณหภูมิสูงสุดเป็นค่าจุดเดือดของโลหะที่มีค่ามาก ส่วนอุณหภูมิต่ำสุดจะเป็นค่าของจุดเดือดของโลหะที่มีค่าน้อยลบด้วย 300

4. เลือกสถานะมาตรฐาน

มี 3 สถานะคือ Solid solution , Liquid solution , Automatic การเลือกสถานะไม่มีผลต่อแผนภาพ กล่าวคือ ไม่ว่าสถานะมาตรฐานใด ๆ ก็จะได้แผนภาพที่เหมือนกัน

5. กดปุ่ม Draw

ตัวแปรทั้ง 3 ขึ้นอยู่กับกันและกัน ( $\Delta S_m = \Delta H_m / T_m$ ) ทำให้ความสัมพันธ์ของอุณหภูมิจุดหลอมเหลว ( $T_m$ ) ,  $\Delta H_m$  ( $\Delta H_m$ ) ,  $\Delta S_m$  ( $\Delta S_m$ )

ในโปรแกรมเป็นดังนี้

1.) ถ้า  $T_m$  เปลี่ยน ,  $\Delta S_m$  จะไม่เปลี่ยน และ  $\Delta H_m$  จะทำการคำนวณใหม่

2.) ถ้า  $\Delta S_m$  เปลี่ยน ,  $T_m$  จะไม่เปลี่ยน และ  $\Delta H_m$  จะทำการคำนวณใหม่

## บรรณานุกรม

- [1] ดร.ชัยวัฒน์ เจนวาณิชย์, “หลักเคมี 1(ฉบับปรับปรุง)”, พิมพ์ครั้งที่ 5, โอ.เอส.พรินติ้ง เฮาส์(พ.ศ. 2541)
- [2] โชติพันธุ์ และ วิฑิตะพันธุ์ หล่อเลิศสุนทร, “สอนเขียน Visual Basic 6.0 ให้เป็น Project”, บริษัท แอ็ควานซ์ มีเดีย ซัพพลายส์ จำกัด
- [3] มนตรี พิรุณเกษศร, “อุณหพลศาสตร์ 2 (Thermodynamics II)”, พิมพ์ครั้งที่ 2, วิทยพัฒน์(พ.ศ. 2542)
- [4] ร.ศ.แม่น อมรสิทธิ์, ผศ.ดร.สมชัย อัครทิศา, “วัสดุวิศวกรรมศาสตร์”, บริษัท สำนักพิมพ์ท็อป จำกัด (พ.ศ. 2545)
- [5] ตังจจะ จรัสรุ่งรวิธร, “คู่มือการเขียน โปรแกรมและใช้งาน Visual 6.0”, พิมพ์ครั้งที่ 5, อินโฟเพรส (พ.ศ. 2544)
- [6] สุรสิทธิ์ ลิวประสพศักดิ์, นันทนี แขวงโสภณ, “อินไซต์ Visual Basic .NET ฉบับสมบูรณ์”, บริษัท โปรวิชั่น จำกัด(พ.ศ. 2546)
- [7] อภิชาติ ภูพลับ, “สนุกกับการประยุกต์ใช้ Visual Basic”, พิมพ์ครั้งที่ 1, บริษัท ไอดีซี อินโฟติสทรีนิวเตอร์เซ็นเตอร์ จำกัด(พ.ศ. 2546)
- [8] อินทรา หาญพงษ์พันธ์, “เคมีทั่วไปสำหรับนิสิตวิศวกรรมศาสตร์”, สำนักพิมพ์จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย(พ.ศ. 2539)
- [9] DeHoff, R.T., Thermodynamics in Materials Science, McGraw-Hill(ค.ศ. 1993)
- [10] Pelton,A.D. and Thomson,W.T., Prog. Solid State Chem., vol.10 , part3(ค.ศ. 1975)