



ระบบการจดจำลายนิ้วมือ  
FINGERPRINT RECOGNITION SYSTEM



ปริญญาบัตรนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต  
ภาควิชาเทคโนโลยีการวัดคุมทางอุตสาหกรรม  
สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง  
ปีการศึกษา 2534

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์อื่นใด  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

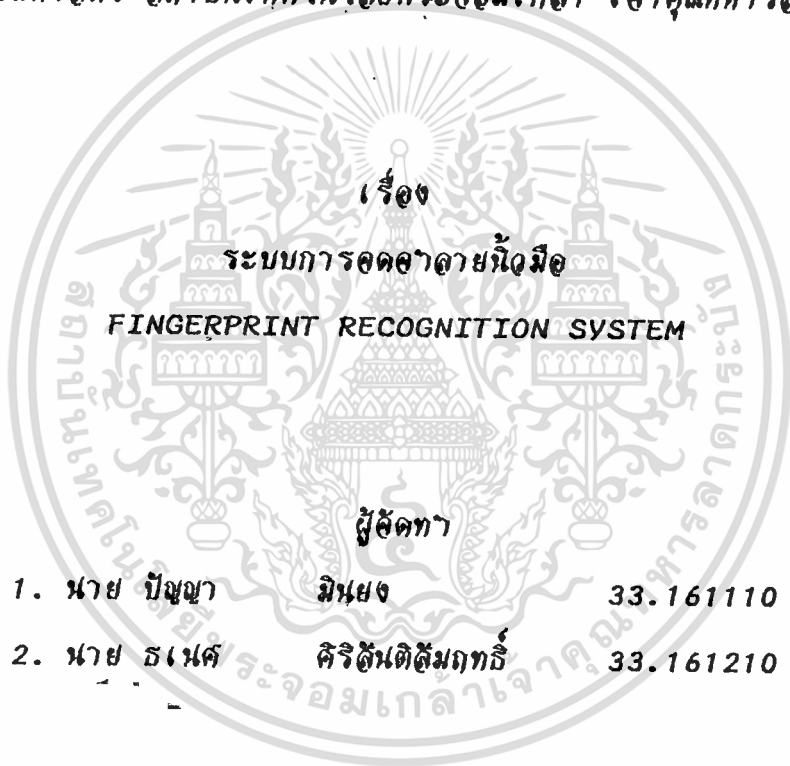
008478

ปริญญาโท ปีการศึกษา 2534

ภาควิชา เทคโนโลยีการวัดคุมทางอุตสาหกรรม

สาขาวิชา เทคโนโลยีการวัดคุม

คณะกรรมการคณาจารย์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้า วิศวกรรมศาสตรบัณฑิต



1. นาย ปิณฑา มินยง 33.161110
2. นาย ธเนศ ศิริรัตน์ดิษฐ์มฤทธิ 33.161210

.....อาจารย์ที่ปรึกษา  
(อาจารย์ เกษตร์ ศิริรัตน์ดิษฐ์มฤทธิ)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

# หัวข้อปริญญาบัตร

ระบบการจดจำลายนิ้วมือ

## นักศึกษา

นาย ปัญญา มินยง

นาย ธเนศ ศิริสันติสัมฤทธิ์

## ระดับการศึกษา

อุตสาหกรรมศาสตร์บัณฑิต

เทคโนโลยีการวัดคุมทางอุตสาหกรรม

## ปีการศึกษา

พ.ศ. 2534

## บทคัดย่อ

โครงการวิจัยนี้ เป็นการศึกษและการออกแบบจดจำลายนิ้วมือ เพื่อ การตรวจสอบและพิสูจน์ลายนิ้วมืออัตโนมัติ ด้วยการใช้คอมพิวเตอร์เพื่อช่วยลดเวลาใน การค้นหาให้น้อยลง

เนื่องจากลายนิ้วมือมีลักษณะ เป็นเอกลักษณ์เฉพาะของแต่ละบุคคล จึงสามารถ นำเอาคุณสมบัตินี้ไปใช้ประโยชน์ในงานด้านต่าง ๆ อาทิ เช่น งานอาชญากรรม งานธนาคาร เป็นต้น ภาพลายนิ้วมือขนาด 256 พิกเซล \* 256 เส้น ที่ถูกถ่ายด้วยกล้อง ถ่ายภาพ เป็นระดับสีเทา 256 ระดับ จะถูกนำมาเปลี่ยนเป็นไบนารีอิมเมจ จากนั้น จะทำ การแบ่งไบนารีอิมเมจ ของลายนิ้วมือออกเป็น 16 ส่วน แต่ละส่วนมีขนาด 48\*48 พิกเซล ขู่การหาข้อมูลทิศทางของลายโดยใช้รหัส 8 ทิศทางและลักษณะโดดเด่นของลายนิ้วมือไป พร้อม ๆ กัน ต่อจากนั้นทำการขยายลักษณะที่โดดเด่นโดยเปลี่ยนมาเป็นลายเส้น ซึ่งกระ บวนการนี้ จะใช้หลักการของไวยกรณ์แบบที่ ข้อดีของการใช้ไวยกรณ์แบบนี้ คือสามารถตัด ข้อมูลที่ไม่เป็นประโยชน์ออก เป็นผลทำให้มีหน่วยความจำในการบันทึกข้อมูลมีขนาดน้อยลง และที่สำคัญที่สุดคือ เวลาในการค้นหาและตรวจสอบน้อยลง

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

**Thesis Title**

FINGERPRINT RECOGNITION

**Name**

PANYA MI NYONG  
TANET SIRI SANTI SAMRID

**Thesis Advisor**

KASET SIRI SANTI SAMRID

**Level of Study**

B. Ind. Tech. (Industrial Instrumentation  
Technology)

**Academic Year**

1991

**ABSTRACT**

This research is studied and designed fingerprint recognition to check and verify automatic fingerprint with computer

The fingerprints are the identical of persons. So we can take it to be use in criminal and banking i.e. Each fingerprint containing 256 pixels\*256 line. That is taken with the 256 gray level-by TV. camera and then it is changed to the binary image subsequently, it is divided into 16 section. Each section have 48\*48 pixels. Then search directional data of impressice method by 8 directional codes, shereas it fine feature of fingerprint, sèquenly extend to line that this process used Tree grammar. Advatage of Tree grammar is delete unnecessary data. Effect to decrease memory. Importance is decrease check and search times.

ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## สารบัญ

บทที่ 1	บทนำ .....	1
บทที่ 2	พื้นฐานการประมวลผลข้อมูลภาพ .....	3
	2.1 การแทนภาพในระบบดิจิทัล .....	3
	2.2 องค์ประกอบของระบบประมวลผลข้อมูลภาพแบบดิจิทัล .....	4
	2.3 การเพิ่มความชัดเจนของภาพ .....	7
บทที่ 3	หลักการสร้างไวยากรณ์แบบที่ .....	28
	3.1 หลักของไวยากรณ์แบบที่ .....	28
	3.2 รูปแบบของไวยากรณ์แบบที่ .....	32
	3.3 รูปแบบการเขียนไวยากรณ์แบบที่ .....	34
บทที่ 4	ระบบการจดจำลายนิ้วมือ .....	38
	4.1 พื้นฐานเบื้องต้น .....	38
	4.2 ขั้นตอนการจดจำลายนิ้วมือ .....	40
	4.2.1 ขั้นตอนการพิมพ์ลายนิ้วมือ .....	41
	4.2.2 การเพิ่มความชัดเจนของภาพ .....	41
	4.2.3 การหาจุดศูนย์กลางของลายนิ้วมือ .....	42
	4.2.4 การจัดการเบื้องต้น .....	44
	4.2.5 การกำจัดขั้นสุดท้าย .....	49
	4.2.6 การแปลงรหัสตัดต่ออักษร .....	57
	4.2.7 การจำแนกลายนิ้วมือ .....	58
บทที่ 5	ผลการทดลอง และ สรุปงานวิจัย .....	67

ภาคผนวก กิตติกรรมประกาศ

หนังสืออ้างอิง

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนลิขสิทธิ์การใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

บทที่ 1

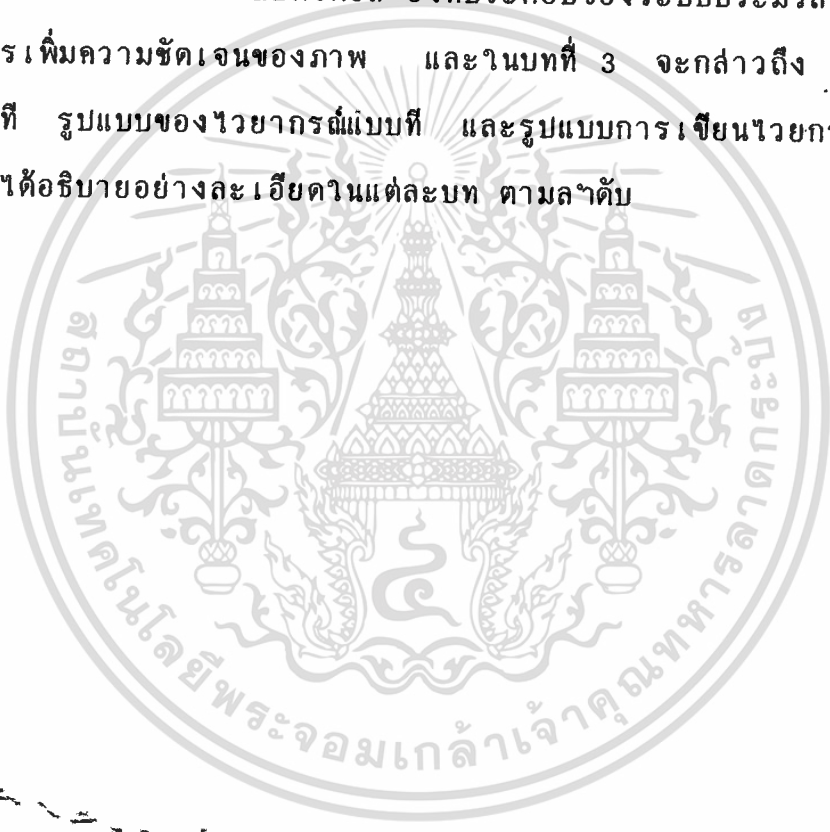
บทนำ

ในปัจจุบันจำนวนประชากรของประเทศ มีจำนวนเพิ่มขึ้นทุกปี ส่งผลให้เกิดปัญหาต่างๆ มากยิ่งขึ้น ซึ่งปัญหาต่าง ๆ ที่เกิดขึ้นมีผลกระทบต่อความมั่นคงของประเทศชาติ ปัญหาอย่างหนึ่ง คือ ปัญหาทางด้านอาชญากรรม ปัญหาดังกล่าวจะเกิดขึ้นตามจำนวนของประชากร แต่ความสามารถของเจ้าหน้าที่ตำรวจยังมีเท่าเดิม ฉะนั้นปัญหาต่าง ๆ ที่เกิดขึ้น จึงไม่สามารถคลี่คลายได้ทัน วิธีหนึ่งที่ใช้ในการคลี่คลายปัญหาของเจ้าหน้าที่ตำรวจ จะทำการตรวจสอบลายนิ้วมือของผู้ต้องสงสัย นามานำมาเปรียบเทียบกับข้อมูลลายนิ้วมือที่ทางเจ้าหน้าที่เก็บรวบรวมอยู่ และยังมีขีดความสามารถที่จำกัดในการใช้บุคคลทำการตรวจสอบลายนิ้วมือ ทั้งทางด้านเวลา และความถูกต้องในการตรวจสอบ ฉะนั้นจึงนำมาเพื่อการพัฒนาประยุกต์ใช้กับเครื่องคอมพิวเตอร์ โดยการสร้างโปรแกรมในการจดจำลายนิ้วมือ เพื่อที่จะเก็บข้อมูลลายนิ้วมือ ในลักษณะที่โดดเด่นของแต่ละลาย ซึ่งโปรแกรมการจดจำลายนิ้วมือนี้จะถูกแบ่งออกเป็น 7 ขั้นตอน โดยขั้นตอนต่าง ๆ จะเป็นการพิมพ์ภาพลายนิ้วมือ ขั้นตอนนี้จะนำลายนิ้วมือที่พิมพ์แล้วไปทำการขยาย และนำภาพลายนิ้วที่ขยายแล้วมาเก็บภาพด้วยกล้องวีดีโอ การเพิ่มความชัดเจนของภาพ ภาพที่ได้จากกล้องวีดีโอจะมีระดับสีเทา 256 ระดับ นำมาทำให้เหลือเพียงสองระดับ การหาจุดศูนย์กลางของลายนิ้วมือ เป็นการนำลายนิ้วมือมาหาจุดศูนย์กลางเพื่อที่จะใช้ในการตัด windows การจัดการเบื้องต้น ขั้นตอนนี้จะเปลี่ยนภาพ binary image ที่ได้มาเป็นรหัส 8 ทิศทาง การกำจัดขั้นสุดท้าย ซึ่งจะนำเอารหัส 8 ทิศทางมาทำการลดอีกครั้งในกรณีที่มีการเลอะของหมึก พิมพ์ไม่ติด และอื่น ๆ การแปลงรหัส เป็นการแปลงรหัส 8 ทิศทางที่ผ่านขั้นตอนการกำจัดขั้นสุดท้ายเรียบร้อยแล้ว มาทำการเปลี่ยนให้เป็นรหัสตัวอักษร และการจำแนกลายนิ้วมือ ซึ่งเป็นขั้นตอนที่สำคัญ คือจะตรวจสอบว่าลายนิ้วมือที่ต้องการตรวจสอบนั้นเป็นของใคร ขั้นตอนเหล่านี้จะช่วยในการลดข้อมูลของลายนิ้วมือให้เหลือข้อมูลน้อยที่สุด และข้อมูลที่ได้นี้จะ เป็นข้อมูลที่มีลักษณะโดดเด่นด้วย ซึ่งรายละเอียดต่าง ๆ จะกล่าวในบทที่ 4 ต่อไป โปรแกรมในการจดจำลายนิ้วมือนี้ยังสามารถนำไปใช้ประโยชน์ในงานด้านต่าง ๆ ที่เกี่ยวกับการตรวจสอบลายนิ้วมือไว้ อาทิ เช่น ชั่งงานทะเบียนประชาชน งานทางด้านธนาคาร เป็นต้น

ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

สิ่งสำคัญของรูปธรรมการจดจำลายนิ้วมือ นี้คือ การพิสูจน์ลายนิ้วมือว่าลายนิ้วมือทั้งสอง เป็นของคน ๑ เดียวกันหรือไม่ หรือเป็นลายนิ้วมือของใคร ซึ่งจะเห็นว่า การใช้คอมพิวเตอร์เข้ามาช่วยในการตรวจสอบ และจดจำลายนิ้วมือ จะใช้เวลาในการตรวจสอบน้อยลง มีความถูกต้องมากขึ้น มีประสิทธิภาพในการตรวจสอบสูงขึ้น ซึ่งเป็นข้อดีของการท างานวิจัยชิ้นนี้

ส่วนเนื้อหาต่าง ๆ ที่ได้กล่าวถึงในบริษฏานิพนธ์นี้ บทที่ 2 จะกล่าวถึงพื้นฐานการประมวลภาพ การแทนภาพในระบบดิจิทัล องค์ประกอบของระบบประมวลข้อมูลภาพแบบดิจิทัล และการเพิ่มความชัดเจนของภาพ และในบทที่ 3 จะกล่าวถึง หลักการสร้างเวกเตอร์แบบที่ รูปแบบของเวกเตอร์แบบที่ และรูปแบบการเขียนเวกเตอร์แบบที่ ซึ่งเนื้อหาต่าง ๆ จะได้อธิบายอย่างละเอียดในแต่ละบท ตามลำดับ



## บทที่ 2

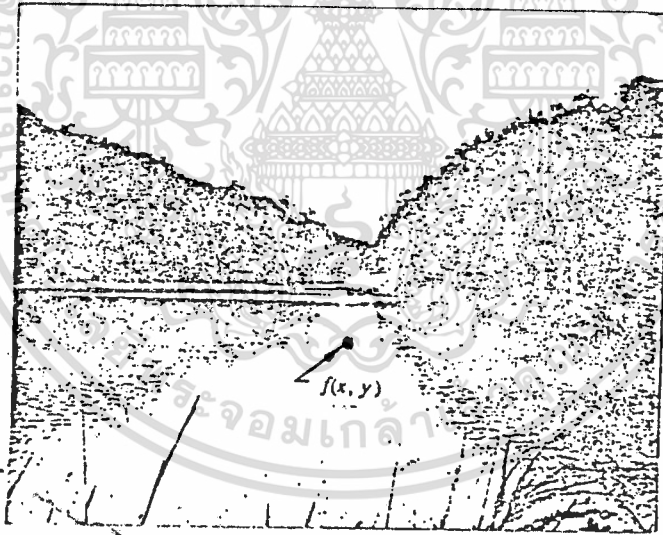
### พื้นฐานการประมวลผลข้อมูลภาพ

#### (Introduction Image Processing)

ในบทนี้จะกล่าวถึง องค์ประกอบพื้นฐานในการประมวลผลภาพข้อมูล และการเพิ่มความชัดเจนของภาพ ซึ่งจะพูดถึง รูปแบบของอิมเมจ การฟิลเตอร์ การตัดระดับเทรชโฮลด์ และวิธีสีสโตรแกรม ซึ่งล้วนแต่เป็นพื้นฐานของ Image processing

#### 2.1 การแทนภาพในระบบดิจิทัล (Digital Image Representation)

ในระบบภาพโดยทั่วไป สามารถแทนด้วยฟังก์ชันของความเข้มแสงในระนาบสอง มิติ :  $f(x,y)$  โดยที่  $x$  และ  $y$  แทนตำแหน่งคู่ลำดับที่เกิดขึ้นในภาพจริง และค่าฟังก์ชัน  $f$  ณ จุด  $(x,y)$  ใด ๆ จะเป็นสัดส่วนโดยตรง กับความสว่างหรือระดับสีเทา (gray level) ของภาพที่จุดนั้น ๆ แสดงได้ดังรูป 2.1



รูปที่ 2.1 ค่าของฟังก์ชัน  $f(x,y)$  ในระบบภาพดิจิทัล

สำหรับข้อมูลภาพแบบดิจิทัล  $f(x,y)$  มีลักษณะที่ไม่ต่อเนื่องทั้งในระนาบสเปเชียล (spatial) ดังนั้นจึงพิจารณาให้ข้อมูลภาพแบบดิจิทัล แทนอยู่ในรูปของเมตริกซ์ ซึ่งเมตริกซ์จะมีแถวและหลักที่มีลักษณะเป็นเอกลักษณ์ และมีความสัมพันธ์กับค่าสมาชิกในแถว และหลัก ที่แทนด้วยระดับสีเทาของภาพที่จุดนั้น ๆ

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

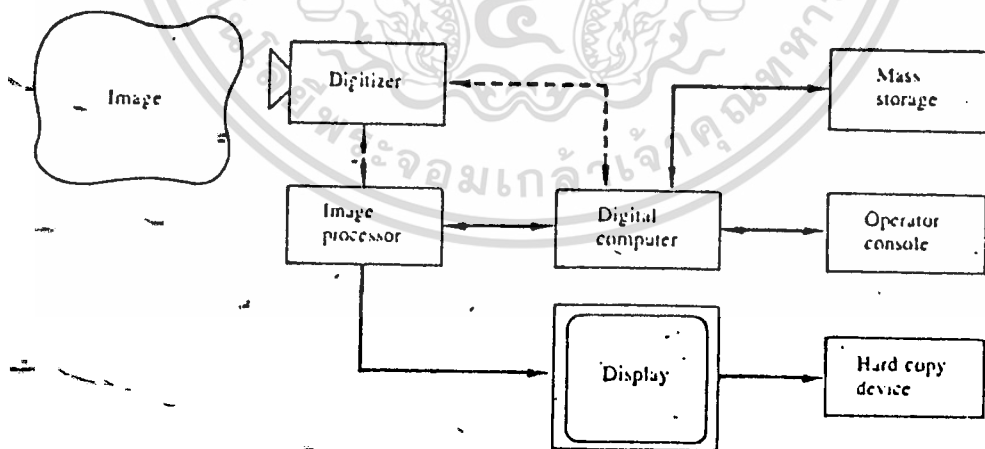
ถึงแม้ว่าขนาดของข้อมูลภาพแบบดิจิทัล จะแปรเปลี่ยนไปตามการประยุกต์ใช้งาน แต่จะมีข้อดีที่ได้เปรียบ ถ้ากำหนดให้มีลักษณะเฉพาะเป็นอะเรย์แบบสมมาตร (square array) และจำนวนของระดับสีเทาเป็นเลขจำนวนเต็มกำลังสอง เช่นภาพที่ได้จาก โทรทัศน์โมโนโครม มีขนาด 512\*512 พิกเซล และมีจำนวน 128 ระดับสีเทา เป็นต้น

## 2.2 องค์ประกอบของระบบประมวลข้อมูลภาพดิจิทัล

(Elements of A Digital Image Processing System)

องค์ประกอบพื้นฐานที่จำเป็นโดยทั่วไปในระบบการประมวลข้อมูลภาพประกอบด้วย 5 ส่วน ใหญ่ ๆ คือ

- 2.2.1 ส่วนเปลี่ยนสัญญาณอนาล็อกเป็นสัญญาณดิจิทัล (Digitizer)
- 2.2.2 เครื่องประมวลผลข้อมูลภาพ (Image Processor)
- 2.2.3 เครื่องคอมพิวเตอร์แบบดิจิทัล (Digital computer)
- 2.2.4 อุปกรณ์ที่ใช้ในการแสดงผล และบันทึกผล (Display and Recording Devices)
- 2.2.5 อุปกรณ์ที่ใช้ในการเก็บรักษาข้อมูล (storage Devices)



รูปที่ 2.2 แสดงองค์ประกอบของระบบการประมวลผลแบบดิจิทัล

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

### 2.2.1 ส่วนเปลี่ยนสัญญาณอนาล็อกให้เป็นสัญญาณดิจิทัล (Digitizer)

ส่วนของดิจิติเซอร์ ทำหน้าที่เปลี่ยนสัญญาณภาพให้อยู่ในรูปของตัวเลข เพื่อใช้เป็นข้อมูลป้อนเข้าดิจิตอลคอมพิวเตอร์ ส่วนนี้ได้แก่ กล้องโทรทรรศน์ดิจิติเซอร์ ภายในประกอบด้วยหลอดวิดิคอน ทำหน้าที่ เป็นสื่อนำไฟฟ้าทางแสง ภาพจะถูกโฟกัสลงบนผิวของหลอด ซึ่งถูกเปลี่ยนให้เป็นสัญญาณไฟฟ้า ซึ่งจากการควอนไทซ์สัญญาณนี้จะได้ภาพดิจิทัลเกิดขึ้น

### 2.2.2 เครื่องประมวลข้อมูลภาพ (Image Processor)

เครื่องประมวลข้อมูลภาพ แบบดิจิทัล เป็นหัวใจของระบบการประมวลข้อมูลภาพ เครื่องประมวลข้อมูลภาพ ประกอบด้วยชุด ฮาร์ดแวร์ที่มี 4 ฟังก์ชันพื้นฐาน คือ การหยุดภาพนิ่ง (image acquisition) การเก็บข้อมูลภาพ (storage) การประมวลผลภาพในระดับต่ำ (แต่รวดเร็ว) (Low-Level (fast) processing) และการแสดงผล (display) โดยทั่วไปโมดูลของการหยุดภาพนิ่ง จะมีสัญญาณ โทรทัศน์เป็นหน่วยอินพุต และทำการเปลี่ยนสัญญาณนี้ให้เป็นข้อมูลแบบดิจิทัล เครื่องประมวลข้อมูลภาพ สมัยใหม่ ส่วนมากจะใช้การดิจิติซ์ภาพโทรทัศน์ ในเวลา 1 เฟรม (one frame-time) เช่น ในเวลา 1/30 วินาที จึงมักเรียกว่า เครื่องจับภาพนิ่ง (frame grabber)

โมดูลของการเก็บภาพแบบที่ เรียกว่า เฟรมบัฟเฟอร์ (frame buffer) จะทำหน้าที่เก็บรักษาหน่วยความจำ ของภาพแบบดิจิทัล โดยทั่วไปจะมีเครื่องมือ 2-3 ชุด ที่รวมเข้าไว้ในเครื่องประมวลข้อมูลภาพ คุณสมบัติการหยุดภาพของโมดูลการเก็บภาพ ประกอบด้วยหน่วยความจำที่สามารถอ่านข้อมูลจากอัตรภาพของโทรทัศน์ปกติ มีอัตรา 30 ภาพ ต่อวินาที ลักษณะนี้เป็นไปตามการทำงานของโมดูลการหยุดภาพนิ่ง ที่ประกอบไปด้วยภาพที่สมบูรณ์ในการเก็บภาพที่เร็วเท่าที่ภาพถูกจับให้หนึ่ง หน่วยความจำสามารถเปลี่ยนให้เป็นแอดเดรสของโทรทัศน์ได้โดยชุดแสดงผลของภาพที่จอมอนิเตอร์

เครื่องประมวลข้อมูลภาพ ยังมีหน้าที่ในฟังก์ชันระดับต่ำอีกด้วย (Low-level function) เช่น การประมวลผลทางคณิตศาสตร์ และทางตรรกศาสตร์ หรือที่เรียกว่า หน่วยตรรกเลขคณิต (Arithmetic-Logic Unit: ALU) โดยถูกออกแบบพิเศษเพื่อที่จะเพิ่มความเร็วในการประมวลผลแบบขนาน ส่วนโมดูลแสดงผล (display module) ทำหน้าที่อ่านหน่วยความจำของภาพ แล้วทำการเปลี่ยนข้อมูลของภาพที่เป็น

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

แบบดิจิทัลให้เป็นสัญญาณวิดีโอ แบบอนาล็อก และแสดงผลสัญญาณที่แปลงได้นั้น ให้ออกทางมอนิเตอร์โทรทัศน์ หรืออุปกรณ์วิดีโอ ชนิดอื่น

### 2.2.3 เครื่องคอมพิวเตอร์แบบดิจิทัล (Digital Computer)

ถึงแม้ว่า เครื่องประมวลข้อมูลภาพ อาจเปรียบได้กับความสามารถในการประมวลผลภายใน ดังที่ได้กล่าวมาแล้วในหัวข้อ 2.2.2 แต่ว่าระดับของการประมวลผลยังอยู่ในระดับค่อนข้างต่ำ ในด้านความทันสมัย ซึ่งโดยทั่วไปพบว่า เครื่องประมวลข้อมูลภาพนี้ จะถูกต่อเชื่อม (interface) กับเครื่องคอมพิวเตอร์ ระบบคอมพิวเตอร์ที่ใช้สำหรับการประมวลข้อมูลภาพมีตั้งแต่ อุปกรณ์จำพวก ไมโครโปรเซสเซอร์ จนถึงระบบคอมพิวเตอร์ขนาดใหญ่ ที่มีความสามารถในการประมวลผลข้อมูลภาพ ซึ่งจะต้องมีอะไหล่ใหญ่ ๆ ด้วย ส่วนพารามิเตอร์ที่สำคัญ ที่มีอิทธิพลต่อโครงสร้างของเครื่องคอมพิวเตอร์ ที่ใช้สำหรับการประมวลผลข้อมูลภาพ คือ การเพิ่มการประยุกต์ใช้งาน และความต้องการของขนาดข้อมูลในการประมวลผล สำหรับการประยุกต์ใช้ที่พบโดยทั่วไป จะเป็นเครื่องคอมพิวเตอร์ส่วนบุคคล หรือ มินิคอมพิวเตอร์ แต่ถ้าต้องการใช้เกี่ยวข้องกับโปรแกรมขนาดใหญ่ ที่มีข้อมูลมาก ก็สามารถใช้คอมพิวเตอร์ระดับเมนเฟรมได้ ในกรณีนี้ เครื่องคอมพิวเตอร์ที่มีหน่วยความจำของแอสเตอเรจจำนวนมาก และมีความเร็วสูงก็จะเป็นข้อได้เปรียบ

### 2.2.4 อุปกรณ์ที่ใช้ในการแสดงผลและบันทึกผล (Display and Recording Devices)

อุปกรณ์ที่ใช้ในการแสดงผลที่สำคัญ และนิยมใช้กันมากในระบบการประมวลผลข้อมูลภาพ ได้แก่ จอโมโนโครม หรือ จอโทรทัศน์สี มอนิเตอร์จะถูกขับโดยเอาท์พุทของชุดแสดงผล ภาพในเครื่องประมวลผลข้อมูลภาพ สัญญาณที่ได้รับนี้ สามารถเข้าสู่ระบบการบันทึกภาพที่อาจใช้ ฮาร์ดคอปปีได้ (hard copy) เช่น สไลด์สี รูปภาพ และแผ่นใส หรือ ในขณะที่กำลังดูภาพจากมอนิเตอร์ก็ได้ ส่วนสื่อที่ใช้ในการแสดงผล และบันทึกผลที่พบกันทั่วไปคือ จอภาพแบบหลอดภาพรังสีคาโทด ตำแหน่งของภาพทั้งในแนวนอน (horizontal) และแนวตั้ง (vertical) ของแต่ละสมาชิก ในอะเรย์ของภาพจะถูกเปลี่ยนให้เป็นโวลเตจ ซึ่งถูกยิงจากลำแสงอิเล็กตรอนของหลอดภาพรังสีคาโทด โดยการขับลำแสงใน 2 มิติ ที่จำเป็นต่อการผลิตภาพเอาท์พุทในแต่ละจุดจะมีการยิงลำแสงอิเล็กตรอน ความเข้มของลำแสงจะถูกเปลี่ยนโดยการให้โวลเตจ ที่เป็นสัดส่วนโดยตรงต่อ

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ค่าของจุด ที่มีความสัมพันธ์กับในอะเรย์เชิงเลข (numerical array) โดยการเปลี่ยนความเข้มน้อยสุดให้เป็นสีดำ และความเข้มที่มากที่สุดให้เป็นสีขาว ผลการเปลี่ยนค่าความเข้มของแสง ถูกบันทึกด้วยกล้องถ่ายภาพแบบกราฟิก (photographic camera) ที่โฟกัสของจอภาพแบบหลอดภาพรังสีคาโทด

ส่วนอุปกรณ์แสดงผลภาพพิมพ์ที่ใช้ในขั้นต้น จะมีความละเอียดต่ำ ซึ่งสามารถแสดงระดับสีเทาได้ด้วยการพิมพ์จำนวนและความเข้มของอักขระที่พิมพ์ในตำแหน่งนั้น ๆ ในการเลือกอักขระที่เหมาะสมกับการกระจายในแบบระดับสีเทาที่ดี ก็จะทำให้เครื่องพิมพ์สามารถแสดงภาพระดับสีเทาได้

### 2.2.5 อุปกรณ์ที่ใช้ในการเก็บรักษาข้อมูล (Storage Devices)

ข้อมูลภาพดิจิทัลที่มีขนาด  $512 * 512$  พิกเซล แต่ละควอนไทซ์มีข้อมูลขนาด 8 บิต โดยมีสื่อที่ใช้ในการเก็บรักษาข้อมูลที่สำคัญ คือ แผ่นจานแม่เหล็ก (magnetic disks) เทปแม่เหล็ก (magnetic tapes) และ แผ่นจานนำแสง (optical disks) แต่สื่อที่นิยมใช้ในการเก็บข้อมูลในระดับทั่วไป และที่ใช้ในการวิจัยนี้คือ แผ่นจานแม่เหล็กนั่นเอง

## 2.3 การเพิ่มความชัดเจนของภาพ (Image Enhancement)

จุดประสงค์ของเทคนิคการเพิ่มความชัดเจนของภาพ คือ ต้องทำภาพให้มีผลลัพธ์ที่เหมาะสมเฉพาะงานที่จะนำไปประยุกต์ใช้ มากกว่าภาพต้นแบบเดิม ซึ่งมีความสำคัญมาก เพราะว่าการใช้เทคนิคใดเทคนิคหนึ่งนั้น จะมีความเหมาะสมเฉพาะกับงาน ๆ หนึ่งเท่านั้น ไม่สามารถนำเทคนิคเดียวกันนี้มาใช้ร่วมกันได้หมด ในหัวข้อนี้จะกล่าวถึงรูปแบบของ อิมเมจ วิถีการฟิลเตอร์ การตัดค่าเทรสโฮลด์ และวิถีการเลือกค่าฮิสโตแกรม เป็นต้น

### 2.3.1 โมเดลข้อมูลภาพ (an Image Model)

ในที่นี้คำว่าข้อมูลภาพ หมายถึง ฟังก์ชันของความเข้มแสง 2 มิติ โดยมีรูปแบบ  $f(x,y)$  ซึ่งขนาด หรือ แอมพลิจูด (amplitude) ของฟังก์ชัน ที่พิกัดเชิงพื้นที่ (spatial coordinates) ที่จุด  $(x,y)$  จะแสดงค่าความสว่าง

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

(brightness) ของข้อมูลภาพที่จุดนั้นๆ เมื่อแสงเป็นรูปแบบพลังงานแบบหนึ่ง ดังนั้น  $f(x,y)$  จึงต้องมีขนาดไม่เท่ากับศูนย์ และจะต้องมีขนาดไม่เท่ากับอนันต์ (finite) ดังนั้น จะได้ว่า

$$0 < f(x,y) < \alpha \quad \text{----- (2.1)}$$

พื้นฐานโดยทางธรรมชาติของ  $f(x,y)$  อาจจะได้รับการพิจารณาเกี่ยวกับคุณสมบัติ สอง ประการ ดังต่อไปนี้ คือ ประการแรก จะพิจารณาเกี่ยวกับแหล่งกำเนิดแสงทั้งหมดที่เกิดขึ้นเองบนฉาก ประการที่สอง จะพิจารณาเกี่ยวกับแสงสะท้อนทั้งหมด ที่เกิดขึ้นจากการสะท้อนของวัตถุในฉากเอง คุณสมบัติทั้งสองประการนี้ จะถูกเรียกว่า การส่องสว่าง (illumination) และการสะท้อน (reflectance) ซึ่งมีรูปแบบฟังก์ชันดังนี้คือ  $i(x,y)$  และ  $r(x,y)$  ตามลำดับ ทั้งสองฟังก์ชันนี้รวมกันจะกลายเป็นรูปแบบของ  $f(x,y)$

จะได้ว่า

$$f(x,y) = i(x,y) \cdot r(x,y) \quad \text{----- (2.2)}$$

เมื่อ

$$0 < i(x,y) < \alpha \quad \text{----- (2.3)}$$

และ

$$0 < r(x,y) < \alpha \quad \text{----- (2.4)}$$

จากสมการที่ (2.4) นี้ให้เห็นถึงข้อเท็จจริงว่า ขอบล่างที่มีค่าเป็น "ศูนย์" คือ การดูดกลืนแสงทั้งหมด (total absorption) และขอบบนที่มีค่าเป็น "หนึ่ง" คือ การสะท้อนของแสงทั้งหมด (total reflectance) ที่เกิดขึ้น ดังนั้นธรรมชาติของฟังก์ชัน  $f(x,y)$  จะถูกกำหนดโดยแหล่งกำเนิดของแสง ขณะที่ฟังก์ชัน  $r(x,y)$  จะถูกกำหนดโดยคุณสมบัติของ ตัววัตถุในฉากนั่นเอง ที่ความเข้มของฟังก์ชัน ข้อเอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



มัลติเพล็กซ์เดี่ยว (monochrome image) ที่จุด  $(x, y)$  นั้นจะถูกเรียกว่า ระดับสีเทา (gray level) หรือ  $I$  ของอิมเมจ ที่จุดๆ นั้นจากสมการที่ (2.2) ถึง (2.4) จะเป็นตัวบอก ว่า  $I$  ควรจะอยู่ในช่วงใด

จะได้ว่า

$$L_{min} < I < L_{max} \quad \text{----- (2.5)}$$

ตามทฤษฎีจะได้ว่า  $L_{min}$  จะมีค่าเป็นบวก และ  $L_{max}$  จะมีค่าเป็นอนันต์ (finite) แต่ในทางปฏิบัติแล้ว  $L_{min} = i_{min} * r_{min}$  และ  $L_{max} = i_{max} * r_{max}$  และค่าของ  $L_{min}$  และ  $L_{max}$  ที่คาดหวังไว้ในการประยุกต์ใช้งานในขบวนการข้อมูลภาพ ในที่นี้จะได้ค่าของ  $L_{min}$  มีค่าประมาณเท่ากับ 0.005 และค่าของ  $L_{max}$  มีค่าประมาณเท่ากับ 100 ค่าต่าง ๆ ที่อยู่ในช่วงของ  $L_{min}$  และ  $L_{max}$  ถูกเรียกว่า ช่วงสีเทา (gray scale) ในทางปฏิบัติแล้ว ถ้า  $I=0$  จะได้รับการพิจารณาเป็น "มืด" (black) และเมื่อ  $I=L$  จะได้รับการพิจารณาเป็น "สว่าง" (white) ในฉากรนั้น ๆ

### 2.3.2 ฟิลเตอร์ (Filter)

ฟิลเตอร์เป็นตัวกรองสัญญาณภาพเบื้องต้น ให้ได้ภาพที่มีความคมชัดมากยิ่งขึ้น เพื่อที่จะนำภาพไปประยุกต์ใช้ได้ดียิ่งขึ้น ซึ่งมีมากมายชนิด แต่ในที่นี้จะกล่าวเฉพาะที่นิยมใช้กันมากที่สุดเท่านั้น

#### - การเฉลี่ยค่ารอบย่าน (Neighborhood Average)

การเฉลี่ยค่ารอบย่านเป็นเทคนิคที่ใช้กันในเซปเซียลโอดเมนโดยตรง สำหรับการทำให้ภาพให้ชัดเจนยิ่งขึ้น ให้ภาพอินพุท  $f(x, y)$  มีขนาด  $n * n$  และ  $g(x, y)$  เป็นผลของภาพที่ได้จากการปฏิบัติของระดับสีเทาทุก ๆ จุด  $(x, y)$  ได้จากการเฉลี่ยค่าระดับสีเทาของพิกเซลในภาพ  $f(x, y)$  ซึ่งสามารถอธิบายได้ดังนี้

$$g(x, y) = \frac{1}{M} \sum_{(n, m)} f(n, m) \quad \text{----- (2.6)}$$

สำหรับ  $x, y = 0, 1, \dots, N-1$  และ  $M$  คือ ผลรวมของจำนวนจุดในย่านนั้น ๆ

- ฟิลเตอร์แบบมัชฌฐาน (Median Filter)

สิ่งสำคัญประการหนึ่งจากการเฉลี่ยค่ารอบย่าน คือ การเกิดความเบลอร์ที่ขอบของภาพ และมีรายละเอียดสัญญาณรบกวนที่ชัดเจน อาจแก้ไขได้โดยการใช้เทรชโฮลด์ (threshold) ซึ่งโดยทั่วไปแล้วค่าเทรชโฮลด์จะได้รับการลองผิดลองถูก แต่ถ้าใช้ฟิลเตอร์แบบมัชฌฐาน แทนระดับสีเทาของแต่ละพิกเซล โดยการใช้ค่าเฉลี่ยมัชฌฐานของระดับสีเทา ในรอบย่านนั้น ๆ ของพิกเซล จะทำให้ภาพที่ได้มีประสิทธิภาพดีขึ้น

การหาค่ามัชฌฐาน ( $M$ ) คือ เซ็ตที่มีค่าในเซตครั้งหนึ่งมากกว่า  $M$  และอีกครึ่งหนึ่งน้อยกว่า  $M$  การหาค่ามัชฌฐาน สามารถหาได้โดยทำการเรียงข้อมูลจากน้อยไปหามาก แล้วนำค่าที่อยู่ตรงกลางนั้น มาใช้แทนค่า  $M$

ตัวอย่าง

สมมติว่า มีย่านขนาด  $3 \times 3$  มีข้อมูล

(10, 20, 20, 20, 15, 20, 20, 25, 100)

สามารถเรียงข้อมูลใหม่ได้เป็น

(10, 15, 20, 20, 20, 20, 20, 25, 100)

ดังนั้น ค่าที่อยู่ตรงกลางเป็นค่ามัชฌฐานมีค่าเท่ากับ 20 นั้นเอง ความคิดที่มีอิทธิพลต่อฟังก์ชันของฟิลเตอร์แบบมัชฌฐาน คือ จะทำให้จุดที่มีความเข้มที่แตกต่างมากกว่าย่านรอบ ๆ ของมัน

- ฟิลเตอร์แบบความถี่ต่ำผ่าน (Low-pass filter)

สัญญาณรบกวนในระดับสีเทาของภาพมักจะมีส่วน ของสัญญาณความถี่สูง ของการแปลงฟูเรียร์อย่างมาก ซึ่งจะทำให้เกิดการเบลอร์ของภาพ ดังนั้นจึงต้องหาวิธีการกำจัดเฉพาะช่วงความถี่สูงที่ไม่ต้องการออกไป จากทฤษฎีการทำคอนโวลูชันจะได้ว่า

$$G(u, v) = H(u, v)F(u, v) \text{ ----- (2.7)}$$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

เมื่อ  $F(u, v)$  คือ การแปลงฟูเรียร์ของภาพที่ต้องการให้เรียบ ปัญหา ก็คือ การเลือก ทรานส์เฟอร์ฟังก์ชัน  $H(u, v)$  ที่ให้ได้ผลลัพธ์  $G(u, v)$  โดยที่สามารถกำหนดจุดช่วงที่ความถี่สูงของ  $F(u, v)$  ออกไปได้ การแปลงอินเวอร์สลาปลาซ (Inverse Laplace) ของ  $G(u, v)$

$$g(x, y) = L^{-1}[H(u, v)F(u, v)] \text{ ----- (2.8)}$$

จะได้ว่า  $g(x, y)$  เรียบขึ้น เพราะว่า ส่วนประกอบความถี่สูงไม่สามารถผ่านออกไปได้ แต่ช่วงความถี่ต่ำจะสามารถผ่านไปได้ โดยปราศจากการลดทอนของสัญญาณซึ่งวิธีนี้เรียกว่า ฟิลเตอร์แบบความถี่ต่ำผ่าน ฟังก์ชัน  $H(u, v)$  ถูกเรียกว่า ทรานส์เฟอร์ฟังก์ชันของฟิลเตอร์ (Filter Transfer Function) ซึ่งในการคำนวณจะพิจารณาเฉพาะ  $H(u, v)$  เท่านั้น ฟิลเตอร์แบบความถี่ต่ำผ่านนี้มีอยู่หลายชนิดด้วยกัน โดยที่แต่ละฟิลเตอร์ จะทำหน้าที่กรองความถี่สูงออกไป ให้เหลือเฉพาะความถี่ต่ำเท่านั้น

เช่น

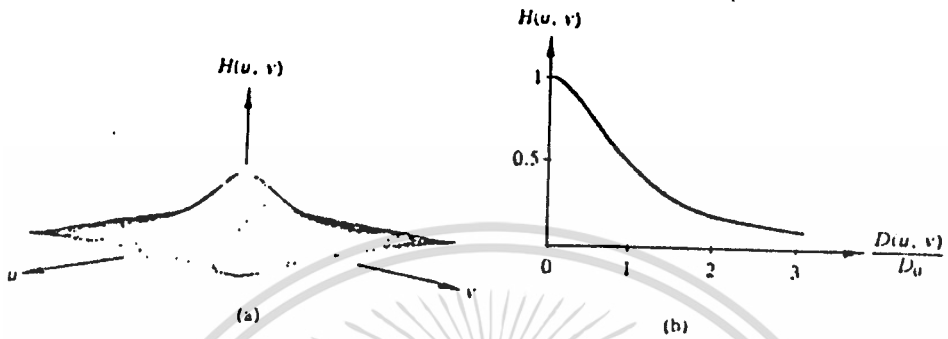
- ฟิลเตอร์ แบบอุดมคติ (Ideal Filter) จะมี

$$\begin{aligned} H(u, v) &= 1 \text{ ถ้า } D(u, v) \leq D_0 \\ H(u, v) &= 0 \text{ ถ้า } D(u, v) > D_0 \end{aligned} \text{ ----- (2.9)}$$

เมื่อ  $D_0$  คือ ค่าจำเพาะที่ไม่เป็น 0 และ

$D(u, v)$  คือ ระยะทางจาก  $(u, v)$  ถึงจุดกำเนิดในระนาบความถี่นั้นคือ

$$D(u, v) = (u^2 + v^2)^{0.5}$$

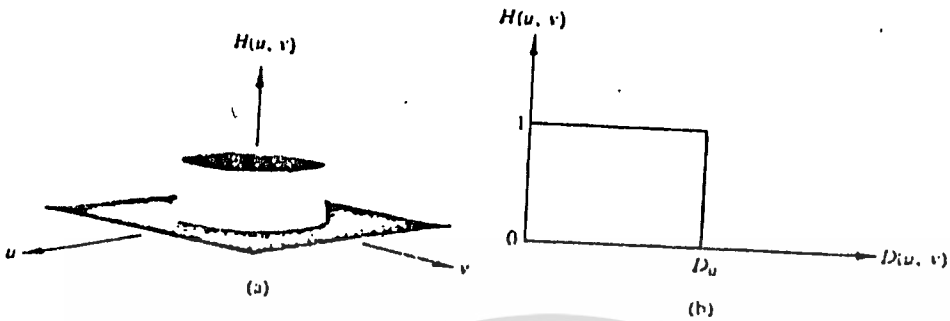


รูปที่ 2.3 การตัดของฟิลเตอร์แบบบัตเตอร์เวิร์ท

- ฟิลเตอร์แบบบัตเตอร์เวิร์ท (Butterworth Filter)

ฟังก์ชันการแปลงของบัตเตอร์เวิร์ทฟิลเตอร์ ของลำดับที่  $n$ , และมีความถี่ตัดออก (out-off Frequency locus) ที่ระยะทาง  $D_0$  จากจุดกำเนิด กำหนดโดยความสัมพันธ์

$$H(u, v) = \frac{1}{(1+[d(u, v)/D_0]^{2n})} \quad \text{----- (2.10)}$$



(a) (b)  
 รูปที่ 2.4 (a) แสดงภาพฟิลเตอร์แบบความถี่ต่ำผ่าน  
 (b) การตัดของฟิลเตอร์ทางอุดมคติ

ความแตกต่างระหว่างฟิลเตอร์แบบความถี่ต่ำผ่านในอุดมคติ และฟิลเตอร์แบบความถี่ต่ำผ่าน แบบบิดเบือนเวกซ์ คือไม่มีความต่อเนื่องที่ชัดเจนว่า ตำแหน่งที่กำจัดความถี่ตัดออก ระหว่างความถี่ที่ยอมให้ผ่านกับความถี่ที่กรอง โดยทั่วไปมักกำหนดความถี่ตัดออกที่จุด  $H(u, v)$  ซึ่งค่าที่ได้ลดลงจากค่าที่มากที่สุด ในสมการ (2.10) จะพบว่า  $H(u, v) = 0.5$  (ลดลง 50 % จากค่าที่มากที่สุด) เมื่อ  $D(u, v) = D_0$  แต่ค่าอื่น ๆ โดยทั่วไปนิยมใช้ที่  $1/\sqrt{2}$  ของค่าที่มากที่สุด ของ  $H(u, v)$  ดังสมการ (2.10) จะได้ค่าที่ต้องการเมื่อ  $D(u, v) = D_0$  คือ

$$\begin{aligned}
 H(u, v) &= 1 / (1 + [\sqrt{2} - 1] [D(u, v) / D_0]^{2n}) \\
 &= 1 / (1 + 0.414 [D(u, v) / D_0]^{2n})
 \end{aligned}$$

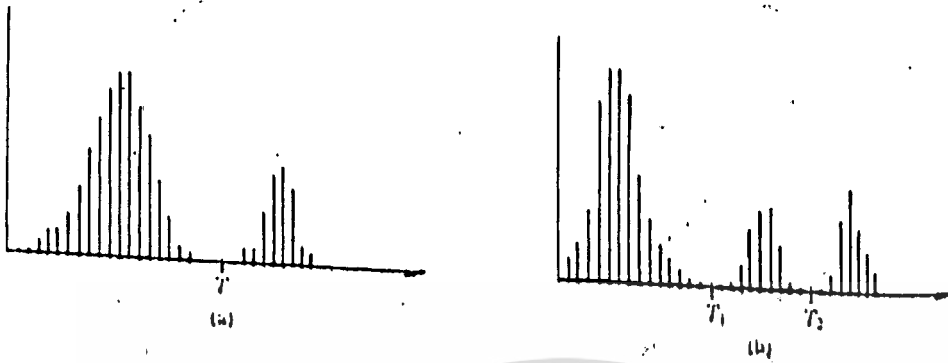
2.3.3 การตัดระดับเทรชโฮลด์ (Thresholding)

เทรชโฮลด์ เป็นวิธีหนึ่งที่มีความสำคัญในการลดทอนจุดที่เราไม่สนใจออกจากภาพ เพื่อที่จะทำให้มีความชัดเจนมากขึ้น ในส่วนนี้จะกล่าวถึง เทคนิคสำหรับเอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

การตัดระดับเทรสโฮลด์ ซึ่งจะสร้างส่วนของภาพที่เป็นจุดขาว หรือ ดำ จุดที่เราสนใจ อาจจะเป็นจุดขาว หรือดำก็ได้ โดยการกระทำดังกล่าวจะทำอยู่ในรูปของ binary Image ซึ่งมีค่าของ gray values อยู่ 2 ค่า คือ "0" กับ "1"

## 1 พื้นฐาน

เนื่องจากภาพฮีสโตแกรม ระดับสีเทาที่แสดงดังรูป 2.5(a) ตำแหน่งของภาพ  $r(x,y)$  ซึ่งประกอบด้วยความสว่างของวัตถุที่ถูกมอง บนความมืดของฉาก ดังนั้น พิกเซลของวัตถุที่ถูกมอง และพิกเซลของพื้นวัตถุที่อยู่ในกลุ่มของระดับสีเทา จะถูกแบ่งออกเป็น 2 ระดับ โดยการแยกวัตถุที่มองออกจากพื้นของวัตถุ ด้วยการเลือกตัดระดับเทรสโฮลด์ ( $T$ ) ที่จุดใด ๆ ของ  $(x,y)$  ซึ่งถ้า  $f(x,y) > T$  เรียกว่า "จุดของวัตถุ" นอกนั้นเรียกว่า "จุดพื้นของวัตถุ" รูป 2.5(b) ในกรณีนี้ ฮีสโตแกรมของภาพจะถูกแบ่งออกเป็น 3 ช่วง โดยเราสามารถใช้นิพจน์การจำแนกที่จุด  $(x,y)$  ซึ่งจะเป็นส่วนที่จัดอยู่ในประเภทของ "วัตถุที่ถูกมอง (object)" ถ้า  $T_1 < f(x,y) \leq T_2$  และจะเป็นพื้นของวัตถุถ้า  $f(x,y) \leq T_1$  ลักษณะแบบนี้ เป็นการตัดระดับเทรสโฮลด์หลายระดับ ซึ่งจะทำให้เกิดความเชื่อมั่นน้อยกว่าแบบการตัดระดับเทรสโฮลด์ระดับเดียว (single thres hold) เพราะว่ามันเป็นการยากในการสร้างระดับเทรสโฮลด์หลายระดับ ที่จะให้ได้ผลในการแยกขอบเขตของสิ่งที่น่าสนใจ ออกจากพื้นวัตถุ โดยเฉพาะตัวเลขของฮีสโตแกรมที่มีลักษณะกว้าง ตัวอย่างนี้ จะใช้การตัดระดับเทรสโฮลด์ด้วยวิธี single thres hold (ตัดค่าเทรสโฮลด์ระดับเดียว)



รูปที่ 2.5 แสดงฮิสโตแกรมระดับสีเทา

(a) การตัดระดับเทรชโวลต์ระดับเดียว (b) การตัดระดับเทรชโวลต์หลายระดับ

จากพื้นฐานที่กล่าวมาแล้ว ฟังก์ชันของการตัดระดับเทรชโวลต์ (T) จะอยู่ใน

สมการ

$$T = T[x, y, P(x, y), f(x, y)] \quad (2.11)$$

เมื่อ  $f(x, y)$  คือระดับสีเทาลงจุด  $(x, y)$  และ  $P(x, y)$  จะแสดงถึงตำแหน่งของพิกเซล จากตัวอย่าง ค่าเฉลี่ยของระดับสีเทา จะอยู่ในบริเวณกึ่งกลางของ  $(x, y)$  การสร้างไทรสโวลต์ของภาพ  $g(x, y)$  โดยกำหนด

$$g(x, y) = \begin{cases} 1 & \text{if } f(x, y) > T \\ 0 & \text{if } f(x, y) \leq T \end{cases} \quad (2.12)$$

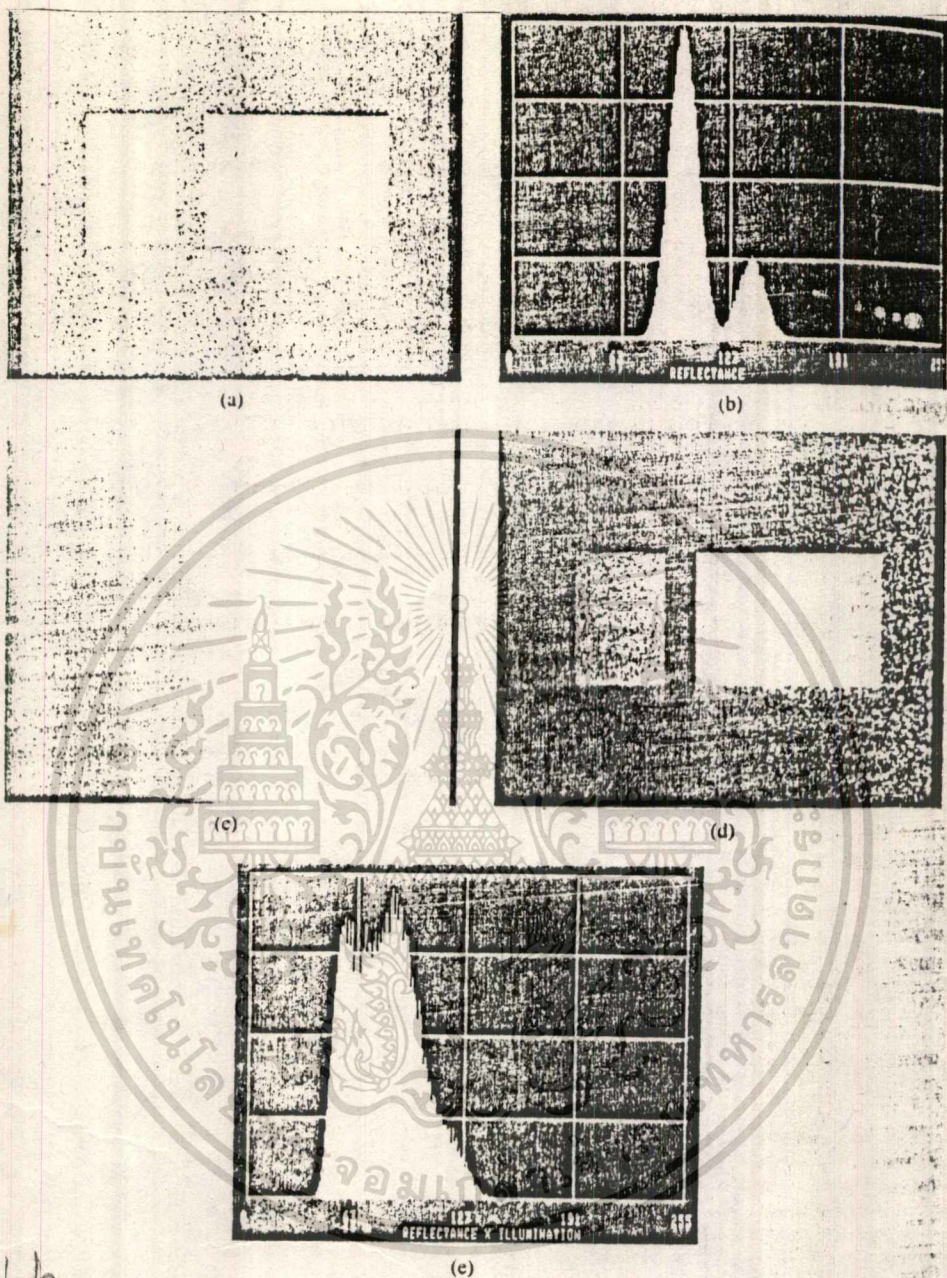
ดังนั้นในการพิจารณา  $g(x, y)$  เราจะพบว่า ถ้าพิกเซลนั้นมีค่าเป็น "1" จะเป็นลักษณะของวัตถุ (objects) ขณะเดียวกัน ถ้าพิกเซลนั้นมีค่าเป็น "0" จะเป็นลักษณะของพื้นวัตถุ (back ground)

เมื่อ  $T$  ขึ้นอยู่กับ  $f(x,y)$  เทรสโพลด์นี้จะถูกเรียกว่า โกลบอล (global) ถ้า  $T$  ขึ้นอยู่กับทั้ง  $f(x,y)$  และ  $P(x,y)$  เทรสโพลด์นี้เรียกว่า โลคอส (Local) ถ้า  $T$  ขึ้นอยู่กับ ระยะพิกัด  $x$  และ  $y$  เรียกว่า ไดนามิกส์เทรสโพลด์ (dynamic threshold)

## 2. บทบาทของแสงสว่าง (The Role of Illumination)

ระบบภาพโดยทั่วไป อยู่ในรูปของ  $f(x,y)$  เช่นเดียวกัน ผลของแสงสะท้อนอยู่ในรูปของ  $r(x,y)$  และการส่องสว่างอยู่ในรูปของ  $i(x,y)$  เนื้อหาที่จะกล่าวต่อไปนี้เป็น การสรุป การส่องสว่างที่มีผลต่ออิมเมจ

ความรู้เบื้องต้นเกี่ยวกับปัญหานี้ พิจารณาจากคอมพิวเตอร์ จะสร้างฟังก์ชัน การสะท้อนของแสง (reflectance function) ดังแสดงในรูป 2.6(a) ฮีสโตแกรมของฟังก์ชัน แสดงในรูป 2.6(b) โดยใช้การตัดระดับเทรสโพลด์ระดับเดียว (single threshold) สมมติว่า มีฟังก์ชันการสะท้อนของแสงอยู่หลายฟังก์ชัน ดังรูป 2.6(a) โดยฟังก์ชันการส่องสว่างแสดงในรูป 2.6(c) ผลที่ได้ของภาพ  $f(x,y)$  แสดงในรูป 2.6(d) ฮีสโตแกรมของภาพนี้ แสดงในรูป 2.6(e) โดยแท้จริงแล้ว ภาพต้นฉบับบางส่วนจะถูกกำจัดออก โดยการตัดระดับเทรสโพลด์ นี้เป็นเพียงตัวอย่างการส่องสว่าง ที่แสดง ถึง ขรรมชาติของวัตถุ และพื้นของวัตถุ ที่สามารถจะแยกออกจากกันได้ ส่วนภาพที่มีความสว่างไม่เพียงพอ จะเป็นการยากในการแบ่งระดับของภาพ



- รูปที่ 2.6 (a) การสร้างฟังก์ชันการสะท้อนโดยคอมพิวเตอร์  
(b) ฮิสโตแกรมของฟังก์ชันการสะท้อน  
(c) การสร้างฟังก์ชันการส่องสว่างโดยคอมพิวเตอร์  
(d) อิมเมจที่ได้จากฟังก์ชันของการส่องสว่าง และฟังก์ชันการสะท้อนแสง  
(e) ฮิสโตแกรมของอิมเมจ

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ผลที่ได้สำหรับอีส์โตรแกรมในรูปแบบที่ 2.6(c) โดยการนำเอา ลอการิทึม (Logarithm) ของ  $f(x,y) = i(x,y)r(x,y)$  ผลรวม  $Z(x,y) = \ln f(x,y) + \ln r(x,y) = i'(x,y) + r'(x,y)$  จากทฤษฎีความน่าจะเป็น ถ้า  $i'(x,y)$  และ  $r'(x,y)$  เป็นตัวแปรสุ่มอิสระ, อีส์โตรแกรมของ  $Z(x,y)$  จะให้คอนโวลชัน (convolution) ของอีส์โตรแกรม ของ  $i'(x,y)$  และ  $r'(x,y)$  ถ้า  $i(x,y)$  เป็นค่าคงที่,  $i'(x,y)$  ก็จะเป็นค่าคงที่ด้วย ส่วนอีส์โตรแกรมของ  $r'(x,y)$  ยังใช้พื้นฐานรูปร่างของอีส์โตรแกรมที่กว้าง (ผลจากการส่องสว่างไม่เหมือนกัน) องศาของมุมที่บิดเบือน ขึ้นอยู่กับความกว้างของอีส์โตรแกรมของ  $i'(x,y)$  ซึ่งในการบิดเบือนขึ้นอยู่กับฟังก์ชันของการส่องสว่างที่ไม่เหมือนกันด้วย

ก่อนที่จะทำการพิจารณา เราจะต้องนำลอการิทึม (logarithm) ของ  $f(x,y)$  ที่ถูกแทนด้วยฟังก์ชันอิมเมจ (image function) โดยตรง แต่ว่าจุดสำคัญของปัญหานี้จะถูกอธิบายอย่างชัดเจน โดยการใช้อีส์โตรแกรมในการแยกส่วนประกอบของการส่องสว่างและการสะท้อนของแสง

เมื่อได้แหล่งกำเนิดการส่องสว่าง ในการแก้ปัญหา ความถี่จะถูกใช้ในทางปฏิบัติ เป็นการชดเชย สำหรับการส่องสว่างที่ไม่สม่ำเสมอ ความสว่างที่เกิดจากการสะท้อนของพื้นผิว ที่ปรากฏบนอิมเมจ  $g(x,y) = ki(x,y)$ , เมื่อ  $k$  เป็นค่าคงที่ขึ้นอยู่กับพื้นผิว และ  $i(x,y)$  เป็นฟังก์ชันการส่องสว่างสำหรับอิมเมจ  $f(x,y) = i(x,y)r(x,y)$  หาได้จากฟังก์ชันการส่องสว่าง การหารของ  $f(x,y)$  ด้วย  $g(x,y)$  ให้ฟังก์ชันเป็นปกติ (normalized function)  $h(x,y) = f(x,y)/g(x,y) = r(x,y)/k$  ดังนั้น ถ้า  $r(x,y)$  สามารถที่จะถูกแบ่งออกโดยการตัดระดับเทรชโฮลด์ (T) เมื่อ  $h(x,y)$  สามารถที่จะถูกแบ่งออกโดยการตัดระดับเทรชโฮลด์ ด้วยค่าของ  $T/k$  ที่แสดงนี้เป็นวิธีหนึ่งถ้าความส่องสว่างให้ผลโดย  $i(x,y)$  ที่ไม่มีการเปลี่ยนจากอิมเมจหนึ่งไปยังอิมเมจหนึ่ง

### 3. การเลือกเทรชโฮลด์ที่ดีที่สุด (Optimal Thresholding)

เป็นที่ทราบกันดีแล้วว่า ก่อนภาพที่เหลือเพียง 2 ระดับ ความสว่างอีส์โตรแกรมของภาพ อาจจะถูกพิจารณา ความน่าจะเป็นฟังก์ชันของความเข้ม  $P(x)$  นี่เป็นการเอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

รวมเอาฟังก์ชันความเข้มทั้งหมด ซึ่งประกอบด้วยขอบเขตความสว่าง และขอบเขตความมืดของภาพ พารามิเตอร์ทั้งหมดจะเป็นไปตามพื้นที่ของภาพ ของแต่ละระดับความสว่าง ถ้าเรารู้ระดับความเข้มของภาพ ก็สามารถที่จะกำหนดค่าเทรสโฮลด์ที่ดีที่สุด (ความผิดพลาดน้อยสุด) สำหรับการแบ่งระดับความสว่างของภาพออกเป็น 2 ระดับ

สมมติว่า ภาพมีการรวมค่าอยู่ 2 ค่า ซึ่งได้จาก เกาส์เซียน (Gaussian) ความน่าจะเป็นรวมของฟังก์ชัน ความเข้มกำหนดโดย

$$P(x) = P_1 p_1(x) + P_2 p_2(x) \quad \text{----- (2.13)}$$

สำหรับกรณีของเกาส์เซียนเป็น

$$P(x) = \frac{P_1}{\sqrt{2\pi\sigma_1^2}} \exp\left[-\frac{(x-\mu_1)^2}{2\sigma_1^2}\right] + \frac{P_2}{\sqrt{2\pi\sigma_2^2}} \exp\left[-\frac{(x-\mu_2)^2}{2\sigma_2^2}\right] \quad \text{----- (2.14)}$$

เมื่อ  $\mu_1$  และ  $\mu_2$  เป็นค่าเฉลี่ยของ 2 ระดับความสว่าง  $\sigma_1$  และ  $\sigma_2$  เป็นส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเฉลี่ย และ  $P_1, P_2$  เป็นความน่าจะเป็นของทั้งสองระดับ โดยเหตุที่

$$P_1 + P_2 = 1 \quad \text{----- (2.15)}$$

สิ่งที่ต้องปฏิบัติ ความเข้มทั้งหมด มี 5 พารามิเตอร์ ที่ไม่ทราบค่า แต่ถ้ารู้ค่าพารามิเตอร์ทั้งหมด การกำหนดค่าเทรสโฮลด์ที่ดีที่สุดจะทำได้ง่าย

สมมติว่า ขอบเขตของความมืด ตรงกับลักษณะของพื้นภาพ และขอบเขตของความสว่างตรงกับวัตถุที่มอง (object) ในกรณีนี้  $\mu_1 < \mu_2$  และ เราอาจกำหนดค่าเทรสโฮลด์ได้ โดยที่พิเซลทั้งหมด ของระดับสีเทา ที่อยู่ด้านล่างของ T จะถูกพิจารณา เป็นจุดพื้นของภาพ และพิเซลทั้งหมด ที่อยู่เหนือระดับ T จะถูกพิจารณา เป็นจุดของวัตถุ ความน่าจะเป็นในการจำแนก จุดวัตถุ และ จุดของพื้นวัตถุเป็น

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

$$E_1(T) = -\alpha \int^T P_2(x) dx \quad \text{-----} (2.16)$$

ทำนองเดียวกัน ความน่าจะเป็นของการจำแนกจุดพื้นของวัตถุ ก็เช่นเดียวกัน

$$E_2(T) = \int^{\alpha} P_1(x) dx \quad \text{-----} (2.17)$$

เนื่องจากความน่าจะเป็นทั้งหมดของความผิดพลาด กำหนดโดย

$$E(T) = P_2 E_1(T) + P_1 E_2(T) \quad \text{-----} (2.18)$$

จะพบว่า ค่าเทรสโฮลด์ นี้มีความผิดพลาดน้อยที่สุด ส่วนความแตกต่างของ  $E(T)$  ตาม  $T$  และผลที่ได้เท่ากับ

$$P_1 p_1(T) = P_2 p_2(T) \quad \text{-----} (2.19)$$

ผลที่ได้จากความเข้มของเกาส์เซียน (Gaussian density) หลังจากการใช้ลอการิทึม (taking Logarithm) และ เพื่อให้ง่ายขึ้น จะได้สมการกำลังสองเป็น

$$AT^2 + BT + C = 0 \quad \text{-----} (2.20)$$

เมื่อ

$$A = \sigma_1^2 - \sigma_2^2$$

$$B = 2(\mu_1 \sigma_2^2 - \mu_2 \sigma_1^2)$$

$$C = \sigma_1^2 \mu_2^2 - \sigma_2^2 \mu_1^2 + 2\sigma_1^2 \sigma_2^2 \ln[\sigma_2 P_1 / \sigma_1 P_2]$$

บางครั้งอาจมีคำตอบอยู่ 2 ค่า แสดงว่ามีค่าเทรสโฮลด์ที่ต้องการอยู่ 2 ค่าที่ใช้ในการหาคำตอบที่ดีที่สุด

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ถ้าความแปรปรวนเท่ากัน  $\sigma^2 = \sigma_1^2 = \sigma_2^2$  ใช้การตัดระดับ  
เทรสโพลด์ ระดับเดียวกันพอเพียงแล้ว

$$T = \frac{\mu_1 + \mu_2}{2} + \frac{\sigma^2}{\mu_1 + \mu_2} \ln(P_2/P_1) \text{ ----- (2.21)}$$

ถ้าความน่าจะเป็นของทั้งสอง เท่ากัน  $P_1 = P_2$  ค่าเทรสโพลด์ที่ดีที่สุด  
ควรจะเป็นค่าเฉลี่ยของค่าทั้งสอง ในความเป็นจริง บางครั้ง  $\sigma = 0$  การกำหนดค่า  
เทรสโพลด์จะทำให้ง่าย

การวิเคราะห์ พารามิเตอร์จากฮิสโตแกรม ของภาพ อาจจะใช้ภาพที่  
เหมือนภาพจริงมากที่สุด หรือ มีความผิดพลาดที่เกิดขึ้นน้อยที่สุด สำหรับตัวอย่าง ความ  
ผิดพลาดระหว่าง ความเข้มทั้งหมด  $P(x)$  และ ฮิสโตแกรมที่ทดลอง  $h(x_i)$  เป็น

$$M = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N [P(x_i) - h(x_i)]^2 \text{ ----- (2.22)}$$

เมื่อสมมติให้ฮิสโตแกรมมี  $N$  จุด

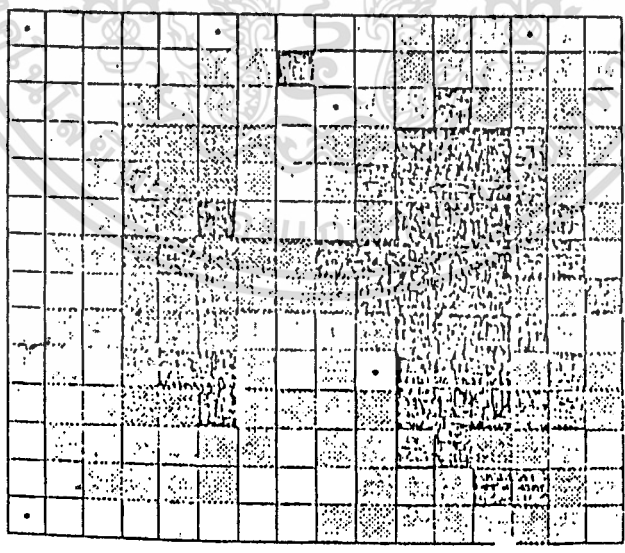
ซึ่งในการสร้าง มันไม่ง่ายที่กำหนด พารามิเตอร์ให้มีความผิดพลาดน้อยที่สุด  
ซึ่งอาจจะใช้วิธีของเกาส์เซียน (gaussian) หรือวิธีของนิวตัน (Newton's method)  
ช่วยก็ได้

ตัวอย่างการตัดระดับเทรสโฮลด์

พิจารณา image  $f$  ในรูปที่ 2.7 ซึ่ง gray level อยู่ในรูปที่ 2.8

0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	3	0	3	3
0	0	0	0	0	1	1	6	0	0	2	3	3	3	4
0	0	0	2	1	1	0	0	0	4	4	6	5	5	4
0	0	2	7	7	7	5	0	2	5	0	8	8	6	5
0	0	2	6	7	7	2	0	4	6	8	8	8	6	3
0	0	2	6	7	0	2	0	3	5	0	0	8	7	5
0	1	2	7	8	7	7	7	8	8	8	8	6	6	4
0	0	4	7	7	7	7	7	8	8	8	8	7	5	6
0	2	2	7	7	7	3	4	4	7	0	8	8	6	3
1	1	4	7	8	0	2	0	1	0	8	8	5	6	7
1	0	2	7	7	8	2	2	1	5	8	8	6	6	5
0	1	3	3	4	2	2	0	1	4	6	8	7	5	3
0	0	2	1	1	2	0	0	0	3	4	4	6	6	3
0	0	0	0	0	0	0	2	2	3	2	3	5	3	3

รูปที่ 2.7



รูปที่ 2.8

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

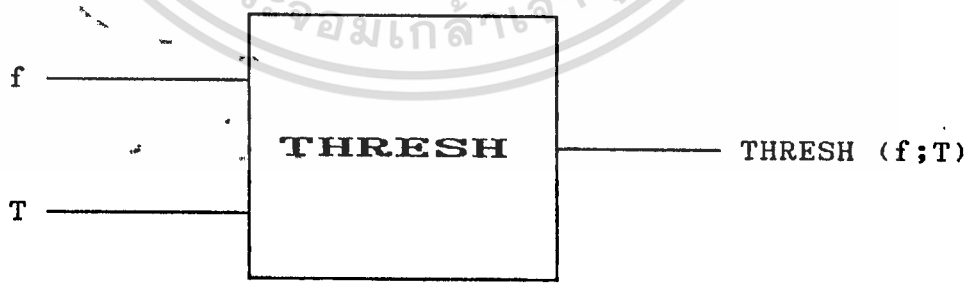
จากรูปที่ 2 นั้น gray level กำหนดให้มีค่าจาก 0 ถึง 8 โดยที่ให้ 0 เป็นตำแหน่งที่เป็นสีขาว และ 8 เป็นตำแหน่งสีดำ สมมติว่าเลือกค่าการตัดระดับเทรชโฮลด์ของ image  $f$  โดยให้ค่า  $T$  มีค่าเท่ากับ 7 นั้นหมายความว่า ค่า gray level ที่น้อยกว่า 7 จะถูกกำจัดออกไป โดยค่าที่เท่ากับ 7 หรือมากกว่า จะถูกกำหนดให้มีค่าเป็น 1 ซึ่งผลที่ได้จะมีค่าเพียง 2 ระดับ คือ "0" กับ "1" ซึ่งเรียกว่า Binary Image

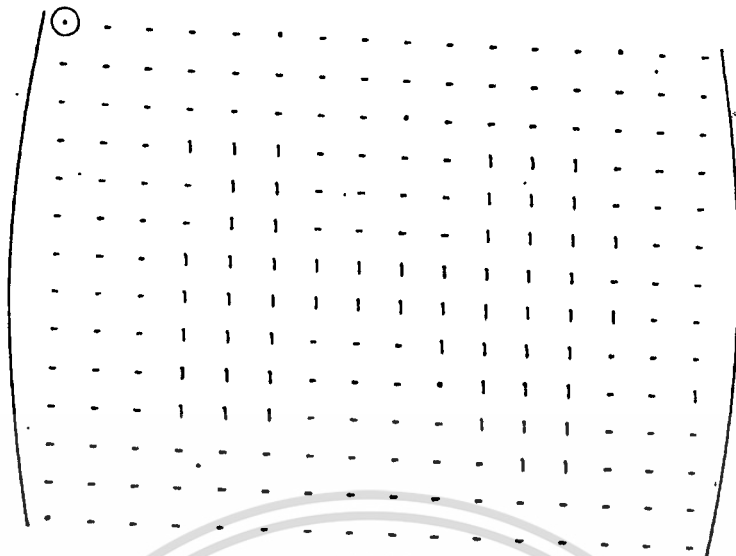
ซึ่งในระดับที่สูงกว่า หรือเท่ากับ ค่าอ้างอิง เป็นจุดสว่างสุด ถ้าต่ำกว่าค่าอ้างอิง จะเป็นจุดดำ ส่วนจุดที่เป็น \* เป็นตำแหน่งที่เราไม่ต้องคำนึงถึง ไม่เกี่ยวข้องกับการทำเทรชโฮลด์

จะเห็นได้ว่าหลักการทำ เทรชโฮลด์ ก็คือ การกระทำในลักษณะของ binary นั้นเอง โดยมี input คือ image  $f$  และค่าจำนวนจริงคือค่า  $T$  ค่าทาง output ที่ได้ นั้น เป็นค่าเฉพาะจุดขาวและจุดดำเท่านั้น

จากนิยาม ของการทำเทรชโฮลด์ คือ

$$[\text{THRESH}(f;T)](i,j) = \begin{cases} 1, & \text{if } f(i,j) \geq T \\ 0, & \text{if } f(i,j) < T \\ *, & \text{if } f(i,j) = * \end{cases}$$



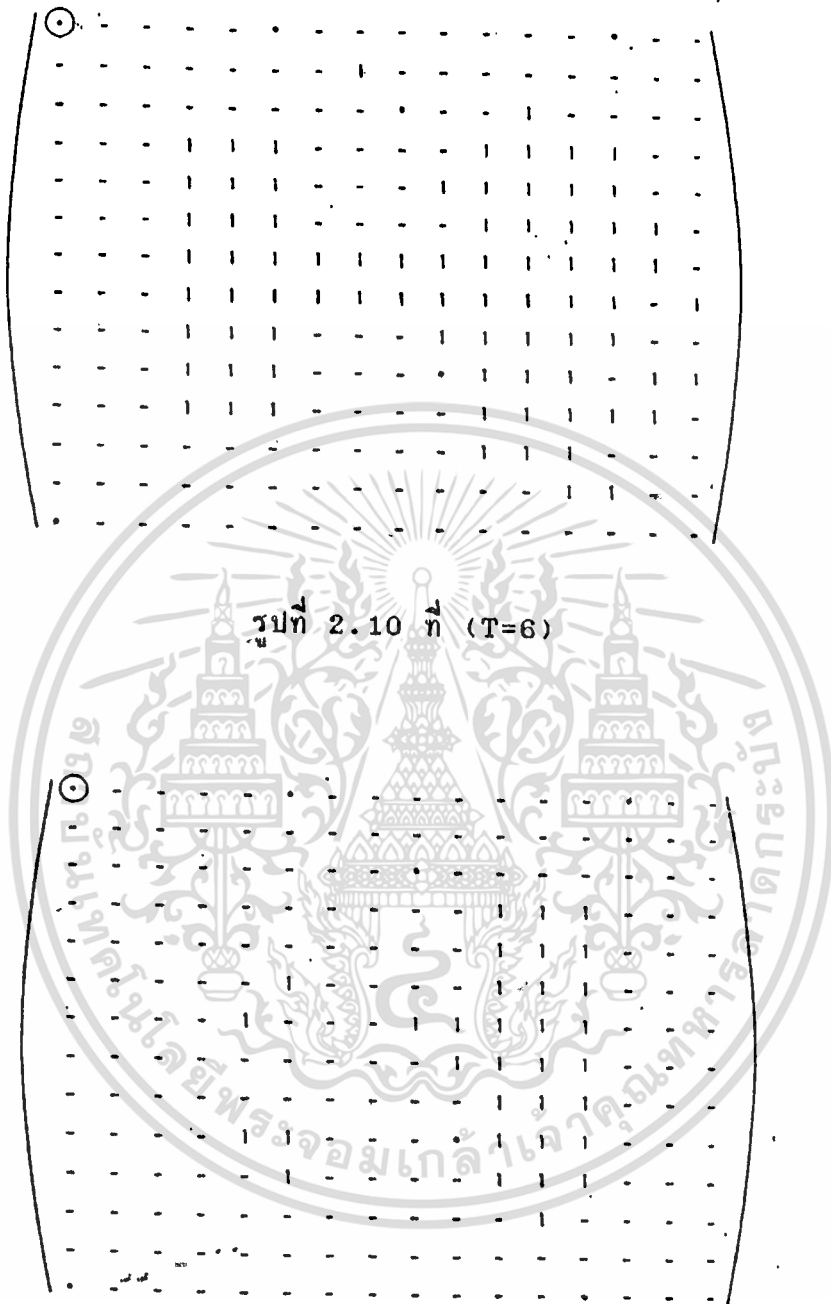


รูปที่ 2.9

จากรูปที่ 2.9 จะเห็นว่าจุด 5 จุด ทางด้านซ้ายบน ของตัว H นั้นมีค่า gray value เป็น 6 ซึ่งเป็นจุดที่ควรจะเป็น ส่วนหนึ่งของตัว H แต่ว่าเมื่อเลือกค่า threshold input เป็น 7 ทำให้จุดนี้ต้องถูกกดลงเป็น "0" ส่วนทางขวามือ ของตัว H นั้น จากข้อมูลจะเห็นว่ามีความเข้มมากกว่าทางซ้ายมือ ซึ่งอาจเกิดจากการให้แสงสว่างที่ไม่ถูกต้องก็ได้

จากที่กล่าวมาแล้วว่า จุด 2 จุด ทางซ้ายมือ นั้นเป็นจุดที่ถูกตัด ซึ่งมีความ gray value เป็น 6 อย่างไรก็ตาม เราสามารถที่จะดึงค่านี้ขึ้นมาเป็น "1" ได้โดยให้ค่าเทรชโฮลด์ (T) เท่ากับ 6 เช่นเดียวกันกับทางขวามือ ที่มีจุดที่เกินออกมา ซึ่งจะกำจัดออกได้โดยให้ค่าเทรชโฮลด์ (T) = 8 ซึ่งผลที่ได้ของ (T=6) และ (T=8) แสดงดังรูป 2.10 และ 2.11 ตามลำดับ จากรูปจะเห็นว่า ยังทำให้เกิด distortion เพิ่มมากขึ้นไปอีก ดังนั้นที่ (T=7) จึงเป็นจุดที่มีค่าเทรชโฮลด์ที่ดีที่สุด

ในการกำหนดค่า T ที่ดีที่สุด นั้นวิธีอันหนึ่ง ก็คือการทำ Histogram นั้นเอง



รูปที่ 2.11 ที่ (T=8)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

#### 4. การจัดแบ่งสีโตรแกรมให้เท่ากัน (Histogram Equalization)

เป็นวิธีหนึ่งในการเพิ่มความชัดเจนของภาพ ขาวดำ ที่มีการกระจายในช่วงกว้างของระดับสีเทา ในทางอุดมคติแล้ว ค่าตัวเลขของระดับสีเทา ในแต่ละพิเซลนี้จะมีค่าที่ไม่แน่นอน การประมาณค่า โดยใช้ฟังก์ชันที่สามารถแสดงการตรวจสอบของสีโตรแกรม เป็นการวิเคราะห์ในลักษณะใกล้เคียง นี้เรียกว่า Histogram Equalization

หลักการ ให้ตัวเลขของพิเซลในภาพทั้งหมด เป็น  $rowmax * colmax$  และตัวเลขของระดับสีเทา ซึ่งมากกว่าช่วงกว้างที่ต้องการ เป็น  $g$  levels เมื่อ สีโตรแกรม ในอุดมคติ จะมี ตัวเลขของพิเซล ที่แต่ละระดับสีเทา อยู่ในแนวระนาบเดียวกัน

$$\text{ตัวเลขอุดมคติของพิเซล ที่แต่ละระดับสีเทา} = \frac{rowmax * colmax}{g \text{ levels}} \quad (2.23)$$

แต่ว่า เราต้องการ กำหนดพิเซลด้วย ค่าต่ำสุดของระดับสีเทาในภาพเก่า ไปยังระดับสีเทา "0" ในภาพใหม่

$$F(0) = 0,$$

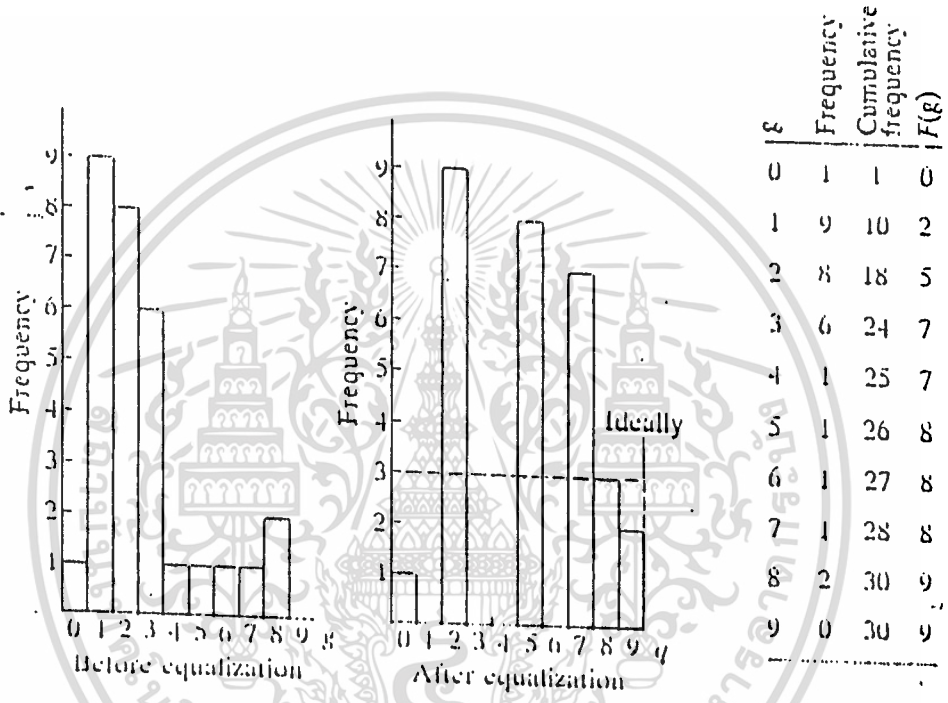
$$\text{เมื่อ } F(\text{old grey level}) = \text{new gray level}$$

ถ้าผลของการกำหนด ในระดับสีเทาใหม่ เป็น "0" มีค่าน้อยกว่าค่าเดิม การแบ่งพิเซลที่ต้องการ เราจะกำหนดพิเซลที่ถัดจากค่าต่ำสุด ของระดับสีเทา ในภาพเก่า ด้วยระดับสีเทา "0" ในภาพใหม่ เมื่อระดับ "0" ในภาพใหม่มีลักษณะใกล้เคียงกับภาพเดิม การแบ่งพิเซลที่ต้องการ เราจะเลื่อนขึ้นไปยังระดับสีเทา "1" และการทำงานของอัลกอริทึม (algorithm) จะเริ่มด้วย การที่ไม่กำหนด (unallocated) พิเซล ที่มีระดับสีเทาต่ำสุด ในภาพเดิม

อาจจะเห็นว่าที่จะกำหนด พิเซลให้กับระดับสีเทาเป็น "0" ในภาพใหม่ สองครั้ง การแบ่งของพิเซลอาจจะถูกต้องก็ได้ ในกรณีผลที่ปรากฏ จะมีการกำหนดระดับสีเทา ให้เห็น "1" ถ้าเราละเลยค่าในระดับสีเทา "1" ในภาพใหม่ และ ย้ายเข้าไปยังระดับสีเทา "2"

การใช้อัลกอริทึม (algorithm) ในส่วนของระดับสีเทาของพิเซล (old gray levels) เก่าทั้งหมด จะถูกกำหนดไปยัง ระดับสีเทาใหม่ (new gray levels)

วิธีที่ใช้ในการ mapping ของระดับสีเทาเก่า ไปยังระดับสีเทาใหม่ เป็นผลต่อเนื่อง การทำงาน ถ้า  $t(g)$  เป็น ตัวเลขจริง (actual number) ของพิเซิลที่ lod gray level  $g$  หรือ น้อยกว่า



รูปที่ 2.12 ขั้นตอนของฮิสโตแกรม

$$F(g) = \max\{0, \text{round} \left( \frac{g \text{ levels} * t(g)}{\text{rowmax} * \text{colmax}} \right) - 1\} \quad (2.24)$$

ในรูปที่ 2.12 เป็นตัวอย่างของเทคนิคนี้

บทที่ 3

TREE GRAMMAR

1. หลักการของไวยากรณ์แบบที่ (Tree Grammars)

ระบบที่ (Tree system) ถูกใช้อธิบายและ recognition of patterns  
นิยามพื้นฐาน

นิยามที่ 1 ให้  $N^+$  เป็นเซตของจำนวนเต็ม

$U$  เป็น free monoid ที่เกิดจาก  $N^+$

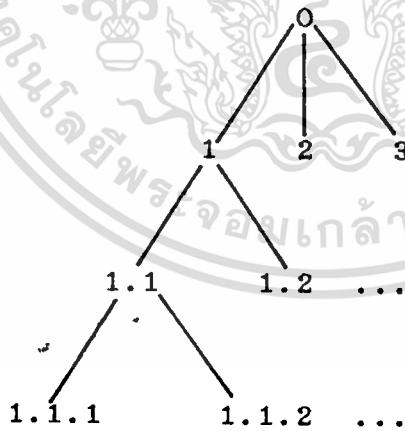
$\cdot$  เป็น operation

$0$  เป็นเอกลักษณ์ของ  $U$

รูปแบบของ  $a \in U$  แสดงโดย  $d(a)$  มีนิยามว่า

$$d(0) = 0, d(a.i) = d(a) + 1, i \in N^+$$

เทียบกันได้ ถ้า  $a < b$  และ  $b < a$  ดังตัวอย่างต่อไปนี้



นิยามที่ 2  $D$  คือ ขอบเขตของ tree ถ้า  $D$  จำกัดด้วยเซตย่อยของ  $U$  มี

ลักษณะคือ

1.  $b \in D$  และ  $a < b$  หมายความว่า  $a \in D$

2.  $a.j \in D$  และ  $i < u$  ใน  $N^+$  หมายความว่า  $a.i \in D$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

นิยามที่ 3 stratified alphabet คือคู่ของ  $\langle \Sigma, r \rangle$

เมื่อ  $\Sigma =$  เซตที่มีขอบเขตของสัญลักษณ์ และ

$r : \Sigma \rightarrow N = N^+ \cup \{0\}$  สำหรับ  $x \in \Sigma$ ,  $r(x)$  ถูกเรียกว่า stratification ของ  $x$

ให้  $\Sigma_n = r^{-1}(n)$  tree จะถูกกำหนดโดยการ mapping จากขอบเขตของ tree ภายใต้เซตของสัญลักษณ์

นิยามที่ 4 รูปแบบของ tree นอกเหนือจาก  $\Sigma$  เป็นฟังก์ชัน  $\alpha : D \rightarrow \Sigma$  ดังนั้น  $D$  คือขอบเขตของ tree และ  $r[\alpha(a)] = \text{mix}\{i | a_i \in D\}$  ขอบเขตของ tree จะถูกแสดงโดย  $D(\alpha)$  หรือ  $D_\alpha$  ให้  $T_\Sigma$  เป็นเซตของทั้งหมดของ tree นอกเหนือจาก  $\Sigma$

นิยามที่ 5  $t$  เป็นเทอมนอกเหนือจาก  $\langle \Sigma, r \rangle$

ถ้า  $t = x \in \Sigma_0$  หรือ

$t = xt_1 \dots t_n$  เมื่อ  $x \in \Sigma_n$  และ  $t_i$  เป็นเทอมของ  $1 \leq i \leq n$

$T_\Sigma$  เป็นเทอมของเซตนอกเหนือจาก  $\Sigma$  เห็นได้ชัดจากตัวอย่างคือ

ให้  $\Sigma = \{+, e, x, y\}$ ,  $r(+) = 2$ ,  $r(e) = 1$ ,  $r(x) = r(y) = 0$   
เขียนเป็น Tree  $\alpha$  ได้เป็น



ซึ่ง Tree  $\alpha$  เป็นตัวอย่างที่แสดงความหมายของ  $e(x) + y$  ความเป็นไปได้  
ได้อย่างอื่น ที่จะอธิบายเกี่ยวกับ tree  $\alpha$  โดยอักษร  $+ e x y$  ลักษณะเช่นนี้จะเรียกว่า  
Polish prefix

นิยามที่ 6 regular tree grammar นอกเหนือจาก  $\langle V_T, r \rangle$

$$G_r = (V, r', P, S)$$

โดยมีเงื่อนไขต่อไปนี้

- 1)  $\langle V, r' \rangle$  เป็น rank ที่จำกัดด้วย  $V_T \subseteq V$  และ  $r'|_{V_T} = r$  ความรู้เบื้องต้นของ  $V - V_T$  เรียกว่า ลักษณะขั้นสุดท้าย
- 2)  $P$  เป็นเซตจำกัดที่เป็นผลมาจาก  $\phi \rightarrow \psi$  เมื่อ  $\phi$  และ  $\psi$  เมื่อ tree นอกเหนือจาก  $\langle V, r' \rangle$
- 3)  $S$  เป็นเซตย่อยของ  $T_V$

นิยามที่ 7  $L(Gt) = \{\alpha \in T_{V_T} \mid Y \in S \text{ ดังนั้น } Y \Rightarrow \alpha \text{ ใน } Gt\}$

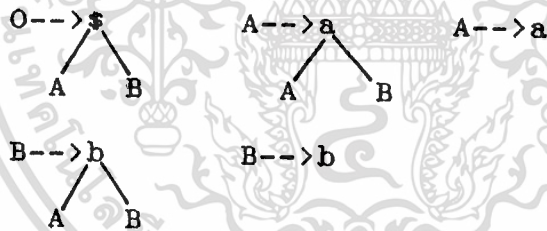
เรียกว่าการแปลงโดย  $Gt$  พิจารณา tree grammar

$$G_t = (V, r, P, o)$$

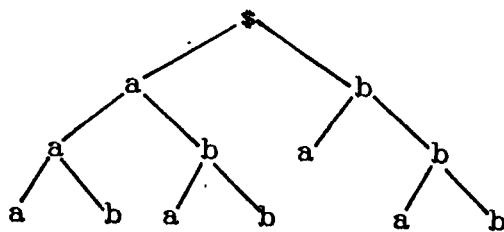
$$\text{เมื่อ } V = \{o, A, B, a, b, \$\}$$

$$V_T = \{a, b, \$\}, r(a) = \{2, 0\}$$

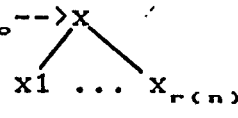
$$r(b) = \{2, 0\}, r(\$) = \{2, 0\}$$



ซึ่งเขียนเป็น tree ได้ต่อไปเป็นดังนี้



นิยามที่ 8 tree grammars  $G_\tau = (V, r', P, S)$  นอกเหนือจาก  $\langle V_T, r \rangle$  เป็นส่วนขยาย ถ้าแต่ละตัวใน  $P$  เกิดจาก  $x_0 \rightarrow x$



หรือ  $x_0 \rightarrow x$  เมื่อ  $x \in V_T$  และ  $x_0, x_1, \dots, x_{r(x)}$  เป็นสัญลักษณ์ตัวสุดท้าย

นิยามที่ 9 ให้  $\langle \Sigma, r \rangle$  เป็นรูปแบบของ alphabet และ

$$\Sigma = \{ \sigma_1, \sigma_2, \dots, \sigma_k \} \text{ เมื่อ tree automaton}$$

นอกเหนือจาก  $\Sigma$  เป็นระบบ  $M_\tau = (Q, f_1, \dots, f_k)$  เมื่อ

1.  $Q$  คือ สถานะของเซตที่จำกัด
2. สำหรับแต่ละค่าของ  $i$  เมื่อ  $1 \leq i \leq k$
3.  $F \subseteq U$  คือ เซตสุดท้ายของระบบ

ถ้าแต่ละ  $f_i, 1 \leq i \leq k$ , คือฟังก์ชัน  $f_i: Q^{r(\sigma_i)}$

นิยามที่ 10 ผลตอบสนองเกี่ยวกับ  $r$  ของ tree automaton เมื่อ

$M_\tau$  หาได้จาก

- 1) ถ้า  $\sigma \in \Sigma_0, r(\sigma) \sim x$  ถ้า  $f_\sigma \sim x$ ;
- 2) ถ้า  $\sigma \in \Sigma_n, n > 0, r(\sigma\alpha_0, \dots, \alpha_{n-1}) \sim x$  ถ้า  $x_0, \dots, x_{n-1}$

ดังนั้น  $f_\sigma(x_0, \dots, x_{n-1}) \sim x$  และ  $r(\alpha_i) \sim x_i; 1 \leq i \leq n$  ถ้า  $M$  เป็น deterministic,  $r$  เป็นฟังก์ชัน  $r: T_\Sigma \rightarrow Q$  แสดงโดย

$$1) \text{ ถ้า } \sigma \in \Sigma_0, r(\sigma) = f_\sigma;$$

$$2) \text{ ถ้า } \sigma \in \Sigma_n, n > 0,$$

$$r(\sigma\alpha_0, \dots, \alpha_{n-1}) = f_\sigma(r(\alpha_0), \dots, r(\alpha_{n-1}))$$

นิยามที่ 11  $T(M_\tau) = \{ \alpha \in T_\Sigma \mid x \in F \text{ ดังนั้น } r(\alpha) \sim x \}$  ถูก

เรียกว่าเป็นที่ยอมรับโดย  $M_\tau \cdot M_{\tau_1}$  และ  $M_{\tau_2}$  มีสมาชิกที่เท่ากัน ถ้า  $T(M_{\tau_1}) = T(M_{\tau_2})$

tree grammar  $G_\tau$  จะมีค่าเท่ากับ tree automaton  $M_\tau$  ถ้า  $L(G_\tau) = T(M_\tau)$

สำหรับทุกค่าของ tree grammar  $G_u$  มีผลกับการกำหนด tree automaton  $M_u$  ดังนั้น  $T(M_u) = L(G_u)$

ตัวอย่างนี้แสดงให้เห็นถึงว่า การเกิดรูปแบบ tree โดย tree grammar ถูกยอมรับโดย tree automaton

ให้  $V_T = \{+, x\}, r(+)=2$  และ  $r(x) = 0$

$G_u = (v, r', P, s)$  เป็น grammar นอกเหนือจาก  $\langle v_T, r \rangle$

เมื่อ  $V = V_T \cup \{S\}, r'(s)=0, P = \{S \rightarrow +S_x, S \rightarrow x\}$ , และ

$S = \{S\}$

$L(G_u) = \{+^n x^{n+1} | n \geq 0\}$

รูปแบบของ tree แสดงดังรูป



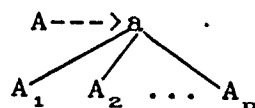
ให้  $M_u = (Q, f_+, f_x, F)$  เป็น deterministic automaton เมื่อ

$Q = \{x, S_x, S\}, f_x = S_x, f_+(S_x, S_x) = f_+(S, S_x) = S, f_+ = x$

ในกรณีอื่นทั้งหมด และ  $F = \{S, S_x\}$  ดังนั้น  $T(M_u) = \{+^n x^{n+1} | n \geq 0\} = L(G_u)$

### รูปแบบของไวยากรณ์แบบที่ (Inference of Tree Grammars)

การขยายรูปแบบของ tree grammars มีผลมาจาก

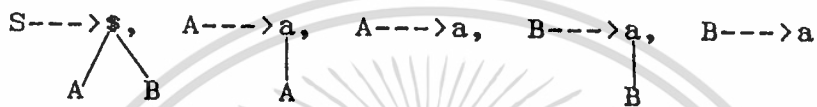


เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

สำหรับ  $A, A_1, A_2, \dots, A_n$  ใน  $N$  และ  $a$  ใน  $\Sigma$  นี้คือส่วน  
ของผลของ tree ที่นำมาพิจารณาในส่วนนี้

ให้  $\mathcal{T}_1$  และ  $\mathcal{T}_2$  เป็นเซตของ tree ได้มาจากการเริ่มต้น ด้วย  $A_1$   
และ  $A_2$  ตามลำดับ เมื่อ  $A_1$  และ  $A_2$  เป็นจำนวนที่เท่ากัน หมายความว่า  
 $A_1 = A_2$ , ถ้า  $\mathcal{T}_1 = \mathcal{T}_2$

ตัวอย่างนี้ พิจารณาเซตของการขยายผลของ tree



จุดต่อ  $A$  และ  $B$  เป็นค่าที่เท่ากัน เพราะแต่ละค่าเป็นเซตของ tree



ปัญหาของการหาค่าของ  $A_1$  ที่ไม่เท่ากับ  $A_2$  ไม่สามารถหาด้วยวิธี  
ธรรมดาได้ อย่างไรก็ตาม ถ้าเซตถูกกำเนิดโดยจุดเริ่มต้นด้วย  $A_1$  และ  $A_2$  จะเป็น  
ไปได้ที่จะตรวจโดยระบุงการเท่ากันของเซต

เพื่อที่จะอ้างอิง node ของ tree โดยเงื่อนไขที่ว่า root มีดัชนีเป็น 0  
และถ้า node มีดัชนีเป็น  $k$  มี  $n$  เป็นจุดสุดท้าย มันถูกกำหนดโดย  $k.1, k.2, \dots, k.n$   
จากด้านซ้ายไปขวา

ให้ tree ด้วยดัชนีที่กำหนด มี lexicographical ordering  
relation  $<_L$  กำหนดตาม node ให้  $r$  และ  $s$  เป็นดัชนี; เมื่อ  $r <_L s$  ถ้า

(i)  $c$  เป็นดัชนี ดังนั้น  $s=r.c$ , หรือ

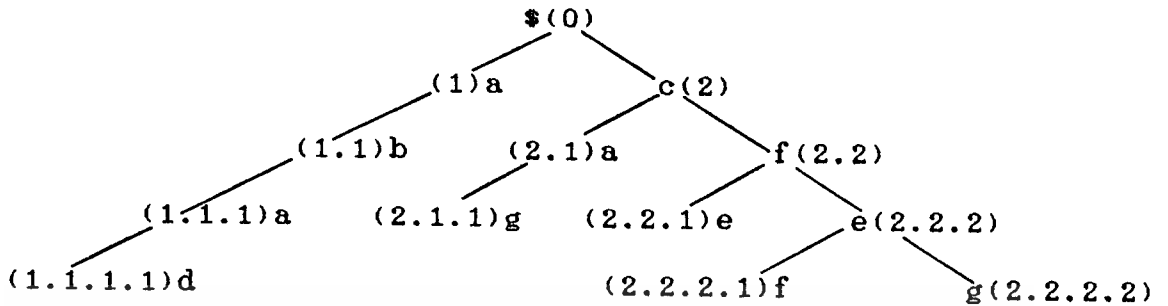
(ii)  $r=c.i.u$  และ  $s=c.j.v$  เมื่อ

$c, u, v$  เป็นดัชนี

$i, j$  เป็นจำนวนเต็มบวก ที่  $i < j$

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

พิจารณาตัวอย่าง



ที่ node ที่มีดัชนี  $r=2.2.2.1$  และ  $s=2.2.2.2$  จากรูปเราจะเห็นว่า  $r <_L s$  เมื่อ  $r=c.i$  และ  $c.j$  ดังนั้น  $c=2.2.2, i=1, j=2$  และ  $i > j$ .

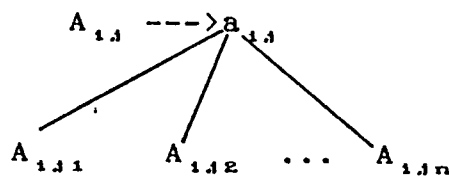
ให้  $T_1$  และ  $T_2$  เป็น tree ที่มี  $N_1(k)$  และ  $N_2(k)$  เป็น node ที่ระดับ  $k$  ให้  $A(k)$  เป็นจำนวนของ node ที่มีระดับเหมือน Gorn address แต่แตกต่างกันที่ label การกำหนดระยะระหว่าง  $T_1$  และ  $T_2$  ที่ระดับ  $k$  เพราะฉะนั้น จำนวนของ  $B(k) = [A(k) + |N_1(k) - N_2(k)|]$

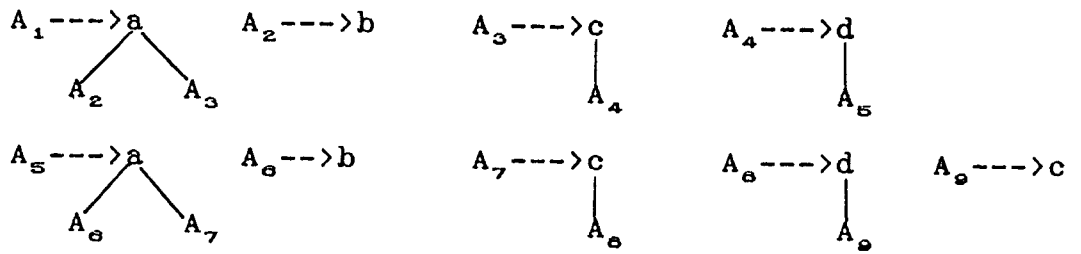
รูปแบบการเขียนไวยากรณ์แบบที่ (Inference Approach)

วิธีการสร้าง tree grammar จาก เซ็ตของตัวอย่าง input tree  $\{T_1, T_2, \dots, T_m\}$  จะประกอบด้วยขั้นตอนดังนี้

ขั้นตอนที่ 1

ขยายเซตของ  $P_1$  หาได้จากตัวอย่างแต่ละ tree  $T_i; i=1, 2, \dots, n$  แต่ละเซต  $P_1$  สามารถสร้างได้จาก  $T_1$  เท่านั้น โดยเริ่มด้วย root production ข้อสังเกต เราพิจารณาจากส่วนขยายเท่านั้น ลำดับที่  $j$  เป็นผลิตผลจาก  $P_1$  เป็นรูปแบบคือ





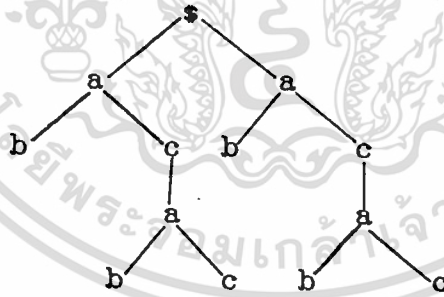
**ขั้นตอนที่ 2**

ส่วนที่อยู่ทางด้านขวาของแต่ละค่าของ P จะถูกตรวจสอบด้วย  $D_L(a_{1,1})$  และ  $D_R(a_{1,1})$  ส่วนที่อยู่ทางด้านซ้ายทั้งหมด ถูกเรียกว่า degree 0 และส่วนต่อมาเรียกว่า degree 1 ส่วนย่อยทั้งหมดที่อยู่ทางด้านขวาจะถูกเรียกว่า degree 2

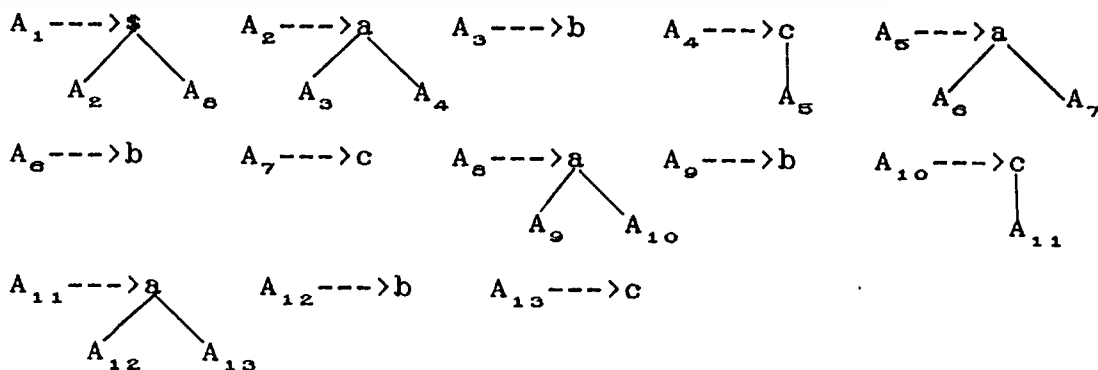
**ขั้นตอนที่ 3**

ตัวสุดท้ายทั้งหมดของ P ที่มีอยู่ทางด้านขวาของ degree 1 จะถูกตรวจสอบเหมือนกัน ถ้าการรวมกันทั้งหมดทำให้ผลลัพธ์ของจุดสุดท้ายลดลงเรื่อย ๆ เป็นการแยกของการรวมกัน

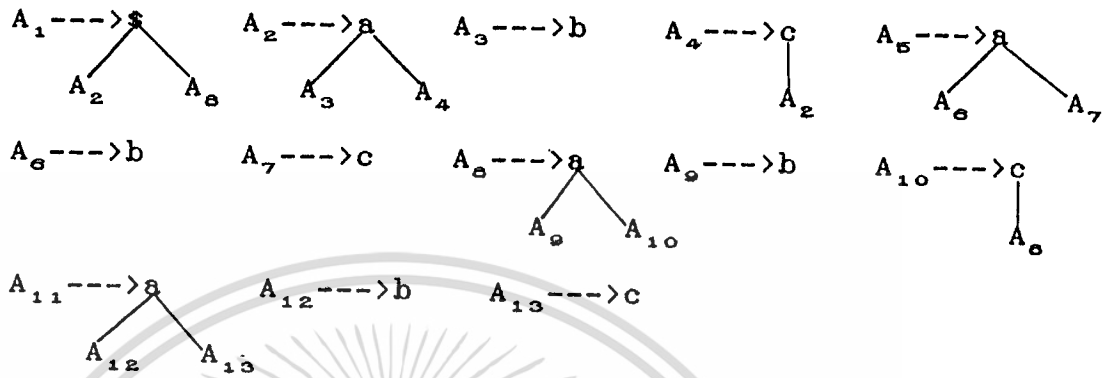
พิจารณา



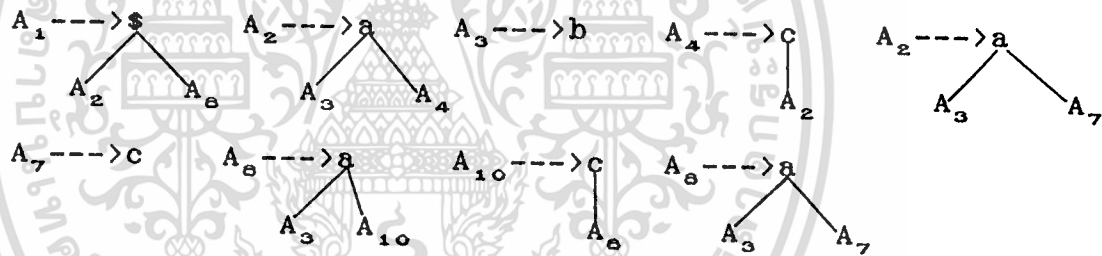
ส่วนขยายคือ



จุดรวมทางขวาของ  $A_2$  กับ  $A_5$  และ  $A_6$  กับ  $A_{11}$  ถ้าเราให้  $A_5 \equiv A_2$  และ  $A_{11} \equiv A_6$  เราจะได้

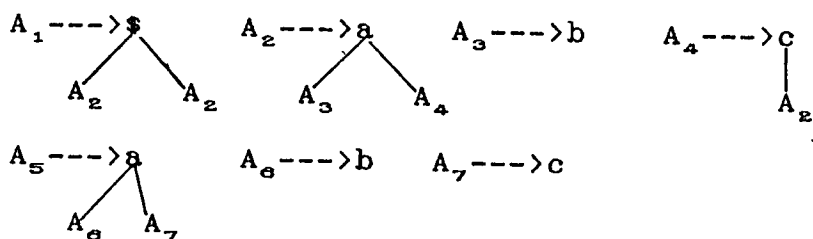


จะเห็นได้ชัดเจนว่า  $A_3 \equiv A_6 \equiv A_9 \equiv A_{12}$  และ  $A_7 \equiv A_{13}$  ทำการลดต่อจะได้เป็น



ทำต่อได้ว่า  $A_2$  ควรจะเหมือนกับ  $A_6$  ถ้า  $A_4$  เหมือนกันในทางตรงกันข้ามกับ  $A_{10}, A_4$  ควรจะเหมือนกับ  $A_{10}$  ถ้า  $A_2$  เหมือนกับ  $A_6$

สมมติว่า การแทนที่ของตัวอย่างข้างบนนี้ เราทดสอบการเหมือนกันเป็นอันดับแรก ของจุดต่อทางขวาของ degree 1 เหมือนทฤษฎีตามขั้นตอนที่ 3 ในหัวข้อนี้ เราควรหาว่า  $A_2 \equiv A_6$  การรวมกันของ  $A_6$  ด้วย  $A_2$  และ เอา  $A_6$  ออก จะได้ว่า

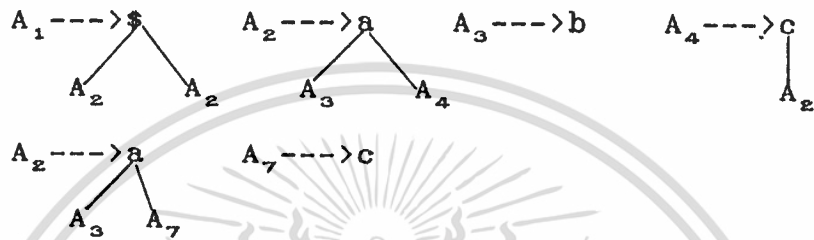


เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ขั้นตอนที่ 5

การรวมกันของการเหมือนของจุดรวมของส่วนทางด้านขวาอง degree 0 เพื่อให้ได้ขีดสุดท้ายของการลดรูปแบบ

หมายเหตุ การประยุกต์ ขั้นตอนที่ 5 ก่อนที่จะทำขั้นตอนนี้ เราต้องหาว่า  $A_0=A_3$  และลดได้ดังต่อไปนี้



ขั้นตอนที่ 6

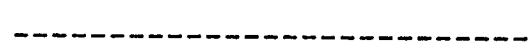
สำหรับการเริ่มต้นทุก ๆ อย่าง



หมายเหตุ การจะได้บรรลุนั้น จะต้องเกิดจาก grammar G ทั้งหมดของ tree โดยการเริ่มต้น จากจุดรวมอันเดียวกัน

ขั้นตอนที่ 7

การแสดงไวยากรณ์แบบ tree  $Gt=(V,r,S,P)$  เป็นรูปแบบโดยได้จากขั้นตอนที่ 5 และ 6 ด้วยจุดรวม, จุดสุดท้าย และช่วงของผลลัพธ์ที่ได้



## บทที่ 4

### ระบบการจดจำลายนิ้วมือ

ระบบการจดจำลายนิ้วมือ เป็นระบบที่ใช้ในการตรวจสอบ และพิสูจน์ลายนิ้วอัตโนมัติ โดยการนำภาพพิมพ์ลายนิ้วมือ มาทำการขยายประมาณ 8 เท่า นำภาพที่ได้มาทำการตัดระดับเกรสเกรส เพื่อให้ได้ภาพที่ชัดเจนมากยิ่งขึ้น จากนั้นจะทำการหาจุดกึ่งกลางของภาพลายนิ้วมือ และทำการแบ่งภาพลายนิ้วมือออกเป็น window เล็ก ๆ ทั้งหมด 16 window ภาพลายนิ้วมือที่ได้ในแต่ละ window จะผ่านขั้นตอนการจัดการเบื้องต้น (Preprocessing) ซึ่งขั้นตอนนี้ เป็นการเปลี่ยนภาพบนารี่ มาเป็นรหัสตัวเลข 8 ทิศทาง และนำภาพที่ได้มาผ่านขั้นตอนการกำจัดขั้นสุดท้าย (Postprocessing) ซึ่งขั้นตอนนี้ เป็นการกำจัดลายนิ้วมือที่เลอะหมึก และลายนิ้วมือที่พิมพ์มั่วติด และนำภาพที่ได้ผ่านขั้นตอนการแปลงรหัสตัวอักษร ซึ่งเป็นขั้นตอนสุดท้ายในการแปลงรหัสตัวเลข 8 ทิศทาง มาเป็นรหัสตัวอักษร เราจะเก็บรหัสตัวอักษรที่ได้จากขั้นตอนนี้มา เป็นข้อมูลของลายนิ้วมือแต่ละบุคคล และขั้นตอนสุดท้ายเป็นขั้นตอนการจำแนกลายนิ้วมือ โดยการเปรียบเทียบลายนิ้วมือทั้งสองว่าเป็นลายนิ้วมือของคน ๆ เดียวกันหรือไม่ ซึ่งในรายละเอียดของแต่ละขั้นตอนจะได้อธิบายอย่างชัดเจนในส่วนที่จะกล่าวถึงต่อไป

#### 4.1 พื้นฐานเบื้องต้น

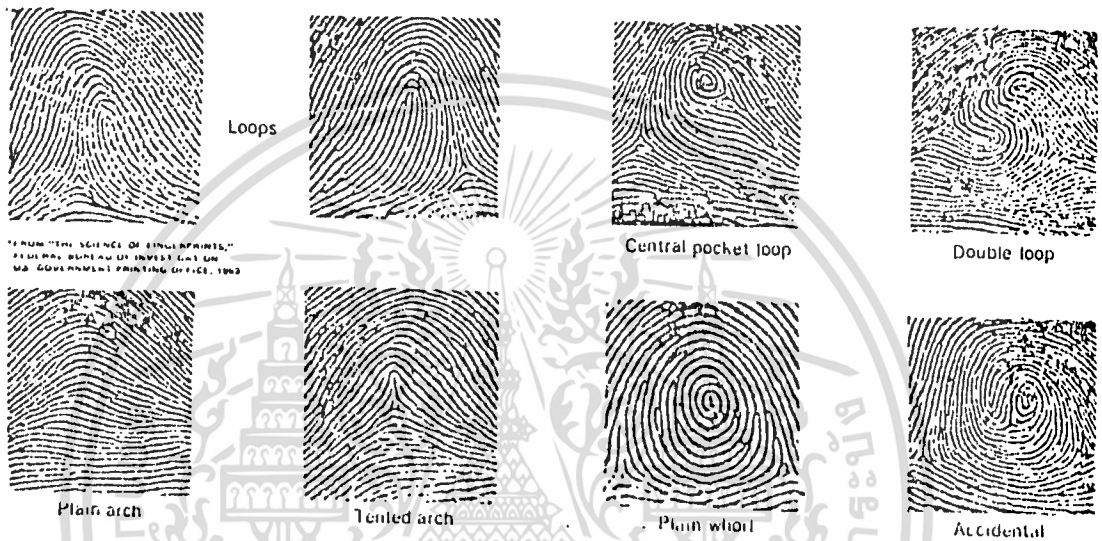
ลักษณะที่เป็นเอกลักษณ์เฉพาะของแต่ละบุคคลอย่างหนึ่งก็คือ ลายนิ้วมือ เพราะลายนิ้วมือของแต่ละบุคคลจะไม่เหมือนกัน ลายนิ้วมือมีลักษณะ เป็นลายเส้นที่ไม่มีการซ้ำแบบที่แน่นอน ไม่มีกฎเกณฑ์ ไม่ขึ้นอยู่กับกรรมพันธุ์ ไม่ว่าจะ เป็นหญิงหรือชาย หรือเชื้อชาติใดก็ตาม ดังนั้นลายนิ้วมือที่มีลักษณะ เป็นเส้นขนานจำนวนมากมาย สามารถที่จะทำการจำแนกลายนิ้วมือออกเป็น 4 ลักษณะใหญ่ ๆ คือ ลักษณะของเส้นโค้ง รูป ก้นหอย และ ลักษณะหลายอย่างประกอบกัน

เส้นโค้ง หมายถึง ลักษณะของลายที่ลากจากด้านหนึ่งไปยังอีกด้านหนึ่งของลายนิ้วมือ

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ลูบ หมายถึง ลักษณะของลาย ที่ลากจากด้านหนึ่งแล้ววกกลับไปออก ที่ด้านเดิม

กันหอย หมายถึง ลักษณะของลายนิ้วมือที่วนเข้าหาจุดศูนย์กลาง นอกจากนี้ ยังมีบางลายที่มีลักษณะข้างต้นมากกว่าหนึ่งลักษณะประกอบกัน ดังรูป 4.1



รูปที่ 4.1 แสดงการจำแนกลายนิ้วมือ

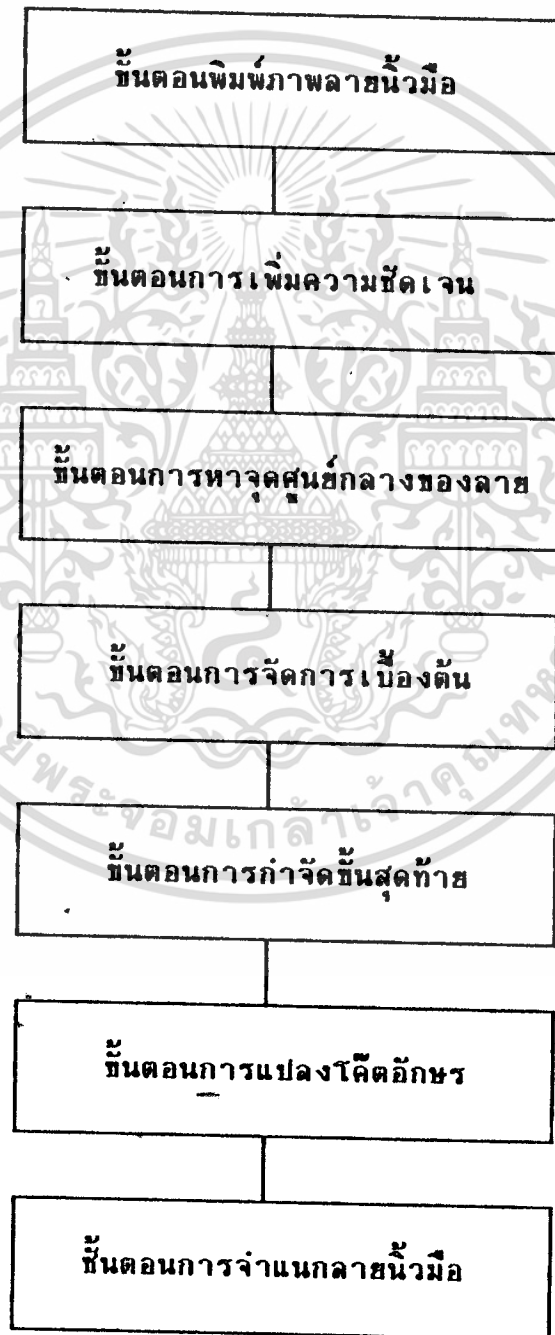
เนื่องจากลายนิ้วมือมีลักษณะเป็นหนึ่งเดียว ลายพิมพ์ของลายนิ้วมือ จึงสามารถนำไปใช้ประโยชน์เป็นตัวแทนของบุคคลได้เป็นอย่างดี เช่น งานทะเบียนประชาชน งานปราบอาชญากรรม และ งานทางด้านธนาคาร เป็นต้น สิ่งสำคัญของงานที่ใช้ลักษณะของลายนิ้วมือแทนบุคคล คือ การพิสูจน์ลายนิ้วมือว่าลายนิ้วมือทั้งสองเป็นของคน เดียวกันหรือไม่ ซึ่งในการใช้คนในการตรวจสอบว่า ลายนิ้วมือทั้งสอง เป็นของคนเดียวกันหรือไม่ จะเป็นการสูญเสียทั้งแรงงาน และเวลา และผลที่ได้จะเกิดความผิดพลาด ได้มาก จึงนำมาสู่การพัฒนาขบวนการพิสูจน์ลายนิ้วมืออัตโนมัติ เป็นการเพิ่มความสามารถ และ ความเร็วในการตรวจสอบลายนิ้วมือ

ระบบการจดจำลายนิ้วมือ ต้องสามารถเก็บข้อมูลจากลายนิ้วมือที่มีลักษณะโดดเด่นของแต่ละลาย เนื่องจากลายนิ้วมือส่วนใหญ่จะเป็นเส้นเดียว แต่จะมีบางลายที่เป็น เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่นอนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

เส้นสั้น ๆ หรือเส้นเดี่ยวที่แยกออกเป็นสองเส้น เรียกว่า เส้นกิ่ง (Branch) หรือเป็นเส้นเดี่ยวสองเส้นรวมกัน เรียกว่า เส้นรวม (Merging) ภาพลายนิ้วมือภาพหนึ่งจะมีลักษณะเช่นนี้ ปรากฏอยู่ประมาณ 50-100 แห่ง ในระบบการจดจำลายนิ้วมือ จะพิจารณาลายที่มีลักษณะโดดเด่น ให้สัมพันธ์กับตำแหน่งที่เกิดขึ้น

#### 4.2 ขั้นตอนของการจดจำลายนิ้วมือ

ระบบการจดจำลายนิ้วมือสามารถแบ่งออกได้ 7 ขั้นตอน ตามแผนภาพดังต่อไปนี้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้าไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

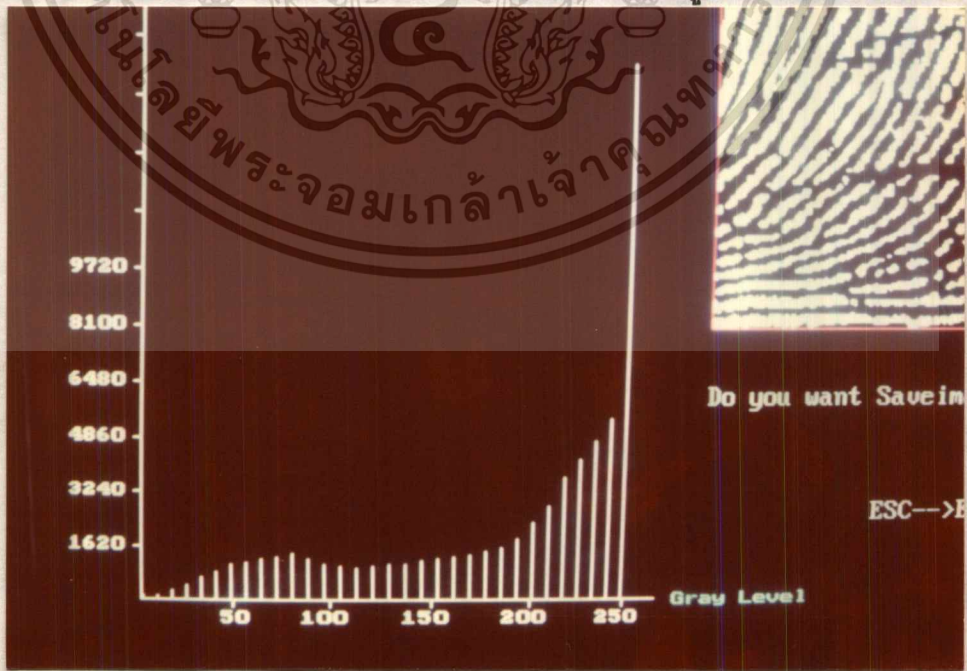
#### 4.2.1 ขั้นตอนการพิมพ์ภาพลายนิ้วมือ

ขั้นตอนนี้เป็นกรพิมพ์ภาพลายนิ้วมืด้วยหมึก และนำภาพพิมพ์ที่ได้มาทำ การขยายประมาณ 8 เท่า ทำการเก็บภาพลายนิ้วมืโดยการใช้กล้องถ่ายภาพเป็นอุปกรณ์ ในการรับภาพ ภาพที่ได้เป็นภาพดิจิทัล ที่มีขนาด 256\*256 พิกเซล ระดับความสว่าง 0-255 ระดับ(ระดับสีเทา)

เนื่องจากเราต้องการข้อมูลของภาพพิมพ์ลายนิ้วมื ที่มีความถูกต้องมากที่สุด ดังนั้นในการพิมพ์ภาพลายนิ้วมืด้วยหมึกพิมพ์จะมีความชัดเจนมากที่สุด ใ้เกิดข้อผิดพลาด น้อยที่สุด เพราะการเกิดข้อผิดพลาดขึ้น นั้นหมายถึง เราได้ข้อมูลที่ผิด อาจนำไปสู่ความ ผิดพลาดในการยอมรับลายนิ้วมืของคน ๆ เดียวกันได้ ข้อผิดพลาดที่สำคัญ ได้แก่ หมึกพิมพ์ เลอะ และหมึกพิมพ์ไม่ติด เป็นต้น

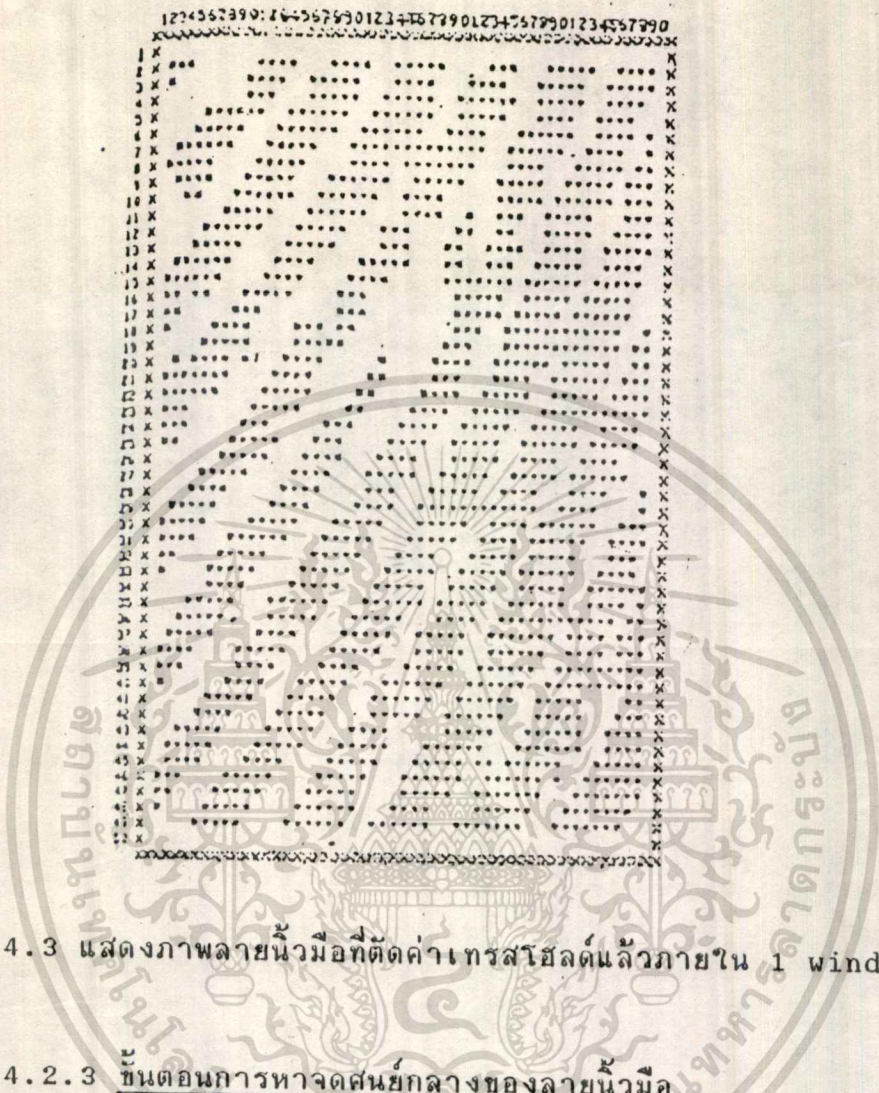
#### 4.2.2 ขั้นตอนการเพิ่มความชัดเจนของภาพ (Picture Engncement)

เนื่องจากภาพลายนิ้วมืที่ได้รับมามีระดับความสว่าง 0-255 ระดับ การเพิ่ม ความชัดเจนของภาพสามารถทำได้โดย ลดระดับความสว่างของภาพ ในแต่ระพิกเซล ใ้ เหลือเพียง 2 ระดับ ซึ่งเรียกว่า ภาพไบนารี (Binary Image) โดยการตัดระดับค่า เทอร์สโฮลด์ ใ้วิธีฮิสโตแกรมในการเลือกค่าระดับความสว่าง โดยลักษณะของลายนิ้วมื จะมีค่าเป็น "1" ส่วนพื้นของลายจะมีค่าเป็น "0" ดังแสดงในรูปที่ 4.2



รูปที่ 4.2 การตัดระดับเทอร์สโฮลด์ของภาพลายนิ้วมื

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้



รูปที่ 4.3 แสดงภาพลายนิ้วมือที่ตัดค่าเกรสโวลด์แล้วภายใน 1 window

4.2.3 ขั้นตอนการหาจุดศูนย์กลางของลายนิ้วมือ

ขั้นตอนนี้เป็นการทำงานจุดศูนย์กลางของลายนิ้วมือ โดยการตรวจสอบหาของลายเส้นของลายนิ้วมือ โดยการสแกนทั้งหมด 4 แนว คือ แนวนอน (180 องศา) แนวตั้ง (90 องศา) แนวเอียงซ้าย (135 องศา) และแนวเอียงขวา (45 องศา) จุดตัดที่ได้จากการสแกนทั้ง 4 แนว จะเกิดขึ้นสองจุด จุดแรกได้จากการสแกนในแนวระดับ กับการสแกนในแนวตั้ง จุดที่สองได้จากการสแกนในแนวเอียงทั้งสอง

การสแกนในแนวนอน จะทำการสแกนโดยใช้ค่าในการสแกนประมาณ 128\*128 พิกเซล ซึ่งจะได้ตำแหน่งตรงกลางของภาพทั้งหมด ต่อจากนั้นทำการสแกนจากบนลงล่าง โดยสแกนทีละแถว จากซ้ายไปขวา และช่วงระหว่างแถวต่อแถวในการสแกนจะห่างกันประมาณ 5 พิกเซล เพื่อลดการผิดพลาดที่เกิดจากทุกกรณี ถ้าพบขอบลายเส้น

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ตัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ของลายนิ้วมือ โดยยึดขอบด้านซ้ายของลายนิ้วมือ เป็นหลักจะทำการนับจำนวนลายเส้นนิ้วมือไปเรื่อย ๆ จนหมดทั้งแถว (เก็บค่าจำนวนของลายเส้นนิ้วมือในแต่ละแถวไว้) จะทำการสแกนจนหมดทั้งภาพ แล้วจะพบว่าแถวไหนที่มีจำนวนของลายเส้นนิ้วมือนามากที่สุด

การสแกนในแนวตั้ง จะทำการสแกนจากซ้ายไปขวา โดยการสแกนทีละคอลัมน์ จากบนลงล่าง หาจำนวนขอบลายเส้นนิ้วมือ โดยยึดขอบด้านบนเป็นหลัก ว่าคอลัมน์ไหนมีจำนวนลายเส้นมากที่สุด ซึ่งผลที่ได้จะได้จุดตัดที่เกิดขึ้นจากการสแกนในแนวนอนกับแนวตั้ง

ส่วนการสแกนในแนวเอียงซ้าย และในแนวเอียงขวา ก็เช่นเดียวกัน จะทำการสแกนหาจำนวนลายเส้นนิ้วมือนามากที่สุด และจะได้จุดตัดที่เกิดจากการสแกนในแนวเอียงทั้งสองแนว

ซึ่งจุดตัดทั้งสองจุด อาจจะทับกันหรือไม่ทับกันก็ได้ ดังแสดงในรูปที่ 4.4



รูปที่ 4.4 เป็นการหาจุดศูนย์กลางของลายนิ้วมือ

จากนั้นจากการสแกนแนวนอน และแนวตั้ง จะได้จุดตัด หนึ่งจุด และแนวเอียงทั้งสองจะได้จุดตัดอีกหนึ่งจุด จุดตัดของแนวเอียงหาได้จากสมการเส้นตรง โดยรู้ค่า  $x_1, y_1$  และ  $x_2, y_2$  ในกรณีจุดตัดทับกัน ก็ให้ใช้จุดนั้นได้เลย แต่ถ้าไม่ทับกันจะใช้การลากเส้นเชื่อมจุดทั้งสอง แล้วหารด้วยสอง (ซึ่งค่าที่ได้อาจจะผิดพลาดได้บ้าง)

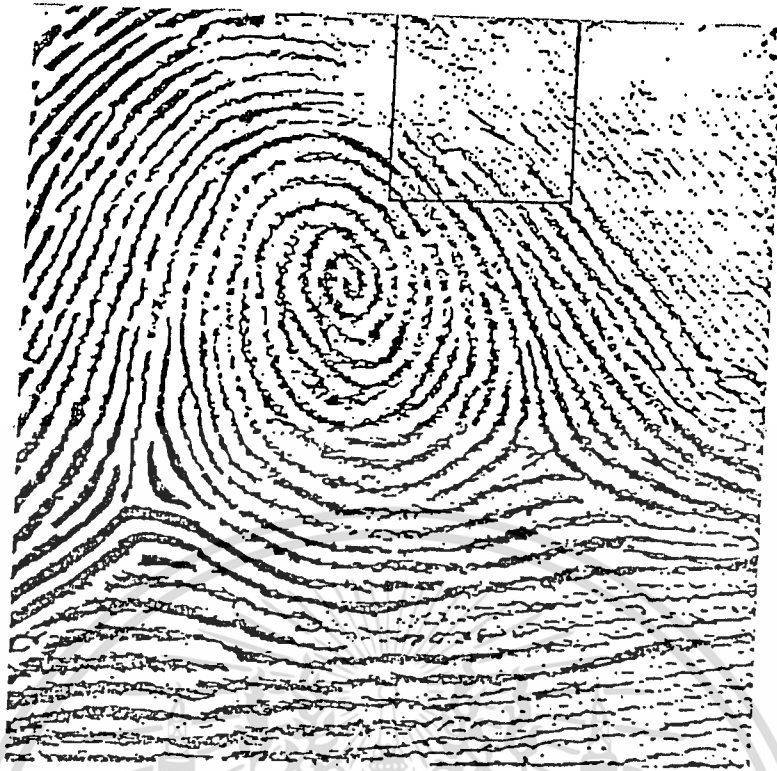
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

#### 4.2.4 ขั้นตอนการจัดการเบื้องต้น (Preprocessing)

ขั้นตอนนี้จะทำการแบ่งภาพลายนิ้วมือ ออกเป็นภาพย่อย ๆ จำนวนทั้งหมด 16 ส่วน เพื่อเป็นการลดความยุ่งยากในการแปลงโค้ดต่าง ๆ โดยแบ่งเป็นเมตริกซ์ขนาด  $4 \times 4$  โดยแต่ละส่วนจะมีขนาด  $50 \times 50$  พิกเซล การจำแนกลายนิ้วมือจะจำแนกแต่ละหน้าต่าง โดยไม่เกี่ยวกับหน้าต่างอื่น ๆ ดังรูป



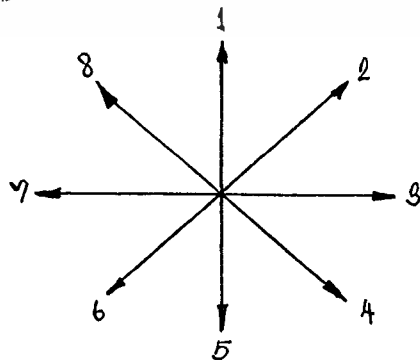
รูปที่ 4.5 (ก) วิธีการแบ่งภาพลายนิ้วมือออกเป็น 16 ส่วน โดยยึดจุดกึ่งกลางของลายนิ้วมือ เป็นเกณฑ์



รูปที่ 4.5 (ข) ภาพลายนิ้วมือที่ถูกแบ่งออกเป็น window เล็ก ๆ

จุดประสงค์ของขบวนการนี้ คือ การแทนภาพลายนิ้วมือ จาก Binary Image มาเป็นโค้ด 8 ทิศทาง ฉะนั้นเราจะต้องมีขบวนการที่สามารถสแกนลายนิ้วมือทีละแถว (row) เมื่อพบลายนิ้วมือแล้ว จะทำการเปลี่ยนโค้ด 8 ทิศทางทันที ข้อมูลที่เก็บได้ ต้องประกอบด้วยข้อมูลที่แสดงลักษณะโดดเด่น ของลายนิ้วมือ ลายนิ้วมือแต่ละมือ แต่ละเส้นจะมีความหนาของแต่ละลายไม่เท่ากันทุกเส้น แต่ความหนาของลายนิ้วมือ แต่ละเส้นจะถูกกำจัดทิ้งไป เมื่อผ่านขั้นตอนนี้ ดังนั้นเราสามารถลดข้อมูลให้น้อยลงได้มาก โดยการแทนลายนิ้วมือที่มีความหนาของแต่ละลาย ให้เหลือเพียงเส้น ๆ เดียว

เราจะแทนข้อมูลเหล่านี้ โดยใช้ตัวเลขที่แสดงถึงทิศทางทั้ง 8 ทิศทาง แสดงดังรูปที่ 4.6



รูปที่ 4.6 แสดงทิศทางทั้ง 8 ทิศทาง

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ส่วนลักษณะเด่นสามารถใช้สัญลักษณ์เหล่านี้แทนได้

+ หมายถึง จุดเริ่มต้นของลาย

. หมายถึง จุดสิ้นสุดของลาย

\* หมายถึง ลายสองลายมาบรรจบกัน (ลายรวม)

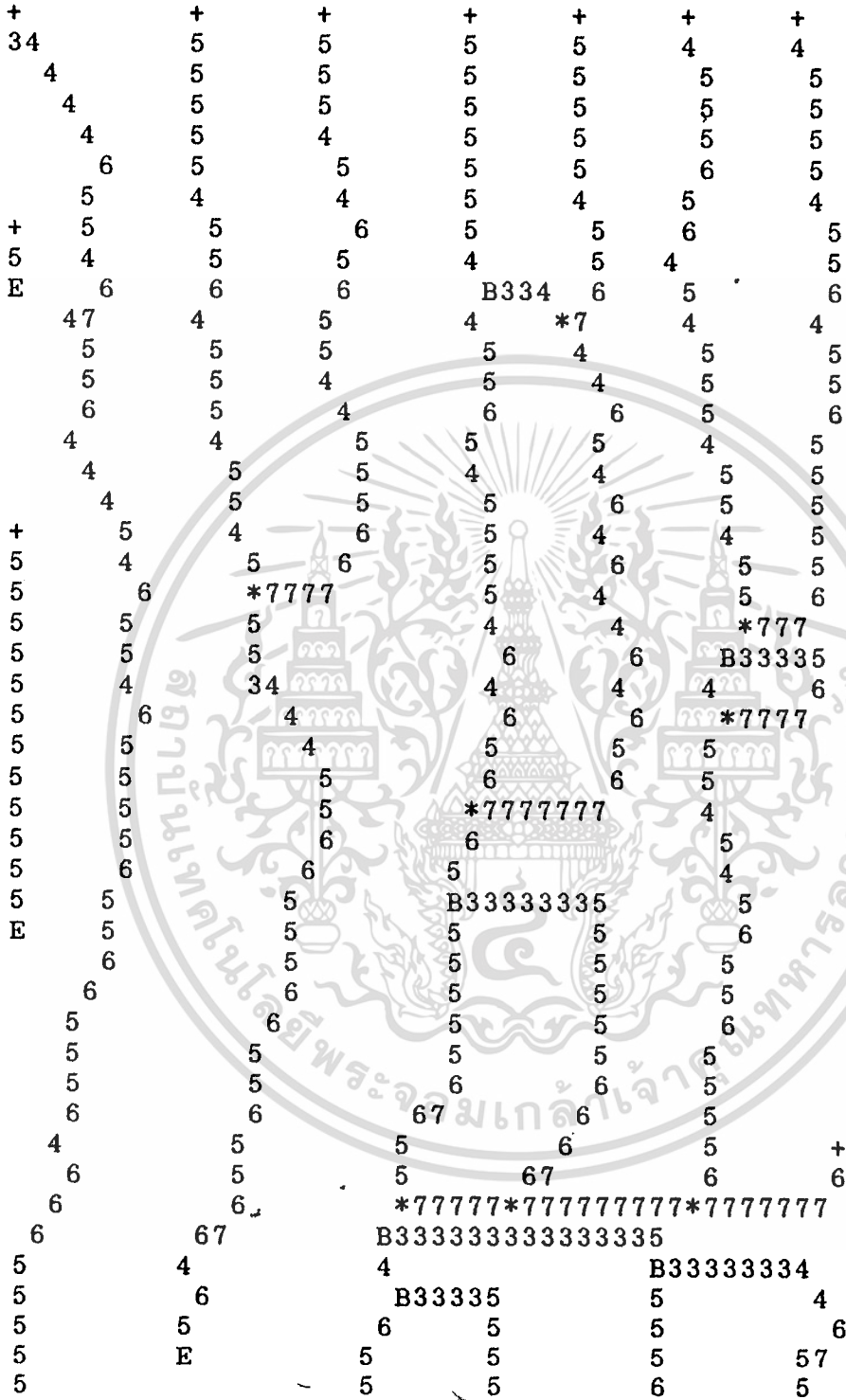
B หมายถึง ลายเดี่ยวแยกออกเป็นสองลาย (ลายแยก)

สัญลักษณ์เหล่านี้ จะถูกแทนเมื่อพบข้อมูลในตำแหน่งทางด้านขอบซ้ายของลาย โดยการสแกนตามแนวนอน ในทิศทางเดียวกับแกน  $x$  โดยเริ่มจากพิกัดจุด  $(x,y)$  ของภาพลายนิ้วมือ จากตำแหน่งบนซ้าย  $(0,0)$  ไปจนถึงล่างขวา  $(255,255)$

X-2	X-1	X	X+1	X+2
Y-2	Y-2	Y-2	Y-2	Y-2
X-2	X-1	X	X+1	X+2
Y-1	Y-1	Y-1	Y-1	Y-1
X-2	X-1	X	X+1	X+2
Y	Y	Y	Y	Y
X-2	X-1	X	X+1	X+2
Y+1	Y+1	Y+1	Y+1	Y+1
X-2	X-1	X	X+1	X+2
Y+2	Y+2	Y+2	Y+2	Y+2

รูปที่ 4.7 แสดงตารางของตำแหน่งพิกัด  $(x,y)$  ในอิมเมจ ตัวอย่างของการแปลงโคัดตัวเลข





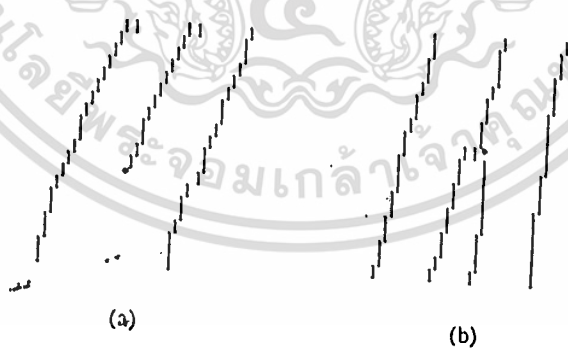
รูปตัวอย่างการเปลี่ยนภาพไบนารีมาเป็นโค้ด .8 ทิศทาง (preprocessing)

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

#### 4.2.5 ขั้นตอนการกำจัดขั้นสุดท้าย (Postprocessing)

ขั้นตอนนี้เป็นส่วนสำคัญส่วนหนึ่งในระบบการจดจำลายนิ้วมืออัตโนมัติ ถ้าไม่มีส่วนนี้ การพิสูจน์ลายนิ้วมือมีโอกาสผิดพลาดได้มาก เนื่องจากลักษณะที่โดดเด่นของลายนิ้วมือ จะถูกใช้ในระบบการจดจำลายนิ้วมือ ในการพิมพ์ลายนิ้วมือด้วยหมึกพิมพ์ จะมีปัญหาเกี่ยวกับปริมาณของหมึกที่พิมพ์ลายนิ้วมือ เช่น หมึกที่พิมพ์มากเกินไป หรือ หมึกเลอะ และ หมึกพิมพ์ที่ไม่เพียงพอ สิ่งเหล่านี้เป็นข้อผิดพลาดที่เกิดขึ้นกับลายที่มีลักษณะโดดเด่น เช่น บางส่วนของลายมีหมึกเลอะ หรือบางส่วนของลายขาดหายไป เราจะใช้คุณลักษณะของข้อมูลที่ได้จากภาพลายนิ้วมือ ในการกำจัดข้อผิดพลาดที่เกิดขึ้น เพราะว่า ความต่อเนื่องของลาย และแนวทิศทางขนานของลาย ที่เกิดขึ้นตามธรรมชาติ จะใช้เป็นโครงสร้างของข้อมูล เพื่อช่วยให้การตัดทอนลายนิ้วมือที่ผิดพลาดง่ายขึ้น โดยการวิเคราะห์ที่โครงสร้างของลายนิ้วมือ

คุณลักษณะ หรือ ลักษณะเด่นซึ่งถูกใช้สำหรับการพิสูจน์ลายนิ้วมือ เรียกว่า "ลักษณะโดดเด่น" ของลายนิ้วมือ (Minutiae) จุดสำคัญของการขีดขวางทางเด่นของลายตามธรรมชาติ เช่น ridge ending เป็นลายช่วงสั้น ๆ และลายแยก (bifurcation) ดังแสดงในรูปที่ 4.8

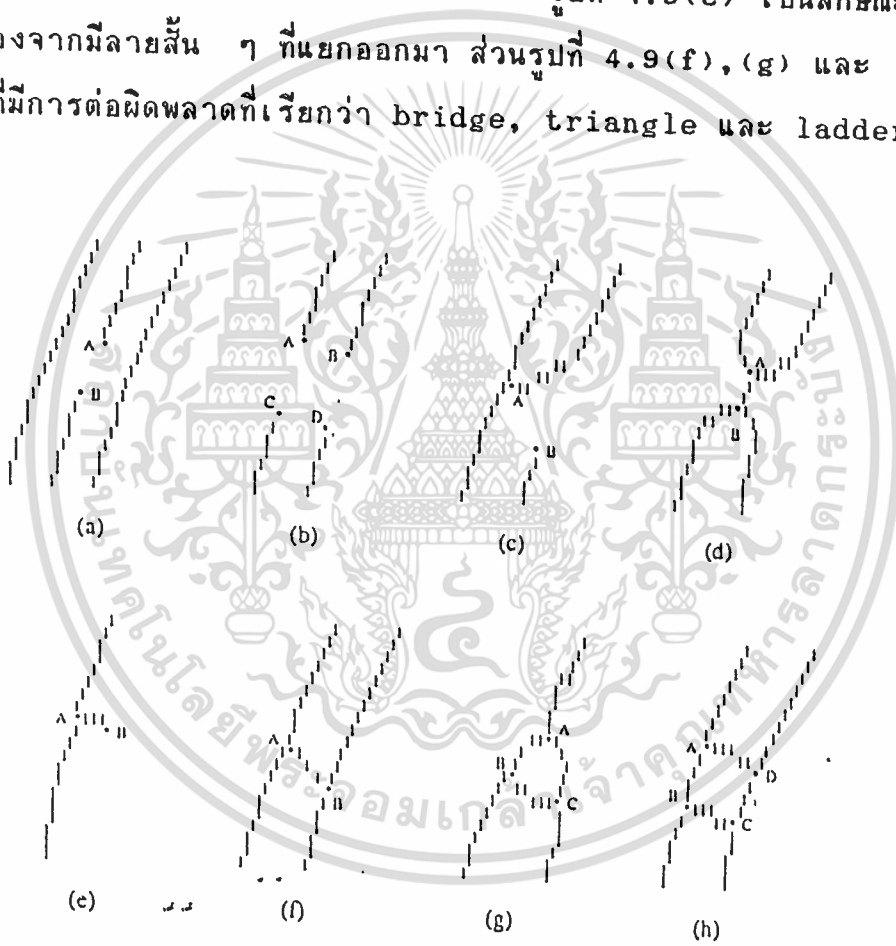


รูปที่ 4.8 แสดงลักษณะโดดเด่นของลาย a, ridge ending b, bifurcation

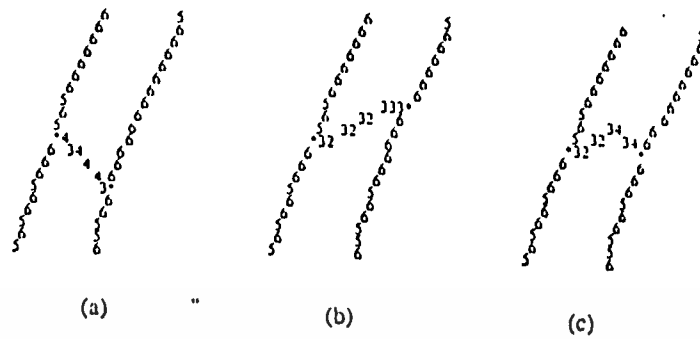
เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

จากรูป ทางเดินของลายนิ้วมือ จะถูกแทนด้วย "1" ส่วนลักษณะโดดเด่นจะแทนด้วย "\*" ลักษณะโดดเด่นของลายนิ้วมือ จะมีความสัมพันธ์กับตำแหน่งเป็นสำคัญ ซึ่งในลายนิ้วมือแต่ละลายจะมีลักษณะโดดเด่นของลายอยู่ประมาณ 50-100 แห่ง

รูปที่ 4.9 แสดงถึงลักษณะโครงสร้างของลายนิ้วมือที่มีข้อผิดพลาดที่เกิดขึ้นจริงจากการพิมพ์ลายนิ้วมือด้วยหมึก รูปที่ 4.9(a) และ (b) เป็นการพิมพ์ของลายขาดเนื่องจากหมึกพิมพ์ไม่ติด รูปที่ 4.9(c) และ (d) เป็นโครงสร้างของลายนิ้วมือที่มีลักษณะการต่อของลายผิดพลาด เนื่องจากหมึกเลอะ รูปที่ 4.9(e) เป็นลักษณะของลายที่ไม่เรียบ เนื่องจากมีลายสั้น ๆ ที่แยกออกมา ส่วนรูปที่ 4.9(f), (g) และ (h) เป็นชนิดโครงสร้างที่มีการต่อผิดพลาดที่เรียกว่า bridge, triangle และ ladder ตามลำดับ

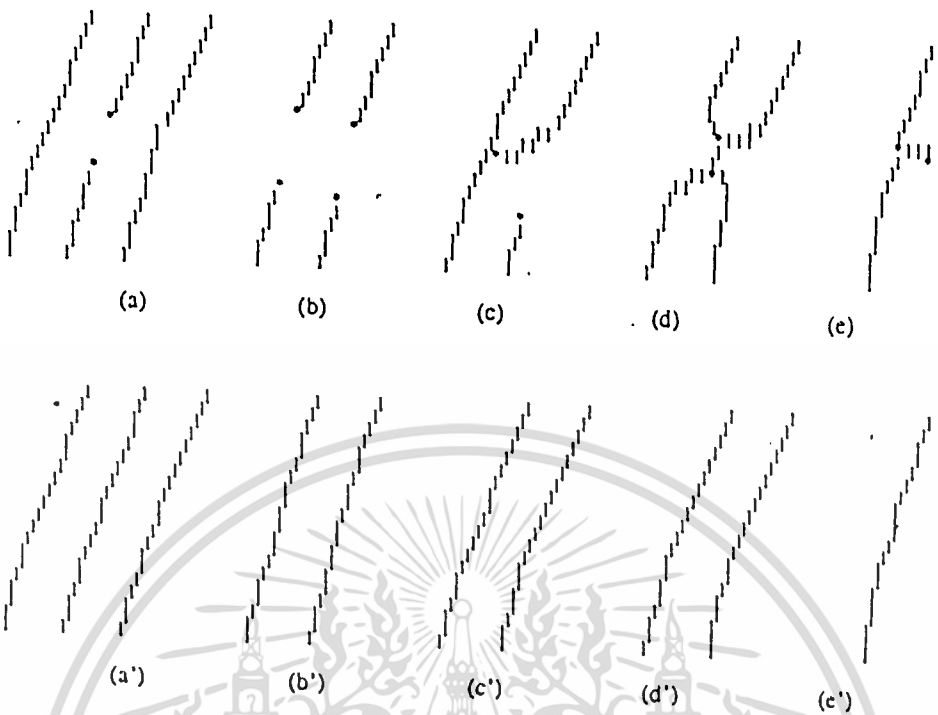


รูปที่ 4.9 โครงสร้างพื้นฐานของลายนิ้วมือที่เกิดความผิดพลาดอันเนื่องมาจากหมึกพิมพ์



รูปที่ 4.10 เป็นการแสดงโครงสร้างของลายนิ้วมือแบบ bridge ทั้ง 3 แบบ ที่อยู่ในรูปของโค้ด 8 ทิศทาง(จากขั้นตอน preporcessing)

จากรูปที่ 4.9 (a) และ (b) แสดงถึงโครงสร้างของลายที่ขาด เมื่อผ่านขั้นตอนของ postprocessing แล้ว จะทำการต่อลายที่ขาดของลายทั้ง 2 ดังรูปที่ 4.11 (a') และ (b) ส่วนรูป 4.9 (c) และ (d) จะทำการแยกลายที่เชื่อมกันอยู่ออกจากกัน แล้วทำการต่อลายที่ขาด ให้เป็นลายนิ้วมือ 2 เส้นขนานกันดังรูป 4.11 (c') และ (d') และรูปที่ 4.9 (e) เราจะทำการกำจุดจุดต่อที่ A และ B ออกผลที่ได้จะเป็นลักษณะลายเส้นเดี่ยวดังรูป 4.11 (e')



รูปที่ 4.11 แสดงลักษณะโครงสร้างของลายนิ้วมือ ก่อนและหลังการกำจัดขั้นสุดท้าย (postprocessing)

เทคนิคที่สำคัญของขบวนการนี้คือ การพิสูจน์ว่า ลายสองลายที่เชื่อมกันควรจะ เป็นเช่นนั้นจริงหรือไม่ เราสามารถพิจารณาได้จากตำแหน่งของ "\*" หรือ "B" ลายที่ เกิดจากการเลอะของหมึก จะมีส่วนของลายที่เชื่อมกันในช่วงสั้น ๆ ฉะนั้น ตำแหน่งของ "B" หรือ "\*" จะอยู่ใกล้กัน (ระยะไม่เกิน 6 แถว) ที่เกิดขึ้นในลายเดียวกัน เมื่อ พบลักษณะเช่นนั้น สรุปได้ว่า เป็นข้อผิดพลาดที่เกิดจากการเลอะของหมึก โปรแกรม postprocessing จะทำการแยกลายสองลายออกจากกัน ส่วนในกรณีลายบางส่วนพิมพ์ ไม่ติด สามารถพิสูจน์ได้โดยการพิจารณาลำดับสุดท้ายของลาย (.) กับจุดเริ่มต้นของลาย (+) ที่อยู่ใกล้กัน (ระยะห่างไม่เกิน 6 แถว) แล้วเปรียบเทียบทิศทางของลายทั้งสองว่า มีทิศทางเดียวกันหรือไม่ แล้วตัดสินใจว่าลายทั้งสอง ควรจะต่อกันหรือไม่

ตัวอย่างกรณีหมึกเลอะ

A	B	A'	B'
+	+	+	+
4	6	4	6
5	6	5	6
5	5	5	5
5	5	5	5
6	5	5	5
5	6	6	6
*77777		5	6
5		5	5
5		5	5
B33335		5	5
5	6	5	5
6	5	5	5
6	5	5	5
6	6	6	6
5	6	5	5
5	6	5	5
.	5	.	6

ก. ลายนิ้วมือที่ได้จาก preprocessing    ข. ลายนิ้วมือที่ได้จาก postprocessing  
(กรณีหมึกเลอะ)

จากตัวอย่างข้างบน จะเห็นว่า มีลายรวม "\*" และลายแยก "B" อยู่ใกล้กัน ระยะห่างของ "\*" และ "B" ไม่เกิน 6 แถว และเกิดขึ้นในลายเดียวกัน ขั้นตอนของ postprocessing จะทำการแยกลายออกเป็นสองลาย โดยจะทำการกำจัดลายที่เชื่อมกัน (เลข 7) ออก แล้วจะทำการกำจัดลายที่แยก (เลข 3) ออก แล้วทำการต่อลาย (B) ที่ขาดให้เป็นลายเดียว โดยจะทำการต่อลายด้วยโค้ดเลข (5) ลงมาเรื่อย ๆ ดังรูป ข(B') ส่วนลาย (A) ตำแหน่งของ "\*" และ "B" จะถูกเปลี่ยนเป็นโค้ดตัวเลข โดยพิจารณาว่าในตำแหน่งต่อนั้นอยู่ทางทิศไหน ตรงกับโค้ดเลขอะไร ซึ่งจากตัวอย่างจะตรงกับโค้ดเลข 5 เนื่องจากตำแหน่งที่ต่อจาก "\*" อยู่ในตำแหน่งทิศของเลข 5 ส่วนในกรณีของ "B" ก็เช่นเดียวกัน

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ถ้าหากลายรวม "\*" กับ "\*" หรือ ลายแยก "B" กับ "B" อยู่ใกล้กัน  
ในลายเดียวกัน ขั้นตอนของ postprocessing นี้จะไม่ทำการแยกลายทั้งสองออกจากกัน  
เพราะไม่ถือว่าเป็นกรณีของหมึกเลอะ

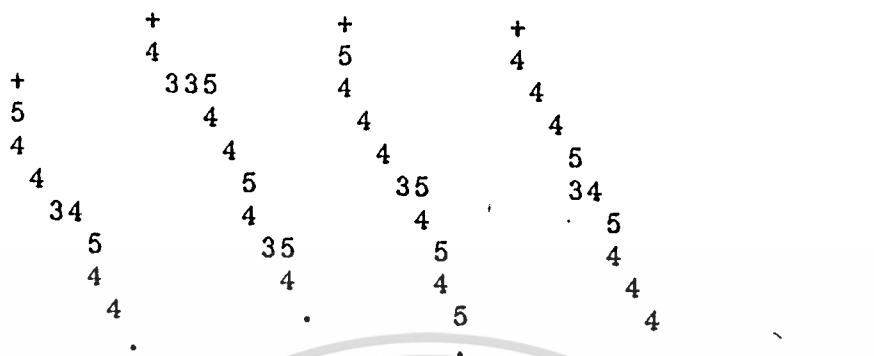
ตัวอย่างกรณีลายพิมพ์ไม่ติด (หมึกขาด)



ก. ลายที่ได้จาก preprocessing ข. ลายที่ได้จาก postprocessing

จากตัวอย่างข้างบน จะเห็นว่า มีจุดสิ้นสุดของลาย "." กับจุดเริ่มต้นของ  
ลาย "+" อยู่ห่างกันไม่เกิน 6 แถว และทิศทางของลายทั้งสองอยู่ในทิศทางเดียวกัน  
สามารถที่ต่อกันได้ ผลที่ได้จากขั้นตอนของ postprocessing จะทำการต่อลายทั้งสอง  
เข้าด้วยกัน โดยใช้โค้ดเลข(5) ต่อให้เป็นลายเดียวกัน ดังรูป ข.

ตัวอย่างกรณีของลายขาดที่ไม่สามารถต่อลายได้



จากตัวอย่างข้างบน ไม่สามารถที่จะทำการต่อลายที่ขาดของแต่ละลาย ได้ เนื่องจากลายที่ขาดในกรณีนี้ไม่ได้เกิดจากการที่พิมพ์หมึกไม่ติด แต่เป็นลักษณะของลายนิ้วมือที่ขาดเนื่องจากแผลเป็น หรือ ลักษณะของลายนิ้วมือเอง ซึ่งลายขาดนี้จะไม่เปลี่ยนแปลง และจะคงอยู่ในลักษณะเช่นนี้ตลอดไป





ตัวอย่างโค้ด 8 ทิศทางที่ผ่านขบวนการ postprocessing

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

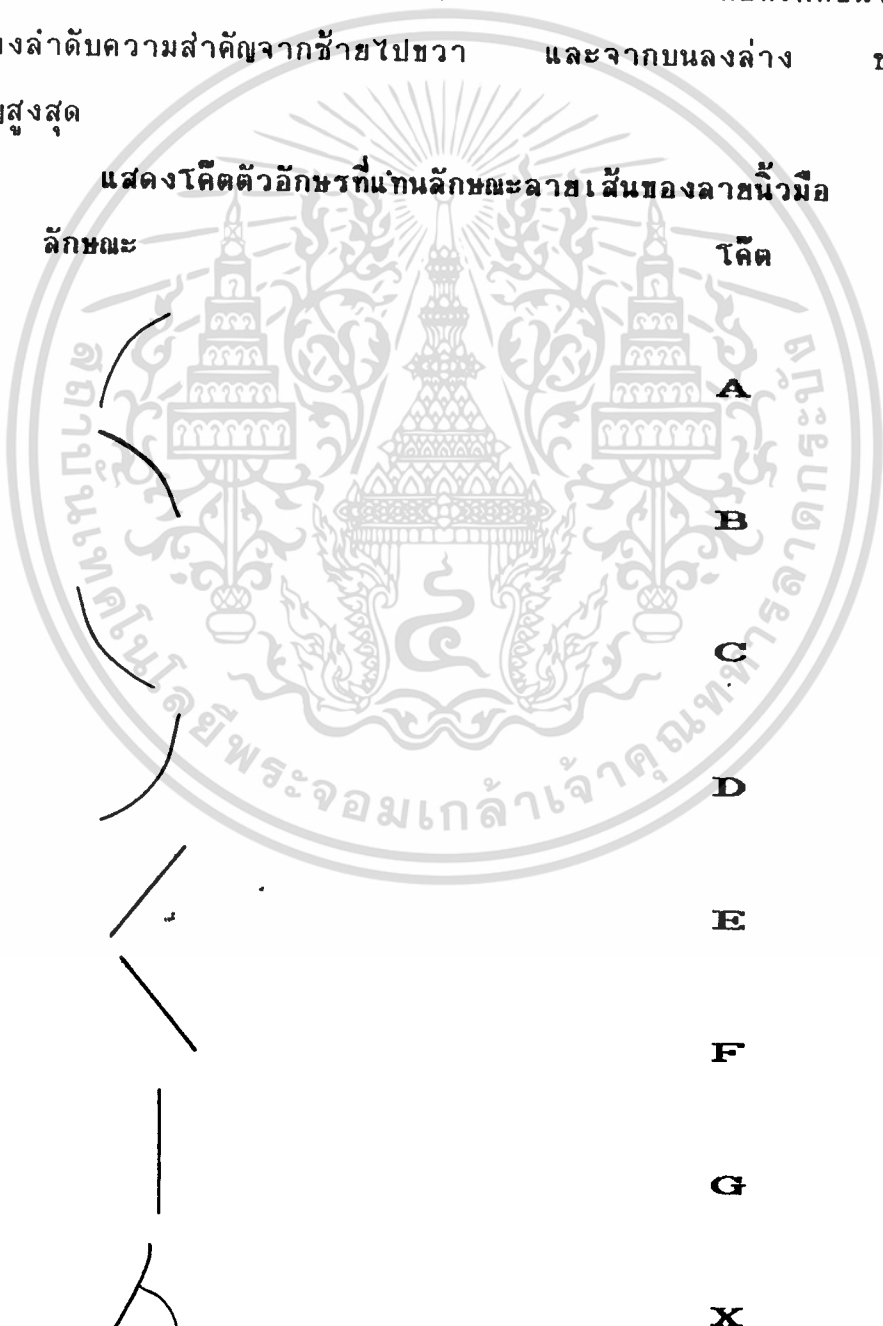
4.2.6 ขั้นตอนการแปลงโค้ดตัวอักษร

ขั้นตอนนี้ เป็นการลดข้อมูลขั้นสุดท้าย และจะทำการเก็บโค้ดตัวอักษรที่ได้เป็นข้อมูลของแต่ละลายนิ้วมือ การเปลี่ยนโค้ดตัวเลขที่แสดงทิศทางของลายนิ้วมือ จากขั้นตอนของ postprocessing มาเป็นโค้ดตัวอักษร โดยการแปลงโค้ดทีละลาย ในทุก ๆ 7 แถว(row) ของโค้ดตัวเลข จะถูกแปลงมาเป็นโค้ดตัวอักษร 1 ตัว จะทำการแปลงโค้ดจนสิ้นสุดของลาย การเก็บโค้ดตัวอักษรจะเก็บในรูปแบบของไวยากรณ์แบบที่ (Tree grammar) โดยจะเรียงลำดับความสำคัญก่อนหลังของลายนิ้วมือที่เกิดขึ้นในแต่ละหน้าต่าง โดยจะเรียงลำดับความสำคัญจากซ้ายไปขวา และจากบนลงล่าง ของลายนิ้วมือที่มีความสำคัญสูงสุด

แสดงโค้ดตัวอักษรที่แทนลักษณะลายเส้นของลายนิ้วมือ

ลักษณะ

โค้ด



A

B

C

D

E

F

G

X

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

ลักษณะ	โศก
$K$	*
จุดสิ้นสุดของลาย	-
อื่น ๆ	M

4.2.6 วิธีในการแปลงโศกตัวอักษร

การแปลงโศกตัวเลขทุก ๆ 7 แถว จะได้โศกตัวอักษร 1 ตัว ลักษณะของการแปลงโศก จะทำการแปลงโศกที่ละลาย และลักษณะของการเก็บข้อมูลลายนิ้วจะอยู่ในรูปของ  $f(x,y)$ ; ดังนั้น หลักการแปลงโศกตัวอักษรสามารถทำได้ดังนี้

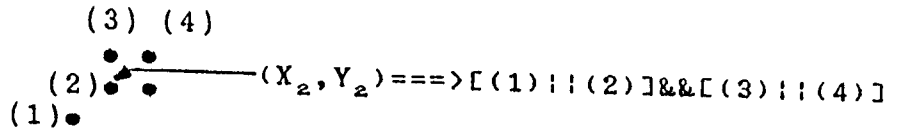
- ในแถวที่ 1 ( $y=1$ ) จะเก็บค่า  $x$  ที่ตำแหน่งโศกตัวเลขของลาย ไว้ที่ตัวแปร  $x_1$
- ในแถวที่ 4 ( $y=4$ ) จะเก็บค่า  $x$  ที่ตำแหน่งโศกตัวเลขของลาย (ตัวแรก) ไว้ที่ตัวแปร  $x_2$
- ในแถวที่ 7 ( $y=7$ ) จะเก็บค่า  $x$  ที่ตำแหน่งโศกตัวเลขของลาย (ตัวแรก) ไว้ที่ตัวแปร  $x_3$

เงื่อนไขของการแปลงโศกตัวอักษร

- กรณีที่ 1 ( $X_2 < X_1$ ) /\*ลักษณะลายเส้นของลายนิ้วมือเอียงไปทางซ้าย\*/
- โศก A ได้จาก  $(X_1 - X_2) > (X_2 - X_3)$
  - โศก D ได้จาก  $(X_1 - X_2) < (X_2 - X_3)$
- กรณีที่ 2 ( $X_2 > X_1$ ) /\*ลักษณะลายเส้นของลายนิ้วมือเอียงไปทางขวา\*/
- โศก B ได้จาก  $(X_3 - X_2) < (X_2 - X_1)$
  - โศก C ได้จาก  $(X_3 - X_2) > (X_2 - X_1)$

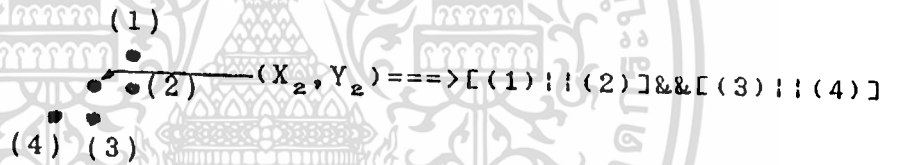
กรณี 3  $(X_1 - X_2) = (X_2 - X_3)$

โหนด A ได้จากเงื่อนไขต่อไปนี้



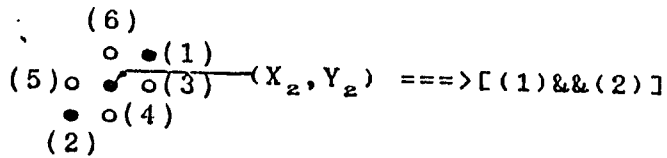
ตำแหน่งของ  $f[Y_2+1][X_2-1]$  คือ node(1) หรือ  $f[Y_2][X_2-1]$  คือ node(2) มีค่าไม่เท่ากับศูนย์ (คือมีโหนดตัวเลข 8 ทิศทางอยู่ในตำแหน่งนั้น) และ  $f[Y_2-1][X_2]$  คือ node(3) หรือ  $f[Y_2-1][X_2+1]$  คือ node(4) มีค่าไม่เท่ากับศูนย์

โหนด D ได้จากเงื่อนไขต่อไปนี้



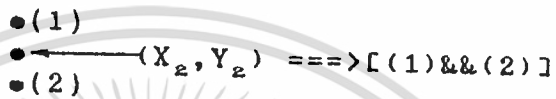
ตำแหน่งของ  $f[Y_2-1][X_2+1]$  คือ node(1) หรือ  $f[Y_2][X_2+1]$  คือ node(2) มีค่าไม่เท่ากับศูนย์ และ  $f[Y_2+1][X_2]$  คือ node(3) หรือ  $f[Y_2+1][X_2-1]$  คือ node(4) มีค่าไม่เท่ากับศูนย์

โหนด E ได้จากเงื่อนไขต่อไปนี้



ตำแหน่งของ  $f[Y_2-1][X_2+1]$  คือ node(1) และ  $f[Y_2+1][X_2-1]$  คือ node(2) มีค่าไม่เท่ากับศูนย์ ส่วน node(3), (4), (5) และ (6) จะต้องมีความเท่ากับศูนย์ (คือไม่มีโหนดตัวเลข 8 ทิศทางอยู่ในตำแหน่งนั้น)

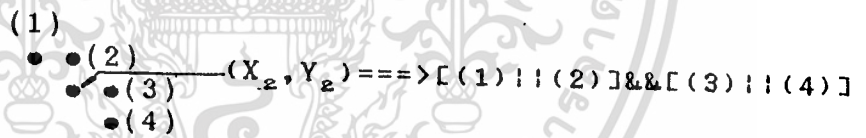
โหนด G ได้จากเงื่อนไขต่อไปนี้



ตำแหน่งของ  $f[Y_2-1][X_2]$  คือ node(1) และ  $f[Y_2+1][X_2]$  คือ node(2) มีค่าไม่เท่ากับศูนย์

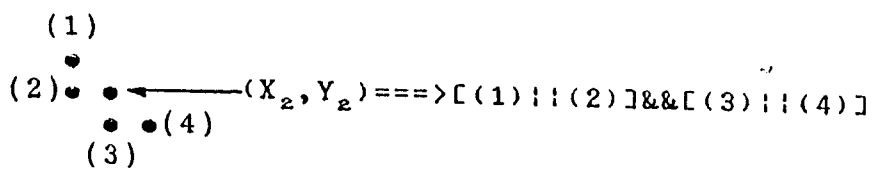
กรณีที่ 4  $(X_3 - X_2) = (X_2 - X_1)$

โหนด B ได้จากเงื่อนไขต่อไปนี้



ตำแหน่งของ  $f[Y_2-1][X_2-1]$  คือ node(1) หรือ  $f[Y_2][X_2-1]$  คือ node(2). มีค่าไม่เท่ากับศูนย์ และ  $f[Y_2][X_2+1]$  คือ node(3) หรือ  $f[Y_2+1][X_2+1]$  คือ node(4) มีค่าไม่เท่ากับศูนย์

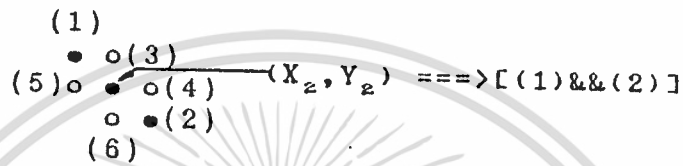
โหนด C ได้จากเงื่อนไขต่อไปนี้



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่าจะกรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

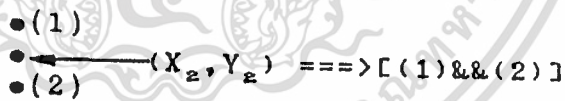
ตำแหน่งของ  $f[Y_2-1][X_2-1]$  คือ node(1) หรือ  $f[Y_2][X_2-1]$  คือ node(2) มีค่าไม่เท่ากับศูนย์ และ  $f[Y_2+1][X_2]$  คือ node(3) หรือ  $f[Y_2+1][X_2+1]$  คือ node(4) มีค่าไม่เท่ากับศูนย์

โคดีต F ได้จากเงื่อนไขต่อไปนี้



ตำแหน่งของ  $f[Y_2-1][X_2-1]$  คือ node(1) และ  $f[Y_2+1][X_2+1]$  คือ node(2) มีค่าไม่เท่ากับศูนย์ ส่วน node(3), (4), (5) และ (6) จะต้องมีค่าเท่ากับศูนย์

โคดีต G ได้จากเงื่อนไขต่อไปนี้



ตำแหน่งของ  $f[Y_2-1][X_2]$  คือ node(1) และ  $f[Y_2+1][X_2]$  คือ node(2) มีค่าไม่เท่ากับศูนย์

กรณีที่ 5 นอกเหนือจากเงื่อนไขที่กล่าวมาแล้วให้มีโคดีต H

ตัวอย่างการแปลงโค้ดตัวอักษร

(I)	(II)	(III)	(IV)	
+	+	+	+	
5(X1, Y1)	5	6(X1, Y1)	5(X1, Y1)	
4	34	5	5	
4	4	5	6	
4 (X2, Y2)	4(X2, Y2)	6(X2, Y2)	5(X2, Y2)	
4	5	5	5	
4	4	5(X3, Y3)	6(X3, Y3)	
5(X3, Y3)	6(X3, Y3)	6	5	
4	6	5	6	
5	6	6(X2, Y2)	5(X2, Y2)	
*77777	(X1, Y1)	6	5	
5		5	5	
6		6(X3, Y3)	5(X3, Y3)	
6		6	4	
5 (X2, Y2)		5(X1, Y1)	5(X1, Y1)	(X1, Y1)
5		4	5	
6		5	34	
6 (X3, Y3)		6	4(X2, Y2)	
5		67	4(X2, Y2)	
		6(X3, Y3)	5	
			5	
			4(X3, Y3)	
			6	

ก. วิธีการแปลงโค้ดตัวเลข 8 ทิศทาง มาเป็นโค้ดตัวอักษร

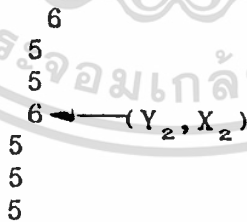
โค้ดตัวอักษรที่ได้จากรูป ก. จะถูกเก็บอยู่ในรูปของไวเยอร์ณ์แบบที่ โดยเรียงลำดับความสำคัญสูงสุด (I) เก็บไว้ในคอลัมน์ทางซ้ายดังรูป

(I)	(II)	(III)	(IV)
C	B	A	D
*		E	G
A		D	X
.			B F

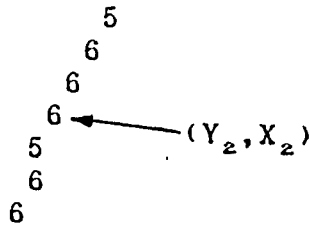
ข. แสดงลักษณะการเก็บโค้ดตัวอักษรในรูปของไวเยอร์ณ์แบบที่

จากตัวอย่างข้างบน ลายแรก (I) จากการสแกนโค้ดตัวเลขได้ 7 แถว (row) จะได้  $[(X_3 - X_2) = 3]$  และ  $[(X_2 - X_1) = 2]$  เพราะฉะนั้น  $[(X_3 - X_2) > (X_2 - X_1)]$  จะได้โค้ด "C" และเมื่อทำการสแกนลาย (I) มาเรื่อย ๆ มาเจอลายรวม "\*" จะได้โค้ด "\*" ทั้งนี้ และทำการสแกนลายต่อจาก "\*" จะเห็นว่า  $[(X_1 - X_2) = 2]$  และ  $[(X_2 - X_3) = 1]$  ผลที่ได้  $[(X_1 - X_2) > (X_2 - X_3)]$  จะได้โค้ด "A" และจะทำการสแกนมาเรื่อย ๆ จนพบจุดสิ้นสุดของลาย "." ซึ่งไม่ครบ 7 แถว จะได้โค้ด "." เป็นจุดสุดท้ายของลาย ในการแปลงโค้ดตัวอักษร และกับไปที่ตำแหน่ง "\*" เพื่อที่จะทำการตรวจเช็คขึ้นไปเรื่อย ๆ ว่าจุดเริ่มต้นของลายที่ (II) อยู่ที่ตำแหน่งไหน เมื่อพบจุดเริ่มต้นของลายที่ (II) แล้วก็จะทำการแปลงโค้ดตัวอักษร โดยผลที่ได้  $[(X_2 - X_1) = 3]$  และ  $[(X_3 - X_2) = 2]$  ฉะนั้น  $[(X_3 - X_2) < (X_2 - X_1)]$  จะได้โค้ด "B" และทำการสแกนมาเรื่อย ๆ จนพบ "\*" ที่ถูกสแกนไปแล้วในลายที่ (I) และในช่วงที่สแกนมาไม่ได้ 7 แถว จึงไม่สามารถเก็บโค้ดตัวอักษรได้

ส่วนลายที่ (III) จากการสแกนโค้ดตัวเลข 7 แถว แรกจะได้  $[(X_1 - X_2) = 1]$  และ  $[(X_2 - X_3) = 1]$  อยู่ในเงื่อนไขของ  $[(X_1 - X_2) = (X_2 - X_3)]$  จะต้องพิจารณาที่  $(Y_2, X_2)$  ดังรูป

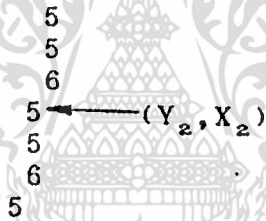
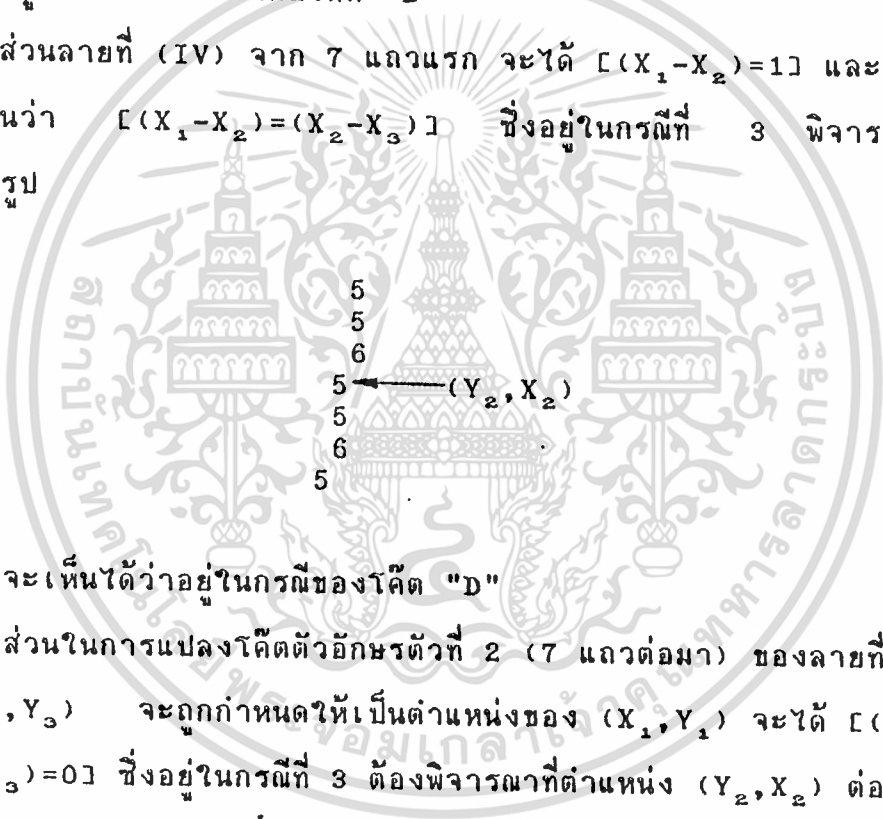


จะเห็นได้ว่า อยู่ในกรณีที่ 3 โค้ด "A" นั้นเอง ทำการสแกนต่อไป ตำแหน่งของ  $(X_3, Y_3)$  จะถูกกำหนดเป็นตำแหน่งของ  $(X_1, Y_1)$  แล้วทำการสแกนจนครบ 7 แถว จะได้  $[(X_1 - X_2) = 2]$  และ  $[(X_2 - X_3) = 2]$  จะเห็นว่า  $[(X_1 - X_2) = (X_2 - X_3)]$  ซึ่งอยู่ในกรณีที่ 3 พิจารณาที่ตำแหน่ง  $(X_2, Y_2)$  จะได้



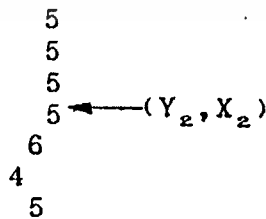
จะเห็นว่าอยู่ในกรณีของโค้ด "E" เมื่อทำการสแกนต่อไป โดยให้ตำแหน่งของ  $(X_3, Y_3)$  เป็นตำแหน่งของ  $(X_1, Y_1)$  แล้วทำการสแกนจนครบ 7 แถว จะได้  $[(X_1 - X_2) = 1]$  และ  $[(X_2 - X_3) = 4]$  จะเห็นว่า  $[(X_1 - X_2) < (X_2 - X_3)]$  ซึ่งอยู่ในกรณีที่ 1 ตรงกับโค้ด "D"

ส่วนลายที่ (IV) จาก 7 แถวแรก จะได้  $[(X_1 - X_2) = 1]$  และ  $[(X_2 - X_3) = 1]$  จะเห็นว่า  $[(X_1 - X_2) = (X_2 - X_3)]$  ซึ่งอยู่ในกรณีที่ 3 พิจารณาที่ตำแหน่ง  $(Y_2, X_2)$  ดังรูป



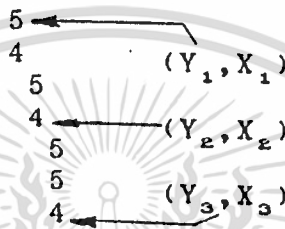
จะเห็นได้ว่าอยู่ในกรณีของโค้ด "D"

ส่วนในการแปลงโค้ดตัวอักษรตัวที่ 2 (7 แถวต่อมา) ของลายที่ (IV) ที่ตำแหน่ง  $(X_3, Y_3)$  จะถูกกำหนดให้เป็นตำแหน่งของ  $(X_1, Y_1)$  จะได้  $[(X_1 - X_2) = 0]$  และ  $[(X_2 - X_3) = 0]$  ซึ่งอยู่ในกรณีที่ 3 ต้องพิจารณาที่ตำแหน่ง  $(Y_2, X_2)$  ต่อ ดังรูป



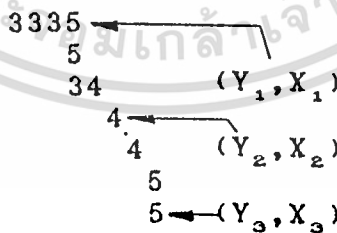
จะเห็นว่าอยู่ในกรณีของโค้ด "G"

และเมื่อทำการสแกนมาเจอหลายแยก "B" เราจะได้โค้ดตัว "X" ทันที แล้วเลื่อนลงมาทำการแปลงโค้ดตัวอักษรของหลายทางซ้ายก่อน โดยเราจะกำหนดโค้ดตัวเลขที่ต่อจาก "B" คือเลข (5) เป็นตำแหน่ง  $(X_1, Y_1)$  แล้วทำการสแกนมาเรื่อย ๆ จนครบ 7 แถว จะได้  $[(X_3 - X_2) = 1]$  และ  $[(X_2 - X_1) = 1]$  เพราะฉะนั้น  $[(X_3 - X_2) = (X_2 - X_1)]$  ซึ่งอยู่ในกรณีที่ 4 ต้องพิจารณาที่ตำแหน่ง  $(Y_2, X_2)$  ต่อไป ดังรูป



จะเห็นว่าอยู่ในกรณีของโค้ด "B"

เมื่อทำการสแกนมาจนถึงจุดสิ้นสุดของหลายเราจะได้โค้ด "." ทันที และเราจะกลับไปอยู่ที่ตำแหน่งของ "B" เพื่อที่จะทำการแปลงโค้ดของหลายทางขวาที่ยังไม่ได้ทำการแปลงโค้ด โดยจะกำหนดตำแหน่งของ  $(X_1, Y_1)$  ตรงตำแหน่งโค้ดตัวเลขที่ไม่ใช่เลข (3) ซึ่งในตัวอย่างนี้ตรงกับเลข (5) ดังรูป จะได้ว่า  $[(X_3 - X_2) = 2]$  และ  $[(X_2 - X_1) = 2]$  เพราะฉะนั้น  $[(X_3 - X_2) = (X_2 - X_1)]$  ซึ่งอยู่ในกรณีที่ 4 ต้องพิจารณาที่จุด  $(X_2, Y_2)$  ดังรูป



จะเห็นได้ว่าอยู่ในกรณีของโค้ด "F" และเมื่อทำการสแกนมาเรื่อย ๆ จะเจอจุดสิ้นสุดของหลาย เราจะได้โค้ด "." ทันที

ซึ่งผลที่ได้จากการแปลงโค้ดตัวอักษรนี้ จะทำให้ข้อมูลของหลายนิ้วมือนิ้วมีจำนวนน้อยลง (โค้ดตัวอักษร 1 ตัว จะได้จากโค้ดตัวเลขตั้งแต่ 7 ตัวขึ้นไป) ซึ่งเราจะเก็บข้อมูลของขั้นตอนนีไว้ในการตรวจสอบหลายนิ้วมือนิ้วต่อ

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

R	R	R	R	R	R	R	R	
B	C	C	G	C	B	G	G	A
G	A	A	X	C	A	G	D	
C	*	B	B	*	G	A	D	.
G	F		G	B	*	D	.	
D	A		D	F	C	.		
A	A		G	D	A			
D	A		A	.	D			
D	B		X		D			
.	.		D		.			
.			.		.			

ผลที่ได้จากการแปลงโค๊ด 8 ทิศทางมาเป็นโค๊ดตัวอักษร

4.2.7 ขั้นตอนการจำแนกลายนิ้วมือ

จุดประสงค์ของขั้นตอนนี้คือ การพิสูจน์ว่าลายนิ้วมือที่นำมาตรวจสอบว่า เป็นของใคร โดยการนำภาพลายนิ้วมือที่จะทำการตรวจสอบ มาผ่านขั้นตอนการทิ้ง 6 ขั้นตอนก่อน แล้วนำโค๊ดตัวอักษรที่ได้ มาทำการเปรียบเทียบกับโค๊ดตัวอักษรของข้อมูลที่มีอยู่ ว่าตรงกับโค๊ดตัวอักษรของใคร ซึ่งการตรวจสอบจะมีหลักการคือ ทำการนำข้อมูลของตัวอักษรที่มีอยู่แล้วมาทีละ windows แล้วทำการเปรียบเทียบตัวอักษรทุกตัวในแต่ละ windows ว่าแตกต่างกันหรือไม่ ถ้าแตกต่างกันแสดงว่า windows นั้นมีข้อมูลไม่เหมือนกัน แล้วทำการเปรียบเทียบ windows ต่อไปจนครบทั้ง 16 windows และถ้าข้อมูลที่ยอมรับได้ว่าเป็นลายนิ้วมือของคน ๆ เดียวกันนั้น จะต้องมี windows ที่เหมือนกันมากกว่า หรือเท่ากับ 14 windows จึงจะถือว่าเป็นคน ๆ เดียวกัน แต่ถ้ามีข้อมูลที่น้อยกว่านั้น จะทำการหาข้อมูลของคนอื่นต่อไปที่มีอยู่ ถ้าเป็นไปตามเงื่อนไข ก็ถือว่าเป็นคน ๆ นั้น แต่ถ้าไม่เจอ และไม่มีข้อมูลอยู่ก็บอกได้ว่า ลายนิ้วนั้นไม่มีฐานข้อมูลอยู่

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

บทที่ 5

ผลการทดลอง และสรุปโครงการ

ผลการทดลองของโปรแกรมการจดจำลายนิ้วมือ

1. ภาพลายนิ้วมือ ที่ใช้เป็นภาพอินพุทของโปรแกรมการจดจำลายนิ้วมือ ซึ่งเป็นภาพที่ได้จากกล้องถ่ายภาพ โดยการรับภาพลายนิ้วมือจากภาพพิมพ์ลายนิ้วมือนิ้วหัวแม่มือที่ทำการขยาย 8 เท่า



รูปที่ 1 ภาพลายนิ้วมือที่ใช้เป็นภาพอินพุทของโปรแกรมจดจำลายนิ้วมือ



เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## กิตติกรรมประกาศ

โครงการ และปริญานิพนธ์นี้มีโอกาสที่จะสำเร็จลงได้ตามวัตถุประสงค์ ถ้าขาดความร่วมมือและคำแนะนำต่าง ๆ ดั่งนั้นในนามของผู้จัดทำจึงต้องขอขอบคุณแก่ผู้ให้ความร่วมมือทุกฝ่าย อาทิ อาจารย์ เพื่อน ๆ ทุกคนที่ได้ช่วยในการให้ข้อคิดเห็น ตลอดจนผู้ร่วมงานในกลุ่มทุกคนที่ได้ช่วยกันแก้ปัญหา และสุดท้ายคือ อาจารย์ เกษตร์ ศิริสันติสัมฤทธิ์ ที่ได้ให้ความช่วยเหลือทุกด้านในการทำวิจัยครั้งนี้อย่างมาก ตลอดจนจัดสรรหาเครื่องมือในการทดลอง และหวังว่าความดีที่ได้จากปริญานิพนธ์นี้ ขอมอบกลับสู่ผู้ที่ให้ความร่วมมือ และกำลังใจทุกท่าน

เอกสารนี้เป็นเอกสารที่สงวนไว้สำหรับการใช้งานเพื่อการศึกษาเท่านั้น ไม่อนุญาตให้นำไปใช้ประโยชน์ด้านการค้า  
ไม่ว่ากรณีใดๆทั้งสิ้น อีกทั้งห้ามมิให้ดัดแปลงเนื้อหา และต้องอ้างอิงถึงเจ้าของเอกสารทุกครั้งที่มีการนำไปใช้

## REFERENCE

- [1] KAMESWARE RAO and EDNNETH BALCK "Type Classification of Fingerprints: A Syntactic Approach" IEEE Transactions on pattern analysis and machine intelligence, Vol. PAMI-2 No.3 MAY 1980 pp 223-231
- [2] KING-SUN FU, "Grammatical Inference: Introduction and Survey-Part II" IEEE Transactions on Pattern analysis and machine intelligence, Vol. PAMI8 No.3, MAY 1984 pp 360-375
- [3] KING-SUN FU and BHARAT K. BHARGAVA "Tree System for Syntactic Pattern Recognition" IEEE Trans. comput. Vol C-22 DECEMBER 1973 pp 1087-1098
- [4] JULIUS T. TOU and RAFAEL C. GONZALEZ "Pattern Recognition Principles"
- [5] K.S.FU "Syntactic Methodes in Pattern Recognition" Vol 112
- [6] ADRIAN LOW "Introductory Computer Vision and Image Processing"
- [7] "FINGERPRINT RECOGNITION SYSTEM" ปรินฤณานพนธ์ปีการศึกษา 2534