



ปีการศึกษา 2532

Image Reconstruction From Projection



อาจารย์ มนัส สังวรศิลป์

๒๕๓๒

๒๕๓๒

026986

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปเผยแพร่บนสื่อออนไลน์  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ปริญญาโทปีการศึกษา 2532

คณะวิศวกรรมศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง

เรื่อง Image Reconstruction From Projection

ผู้จัดทำ :

นิติ ยงใจยุทธ 29.1089

 อาจารย์ที่ปรึกษา

( อ. มนัส สังวรศิลป์ )

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีนำไปใช้

026986  
22.พ.ย.2532

# สารบัญ

หน้า

## บทคัดย่อ

บทที่ 1	บทนำ .....	1
บทที่ 2	ทฤษฎี ของ Random Transform .....	4
บทที่ 3	หลักการทำงานของ โปรแกรม .....	15
บทที่ 4	ผลการทดลอง .....	25
บทที่ 5	สรุปและวิจารณ์ผล .....	35

กิตติกรรมประกาศ

หนังสืออ้างอิง

## Image Reconstruction From Projection

นิติ ยงใจยุทธ 29 1089 4C

ภาควิชา อิเล็กทรอนิกส์

ร.ศ. มนัส สังวรศิลป์ อาจารย์ที่ปรึกษา

### บทคัดย่อ

ในปัจจุบันได้มีการนำเครื่องถ่ายภาพตัดขวางโดยใช้รังสีเอ็กซ์ หรือเครื่องเอ็กซ์เรย์ คอมพิวเตอร์ โทโมกราฟี สำหรับถ่ายภาพตัดขวางของอวัยวะภายใน เพื่อให้เป็นข้อมูลในการวินิจฉัยรักษาโรคของผู้ป่วย

สำหรับ เนื้อหาของปริญาพนธ์ฉบับนี้จะศึกษาทฤษฎีของ โปรเจกชัน เป็นหลักการที่ใช้ในเครื่อง เครื่องเอ็กซ์เรย์ คอมพิวเตอร์ โทโมกราฟี โดยจะจำลองภาพตัดขวางของอวัยวะลงในจอ คอมพิวเตอร์ ที่มี ระดับความเทา 64 ระดับในกรอบขนาด 64 คูณ 64 จุด แล้วใช้ทฤษฎีการทำ โปรเจกชัน เพื่อเก็บระดับความเข้มของภาพในแต่ละองศา นำข้อมูลที่ได้จากการทำ โปรเจกชัน มาทำ แบล็ก โปรเจกชัน เพื่อสร้างภาพเดิมกลับออกมา

การค้น เမ်းงานที่กล่าวมาข้างต้นได้ใช้โปรแกรมภาษา ปาสคาล ในการสร้างภาพจำลองเป็นรูปวงรี สุ่มมิติให้วงรีแต่ละวงแทนอวัยวะภายใน นำภาพที่จำลองมาหาคาโปรเจกชันในแต่ละองศา แล้วคำนวณค่า อินเวอร์ โปรเจกชัน และสร้างภาพกลับออกมา ภาพที่ได้กลับออกมาจากกระบวนการดังกล่าวข้างต้นมีความใกล้เคียงกับภาพเดิมเป็นที่น่าสนใจ

เครื่องคอมพิวเตอร์ เอ็กซ์เรย์ โทโมกราฟ เป็นเครื่องมือที่ใช้ถ่ายภาพตัดขวางของอวัยวะภายในร่างกายมนุษย์ โดยได้มีการพัฒนาขึ้นครั้งแรกโดยเฮิร์ชฟีลด์ (G.H. Housefield) ในปี ค.ศ. 1967 ต่อมาในปี ค.ศ. 1976 คอมพิวเตอร์ถ่ายภาพตัดขวางของร่างกายเครื่องแรกได้ติดตั้งที่โรงพยาบาล แอดกินสัน มอร์เลย์ โดยใช้เวลาประมาณ 20 นาทีต่อการสร้างภาพหนึ่งภาพ หลังจากนั้นก็ได้มีการพัฒนา มาเรื่อยๆ ปัจจุบันสามารถแยกออกเป็น 4 ระบบตามหลักการการทำงานของระบบ ดังรูปที่ 1 คือ

แบบที่ 1 ใช้หลักการเคลื่อนที่และหมุนของตัวฉายรังสี และตัวรับรังสีไปพร้อมกันโดยกำหนดรังสีเอกซ์ในรูปลำรังสีขนานเล็ก (Pencil Beam) การเก็บภาพโดยวิธีนี้จะใช้เวลานาน ทำให้ผู้ป่วยได้รับรังสีเป็นเวลานานจนอาจทำให้เป็นอันตรายจากการได้รับรังสีได้ การทำงานของระบบแบบนี้มีหลักการทำงานดังรูปที่ 1.1 a

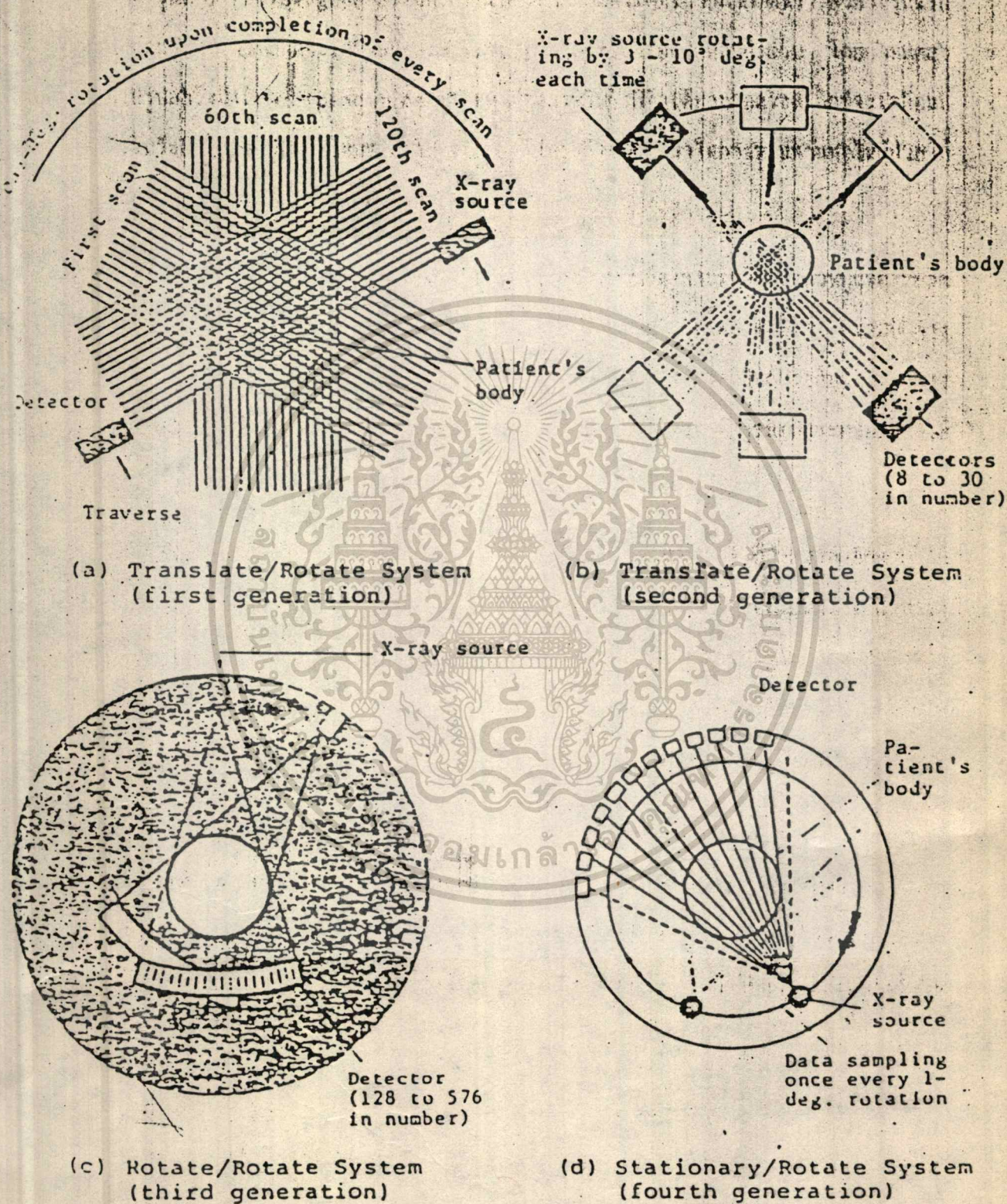
แบบที่ 2 ใช้การเคลื่อนที่แล้วหมุนหลอดฉายรังสีเอกซ์ โดยฉายลำรังสีเอกซ์เป็นแบบกรวย (Fan Beam) จำนวนของอุปกรณ์รับรังสีจะมากขึ้น ทำให้ใช้เวลาในการเก็บข้อมูลน้อยลงเวลาเคลื่อนที่แล้วหมุนจะน้อยลง การฉายรังสีแบบนี้จะให้ความละเอียดสูง การทำงานของระบบแบบนี้มีหลักการทำงานดังรูปที่ 1.1 b

แบบที่ 3 เป็นระบบที่ใช้การหมุนอย่างเดียวยของตัวฉายรังสี กับอุปกรณ์ตัวรับรังสี โดยให้ฉายรังสีแบบกรวย (Fan Beam) แต่มีมุมกว้างมีตัวรับรังสีมากกว่าแบบที่ 2 สามารถครอบคลุมได้ทั้งร่างกายทำให้ใช้เวลาในการเก็บข้อมูลน้อย ดังรูป 1.1 c

แบบที่ 4 ระบบแบบที่ 4 นี้คล้ายกับแบบที่ 3 แต่จำนวนของตัวรับรังสีมากกว่าตัวรับรังสีจะวางอยู่รอบๆเป็นวงกลม จะหมุนตัวฉายรังสีเพียงอย่างเดียวทำให้เวลาของการเก็บข้อมูลเร็วขึ้น หลักการทำงานของระบบแบบนี้ มีหลักการทำงานดังรูปที่ 1.1 d

สำหรับเนื้อหาในปริณิธานฉบับนี้จะกล่าวถึงทฤษฎีหลักการการทำงานของเครื่องคอมพิวเตอร์ เอ็กซ์เรย์ โทโมกราฟ ในแบบแรกเท่านั้น โดยกล่าวถึงการทำงานของ การฉายรังสีในแบบ รังสีขนาน

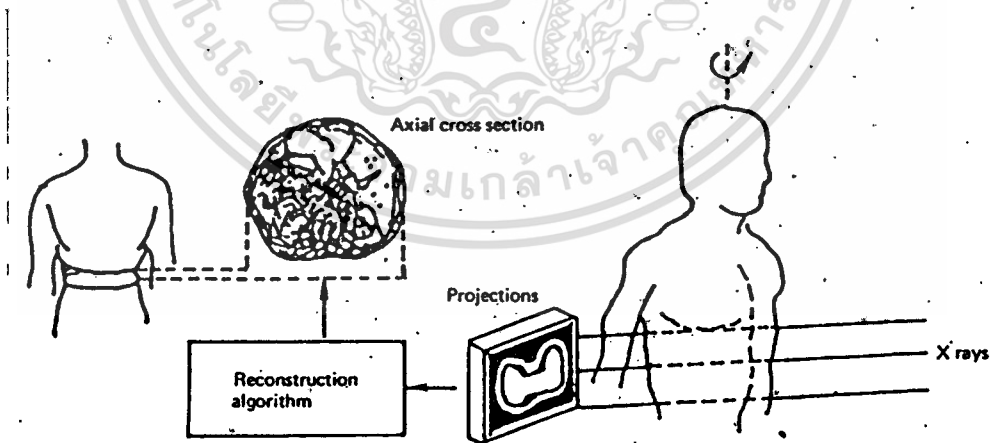
Scanning systems



รูปที่ 1.1 แสดงหลักการของเครื่อง CT แบบต่างๆ

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆ ทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

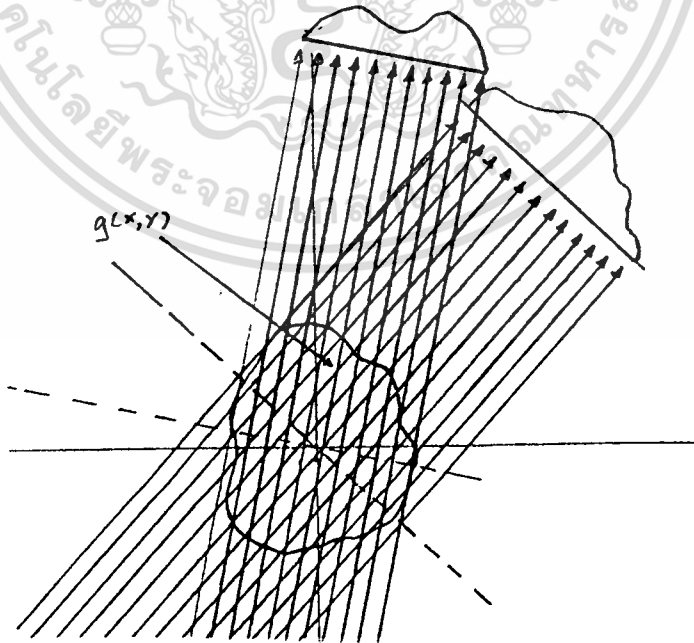
การจำลองการทำงานของเครื่อง Ct แบบ Parallel Beam โปรเจกชัน จะใช้โปรแกรมภาษา ปาลคาลในการจำลองการทำงานทั้งหมด การทำงานเริ่มต้น โดยสร้างภาพวงรีที่มีระดับความเข้มต่าง ๆ กัน แล้วเก็บภาพวงรีเหล่านี้เอาไว้ในไฟล์ จากนั้นก็เรียกไฟล์ที่สร้างเอาไว้ผ่านกระบวนการ โปรเจกชันซึ่งกระบวนการนี้ก็คือการจำลองการฉายรังสีเอ็กซ์จากตัวฉายรังสีไปยังตัวรับรังสีการเก็บข้อมูลของภาพในแต่ละองศาจะเก็บในลักษณะกวาดไปพร้อมๆกันของตัวส่งและตัวรับ ในลักษณะ ขนานกันไป การเก็บข้อมูลจะทำทุกองศา เมื่อทำครบ 180 องศา แล้วก็เก็บข้อมูล ลงในไฟล์ จากนั้นก็จะสร้างภาพกลับออกมา โดยนำข้อมูลที่ได้จากกระบวนการที่แล้ว มาผ่านกระบวนการ แบล็ก โปรเจกชัน ซึ่งเป็นกระบวนการที่นำข้อมูล โปรเจกชัน ทุกๆองศา มาหาความเข้มให้จุดแต่ละจุดในกรอบรูป แต่ข้อมูลที่จะนำมาผ่านกระบวนการ แบล็ก โปรเจกชัน ต้องนำมาผ่าน ฟิลเตอร์ ก่อนเพื่อกำจัดสัญญาณความถี่สูง ออกไป การที่ต้องตัดสัญญาณความถี่สูงออกก็เพื่อไม่ให้เกิดปรากฏการณ์ อไลซิ่ง (Aliasing Effect) ขึ้นซึ่งจะได้กล่าวถึงในบทต่อไป



รูปที่ 1.2 แสดงการทำงานอย่างคร่าวๆของเครื่องคอมพิวเตอร์โทโมกราฟ

ทฤษฎีของ Random transform

การทำโปรเจกชันของวัตถุเราจะต้องยิงรังสีจากตัวยิงให้วิ่งผ่านวัตถุไปยังตัวรับ โดยรังสีที่วิ่งผ่านตัวรับจะมีระดับความเข้มไม่เท่ากันเพราะลำรังสีแต่ละลำวิ่งผ่านอวัยวะภายในต่างกัน รังสีที่วิ่งผ่านอวัยวะภายในมากก็จะให้ค่าโปรเจกชันมาก รังสีที่วิ่งผ่านอวัยวะภายในน้อยก็จะมีค่าโปรเจกชันน้อยดังแสดงในรูปที่ 2.1 ภาพบนสมมติให้เป็นภาพตัดขวางของอวัยวะภายในที่อยู่ในระนาบเดียวกับรังสีที่ฉายผ่านส่วนรูปที่อยู่ข้างล่างเป็นภาพ โปรเจกชัน ของวัตถุที่องศาใดองศาหนึ่ง การกวาดของตัวฉายรังสี และตัวรับรังสีกวาดไปพร้อมกันรังสีแต่ละลำจะวิ่งขนานกันไปตั้งรูป การทำ โปรเจกชัน นี้จะทำตั้งแต่มุม 0 องศา จนถึง 180 องศา สาเหตุที่ทำแค่ 180 องศา ก็เพราะ แลนด์ด้อม ทรานสฟอร์ม มีคุณสมบัติ periodicity กล่าวคือค่าของโปรเจกชัน ที่มุมใด ๆ สมมติให้เป็น  $g(s, \theta)$  จะมีค่าเท่ากับ  $g(s, \theta + 2k\pi)$  เมื่อค่า  $k$  เป็น integer ซึ่งจะเห็นได้ว่าค่า  $g(s, \theta)$  จะมีค่าเหมือนกันเมื่อค่า  $\theta$  มีค่าต่างกัน  $2\pi$  ทำให้การเก็บค่าข้อมูลเก็บเพียง 180 องศา ก็ได้รายละเอียดของภาพครบ



รูปที่ 2.1 แสดง Parallel โปรเจกชัน ของวัตถุ ที่มุม  $\theta_1$  และ  $\theta_2$

Random transform

เป็นการย้ายค่าของฟังก์ชัน ที่อยู่ในระนาบ  $(x,y)$  ไปยังระนาบ  $(s,\theta)$  ถ้าให้  $g(x,y)$  คือค่า สัมประสิทธิ์ ของการดูดกลืนของวัตถุที่จุด  $(x,y)$  ใดๆค่าของ Random transform ก็คือผลรวมของ  $g(x,y)$ ตามแนวเส้นตรงที่ห่างจากจุดกำเนิด เป็นระยะทาง  $s$  ในแต่ละองศา ดังแสดงในรูปที่ 2.2 ซึ่งเห็นได้ว่าเป็นค่าของแต่ละค่าบนแกนของ  $(s,\theta)$  แทนด้วยผลรวมของค่า  $g(x,y)$ ตามแนวเส้นตรงที่ลากผ่านระนาบ  $(x,y)$  ซึ่งคำนวณได้จากสมการ(2.1) โดยที่มีระยะห่างจากจุดกำเนิดเป็นระยะทาง  $s$  ค่า  $s$  คำนวณได้จากสมการ(2.2)

$$p(s, \theta) = \int g(x,y) ds \tag{2.1}$$

$$s = x \cdot \cos(\theta) + y \cdot \sin(\theta) \tag{2.2}$$

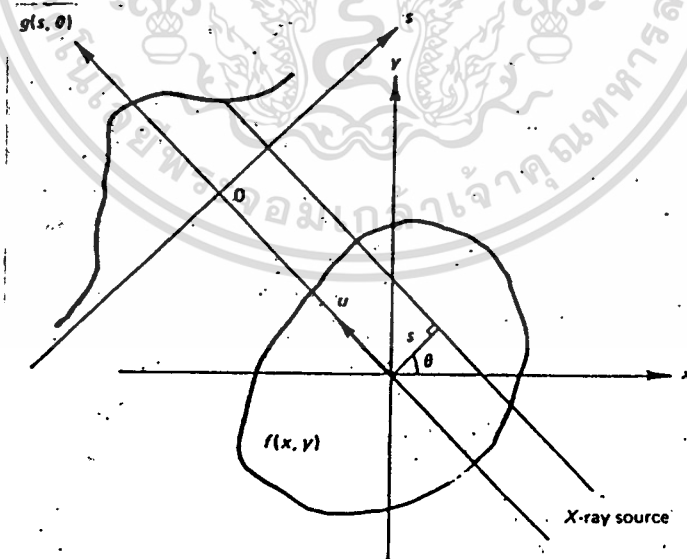
โดยที่  $0 < \theta < \pi$

และ  $0 < x < 64, 0 < y < 64$

หมายเหตุ ทำ Random Transform บนกรอบขนาด  $64 \times 64$  จุด

จุด  $(x,y)$  ใดๆ จะมีค่าคงที่ในแต่ละองศา ค่า  $x$  และ  $y$  เปลี่ยนกันไป

เรียงจนครบค่า  $x$  และ  $y$  ทุกค่า



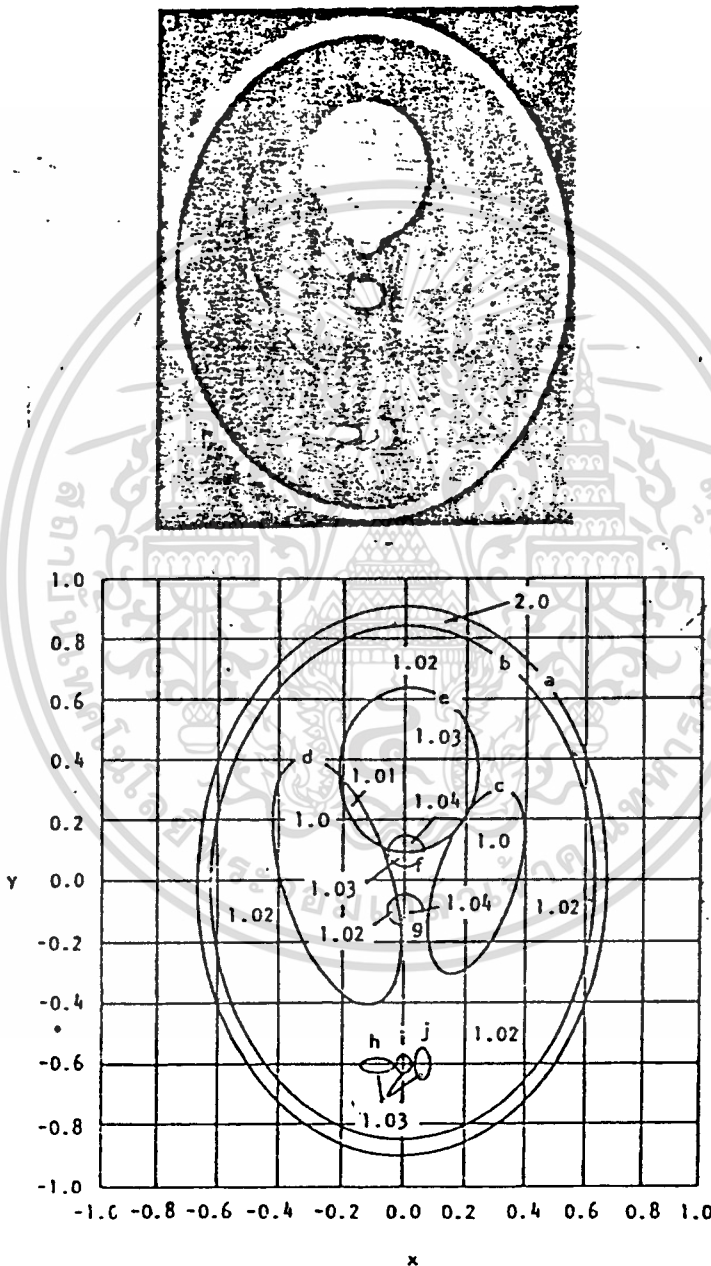
รูปที่ 2.2 แสดงหลักการของการทำ Random Transform ที่องศาหนึ่งๆ

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า

ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

การจำลองโปรเจกชัน ในที่นี้เราจะใช้วงรีหลายวงแทนส่วนประกอบต่างๆ  
ของสมอง โดยที่วงรีมีคุณสมบัติเป็นไปตามสมการ (2.3)

$$\begin{aligned} g(x,y) &= p && \text{เมื่อ} && \text{ภายในวงรี} \\ &= 0 && && \text{ภายนอกวงรี} \end{aligned} \quad (2.3)$$



รูปที่ 2.3 แสดง (a) Shepp and Logan-Phantom ที่จำลองโดย Computer  
(b) รูป Shepp and Logan-Phantom มีระดับ Gray Level 0 ถึง 2

ตารางที่ 2.1 แสดง พารามิเตอร์ (Parameter) ต่างๆของวงรี Shepp and Logan Head Phantom

Ellipse	Coordinates of the center	Major A axis	Major B axis	Rotation $\alpha$ angle	Gray level
a	(0,0)	0.92	0.69	0	2
b	(0,-0.0184)	0.874	0.6624	0	-0.98
c	(0.22,0)	0.31	0.11	72	-0.02
d	(-0.22,0)	0.41	0.16	108	-0.02
e	(0,0.35)	0.25	0.21	0	0.01
f	(0,0.1)	0.046	0.046	0	0.01
g	(0,-0.1)	0.046	0.046	0	0.01
h	(-0.08,-0.605)	0.046	0.046	0	0.01
i	(0,-0.605)	0.023	0.023	0	0.01
j	(0.06,-0.605)	0.046	0.023	90	0.01

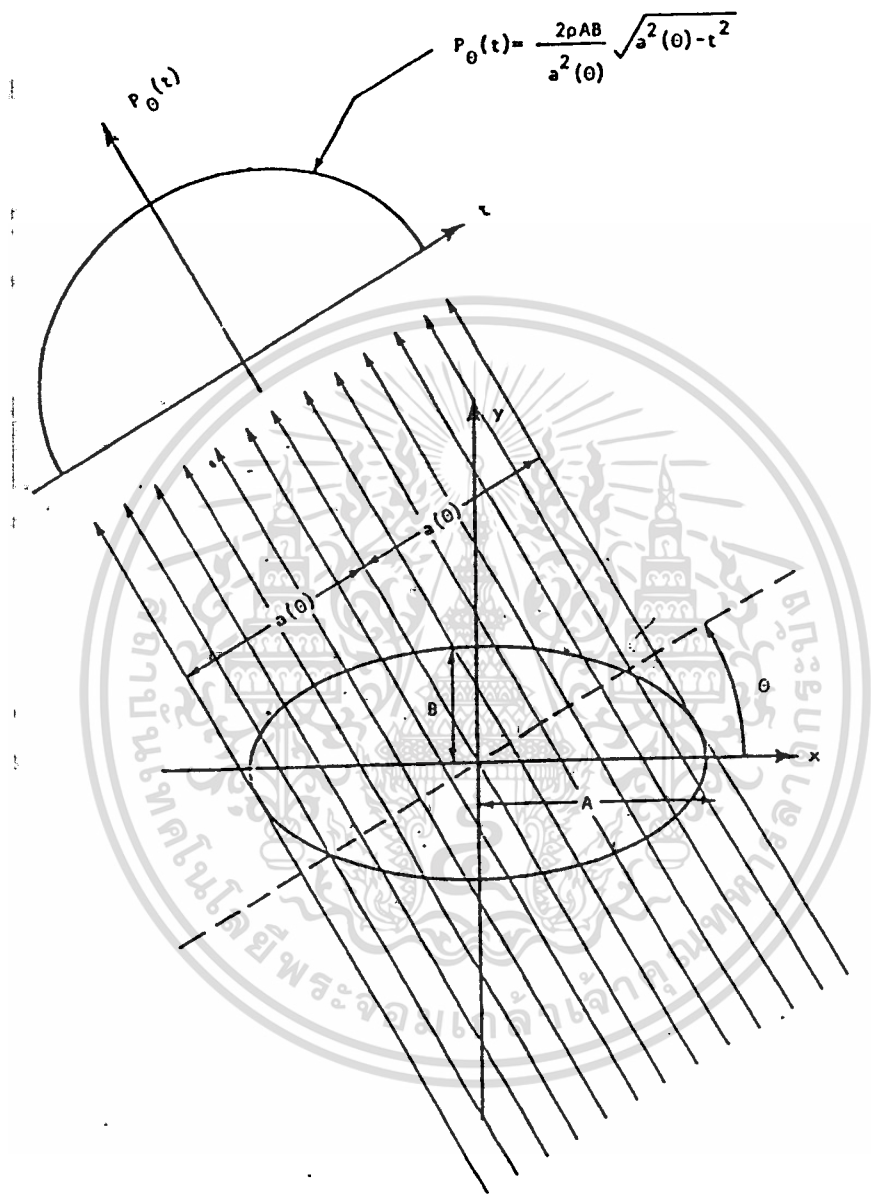
จากสมการ(2.2)  $g(x,y) = \begin{cases} 1 & \text{เมื่อ } 0 \leq r \leq a(\theta) \\ 0 & \text{เมื่อ } r > a(\theta) \end{cases}$

และสมการ(2.1)  $p(t,\theta) = \int g(x,y) ds$

ค่า โปรเจกชัน ของแต่ละวงรีเขียนได้เป็น

$$p(t,\theta) = \begin{cases} 2\sqrt{AB/a^2(\theta) - t^2} & \text{เมื่อ } t < a(\theta) \\ 0 & \text{เมื่อ } t > a(\theta) \end{cases} \quad (2.4)$$

$$a(\theta) = A \cos(\theta) + B \sin(\theta) \quad (2.5)$$



รูปที่ 2.4 แสดง โพรเจกชัน ของรูปวงรีที่มีระดับ ความเทา ภายในเท่ากับ  $r$  ภายนอกวงรีเท่ากับศูนย์



ตารางที่ 2.2 แสดงคุณสมบัติของ random transform

	Function	Radon Transform
	$f(x, y) = f_r(r, \phi)$	$g(s, \theta)$
1	Linearity: $a_1 f_1(x, y) + a_2 f_2(x, y)$	$a_1 g_1(s, \theta) + a_2 g_2(s, \theta)$
2	Space limitedness: $f(x, y) = 0,  x  > \frac{D}{2},  y  > \frac{D}{2}$	$g(s, \theta) = 0,  s  > \frac{D\sqrt{2}}{2}$
3	Symmetry: $f(x, y)$	$g(s, \theta) = g(-s, \theta \pm \pi)$
4	Periodicity: $f(x, y)$	$g(s, \theta) = g(s, \theta + 2k\pi),$ $k = \text{integer}$
5	Shift: $f(x - x_0, y - y_0)$	$g(s - x_0 \cos \theta - y_0 \sin \theta, \theta)$
6	Rotation by $\theta_0$ : $f_r(r, \phi + \theta_0)$	$g(s, \theta + \theta_0)$
7	Scaling: $f(ax, ay)$	$\frac{1}{ a } g(as, \theta), \quad a \neq 0$
8	Mass conservation: $M = \iint f(x, y) dx dy$	$M = \iint g(s, \theta) ds, \quad \forall \theta$



## ทฤษฎี การทำ แบล็ก โปรเจกชัน

การทำ แบล็กโปรเจกชัน ของจุดใดๆ คือการนำค่าข้อมูล โปรเจกชันทุกๆองศา ที่มีค่า  $r$  ลากผ่านจุดนั้นๆดังสมการที่ 2.6

$$b(x,y) = \int g(r,\theta) dr \quad (2.6)$$

โดยที่  $x$  และ  $y$  คือ ค่าจุดใดๆบนกรอกรูป

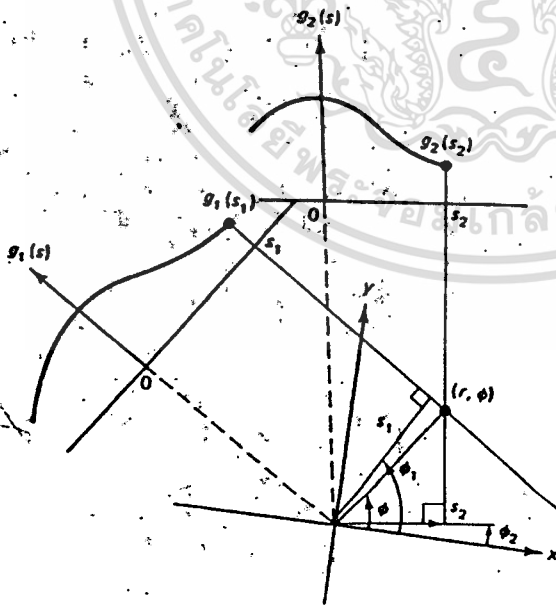
$b(x,y)$  คือ ค่า แบล็กโปรเจกชัน ที่จุด  $x,y$  ใดๆ

$g(r,\theta)$  คือ ค่า โปรเจกชัน ที่  $\theta$  ใดๆ

ค่า  $r$  ที่องศาใดๆสามารถคำนวณได้จากสมการที่ 2.7

$$r = x \cdot \cos(\theta) + y \cdot \sin(\theta) \quad (2.7)$$

การทำ แบล็กโปรเจกชัน สามารถแสดงดังรูปที่ 2.6



รูปที่ 2.5 แสดงการหาค่า แบล็กโปรเจกชัน ที่จุด  $x,y$  ใดๆ

จากรูปที่ 2.5 เป็นการหาค่า แบล็ก โปรเจกชัน ที่จุด  $x, y$  เมื่อมีค่าของ โปรเจกชัน ที่  $\phi_1$  และ  $\phi_2$  เพียง 2 ค่า ซึ่งเขียนได้ดังสมการที่ 2.8

$$b(x, y) = g_1(s_1) + g_2(s_2) \quad (2.8)$$

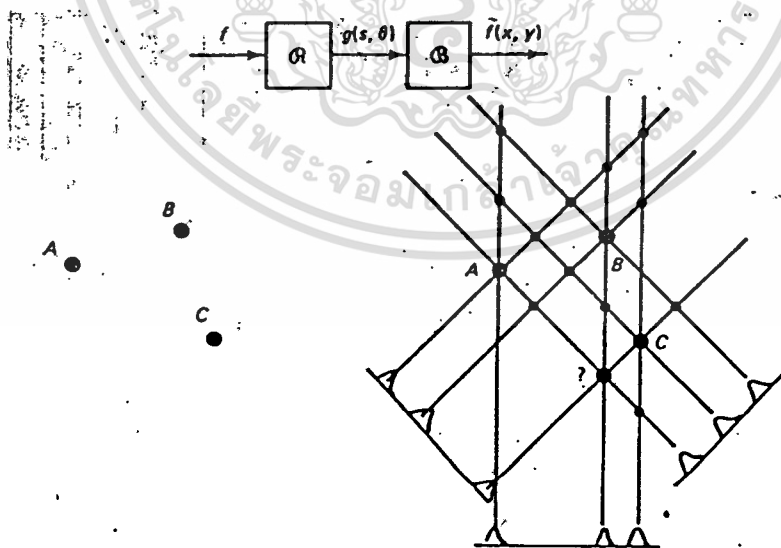
ค่า  $s_1$  และ  $s_2$  คำนวณได้จากสมการที่ 2.9 และ 2.10 ตามลำดับ

$$s_1 = x \cdot \cos(\phi_1) + y \cdot \sin(\phi_2) \quad (2.9)$$

$$s_2 = x \cdot \sin(\phi_1) - y \cdot \cos(\phi_2) \quad (2.10)$$

โดยจากรูปที่ 2.5 กับสมการที่ 2.9 และ สมการ 2.10 ค่าของ  $s_1$  และ  $s_2$  คือระยะห่างจากจุด กำเนิด ในแนวตั้งฉากกับทางเดินของรังสี  $r$  ในแต่ละองศา

ค่า แบล็กโปรเจกชัน ไม่ใช่ค่า inverse ของ ค่า random transform โดยสังเกตจากรูปที่ 2.6 จะเห็นได้ว่าที่จุดตัดกันของแนวรังสีจะมีจุดบางจุดที่ไม่ใช่ รูปที่ต้องการเกิดขึ้นนอกเหนือจากจุด  $a, b$  และ  $c$  ฉะนั้นเราต้องนำข้อมูลโปรเจกชัน มาผ่านกระบวนการ ฟิลเตอร์ ก่อนที่จะนำมาทำ แบล็กโปรเจกชัน



รูปที่ 2.6 แสดงการทำ แบล็กโปรเจกชัน ของข้อมูลที่ไม่ได้ผ่าน ฟิลเตอร์

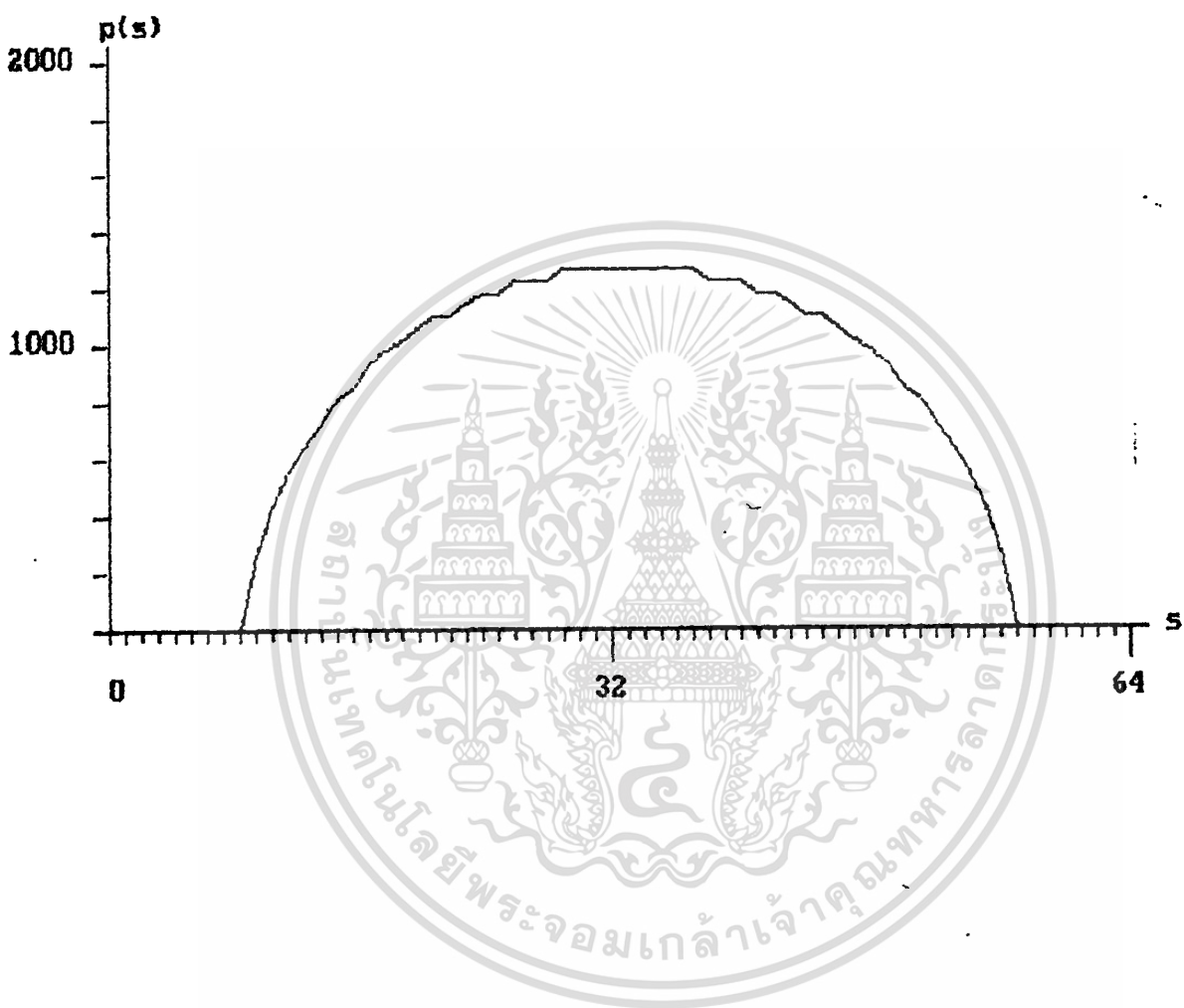
การ ฟิลเตอร์ ข้อมูลคือ การนำข้อมูลมาทำ คอนโวลูชัน กับ ฟังก์ชันฟิลเตอร์  
 ดังสมการที่ (2.11) หรือ (2.12)

$$f(s) = 1/(1-4*s*s) \quad (2.11)$$

$$\begin{aligned}
 &= 1/4*s \quad n \text{ เท่ากับ } 0 \\
 f(s) &= 0 \quad n \text{ เป็นจำนวนคี่} \quad (2.12) \\
 &= -(1/n^2 * \tau^2 * s^2) \quad n \text{ เป็นจำนวนคู่}
 \end{aligned}$$

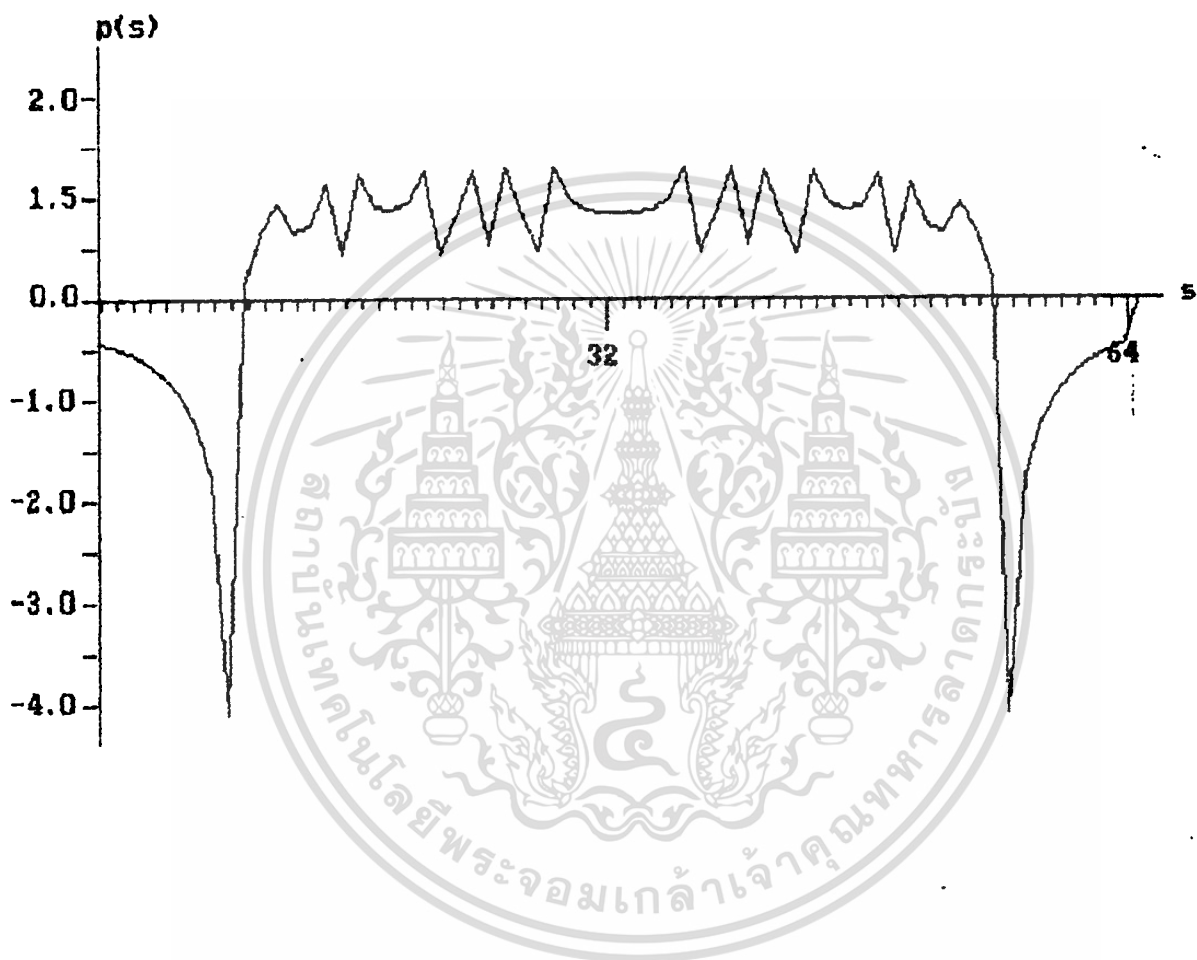
รูปที่ 2.7 แสดง โปรเจกชัน ที่มุม 0 องศาที่ยังไม่ผ่าน ฟิลเตอร์ ส่วนรูป  
 ที่ 2.8 แสดงภาพ โปรเจกชัน ที่ผ่านการ ฟิลเตอร์ แล้ว





รูปที่ 2.7 แสดงภาพโปรเจกชันที่ผ่านฟิลเตอร์มม 0 องศา

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 2.8 แสดงภาพโปรเจกชันที่ผ่านฟิลเตอร์มัม 0 องศา

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

### บทที่ 3

#### การทำงานของโปรแกรม

โปรแกรมสำหรับการจำลองการทำงานของเครื่อง คอมพิวเตอร์ โทโมกราฟ แบ่งออกเป็น 2 โปรแกรมด้วยกันคือ โปรแกรม โปรเจกชัน เป็นโปรแกรมที่ใช้ทำการจำลองการทำงานของตัวฉายรังสี และตัวรับรังสีของเครื่อง ส่วนโปรแกรมที่สอง เป็นโปรแกรมที่จำลองการประมวลผลของเครื่องคอมพิวเตอร์ โดยนำข้อมูลที่มาจากโปรแกรมแรกมาประมวลผลผ่านขั้นตอนต่างๆ นำข้อมูลที่ผ่านการประมวลผลมาแล้ว มาสร้างภาพตัดขวางที่จำลองไว้ตั้งแต่ตอนแรก

โปรแกรม โปรเจกชัน เป็นโปรแกรมที่ทำโปรเจกชัน โดยโปรแกรมจะอ่านค่าความเข้มของระดับ ความเทา ของจุดต่างๆที่อยู่บนภาพซึ่งได้เก็บค่าเอาไว้ในไฟล์ การทำ โปรเจกชัน จะทำตั้งแต่ 0 องศา จนถึง 90 องศา แล้วเก็บลงไฟล์จากนั้นก็จะทำต่อตั้งแต่ 91 องศา จนครบ 180 องศา ขั้นตอนการทำโปรเจกชันทำโดยใช้ กระบวนการ โปรเจกชัน ดังตัวอย่างข้างล่าง

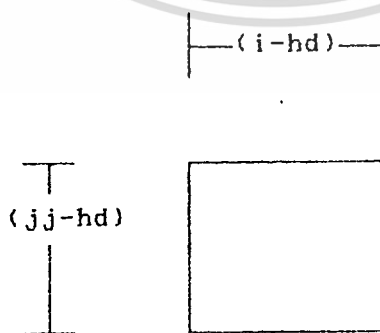
```
procedure โปรเจกชัน(kk,k: integer);
var r,n,nn,i,ii,j,jj : integer;
    cs,sn,nw : real;
begin
  for n:=1 to DNJ do
  begin
    nn := n+(kk-1)*DNJ-1;
    nw := nn*w; cs := cos(nw); sn := sin(nw);
    for j:=1 to DNI do
    begin
      jj:=j+(k-1)*64;
      for i:=1 to 128 do
      begin
```

```

r:=round((i-hd)*cs+(jj-hd)*sn)+hd;
if(r>0) and (r<=128) then
    proj[r,n] := proj[r,n]+g[i,j];
end;
end;
write('<');
end;
end;

```

ตัวแปร  $kk$  เป็นตัวกำหนดองศาของการทำโปรเจกชันโดยจะถ่วงค่ามาจากโปรแกรมหลัก ถ้า  $kk$  มีค่าเท่ากับ 1 ทำให้ค่าของ  $nm$  จะมีค่าตั้งแต่ 0 จนถึง 32 ซึ่งค่าของ  $nm$  จะนำไปคูณกับ  $\pi/64$  เก็บไว้ในตัวแปร  $nw$  ทำให้ตัวแปร  $nw$  มีค่าตั้งแต่ 0 จนถึง  $31\pi/64$  แต่ถ้าตัวแปร  $kk$  มีค่าเท่ากับ 2 ทำให้ค่าของ  $nm$  มีค่าตั้งแต่ 33 ถึง 64 ซึ่งทำให้ค่า  $nw$  มีค่าตั้งแต่  $32\pi/64$  จนถึง  $63\pi/64$  ค่าตัวแปร  $nw$  นำไปใช้คำนวณค่า  $\cos$  และ  $\sin$  เพื่อนำไปคำนวณหาค่า  $r$  ต่อไป ตัวแปร  $jj$  เป็นตัวกำหนดบริเวณการทำโปรเจกชัน ค่าของตัวแปร  $jj$  ถูกกำหนดโดยตัวแปร  $k$  ที่ส่งมาจากโปรแกรมหลัก ถ้าค่า  $k$  ส่งมามีค่าเท่ากับ 1 ทำให้ค่า  $jj$  มีค่าตั้งแต่ 1 ถึง 32 และมีค่า 33 ถึง 64 เมื่อ  $k$  เท่ากับ 2 การหาค่า  $r$  จะนำตัวแปร  $i$  และ  $jj$  มาลบกับตัวแปร  $hd$  ซึ่งเท่ากับ 32 ก่อนที่จะนำไปหาค่า  $r$  ค่า  $(i-hd)$  มีค่าอยู่ระหว่าง -31 ถึง 32 ส่วนค่า  $(jj-hd)$  มีค่าอยู่ระหว่าง -31 ถึง 0 เมื่อ  $k$  มีค่าเท่ากับ 1 และมีค่าอยู่ระหว่าง 1 ถึง 32 เมื่อค่า  $k$  มีค่าเท่ากับ 2 ดังแสดงกรอบรูปจำลองในรูป 3.1



รูปที่ 3.1 แสดงกรอบรูปที่ใช้ทำโปรเจกชัน

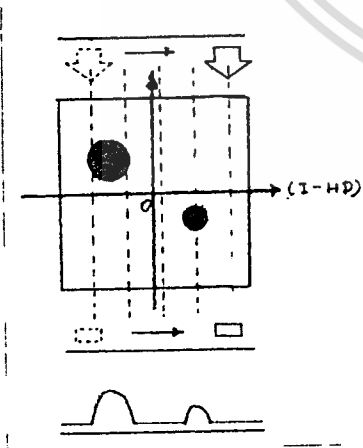
จากสมการ (3.1)

$$r = [(i-hd) \cdot \cos(nw) + (jj-hd) \cdot \sin(nw)] + hd \quad (3.1)$$

โดยค่า  $(i-hd)$  และ  $(jj-hd)$  อยู่ในช่วงที่กำหนดไว้ดังกล่าวข้างต้น หาค่า  $r$  บางค่าได้ดังตารางที่ 3.1 นี้

องศา	$(i-hd)$	$(jj-hd)$	$r$
0	-31	0	1
	0	0	32
	32	0	64

ตารางที่ 3.1



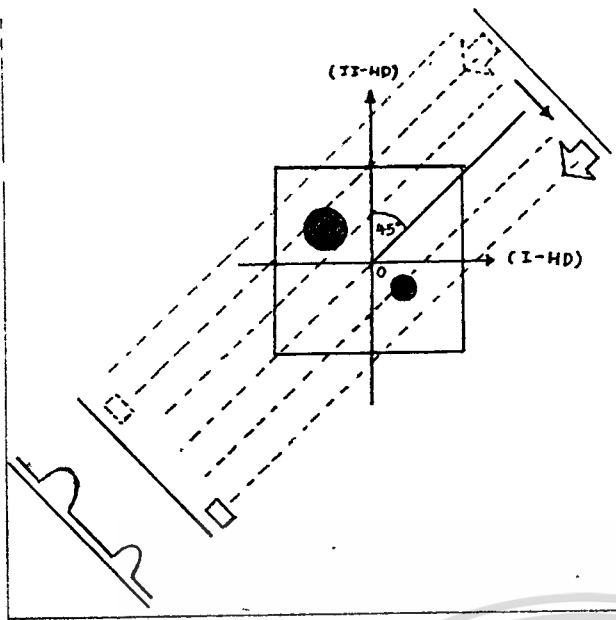
รูปที่ 3.2 แสดงการทำ  
โปรเจกชันที่มุม 0 องศา

จากตารางที่ 3.1 และรูปที่ 3.2 เป็นการหาค่า  $r$  ที่มุม 0 องศาโดย ลูกศรคือทิศทางที่มองเข้าไปผ่านทะลุรูปไปตกที่ตัวรับ โดยที่ลูกศรเคลื่อนที่กวาดจากซ้ายไปขวา จากตารางที่ 3.1 ค่า  $(jj-hd)$  ไม่มีผลต่อการหาค่า  $r$  เพราะ  $\sin(0)$  มีค่าเท่ากับศูนย์ ทำให้ค่า  $r$  ขึ้นกับค่าของค่าของ  $(i-hd)$  เพียงอย่างเดียว

องค์	(i-hd)	(jj-hd)	r
45	-31	-31	-12
	0	-31	10
	32	-31	32
	-31	0	10
	0	0	32
	32	0	55
	-31	1	-21
	0	1	1
	32	1	23
	-31	32	33
	0	32	55
	32	32	77

ตารางที่ 3.2

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



ที่ 3.3 แสดงการทำโปรเจกชันที่มุม 45 องศา

จากตารางที่ 3.2 และรูปที่ 3.3 เป็นการหาค่า  $r$  ที่มุม 45 องศา ค่า  $r$  ที่คำนวณได้จากตารางที่ 3.2 ค่า  $(jj-hd)$  เปลี่ยนค่าตั้งแต่ -31 ถึง 32 ซึ่งจากตารางเมื่อค่าของ  $(jj-hd)$  มีค่าเท่ากับ -31 ค่า  $r$  มีค่าอยู่ระหว่าง 1 ถึง 33 (ใช้ค่า  $r$  เฉพาะที่เป็นบวก)  $(jj-hd)$  มีค่าเท่ากับ 0  $r$  จะมีค่าอยู่ระหว่าง 10 ถึง 55 และ  $(jj-hd)$  มีค่าที่ 32 ค่า  $r$  จะมีค่าอยู่ระหว่าง 33

ถึง 64 จากผลการคำนวณหาค่า  $r$  ที่บริเวณต่างๆ จะเห็นว่าค่า  $r$  กวาดจากค่า 1 ไปยัง 64 ทำให้เก็บรายละเอียดที่มุม 45 องศาได้หมด

เมื่อดำเนินการกำหนดตำแหน่งการกวาดของค่า  $r$  ได้แล้วก็นำไปหาผลรวมของจุดสว่างตามระดับ Gray Level ที่มีค่า  $r$  ตรงกันโดยส่วนของโปรแกรมที่ 3.2

$$\text{proj}[r][n] = \text{proj}[r][n] + g[i][j] \quad (3.2)$$

สมการที่ 3.2 ทำหน้าที่หาผลรวมของ  $g[i][j]$  ตามระดับ ความเทา ที่จุด  $[i][j]$  นั้นๆ ตัวแปรอะเรย์  $g[i][j]$  เป็นตัวแปรที่มีขนาด  $64 \times 64$  ซึ่งจะแทนระดับ ความเทา ของจุดต่างๆที่อยู่บนกรอบรูป จากส่วนของโปรแกรมที่ 3.2 จะเขียนเป็นสมการคณิตศาสตร์ที่ดังสมการที่ 3.3

$$\text{proj}[r][n] = g[i][j] \quad (3.3)$$

สมการที่ 3.3 ตัวแปร  $\text{proj}[r][n]$  เก็บผลรวมของ  $g[i][j]$  ตามแนวทางเดิน  $r$  ที่มุม  $n$  ใดๆ ตัวแปร  $r$  เปลี่ยนค่าตั้งแต่ 1 ถึง 64 ในแต่ละค่าของ  $n$

โปรแกรม อินเวอร์ โปรเจกชัน จะนำค่าของข้อมูลโปรเจกชันที่ทำจากโปรแกรมแรกมาผ่านกระบวนการ ฟิลเตอร์ และ แบล็ก โปรเจกชัน เพื่อสร้างรูปกลับออกมา

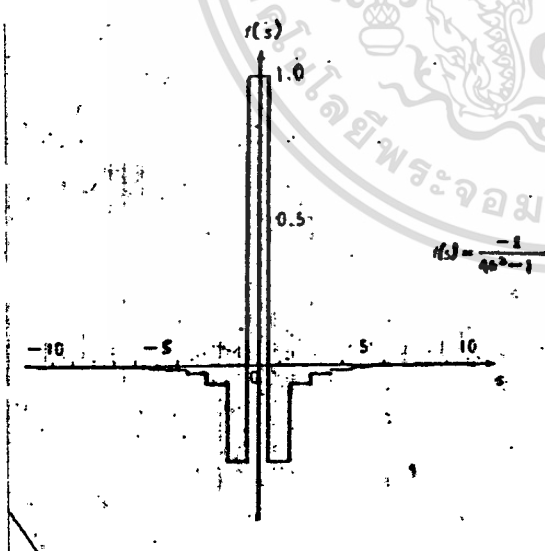
กระบวนการข้างล่างนี้คือ กระบวนการ ฟิลเตอร์

```

procedure filter_and_convolution;
var p,k      :integer;
    coef     :real;
begin
  coef:=1/(64*2);
  for p:=-128+1 to 128 do
    ft[p+128]:=coef/(1-4*p*p);
  for k:=1 to FNB do
    begin
      load_d(fvar1,k,filtp);
      convolution;
      save_d(fvar2,k,filtp);
    end;
  end;
end;

```

ค่า coef มีค่าเท่ากับ  $1/2 * DNI$   
 DNI เท่ากับ 64 ft คือ ตัวแปร ขนาด  
 128 loop for ทำหน้าที่ fill  
 ค่าลงในตัวแปร ft โดยเริ่มจาก  
 ค่า p เท่ากับ -63 ถึง 64 ค่า p  
 เพิ่มขึ้นทีละหนึ่ง ค่า p ที่เปลี่ยนไปถูก  
 นำมาใช้คำนวณโดยโปรแกรมส่วน  
 $ft[p+DNI]=coef/(1-4*p*p)$   
 ค่าของ ft มีค่าสูงสุดเมื่อ p เท่า  
 กับศูนย์ ซึ่งตรงกับค่า ft[64] ส่วน  
 ft[1] และ ft[128] มีค่าน้อยที่  
 สุดนำค่า ft ทั้ง 128 ค่ามาเขียน  
 ตั้งแต่ ft[1] ถึง ft[128] จะ  
 ดังรูป (3.4)



รูปที่ 3.4 แสดงกราฟของ function filter ที่จะนำมา convolution กับข้อมูล

ตัวแปร  $ft$  จะนำไป คอนโวลูชัน กับข้อมูล โปรเจกชัน ที่ได้จากโปรแกรมที่ แล้ว ซึ่งเก็บไว้ในตัวแปร  $filtp$

```
procedure convolution;
var i,j,t :integer;
    grf :array[1..128] of real;
begin
    for j:=1 to 32 do
        begin
            for t:=1 to 128 do grf[t] :=0.0;
            for t:=1 to 128 do
                for i:=1 to 128 do
                    grf[t] := grf[t] + filt[i,j]*ft[i+t-1];
                    { filtered data is stored here }
                for i:=1 to 128 do filt[i,j] := grf[128+1-i];
            end;
        end;
    end;
```

การทำ คอนโวลูชัน(convolution)ในส่วนนี้เป็นการทำ คอนโวลูชัน ของตัวแปร ๒ ตัวที่มีมิติไม่เท่ากันโดยตัวแปร  $filtp$  เป็นตัวแปร ๒ มิติขนาด  $63 \times 32$  ส่วนตัวแปร  $ft$  เป็นตัวแปรมิติเดียวขนาด 128 การทำ คอนโวลูชัน จะนำตัวแปร  $ft$  ทีละแถว โดยในตอนแรกนำค่า  $filtp[a][1]$  มาทำคอนโวลูชันกับ  $ft$  ก่อนเมื่อทำจนหมดแถวแรกแล้วก็นำ  $filtp[a][2]$  มาทำ คอนโวลูชัน กับ  $ft$  ต่อไปทำเช่นนี้ไปเรื่อยๆจนครบทั้ง 32 แถวของ  $filtp$

การทำ คอนโวลูชัน ของ 2 ๒เรย์ เราจะถือว่า  $filtp$  เป็น สัญญาณ (signal) ส่วน  $ft$  เป็น เรสปอนส์(response) เราต้องสลับลำดับของ เรสปอนส์ แล้วนำมาคูณกับสัญญาณ สัญญาณ ดังสมการที่ 3.5

$$grf[t] = filt[a][b] + ft[a+(DNI-t)] \quad (3.4)$$

ตัวแปร  $grf$  เป็นตัวแปรที่ใช้เก็บผลรวมของผลคูณระหว่างตัวแปร  $filtp[a][b]$

กับตัวแปร  $ft[a+(DN1-t)]$  โดยที่  $a$  มีค่า ตั้งแต่ 1 ถึง 64 ส่วนค่า  $b$  คงที่

$$grf[1] = filtp[1][b]xft[64] + filtp[2][b]xft[65] + filtp[3][b]xft[66] + \dots + filtp[64][b]xft[127] = -2.04192e-04$$

$$grf[2] = filtp[1][b]xft[63] + filtp[2][b]xft[64] + filtp[3][b]xft[65] + \dots + filtp[64][b]xft[126] = -2.16078e-04$$

$$grf[3] = filtp[1][b]xft[62] + filtp[2][b]xft[63] + filtp[3][b]xft[64] + \dots + filtp[64][b]xft[125] = -2.29059e-04$$

.  
.
   
.

$$grf[64] = filtp[1][b]xft[1] + filtp[2][b]xft[2] + filtp[3][b]xft[3] + \dots + filtp[64][b]xft[64] = -3.27525e-04$$

นำข้อมูลที่ผ่านการ ฟิลเตอร์ แล้วมาผ่านกระบวนการ แบล็ก โปรเจกชัน เพื่อเป็นข้อมูลที่ใช้สำหรับการสร้างภาพ ซึ่งการทำ แบล็ก โปรเจกชัน ที่จุด  $(x,y)$  ใดๆ ก็คือการหาผลรวมของ โปรเจกชัน ( ที่ผ่านการ filter แล้ว ) ทุกๆองศา ที่มีค่า  $r$  ลากผ่านจุด  $(x,y)$  นั้นๆ

```

procedure inv_โปรเจกชัน(kk,k:integer);
var i,j,r,n,nn,jj,ii,y :integer;
    cs,sn,nw,dif :real;

begin
    load_dd(fvar3,k,recomp);
    for j:=1 to 64 do
    begin
        jj:=j+(kk-1)*64;
        if j<=32 then y:=j else y:=j-32;
        for i:=1 to 128 do
        begin
    
```

```

for n:=1 to 32 do
begin
    nn:=n+(k-1)*32-1;
    nw:=nn*w; cs:=cos(nw); sn:=sin(nw);
    r:=round((i-hd)*cs+(jj-hd)*sn)+hd;
    if (r>0) and (r<=128) then
        reconp[i,y] := reconp[i,y]+filitp[r,n];
    dif:=reconp[i,y]-maxval;
    if dif>0 then maxval:=reconp[i,y];
end;
end;
end;
end;

```

ค่า  $n$  เป็นตัวกำหนดองศาการทำ แบล็ก โปรเจกชัน โดยจะถูกหาค่าออกมาในรูป  $nn$  ค่าของ  $nn$  จะมีค่าอยู่ 2 ช่วงคือ  $nn$  มีค่าตั้งแต่ 0 ถึง 31 เมื่อ  $k$  มีค่าเท่ากับ 1 และมีค่า ตั้งแต่ 32 ถึง 63 เมื่อ  $k$  มีค่าเท่ากับ 2 จากนั้นก็นำค่า  $nn$  มาคูณกับ  $\pi/64$  เก็บไว้ในตัวแปร  $nw$  ฉะนั้นเราสามารถสรุปได้ว่า  $nw$  มีค่าอยู่ระหว่าง 0 ถึง  $31\pi/64$  เมื่อ  $k$  ที่ ส่งมาจาก โปรแกรมหหลักมีค่าเท่ากับ 1 และ  $nw$  มีค่าอยู่ระหว่าง  $32\pi/64$  ถึง  $63\pi/64$  เมื่อ  $k$  จะมีค่าเท่ากับ 2 ค่าของ  $nw$  ถูกนำไปเป็นค่าองศาสำหรับค่าแนวค่า  $\cos$  และ  $\sin$  ซึ่งนำไปคำนวณหาค่า  $r$  ต่อไป ตัวแปร  $kk$  เป็นตัวแปรที่ใช้กำหนดบริเวณของการทำ แบล็ก โปรเจกชัน โดยที่  $kk$  มีค่าเท่ากับ 1 จะทำ แบล็กโปรเจกชัน บนกรอบรูปด้านบน เมื่อ  $kk$  มีค่าเท่ากับ 2 จะทำ แบล็กโปรเจกชัน กรอบรูปด้านล่าง การคำนวณหาค่า  $r$  ใช้สมการที่ (3.5)

$$r = [(i-hd)xcos(\theta) + (jj-hd)xsin(\theta)] + hd \quad (3.5)$$

ค่า  $r$  เป็นค่าที่ลากผ่านจุด  $(i, j)$  ในแต่ละองศา ค่าข้อมูลที่ได้ทำแบล็กโปรเจกชัน จะเก็บไว้ในตัวแปร  $reconp$  ซึ่งเป็นตัวแปรขนาด  $64 \times 32$  ตัวแปร  $reconp$  เก็บข้อมูลที่ละครั้งกรอบรูปแล้วเก็บลงไฟล์ ค่าของตัวแปร  $reconp$  คำนวณได้จากสมการที่ (3.6)

$$\text{recomp}[i][j] = \text{recomp}[i][j] + \text{filtp}[r][n] \quad (3.6)$$

ค่า  $i$  และ  $j$  จะแทนตำแหน่งต่างๆบนกรอกรูป เมื่อค่า  $i$  และ  $j$  เปลี่ยนไป ค่า  $r$  ก็เปลี่ยนตามไปด้วยดังสมการ (3.7)

$$r = [(i-hd) \times \cos(\theta) + (j-hd) \times \sin(\theta)] + hd \quad (3.7)$$

ฉะนั้นตัวแปร  $\text{recomp}$  ตัวหนึ่งๆจะเก็บผลรวมของค่าโปรเจกชัน (ที่ผ่านการทำ filter แล้ว) ที่มีค่า  $r$  ตรงกับสมการที่ (3.7) เช่น  $\text{recomp}[25][20]$  ก็เก็บค่าโปรเจกชันที่มีค่า  $r$  ลากผ่านจุด (25,20) ( $i=25, j=20$ ) สมมติให้  $k$  เท่ากับ 2 จำนวนค่า  $j$  ออกมาได้  $j_j = 20 + (k-1) \times 32 = 52$  นำค่าทั้งหมดไปหาค่า  $r$  ได้ดังสมการ (3.8)

$$r = [(25-32) \times \cos(\theta) + (52-32) \times \sin(\theta)] + 32 \quad (3.8)$$

$$= [-7 \times \cos(\theta) + 20 \times \sin(\theta)] + 32$$

ที่  $\theta = 0$

$$r = [-7 \times \cos(0) + 20 \times \sin(0)] + 32$$

$$= 25$$

เอาค่าจากตัวแปร  $\text{filtp}[25][1]$  มาเก็บไว้ในตัวแปร  $\text{recomp}[25][20]$

ที่  $\theta = 45$

$$r = [-7 \times \cos(45) + 20 \times \sin(45)] + 32$$

$$= 41.1923$$

$$= 41 \text{ (ปัดเป็นเลขจำนวนเต็ม)}$$

เอาค่าจากตัวแปร  $\text{filtp}[41][16]$  มาบวกกับค่าในตัวแปร  $\text{recomp}[25][20]$  ที่มีอยู่เดิม ใช้สมการ (3.8) คำนวณหาค่า  $r$  ทุกๆองศาตั้งแต่ 0 ถึง 180 องศาโดยการเปลี่ยนค่า  $\theta$  ไปเรื่อยๆ

ผลการทดลอง

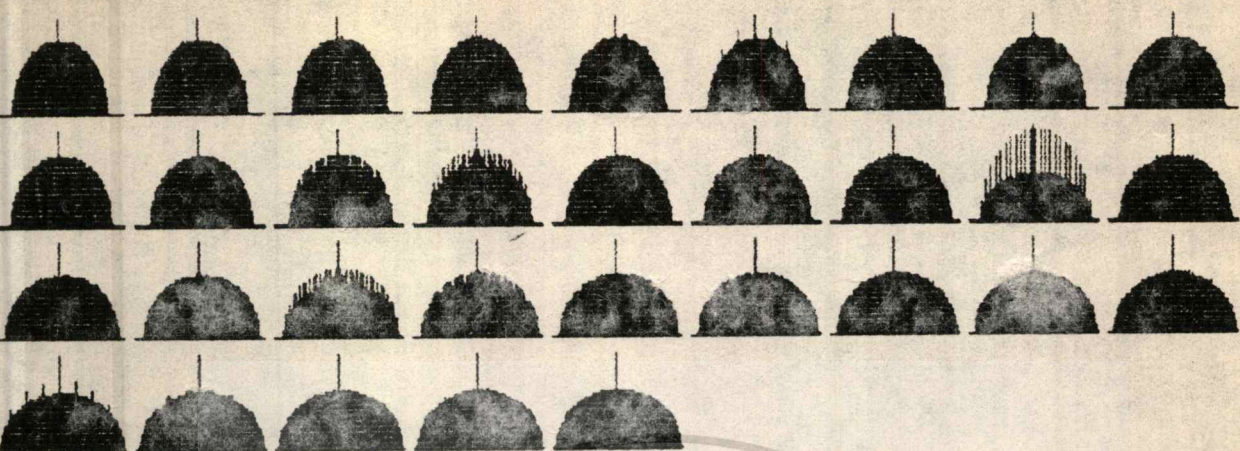
การทดลองการทำโครงเจกซ์นกรอบรูปขนาด 64x64จุด ที่มีวงรีแบบ  
ต่าง ๆ กัน และมีระดับความเข้มในแต่ละวงไม่เท่ากัน

4.1 วงรีรูปเดียว

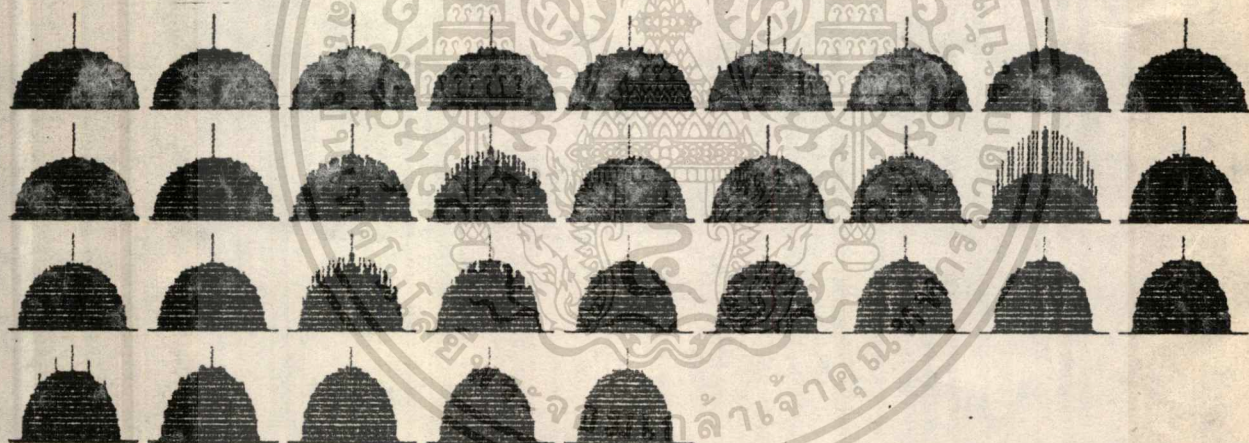
จากรูปที่ 4.1.1 แสดงภาพที่จะนำมาทำโครงเจกซ์นกรอบรูปขนาด 64x64จุด  
มีระดับความเทาภายในวงรีเท่ากับ 15 และมีระดับความเทาภายนอกเท่ากับศูนย์  
ส่วนรูปที่ 4.1.2 และ 4.1.3 เป็นภาพโครงเจกซ์นกรูปที่ 4.1 ตั้งแต่ 0 จนถึง  
180 องศา



รูปที่ 4.1.1 แสดงภาพที่จะนำมาทำโครงเจกซ์น

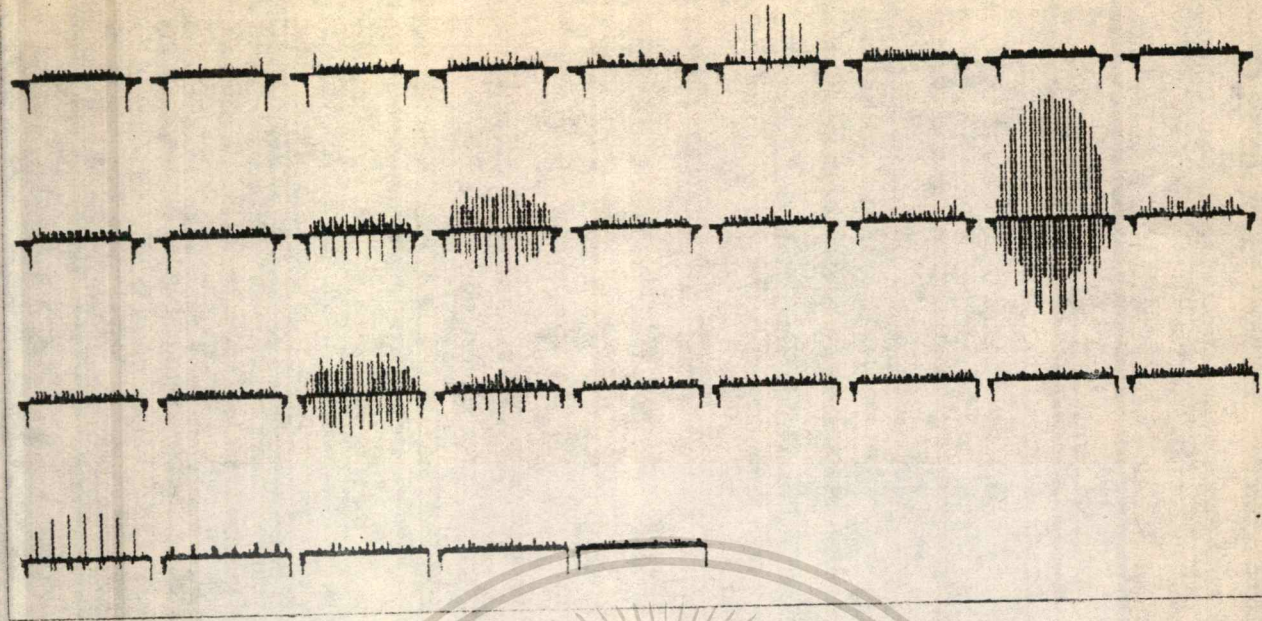


รูปที่ 4.1.2 แสดงภาพโปรเจกชันตั้งแต่ 0 จนถึง 90 องศา

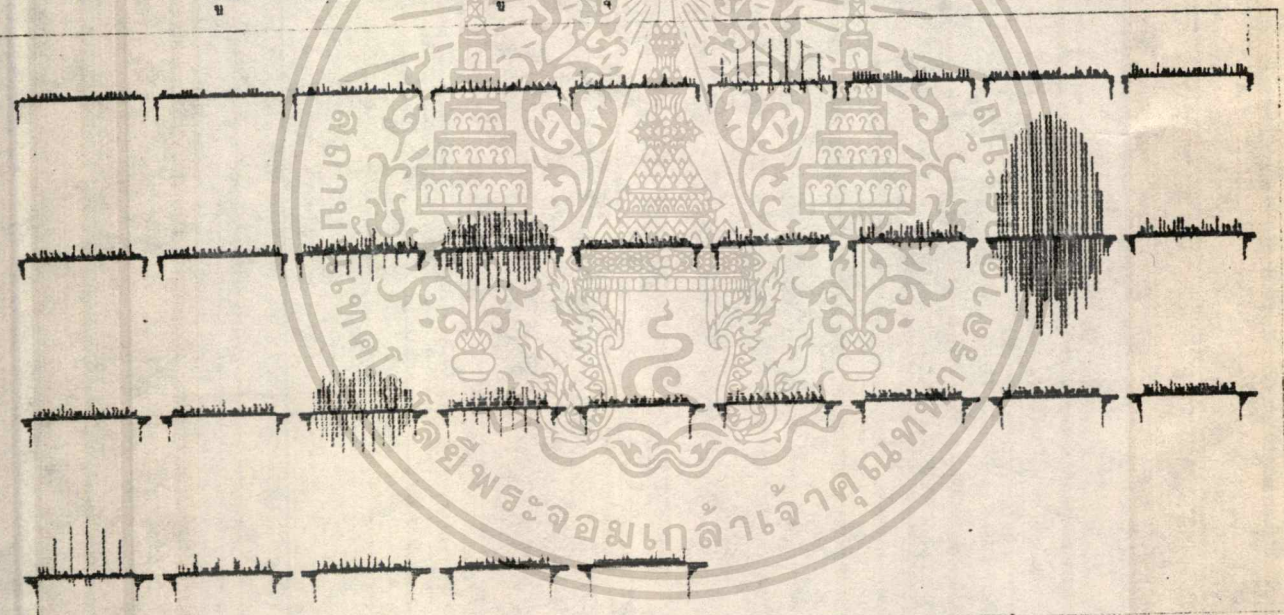


รูปที่ 4.1.3 แสดงภาพโปรเจกชันตั้งแต่ 90 จนถึง 180 องศา

รูปที่ 4.1.4 และ 4.1.5 แสดงข้อมูลของรูปที่ 4.1.2 และ 4.1.3 ที่ผ่านการฟิลเตอร์แล้วโดยนำข้อมูลของรูปที่ 4.1.4 และ 4.1.5 มาทำคอนโวลูชันกับตัวฟังก์ชันของสมการที่ 2.11 โดยที่รูปที่ 4.1.4 แสดงข้อมูลที่ถูกฟิลเตอร์ตั้งแต่มุม 0 จนถึง 90 องศา ส่วนรูปที่ 4.1.5 แสดงข้อมูลที่ถูกฟิลเตอร์ตั้งแต่มุม 91 จนถึง 180 องศา

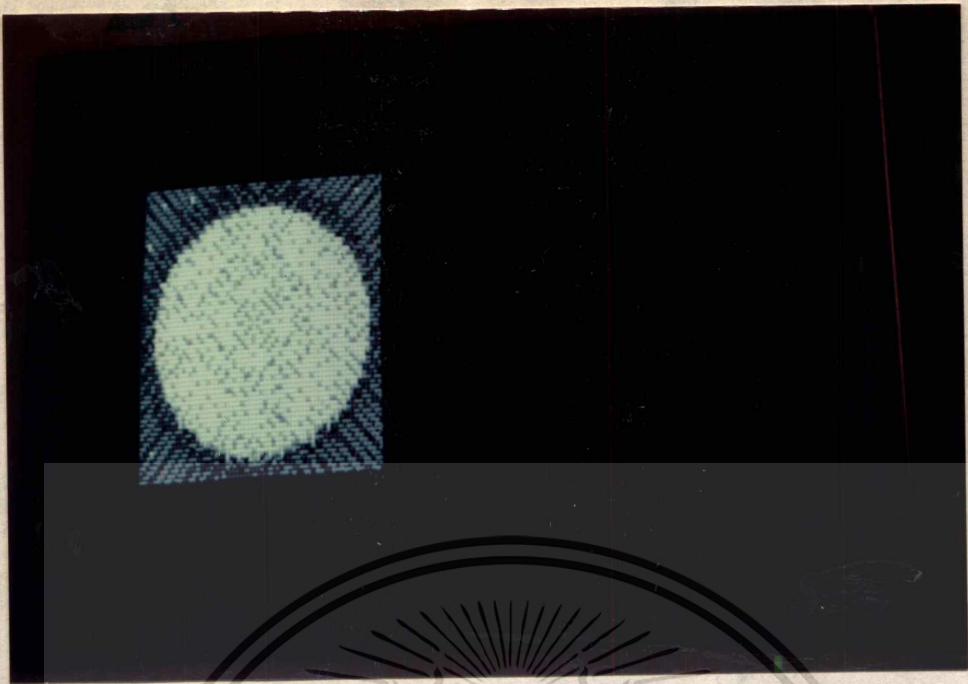


รูปที่ 4.1.4 แสดงข้อมูลตั้งแต่มุม 0 จนถึง 90 องศาที่ผ่านฟิลเตอร์



รูปที่ 4.1.5 แสดงข้อมูลตั้งแต่มุม 91 จนถึง 180 องศาที่ผ่านฟิลเตอร์

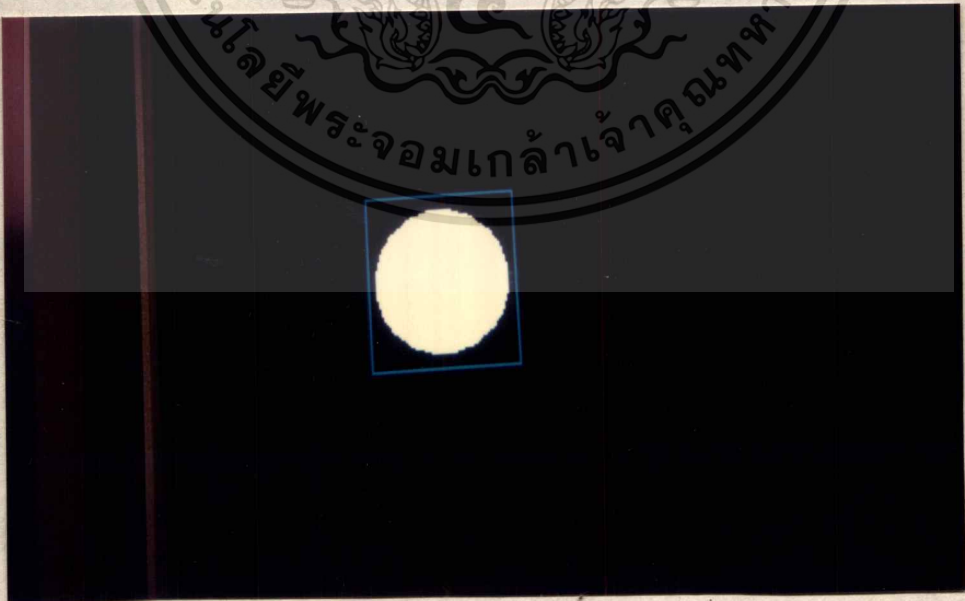
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.1.6 แสดงภาพตัดขวางที่ทำออกมาได้

#### 4.2 วงรีรูปเดียวที่อยู่ในกลวง

จากรูปที่ 4.2.1 แสดงภาพที่จะนำมาทำโปรเจกชันกรอบรูปขนาด 64x64 จุด มีระดับความเทาบริเวณขอบของวงรีเท่ากับ 15 และมีระดับความเทาภายนอกและภายในเท่ากับศูนย์ส่วนรูปที่ 4.2.2 และ 4.2.3 เป็นภาพโปรเจกชันของรูปที่ 4.2 ตั้งแต่ 0 จนถึง 180 องศา



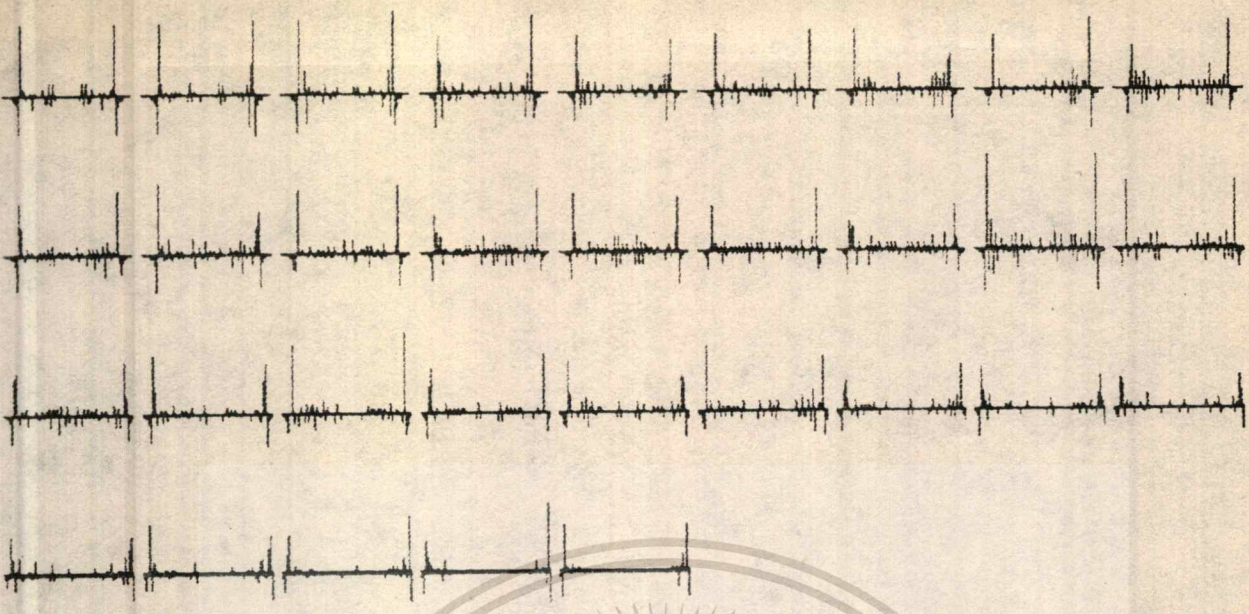
รูปที่ 4.2 แสดงภาพที่จะนำมาทำโปรเจกชัน

รูปที่ 4.2.2 แสดงภาพโปรเจกชันตั้งแต่ 0 จนถึง 90 องศา

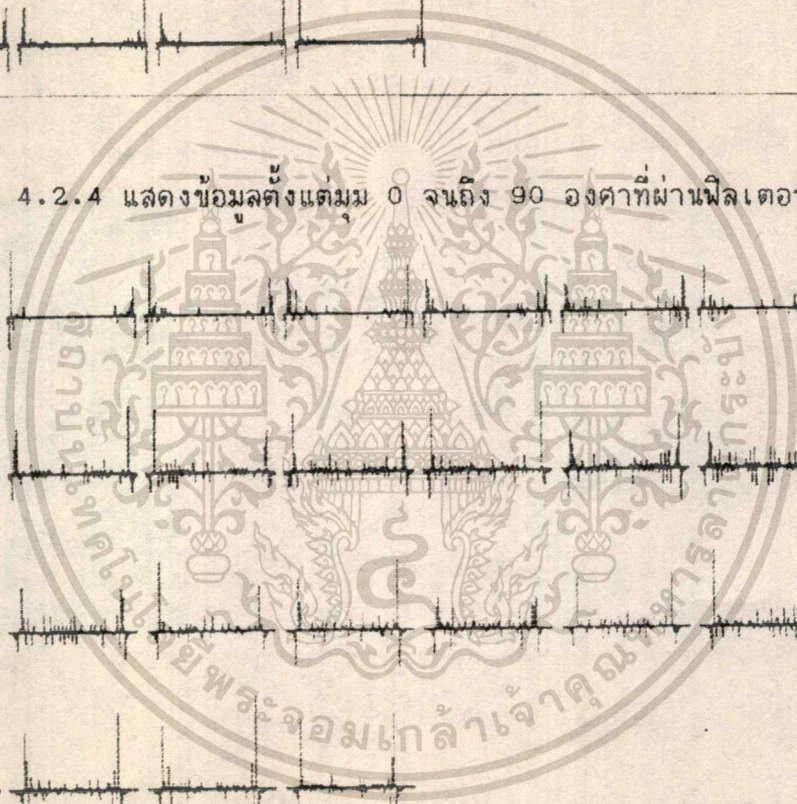


รูปที่ 4.2.3 แสดงภาพโปรเจกชันตั้งแต่ 91 จนถึง 180 องศา

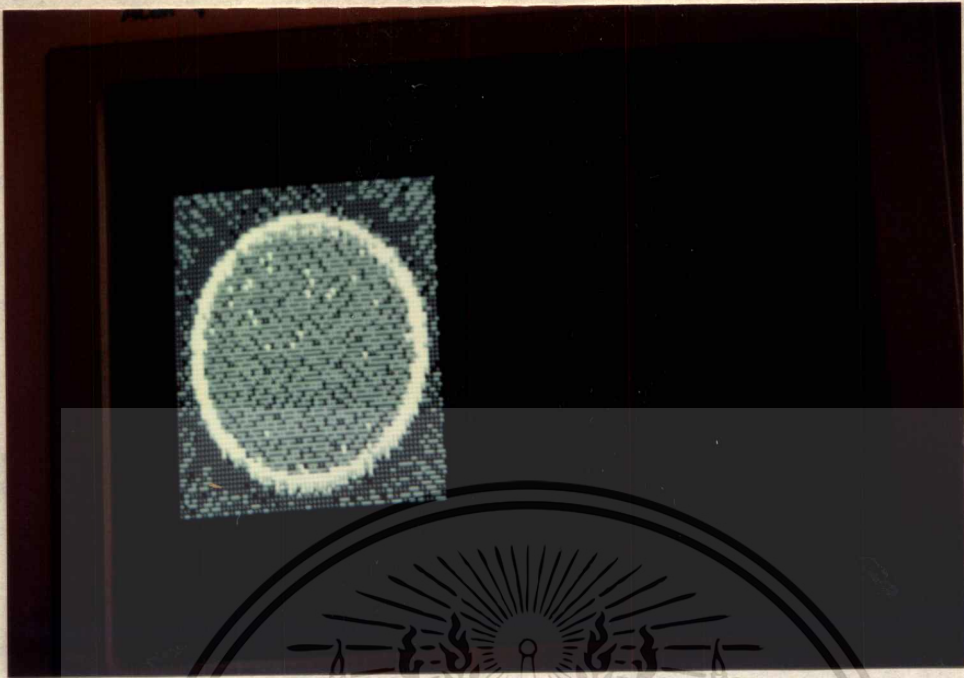
รูปที่ 4.2.4 และ 4.2.5 แสดงข้อมูลของรูปที่ 4.2.2 และ 4.2.3 ที่ผ่านการฟิลเตอร์แล้วโดยนำข้อมูลของรูปที่ 4.2.4 และ 4.2.5 มาทำคอนโวลูชันกับตัวฟังก์ชันของสมการที่ 2.11 โดยที่รูปที่ 4.2.4 แสดงข้อมูลที่ถูกฟิลเตอร์ตั้งแต่มุม 0 จนถึง 90 องศา ส่วนรูปที่ 4.2.5 แสดงข้อมูลที่ถูกฟิลเตอร์ตั้งแต่มุม 91 จนถึง 180 องศา



รูปที่ 4.2.4 แสดงข้อมูลตั้งแต่มม 0 จนถึง 90 องศาที่ผ่านฟิลเตอร์



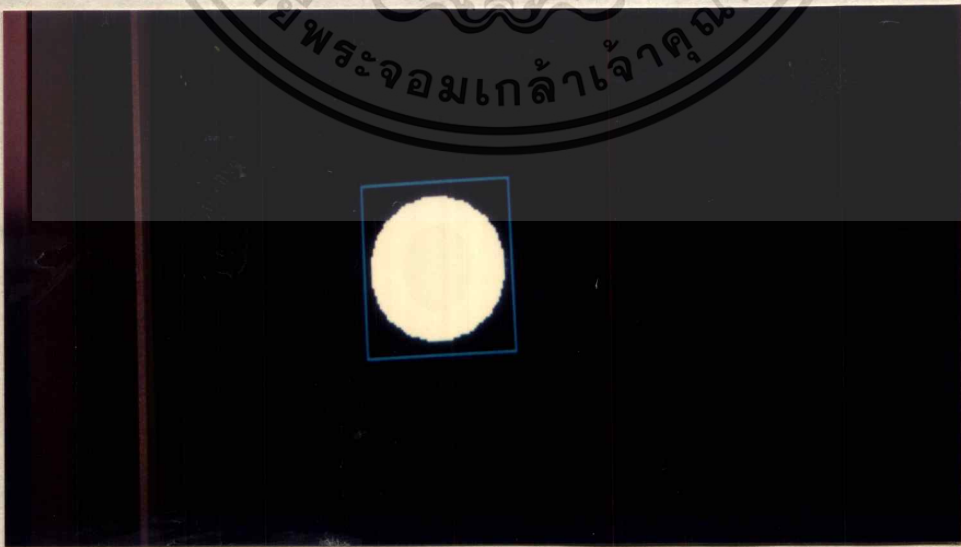
รูปที่ 4.2.5 แสดงข้อมูลตั้งแต่มม 91 จนถึง 180 องศาที่ผ่านฟิลเตอร์



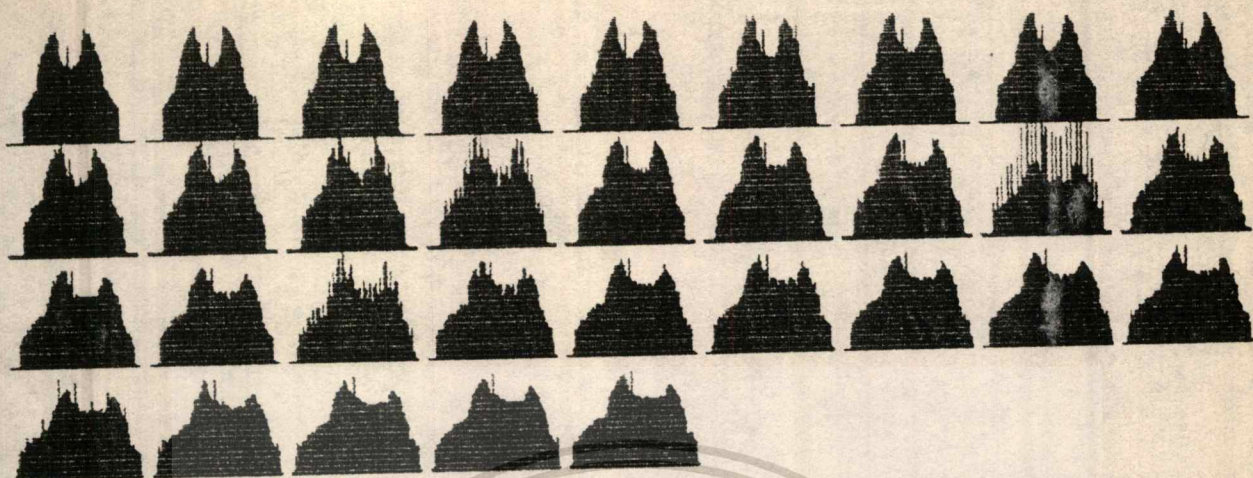
รูปที่ 4.2.6 แสดงภาพตัดขวางที่ทำออกมาได้

4.3 วงรีสามวงที่มีระดับความเข้มต่างกัน

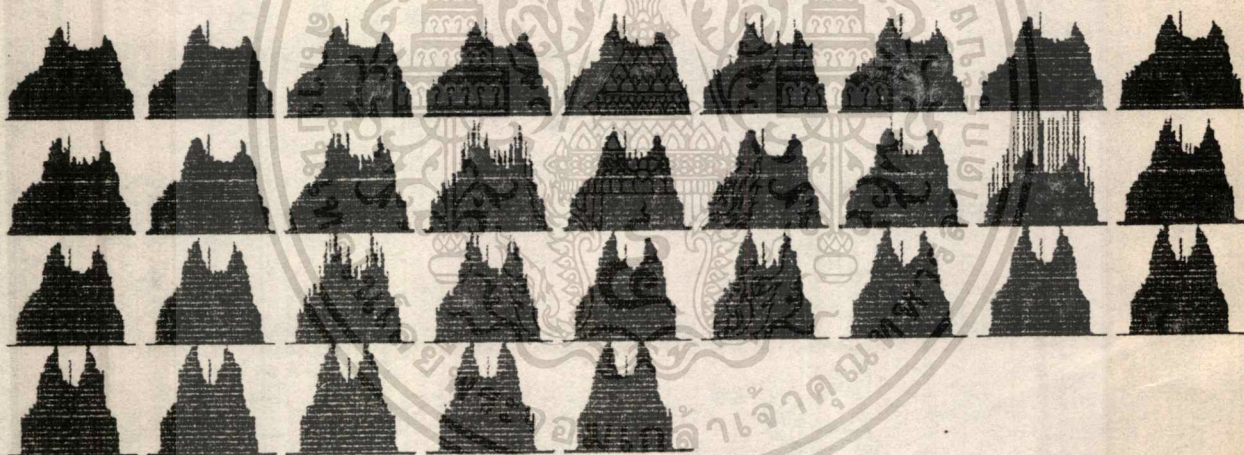
จากรูปที่ 4.3.1 แสดงภาพที่จะนำมาทำโปรเจกชันกรอบรูปขนาด 64x64 จุด มีระดับความเทาบริเวณของวงรีวงนอกเท่ากับ 15 และมีระดับความเทาของวงรีวงกลางเท่ากับ 63 และวงรีวงในสุดเท่ากับศูนย์ ส่วนรูปที่ 4.2.2 และ 4.2.3 เป็นภาพโปรเจกชันของรูปที่ 4.2 ตั้งแต่ 0 จนถึง 180 องศา



รูปที่ 4.3.1 แสดงภาพที่จะนำมาทำโปรเจกชัน

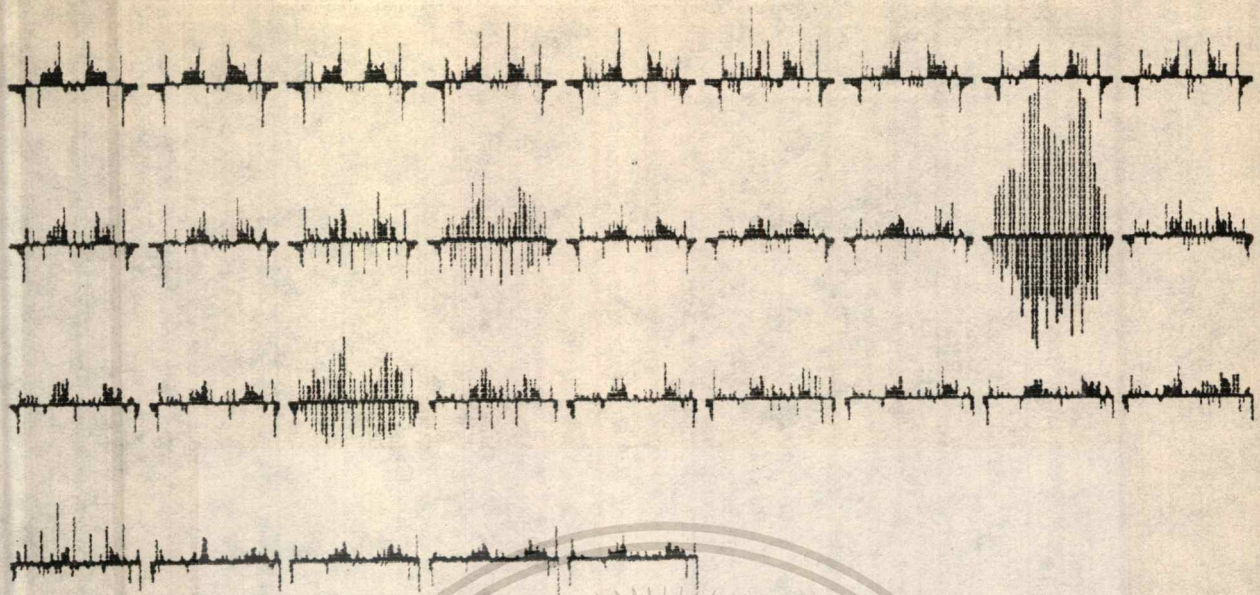


รูปที่ 4.3.2 แสดงภาพโปรเจกชันตั้งแต่ 0 จนถึง 90 องศา

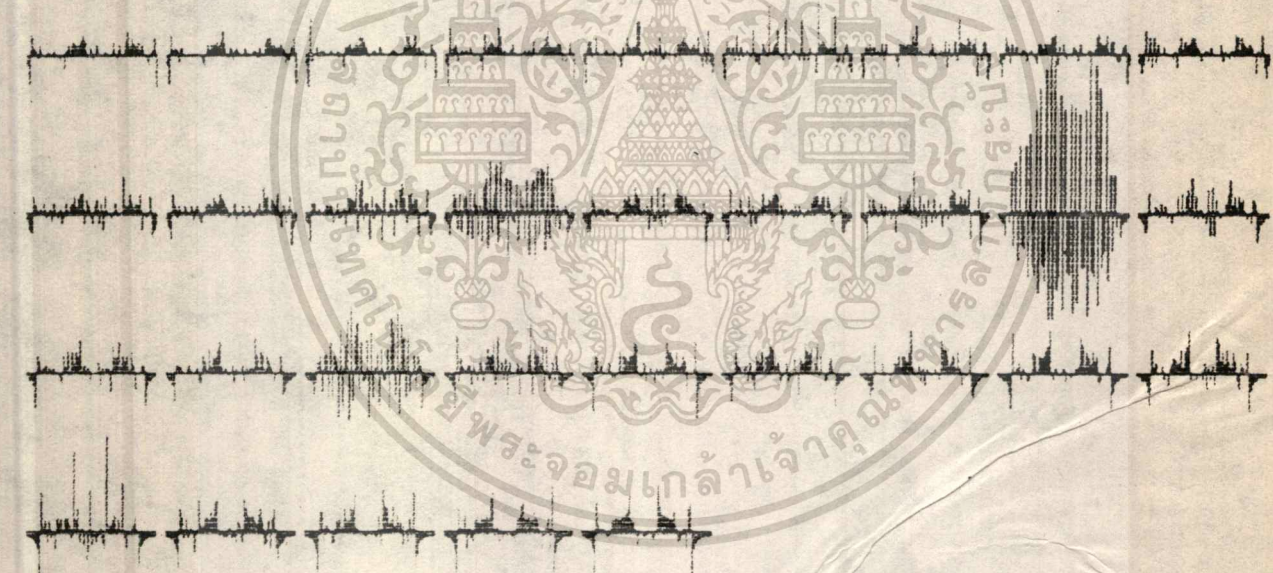


รูปที่ 4.3.3 แสดงภาพโปรเจกชันตั้งแต่ 91 จนถึง 180 องศา

รูปที่ 4.3.4 และ 4.3.5 แสดงข้อมูลของรูปที่ 4.3.2 และ 4.3.3 ที่ผ่านการฟิลเตอร์แล้ว โดยนำข้อมูลของรูปที่ 4.3.4 และ 4.3.5 มาทำคอนโวลูชันกับตัวฟังก์ชันของสมการที่ 2.11 โดยที่รูปที่ 4.3.4 แสดงข้อมูลที่ถูกฟิลเตอร์ตั้งแต่มุม 0 จนถึง 90 องศา ส่วนรูปที่ 4.3.5 แสดงข้อมูลที่ถูกฟิลเตอร์ตั้งแต่มุม 91 จนถึง 180 องศา

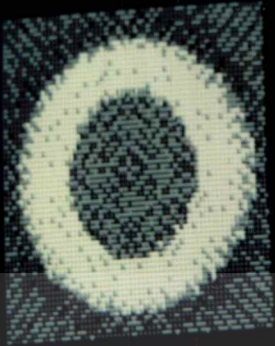


รูปที่ 4.3.4 แสดงข้อมูลตั้งแต่มุม 0 จนถึง 90 องศาที่ผ่านฟิลเตอร์

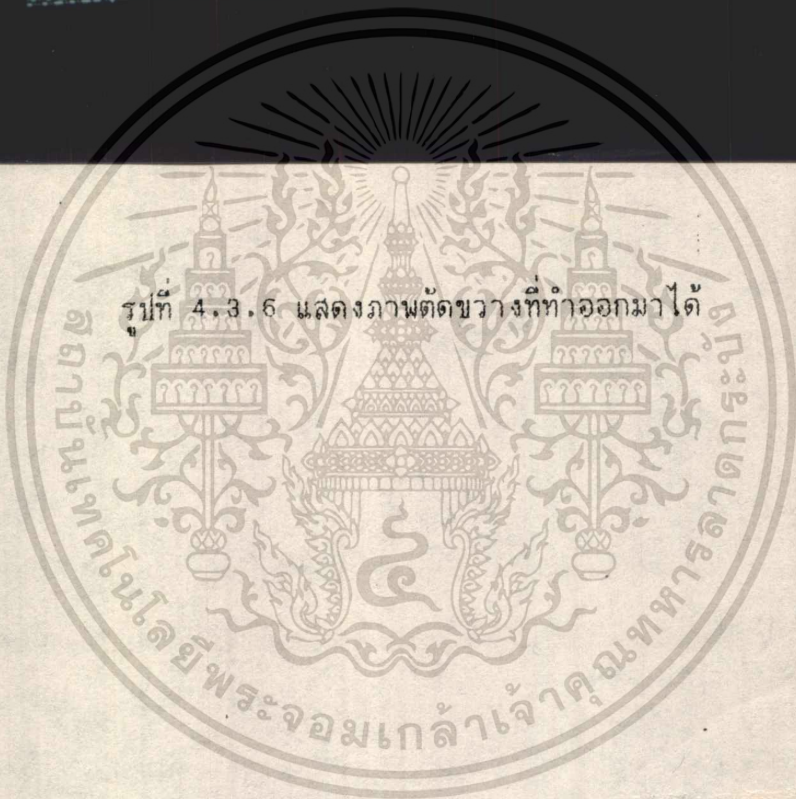


รูปที่ 4.3.5 แสดงข้อมูลตั้งแต่มุม 91 จนถึง 180 องศาที่ผ่านฟิลเตอร์

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการ<sup>33</sup>ศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.3.6 แสดงภาพตัดขวางที่ทำออกมาได้



สรุปและวิจารณ์ผล

ปฏิญญาฉบับนี้ได้อ้างถึงหลักการอย่างคร่าวๆของหลักการทำงานของเครื่อง เอ็กซ์เรย์โทโมกราฟแบบรังสีขนาน โดยได้อ้างถึงหลักการทางคณิตศาสตร์ที่จำลองการฉายรังสีของเครื่อง และการประมวลผลข้อมูลของเครื่องที่จะทำให้ได้ภาพตัดขวางที่จำลองเอาไว้กลับออกมา การจำลองการทำงานของเครื่องได้ทำบนเครื่องไมโครคอมพิวเตอร์ที่ใช้ 80286 เป็นตัวประมวลผลทำงานที่ 16 เมกกะเฮิรตซ์ โดยใช้โปรแกรมภาษาปาสคาลในการจำลองการทำงานของเครื่องทั้งหมด โปรแกรมแบ่งออกเป็น 2 โปรแกรม

โปรแกรมแรกจำลองการทำงานของเครื่องฉายรังสี โดยใช้เวลาการประมวลผลประมาณ 2 นาที ในการทำภาพขนาด 64x64 จุด

โปรแกรมที่สองจำลองการประมวลผลของเครื่อง โดยนำข้อมูลที่ทำได้จากส่วนแรกมาประมวลผลแล้วสร้างภาพตัวขวางออกมา ข้อมูลจะผ่านกระบวนการฟิลเตอร์ก่อน ใช้เวลาในขั้นตอนนี้ประมาณ 1 นาที จากนั้นก็จะนำข้อมูลที่ได้อีกมาผ่านกระบวนการแบล็กโปรเจกชัน ซึ่งจะใช้เวลาประมาณ 3 นาที เมื่อเสร็จกระบวนการทั้งหมดแล้วก็จะนำข้อมูลมาใช้ในการสร้างภาพตัดขวางกลับออกมา

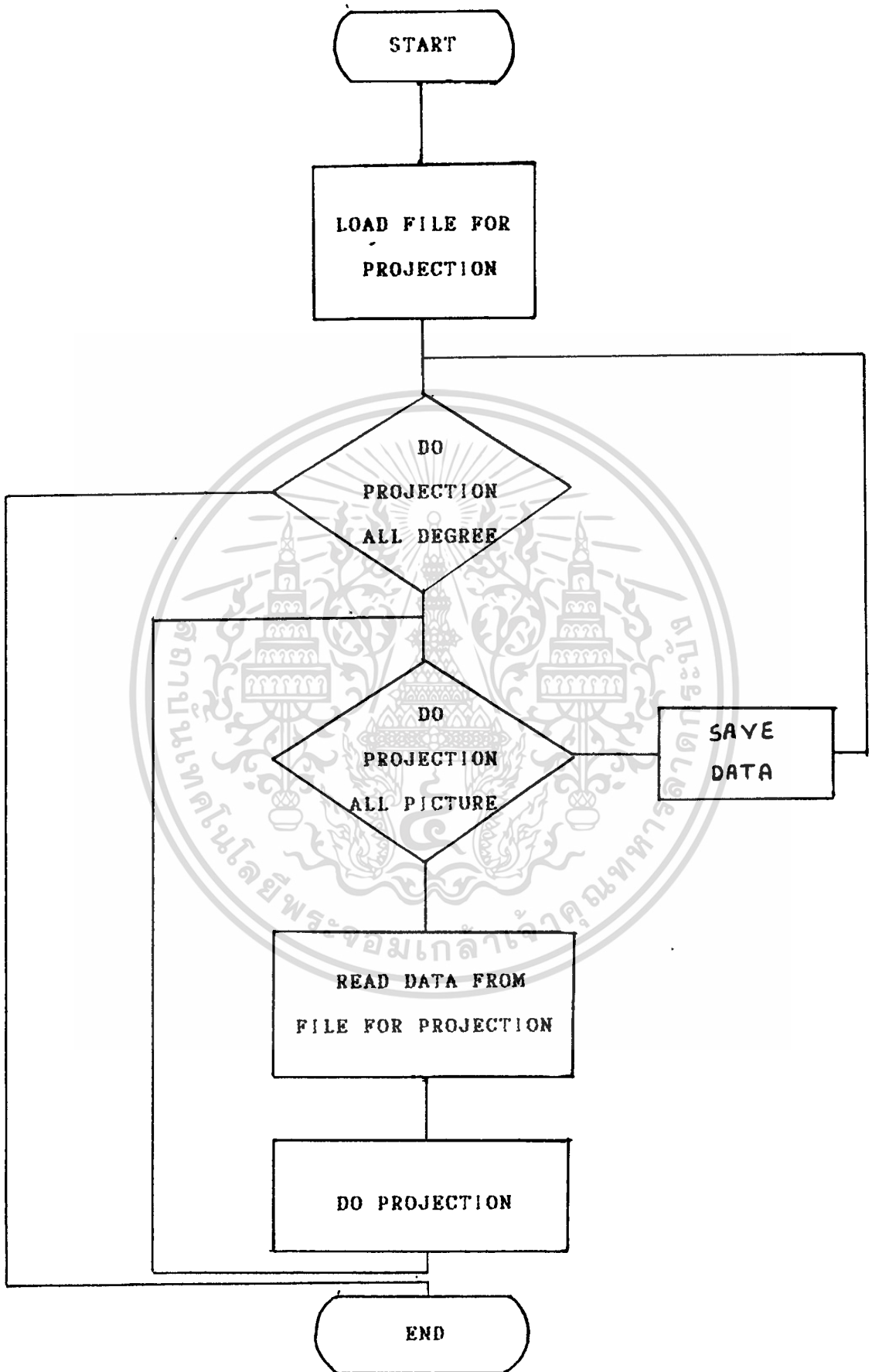
จะเห็นว่ากระบวนการทั้งหมดใช้เวลาในการประมวลผลนานหลายนาที ภาพที่มีขนาด 64x64 จุดใช้เวลาในการประมวลผลทั้งหมด 6 นาทีถ้าเป็นการประมวลผลบนภาพที่มีขนาดใหญ่กว่านี้จะต้องใช้เวลามากกว่านี้มากในจุดนี้เราอาจแก้ไขได้โดยใช้เครื่องคอมพิวเตอร์ที่มีความเร็วมากกว่านี้ หรืออาจเปลี่ยนวิธีการกวาดของลำรังสีให้เปลี่ยนไปกวาดแบบกรวย (fan beam โปรเจกชัน) ซึ่งสามารถลดเวลาในการ



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

program project;
const  DNI=64;DNJ=32;FNB=2;
type   filary  = array[1..FNB] of text;
       datary2 = array[1..DNI,1..DNJ] of integer;
var     i,j,k,hd,kk      : integer;
       fvar0             : text;
       fvar1             : filary;
       g,proj           : datary2;
       w                 : real;

procedure save_f(fvar:filary;k:integer;var fnam:datary2);
var     i,j : integer;
begin
    rewrite(fvar[k]);
    for j:=1 to DNJ do for i:=1 to DNI do
        writeln(fvar[k],fnam[i,j]);
    close(fvar[k]);
end;

procedure load_f(fvar:filary;k:integer;var fnam:datary2);
var     i,j : integer;
begin
    reset(fvar[k]);
    for j:=1 to DNJ do for i:=1 to DNI do
        readln(fvar[k],fnam[i,j]);
    close(fvar[k]);
end;

procedure assign_init_files;
var     i,j,k : integer;
       ch : string[2];
       st : string[30];

begin
    hd := DNI div 2; w := Pi/DNI;

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่นอนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

write('file name of data for projection : '); readln(st);
str(DN1,ch); assign(fvar0,st);
for k := 1 to FNB do
begin
    str(k,ch);
    assign(fvar1[k],'projdat' +ch+ '.dat');
end;
for k :=1 to FNB do
begin
    for j:=1 to DNJ do for i:=1 to DN1 do
        proj[i,j] := 0;
    save_f(fvar1,k,proj);
end;
end;

procedure read_in_g;
var i,j : integer;
begin
    for j := 1 to DNJ do for i := 1 to DN1 do
        read(fvar0,g[i,j]);
end;

procedure projection(kk,k:integer);
var r,n,nm,i,j,jj : integer;
    cs,sn,nw : real;
begin
    for n:=1 to DNJ do
begin
    nm := n+(kk-1)*DNJ-1;
    nw := nm*w; cs := cos(nw); sn := sin(nw);

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

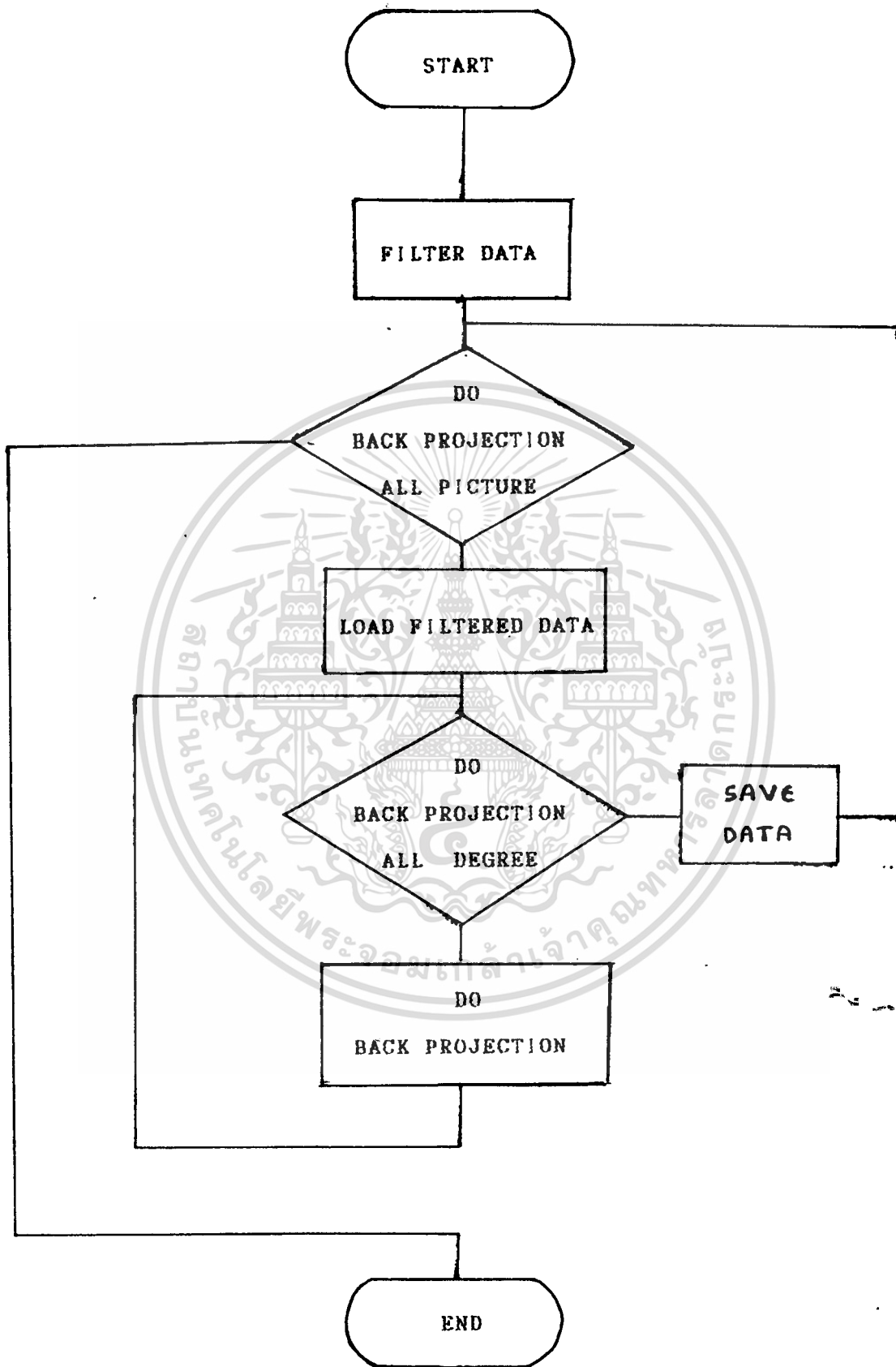
for j:=1 to DNJ do
begin
    jj:=j+(k-1)*DNJ;
    for i:=1 to DNI do
    begin
        r:=round((i-hd)*cs+(jj-hd)*sn)+hd;
        if(r>0) and (r<DNI+1) then
            proj[r,n] := proj[r,n]+g[i,j];
        end;
    end;
    write('<');
end;
end;
end;
:
begin { of main}
    assign_init_files;
    for kk:=1 to FNB do
    begin
        load_f(fvar1, kk, proj);
        reset(fvar0);
        for k:=1 to FNB do
        begin
            read_in_g;
            projection(kk, k);
            write(' ');
        end;
        writeln;
        save_f(fvar1, kk, proj);
    end;
end;
end.

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

program inverse_projection;
uses graph,crt;
const  DNI=64; DNJ=32; FNB=2; DDN=128;
type   datary2 = array[1..DNI,1..DNJ] of real;
       datary  = array[1..DNI] of real;
       filary  = array[1..FNB] of text;
var    filtp,recomp      :datary2;
       grf               :datary;
       fvar1,fvar2,fvar3 :filary;
       ft                :array[1..DDN] of real;
       maxval,w          :real;
       hd,k,kk          :integer;
procedure init_param;
var    i,j,k            :integer;
       a                :string[1];
begin
  hd:=DNI div 2;maxval:=0.0;w:=PI/DNI;
  for k:=1 to FNB do
  begin
    str(k,a);
    assign(fvar1[k],'projdat' +a+ '.dat'); { name of data }
    assign(fvar2[k],'filtdat' +a+ '.dat');
    assign(fvar3[k],'recon' +a+ '.dat');
  end;
end;

procedure load_d(fvar:filary;k:integer;var fnam:datary2);
var  i,j :integer;
begin
  reset(fvar[k]);
  for j:=1 to DNJ do

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

    for i:=1 to DNI do
        readln(fvar[k],fnam[i,j]);
    close(fvar[k]);
end;
procedure save_d(fvar:fileary;k:integer;var fnam:datary2);
var i,j :integer;
begin
    rewrite(fvar[k]);
    for j:=1 to DNJ do
        for i:=1 to DNI do
            writeln(fvar[k],fnam[i,j]);
        close(fvar[k]);
    end;
procedure init_ary;
var i,j,k :integer;
begin
    for k:=1 to FNB do
        begin
            for j:=1 to DNJ do
                for i:=1 to DNI do
                    reconp[i,j] := 0.0;
                save_d(fvar3,k,reconp);
            end;
        end;
end;
procedure convolution;
var i,j,t :integer;
    grf :array[1..DNI] of real;
begin
    for j:=1 to DNJ do
        begin

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```

for t:=1 to DNI do grf[t] :=0.0;
for t:=1 to DNI do
    for i:=1 to DNI do
        grf[t] := grf[t] + filtp[i,j]*ft[i+t-1];
        { filtered data is stored here }
    for i:=1 to DNI do filtp[i,j] := grf[DNI+1-i];
    end;
end;

```

```

procedure filter_and_convolution;
var p,k    :integer;
    coef   :real;
begin
    coef:=1/DNI*2;
    for p:=-DNI+1 to DNI do ft[p+DNI] := coef/(1-4*p*p);
    for k:=1 to FNB do
    begin
        load_d(fvar1,k,filtp);
        convolution;
        save_d(fvar2,k,filtp);
    end;
end;

```

```

procedure inv_projection(kk,k:integer);
var i,j,r,n,mn,jj :integer;
    cs,sn,nw,dif   :real;
begin
    for n:=1 to DNJ do
    begin
        nn:=n+(k-1)*DNJ-1;
        nw:=nn*w; cs:=cos(nw); sn:=sin(nw);

```

```

for j:=1 to DNJ do
begin
    jj:=j+(kk-1)*DNJ;
    for i:=1 to DNI do
begin
    r:=round((i-hd)*cs+(jj-hd)*sn)+hd;
    if(r>0) and (r<DNI+1) then
        reconp[i,j] := (reconp[i,j]+filtp[r,n]);
        dif:=reconp[i,j]-maxval;
        if dif>0 then maxval:=reconp[i,j];
    end;
end;
write('<');
end;
end;

begin { main }
outtextxy(5,5,'NOW EXECUTING FILTER_MAKING & CONVOLUTION ');
init_param;
init_ary;
filter_and_convolution;
outtextxy(5,15,'MAKING FILTER & CONVOLUTION ARE OVER');
for kk:=1 to FNB do
begin
    load_d(fvar3,kk,reconp);
    for k:=1 to FNB do
begin
        load_d(fvar2,k,filtp);
        inv_projection(kk,K);
        write('i');
    end;
    writeln;
    { end of k }
end;
end;

```

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

```
save_d(fvar3, kk, reconp);  
end;                                { end of kk }  
readln;  
closegraph;  
end.
```



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## กติกการประกาศ

ปริญญานิพนธ์เรื่อง Image Reconstruction From โปรเจกชัน ฉบับนี้  
ได้รับความช่วยเหลือจาก อาจารย์ มนัส สังวรศิลป์ และพี่ๆทุกคน ที่ได้ให้คำแนะนำช่วยเหลือ และเอื้อเฟื้ออุปกรณ์ต่างๆที่ใช้ในการทดลอง จึงขอขอบคุณมา ณ ที่นี้  
ด้วย



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## เอกสารอ้างอิง

[1] กวิน แหยมมัน , "การสร้างภาพตัดขวางโดยใช้หลอดขยายความสว่างของภาพรังสีเอกซ์", วิทยานิพนธ์วิศวกรรมศาสตร์ ภาควิชา วิศวกรรมไฟฟ้า คณะวิศวกรรมศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง, ปี2531

[2] A.C. Kak, "Image Reconstruction From Projection", Digital Image Processing Techniques ,111p - 169p,1984.

[3] ANIL K. JAIN, "Image Reconstruction From Projection", Fundamentals of Digital Image Processing, Prentice-Hall Introduction Editions, 431p - 476p.

